

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

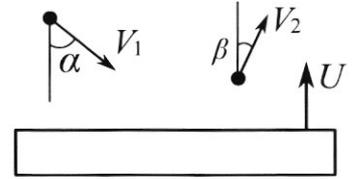
Класс 11

Вариант 11-02

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 6$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{3}$) с вертикалью.

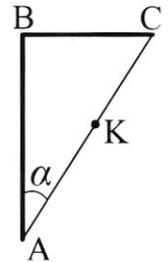


- 1) Найти скорость V_2 .
 - 2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.
- Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится гелий, во втором – неон, каждый газ в количестве $\nu = 6/25$ моль. Начальная температура гелия $T_1 = 330$ К, а неона $T_2 = 440$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31$ Дж/(моль·К).

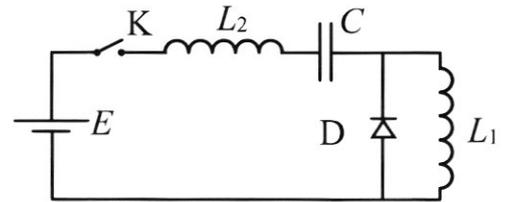
- 1) Найти отношение начальных объемов гелия и неона.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал неон гелию?

3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



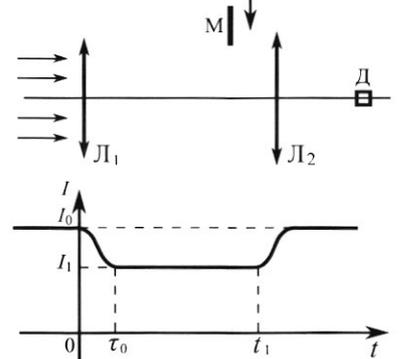
- 1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?
- 2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 4\sigma, \sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/8$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 3L, L_2 = 2L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .



- 1) Найти период T этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .
- 3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

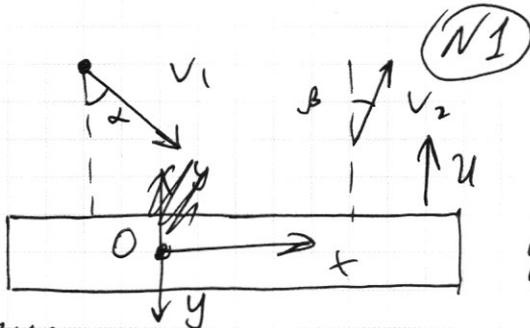
5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями F_0 и $F_0/3$, соответственно. Расстояние между линзами $1,5F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе D , на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень M , плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $5F_0/4$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 8I_0/9$.



- 1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.
- 2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0, D, τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



1) Перейдем в систему отсчета плиты. В этой системе отсчета удар можно считать упругим,

поскольку плита массивная, и она не приобретет скорости после удара, а сила реакции опоры не совершает при этом работы.

При этом можно обратить внимание на то, что отсутствуют силы трения, а, значит, отсутствуют силы в горизонтальном направлении (оси Ox на рисунке), поэтому импульс проекции импульса на ось x не изменяется. Таким образом: $m v_1 \sin \alpha = m v_2 \sin \beta \Rightarrow$
 $\Rightarrow v_2 = v_1 \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = 6 \cdot \frac{\frac{2}{3}}{\frac{1}{3}} = 12 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

2) Вернемся к СО плиты. Как было замечено ранее, в этой СО удар упругий, поэтому скорость шарика до удара равна скорости после удара (по модулю). Поскольку проекции на оси x и y v_1 и v_2 равны (и v СО плиты), то это означает, что равны проекции на вертикальную ось y (по модулю, y -вертикальная ось)

N1

$v_{y0} = v_1 \cos \alpha + u$ - проекция начальной скорости
в СО плиты на ось OY \Rightarrow

$\Rightarrow v_{y1} = -v_1 \cos \alpha - u$ - проекция скорости после удара
в СО плиты на ось OY.

