

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

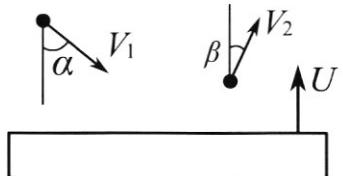
Класс 11

Вариант 11-02

Шифр

(заполняется секретарём)

- + 1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 6 \text{ м/с}$, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{3}$) с вертикалью.



1) Найти скорость V_2 .

2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе. \leftarrow только мы

Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

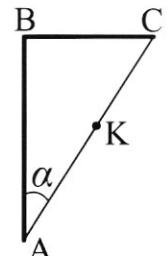
- + 2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится гелий, во втором – неон, каждый газ в количестве $v = 6/25$ моль. Начальная температура гелия $T_1 = 330 \text{ K}$, а неона $T_2 = 440 \text{ K}$. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31 \text{ Дж/(моль K)}$.

1) Найти отношение начальных объемов гелия и неона.

2) Найти установившуюся температуру в сосуде.

3) Какое количество теплоты передал неон гелию? \leftarrow

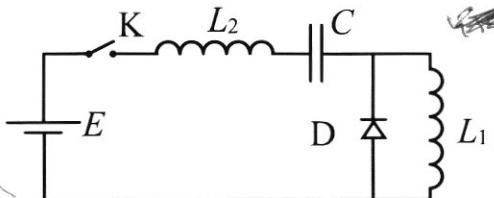
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



- + 1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

- 2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 4\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/8$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 3L$, $L_2 = 2L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .

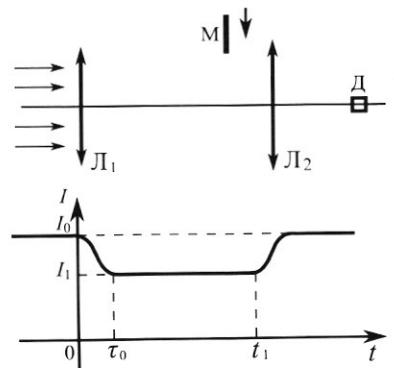


1) Найти период T этих колебаний.

2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .

3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

- + 5. Оptическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями F_0 и $F_0/3$, соответственно. Расстояние между линзами $1,5F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе D, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень M, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $5F_0/4$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 8I_0/9$.



1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.

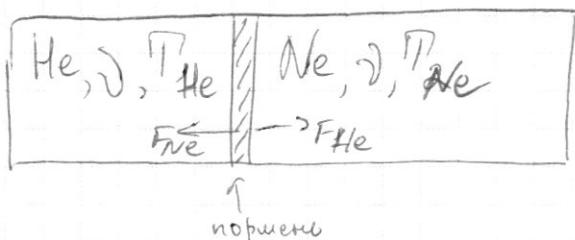
2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N2.

Начальный момент:



$$i = 3$$

$$P_1 = P_{\text{He}}, P_2 = P_{\text{Ne}}).$$

Цель упражнения замена:

1) Заметим, что движение поршня медленное \Rightarrow можно считать, что силы, действующие на него, уравновешены.

$$\begin{aligned} F_{\text{Ne}} &= \rho_{\text{Ne}} S \\ F_{\text{He}} &= \rho_{\text{He}} S \end{aligned} \quad \Rightarrow \rho_{\text{Ne}} = \rho_{\text{He}} = \rho.$$

Задача №4 - Менделеева - Клоделонка:

$$\begin{aligned} \text{для Ne} \quad \rho V_{\text{Ne}} &= \sqrt{R T_{\text{Ne}}} \\ \text{для He} \quad \rho V_{\text{He}} &= \sqrt{R T_{\text{He}}} \end{aligned} \quad \Rightarrow \frac{V_{\text{Ne}}}{V_{\text{He}}} = \frac{T_{\text{Ne}}}{T_{\text{He}}}.$$

$$\left[\frac{V_{\text{Ne}}}{V_{\text{He}}} = \frac{T_{\text{Ne}}}{T_{\text{He}}} = \frac{330}{440} = \frac{3}{4} \right].$$

2) Давят Ne отдаст Q_{Ne} теплоты. Т.к. сосуд теплоизолированный, то это тепло поглощает He.

