

# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

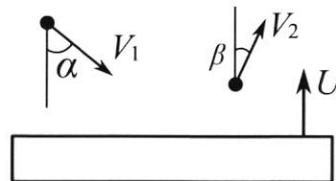
Класс 11

Вариант 11-03

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью  $U$  вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость  $V_1 = 12$  м/с, направленную под углом  $\alpha$  ( $\sin \alpha = \frac{1}{2}$ ) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью  $V_2$ , составляющей угол  $\beta$  ( $\sin \beta = \frac{1}{3}$ ) с вертикалью.

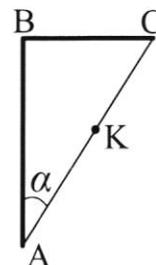


- 1) Найти скорость  $V_2$ .
  - 2) Найти возможные значения скорости плиты  $U$  при таком неупругом ударе.
- Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится водород, во втором – азот, каждый газ в количестве  $\nu = 6/7$  моль. Начальная температура водорода  $T_1 = 350$  К, а азота  $T_2 = 550$  К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Газы считать идеальными с молярной теплоемкостью при постоянном объеме  $C_V = 5R/2$ .  $R = 8,31$  Дж/(моль·К).

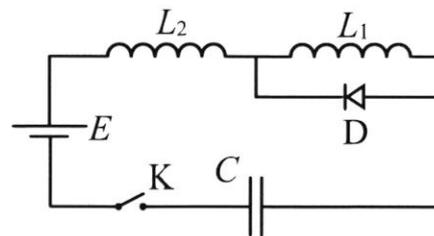
- 1) Найти отношение начальных объемов водорода и азота.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал азот водороду?

3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



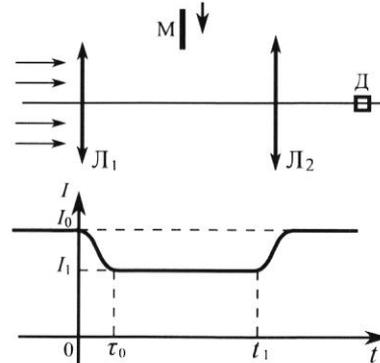
- 1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол  $\alpha = \pi/4$ . Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?
- 2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда  $\sigma_1 = 3\sigma$ ,  $\sigma_2 = \sigma$ , соответственно. Угол  $\alpha = \pi/5$ . Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС  $E$ , катушек с индуктивностями  $L_1 = 4L$ ,  $L_2 = 3L$ , конденсатора емкостью  $C$ , диода D (см. рис.). Ключ  $K$  разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в  $L_1$ .



- 1) Найти период  $T$  этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток  $I_{M1}$ , текущий через катушку  $L_1$ .
- 3) Найти максимальный ток  $I_{M2}$ , текущий через катушку  $L_2$ .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз  $L_1$  и  $L_2$  (см. рис.) с фокусными расстояниями  $3F_0$  и  $F_0$ , соответственно. Расстояние между линзами  $2F_0$ . Диаметры линз одинаковы и равны  $D$ , причем  $D$  значительно меньше  $F_0$ . На линзу  $L_1$  падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии  $F_0$  от  $L_1$ . На рисунке показана зависимость тока  $I$  фотодетектора от времени  $t$  (секундомер включен в момент начала уменьшения тока).  $I_1 = 5I_0/9$ .



- 1) Найти расстояние между линзой  $L_2$  и фотодетектором.
- 2) Определить скорость  $V$  движения мишени. 3) Определить  $t_1$ .

Известными считать величины  $F_0$ ,  $D$ ,  $\tau_0$ .

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1.1

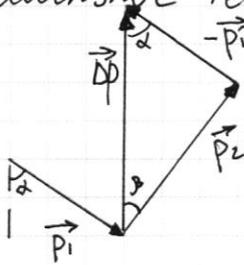
Дано:  
 $\sin \alpha = \frac{1}{2}; \sin \beta = \frac{1}{3}$   
 $v_1 = 12 \text{ м/с}$

1)  $v_2$  - ?

2)  $U$  - ?

