



# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

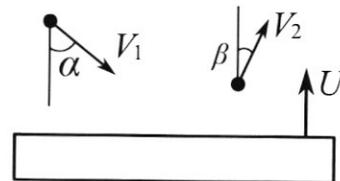
Класс 11

Вариант 11-04

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью  $U$  вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость  $V_1 = 18$  м/с, направленную под углом  $\alpha$  ( $\sin \alpha = \frac{2}{3}$ ) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью  $V_2$ , составляющей угол  $\beta$  ( $\sin \beta = \frac{3}{5}$ ) с вертикалью.

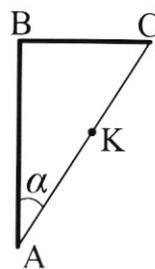


1) Найти скорость  $V_2$ .  
2) Найти возможные значения скорости плиты  $U$  при таком неупругом ударе. Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится аргон, во втором – криптон, каждый газ в количестве  $\nu = 3/5$  моль. Начальная температура аргона  $T_1 = 320$  К, а криптона  $T_2 = 400$  К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными.  $R = 8,31$  Дж/(моль·К).

- 1) Найти отношение начальных объемов аргона и криптона.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал криптон аргону?

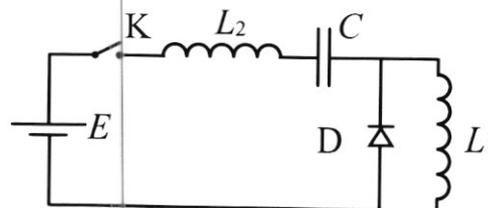
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол  $\alpha = \pi/4$ . Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

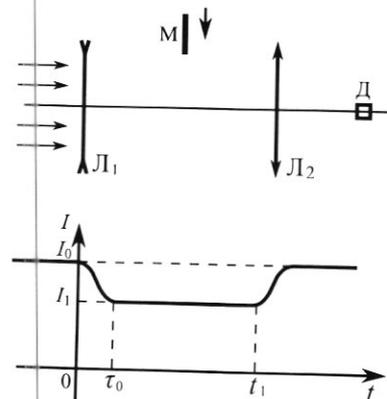
2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда  $\sigma_1 = \sigma$ ,  $\sigma_2 = 2\sigma/7$ , соответственно. Угол  $\alpha = \pi/9$ . Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС  $E$ , катушек с индуктивностями  $L_1 = 5L$ ,  $L_2 = 4L$ , конденсатора емкостью  $C$ , диода  $D$  (см. рис.). Ключ  $K$  разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в  $L_2$ .



- 1) Найти период  $T$  этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток  $I_{01}$ , текущий через катушку  $L_1$ .
- 3) Найти максимальный ток  $I_{02}$ , текущий через катушку  $L_2$ .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз  $L_1$  и  $L_2$  (см. рис.) с фокусными расстояниями  $-2F_0$  и  $F_0$ , соответственно. Расстояние между линзами  $2F_0$ . Диаметры линз одинаковы и равны  $D$ , причем  $D$  значительно меньше  $F_0$ . На линзу  $L_1$  падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе  $D$ , на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень  $M$ , плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии  $F_0$  от  $L_1$ . На рисунке показана зависимость тока  $I$  фотодетектора от времени  $t$  (секундомер включен в момент начала уменьшения тока).  $I_1 = 7I_0/16$ .

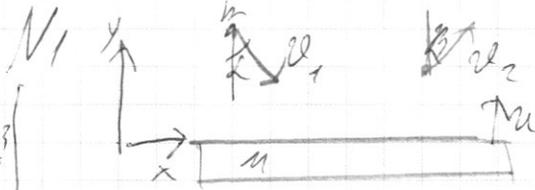


- 1) Найти расстояние между линзой  $L_2$  и фотодетектором.
- 2) Определить скорость  $V$  движения мишени. 3) Определить  $t_1$ . Известными считать величины  $F_0$ ,  $D$ ,  $\tau_0$ .



**ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА**

Дано:  $m \ll M$   
 $v_1 = 18 \frac{m}{c}$ ;  $\sin \alpha = \frac{2}{3}$ ,  $\sin \beta = \frac{5}{13}$



$$\cos \beta = \sqrt{1 - \frac{25}{169}} = \frac{12}{13}$$

$$\cos \alpha = \sqrt{1 - \frac{4}{9}} = \frac{5}{3}$$

- 1)  $v_2$  - ?
- 2)  $u$  - ?

1) закон сохранения импульса вдоль оси  $Y$  <sup>и ось</sup>  
 масса мала, удар неупругий, коэффициент  $\epsilon$ ;  $m \cdot k$   
 $\mu = 0$ ;  $F_{упр} dt = mdv_x = 0 \Rightarrow$

~~$M \cdot 0 + m v_1 \sin \alpha = m v_2 \sin \beta + M \cdot 0$~~

ЗСИ для шарика вдоль оси  $X$  сохраняется

$$+m v_{1x} = +m v_{2x} \Rightarrow +m v_1 \sin \alpha = +m v_2 \sin \beta$$

$$|v_2| = \frac{v_1 \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{18 \cdot \frac{2}{3}}{\frac{5}{13}} = 18 \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{13}{5} = 20 \frac{m}{c}$$

2). ЗСИ для оси  $X$  для мала и шарика  $v$

ТСО со скоростью  $u$

~~$M u = m v_1 \cos \alpha + M u = M u + m v_2 \cos \beta$~~

в грани ТСО масса шарика  $v$   <sup>$v_{шарика} = 0$</sup>   
 Формула нет  $\Rightarrow$  ЗСИ вдоль  $X$  сохраняется для ~~шарика~~ <sup>системы</sup>

ЗСИ для системы в ось  $X$ :  $m(v_1 \cos \alpha + u) = m(v_2 \cos \beta - u)$

$v_1 \cos \alpha + 2u = v_2 \cos \beta$

$$u = \frac{v_2 \cos \beta - v_1 \cos \alpha}{2} = \frac{20 \cdot \frac{12}{13} - 18 \cdot \frac{5}{3}}{2} =$$

$$= \frac{16 - 65}{2} = 8 - 35$$

Ответ: 1).  $v_2 = 20 \frac{m}{c}$   $u = 8 - 35$

№2

$T_1, V_1, T_2; V = 0,6 \text{ моль}$   
 $T_1 = 320 \text{ K}, T_2 = 400 \text{ K}$

Аргон	Кристал
$S, V_1, T_1$	$V_2, T_2$

$R = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{K}}$   
 $i = 3$

1)  $\frac{V_1}{V_2} = ?$

2)  $T = ?$

3)  $\Delta Q = ?$

1)  $P_1 V_1 = \nu R T_1$

2)  $P_2 V_2 = \nu R T_2$ ; т.к. процесс происходит

без трения, то  $Q_{\text{тр}} = 0$ ; процесс можно переключить только из-за разности давлений газы; при переходе газа кристал передает меньшую энергию; процесс обратимый, что вытекало можно считать не газом, т.е.;  $P_1 = P_2 \Rightarrow$

поделив 1 на 2  $\Rightarrow \frac{P_1 V_1}{P_2 V_2} = \frac{\nu R T_1}{\nu R T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{320}{400} = \frac{4}{5}$

2) Запишем 1 начало термодинамики для системы излучения, 2-х газов и кристалла;  $\Delta Q = \Delta U + A$ ;  $\Delta Q = 0$ ; т.к. газы не взаимодействуют;  $A = 0$ ; т.к. система газов работает против внешнего сил не совершает;  $\Delta U = 0$

$U_{\text{кр}1} + U_{\text{кр}2} = U_{\text{кр}1} + U_{\text{кр}2}$

$\frac{i}{2} \nu R T_1 + \frac{i}{2} \nu R T_2 = \frac{i}{2} \nu R T + \frac{i}{2} \nu R T$

$2T = T_1 + T_2 \Rightarrow T = \frac{T_1 + T_2}{2} = \frac{320 + 400}{2} = \frac{720}{2} = 360 \text{ K}$

3) Кристалл передает энергию только на кол-во молекул, что и получает кристалл от кристалла;  $dQ = dU + dA$ ; для кристалла

$dQ = C_p dT = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T) = \frac{5}{2} \cdot 8,31 \cdot \frac{3}{5} \cdot (400 - 360) = 60 \cdot 8,31 = 498,6 \text{ Дж}$