Напомним, что получившаяся скорость
после удара направлена в СО плиты, поэтому,
переходя в СО земли, получаем:

$$v_{2y} = -v_1 \cos \alpha - 2u = -v_2 \cos \beta$$

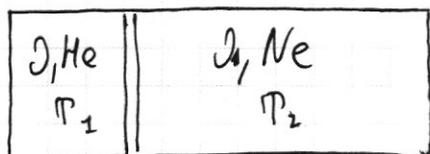
$$2u = v_2 \cos \beta - v_1 \cos \alpha \Rightarrow u = \frac{v_2 \cos \beta - v_1 \cos \alpha}{2} = \frac{2\sqrt{2}}{3} \cdot v_2 -$$

$= \frac{2\sqrt{2} \cdot 12 - \sqrt{5} \cdot 6}{3} = (4\sqrt{2} - \sqrt{5}) \frac{\text{м}}{\text{с}}$. Если u^2 в СО плиты
удар \Rightarrow все же не отрицательная, то u должно быть не меньше 0
того значения

Ответ: 1) $v_2 = 12 \frac{\text{м}}{\text{с}}$; 2) $u = (4\sqrt{2} - \sqrt{5}) \frac{\text{м}}{\text{с}}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

(N2)



1) По закону Менделеева-Клапейрона:

$$\rho_0 V_{He} = \nu R T_1$$

$$\rho_0 V_{He} = \nu R T_2$$

(трение отсутствует, потому поршень в равновесии только при условии равенства давлений)

Таким образом: $\frac{V_{He}}{V_{He}} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{330 \text{ K}}{440 \text{ K}} = \frac{3}{4} = 0,75$

2) Поскольку сосуд теплоизолирован, трение отсутствует, то сохраняется объем внутренней энергии системы:

$$\frac{3}{2} \nu R T_1 + \frac{3}{2} \nu R T_2 = \frac{3}{2} \nu R T \Rightarrow T_1 + T_2 = 2T \Rightarrow T = \frac{T_1 + T_2}{2} = \frac{330 + 440}{2} = 385 \text{ K}$$

$$3) Q = A + \frac{3}{2} \nu R \Delta T = A + \frac{3}{2} \nu R (T - T_1)$$

Запишем закон Менделеева-Клапейрона в таком виде:

$p(V_{He} + V_{He}) = \nu R (T_1 + T_2)$. Как было выяснено ранее, внутренняя энергия постоянна, и равна $\Rightarrow U = \frac{3}{2} \nu R (T_1 + T_2) = \text{const} \Rightarrow \nu R (T_1 + T_2) = \text{const}$.

Объем сосуда $V_{He} + V_{He}$ также постоянен, поэтому постоянно давление \Rightarrow наблюдается изобарический процесс. Работа A равна:

$$A = p \Delta V = \nu R (T - T_1) \Rightarrow Q = \nu R (T - T_1) + \frac{3}{2} \nu R (T - T_1) =$$

№2

$$= \frac{5}{2} \rho R (P - P_1) = \frac{5}{2} \rho R \left(\frac{P_1 + P_2}{2} - P_1 \right) = \frac{5}{2} \rho R \frac{P_2 - P_1}{2} = \frac{5}{4} \rho R (P_2 - P_1)$$

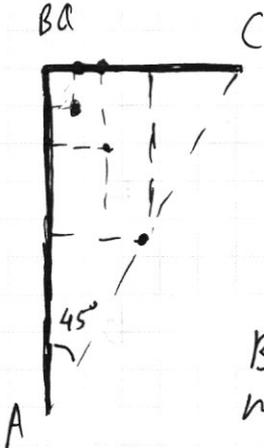
Таким образом, если перепад высоты
количество теплоты, равно:

$$Q = \frac{5}{4} \rho R (P_2 - P_1) = \frac{5}{4} \cdot \frac{83}{255} \cdot 8,31 \cdot 110 \text{ (Дж)} =$$
$$= 33 \cdot 8,31 \text{ (Дж)} = 274,23 \text{ Дж}$$

Ответ: 1) $\frac{v_{не}}{v_{ле}} = 0,75$; 2) $P = 305 \text{ к}$; 3) $Q =$
 $= 274,23 \text{ Дж}$

