

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

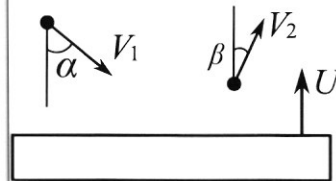
Класс 11

Вариант 11-01

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 8$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{3}{4}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{2}$) с вертикалью.



1) Найти скорость V_2 .

2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.

Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

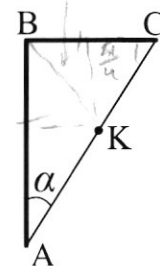
2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится азот, во втором – кислород, каждый газ в количестве $\nu = 3/7$ моль. Начальная температура азота $T_1 = 300$ К, а кислорода $T_2 = 500$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Газы считать идеальными с молярной теплоемкостью при постоянном объеме $C_V = 5R/2$. $R = 8,31$ Дж/(моль·К).

1) Найти отношение начальных объемов азота и кислорода.

2) Найти установившуюся температуру в сосуде.

3) Какое количество теплоты передал кислород азоту?

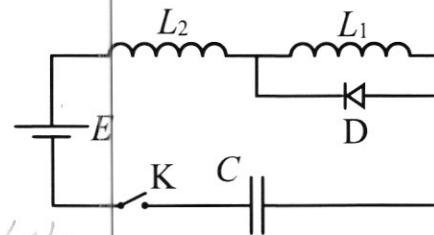
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 2\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/7$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 2L$, $L_2 = L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ К разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_1 .

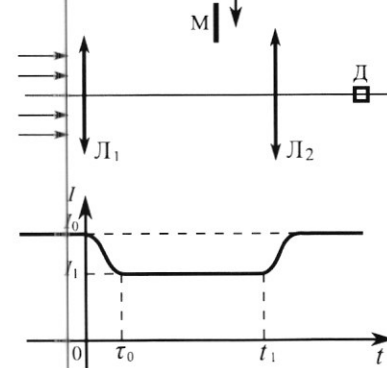


1) Найти период T этих колебаний.

2) Найти максимальный ток I_{M1} , текущий через катушку L_1 .

3) Найти максимальный ток I_{M2} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусным расстоянием F_0 у каждой. Расстояние между линзами $3F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $2F_0$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 3I_0/4$.



1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.

2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

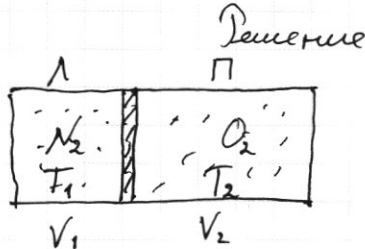
Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача №2.

Дано:
 N_2, O_2
 $\rho = \frac{3}{4} \text{ ммкг}$
 $T_1 = 300 \text{ К}$
 $T_2 = 500 \text{ К}$
 $C_V = \frac{5R}{2}$

- 1) $\frac{V_1}{V_2} = ?$
 2) $T_K = ?$
 3) $Q_{отг} = ?$



1) В нач. моменте $p_I = p_{II} = p_0$

$$\left. \begin{aligned} p_0 V_1 &= \nu R T_1 \\ p_0 V_2 &= \nu R T_2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{300}{500} = \frac{3}{5}$$

2) Примем общий объём сосуда за $8V$
 тогда нач. объём N_2 равен $3V$
 нач. объём O_2 равен $5V$

В конечном состоянии $T(N_2) = T(O_2) = T_K$
 $\nu(N_2) = \nu(O_2) = \nu$ по условию

тогда из уравнения $p_K V_K = \nu R T_K$ найдем, что при равновесном состоянии объёмы N_2 и O_2 равны, т.е. $V_K(N_2) = V_K(O_2) = \frac{V_0 \cdot 5}{2} = 4V$

$$Q = \Delta U + A ; \quad Q(N_2) = \Delta U(N_2) + A(N_2) = Q_{получ} \\ Q(O_2) = \Delta U(O_2) + A(O_2) = Q_{отг}$$

$$\Delta U(N_2) = \frac{5}{2} \nu R \Delta T = \frac{5}{2} \nu R (T_K - T_1)$$

$$A(N_2) = p_K V_K - p_0 V_1 = \nu R T_K - \nu R T_1 = \nu R (T_K - T_1)$$

$$Q(N_2) = Q_{получ} = \frac{5}{2} \nu R (T_K - T_1) + \nu R (T_K - T_1) = \frac{7}{2} \nu R (T_K - T_1)$$

$$\Delta U(O_2) = \frac{5}{2} \nu R (T_K - T_2)$$

$$A(O_2) = p_K V_K - p_0 V_2 = \nu R T_K - \nu R T_2 = \nu R (T_K - T_2)$$

$$Q(O_2) = Q_{отг} = \frac{5}{2} \nu R (T_K - T_2) + \nu R (T_K - T_2) = \frac{7}{2} \nu R (T_K - T_2)$$