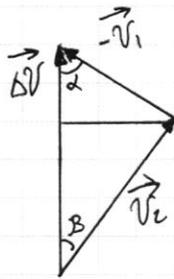
Решение:

1). Нарисуем треугольник импульсов, где  $p_1$  - начальный импульс тела,  $p_2$  - конечный,  $\Delta p$  - изменение импульса:



т.к.  $\vec{\Delta p} = \vec{p}_2 - \vec{p}_1$ , то  $\vec{\Delta p} = \vec{p}_2 + (-\vec{p}_1)$ .

Так как масса шарика не изменяется, треугольник скоростей будет выглядеть также:



Найдём  $v_2$ :

$$|-\vec{v}_1| \cdot \sin \alpha = |\vec{v}_2| \cdot \sin \beta$$

$$v_1 \sin \alpha = v_2 \cdot \sin \beta \Rightarrow v_2 = v_1 \cdot \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$$

$$v_2 = 12 \cdot \frac{3}{2} = 18 \text{ (м/с)}$$

2). Т.к. нить массивная, <sup>и удар неупр.</sup> то при ударе она сообщит шарике  $\Delta p = m \Delta v$ , где  $m$  - масса шарика. В таком случае скорость нити  $U$  полностью сообщится шарике, то есть  $U = |\Delta \vec{v}| = \Delta v$ . Найдём  $\Delta v$  из треугольника скоростей.  $\Delta v = v_1 \cos \alpha + v_2 \cos \beta$ ;

$$\cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha}; \cos \alpha = \sqrt{1 - \left(\frac{1}{2}\right)^2} = \frac{\sqrt{3}}{2};$$

$$\cos \beta = \sqrt{1 - \sin^2 \beta}; \cos \beta = \sqrt{1 - \left(\frac{1}{3}\right)^2} = \frac{2\sqrt{2}}{3};$$

$$\Delta v = U = \frac{12\sqrt{3}}{2} + \frac{18 \cdot 2\sqrt{2}}{3} = 6\sqrt{3} + 12\sqrt{2} = 18\sqrt{3} \text{ (м/с)}$$

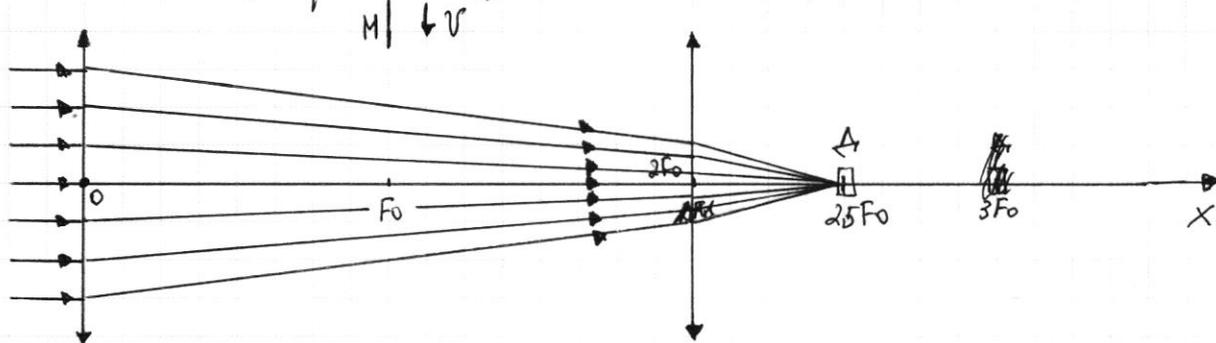
$$= \frac{12\sqrt{3}}{2} + \frac{18 \cdot 2\sqrt{2}}{3} = 6\sqrt{3} + 12\sqrt{2} = 6(\sqrt{3} + 2\sqrt{2}) \text{ (м/с)}$$

Ответ: 1)  $v_2 = 18 \text{ м/с}$ ; 2)  $U = 18\sqrt{3} \text{ м/с}$

Ответ: 1)  $v_2 = 18 \text{ м/с}$ ; 2)  $U = 6(\sqrt{3} + 2\sqrt{2}) \text{ м/с}$

№5.