Такое решение, что если Ne совершает работу A, то He совершает эту же работу A, но со знаком минус (Ne поглощает поршень как в одну сторону, а He поршень поглощается им x, притяг силы, действующие со стороны

одного раза, совершают пологий склонный подъём, а затем
второго раза — острой склонный).

I начало №1 раз

$$\text{Не: } Q_{Ne} = \Delta U_{He} - A \quad (2)$$

$$\text{Не: } \cancel{Q_{He}} - Q_{Ne} = \Delta U_{He} + A.$$

$$\text{Сложили: } 0 = \Delta U_{He} + \Delta U_{Ne}$$

$$0 = \frac{3}{2} \gamma R (\bar{T}_{He} - T_{He}) + \frac{3}{2} \gamma R (\bar{T}_{Ne} - T_{Ne})$$

$$T_{He} + T_{Ne} = 2 \bar{T}_{уст} \Rightarrow \bar{T}_{уст} = \frac{T_{He} + T_{Ne}}{2} = \frac{330 + 440}{2} = 385 \text{ (К)}$$

3) З-и Менделеевы — кинетическая теория газов в начальном состоянии
(т.к. система приходит в равновесие, то давление газов
одинаково, равны $\rho_{уст}$).

$$\text{Не: } \rho_{уст} V_{уст He} = \gamma R \bar{T}_{уст} \quad \left\{ \begin{array}{l} \Rightarrow \\ \Rightarrow V_{уст He} = V_{уст Ne} \end{array} \right.$$

$$\text{Не: } \rho_{уст} V_{уст Ne} = \gamma R \bar{T}_{уст}$$

Заметим, что давление газов остается постоянным
в течение всего процесса.

Рассмотрим произвольный момент, при котором температура
гелия T_{He}^* , а температура неона T_{Ne}^* . Объем
газов xV , неона — yV , где V — общий сосуд.

3-и Менделеевы — кинетическая теория

ρ_1 — давл. в этот момент
изменяется, из-за неодинакости
процесса это и у Не, и у Ne

$$\text{Не: } \rho_1 x V = \gamma R T_{He}^*$$

$$\text{Не: } \rho_1 y V = \gamma R T_{Ne}^*$$

$$\text{Сложили: } \rho_1 V = \gamma R (T_{He}^* + T_{Ne}^*) \Rightarrow \rho_1 = \frac{\gamma R (T_{He}^* + T_{Ne}^*)}{V}$$

Продолжение на стр. 7.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

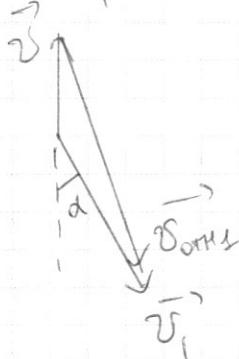
N1

1) Переиди в СО плита (заметки, что $V_2 \text{ const} \Rightarrow$ это ИСО);

Запон сложение союзает две инерции;

см. ачо:

$$\vec{V}_1 = \vec{V} + \vec{V}_{\text{отн}}^1$$



после этого

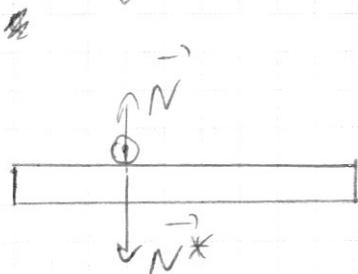
$$\vec{V}_2 = \vec{V} + \vec{V}_{\text{отн}}^2$$



сумма

т.к. угол неизвестный, то γ будет син, возможны при
этом, не явные случаи.