$Q_{получ} = |Q_{отг}|$, т.к. сосуд теплоизолирован по условию
 $\frac{7}{2} \nu R (T_K - T_1) = \frac{7}{2} \nu R (T_2 - T_K) \Rightarrow T_K - T_1 = T_2 - T_K$

$$T_K = \frac{T_2 + T_1}{2}$$

$$T_K = \frac{500 + 300}{2} = 400 \text{ К}$$

Продолжение на стр. 2

Продолжение задачи № 2

3) U_2 п. 2 : $Q_{отг} = \frac{7}{2} JK (T_k - T_2)$

$$Q_{отг} = \frac{7}{2} \cdot \frac{3}{4} \cdot 8,31 \cdot (400 - 500) = -\frac{9}{2} \cdot 831 = -1246,5 \text{ Дж}$$

М.об. кислород передал азоту 1246,5 Дж теплоты

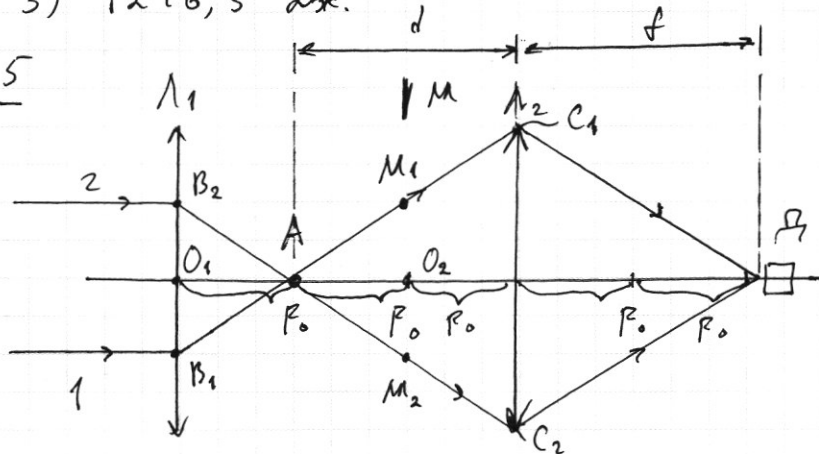
Ответ: 1) $\frac{3}{5} \frac{V_{наг. азота}}{V_{наг. кислорода}} = \frac{3}{5}$

2) 400K

3) 1246,5 Дж.

Задача № 5

Дано:
 F_0, ρ, γ_0
 $\gamma_{1,2} = \frac{3}{4} \gamma_0$
 1) $f - ?$
 2) $v - ?$
 3) $b_1 - ?$



1) Пусть лучи 1 и 2 - крайние лучи пучка, попадающие в детектор.

Лучи 1, 2, и остальные лучи пучка между ними фокусируются линзой L_1 в точке, на расстоянии F_0 от L_1 и, проходя через неё, попадают на L_2 и преломляются ей, фокусируясь на детекторе. Обозначим эту точку за A .

Найдём расстояние f от L_2 до изображения точки A , это расстояние и будет расстоянием от L_2 до детектора

$$\frac{1}{F_{L2}} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}, \text{ где } d = 2F_0 - \text{расстояние от м. } A \text{ до } L_2$$

$$\frac{1}{F_0} - \frac{1}{2F_0} = \frac{1}{f} \Rightarrow \underline{\underline{f = 2F_0}}$$

Продолжение на стр. 3

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Продолжение задачи № 5.

2). Даны $\triangle B_1 B A$ и $\triangle A M_1 M_2$, (см. рис.)

и $\triangle A M_1 M_2$ и $\triangle A C_1 C_2$

$M_1 M_2$ — прямая, по которой движется линза.

