

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

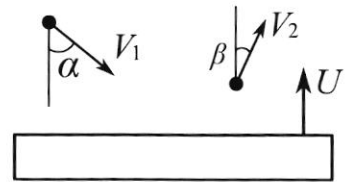
Класс 11

Вариант 11-04

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 18$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{3}{5}$) с вертикалью.

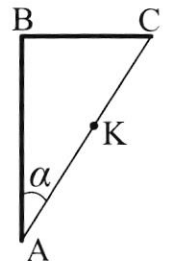


- 1) Найти скорость V_2 .
 - 2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.
- Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится аргон, во втором – криптон, каждый газ в количестве $\nu = 3/5$ моль. Начальная температура аргона $T_1 = 320$ К, а криптона $T_2 = 400$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31$ Дж/(моль·К).

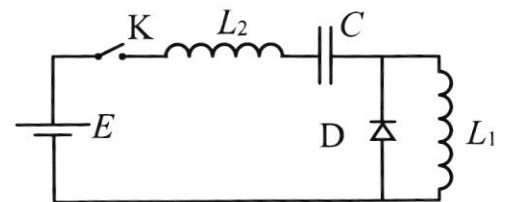
- 1) Найти отношение начальных объемов аргона и криптона.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал криптон аргону?

3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



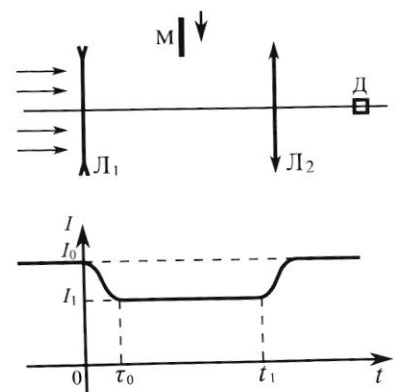
- 1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?
- 2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = \sigma$, $\sigma_2 = 2\sigma/7$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/9$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 5L$, $L_2 = 4L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .



- 1) Найти период T этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .
- 3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями $-2F_0$ и F_0 , соответственно. Расстояние между линзами $2F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе D , на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень M , плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии F_0 от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 7I_0/16$



- 1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.
 - 2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .
- Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано:
 $v_1 = 18 \text{ м/с}$
 $\sin \alpha = \frac{2}{3}$
 $\sin \beta = \frac{3}{5}$
 Найти
 1) v_2 - ?
 2) v - ?

Решение: 1
 По закону сохранения импульса:
 $m v_1 \sin \alpha = m v_2 \sin \beta$
 $v_2 = \frac{v_1 \sin \alpha}{\sin \beta} = 18 \cdot \frac{\frac{2}{3}}{\frac{3}{5}} = 18 \cdot \frac{2 \cdot 5}{3 \cdot 3} = 20 \text{ м/с}$

Ответ: 1) 20 м/с

Дано:
 $\nu = \frac{3}{5} \text{ молей}$
 $T_1 = 320 \text{ К}$
 $T_2 = 400 \text{ К}$
 Найти
 1) $\frac{V_1}{V_2}$ - ?
 2) T_c - ?
 3) Q_k - ?

Решение: 1, 2
 $P V_1 = \nu R T_1$ $P V_2 = \nu R T_2$
 $V_1 = \frac{\nu R T_1}{P}$ $V_2 = \frac{\nu R T_2}{P}$
 $\frac{V_1}{V_2} = \frac{\nu R T_1}{\nu R T_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{320}{400} = \frac{4}{5}$

2) Цилиндр теплоизолированный $\Rightarrow \Delta Q = 0$
 $A + \Delta U = 0$ $A = P \left(\frac{V}{2} - V_1 \right) + P \left(\frac{V}{2} - V_2 \right) = P V - P \left(V_1 + V_2 \right) = 0 \Rightarrow$

$\Rightarrow \Delta U = 0 \Rightarrow \frac{3}{2} \nu R T_1 + \frac{3}{2} \nu R T_2 = \frac{3}{2} \cdot 2 \nu R T_c$
 $T_1 + T_2 = 2 T_c$ $T_c = \frac{T_1 + T_2}{2} = \frac{320 + 400}{2} = 360 \text{ К}$