будет вращение только одна \vec{N} и \vec{N}^* \perp друг, т.к.
она ~~одновременно~~ глубокая.



По горизонтальной оси на МЭС силы не действуют \Rightarrow
 \Rightarrow величины ЗСЛ по горизонтальной оси (и в ИСО Земли и в
ИСО плиты).

$$m_1 V_1 \sin \alpha = m_2 V_2 \sin \beta$$

$$V_2 = V_1 \cdot \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = 6 \cdot \frac{2}{1} = 12 \text{ (м/c)}.$$

2) Из уравнения для \vec{V}_2 :

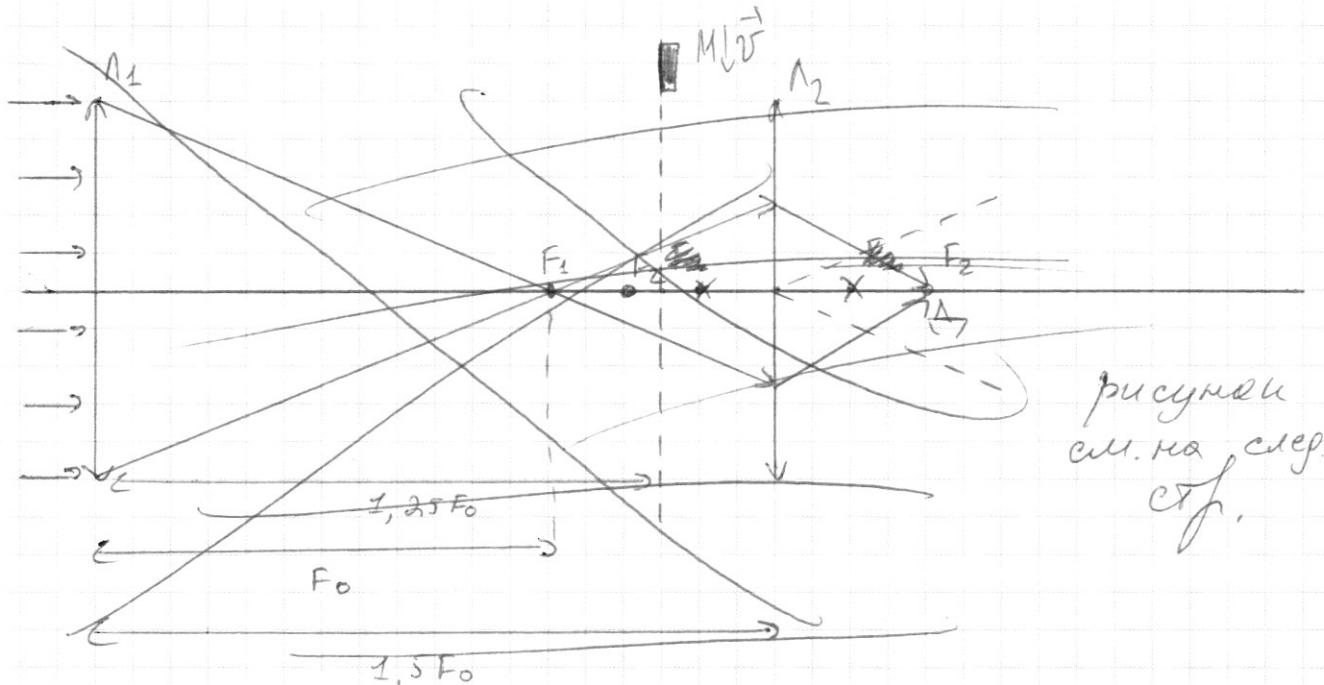
$V_{\text{от}N_2}$ должна быть направлена влево.

Это возможно, если $V_2 \cos \beta > V$

$$V < 12 \cdot \sqrt{1 - \frac{t}{g}} = 12 \cdot \sqrt{\frac{8}{3}} = 4 \cdot 2\sqrt{2} \approx 11,2 \text{ м/c}.$$

Ответ: 1) 12 м/c; 2) $V < 11,2 \text{ м/c}$.

