

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

Класс 11

Вариант 11-08

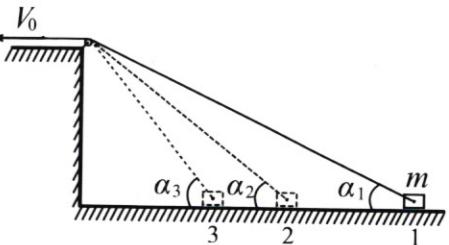
Шифр

(заполняется секретарём)

1. Груз массой m подтягивается по гладкой горизонтальной поверхности к стене с помощью лебедки, неподвижного небольшого легкого блока и легкого троса (см. рис.). Трос вытягивается лебедкой с постоянной скоростью V_0 . Груз последовательно проходит точки 1, 2 и 3, для которых $\sin \alpha_1 = \frac{1}{4}$, $\sin \alpha_2 = \frac{2}{3}$, $\sin \alpha_3 = \frac{3}{4}$. От точки 1 до точки 2 груз

перемещается за время t_{12} .

- 1) Найти скорость V_2 груза при прохождении точки 2.
- 2) Найти работу лебедки A_{12} при перемещении груза из точки 1 в точку 2.
- 3) Найти время t_{13} перемещения груза из точки 1 в точку 3.



2. Цилиндрический сосуд, стоящий на горизонтальном столике, помещен в термостат, в котором поддерживается постоянная температура $T_0 = 373\text{ K}$. Стенки сосуда проводят тепло. Сосуд разделен на две части подвижным (нет трения при перемещении) поршнем. В нижней части находится воздух объемом V_1 , в верхней - водяной пар и немного воды. Содержимое сосуда в равновесии. Поршень своим весом создает добавочное давление $P_0/8$, где P_0 - нормальное атмосферное давление. Сосуд переворачивают и ставят на столик, в верхней части оказывается воздух. Через некоторое время устанавливается новое равновесное состояние.

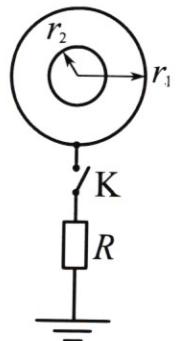
1) Найти объем V_2 воздуха в сосуде после переворачивания.

2) Найти изменение массы Δm воды.

3) Найти изменение внутренней энергии содержимого сосуда.

Удельная теплота испарения воды L , молярная масса воды μ . Массой воды, пара и воздуха по сравнению с массой поршня пренебречь. Объемом воды при конденсации пара можно пренебречь по сравнению с объемом пара, из которого образовалась вода. Воздух считать идеальным газом.

3. Два тонкостенных полых проводящих шара (тонкостенные сферы) с общим центром и радиусами r_1 и r_2 образуют сферический конденсатор (см. рис.). На внешнем шаре находится положительный заряд q , а на внутреннем шаре - положительный заряд Q . Внешний шар соединен с Землей через ключ К и резистор R . Ключ замыкают.



1) Найти заряд q_1 на внешнем шаре после замыкания ключа.

2) Найти энергию W_1 электрического поля в пространстве между шарами (сферами) до замыкания ключа.

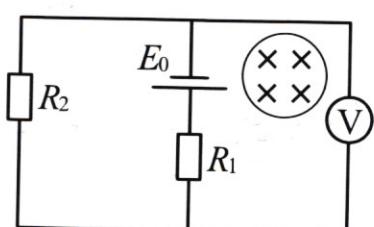
3) Какое количество теплоты W выделится в резисторе R после замыкания ключа?

Сопротивление проводов, шаров и Земли не учитывать. Радиусы шаров значительно меньше расстояния между Землей и шарами.

4. В проволочную конструкцию впаяны резисторы с сопротивлениями $R_1 = R$, $R_2 = 3R$, идеальный источник с ЭДС E_0 , вольтметр с сопротивлением $R_V = 5R$ (см. рис.). Сопротивление проводов конструкции пренебрежимо мало. Однородное магнитное поле сосредоточено практически в узкой области - магнитном сердечнике с площадью поперечного сечения S .

1) Найти показание V_1 вольтметра, если индукция магнитного поля остается постоянной.