Рассмотрим лучи, прошедшие через систему двух линз (в  $t=0$ ) и найдём фокусировку света после прохождения  $L_2$ .



1). По формуле тонкой линзы для лучей, проходящих через  $L_1$  (лучи параллельны опт. оси  $\Rightarrow d_1 = \infty$ )

$$\frac{1}{3F_0} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{d_1} = \frac{1}{f_1} + \frac{1}{\infty} = \frac{1}{f_1} + 0 \Rightarrow f_1' = 3F_0$$

$\rightarrow$  расстояние от  $L_1$  до точки схождения лучей, если бы  $L_2$  не было.

2). Для  $L_2$  точки схождения лучей, преломленных  $L_1$ , является мнимой, поэтому по формуле тонкой линзы для лучей, проходящих  $L_2$ :

$L_2$ :  $\frac{1}{F_0} = -\frac{1}{d_2} + \frac{1}{f_2}$ , где  $d_2 = 3F_0 - 2.5F_0$  - расстояние от линзы до мнимой точки схождения лучей, а  $f_2$  - искомое рас-ие, где сойдутся лучи (там стоит детектор)

$$\frac{1}{F_0} = -\frac{1}{3F_0 - 2.5F_0} + \frac{1}{f_2} = -\frac{1}{F_0} + \frac{1}{f_2} \Rightarrow f_2 = \frac{F_0}{2}$$

3) В момент  $t_0$  верхний край линзы закрывает крайний верхний луч. Так как  $I_1 = \frac{5}{9} I_0$ , а сила тока пропорциональна мощности падающего света, а ~~интенсивность~~ интенсивность падающего на  $L_1$  пучка света однородна в его сечении, то линза, двигаясь равномерно, ~~с  $t_0$  по  $t_1$~~  с  $t_0$  по  $t_1$ , закрывала собой  $1 - \frac{5}{9} = \frac{4}{9}$  площади сечения пучка в  $F_0$ . Так как площади окружностей относятся как квадрат диаметров то  $\frac{D_m}{H} = \frac{2}{3} \Rightarrow D_m = \frac{2}{3}H$  ( $H$  - диаметр пучка лучей в  $F_0$ ,  $D_m$  - диаметр линзы). Найдём  $H$  из подобия треугольников, если

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

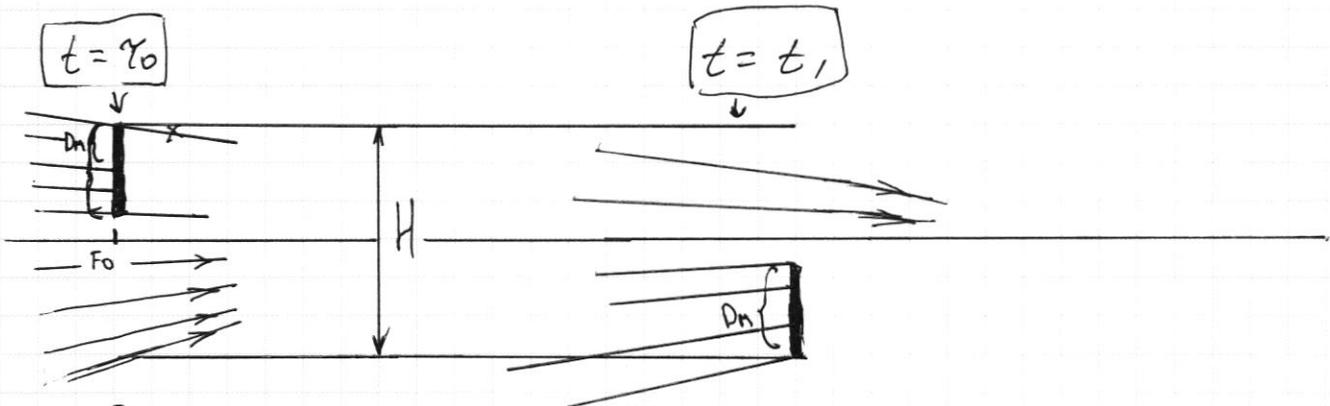
продолжить лучи до пересечения в  $3F_0$  (если  $\lambda_2$  не было бы):

$$\frac{D}{3F_0} = \frac{H}{3F_0 - F_0} \Rightarrow \frac{D}{3} = \frac{H}{2} \Rightarrow H = \frac{2}{3} D, \text{ отсюда } D_M = \frac{4}{9} D,$$