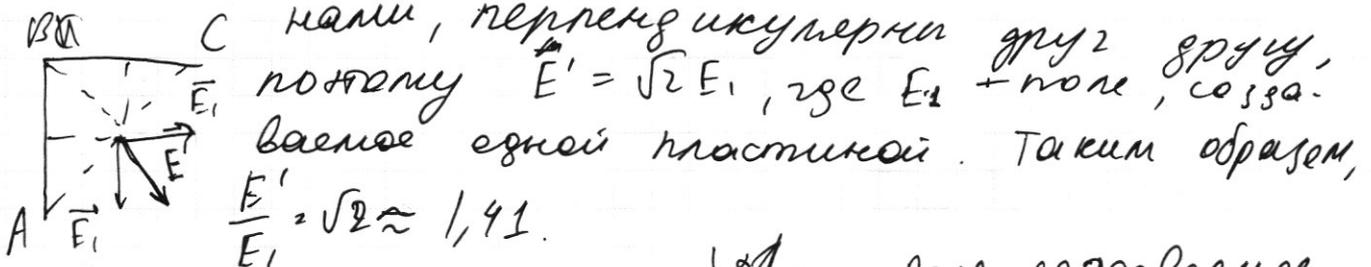
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№3

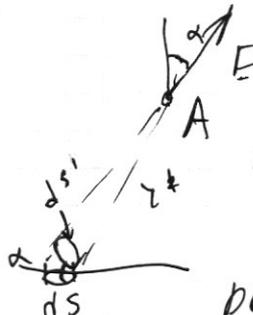
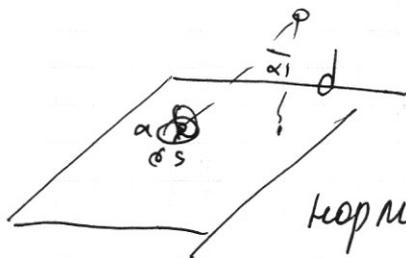


1) Осно, что поле в т. К направлено по нормали к пластинкам (К - середина отрезка - среднего перпендикуляра к BC и AB + симметрия бесконечных пластин)

Расстояние от АВ до К и от ВС до К при $\alpha = \frac{\pi}{4} = 45^\circ$ равно, потому, т.к. пластинки имеют одинаковые габариты и заряжены равной поверхностной плотностью, то их поле в т. К равно ($BC = AB, \sigma_1 = \sigma_2$). Поле, создаваемое пласти-



2)



Поле, создаваемое σds небольшим элементом пластинки в т. А равно $\frac{\sigma ds}{4\pi\epsilon_0 r^2}$. Мы рассматриваем нормаль