2) Найти показание V_2 вольтметра, если индукция магнитного поля возрастает с постоянной скоростью $\Delta B / \Delta t = k > 0$.

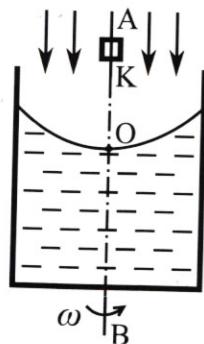


5. Цилиндрический сосуд с жидкостью вращается с угловой скоростью $\omega = 4\text{ c}^{-1}$ вокруг вертикальной оси АВ, совпадающей с осью симметрии сосуда (см. рис.). Наблюдатель, находясь вблизи экватора Земли, рассматривает в полдень изображение Солнца с помощью миниатюрной камеры К, расположенной на оси вращения.

1) Найти радиус кривизны свободной поверхности жидкости в её нижней точке О.

2) На каком расстоянии от точки О будет наблюдаться изображение Солнца, полученное в отраженных от свободной поверхности жидкости лучах?

Принять $g = 10\text{ м/s}^2$.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

~2.

Домо

$$V_1; T_0 = 373 \text{ K}$$

$$P_0$$

Решение

т.к. в начале порт с воздушной

 \Rightarrow порт - изолированный \Rightarrow давление

 ие порт P_0 , при $T_0 = 373 \text{ K}$.

$$\begin{array}{|c|} \hline V_0 P_0 T_0 \\ \hline V_1 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{|c|} \hline V_2 P_2 T_0 \\ \hline V \\ \hline \end{array}$$

 $\Rightarrow P_0 + \frac{P_0}{8} = P_1$; P_1 - давление воздуха снаружи; P_2 - в конце

$$\Rightarrow P_1 = \frac{9 P_0}{8} \Rightarrow P_1 V_1 = P_2 V_2 \quad (\text{т.к. температура const})$$

$$\Rightarrow V_2 = \frac{P_1 V_1}{P_2} \neq P_2 + \frac{P_0}{8} = P_0 \quad (\text{для перевёрнутого случая})$$

$$\Rightarrow P_2 = \frac{7}{8} P_0 \Rightarrow V_2 = \frac{\frac{9 P_0}{8} V_1}{\frac{7}{8} P_0} = \frac{9}{7} V_1$$

 $P_0 V_0 = V_1 R T_0$ | V_0 - одинаки порт снаружи; V_1 - хол-во воздуха снаружи
 V - в конце; V_2 - в конце

$$P_0 V = V_2 R T_0 \quad \frac{V_0}{V} = \frac{V_1}{V_2} \quad V_1 = \frac{m_1}{M} \quad V_2 = \frac{m_2}{M} = \frac{m_1 - \Delta m}{M}$$

 т.к. произошло сжатие -
 неизменное сжатие

$$\Rightarrow \frac{V}{V_0} = \frac{m_1 - \Delta m}{m_1} = 1 - \frac{\Delta m}{m_1} \quad | \quad V_0 + V_1 = V_2 + V \quad \Rightarrow V = V_0 + V_1 - V_2$$

$$\Rightarrow \frac{V_0 + V_1 - V_2}{V_0} = 1 - \frac{\Delta m}{m_1} = 1 + \frac{V_1 - \frac{9}{7} V_1}{V_0} = 1 - \frac{\frac{2}{7} V_1}{V_0}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta m}{m_1} = - \frac{2}{7} \frac{V_1}{V_0}$$

$$P_0 V_0 = \frac{m_1}{M} R T_0$$

$$\Rightarrow m_1 = \frac{M P_0 V_0}{R T_0}$$

$$\Rightarrow \frac{\Delta m R T_0}{M P_0 V_0} = \frac{2}{7} \frac{V_1}{V_0} \Rightarrow \Delta m = \frac{2 M P_0 V_1}{7 R T_0} \quad \text{Приложение к письм.}$$

2 стр.