N5.



1) Падающий луч изображается в F_1 . Могло бы быть, что

в F_1 будет источник света, тогда это изображение

будет только в зеркале, значит, а лучи пучка соединятся в зеркале.

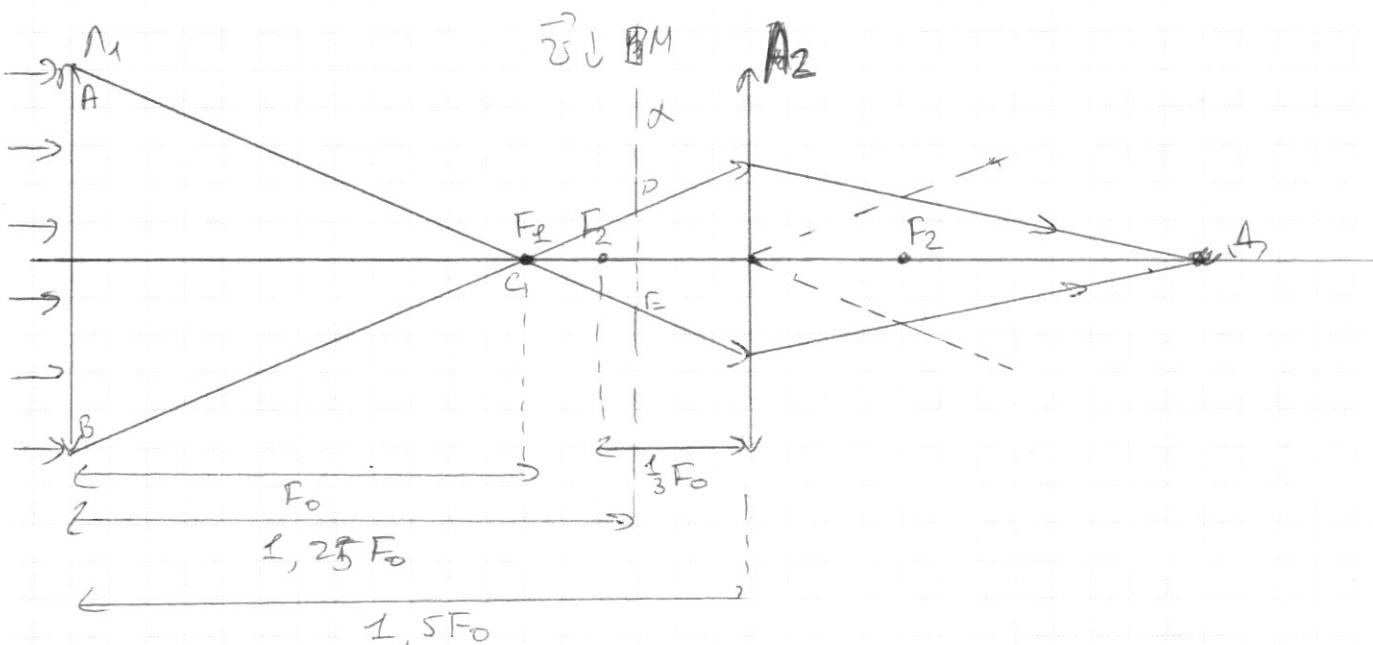
Источник лежит в расстоянии $d = 1,5F_0 - F_0 = 0,5F_0$ от линзы N_2 . Образование расстояние $1_2 - F_2$ зер.

$$\text{ОДН: } +\frac{1}{X} + \frac{1}{0,5F_0} = \frac{1}{1,5F_0}$$

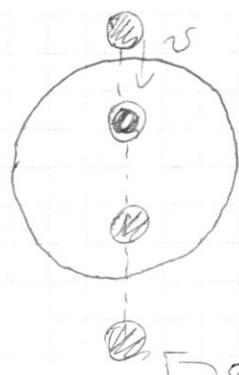
$$\frac{1}{X} = \frac{3}{F_0} - \frac{2}{F_0} = \frac{1}{F_0}$$

$$F_0 = X$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



2) Будем рассматривать путь света, проходящего через плоскость фокусные линии \perp (ЛЛ линии).
Тогда $I \sim S$ светового пучка, проходящего через ЛЛ.
Линия изгиба $\Rightarrow b$ & будем искать изогнутый световой пучок с односторонней света (она сопряжена линией).