3) $Q_k = P \left(\frac{V}{2} - V_1 \right) + \frac{3}{2} \nu R (T_c - T_2) = \frac{5}{2} \nu R (T_c - T_2) = \frac{5}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot 8,31 \cdot (-40) = -124,65 \text{ Дж}$

$$\approx \frac{3}{8} \cdot 40 \cdot 8,31 = 50 \cdot 8,31 = \underline{498,6 \text{ Дж}}$$

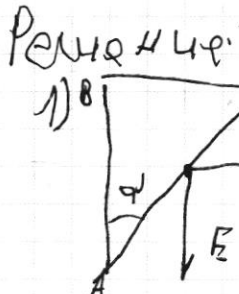
Ответ: 1) $\frac{4}{5}$

2) 360 К

3) 498,6 Дж

N3

Дано:
2) $\sigma_1 = \sigma_2$
 $\sigma_2 = \frac{36}{7}$
Найти:
1) n ?
2) E_p ?



$$E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \quad E_H = E$$

$$E_p = \sqrt{E^2 + E^2} = E\sqrt{2}$$

$$n = \frac{E_p}{E_H} = \sqrt{2}$$

$$2) E_1 = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \quad E_2 = \frac{36}{7 \cdot 2 \cdot \epsilon_0} \quad E_p = \sqrt{\frac{\sigma^2}{4\epsilon_0^2} + \frac{\sigma^2}{49\epsilon_0^2}} = \frac{\sigma \sqrt{53}}{2\epsilon_0 \cdot 7} =$$

$$= \frac{\sigma \cdot \sqrt{53}}{14\epsilon_0}$$

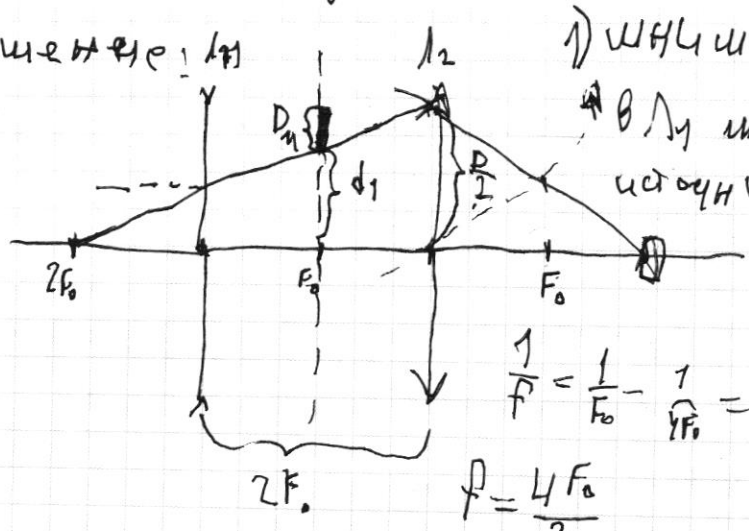
Ответ: 1) $\sqrt{2}$ раз

2) $\frac{\sigma \sqrt{53}}{14\epsilon_0}$

N5

Дано:
 F_0, D, T_0
Найти:
1) f ?
2) U ?
3) t_1 ?

Решение:



1) наилучшее изображение
в L_1 можно считать
источником для L_2 :

$$\frac{1}{F_0} = \frac{1}{4F_0} + \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{F_0} - \frac{1}{4F_0} = \frac{4F_0 - F_0}{4F_0^2}$$

$$F = \frac{4F_0}{3}$$

2) U_2 по формуле: $\frac{D}{D_1} = \frac{4F_0}{3F_0} \quad D_1 = \frac{3D}{F}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{y_1}{y_0} = \frac{2d_1 - D_m}{2d_1} \quad \frac{7}{16} = \frac{\frac{3D}{4} - D_m}{\frac{3D}{4}} \quad \frac{21D}{4} = 12D - 4D_m$$

$$16D_m = 27D$$

$$D_m = \frac{27D}{16}$$

$$v \tau_0 = \frac{27D}{64} \quad v = \frac{27D}{64\tau_0}$$

$$3) \tau_0 = \frac{2d_1}{v} = \frac{\frac{3D}{4}}{\frac{27D}{64\tau_0}} = \frac{3D}{4} \cdot \frac{64\tau_0}{27D} = \frac{16}{9} \tau_0$$

$$\tau_1 = \tau_0 + \tau_0 = \frac{25\tau_0}{9}$$

Ответ: 1) $\frac{4F_0}{3}$

2) $\frac{27D}{64\tau_0}$

3) $\frac{25\tau_0}{9}$

Дано:

$$L_1 = 5L$$

$$L_2 = 4L$$

C/E/D

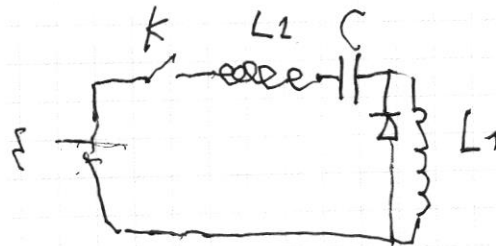
Найти:

1) τ ?