$S = \text{const}, E_{\text{auch}} B = \text{const} \Rightarrow \mathcal{E}_0 = 0, E_a \neq 0$
 $\Rightarrow E_0 = 8IR_1 + 3IR_V = 8IR + 15IR = 23IR$
 $\Rightarrow I = \frac{E_0}{23R} \Rightarrow V_1 = \frac{5E_0}{23R} \cdot R = \frac{5}{23} E_0$
 $\Rightarrow \frac{\partial B}{\partial E} = K > 0 \Rightarrow \varphi' > 0 \Rightarrow E_a = SK$

$E_0 + E_a = (I_2 + I_1)R + 5RI_1$

$E_0 = (I_2 + I_1)R + 3RI_2$

$\Rightarrow E_0 = I_2 R + I_1 R + 3RI_2$

$E_0 = I_1 R + 4I_2 R$

$4I_2 R = E_0 - I_1 R \Rightarrow I_2 = \frac{E_0}{4R} - \frac{I_1}{4}$

$\Rightarrow E_0 + E_a = \left(\frac{E_0}{4R} - \frac{I_1}{4} + I_1 \right) R + 5RI_1$

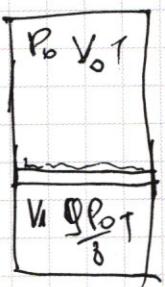
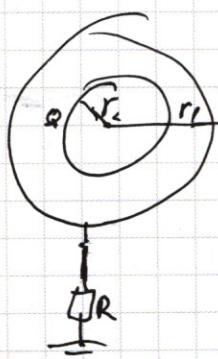
$E_0 + kS = \frac{E_0}{4} + \frac{3I_1 R + 5RI_1}{4}$

$\frac{23}{4} I_1 R = \frac{3}{4} E_0 + 9kS$

$\Rightarrow 5I_1 R = \frac{3(3E_0 + 4kS)}{23R} \cdot 5$

$P=0 = \frac{kQ}{r_2} + \frac{kQ}{r_1} \Rightarrow Q_1 = 2Q$

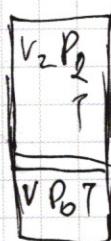
$P_0 + V_1 = V_2 + V$



$\frac{N_1 g P_0}{8} = P_2 V_2$

$\frac{V_1 g P_0}{8} = \frac{P_0}{8} V_2$

$P_0 V_0 = V_1 R T, \quad P_0 V = V_2 R T$



$\frac{P_2 + P_0}{8} = P_0 \Rightarrow \frac{P_2}{8} = \frac{7P_0}{8}$

$\Rightarrow V_2 = \frac{V_1}{7}$

$\frac{P_0(V_2 + V - V_1)}{8} = \frac{P_0 V}{V_2}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Продолжение задания

т.к. воздух не меняет своё μ - ν в-во и процесс изотермический $\Rightarrow \Delta U_B = 0 \Rightarrow$ Внешнюю энергию изменила пар.

$$\Delta U_B = \frac{1}{2} RT_0 (V_2 - V_1); \text{ Потр } (V_2) \text{ многостадийный} \Rightarrow i = 6$$

$$\Rightarrow \Delta U_B = 3 RT_0 \cdot \left(-\frac{\Delta m}{M} \right) = 3 RT_0 \cdot \frac{2 \mu P_0 V_1}{7 RT_0} = -\frac{6}{7} \mu P_0 V_1$$

$$Q_{исп} = L \Delta m = \frac{2 \mu P_0 V_1}{7 RT_0}$$

$$\Rightarrow Q = \Delta U_B - Q_{исп} = -\frac{6}{7} \mu P_0 V_1 - \frac{2 \mu P_0 V_1}{7 RT_0} = -\frac{3 \mu P_0 V_1}{7} \left(3 + \frac{L}{RT_0} \right)$$

$$\text{Отвем: 1)} V_2 = \frac{9}{7} V_1; 2) \Delta m = \frac{2 \mu P_0 V_1}{7 RT_0}; 3) Q = -\frac{3 \mu P_0 V_1}{7} \left(3 + \frac{L}{RT_0} \right)$$

✓

$$\frac{V_2 + V - V_1}{V_1} = \frac{V}{V_2} \quad V_2 = \frac{\sigma m}{\mu} + V_1$$

