



# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

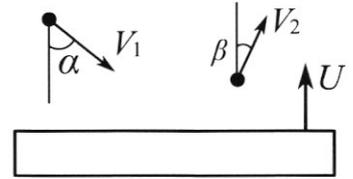
Класс 11

Вариант 11-02

Шифр

(заполняется секретарём)

1) Массивная плита движется с постоянной скоростью  $U$  вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость  $V_1 = 6$  м/с, направленную под углом  $\alpha$  ( $\sin \alpha = \frac{2}{3}$ ) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью  $V_2$ , составляющей угол  $\beta$  ( $\sin \beta = \frac{1}{3}$ ) с вертикалью.

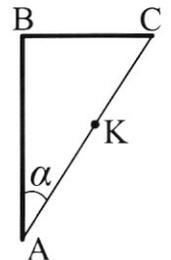


- 1) Найти скорость  $V_2$ .
  - 2) Найти возможные значения скорости плиты  $U$  при таком неупругом ударе.
- Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2) Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится гелий, во втором – неон, каждый газ в количестве  $\nu = 6/25$  моль. Начальная температура гелия  $T_1 = 330$  К, а неона  $T_2 = 440$  К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными.  $R = 8,31$  Дж/(моль К).

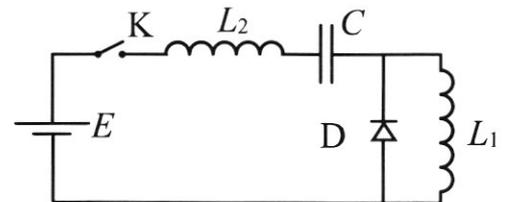
- 1) Найти отношение начальных объемов гелия и неона.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал неон гелию?

3) Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



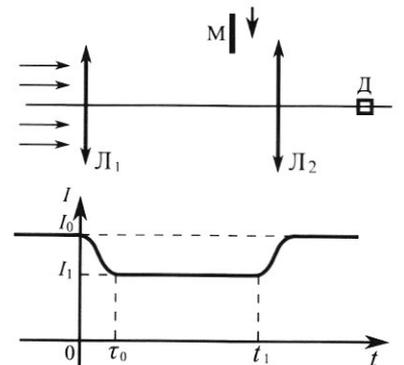
- 1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол  $\alpha = \pi/4$ . Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?
- 2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда  $\sigma_1 = 4\sigma$ ,  $\sigma_2 = \sigma$ , соответственно. Угол  $\alpha = \pi/8$ . Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4) Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС  $E$ , катушек с индуктивностями  $L_1 = 3L$ ,  $L_2 = 2L$ , конденсатора емкостью  $C$ , диода D (см. рис.). Ключ К разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в  $L_2$ .



- 1) Найти период  $T$  этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток  $I_{01}$ , текущий через катушку  $L_1$ .
- 3) Найти максимальный ток  $I_{02}$ , текущий через катушку  $L_2$ .

5) Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз  $L_1$  и  $L_2$  (см. рис.) с фокусными расстояниями  $F_0$  и  $F_0/3$ , соответственно. Расстояние между линзами  $1,5F_0$ . Диаметры линз одинаковы и равны  $D$ , причем  $D$  значительно меньше  $F_0$ . На линзу  $L_1$  падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии  $5F_0/4$  от  $L_1$ . На рисунке показана зависимость тока  $I$  фотодетектора от времени  $t$  (секундомер включен в момент начала уменьшения тока).  $I_1 = 8I_0/9$ .



- 1) Найти расстояние между линзой  $L_2$  и фотодетектором.
- 2) Определить скорость  $V$  движения мишени. 3) Определить  $t_1$ .

Известными считать величины  $F_0$ ,  $D$ ,  $\tau_0$ .



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 2

В начальный момент времени  
давления в отсеке с неоном  $p_2$  и  
в отсеке с гелием  $p_1$  равны  $p_2 = p_1 = p_0$   
условие равновесия на поршень

А из уравнения состояния <sup>идеального газа</sup>  $p_1 V_1 = \nu R T_1$ ;  
 $p_2 V_2 = \nu R T_2$ , с учетом  $p_1 = p_2$   $1) \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{330}{440} = \frac{3}{4}$ .

где  $V_1$  - объем начальный гелия, а  
 $V_2$  - начальный объем неона.

Когда температуры газов сравняются, тогда  
сравняются и их объемы, приход  
во все моменты процесса давления у  
газов равны  $p_2 = p_1 = p$ . Тогда если  
 $V_1 + V_2 = V$ , то в конце  $V' = \frac{V}{2}$ .