2) y_0 ?

3) y_1 ?

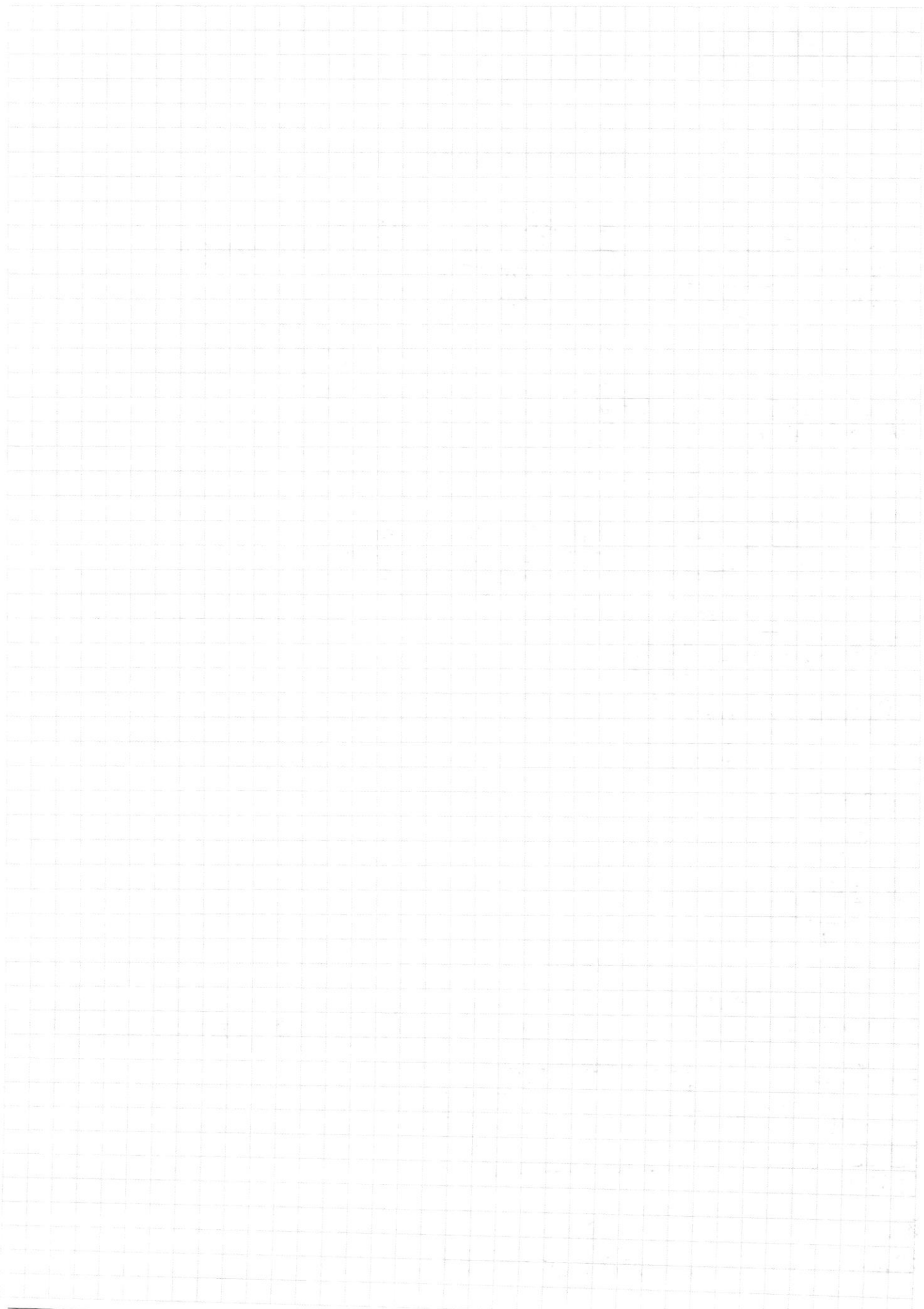
Решение:



$$1) \tau = 2\pi \sqrt{4L_1 C} = 4\pi \sqrt{LC}$$

2)