прямая M_1 делит отрезок $A C_1$ пополам

M_2 делит отрезок $A C_2$ пополам

$C_1 C_2 = D$ по ул., $\triangle A M_1 M_2 \sim \triangle A C_1 C_2$ с коэф. подобия $\frac{1}{2}$

тогда $M_1 M_2 = \frac{D}{2}$

Из графика: за время T_0 линза полностью оказалась освещённой (приём, т.к. $T \neq 0$, то диаметр линзы $< D$)
за время $t_1 - T_0$ линза, находясь полностью на свету, прошла расстояние $M_1 M_2$

тогда $l_M = v T_0$, где l_M — диаметр линзы. (1)
 $t_1 - T_0 = \frac{\frac{D}{2} - l_M}{v}$ (2)

по ул. $T \sim R$, интенсивность в сечении пучка одинакова,
 $T_1 = \frac{3}{4} T_0$, т.е. если линза полностью освещена, то она

закрывает собой $\frac{1}{4}$ лучей пучка, т.е. $S_M = \frac{1}{4} S$, где S —

$$\pi \frac{l_M^2}{4} = \frac{1}{4} \cdot \frac{(\frac{D}{2})^2}{4} \pi$$

$$l_M^2 = \frac{D^2}{16} \Rightarrow l_M = \frac{D}{4}$$

Из (1) находим $v = \frac{l_M}{T_0} = \frac{D}{4 T_0}$

Из (2): $t_1 = \frac{\frac{D}{2} - \frac{D}{4}}{v} + T_0 = \frac{\frac{D}{4}}{\frac{D}{4 T_0}} + T_0 = 2 T_0$

Ответ: 1) $2 F_0$

2) $\frac{D}{4 T_0}$

3) $2 T_0$

площадь окружности с диаметром $M_1 M_2$

S_M — площадь линзы

Задача №3

Дано:

1) $\alpha = \frac{\pi}{4}$

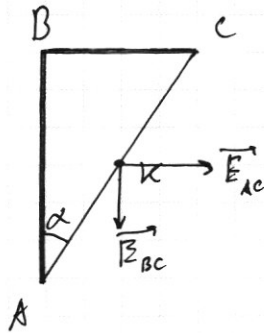
$\frac{E_K}{E_0} = ?$

2) $\sigma_1 = 2\sigma$

$\sigma_2 = \sigma$

$\alpha = \frac{\pi}{4}$

$E_2 = ?$



1) $\vec{E}_{\text{рез}} = \vec{E}_{BC} + \vec{E}_{AB}$

$E_0 = E_{BC} = \frac{101}{2\epsilon_0}$

$E_K = \sqrt{E_{BC}^2 + E_{AB}^2}$

$= \sqrt{\left(\frac{101}{2\epsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{101}{2\epsilon_0}\right)^2} = \frac{101\sqrt{2}}{2\epsilon_0} = \sqrt{2}E_0$

Т.об. $\frac{E_K}{E_0} = \sqrt{2}$

2) $E_2 = \sqrt{E_{AB}^2 + E_{BC}^2} = \sqrt{\left(\frac{\sigma_1}{2\epsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_2}{2\epsilon_0}\right)^2} = \sqrt{\left(\frac{2\sigma}{2\epsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{\sigma}{2\epsilon_0}\right)^2}$
 $= \frac{\sigma\sqrt{5}}{2\epsilon_0}$

Ответ: 1) в $\sqrt{2}$ раз

2) $\frac{\sigma\sqrt{5}}{2\epsilon_0}$

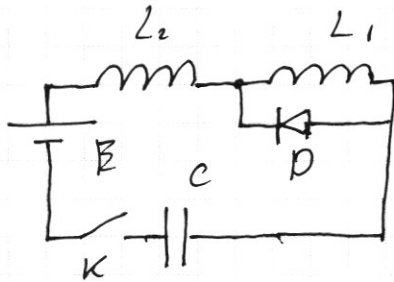
Задача №4

$E, L_1 = 2L, L_2 = 2L$

1) $T = ?$

2) $T_{m1} = ?$

3) $T_{m2} = ?$

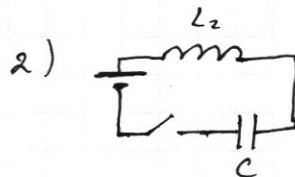
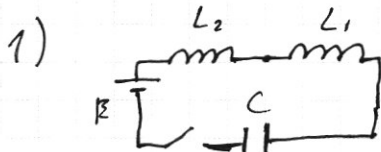


Т.к. диод идеален, то

колебания тока в цепи отличаются в зависимости от его направления движения,

т.к. в одну сторону ток пройдет через обе катушки, а при обратном направлении только через катушку L_2 .