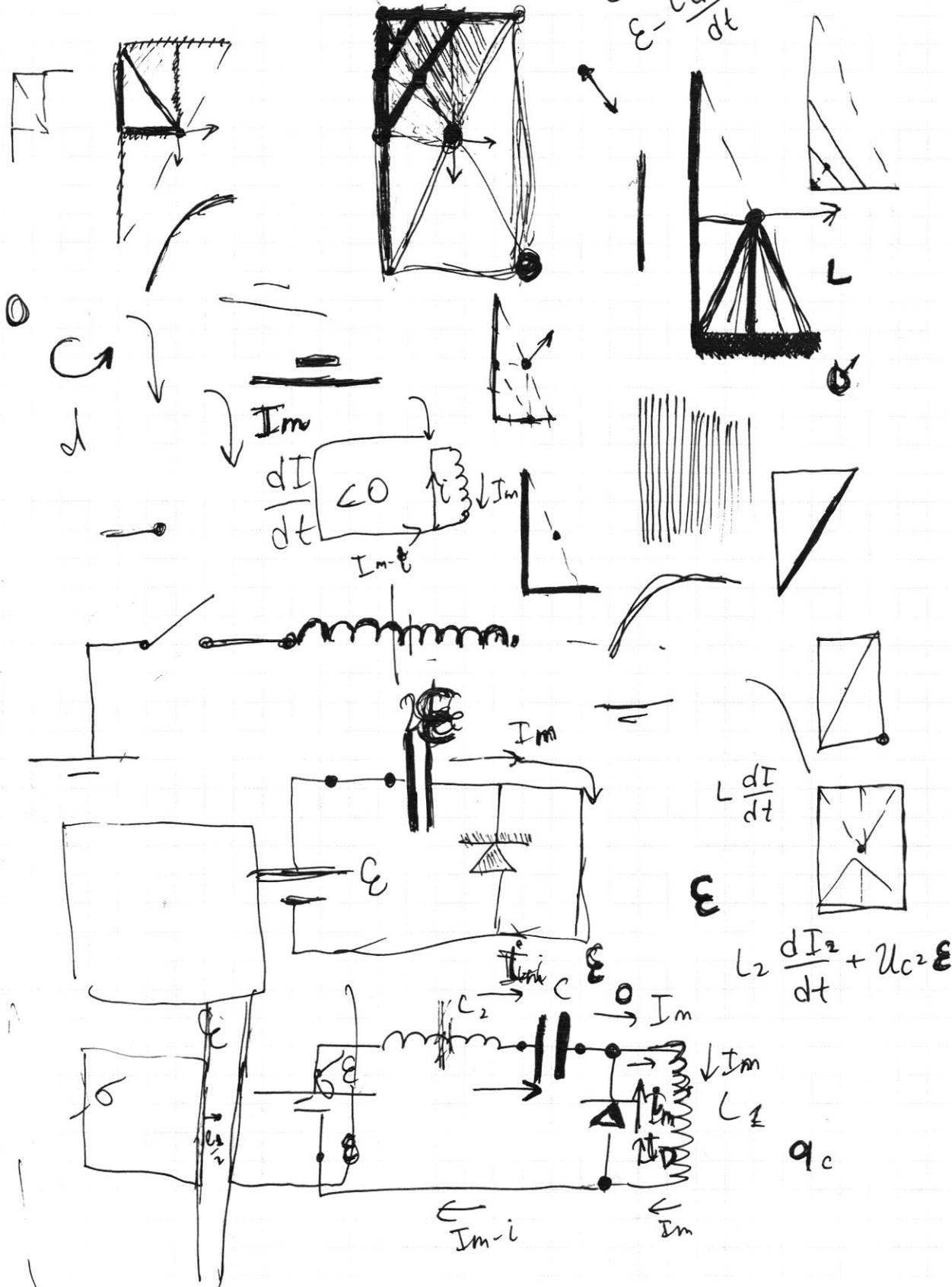
нормальную составляющую поля, поэтому $dE_n = \frac{\sigma ds \cos \alpha}{4\pi\epsilon_0 r^2}$. Теперь заметим, что

телесный угол $d\Omega$, под которым виден элементарный элемент ds , равен: $d\Omega = \frac{ds \cos \alpha}{r^2}$

pV
 $p'V = \mathcal{R}(P_1 + P_2)$

$L \dot{I}_1 + \frac{q}{C}$

$\mathcal{E} + \mathcal{E} - L \frac{dI_2}{dt} = \frac{q}{C}$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

(N3)

Поэтому, $dE_n = \frac{\sigma d\Omega}{4\pi\epsilon_0} \Rightarrow E_n = \frac{\sigma \Omega}{4\pi\epsilon_0}$, где

Ω - телесный угол, под которым видна пластинка из точки А. Для прямоугольной бесконечной пластинки ясно, что $\Omega \propto \frac{l}{d}$ где l - ширина пластинки, d - расстояние от т.А. до пластинки.

Таким образом, $E_n \propto \frac{l}{d} \Rightarrow \frac{E_{n1}}{E_{n2}} = \frac{l_1}{l_2} \cdot \frac{d_2}{d_1}$

$l_{AB} = l \cos \alpha$; $l_{BC} = l \sin \alpha$; $d_{AB} = \frac{l}{2} \sin \alpha$; $d_{BC} = \frac{l}{2} \cos \alpha$

$\Rightarrow \frac{E_{nAB}}{E_{nBC}} = \frac{l \cos \alpha}{l \sin \alpha} \cdot \frac{\frac{l}{2} \cos \alpha}{\frac{l}{2} \sin \alpha} = \frac{\cos^2 \alpha}{\sin^2 \alpha}$. Преобразуем,