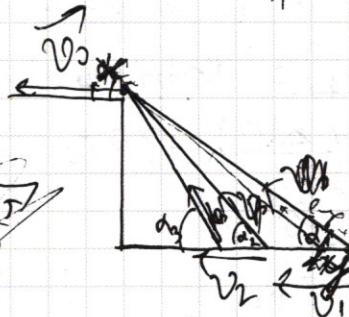
$$\frac{\frac{2}{7}V_1 - V_1 + V}{V_1} = \frac{V}{\frac{\sigma m}{\mu} + V_1}$$

$$\frac{\frac{2}{7}V_1 + V}{V_1} = \frac{V}{\frac{\sigma m}{\mu} + V_1} \rightarrow \cancel{\frac{2}{7}V_1}$$

$$\left(\frac{2}{7}V_1 + V\right)\left(\frac{\sigma m}{\mu} +\right.$$

$$V_2 = V_0 \cdot \cos \alpha_2$$

$$\cos \alpha_2 = \sqrt{9 - 9} = \sqrt{0}$$



$$dA_{12} =$$

$$l \cdot \sin \alpha_1 = h = (l-x) \sin \alpha_2$$

$$V_0 \cdot \sin \alpha_1 = \sin \alpha_2 (l-x)$$

$$\rightarrow V_2 = \frac{\cos \alpha_2 V_0 \cdot \sin \alpha_2}{\sin \alpha_1}$$

$$A_{12} =$$

$$\cancel{\sigma E_n} + \cancel{f} \cdot \cancel{c \cdot \sin \alpha_1}$$

$$V_0 \cdot V_2 = \left((l-x) \frac{\cos \alpha_2}{\sin \alpha_1} \right)$$

$$V_2 = \cos \alpha_2 (l-x) \cdot \frac{V_0}{\sin \alpha_1}$$

$$V_2 = \frac{V_0}{\sin \alpha_1} \cdot \frac{l-x}{l} \cdot \frac{1}{2}$$

$$V_0 \neq V_2$$

$$V_x = \cos \alpha_2 \cdot V_0 \quad y = \frac{(l-\frac{1}{2})}{\frac{3}{2}-\frac{1}{2}} \cdot \frac{e^{\frac{y}{3}}}{e^{\frac{y}{3}}} = \frac{8}{5} \cdot \frac{4}{3} V_0 t$$

$$\cancel{V_0 \neq V_2} \quad l^2 + (l-x)^2 \cos^2 \alpha_2 = h^2$$

$$l \cdot \sin \alpha_1 = (l-x) \cdot \sin \alpha_2$$

$$l \sin \alpha_1 = l \sin \alpha_2 - x \sin \alpha_2$$

$$l \sin \alpha_1 = (l-y) \sin \alpha_2$$

$$y =$$

$$l (\sin \alpha_2 - \sin \alpha_1) = x \sin \alpha_2$$

$$l = \frac{V_0 t \sin \alpha_2}{\sin \alpha_2 - \sin \alpha_1}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

~3 Решение

После заземления кольца внеш. зарядов q заземляется $\Rightarrow \varphi = 0$

$$\Rightarrow \varphi = 0 = \frac{kQ}{r_1} + \frac{kq_1}{r_1} \Rightarrow q_1 = -Q$$

φ_2 - внутр. заряд заземл. φ_1 - внешн. до заземл.

$$\Rightarrow \varphi_2 = \frac{kQ}{r_2} + \frac{kQ}{r_1}; \varphi_1 = \frac{k(Q+q)}{r_1}$$

$$\Rightarrow \Delta\varphi = \varphi_2 - \varphi_1 = kQ\left(\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1}\right)$$

$$\Delta Q_1 = |Q - q| \Rightarrow W_1 = \frac{\Delta\varphi \cdot \Delta Q_1}{2} = \frac{kQ\left(\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1}\right) \cdot |Q - q|}{2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow W_1 = \frac{kQ|Q-q|(r_1 - r_2)}{2r_2 r_1}$$

φ_3 - внутр. заряды после заземл.

