

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

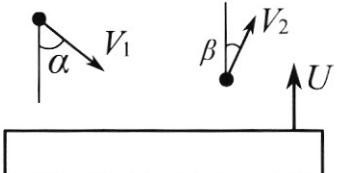
Класс 11

Вариант 11-02

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 6 \text{ м/с}$, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{3}$) с вертикалью.



1) Найти скорость V_2 .

2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.

Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

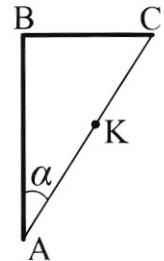
2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится гелий, во втором – неон, каждый газ в количестве $v = 6 / 25$ моль. Начальная температура гелия $T_1 = 330 \text{ К}$, а неона $T_2 = 440 \text{ К}$. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31 \text{ Дж/(моль·К)}$.

1) Найти отношение начальных объемов гелия и неона.

2) Найти установившуюся температуру в сосуде.

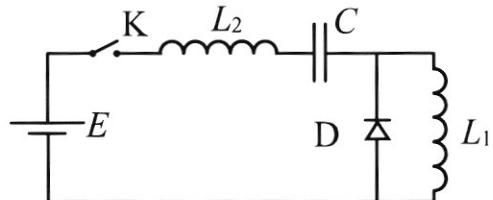
3) Какое количество теплоты передал неон гелию?

3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi / 4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 4\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi / 8$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.



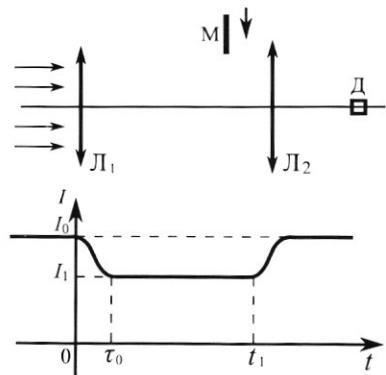
4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 3L$, $L_2 = 2L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .

1) Найти период T этих колебаний.

2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .

3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

5. Оptическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями F_0 и $F_0/3$, соответственно. Расстояние между линзами $1,5F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $5F_0/4$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 8I_0 / 9$.



1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.

2) Определить скорость U движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 5.

1) $F_1 = F_0$ - расстояние от изображения в первой линзе до первой линзы $d_1 = 1,5 F_0$. $F_0 = 0,5 F_0$ - расстояние от изображения до второй линзы.

$$\frac{1}{d_2} + \frac{1}{F_2} = \frac{3}{F_0} \Rightarrow F_2 = F_0 - \text{расстояние от линзы}$$

до второй линзы

2.

$$\frac{h_1}{h_2} = \frac{F_0}{4F_0} \Rightarrow h_1 = \frac{1}{4} D - \text{диаметр}$$

светового пучка в месте

наделки мишени.

если $D \ll F_0$, то интенсивность света при мерно

на любом расстоянии от главной оптической оси.

$$I_1 = \frac{8I_0}{9} \Rightarrow I_2 = \frac{I_0}{9} - \text{интенсивность закрытого пучка}$$

света. $I = S \cdot I_0 \Rightarrow S = \frac{I_0}{I_1} = \frac{9}{8} D \cdot \sqrt{\frac{D}{9}} = \frac{D}{8} \sqrt{9} = \frac{D}{8} \cdot 3 = \frac{3D}{8}$ - диаметр

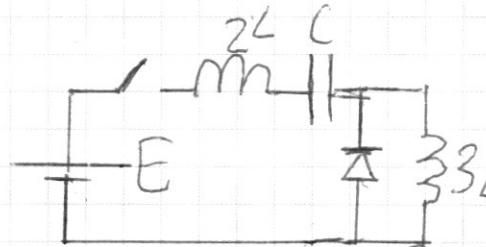
мишени. $V = \frac{D}{12T_0}$.

$$t_1 = \frac{3T_0}{10} \text{ (такая же самая мишень прошла путь)}$$

$$\text{или } \frac{D}{4}, \text{ а за } T_0 - \frac{D}{2}$$

Ответ: 1) F_0 2) $\frac{D}{8T_0}$ 3) $3T_0$.

вq.



При зарядке конденсатора ток

может пройти однократно, а при

разрядке - через катушку L_2 и диод.