что $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \Rightarrow$

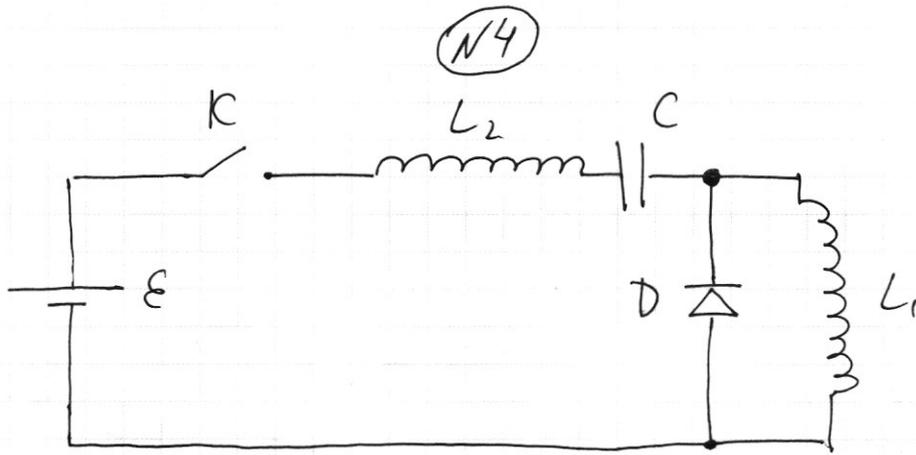


Ответ: 1) в 1,41 р



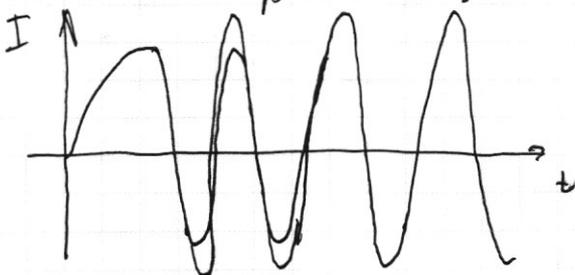
черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

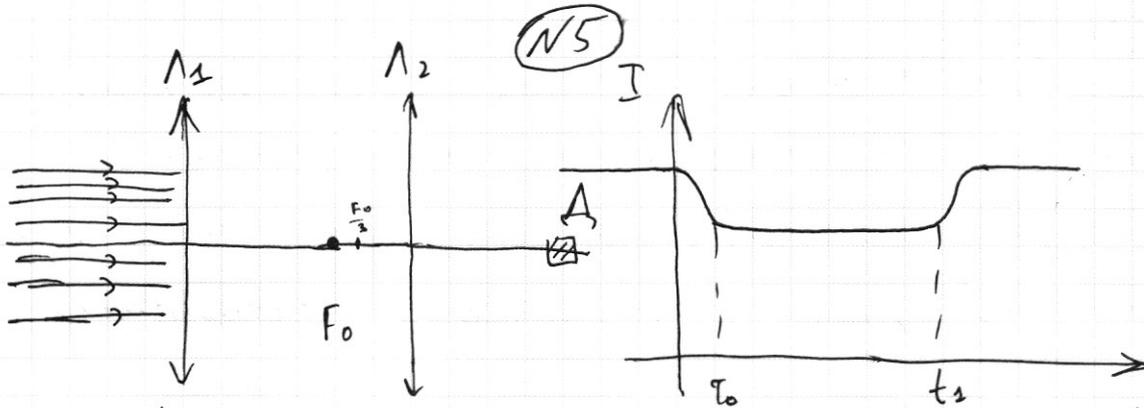


Когда диод закрыт,

В начале, пока ток в цепи возрастает, диод ни на что не влияет. Когда ток после замыкания катушки достигнет своего максимального значения, ток в L_1 не может понизиться, поскольку напряжение на диоде в открытом состоянии равно нулю. Значит, после достижения максимального значения тока, он пройдет теперь через L_1 , оставаясь постоянным, пока диод открыт. Ток в катушке L_2 , конденсаторе и источнике ЭДС начнет падать, компенсируя возникающим током в диоде, который обеспечивает постоянство тока через L_1 . Цепь будет в таком состоянии, пока ток снова не достигнет экстремума. Цепь остается в таком состоянии и далее. Приведем схематично график зависимости тока от времени:



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



1) Приходящие лучи параллельны оптической оси линз L_1, L_2 , значит они соберутся в точке F_0 , образуя „источник света“.