Ответ: 1)  $\frac{V_1}{V_2} = 0,8$ ; 2)  $T = 360 \text{ K}$ ; 3)  $\Delta Q = 498,6 \text{ Дж}$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано:

- $\alpha = \frac{\pi}{4}$
- $d = \frac{\pi}{9}, b_1 = 6$

$b_1 = 6, b_2 = 6$

1)  $E_{K1} = ?$

2)  $|\vec{E}| = ?$

№3  
Поиск  $E$  - поворачиваем по формуле

- по ПТ Гаусса  
 $E_n = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$   
 $E_{K1} = \frac{6}{2\epsilon_0}$

Для 2 случаев рассмотрим суперпозицию двух полей в точке К

$$\vec{E}_{K1} + \vec{E}_{K2} = \vec{E}_{K2} ; \text{ по ПТ Гаусса}$$

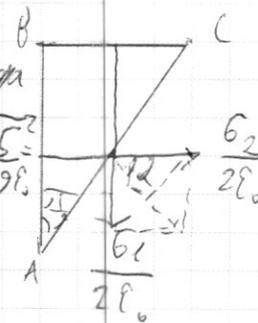
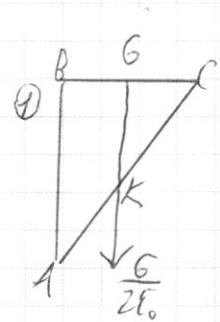
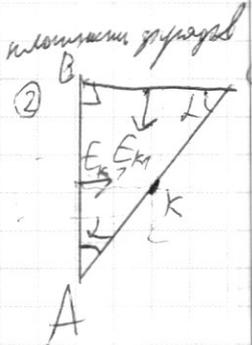
$$E_{K2} = \sqrt{2} E_{K1} = \sqrt{2} \frac{6}{2\epsilon_0}$$

$$\frac{E_{K2}}{E_{K1}} = \frac{\sqrt{2} \frac{6}{2\epsilon_0}}{\frac{6}{2\epsilon_0}} = \sqrt{2}$$

2)  $\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 ; \text{ по ПТ Гаусса}$

$$|\vec{E}| = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} = \sqrt{\left(\frac{6}{2\epsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{6\sqrt{2}}{2\epsilon_0}\right)^2} = \sqrt{\frac{6^2}{4\epsilon_0^2} + \frac{4 \cdot 6^2}{4 \cdot 4\epsilon_0^2}} = \sqrt{\frac{6^2}{4\epsilon_0^2} + \frac{6^2}{4\epsilon_0^2}} = \sqrt{\frac{14 \cdot 6^2}{4\epsilon_0^2}} = \frac{6\sqrt{14}}{2\epsilon_0} = \frac{\sqrt{14}}{14} \frac{6}{\epsilon_0}$$

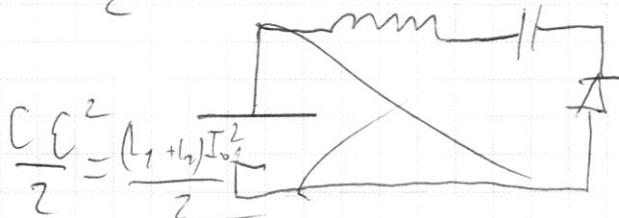
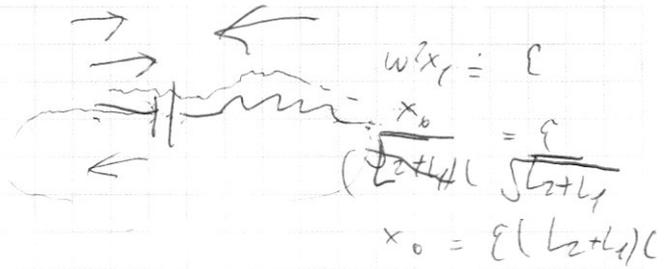
Ответ: 1)  $\frac{E_{K2}}{E_{K1}} = \sqrt{2}$ ; 2)  $|\vec{E}| = \frac{\sqrt{14}}{14} \frac{6}{\epsilon_0}$