Рассм. 2 схемы:



Получим, что $T = \frac{T_1}{2} + \frac{T_2}{2}$, где T_1 - период колебаний схемы 1) T_2 - период колебаний схемы 2)

$T_1 = 2\pi\sqrt{CL_{\text{об}}} = 2\pi\sqrt{C(L_1+L_2)} = 2\pi\sqrt{C \cdot 3L}$

$T_2 = 2\pi\sqrt{CL_2} = 2\pi\sqrt{CL}$

$T = \frac{2\pi\sqrt{3CL}}{2} + \frac{2\pi\sqrt{CL}}{2} = \pi\sqrt{CL} \cdot (\sqrt{3}+1) = (\sqrt{3}+1)\pi\sqrt{CL}$

Продолжение на стр. 5.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача №4.

Т.к. катушки соединены послед-но, то $I_1 = I_2 = I_{\text{с}}$

Найдём $I_{\text{м.1}}$ из цепи 1)

ЗСЭ: $W = \text{const}$, т.к. элементы идеальные.

$$W_{\text{эл. макс}} = W_{\text{магн. макс.}}$$

$$\frac{CU_{\text{с. макс}}^2}{2} = \frac{3L I_{\text{м.1}}^2}{2}$$

$$CE^2 = 3L I_{\text{м.1}}^2 \Rightarrow I_{\text{м.1}} = \sqrt{\frac{C}{3L}} \cdot E$$

Найдём $I_{\text{м.2}}$ из цепи 2)

аналогично $W_{\text{эл. макс}} = W_{\text{магн. макс}}$

$$\frac{CU_{\text{с. макс}}^2}{2} = \frac{L_2 I_{\text{м.2}}^2}{2}$$

$$CE^2 = L I_{\text{м.2}}^2 \Rightarrow I_{\text{м.2}} = \sqrt{\frac{C}{L}} \cdot E$$

Ответ: 1) $T = (\sqrt{3} + 1)\pi \sqrt{CL}$

2) $I_{\text{м.1}} = \sqrt{\frac{C}{3L}} \cdot E$

3) $I_{\text{м.2}} = \sqrt{\frac{C}{L}} \cdot E$

Задача №1.

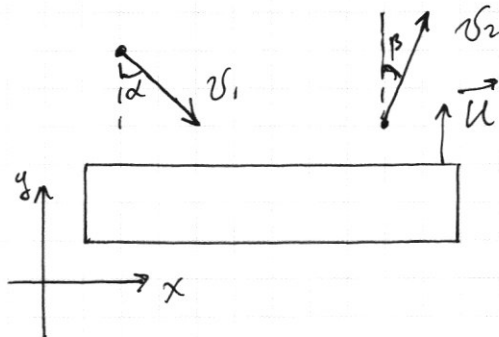
$$v_1 = 8 \frac{m}{c}$$

$$\alpha, \sin \alpha = \frac{3}{4}$$

$$\beta, \sin \beta = \frac{1}{2}$$

1) $v_2 = ?$

2) $u = ?$



1) Т.к. шарик не испытывает действия горизонтальной силы и не взаимодействует ни с чем в тор. плоскости, то ось шарика в проекции на ось x не изменяется:

$$p_{0x} = p_{kx}$$

$$m_{ш} v_{1x} = m_{ш} v_{2x}, \text{ где } m_{ш} - \text{масса шарика}$$

$$v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \beta$$

$$v_2 = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} v_1; v_2 = \frac{\frac{3}{4}}{\frac{1}{2}} \cdot 8 = \frac{3}{2} \cdot 8 = 12 \frac{m}{c}$$