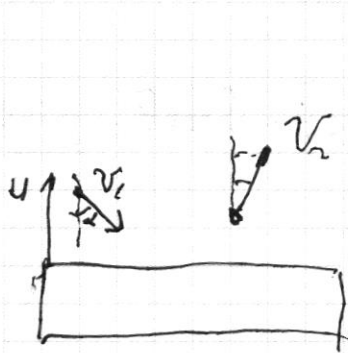
Ответ: 1) $4\pi \sqrt{LC}$



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$1) v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \alpha$$

$$v_2 = \frac{v_1 \cdot \sin \alpha}{\sin \alpha} = 18 \cdot \frac{2/3}{3/5} = 18 \cdot \frac{2 \cdot 5}{3 \cdot 3} = 20 \text{ м/с}$$

$$\frac{mv_1^2}{2} = \frac{mv_2^2}{2} \times Q$$

$= 20 \text{ м/с}$

2) $v_1 \cos \alpha$

$18 \cdot 3/5$
 60

49800



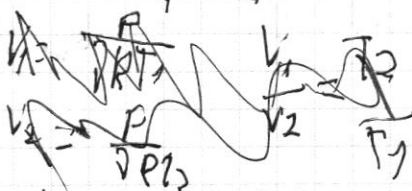
$$1) \frac{pRT_1}{V_1} = \frac{pRT_2}{V_2}$$

$$V_1 + V_2 = V$$

$$\frac{T_1}{V_1} = \frac{T_2}{V_2}$$

$$V_1 = T_2 V_2$$

$p = p - V_2$



$V_1 = \frac{pRT_1}{p}$ **успех!**

$V_2 = \frac{pRT_2}{p} \Rightarrow \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$

$V_1 \frac{T_1}{T_2} = V_2$

$V_1 = \frac{V_2 T_1}{T_2}$

$V_1 + \frac{V_2 T_1}{T_2} = V$

$V_2 = \frac{T_2 V}{T_1 + T_2}$

$Q = 0$

$A + dU = 0$

$\Delta U = \frac{3}{2} pR(T_2 - T_1) + \frac{3}{2} pR(T_1 - T_2)$

$A = p(V_2 - V_1) + p(V_2 - V_1) = pV_2 - pV_1 - pV_2 = 0 \Rightarrow \Delta U = 0 \Rightarrow \frac{3}{2} pR(T_1 - T_2) + \frac{3}{2} pR(T_2 - T_1) =$

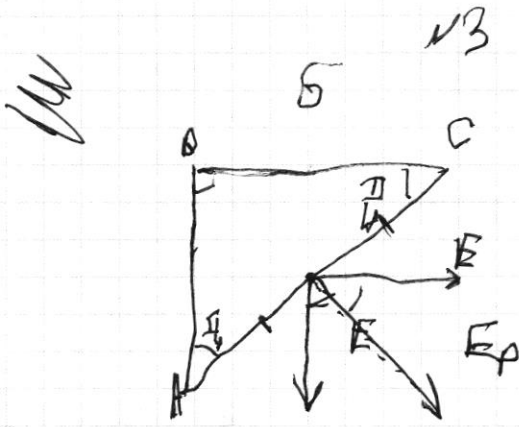
$= \frac{3}{2} pR(T_1 - T_2) \quad T_1 + T_2 = 2 T_0 \Rightarrow T_2 = 320 + 400$

$\frac{320 + 400}{2} = 360 \text{ К}$

3) $Q_{12} = p(V_2 - V_1) + \frac{3}{2} pR(T_2 - T_1)$

$Q_{12} = pRT_1 - pRT_2 + \frac{3}{2} pRT_1 - \frac{3}{2} pRT_2 = \frac{5}{2} pR(T_1 - T_2) = \frac{5}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot 98,31 \cdot (-40) =$

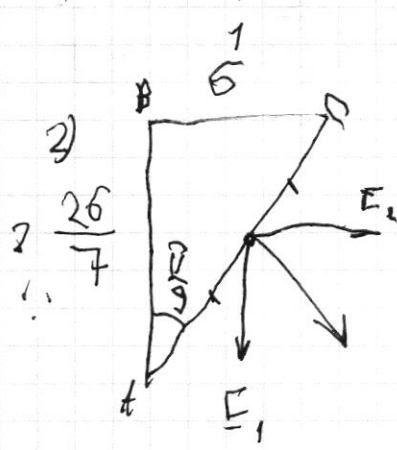
$= -60 \cdot 8,31 \cdot (-40) = 20160 \text{ Дж}$