$$\varphi_3 = \frac{kQr_1}{r_2} + \frac{kq_1}{r_1} = \frac{kQ}{r_2} - \frac{kQ}{r_1} = kQ\left(\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1}\right)$$

$$\Delta q_2 = 2Q$$

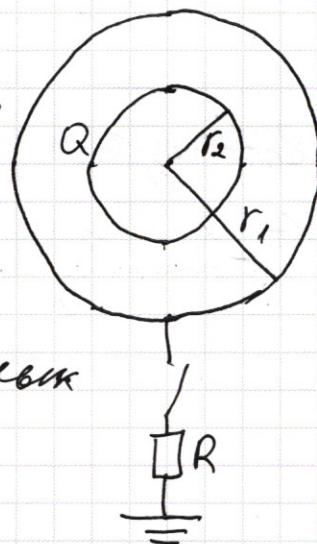
$$W_2 = \frac{kQ(r_1 - r_2)}{2r_2 r_1} \cdot 2Q = \frac{kQ^2(r_1 - r_2)}{r_2 r_1}$$

$$\Rightarrow W = W_2 - W_1 =$$

~~$$W = R \Delta Q \Rightarrow E_R = \frac{2Q^2}{R}$$~~

$\varphi_x = 0 = IR$ φ_x - потенциал внеш. в контакте с землей

$$IR_x = \frac{k(Q+q_x)}{r_1} = I_x R \quad I_x = \frac{k(Q+q_x)}{r_1 R} \text{ Поражение на ЧСР}$$



Продолжение 3 задания

$$\Rightarrow dW = I_x R dq = \frac{k(Q+q_x)}{r_1} R dq \Rightarrow W = \left[\frac{kQq}{r_1} + \frac{k}{r_1} \frac{q^2}{2} \right]_0^{-Q} =$$

$$\Rightarrow W = \frac{-kQ(Q+q_x)}{r_1} + \frac{k}{2r_1} (Q^2 - q^2)$$

Ответы: 1) ~~запись~~ $q_1 = -Q$; 2) $\frac{kQ(Q-q)(r_1-r_2)}{r_1 r_2} = W_1$; ~~3)~~

$$3) W = \frac{-kQ(Q+q)}{r_1} + \frac{k}{2r_1} (Q^2 - q^2)$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 4. Решение

сердечника

т.к. сечение постоянное, и магнитные
 индукции постоянны $\Rightarrow \Phi$ -магнитный
 поток постоянен. $\Rightarrow \Phi^1 = 0 = E_4$

\Rightarrow т.к. резистор R_2 и V соед. параллельно \Rightarrow

$$\Rightarrow I_2 R_2 = I_1 R_V \Rightarrow 3R I_2 = 5R I_1 \Rightarrow I_2 = \frac{5}{3} I_1$$

$$\Rightarrow E_0 = (I_2 + I_1) R_1 + I_1 R_V = \frac{8}{3} R I_1 + 5R I_1$$

$$E_0 = \frac{23}{3} R I_1 \Rightarrow I_1 = \frac{3 E_0}{23 R} ; V_1 = R_V I_1 = \frac{5 R \cdot 3 E_0}{23 R} = \frac{15}{23} E_0$$

$$\text{Если } \frac{\partial B}{\partial t} = k > 0 \Rightarrow E_4 = \Phi^1 = S B^1 = S k$$

$$\Rightarrow E_0 = (I_3 + I_4) R_1 + I_4 R_2 = (I_3 + I_4) R + 3I_4 R$$

$$\Rightarrow 4I_4 R = E_0 - I_3 R \Rightarrow I_4 = \frac{E_0}{4R} - \frac{I_3}{4}$$

$$\Rightarrow E_0 + E_4 = (I_3 + I_4) R_1 + R_V I_3$$

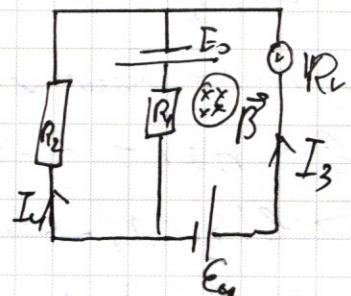
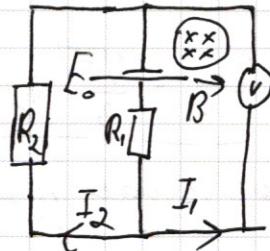
$$E_0 + S k = (I_3 + \frac{E_0}{4R} - \frac{I_3}{4}) R + 5R I_3$$