После L_2 общая индуктивность контура при заряде

ке равна $L_1 + L_2 = 5L$, а при разрыве $L_0 = L_2 - 2L$.

Время замедления $T_2 = \frac{1}{2} \cdot 2\pi \cdot \sqrt{5LC} = T_1 \sqrt{5LC}$, а время разрыва $T_p = \frac{1}{2} \cdot 2\pi \cdot \sqrt{2LC} = \pi \sqrt{2LC}$.

$$T = T_2 + T_p = T_1 \sqrt{C} (\sqrt{5} + \sqrt{2})$$

2) $I_{01} = q_a w_3$ (при разрыве мота через L_1 не мерим).

$$q_a = E \quad (q_{min} = 0, q_{max} = 2E) \Rightarrow w_3 = \frac{1}{\sqrt{5LC}}$$

$$I_{01} = \frac{CE}{\sqrt{5LC}} = \sqrt{\frac{C}{5}} E. \quad I_{02} = q_a w_p \quad (w_p > w_3). \quad I_{02} = \frac{CE}{\sqrt{2LC}} = \sqrt{\frac{C}{2}} E.$$

Ответ: 1) $\pi \sqrt{C} (\sqrt{5} + \sqrt{2})$ 2) $\sqrt{\frac{C}{5}} E$ 3) $\sqrt{\frac{C}{2}} E$.

У1.

1) Поверхность неподвижная $\Rightarrow F_{норм} = 0$ и

$$v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \beta \quad v_2 = \frac{v_1 \sin \alpha}{\sin \beta}$$

$$v_2 = \frac{6 \cdot 2 \cdot 3}{\sqrt{5}} = 12 \left(\frac{3}{\sqrt{5}}\right)$$

$$9 \text{ м} \cdot \text{с}^{-1}$$

2) Применим к У(0), связанные с ней и замкнутой системой координат, закон сохранения импульса для шарика и мячика. Тогда импульсы, которыми они покидают У(0) не изменяются, что и подтверждаем ($v_{норм} = 0$).

$$\text{ОУ: } v_1 \cos \alpha + u = (v_2 \cos \beta) - u = 0.$$

$$2u = v_2 \cos \beta - v_1 \cos \alpha. \quad u = \frac{v_2 \cos \beta - v_1 \cos \alpha}{2}$$

$$\cos \beta = \sqrt{1 - \frac{1}{9}} = \frac{2\sqrt{2}}{3} \quad \cos \alpha = \sqrt{1 - \frac{4}{9}} = \frac{\sqrt{5}}{3}.$$

$$u = \frac{12 \cdot \frac{2\sqrt{2}}{3} - 6 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3}}{2} = \frac{12\sqrt{2} - 3\sqrt{5}}{3} = 4\sqrt{2} - \sqrt{5} \left(\frac{3}{\sqrt{5}}\right)$$

Ответ: 1) $12 \frac{3}{\sqrt{5}}$ 2) $(4\sqrt{2} - \sqrt{5}) \frac{3}{\sqrt{5}}$.

У2.

$$\text{Установлено } p_1 = p_2 \Rightarrow \frac{p_1 R T_1}{T_1} = \frac{p_2 R T_2}{T_2} \quad \frac{T_1}{T_2} = \frac{V_1}{V_2}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{330}{440} = \frac{3}{4} = 0,75.$$

2) $Q_{\text{нр}} = 0 \Rightarrow |\Delta U_1| = |\Delta U_2|$. (работа системы 0).

$$\left| \frac{3}{2} \int R \cdot (\Delta T)_1 \right| = \left| \frac{3}{2} \int R \cdot (\Delta T)_2 \right| \Rightarrow |\Delta T_1| = |\Delta T_2| \Rightarrow \Delta T = |\Delta T| = |\Delta T_2| = \frac{T_2 - T_1}{2}$$

$$\Delta T = 55 \text{ K}$$

3) $Q_{\text{вн}} = -dU_{\text{вн}} - \Delta U_{\text{вн}} \Rightarrow Q_{\text{вн}} - \text{переданное количество}$
теплоты $Q_{\text{вн}} = dU_{\text{вн}} + \Delta U_{\text{вн}}$: В любой момент времени $P_1 = P_2 \Rightarrow$
 $\Rightarrow d_2 = P \Delta T = \frac{\partial RT}{T_2} \cdot \Delta T$. $T_1 = 0,75 T_2 \Rightarrow T_0 = 1,75 T_2$ - общий

$$T_1 = \frac{4}{7} T_0 \Rightarrow T_1 = \frac{3}{7} T_0 \text{ общий начальное}$$