Рассмотрим момент времени от 0 до  $\tau_0$ . В  $t=0$  мишень уже почти начала закрывать лучи а в  $\tau_0$  уже закрывала их всей своей площадью, таким образом за  $\tau_0$  мишень прошла  $D_M$ :

$$v = \frac{D_M}{\tau_0} = \frac{4}{9} \frac{D}{\tau_0}$$

4) В  $t_1$  время от  $\tau_0$  до  $t_1$  мишень от своего нижнего края закрывала крайний нижний луч в  $F_0$ :



Тогда за время от  $\tau_0$  до  $t_1$  мишень прошла расстояние

$$H - D_M : (t_1) = \tau_0 + \frac{H - D_M}{v} = \tau_0 + \frac{\frac{2}{3}D - \frac{4}{9}D}{\frac{4}{9} \frac{D}{\tau_0}} = \tau_0 + \frac{2 \cdot 9 \cdot \tau_0}{9 \cdot 4} = \tau_0 + \frac{\tau_0}{2} = 1,5 \tau_0$$

Ответ: 1)  $\frac{F_0}{2}$ ; 2)  $\frac{4}{9} \frac{D}{\tau_0}$ ; 3)  $\frac{3}{2} \tau_0$

№2

Дано:

$\nu = \frac{6}{7}$  моль

$R = 8,31$  Дж/(моль·К)

$T_1 = 350$  К

$T_2 = 550$  К

1)  $\frac{V_2}{V_1} = ?$  2)  $T = ?$  3)  $|\Delta Q| = ?$

Решение:

1)  $t=0$ . Запишем уравнение Менделеева-Клапейрона  
( $V_1, P_1$  - объём и давление водорода,  $V_2, P_2$  - азота)

для каждого газа:

$$P_1 V_1 = \nu R T_1 \quad P_2 V_2 = \nu R T_2$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1 P_2}{T_2 P_1}$$



черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

В начальный момент  $P_1 = P_2$ , так как поршень находится в равновесии, поэтому  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2}$ ;  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{350}{550} = \frac{7}{11}$

2) Так как сосуд теплоизолирован, то теплообмена между газом и окружающей средой не происходит, ~~вышла работа газов за любой промежуток времени равна нулю, поскольку процесс медленный, в любой момент времени~~ поэтому закон сохранения энергии будет выглядеть следующим образом:

$$W_{1\Sigma} = W_{2\Sigma} \Rightarrow U_{10} + U_{20} = U_1 + U_2$$

суммы энергий  
газов до и после  
уст. равнов.

Внутренние энергии  
газа 1 - водорода и 2 - азота  
до и после уст. равнов.

В данном случае  
работа на перемещение  
поршня не требуется  
(трение нет), а если  
один газ выполнит  
работу, то другой выполнит  
ту же работу, но отрицательную.

$$\frac{5}{2} \nu R T_1 + \frac{5}{2} \nu R T_2 = \frac{5}{2} \nu R T_{\Sigma} + \frac{5}{2} \nu R T_{\Sigma} \Rightarrow T_1 + T_2 = 2T_{\Sigma}, \text{ где } T_{\Sigma} - \text{устам. темп-ра}$$

$$T_{\Sigma} = \frac{T_1 + T_2}{2}; T_{\Sigma} = \frac{350 + 550}{2} = 450 \text{ K}$$

3) Количество переданной азотом теплоты определяется изменением его внутренней энергии (насколько она увеличилась у азота, настолько же прибавилась у водорода):

$$|\Delta Q| = |U_2 - U_{20}| = \left| \frac{5}{2} \nu R T_{\Sigma} - \frac{5}{2} \nu R T_2 \right| = \frac{5}{2} \nu R (T_{\Sigma} - T_2);$$

$$|\Delta Q| = \frac{5}{2} \cdot 8,31 \cdot \frac{6}{7} \cdot (550 - 450) = \frac{5 \cdot 6 \cdot 8,31 \cdot 100 \cdot 50}{2 \cdot 7} \approx 2671,08 \text{ Дж}$$

$$|\Delta Q| = \frac{5}{2} \cdot \frac{6}{7} \cdot 8,31 \cdot (550 - 450) = \frac{30 \cdot 100}{14} \cdot 8,31 \approx 1780,71 \text{ Дж}$$