1) $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$

~~$E_p = \sqrt{E^2 + E^2} = E\sqrt{2}$~~

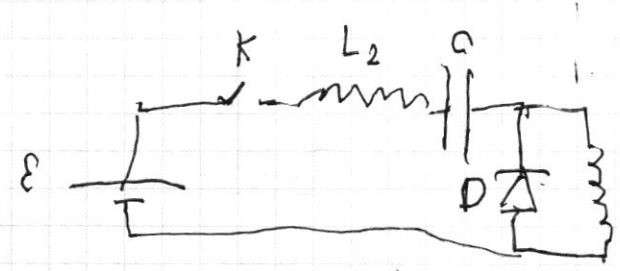
$E_p = E \cdot \cos\frac{\pi}{4} + E \cdot \cos\frac{\pi}{4} = E\sqrt{2}$



$E_1 = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$

$E_2 = \frac{2\sigma}{7 \cdot 2\epsilon_0}$

$E_p = \sqrt{\left(\frac{\sigma}{4\epsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{\sigma}{4\epsilon_0}\right)^2} = \sqrt{2} \frac{\sigma}{4\epsilon_0}$

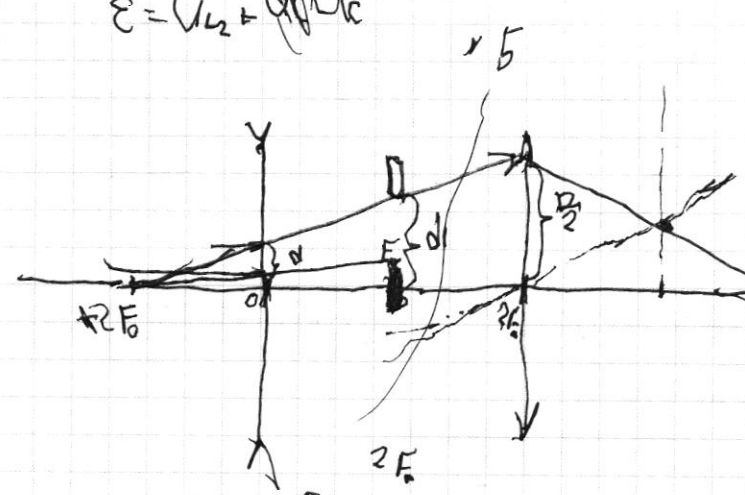


1) $T = 2\pi\sqrt{LC}$

$T = 2\pi\sqrt{5LC}$

2) $U_{cr} = 0$

$\epsilon = U_{L2} + U_{L1}$



1) $\frac{1}{F_0} = \frac{1}{4F_0} + \frac{1}{F}$

$\frac{1}{F} = \frac{4F_0 - F_0}{4F_0^2}$

$F = 4F_0$

2) $\frac{B}{d} = \frac{4F_0}{2F_0} \Rightarrow d = \frac{B}{4} \Rightarrow \frac{d_1}{D} = \frac{3F_0}{4F_0} \Rightarrow d_1 = \frac{3D}{4}$

$U_{cr} = \frac{3U_0}{10} \Rightarrow \frac{U_1}{U_0} = \frac{d_1 - D_1}{2d_1} \Rightarrow \frac{3}{10} = \frac{\frac{3D}{4} - D_1}{\frac{3D}{2}} \Rightarrow \frac{3D}{4} - D_1 = \frac{3D}{4} \cdot \frac{2}{3} = \frac{D}{2} \Rightarrow D_1 = \frac{3D}{4} - \frac{D}{2} = \frac{D}{4}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\nu \tau_0 = \frac{270}{16} \quad \nu = \frac{270}{16 \tau_0}$$

$$3) \text{ Ади } \tau_0 = \frac{201}{\nu} = \frac{30}{9} = \frac{30}{9} \cdot \frac{16 \tau_0}{16 \tau_0} = \frac{4 \tau_0}{9}$$

$$t_1 = \tau_0 + \tau_0 = \frac{13 \tau_0}{9}$$

Ny

$$\square \quad \tau_1 = 0$$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №
(Нумеровать только чистовики)



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ШИФР (заполняется секретарём)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №
(Нумеровать только чистовики)



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)