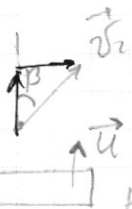
Ответ: 1) $12 \frac{m}{c}$



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Prop = const

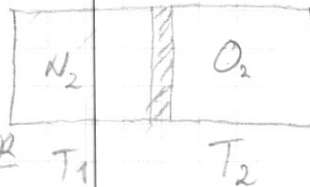
$$p_0 = m v_1$$

$$p_{0x} = m v_1 \sin \alpha$$

$$p_{0y} = m v_1 \cos \alpha$$

$$p_{0x} = m v_2 \sin \beta$$

$$p_{0y} = m v_2 \cos \beta$$



$p_0 3V = \nu RT_1$
 $p_0 4V = \nu RT_2$
 $p_{N_2} = p_{O_2}$
 $T_2 = \text{const}$

$pV = \nu RT$
 $\nu_1 v_1 + \nu_2 v_2 = \nu v$
 $v_2 = \frac{\nu_1 v_1}{\nu_2} = \frac{3}{2} v_1 = \frac{3}{2} \cdot 8 = 12 \text{ m/s}$
 $Q = \Delta U + A$
 $Q_{\text{пол}} = |Q_{\text{отг}}|$

$\nu = \frac{Q}{\nu RT} = \frac{5R}{2} T_1$
 $p_{N_2} = p_{O_2}$
 $m v_1 + M u = 0$
 $p_{N_2} V_1 = \nu RT_1$
 $p_{O_2} V_2 = \nu RT_2$

$$\frac{v_{N_2}}{v_{O_2}} = \frac{300}{500} = \frac{3}{5}$$

$C_V \nu (T_2 - T_1) = C_V \nu (T_2 - T_1) \frac{v_1}{v_2} = \frac{T_1}{T_2}$
 $T_2 - T_1 = T_2 - T_1$
 $2T_2 = T_1 + T_2$
 $T_2 = 400 \text{ K}$

$\Delta U(N_2) = \frac{5}{2} \nu RT_2 - \frac{5}{2} \nu RT_1 = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1)$
 $A(N_2) = p_0 V_0 - p_0 V_1 = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1) + \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1)$
 $Q(N_2) = Q_{\text{пол}} = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1)$

$\Delta U(O_2) = \frac{5}{2} \nu RT_2 - \frac{5}{2} \nu RT_1 = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1)$
 $A(O_2) = p_0 V_0 - p_0 V_1 = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1) + \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1)$
 $Q(O_2) = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1)$
 $Q_{\text{пол}} = |Q_{\text{отг}}| \Rightarrow \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1)$

$v_{1y} = \sqrt{v_1^2 - v_1^2 \sin^2 \alpha} = \sqrt{64 - 64 \cdot \frac{9}{16}} = \sqrt{64 - 36} = \sqrt{28}$
 $v_{2y} = \sqrt{12^2 - 12^2 \sin^2 \beta} = \sqrt{144 - 144 \cdot \frac{1}{4}} = \sqrt{144 - 36} = \sqrt{108}$

$\vec{v}_{\text{пол}} = \vec{v}_{\text{отг}} + \vec{v}_{\text{со}}$

$\vec{v}_{\text{отг}} = \vec{v}_{\text{пол}} - \vec{v}_{\text{со}}$

$\vec{v}_1 = \vec{v}_{1x} + \vec{v}_{1y}$
 $v_1 \sin \alpha + (v_1 \cos \alpha + u)$
 $v_1 = \sqrt{v_{1y}^2 + (v_1 \cos \alpha + u)^2}$
 $v_2 = \sqrt{v_{2y}^2 + (v_2 \cos \beta - u)^2}$

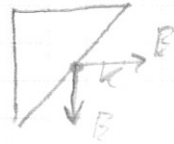
$+ 831,0$
 $+ 415,5$
 $\hline 1246,5 \text{ Дж}$