Определение динамики светового пучка
 b & d .

$\triangle ABC \sim \triangle CDE$, при этом расстояние от C до DE равно $\frac{5}{4}F_0 - F_0 = \frac{1}{4}F_0$.
Из подобия $\frac{AB}{DE} = \frac{F_0}{\frac{1}{4}F_0} \Rightarrow AB = 4DE \Rightarrow d$.

$AB = D$, DE - значит пучок b & (односторонний d_2).

$$d_x = \frac{D}{4}.$$

$S_{\text{пушка}}$ - площадь пушка в d ~~секундомером~~, когда
мишень не "захватила" в пушку

$S_{\text{мишени}}$ - площадь мишени.

$$T_p = \frac{8}{3} T_0 \Rightarrow \text{Бычок} - \text{Земляки} = \frac{8}{3} S_{\text{пушка}}$$

$$\frac{1}{3} S_{\text{пушка}} = \text{Земляки}$$

Пусть диаметр мишени d_M .

$$\frac{1}{3} \pi \cdot \left(\frac{d_x}{2}\right)^2 = \pi \cdot \left(\frac{d_M}{2}\right)^2$$

$$\frac{1}{3} \cdot \left(\frac{D}{8}\right)^2 = \frac{d_M^2}{4}$$

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{D^2}{64} = \frac{d_M^2}{4}$$

$$4 D^2 = 9 \cdot 64 \cdot d_M^2$$

$$D^2 = 9 \cdot 16 d_M^2$$

$$D = 3 \cdot 4 d_M$$

$$\boxed{d_M = \frac{1}{12} D}$$

Из графика $T(t)$:

от 0 до T_0 мы видим уменьшение силы тяги -

и это время мишень "захватила" в пушку.

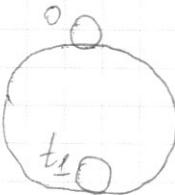
Оно переносится за время T_0 на d_M .

$$\boxed{D = \frac{d_M}{T_0} = \frac{D}{12 T_0}}.$$

3) t_1 - можно вытащить мишень из пушки.

Время t_1 мишень переносится на d_x .

$$\boxed{t_1 = \frac{d_x}{25} = \frac{D \cdot 12 T_0}{4 \cdot D} = 3 T_0}.$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Ответ: 1) F_0 ; 2) $\frac{P}{12T_0}$; 3) $3T_0$.

Продолжение №2, пункт 3.

Аналогично п. 2 записем I цикла T_{12} в виде цикла. Пуск начнёт отдать Q^* теплоты, она неизменна.

Пуск начнёт совершать работу A^* , тогда газы $-A^*$.

$$\text{Н.е.: } Q^* = -A + \Delta U_{\text{не}}^* \quad \left. \right\} \Rightarrow \Delta U_{\text{не}}^* + \Delta U_{\text{ре}}^* = 0.$$

$$\text{Н.е.: } -Q^* = A + \Delta U_{\text{ре}}^* \quad \left. \right\} \Rightarrow \Delta U_{\text{не}}^* + \Delta U_{\text{ре}}^* = 0.$$

$$\frac{3}{2}\gamma R(T_{\text{не}}^* - T_{\text{не}}) + \frac{3}{2}\gamma R(T_{\text{ре}}^* - T_{\text{ре}}) = 0$$

$$T_{\text{не}}^* + T_{\text{ре}}^* = T_{\text{не}} + T_{\text{ре}}.$$

$$p_1 = \frac{\gamma R(T_{\text{не}} + T_{\text{ре}})}{V} = \text{const.}$$

Причём, начальную работу совершил газы.