$$\mathcal{E}(CE) = 0 - \frac{CE^2}{2} + \frac{L_2 I_{01}^2}{2}$$

$$\int \sin x dx = -\cos x$$

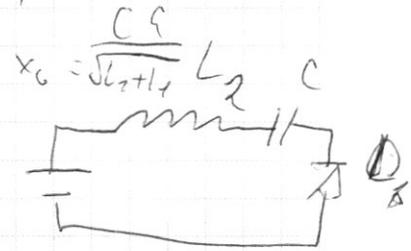
$$CE^2 - \frac{CE^2}{2}$$



$$\frac{CE^2}{2} = \frac{(L_1 + L_2) I_{01}^2}{2}$$

$$I_{01} = \sqrt{\frac{CE^2}{L_1 + L_2}}$$

$$\ddot{x} + \omega^2 x = \omega^2 x_1$$



$$2I^2 = C u^2$$

$$I = \sqrt{\frac{C}{2}} u$$



2)

$$E = \frac{q}{C}$$

$$E = L_2 \frac{d^2 I}{dt^2} + \frac{q}{C} + \frac{L_1 dI}{dt}$$

$$\ddot{q} + \frac{q}{L_1 + L_2 C} = \frac{E}{L_1 + L_2}$$

$$\frac{dI}{dt} = \dot{q}$$

$$\frac{\sin \omega t}{\sin \omega t} = \cos x$$

$$\frac{x_0}{(L_1 + L_2) C} = \frac{q}{L_1 + L_2} \quad \ddot{q} + \frac{q}{(L_2 + L_1) C} = \frac{E}{L_2 + L_1}$$

$$x_0 = C E$$

$$q = \frac{q_0}{\omega} (1 - \cos \omega t)$$

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{(L_2 + L_1) C}}, \quad T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{(L_2 + L_1) C}$$

$$t_1 = \frac{T}{2}$$

$$E = L_2 \ddot{q} + \frac{q}{C}$$

$$\ddot{q} + \frac{q}{L_2 C} = \frac{E}{L_2}$$

$$q(\theta) = A \cos \omega t + B \sin \omega t + x_0$$

$$A = x_0$$

$$\begin{cases} q = \frac{(L_1 + L_2) I_{01}^2}{2} + \frac{q_0}{2C} \\ \frac{CE^2}{2} = \frac{(L_1 + L_2) I_{01}^2}{2} \\ I_{01} = E \sqrt{\frac{C}{L_1 + L_2}} \end{cases}$$

$$q'(0) = -A \omega \sin 0 + \omega B \cos 0 = 0$$

$$B = 0$$

$$q = -x_0 \cos \omega t + x_0 = x_0 (1 - \cos \omega t)$$

$$I = \omega x_0 \sin \omega t = \frac{E (L_2 + L_1) C}{\sqrt{(L_2 + L_1) C}} = \frac{CE}{\sqrt{L_2 + L_1}}$$

$$x_0 = C E \sqrt{\frac{1}{L_1 + L_2}} = \frac{CE}{\sqrt{L_1 + L_2}}$$

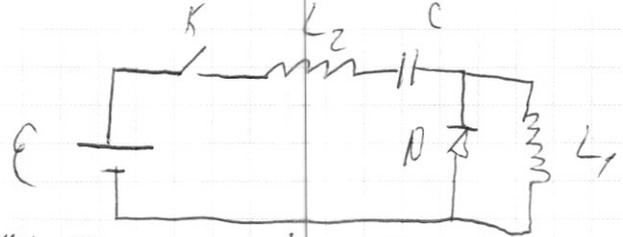
### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 4

Дано:  
 $L_1 = 5L$ ,  $L_2 = 4L$   
 $C, \rho, \mathcal{E}$

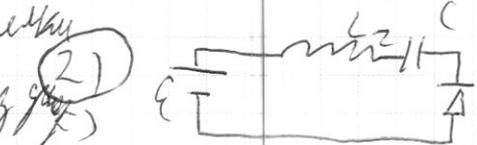
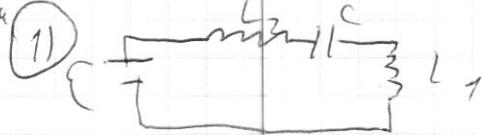
- 1)  $T = ?$
- 2)  $I_{01} = ?$
- 3)  $I_{02} = ?$