Из ЗСЭ внутренняя энергия системы сохраняется, так как сосуд теплоизолированный тогда  $U_1 + U_2 = 2U'$

$$\frac{3}{2} \nu R T_1 + \frac{3}{2} \nu R T_2 = 2 \cdot \frac{3}{2} \nu R T', \text{ откуда}$$

$$T' = \frac{T_1 + T_2}{2} = \frac{330 + 440}{2} = 385 \text{ К.}$$

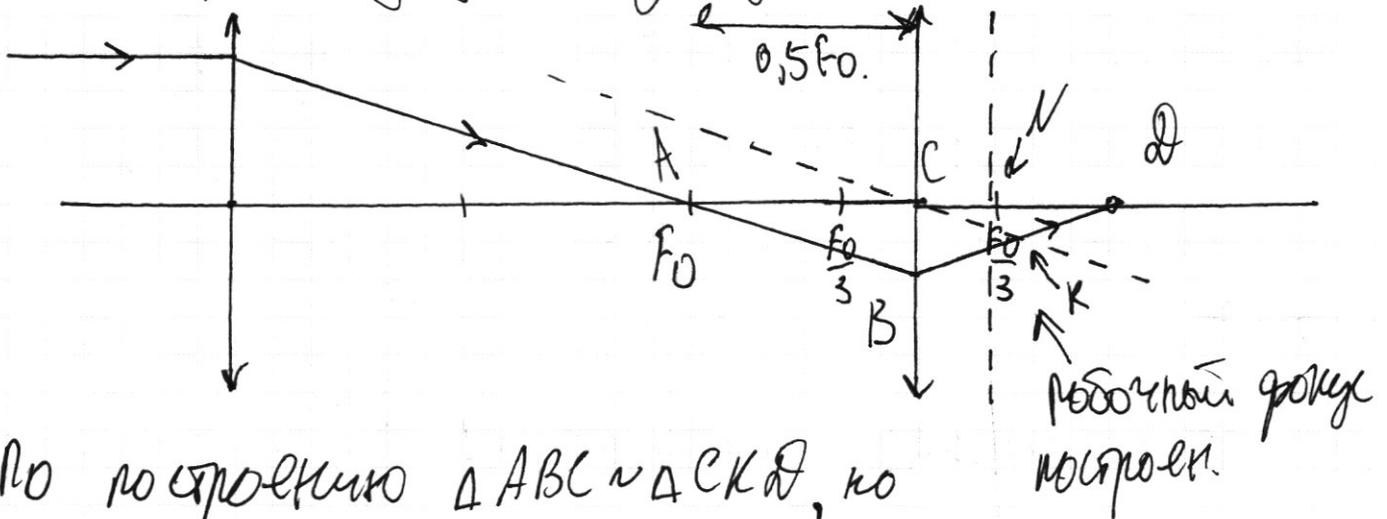
Как мы уже помим в нашей процессе давления газов одинаковы и постоянны, тогда наш процесс изобарный ( $dQ = dU + dA$  по суммарно для системы по  $dQ = 0, dU = 0, dA = p_1 \Delta V - p_2 \Delta V = 0, p_1 = p_2$ ) и отсюда кол-во тепла по первому началу термодинамики:

$$Q_{\text{ог}} = A + \Delta U = C_p \nu \Delta T = \frac{5}{2} R \cdot \nu (T' - T_2) = \\ = \frac{5}{2} \cdot 8,31 \cdot \frac{6}{25} (385 - 440) = - \frac{5 \cdot 6 \cdot 58 \cdot 8,31}{2 \cdot 25} = \\ = - 274,23 \text{ Дж.}$$

Ответ: 1)  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{3}{4}$ ; 2)  $T' = 385 \text{ К}$  3)  $Q_{\text{ог}} = -274,23 \text{ Дж}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№5  
1) Рассмотрим ход одного из лучей



по построению  $\triangle ABC \sim \triangle CKD$ , по  
записи подобия

$$\frac{CD}{AD} = \frac{CN}{AC} = \frac{f_0 - 2}{3 \cdot f_0} = \frac{2}{3}$$

по  $AD = 0,5f_0 + CD$ , тогда  $3CD = 2f_0 \cdot 0,5 + 2CD$ ,

откуда  $CD = f_0$ , тогда расстояние между  
линзой и фотодетектором будет 1)  $f_0$

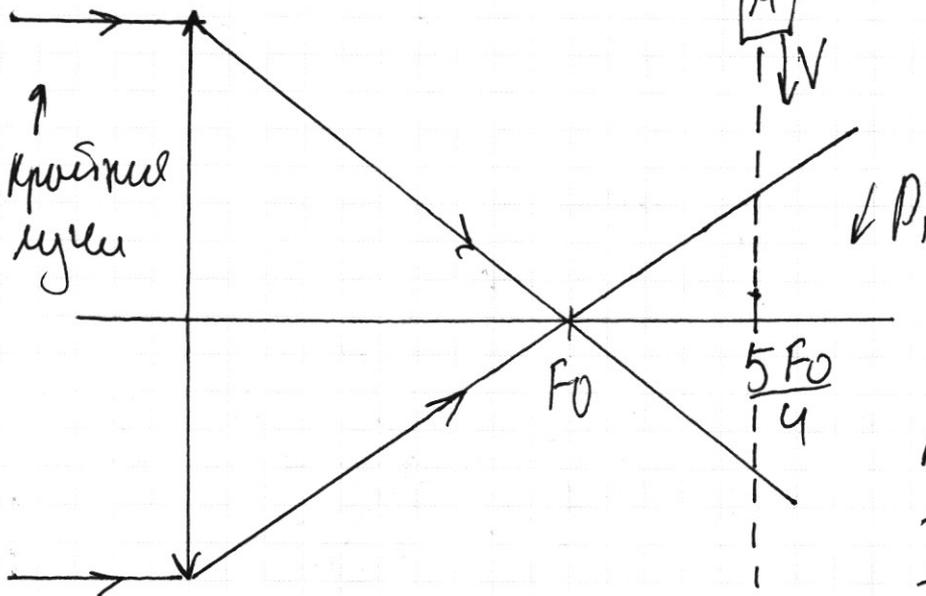
2) по условию диаметр линзы  $D$ , мощность  
света  $P \sim D^2$ , но  $I \sim P$  по условию  
тогда  $I \sim D^2$

Сделаем еще один рисунок.