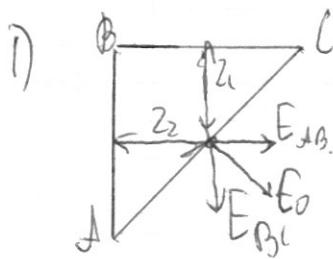
$$d_2 = \frac{\partial RT}{T_2} \cdot (0,5 T_0 - \frac{3}{7} T_0) = \frac{7 \partial RT}{30} (0,5 T_0 - \frac{3}{7} T_0)$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} \cdot \partial R \Delta T \quad Q = d_2 + \Delta U = \frac{7}{9} \partial RT \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{7} \right) + \frac{3}{2} \partial R \Delta T$$

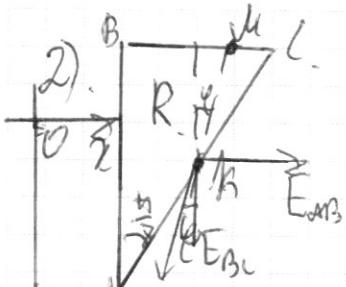
$$\Rightarrow Q = 7 \cdot \frac{6}{25} \cdot 8,31 \cdot 330 \left(\frac{1}{6} - \frac{1}{7} \right) + \frac{3}{2} \cdot \frac{6}{25} \cdot 8,31 \cdot 55 = \\ = \frac{8,31 \cdot 330}{25} (7 - 6) + \frac{3 \cdot 8,31 \cdot 6 \cdot 55}{2 \cdot 25} = \frac{8,31}{25} (330 + 1,5 \cdot 6 \cdot 55) = \frac{8,31}{5} (66 + \\ + 5 \cdot 11) = \frac{8,31}{5} (165) = 8,31 \cdot 33 = 274,23 \text{ Дж.}$$

Ответ: 1) 0,75 2) 55 K 3) 274,23 Дж.

К3.



Плоскости AB и BC однотаково по
длине и заряжены одинаковой плотностью
заряда $Z_1 = Z_2 \Rightarrow E_{AB} = E_{BC} \Rightarrow$
 $E_0 = E_1 + E_2$ и $|E_0| = \sqrt{2} |E_{BC}|$.



$E_{BC} \parallel AB, E_{AB} \parallel BC$

$$E_0 = \sqrt{E_{AB}^2 + E_{BC}^2}$$

Возможен термоморфо μ для BC и
нормальная пропорция от $\text{записи } E_{AB}$ в m . μ для оси
 Oy : $E_{AB} = \frac{kq\mu}{(R\mu)^2} \cos \varphi = \frac{kq\mu}{R^2} \cos^3 \varphi$. Тогда $\varphi \in [0; 90]$, $E_{AB} = \frac{\sigma}{4\varepsilon_0}$
(~~нормальное напряжение~~ $\frac{\sigma}{2\varepsilon_0} \Rightarrow$ от $\text{предельного напряжения}$ $\frac{\sigma}{4\varepsilon_0}$). $\Rightarrow E =$
 $= \frac{\sigma}{2\varepsilon_0} \cdot \left(\frac{F(\varphi = 90^\circ) - F(0)}{F(\frac{\pi}{8}) - F(0)} \right)$, где F - первообразная $\cos^3 x$.

$$F(x) = \frac{1}{4} \sin x + \frac{1}{12} \sin 3x. \quad F(0) = 0 \quad F\left(\frac{\pi}{2}\right) = \frac{1}{4} \sin \frac{\pi}{2} - \frac{1}{12} = \frac{1}{6}$$

$$F\left(\frac{\pi}{8}\right) = \frac{1}{4} \sin \frac{\pi}{8} + \frac{1}{12} \sin \frac{3\pi}{8} = \frac{1}{4} \sin \frac{\pi}{8} +$$

$$+ \frac{1}{12} \cos \frac{\pi}{8} = \frac{1}{4} \left(\sin \frac{\pi}{8} + \cos \frac{\pi}{8} \right)$$

$$E_{BC} = \frac{\sigma}{2\varepsilon_0} \cdot \frac{(2)}{3 \left(\sin \frac{\pi}{8} + \cos \frac{\pi}{8} \right)}$$