Но 2. одн. не $- \frac{3}{7}V$, т.к. $\frac{V_{\text{не}}}{V_{\text{ре}}} = \frac{3}{7}$.

Кон. одн. не $-\frac{1}{2}V$.

$$\Delta V_{\text{не}} = \frac{1}{2}V - \frac{3}{7}V = \frac{7-6}{14}V = \frac{V}{14}.$$

$$\Delta U_{\text{не}} = f \cdot \Delta V_{\text{не}} = \frac{PV}{14} = \frac{\gamma RT_{\text{не}}}{14} \cdot V = \frac{\gamma RT_{\text{не}}}{14 \cdot \frac{3}{7}} - \frac{\gamma RT_{\text{не}}}{6} \Leftarrow A.$$

постановка
(1) со стр. 1

$$\text{Дифференциал } Q_{\text{переход}} = \frac{3}{2}\gamma R(T_{\text{уст}} - T_{\text{не}}) + \frac{\gamma RT_{\text{не}}}{6} =$$

\Rightarrow в п. 2 для не:

$$= \gamma R \left(\frac{3}{2}(T_{\text{уст}} - T_{\text{не}}) + \frac{T_{\text{не}}}{6} \right) = \frac{6}{25} - 8,31 \left(\frac{3}{2} \cdot 55 + \frac{330}{6} \right) = \frac{6}{25} - 8,31 \cdot 55 \cdot \frac{5}{2} =$$

$$= \frac{3}{5} \cdot 8,31 = 33 \cdot 8,31 \approx 275 (\text{Дж}).$$

Ответ: 1) $\frac{V_{HE}}{V_{NE}} = \frac{3}{4}$; 2) 385 к; 3) 275 Дж.

N3

Вспомним, что деформированное состояние плоскости создает напряжение, конфигурация которого в любой точке задается $\frac{G}{2\varepsilon_0}$, где G — модуль упругости.

1) Рама AC не зафиксирована:

$$E_{K0} = \frac{G}{2\varepsilon_0}.$$

AC зафиксировано:

$$\vec{E}_{K1} = \vec{E}_{BC} + \vec{E}_{AB}$$

To T. Пусть $G < 0$:

$$E_{K1} = \sqrt{\left(\frac{G}{2\varepsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{G}{2\varepsilon_0}\right)^2}$$

$$= \frac{G\sqrt{2}}{2\varepsilon_0} = \sqrt{2} \cdot E_{K0}$$

Многомодальное увеличение в $\sqrt{2}$ раз.

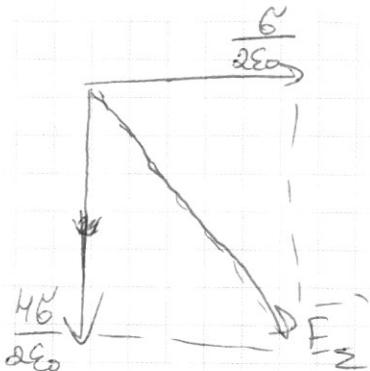
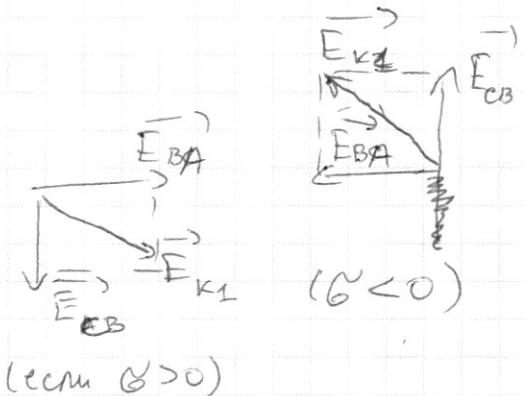
$$2) \vec{E}_\Sigma = \vec{E}_{AB} + \vec{E}_{BC}$$

To T. Пусть $G > 0$:

$$E_\Sigma = \sqrt{\left(\frac{G}{2\varepsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{4G}{2\varepsilon_0}\right)^2} =$$

$$= \frac{G}{2\varepsilon_0} \sqrt{1+16} = \frac{\sqrt{17}G}{2\varepsilon_0}.$$

$$\text{Ответ: 1) } \sqrt{2}; 2) \frac{\sqrt{17}G}{2\varepsilon_0}.$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

М.