из подобия

$D_1$  - диаметр

луча на расстоянии  $\frac{5f_0}{4}$



из подобия

$$\frac{D_1}{D} = \frac{f_0}{5f_0/4} = \frac{1}{5}$$

$$D_1 = \frac{D}{5}$$

по условию

$$I_1 = \frac{8I_0}{9}$$

ко ради мшень закрывает  $\beta = (1 - \frac{I_1^2}{I_0^2}) = 1 - \frac{64}{81} = \frac{17}{81}$

от  $D_1$ , тогда  $L$  - длина мшени  $L = \beta D_1 = \frac{17}{81} \cdot \frac{D}{5} = \frac{17}{324} D$

Скорость мшени же будет  $v = \frac{L}{t_0} = \frac{17}{324} \frac{D}{t_0}$

Время  $t_1$  - на ступит, когда нижний край мшени пересечет край диаметра луча на  $\frac{5f_0}{4}$

Для это ему надо будет пройти край расстояние  $\Delta L = \frac{D}{4} - L = \frac{D}{4} - \frac{17}{324} D = \frac{81 - 17}{324} D = \frac{64}{324} D$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№5 продолжение

$$\Delta t = \frac{4L}{V} = \frac{64}{324} \frac{D \cdot 324}{17 \cdot D} \tau_0 = \frac{64}{17} \tau_0.$$

$$\text{по } \Delta t = t_1 - \tau_0$$

$$t_1 = \Delta t + \tau_0 = \frac{81}{17} \tau_0.$$

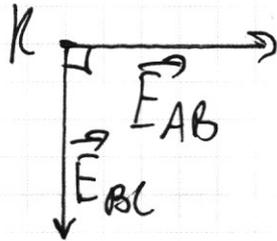
Ответ: 1) расстояние до датчика  $r_0$ 

$$2) V = \frac{17}{324} \frac{D}{\tau_0} \approx 0,05 \frac{D}{\tau_0}$$

$$3) t_1 = \frac{81}{17} \tau_0 \approx 4,5 \tau_0.$$

№ 3

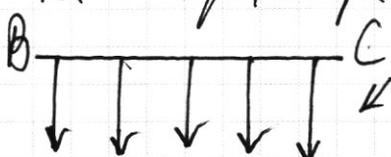
1) Если пластины АВ зарядить до такой же поверхностной плотности заряда, то по модулю в точке К  $|E_{AB}| = |E_{BC}|$ , но так как  $\vec{E}_{AB} \perp \vec{E}_{BC}$ , то в соответствии с принципом суперпозиции.



$$E_K^2 = \sqrt{E_{AB}^2 + E_{BC}^2} = \sqrt{2} E_K$$

Откуда  $\frac{E'_K}{E_K} = \sqrt{2}$ .

2) По условию пластины бесконечные, их можно считать таковыми, тогда каждая из пластин будет создавать однородное электрическое поле. Причем это

поле на примере пластины ВС:  такое направление, так как  $\sigma > 0$ .

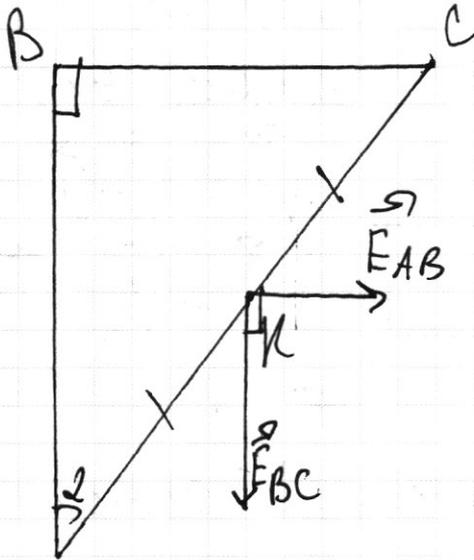
## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№3 продолжение

Причем  $|\vec{E}_{BC}| = \frac{\sigma_1}{2\epsilon_0}$  , а  $|\vec{E}_{AB}| = \frac{\sigma_2}{2\epsilon_0}$

напряженность бесконечной  
плоскости не зависит

где  $\epsilon_0$  - электрическая постоянная. от  
расстояния



Так  $BC \perp AB$  а  
 $\vec{E}_{AB} \perp AB$  и  $\vec{E}_{BC} \perp BC$ ,

то  $\vec{E}_{AB} \perp \vec{E}_{BC}$

и тогда по теореме

Пифагора

$$E_K = \sqrt{E_{AB}^2 + E_{BC}^2} =$$

$$= \frac{\sqrt{\sigma_2^2 + \sigma_1^2}}{2\epsilon_0} = \frac{\sqrt{17} \sigma}{2\epsilon_0} \approx \frac{4,16 \sigma}{2\epsilon_0} \approx 2,05 \frac{\sigma}{\epsilon_0}.$$