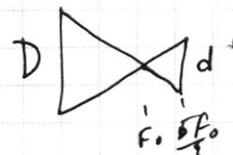
Расстояние от источника света до L_2 равно $1,5F_0 - F_0 = \frac{F_0}{2}$, поэтому изображение источника в линзе L_2 будет находиться на расстоянии f от нее, удовлетворяющему соотношению:

$$\frac{1}{f} = \frac{3}{F_0} - \frac{2}{F_0} = \frac{1}{F_0} \Rightarrow f = F_0. \text{ Значит, расстояние}$$

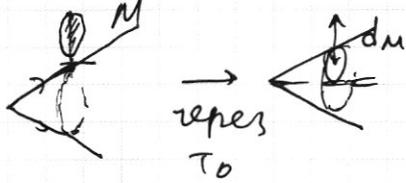
между экраном и линзой L_2 равно F_0 .

2) Лучи после преломления в линзе L_1 образуют конус, который в основании которого находится на расстоянии $\frac{5F_0}{4}$ от L_1 имеет диаметр, равный:

$$\frac{d'}{F_0} \cdot 4 = \frac{D}{F_0} \Rightarrow d' = \frac{D}{4}$$



Ной диаметр мишени M определяется из соотношения $d_M = v t_0$, где v - скорость мишени.



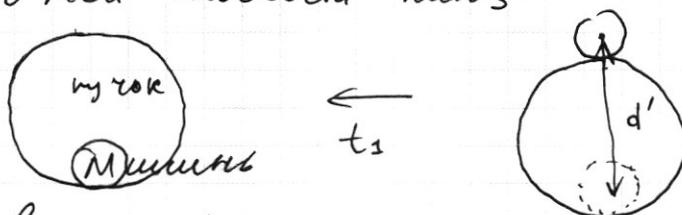
Но когда мишень полностью сразу заметим, что диаметр мишени меньше диаметра пушки на расстоянии $\frac{5r_0}{4}$. Также ясно, что после перекрытия мишенью пушки мощность излучения станет в $\frac{S_0}{S_0 - S_M}$ раз меньше. Т.к. мощность $\propto r^2$, то

$$\frac{S_0}{S_0 - S_M} = \frac{r_0^2}{r_1^2} = \frac{r_0^2}{\left(\frac{5r_0}{4}\right)^2} = \frac{16}{25} \Rightarrow \frac{S_0}{S_0 - S_M} = \frac{16}{25} \Rightarrow \frac{S_M}{S_0} = \frac{9}{25}$$

$$\Rightarrow \frac{S_M}{S_0} = \frac{1}{9} \Rightarrow \frac{S_M}{S_0} = \frac{d_M^2}{d^2} \Rightarrow \frac{d_M}{d} = \frac{1}{3} \Rightarrow d_M = \frac{d}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{D}{4 \cdot 3} = \frac{D}{12} \Rightarrow d_M = v t_0 = \frac{D}{12} \Rightarrow \boxed{v = \frac{D}{12 t_0}}$$

3) В момент времени t_1 (рис. в плоскости, параллельной плоскости миш.

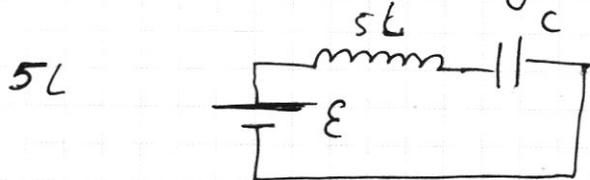
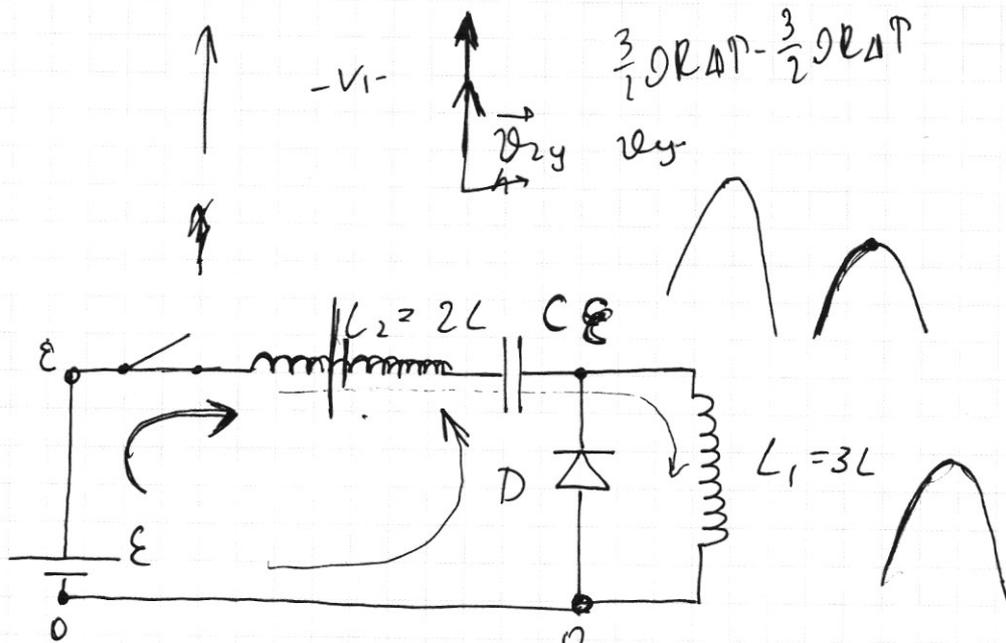