Аналогично для пластины AB : $F(3\pi/8) = \frac{1}{4} \sin \frac{3\pi}{8}$.

$$+ \frac{1}{12} \sin \frac{3\pi}{8} = \frac{1}{4} \cos \frac{\pi}{8} + \frac{1}{12} \sin \frac{\pi}{8}$$

$$E_{AB} = \frac{\sigma}{2\varepsilon_0} \cdot \frac{(2)}{3 \left(\cos \frac{\pi}{8} - \sin \frac{\pi}{8} \right)}$$

$$E_0 = \sqrt{\frac{4\sigma}{2\varepsilon_0} \left(\frac{2}{\left(\frac{1}{4} \sin \frac{\pi}{8} + \cos \frac{\pi}{8} \right)} \right)^2 + \left(\frac{2}{\left(\frac{1}{4} \cos \frac{\pi}{8} - \sin \frac{\pi}{8} \right)} \right)^2} = \frac{\sigma}{\varepsilon_0} \cdot \frac{16}{\left(\frac{1}{4} \sin \frac{\pi}{8} + \cos \frac{\pi}{8} \right)^2 +$$

$$+ \left(\frac{1}{4} \cos \frac{\pi}{8} - \sin \frac{\pi}{8} \right)^2} = \frac{\sigma}{\varepsilon_0} \cdot \frac{1}{7 \sin \frac{\pi}{4}} \cdot \sqrt{85 + 15 \sin \frac{\pi}{4}} = \frac{15 \cdot 2}{\varepsilon_0 \cdot 7 \sqrt{2}} \cdot \sqrt{85 + 7,552} =$$

Задерживайте считать
сразу.

$$\text{Ответ: } \frac{\sqrt{170 + 15\sqrt{2}}}{7\varepsilon_0}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№3 - продолжение.

$$E_{Bz} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left(\frac{2}{3} \sin \frac{\pi}{8} + \cos \frac{\pi}{8} \right)$$

значит $E_{x+} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left(\frac{2}{3} \cos \frac{\pi}{8} - \sin \frac{\pi}{8} \right)$

$$E_0 = \sqrt{E^2 + E_B^2} = \sqrt{\left(\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cdot \frac{2}{3} \sin \frac{\pi}{8} + \cos \frac{\pi}{8} \right)^2 + \left(\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cdot \frac{2}{3} \cos \frac{\pi}{8} - \sin \frac{\pi}{8} \right)^2} \approx$$

$$= \frac{\sigma}{7\epsilon_0} \sqrt{170 + 15\sqrt{2}} \approx \frac{20}{\epsilon_0}$$

Объем: 1) $\sqrt{2}$ 2) $\approx \frac{20}{\epsilon_0}$.

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № ____
(Нумеровать только чистовики)

$$\cos(3x) = \cos 2x \cos x - \sin 2x \sin x = 2\cos^3 x - \cos x - 2\sin^2 x \cos x = \\ = \cos x - 2\sin^2 x \cos x = \cos x - 4\cos x + 4\cos^3 x.$$