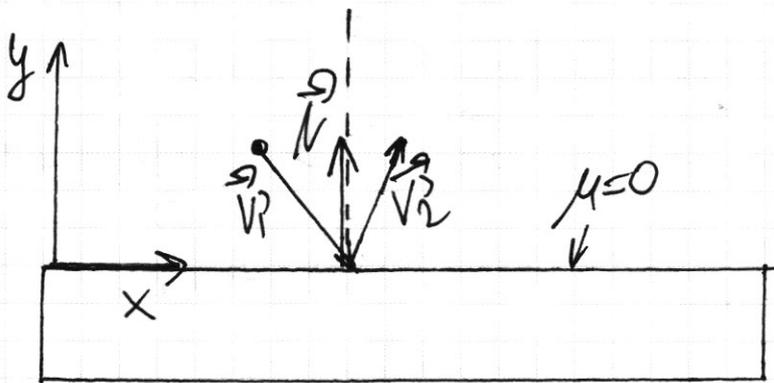
Ответ: 1)  $\frac{E_K}{E_K} = \sqrt{2} \approx 1,4$

2)  $E_K = 2,05 \frac{\sigma}{\epsilon_0}.$

№1

Рассмотрим, что у нас происходит у нас во время удара с плитой где этого перейдем в систему отсчета, связанную с плитой в ней плита будет неподвижна.

В СО плиты



скорости  
примут вид  
 $\vec{v}_1 = \vec{v}_1 - \vec{u}$   
 $\vec{v}_2 = \vec{v}_2 - \vec{u}$

По закону сложения скоростей, с другой стороны при ударе будет действовать только сила реакции, так как по условию силы трения сказано пренебречь (время взаимодействия мало). Силы трения у нас нет так поверхность плиты гладкая по условию.

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 1 продолжение

Так как мы находимся в СО плиты,  
то удар можно считать абсолютно упругим.

~~И тогда  $\vec{V}_2 = -\vec{V}_1$~~

~~Тогда получим что  $\vec{V}_2 - \vec{u} = -\vec{V}_1 + \vec{u}$~~

~~Откуда  $\vec{V}_2 = -\vec{V}_1 + 2\vec{u}$~~

~~В проекции на ось x:~~

В проекции на ось x: силы не  
действуют, поэтому сохраняется  
импульс, а тогда сохраняется

проекция скорости на ось x:

$$V_1 \sin \alpha = V_2 \sin \beta ; \quad 1) \quad V_2 = \frac{V_1 \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{6 \cdot \frac{2}{3}}{\frac{1}{3}} = 12 \text{ м/с}$$

Перейдем теперь к проекции  
на ось y.

Так как в нашей со<sup>шмвс</sup>удар абсолютно упругий, то на вертикальную ось  $y$  можно записать

$$\text{что } V_1 \cos \alpha + u = V_2 \cos \beta - u$$

$$\text{Откуда } 2u = V_2 \cos \beta - V_1 \cos \alpha.$$

$$\cos \beta = \sqrt{1 - \frac{1}{9}} = \frac{2\sqrt{2}}{3}; \quad \cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} =$$
$$= \sqrt{1 - \frac{4}{9}} = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$\text{Тогда } u = \frac{12 \cdot \frac{2\sqrt{2}}{3} - 6 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3}}{2} = 4\sqrt{2} - \sqrt{5} \text{ м/с.}$$

$$\text{Ответ: } 1) V_2 = V_1 \cdot \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = 12 \text{ м/с}$$

$$2) u = 4\sqrt{2} - \sqrt{5} \text{ м/с.}$$

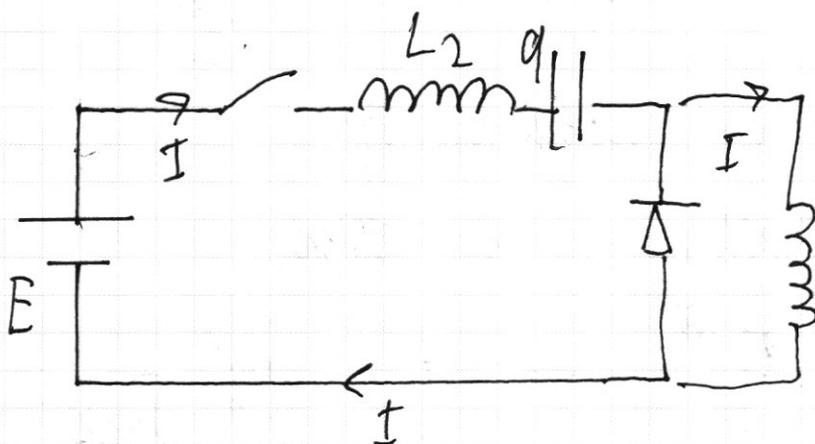
## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№4

Рассмотрим, что происходит в нашей

1) это процесс зарядки конденсатора

В этом случае  
направление  
тока показано  
на рисунке  
Причем, ток  
не будет течь