Когда ток течёт  
по часовой стрелке



против часовой стрелки

весь ток течёт через



контуром  $L_1$  не функционировать; ток через контур  $0$

$\Delta \varphi = 0$ ; 1). Весь ток складывается из 2 колебательных контуров

схема 1) и 2);  $\ddot{x} + \omega^2 x = \omega^2 x_0$

$$\mathcal{E} = L_2 \ddot{q}_1 + L_1 \ddot{q}_1 + \frac{q_1}{C} \Rightarrow \ddot{q}_1 + \frac{q_1}{(L_1+L_2)C} = \frac{\mathcal{E}}{L_1+L_2}$$

$$\omega^2 = \frac{1}{(L_1+L_2)C} \Rightarrow T_1 = 2\pi \sqrt{(L_1+L_2)C}, t_1 = \frac{T_1}{2}$$

для рис 2 запишем уравнение контура:

$$\mathcal{E} = \frac{q_2}{C} + \frac{\dot{q}_2}{L_2} \Rightarrow \ddot{q}_2 + \frac{q_2}{L_2 C} = \frac{\mathcal{E}}{L_2}; T_2 = 2\pi \sqrt{L_2 C}, t_2 = \frac{T_2}{2}$$

$$T = t_1 + t_2 = \pi \sqrt{(L_1+L_2)C} + \pi \sqrt{L_2 C} = 3\pi \sqrt{LC} + 2\pi \sqrt{LC} = 5\pi \sqrt{LC}$$

$$2). \ddot{q} + \frac{q}{(L_1+L_2)C} = \frac{\mathcal{E}}{L_1+L_2} \Rightarrow \frac{q_0}{(L_1+L_2)C} = \frac{\mathcal{E}}{L_1+L_2} \Rightarrow q_0 = C\mathcal{E};$$

$$q_1(t) = A \cos \omega t + B \sin \omega t, q_1(0) = A + q_0 = 0 \Rightarrow A = -q_0; \dot{q}_1(0) = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow B = 0 \Rightarrow q_1(t) = q_0(1 - \cos \omega t) = \text{зависимость заряда от времени.}$$

возьмем производную по времени, для нахождения  $I_{01}$ ;  $I(t) = q_0 \omega \sin \omega t$

$$I_{01} = q_0 \omega = \frac{C\mathcal{E}}{L_1+L_2} = \mathcal{E} \sqrt{\frac{C}{L_1+L_2}} = \frac{\mathcal{E}}{3} \sqrt{\frac{C}{L}}$$

3) найти зависимость тока  $i_2$

$$\ddot{q}_2 + \frac{q}{L_2 C} = \frac{\mathcal{E}}{L_2}$$

$$\frac{q_0}{L_2 C} = \frac{\mathcal{E}}{L_2} \Rightarrow q_0 = C\mathcal{E}$$

~~$\frac{q_2}{L_2 C} =$~~  заменим правило Кирхгофа для 2 контура при условии, что ток через катушку 2 максимален

$$\mathcal{E} = L_2 \frac{d i_2}{dt} + \frac{q_2}{C} \Rightarrow i_2 = C\mathcal{E}; \text{ заменим } 3C\mathcal{E} \text{ на } \mathcal{E} \text{ между обкладками}$$

энергия:  $A = \int W_C + \int W_L$

$$C\mathcal{E}^2 = \frac{C\mathcal{E}^2}{2} + \frac{L_2 I_{02}^2}{2}$$

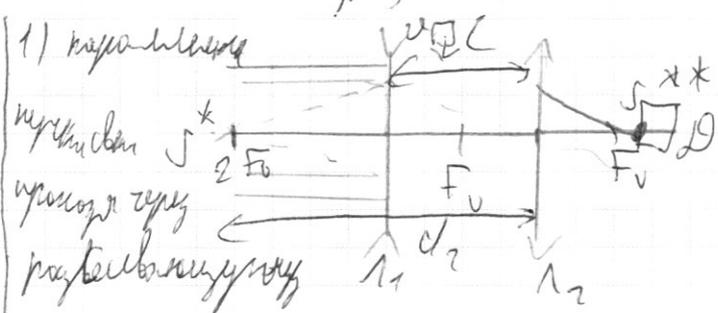
$$I_{02} = \mathcal{E} \sqrt{\frac{C}{L_2}} = \frac{\mathcal{E}}{2} \sqrt{\frac{C}{L}}$$