$$\frac{16}{(3\sin\frac{\pi}{8} + \cos\frac{\pi}{8})^2} + \frac{1}{(3\cos\frac{\pi}{8} - \sin\frac{\pi}{8})^2} = \frac{16(\cos\frac{\pi}{8} - \sin\frac{\pi}{8})^2 + (3\sin\frac{\pi}{8} + \cos\frac{\pi}{8})^2}{(3\sin\frac{\pi}{8} + \cos\frac{\pi}{8})(3\cos\frac{\pi}{8} - \sin\frac{\pi}{8})^2} = \\ = 16(9\cos^2\frac{\pi}{8} - 6\cos\frac{\pi}{8}\sin\frac{\pi}{8} + \sin^2\frac{\pi}{8}) + (9\sin^2\frac{\pi}{8} + 6\sin\frac{\pi}{8}\cos\frac{\pi}{8} + \cos^2\frac{\pi}{8}) = \\ = 16(1 + 8\cos^2\frac{\pi}{8} - 3\sin^2\frac{\pi}{8}) + 1 + 8\sin^2\frac{\pi}{8} + 3\sin\frac{\pi}{8} = 17 - 45\sin^2\frac{\pi}{8} + \\ + 8 + 120\cos^2\frac{\pi}{8} = 17 - 45\sin^2\frac{\pi}{8} + (-60) + 60 + 8 + 120\cos^2\frac{\pi}{8} = \\ = 17 - 45\sin^2\frac{\pi}{8} + 60\cos^2\frac{\pi}{8} + 68 = 85 + 15\sin^2\frac{\pi}{8} = 85 + 7,5\sqrt{2}. \\ (3\sin\frac{\pi}{8} + \cos\frac{\pi}{8})(3\cos\frac{\pi}{8} - \sin\frac{\pi}{8}) = 8\sin\frac{\pi}{8}\cos\frac{\pi}{8} - 3\sin^2 x + 3\cos^2 x = \\ = 4\sin\frac{\pi}{4} + 3\sin\frac{\pi}{4} = 7\sin\frac{\pi}{4}.$$

170+7,5 $\sqrt{2}$ 15 $\sqrt{2}$ 7,5 $\sqrt{2}$

$$\begin{aligned} a^2 + b^2 &= 170 \\ ab &= 7,5\sqrt{2} \end{aligned}$$

$$\frac{\sqrt{170 + 15\sqrt{2}}}{2} \approx 1,95 \quad \sqrt{\left(\frac{a}{2}\right)^2 + \left(\frac{b}{2}\right)^2} = \frac{a}{2} \sqrt{16 + 1} = \frac{\sqrt{17}}{2} \cdot \frac{a}{2}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

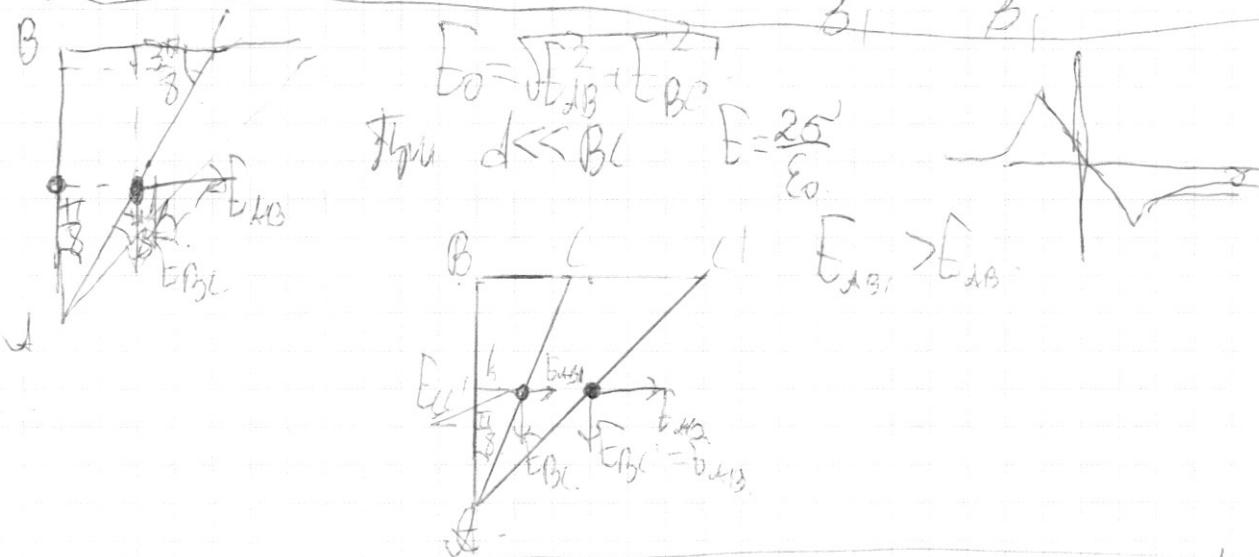
$$I_{01} = q_a w_1 \quad I_{01} = q_a \sqrt{\frac{C}{L}} = \boxed{6\sqrt{5}}$$

$$I_{02} = q_a w_2 = \boxed{6\sqrt{2}}$$

$$\textcircled{1}. \quad U_1 \sin \alpha = U_2 \sin \beta \quad \beta = \frac{2}{3} \cdot 6 \cdot \beta_1 = \boxed{12\frac{\pi}{3}}.$$