через этот для такого контура  
можно записать второе правило Кирхгофа  
направление обхода по контуру совпадает  
с током, контур  $(E L_2 C L_1)$ , где  $q$  - заряд  
на левой обложке конденсатора:

$$E - L_1 I' - L_2 I' = \dot{q}$$

мы получим уравнение где  $I' = q''$

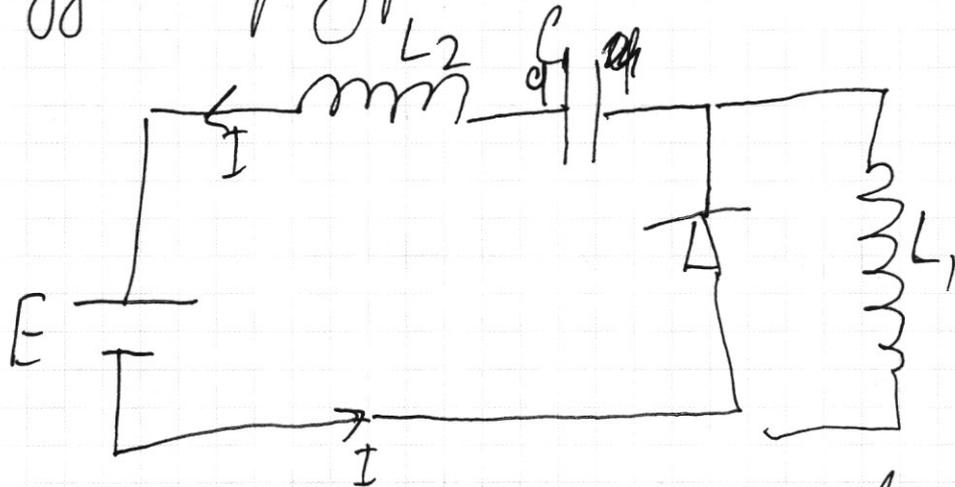
$$C(L_1 + L_2) q'' + (q - CE) = 0.$$

по  $q'' = (q - CE)''$  Тогда это уравнение гармонических колебаний с периодом  $T_1 = 2\pi \sqrt{C(L_1 + L_2)}$

Причем конденсатор зарядится за  $\frac{T_1}{2}$

2) во втором случае конденсатор

будет разряжен и тогда



ток не будет

теперь

по L1, так

или это энергетически не выгодно

ему будет, так в таком контуре

$-E - L_2 I' = \frac{q}{C}$ , где  $q$  заряд на конденсаторе на левой обкладке

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

ич продолжится.

При подавлении отрицательной величины

$-L_1 I_1'$  ~~не~~ не возможно, поэтому на  
катушке  $L_1$  она не будет в этой фазе  
колебаний.

Здесь так же получим уравнение  
гармонических колебаний

$$L_2 q'' + (q - CE) = 0 \quad \text{с} \quad T_2 = 2\pi \sqrt{L_2 C}$$

А время колебаний в

полном контуре на  $L_2$  будет

$$\begin{aligned} \text{как} \quad T &= \frac{T_1 + T_2}{2} = \pi \sqrt{2LC} + \pi \sqrt{5LC} = \\ &= \pi \sqrt{LC} (\sqrt{2} + \sqrt{5}) \end{aligned}$$

Максимальный ток на катушке

$L_1$  будет достигаться в первом

случае, так как максимальный

заряд на конденсаторе в первой

стадии  $q_0 = CE$ , а связь максимального заряда и тока будет

$$2) I_{01} = \omega_1 q_0 = \frac{CE}{\sqrt{C(L_1 + L_2)}} = \sqrt{\frac{C}{5L}} E.$$

Максимальный же ток на катушке

$L_2$  будет достигаться во втором случае,

и так же связь 3)  $I_{02} = \omega_2 q_0 =$

$$= \sqrt{\frac{C}{2L}} E > I_{01}, \text{ что логично так как}$$

во второй стадии катушка  $L_1$  не участвует

Ответ: 1)  $\Gamma = \pi \sqrt{LC} (\omega_1 + \omega_2)$

2)  $I_{01} = \sqrt{\frac{C}{5L}} E$

3)  $I_{02} = \sqrt{\frac{C}{2L}} E$

$$\operatorname{tg} 2\alpha = 1 = \frac{2 \operatorname{tg} \alpha}{1 - \operatorname{tg}^2 \alpha}$$

$$1 - \operatorname{tg}^2 \alpha = 2 \operatorname{tg} \alpha$$

$$\operatorname{tg}^2 \alpha + \operatorname{tg} \alpha - 1 = 0$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{-2 + \sqrt{5}}{2}$$

$$4 - \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}} = 2\mu(2\sqrt{5} + 4)$$

$$0 < \mu \leq 1 \quad \mu = \frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{2\sqrt{2}\mu} - 2\sqrt{5}$$

$$\mu \geq \frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5} - 4\sqrt{10}\mu}{2\sqrt{2}\mu}$$

$$5,2 - 2,3 - 12$$

$$4\sqrt{2} - \sqrt{5} - 4\sqrt{10}\mu \geq 0$$

$$\mu < \frac{4\sqrt{2} - \sqrt{5}}{4\sqrt{10}} = \frac{1}{\sqrt{5}} - \frac{1}{4\sqrt{2}}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