Ответ: 1)  $T = 5\pi\sqrt{LC}$ ; 2)  $I_{01} = \frac{\mathcal{E}}{3} \sqrt{\frac{C}{L}}$ ; 3)  $I_{02} = \frac{\mathcal{E}}{2} \sqrt{\frac{C}{L}}$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 5

$F_1 = 2F_0$   
 $F_2 = F_0$   
 $L = 2F_0$   
 $v \ll F_0$   
 $I_1 = \frac{F_1^2}{16}$



1) параллельно  
 предмет в  $2F_0$   
 предмет в  $2F_0$   
 действительный  
 собираем на фокус  
 $\frac{1}{f} - \frac{1}{f_1} = \frac{1}{2F_0} \Rightarrow f_1 = 2F_0$ , это собираем  
 является действительным, где собираем

- 1)  $f_2$  - ?
- 2)  $v$  - ?
- 3)  $I_1$  - ?

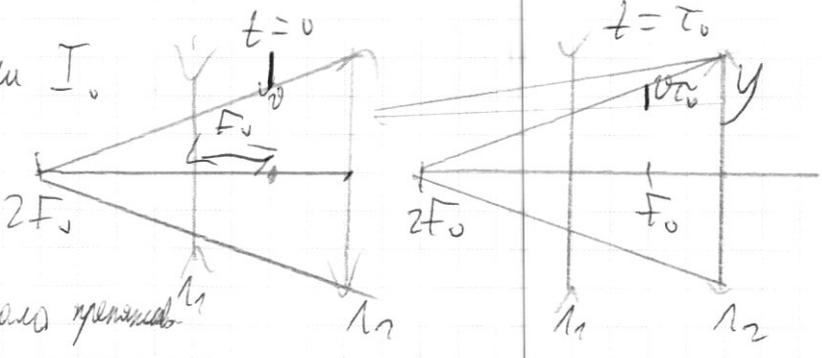
лучи  
 $\frac{1}{d_2} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{F_2}$ ;  $d_2 = f_1 + L = 4F_0$

$\frac{1}{f_2} = \frac{3}{4F_0} \Rightarrow f_2 = \frac{4}{3}F_0$

2).  $\frac{v \tau_0}{3F_0} = \frac{4}{4F_0}$ ;  $y$  - диаметр ~~закрывает~~ ~~закрывает~~ ~~на~~ ~~лице~~

$y = \frac{4}{3} v \tau_0$ , и если  $I_0$

соответствует ситуации, когда  
 линза не препятствует лучам,  
 а  $I_1$ , когда линза начала препятствовать



весь полностью (весь свет проходит) тогда

$\frac{I_1}{I_0} = \frac{\pi D^2}{4} - \frac{\pi y^2}{4} = \frac{D^2 - y^2}{4} \Rightarrow$

$\frac{7}{16} D^2 = D^2 - \frac{16}{9} v^2 \tau_0^2 \Rightarrow \frac{9}{16} D^2 = \frac{16}{9} v^2 \tau_0^2 \Rightarrow v \sqrt{\frac{9^2 D^2}{16^2 \tau_0^2} - \frac{9D}{16\tau_0}}$

$$3) v t_1 = D$$

$$t_1 = \frac{D}{v} = \frac{D}{\frac{9D}{16T_0}} = \frac{16}{9} T_0$$

$$\text{Ответ: } 1) F_2 = \frac{4}{3} F_0; \quad 2) v = \frac{9}{16} \frac{D}{T_0}; \quad 3) t_1 = \frac{16}{9} T_0$$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$|F_1| = |2F_0|$   
 $F_2 = F_0$   
 $L = 2F_0$   
 $0 < F_0$   
 $I_1 = 7F_0$   
 $\pi$

(два параллельных пучка света  
 проходят через  
 рассеиватель  
 между собирающим  
 и фокальным