$$U \leq 12 \cdot \frac{8}{3} < \boxed{8\sqrt{2}}.$$

$$U_1 \cos \alpha + U = U_2 \cos \beta - U_1 \cos \alpha \quad U = \cancel{U_2} \frac{2\sqrt{2}}{3} - \cancel{U_1} \frac{2\sqrt{2}}{3} = 4\sqrt{2} - \sqrt{2}.$$



$$P_{KE} = P_{AE}, \quad \omega = \rho \sigma \Omega = \rho_{AE} \Delta \Omega_{AE} \Rightarrow A =$$

$$Q = \frac{1}{2} \rho R^2 \Omega t. \quad Q = \frac{1}{2} \cdot \frac{8,31}{25} \cdot 8,31 \cdot 55 = 3 \cdot 11 \cdot 8,31 = 8,31 \cdot 33 =$$

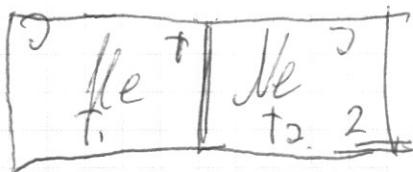
$$= \boxed{274,23 (\text{Дж})} \quad \cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x.$$

$$\int \cos^3 x dx = \cos^3 x - \int 3 \cos^2 x \sin x dx = \cos^3 x - \frac{3}{2} \sin^2 x \cos x + C.$$

$$\cos^3 x = \frac{1}{4} (4 \cos^3 x - 3 \cos x). \quad \int \cos^3 x dx = \frac{1}{4} (4 \sin x - \frac{3}{2} \sin 2x).$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

②.



$$\rho_1 = \rho_2 = \rho.$$

$$\frac{2RT_1}{V_1} = \frac{2RT_2}{V_2}$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{T_2}{T_1}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1 - 330}{T_2 - 440} = 0,74$$

$$Q=0 \Rightarrow \Delta U_{ke} = \Delta U_{ne}$$

$$\Delta U_{ne} = 0$$

$$\frac{3}{2}JR \cdot \Delta T_{ke} = \frac{3}{2}JR \cdot \Delta T_{ne}$$

$$\Delta T_{ke} = \Delta T_{ne} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta T = \frac{T_2 - T_1}{2} \Rightarrow \Delta T = 55 \text{ K}$$

$$T_0 = 330 + 55 = 385 \text{ K}$$

$$P_k = \frac{JR}{V_2} = \frac{2JR}{V} = \frac{2JR \cdot 385}{V}$$

$$P_n = \frac{JR(T - \Delta T) \cdot 1,75}{V} = \frac{7JR \cdot 330}{V}$$

$$\Delta U = \frac{3}{2}JR \Delta T$$

$$\Delta U = P \Delta V = \frac{3}{2}P \Delta V$$

$$\Delta Q_{ke} = k \Delta U$$

$$\Delta U_{ke} + \Delta U_{ne} = \Delta U_{ke} + \Delta U_{ne}$$

$$\frac{3}{2} \Delta (P V) + P_{ke} \Delta V_{ke} = \frac{3}{2} (P_{ke} V_{ke}) + P_{ne} \Delta V_{ne}$$

$$\Delta V (P_{ke} - P_{ne}) = \Delta V_{ke} = \Delta V_{ne}$$

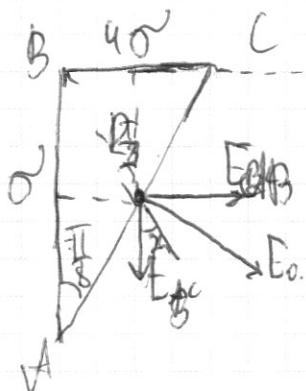
$$= \frac{3}{2} ((P_{ke} V_{ke}) - (P_{ne} V_{ne})) = \frac{3}{2} (P_{ke2} V_{ke2} - P_{ke1} V_{ke1}) \neq P_{ke2} V_{ke2} + P_{ke1} V_{ke1} =$$

$$= \frac{3}{2} (T_2 (\rho_2 - \rho_1) + T_1 (\rho_2 - \rho_1)) = (\rho_2 - \rho_1) \frac{3}{2} (T_2 + T_1)$$

③

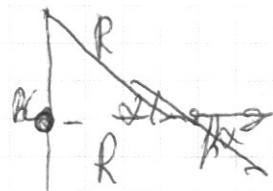

 Т.к. $E_{BC} = 0$, тогда

$$E_{AC} = E_{BC} = U_2$$
 симметрии $\Rightarrow E_0 = \sqrt{2} E_{A1}$.