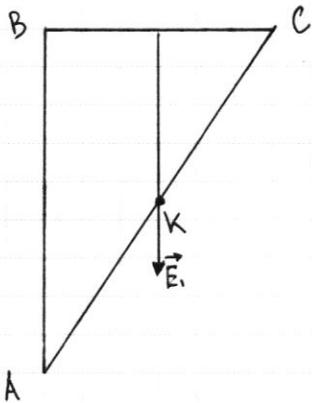
Ответ: 1).  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{7}{11}$ ; 2).  $T_{\Sigma} = 450 \text{ K}$ ;

3).  $|\Delta Q| \approx 1780,71 \text{ Дж}$

№3. (1).  $\alpha = \frac{\pi}{4}$  | 2).  $\left( \sigma_1 = 3\sigma; \frac{\sigma}{\sqrt{2}} = \sigma \right)$

1). Рассмотрим, когда АВ ещё не зарядили.

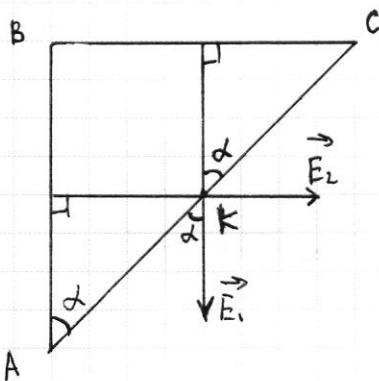
У бесконечных плоских заряженных пластин линии напряжённости всегда лежат на перпендикулярных к пластине прямых (направлены в зависимости от знака заряда), будем считать, что пластины на протяжении всей задачи заряжены положительно (на ответ не повлияет).



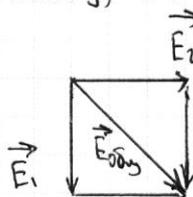
Напряжённость электрического поле в точке К определяется только плотностью заряда ВС и не зависит от расстояния. Пусть в данном случае  $E_1 = E$  (напряжённость в т. К начальная).

2). Рассмотрим задачу, когда АВ зарядили. По принципу суперпозиции электрических полей, суммарная <sup>(общая)</sup> напряжённость электрического поле в точке К будет определяться геометрической суммой ~~и~~ напряжённостей, ~~создаваемых~~ создаваемых в этой точке пластинками.

Так как АВ зарядили такой же плотностью заряда, то в точке К она создаёт равное по модулю  $\vec{E}_2 = E_0$  электрическое поле:  $E_2 = E_1 = E_0$



Сложим  $\vec{E}_1$  и  $\vec{E}_2$  по правилу пар-ша и найдём  $E_{общ}$ ;  $E_1$  и  $E_2$  равны по модулю и перпендикулярны, поэтому  $E_{общ} = E_1 \sqrt{2} = E_0 \sqrt{2}$  Таким образом, напряжённость электрического поле увеличится на

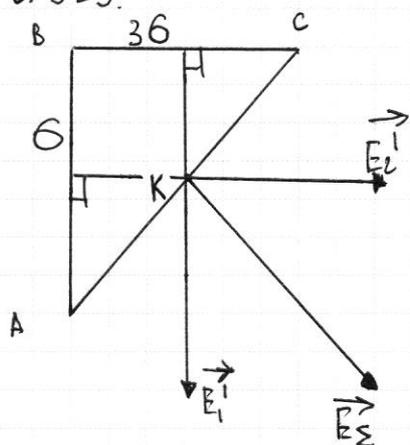


$$\frac{E_{общ}}{E_1} = \sqrt{2}$$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

3). Пусть же, ~~то~~ общая напряжённость будет геометрически складываться из напряжённостей, создаваемых ~~сам~~ пластинами, которые зависят от плотности заряда пластины и не зависят от удалённости точки от пластины (речь идёт о бесконечно тонких заряженных пластинах), где напряжённость определяется формулой  $E = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0}$ .