За время t_1 мишень прошла расстояние $v t_1 = d' \Rightarrow t_1 = \frac{d'}{v} = \frac{D \cdot 12 t_0}{4 \cdot D} = 3 t_0$

Ответ: 1) t_0 ; 2) $v = \frac{D}{12 t_0}$; 3) $t_1 = 3 t_0$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$\frac{1}{2} \sigma \cdot \sigma$
 $\frac{\sigma ds \cos \alpha}{r^2} d\Omega$
 $\frac{\sigma ds \cos \alpha}{4\pi \epsilon_0 r^2} d\Omega$
 $\frac{\sigma d\Omega}{4\pi \epsilon_0} = \frac{\sigma \Omega}{4\pi}$
 $\frac{\sigma ds \cos \alpha}{4\pi \epsilon_0 r^2} d\Omega$
 $\frac{\sigma ds \cos \alpha}{4\pi \epsilon_0 r^2} d\Omega$
 $E_2 + E_2 = E_1 + 2\Delta E$
 $\int \int \frac{\sigma dy dx}{\sqrt{x^2 \cos^2 \alpha + d^2}}$
 $2\Delta E$
 $E - 2\Delta E$



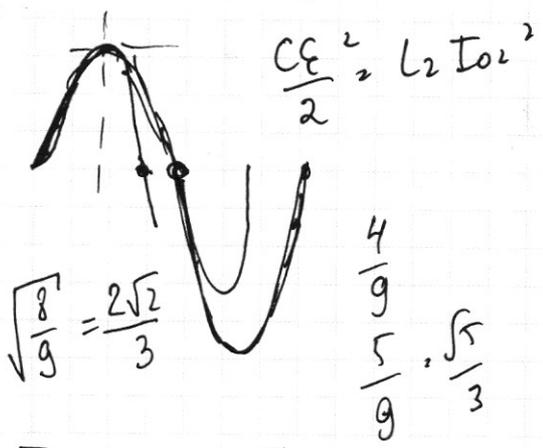
$$\epsilon q = L_2 I_{01}^2 + \frac{q^2}{2C}$$

$$\epsilon = 5L \frac{dI}{dt} + U_C = \frac{q}{C}$$

$$5L \ddot{q} + \frac{q - CE}{C} = 0$$

$$\ddot{q} + \frac{q - CE}{5LC} = 0$$

$$\omega^2 = \frac{1}{5LC}$$



$$\frac{2\pi\sqrt{5LC}}{2} = \pi\sqrt{5LC} + \pi\sqrt{2LC} = \pi\sqrt{LC}(\sqrt{5} + \sqrt{2})$$

$$\epsilon q = \frac{q^2}{2C} + L_2 I_{01}^2$$

$$5L I_{01}^2 = \epsilon q - \frac{q^2}{2C}$$

$$\frac{CE^2}{2} = 5L I_{01}^2$$

$$I_{01} = \sqrt{\frac{CE^2}{10L}} = \epsilon \sqrt{\frac{C}{10L}}$$

$$CE^2 - \frac{CE^2}{2C} = \frac{CE^2}{2}$$

$$\epsilon q = \frac{q^2}{2C}$$

$$2CE = q$$