ЗСА:  $\frac{mv_1^2}{2} = Q + \frac{mv_2^2}{2}$       ЗСУ

Трение

$v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \beta$

$v_2 = 12 \text{ м/с}$

$v_1 \cos \alpha + 2u = v_2 \cos \beta$

$\cos \alpha = \frac{\sqrt{5}}{3}$

$\cos \beta = \frac{2\sqrt{2}}{3}$

$v_1 \cos \alpha = v_2 \cos \beta$

$v_2 = \frac{v_1 \cos \alpha}{\cos \beta} = \frac{3 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3}}{\frac{2\sqrt{2}}{3}} = \frac{3\sqrt{5}}{2\sqrt{2}} \text{ м/с}$

$v_1 \cos \alpha + u = v_2 \cos \beta - u$

$2u = v_2 \cos \beta - v_1 \cos \alpha$

$v_x^2 = v_{1x}^2 + (2v_{1y} + 2u)^2 = v_{2x}^2 = v_2^2 \sin^2 \beta = \frac{v_1^2 \cos^2 \alpha}{\cos^2 \beta} \sin^2 \beta$

$v_{1x} = v_1 \sin \alpha$

$v_1 \sin \alpha - \frac{v_1 \cos \alpha}{\cos \beta} \sin \beta = 2u (v_{1y} + u)$

12

$$p_1 = p_2$$

$$p_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$p_2 V_2 = \nu R T_2$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{3}{4}$$

$$V_1 + V_2 = V$$

$$V_1 = \frac{3}{7}V; \quad V_2 = \frac{4}{7}V$$

$$T_1 = T_2$$

$$\frac{T_1 + T_2}{2} = \frac{770}{2} = 385 \text{ K}$$

$$1) \quad \frac{3}{7}V = T_1$$

$$\frac{3,5V}{\frac{1}{7}} = T_1$$

$$T_1 = T_1 \cdot \frac{3,5}{3} = 110 \cdot 3,5 = 330 + 55 = 385 \text{ K}$$

Процесс изобарный

$$Q = \Delta U + A = \frac{5}{2} \nu R \cdot \Delta T = \frac{5}{2} \nu R \cdot (T_1 - T_2) =$$

$$= \frac{5}{2} \cdot \frac{6}{255} \cdot 8,31 \cdot (385 - 440) = 33 \cdot 8,31$$

$$\times 8,31$$

$$\begin{array}{r} 2493 \\ + 2499 \\ \hline 274,23 \end{array}$$

$$274,23$$

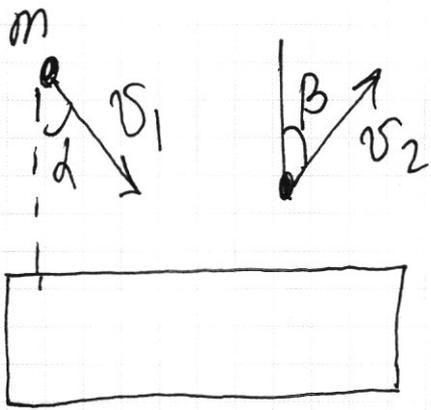
Дж.

Ответ: 1)  $\frac{V_1}{V_2} = \frac{3}{4}$

2)  $T_1 = 385 \text{ K}$

3)  $|Q_{out}| = 274,23 \text{ Дж}$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

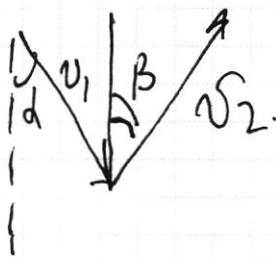


$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$v_1 \sin \alpha = \sigma_2 \sin \beta$$

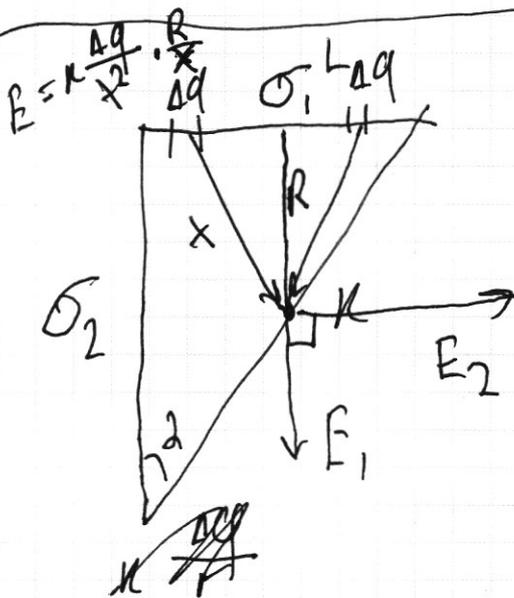
$$\sigma_2 = \frac{v_1 \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{6 \cdot \frac{2}{3}}{\frac{1}{3}} = 12 \text{ Мк}$$

Угол нулевой есть трение.



$$E = 2k \frac{dq \cdot R}{x^2}$$

$$\int \frac{dx}{x^3} = -\frac{1}{2x^2}$$



1)  $\beta \sqrt{2}$  раз.  $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$