$\frac{1}{d_2} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{f_1}$   
 $\Rightarrow |A| = 2F_0$ ; увеличение  $L_1$  является  $g_1$   
 максимум для  $L_2$ , когда  $u = u_f = 2F_0$

$\frac{1}{d_2} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{f_1}$ ;  $d_2 = |A_1| + L = 2F_0 + 2F_0 = 4F_0$

$\frac{1}{4F_0} + \frac{1}{f_2} = \frac{1}{4F_0}$

$\frac{1}{f_2} = \frac{3}{4F_0} \Rightarrow f_2 = \frac{4F_0}{3}$

2).  $I_0 = 2N$

$\frac{v\tau_0}{3F_0} = \frac{y}{4F_0}$ ;  $y$  - закреплен на линзе

$y = \frac{4v\tau_0}{3}$ , м. л

если  $I_0$  ~~интенсивность~~  $2F_0$   
 когда линза не ~~преобразует~~  $2F_0$   
 то  $I_1$  ~~когда линза~~  $2F_0$

~~$\frac{I_1}{I_0} = \frac{D^2}{4} = \frac{D - y}{D} = \frac{D - \frac{4}{3}v\tau_0}{D}$   
 $\frac{I_1}{I_0} = \frac{7}{16} \Rightarrow \frac{7}{16} D = D - \frac{4}{3}v\tau_0 \Rightarrow \frac{7}{16} D = \frac{4}{3}v\tau_0$   
 $v = \frac{27}{64} \frac{D}{\tau_0}$~~

$$3). v t_1 = D$$

$$t_1 = \frac{D}{v}$$

$$t_1 = \frac{D}{\frac{27D}{64 \tau_0}} = \frac{64}{27} \tau_0$$

$$\text{Ответ: } 1). f_2 = \frac{4}{3} F_0 ; 2) v = \frac{27}{64} \frac{D}{\tau_0}$$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{1}{F_1} + \frac{1}{F_2} = \frac{1}{F}$$

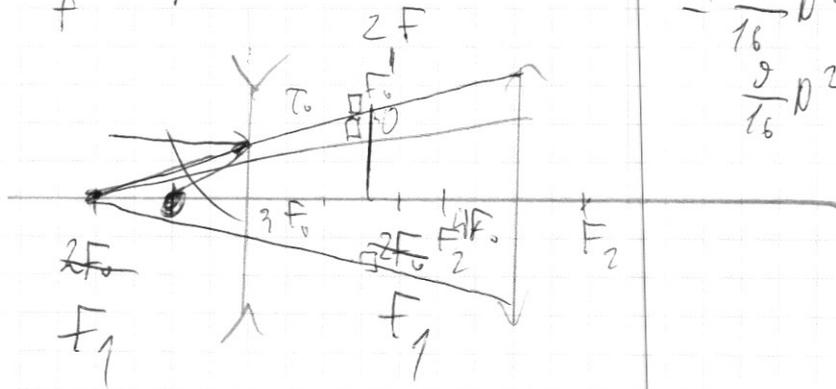
$$\frac{1}{F} = \frac{1}{F_1} - \frac{1}{F_2} = -\frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{F}$$

$$I = \frac{N}{S \Delta t} = \frac{D^2 - \frac{16}{9} v^2 \tau_0^2}{D^2} =$$

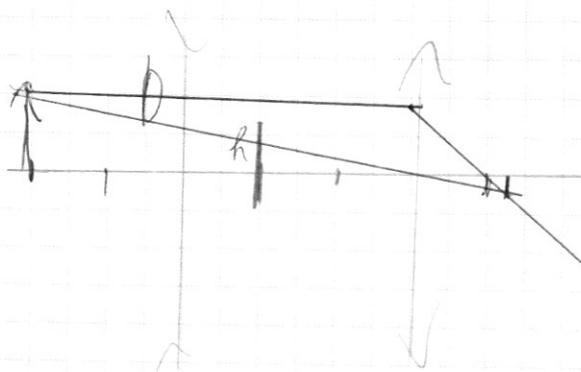
$$-\frac{7}{16} D^2 + D^2 = \frac{16}{9} v^2 \tau_0^2$$