$$E = \frac{101}{2\epsilon_0}$$

$$E = \frac{k|q_0|}{r^2}$$

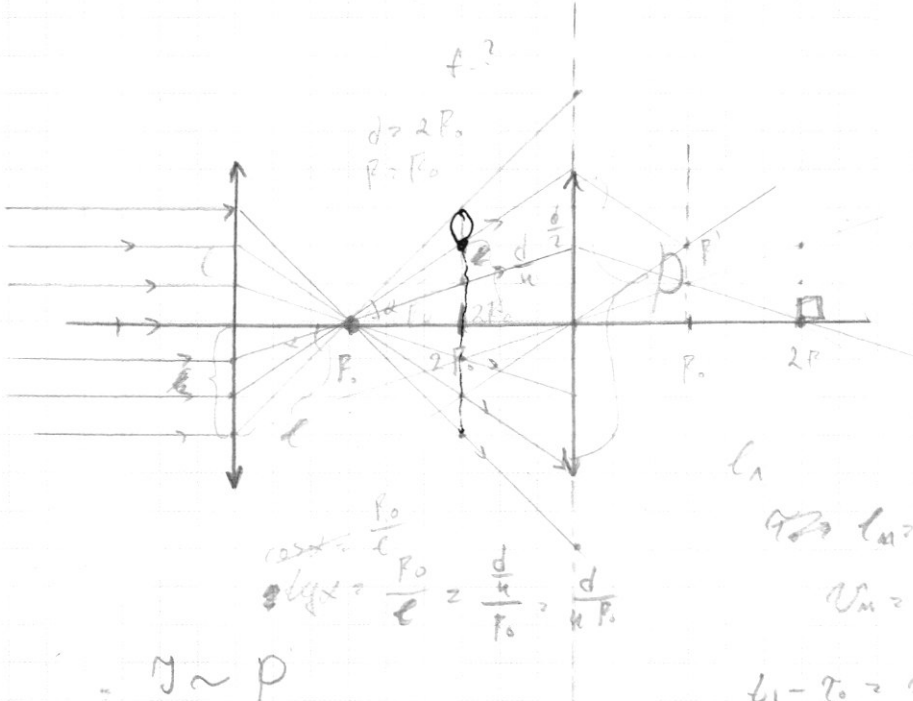
$$\sigma = \frac{dq}{ds} \Rightarrow q_i = \sigma \Delta S_i, S$$

$$E = \frac{k\sigma \Delta S_i}{r^2}$$



$$E\sqrt{2} = \sqrt{\left(\frac{101}{2\epsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{101}{2\epsilon_0}\right)^2} = \frac{101}{\epsilon_0} \cdot \sqrt{2}$$

$$\sqrt{2 \left(\frac{20}{2\epsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{5}{2\epsilon_0}\right)^2} = \sqrt{\frac{40^2}{4\epsilon_0^2} + \frac{5^2}{4\epsilon_0^2}} = \frac{5}{2\epsilon_0} \cdot \sqrt{5}$$



$$\frac{1}{F_0} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{F_0} = \frac{1}{2F_0} + \frac{1}{f}$$

$$\frac{2F_0}{2F_0} = \frac{1}{2F_0} + \frac{1}{f}$$

$$2F_0 = f$$

$$\frac{f_0}{l} = \frac{F_0}{l} = \frac{d}{u} = \frac{d}{k F_0}$$

$$\gamma \sim p$$

$$\gamma_1 = \frac{3}{4} \gamma \Rightarrow \text{минимумы радиуса } \frac{1}{4} \text{ в том месте}$$

$$T = \frac{T_1}{2} + \frac{T_2}{2}$$

$$T_1 = 2\pi \sqrt{C(L_2 + L_1)} = \sqrt{3} \frac{d}{2} = l_{\text{м}} = \frac{d}{8}$$

$$T_2 = 2\pi \sqrt{CL_1} = \sqrt{CL}$$

$$\frac{1}{2} + 1 = 1,5 \quad l_1 = \frac{2}{\tau_0} + \tau_0$$

$$\frac{T_1}{2} = \pi \sqrt{3CL}$$

$$\frac{T_2}{2} = \pi \sqrt{CL}$$

$$T = \pi \sqrt{CL} \cdot (1 + \sqrt{3})$$

$$= \frac{2 + \tau_0^2}{\tau_0}$$

$$J_1 = J_m \sin \omega t$$

$$W = \text{const} :$$

$$W_{\text{эл. макс}} = W_{\text{магн. макс}}$$

$$\frac{CU_m^2}{2} = \frac{LJ_m^2}{2}$$

$$CE^2 = 3LJ_m^2$$

$$J_m = \sqrt{\frac{C}{3L}} E$$

$$\frac{CE^2}{2} = \frac{LJ_m^2}{2}$$

$$J_m^2 = \frac{CE}{L} E$$



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ШИФР

(заполняется секретарём)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Grid area for writing the answer.

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)