$$E_0 + S k = \frac{E_0}{9} + \frac{3}{9} I_3 R + 5R I_3$$

$$\Rightarrow \frac{23}{9} I_3 R = \frac{3}{4} E_0 + S k$$

$$\Rightarrow I_3 = \frac{3 E_0 + 4 S k}{23 R} \Rightarrow V_2 = R_V I_3 = \frac{5(E_0 + 4 S k)}{23 R}$$

$$\text{Ответ: } V_1 = \frac{15 E_0}{23} ; V_2 = \frac{15 E_0 + 20 S k}{23}$$

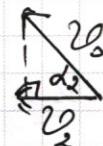
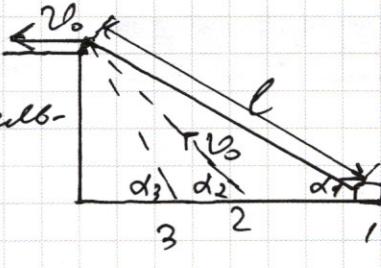


№1. Движение

Т.к. ледокол движется поступательно со скоростью v_0

$$\Rightarrow v_2 = v_0 \cdot \cos d_2 \quad |\cos d_2 = \sqrt{1 - \frac{4}{9}} = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$\Rightarrow v_2 = \frac{\sqrt{5}}{3} \cdot v_0$$



Задачи на теорему о изменении импульса
движения.

$A_{12} = \Delta E_x$ (ледокол, совершил посторонний, различные траектории)

$$\Rightarrow v_1 = v_0 \cos d_1 \quad |\cos d_1 = \frac{\sqrt{15}}{4}$$

$$\Rightarrow v_1 = \cos d_1 v_0 = \frac{\sqrt{15}}{4} v_0$$

Задачи на теорему импульса о движении движущегося тела. Пусть ледокол движется по прямой.

$$\Rightarrow A_{12} = |\Delta E_k| \Rightarrow A_{12} = \frac{m v_1^2}{2} - \frac{m v_0^2}{2} - \frac{m v_0^2}{2} \left(\frac{15}{16} - \frac{5}{9} \right) \Rightarrow$$

$$A_{12} = \frac{m v_0^2}{2} \cdot \cancel{\frac{55}{144}} = \frac{m v_0^2 \cdot 55}{288}$$

от 170 кг до 2.

Рассмотрим движение, при котором промежуточный ледокол:

$$\Rightarrow l \cdot \sin d_1 = (l - x) \sin d_2 \quad |x = v_0 t_{12} \quad |l - \text{расстояние}$$

$$\Rightarrow l (\sin d_2 - \sin d_1) = x \sin d_2$$

$$\Rightarrow l = \frac{v_0 t_{12} \sin d_2}{\sin d_2 - \sin d_1} \quad \begin{array}{l} \text{Прием } \cancel{\text{из задачи}} \\ \cancel{\text{и решения!}} \end{array}$$

$$\Rightarrow l \sin d_1 = (l - x) \sin d_3$$

$$\Rightarrow y \sin d_3 = l (\sin d_3 - \sin d_1) \Rightarrow y = \frac{l (\sin d_3 - \sin d_1)}{\sin d_3}$$

y - расстояние, при котором промежуточный ледокол отстоит от берега.

$$\Rightarrow y = v_0 \cdot t_{13} = \frac{v_0 \cdot t_{12} \sin d_2 (\sin d_3 - \sin d_1)}{\sin d_3 (\sin d_2 - \sin d_1)} \Rightarrow t_{13} = t_{12} \cdot \frac{\frac{2}{3} \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{9} \right)}{\frac{3}{4} \cdot \left(\frac{2}{3} - \frac{1}{9} \right)}$$

$$t_{13} = t_{12} \cdot \frac{4}{3}$$

Продолжение из 7 СР

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Продолжение первой задачи

$$\ell = \frac{v_0 t_{12} s:nd_2}{s:nd_2 - s:nd_1} = \frac{v_0 t_{12} \cdot \frac{2}{3}}{\frac{2}{3} - \frac{1}{9}} = \frac{v_0 t_{12} \cdot \frac{6}{9}}{\frac{5}{9}} = \frac{6}{5} v_0 t_{12}$$

Пусть f - расстояние, на которое t_{12} передвигнулся ледоколу
чтобы остановить в 3.