$$\frac{9}{16} D^2 = \frac{16}{9} v^2 \tau_0^2$$



$$I = 2Na$$

$$I = \frac{N}{S \Delta t}$$

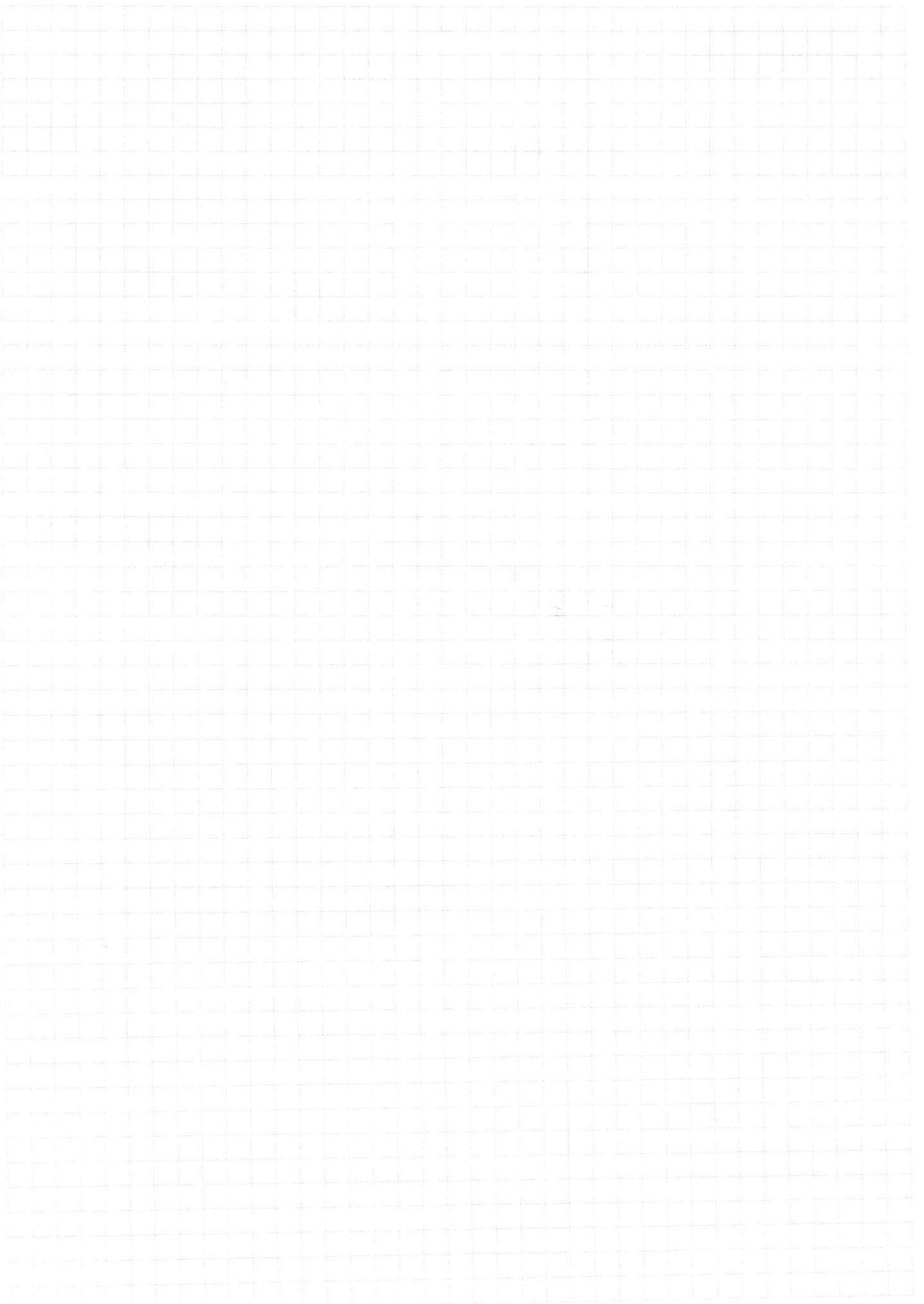


$$I = 2N$$

$$\frac{3F_0}{R} = \frac{4F_0}{\frac{D}{2}}$$

$$R = \frac{3}{4} D$$

$$\frac{(T_1 - T_0) v}{4} = R$$



черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)