Так как масса бесконечная  $E$  не зависит от  $R$

2)  $\frac{\sqrt{16\sigma^2 + \sigma^2}}{2\epsilon_0} = \frac{\sigma \cdot \sqrt{17}}{2\epsilon_0}$

~~$\frac{\sigma}{2\epsilon_0}$~~   
2,05  $\frac{\sigma}{\epsilon_0}$

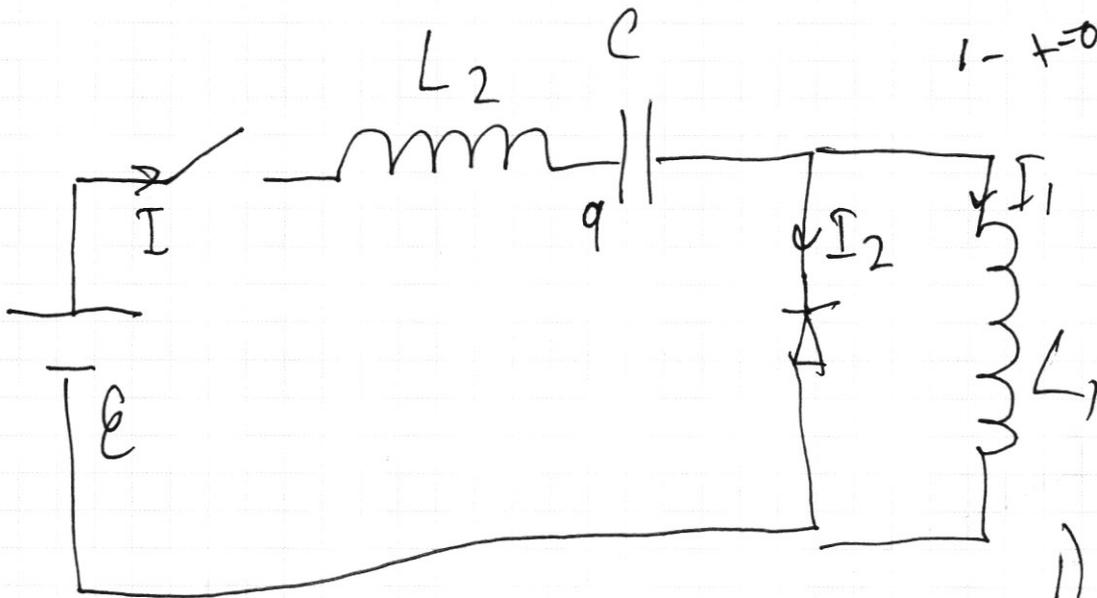
$$\begin{array}{r} 4,2 \\ 4,2 \\ \hline 8,4 \\ + 8,4 \\ \hline 16,8 \end{array}$$

17,64

$$\begin{array}{r} 4,1 \\ 4,1 \\ \hline 8,2 \\ + 8,2 \\ \hline 16,4 \end{array}$$

N4.

$t = \frac{\pi}{2}$   
 $1 - t = 0 \quad t = \pi$



1) ↓  
 2) ×

$$E + (-L_2 \dot{I}) - (L_1 \dot{I}_1) = \frac{q}{C}$$

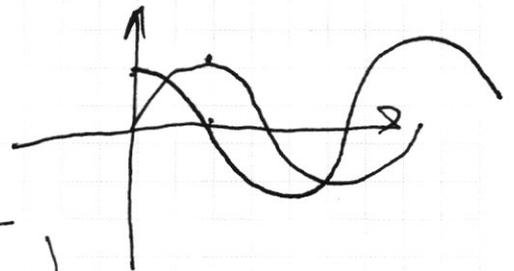
$$I = I_1 + I_2$$

Энергетически невыгодно

$$T_1 = 2\pi \sqrt{L_2 C} ?$$

$$\frac{q}{C} = -E + L_2 \dot{I}$$

$$T_2 = 2\pi \sqrt{(L_1 + L_2) C}$$



$$1) T = \frac{T_1 + T_2}{2} = \pi (\sqrt{L_2 C} + \sqrt{(L_1 + L_2) C})$$

$$2) E \Delta q = \frac{\Delta q^2}{2C} + \frac{(L_1 + L_2) I^2}{2} \quad \text{Max } q = E \quad q = CE$$

$$\frac{(L_1 + L_2) I^2}{2} = E \Delta q - \frac{\Delta q^2}{2C}$$

$$\Delta q = \frac{-E(2C) \pm \sqrt{E^2(2C)^2 - 2(L_1 + L_2)CE}}{2(-2C)}$$

$$T_H = \sqrt{\frac{CE^2}{(L_1 + L_2)}} = \frac{C}{L_1 + L_2} \sqrt{CE} = \sqrt{C(L_1 + L_2)}$$