$$\Rightarrow \ell s:nd_1 = (\ell - f) s:nd_3 \Rightarrow f s:nd_3 = \ell (s:nd_3 - s:nd_1)$$

$$\Rightarrow f = v_0 t_{13} = \frac{\ell (s:nd_3 - s:nd_1)}{s:nd_3} = \frac{\ell \cdot \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{9}\right)}{\frac{3}{4}} = \frac{\frac{1}{2} \ell}{\frac{5}{9}} = \frac{9}{10} \ell$$

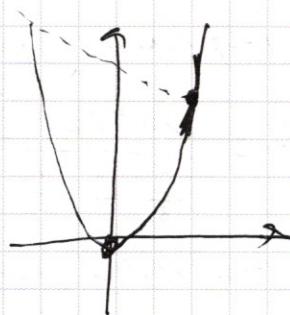
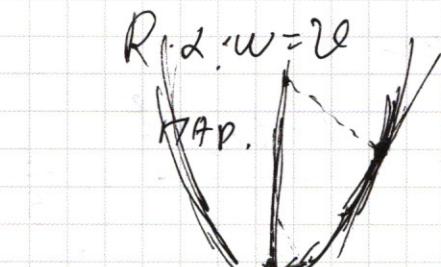
$$\Rightarrow v_0 t_{13} = \frac{9}{10} \cdot \frac{8}{5} v_0 t_{12} \Rightarrow t_{13} = \frac{16}{15} t_{12}$$

$$\text{Ответ: 1) } \ell_2 = \frac{\sqrt{5}}{3} v_0; 2) A_{12} = \frac{55}{288} m^2 v_0^2; 3) t_{13} = \frac{16}{15} t_{12}$$

$$F_{\text{ж}} = m \omega^2 R$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

$R \cdot s: n_2$



ω



ω

$$y = x^2$$

$$\begin{array}{r} 518 \\ - 506 \\ \hline 12 \end{array}$$

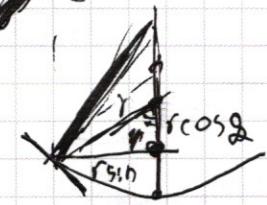
$$\Omega_{\text{нек.}}^2 + \Omega^2 = \Omega_{\text{нек.}}^2$$

$$\Omega_{\text{нек.}} \cdot \sqrt{\rho^2 e \Omega^2} = \frac{m \omega^2 r_{\text{нек.}}}{R}$$

$$\rho^2 e \Omega^2 R^2 \approx \omega^2 R_{\text{нек.}}$$

$$\frac{10}{10} = \frac{5}{5}$$

$$(\Omega^2 r \cdot s_{\perp})^2$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

в5. Решение

Решка берётся вдоль полосы. Точки на
все пересекаются к концам вспомогательной линии.
отсюда в другой точке \Rightarrow

Рассмотрим маленькую схему, потому
что это нечто другое от решения

$$\Rightarrow m\ddot{y} + \vec{F}_y = \vec{F}$$

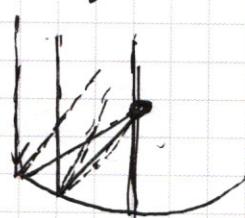
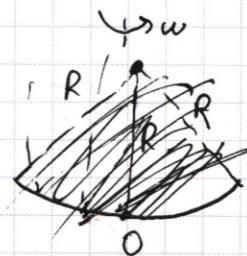
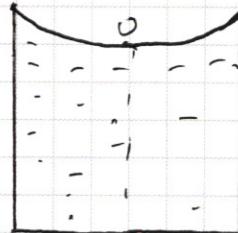
$$(m\ddot{y})^2 + (m\omega_{\text{ок}})^2 = (m\alpha_{\text{ок}})^2$$

$$\Rightarrow \dot{y}^2 + \omega^2 R^2 = \omega^2 R \quad | : \text{k. z - максимум}$$

$$\Rightarrow \dot{y}^2 = \omega^2 R \Rightarrow R = \frac{\omega}{\omega^2} = \frac{5}{8} \mu$$

Решка изменила форму —

получившись \Rightarrow Все эти точки, пересекающие полосу
на АВ, будут пересекаться в одной точке.



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)