т.к.  $\frac{\sigma_1}{\sigma_2} = \frac{3\sigma}{\sigma} = 3 \Rightarrow \frac{E_1'}{E_2'} = 3$ , где  $E_1'$  - напряжённость, создаваемая пластиной BC,  $E_2'$  - пластиной AB. Тогда в точке K линии напряжённости  $\vec{E}_1$  и  $\vec{E}_2$  будут перпендикулярны друг другу.



Найдём  $E_\Sigma$  (суммарная напря-сть в K) по т. Пифагора:

т. Пифагора:

$$E_\Sigma = \sqrt{E_1'^2 + E_2'^2} = \sqrt{E_2'^2 + (3E_2')^2} = E_2' \sqrt{10} = \frac{\sqrt{10} \sigma}{4\pi \epsilon_0}$$

Ответ: 1). В  $\sqrt{2}$  раза; 2).  $\frac{\sqrt{10} \sigma}{4\pi \epsilon_0}$

1/4.

Дано:

$E, L_1 = 4L_2;$

$L_2 = 3L_1; C$

1).  $T$  - ?

2).  $I_{m1}$  - ?

3).  $I_{m2}$  - ?

Решение:

2). Через катушки  $L_1$  и  $L_2$ , когда правая обкладка конденсатора заряжается полож-ным зарядом, через идёт одинаковый ток, ~~тогда~~ запишем Закон сохранения

Энергии:  $W_{эл. max} = W_{1 max} + W_2$ , где  $W_{эл. max}$  - максимальная эн. конденсатора,  $W_{1 max}$  - макс. эн. катушки 1;  $W_2$  - эн. катушки 2 в момент, когда эн. катушки 1 максимальна;

$$\frac{CE^2}{2} = \frac{L_1 I_{max1}^2}{2} + \frac{L_2 I_{max2}^2}{2}$$

$$CE^2 = I_{max1}^2 (L_1 + L_2) \Rightarrow I_{m1} = E \sqrt{\frac{C}{7L}}$$

3). Но когда ток идёт в противоположную сторону, налр-ие на концах  $L_1 = 0$  (диод идеальный, через него ток пойдёт). Тогда ЗСЭ:  $W_{эл\max} = W_{2\max}$ , где  $W_2$  - максим. эл.  $L_2$ .

$$\frac{CE^2}{2} = \frac{L_2 I_{m2}^2}{2}$$

$$CE^2 = L_2 I_{m2}^2$$

$$I_{m2} = E \sqrt{\frac{C}{L_2}} = E \sqrt{\frac{C}{3L}}$$

1/1

Ответ:) Ответ: 2)  $E \sqrt{\frac{C}{7L}}$ ; 3)  $E \sqrt{\frac{C}{3L}}$



$$\begin{array}{r} \times 10,71428 \\ 8,31 \\ \hline 1071428 \\ 3214284 \\ \hline 8571424 \\ \hline 89,0356668 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 89,036 \\ 30 \\ \hline 2671,080 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 8,31 \\ 3000 \\ \hline 2493000 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 1780,71 \\ 7 \\ \hline 12464,97 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \widehat{12465} \quad | \quad 7 \\ - 7 \\ \hline 54 \\ - 49 \\ \hline 56 \\ - 56 \\ \hline -050 \end{array}$$

$$\frac{K\Lambda}{M^3} \cdot \frac{6}{4\pi 60} = \frac{KN/M^2}{\varphi/\pi} = \frac{K\Lambda}{\varphi \cdot M} = \frac{K\Lambda}{M}$$

$$q = c\mu$$

$$c = \frac{q}{\mu}$$

$$S_D = \frac{\pi \cdot D_n^2}{4} = \frac{\pi \cdot 4 \text{ м}^2}{36}$$

$$S_n = \frac{\pi \cdot \mu^2}{4}$$

$$\frac{S_D}{S_n} = \frac{\mu}{\varphi}$$