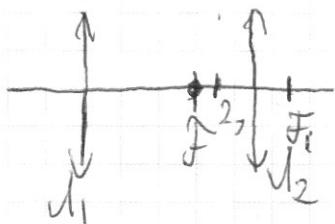


~~$$h_1 = \frac{R}{\cos \alpha} + R \quad h_2 = \frac{R}{\cos \beta} + R$$~~

$$R = \frac{kq \cos^2 \alpha}{P^2 \cos^2 \alpha}$$



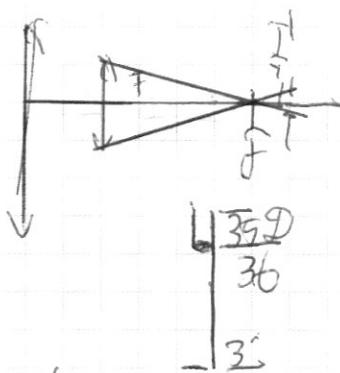
5



$$d_{\text{av}} = 0,5 F.$$

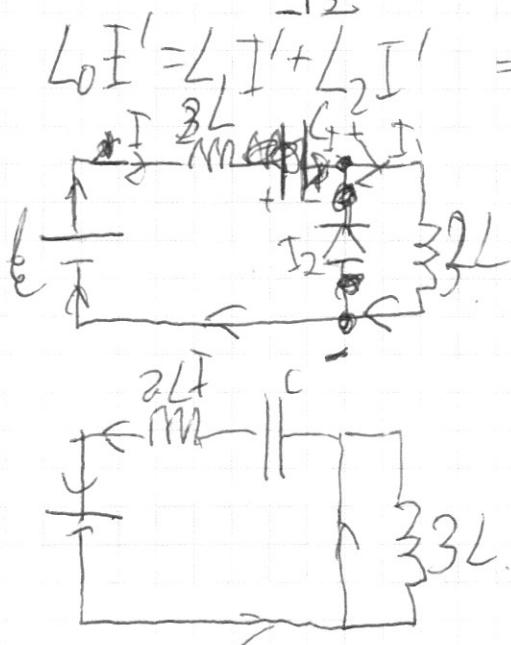
$$\frac{1}{0,5 F} + \frac{1}{F} = \frac{3}{F}$$

$$\frac{1}{F} = \frac{3}{F} - \frac{2}{F} = \frac{1}{F} \Rightarrow F = F.$$



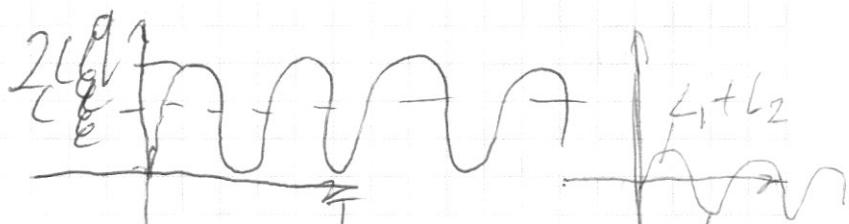
$$d_h = \frac{1}{4} D \quad I_1 = \frac{8}{9} I_0 \Rightarrow d_r = \frac{1}{9} D \quad d_r = \frac{D}{36}$$

$$V = \frac{D}{36 I_0} \quad \frac{35}{36} D \cdot \frac{1}{36} \cdot I_0 = \frac{35}{36} I_0 \Rightarrow b_F = 36 I_0.$$



$$\angle_0 I' = \angle_1 I' + \angle_2 I' \Rightarrow \angle_1 + \angle_2 \quad T = 2\pi \sqrt{5 L C},$$

$$f = 3 \angle_1 I' + \frac{g}{C} + 2 \angle_2 I'$$



$$T_0 = T_1 \sqrt{5 L C} + \sqrt{3 L C} = \pi \sqrt{L C} (5 + \sqrt{3}) /$$