$$C(L_1 + L_2) q'' + (q - CE) = 0$$

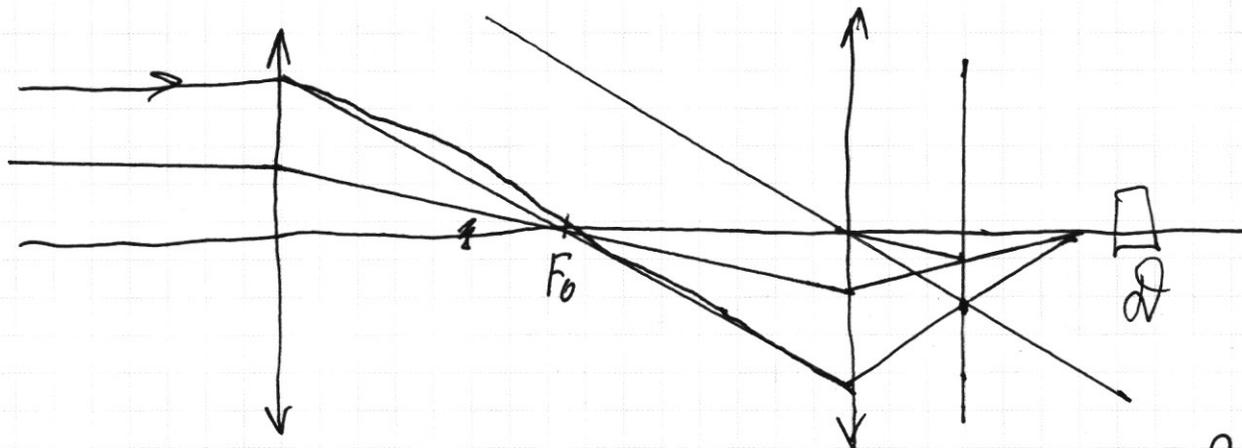
$$q'' = -\omega^2 (q - CE)$$

$$q(t) = CE (1 - \cos \omega t)$$

$$I(t) = \omega (q - CE) \sin \omega t$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№5



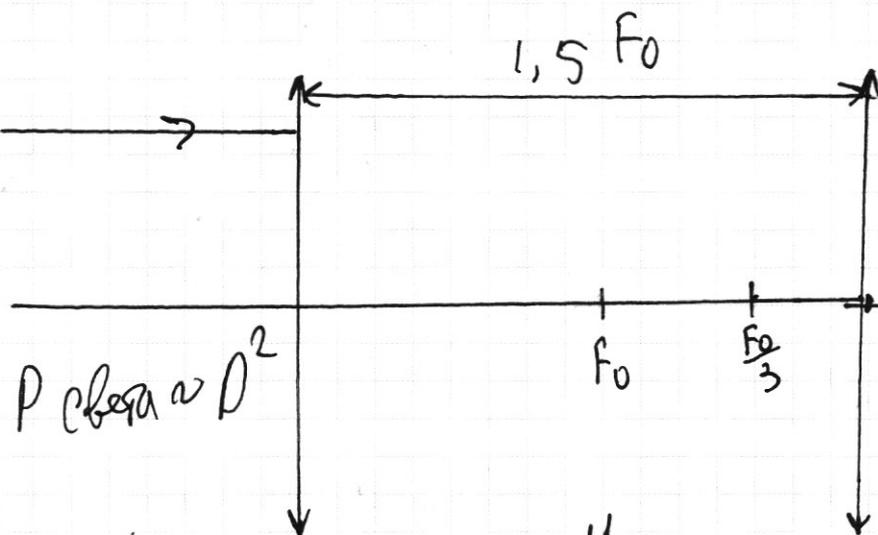
$$M \quad I F \frac{B_1 F_0}{g}$$

$$\frac{64}{81}$$

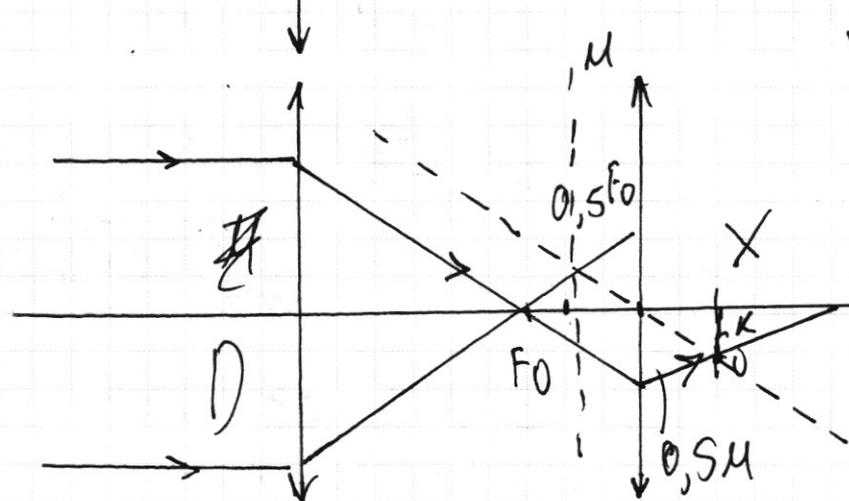
$$P_n = \left(1 - \frac{64}{81}\right) D = \frac{17}{81} D$$

$$D' = \frac{D}{4}$$

1)  $x = F_0$ .



$P \text{ света } \propto D^2$



$$\frac{0.5 F_0}{F_0/3} = 1.5$$

$$1.5 (0.5 F_0 + x) = x$$

$$0.15 F_0 + 1.5x =$$

$$0.5 F_0 + x = 1.5x$$

$$x = F_0$$