1) При плавающих тонах считаете напряжение.

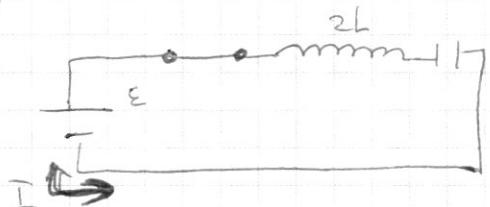
Когда ток течёт \leftarrow , то зерез дырки тона нет, т.е. зевы
выплюгит тон:

(случай I)



Когда ток течёт \rightarrow , то дырка отрывается, и катушка L_1
подключается последовательно к идеальному проводнику \Rightarrow её можно
забыть. Чем занимает тон:

(случай II)



2) Когда ток зерез $2L$ до бояль сущое максимум, то
она становится из. проводником. На измерительное напряжение
(изтуши)

E , зерез CE .

ЗСГ от нор. момента до этого

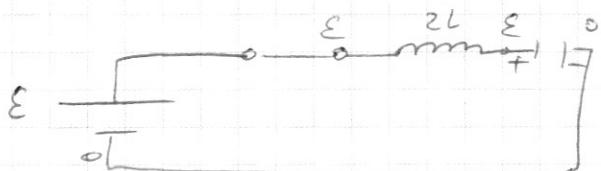
момент:

$$CE^2 = \frac{2L I_{max}^2}{2} + \frac{CE^2}{2}$$

$$2CE^2 = 2LI_{max}^2 + CE^2$$

$$CE^2 = 2LI_{max}^2$$

$$I_{max}^2 = \sqrt{\frac{C}{2L}} E$$



метод потенциалов

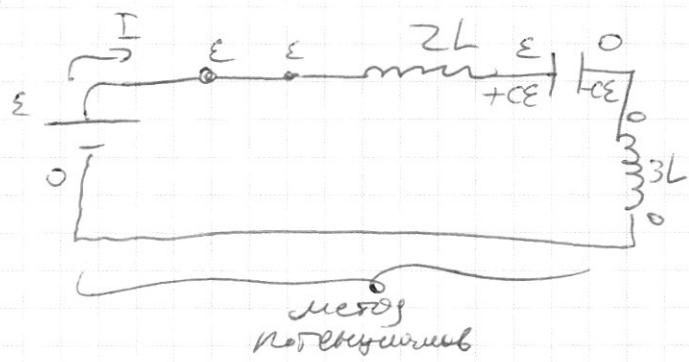
3) Аналогично б. в. в. существует при макс. токе когдани-
когда последовательное
помешаны токи состоятся одновременно - в такой момент
она не меняется ощущение!

ЗС7:

$$CE^2 = \frac{2L I_{max}^2}{2} + \frac{8L I_{max}^2}{2} + \frac{CE^2}{2}$$

$$CE^2 = 5L I_{max}^2$$

$$I_{max} = \sqrt{\frac{C}{5L}} E.$$



Уз. n. 2 и n. 3 поменяли, то $I_{01} = \sqrt{\frac{C}{5L}} E$, $I_{02} = \sqrt{\frac{C}{2L}} E$.
(в случае II)
она отключена

н) Небольшой фрагмент Томсона.

Небольшой фрагмент: $T_1 = 2\pi \sqrt{5LC}$ (индукт. когдани-
кается при послед. соед.)

В фрагменте Томсона

Период составляет ~~равен~~, такой же, в которой дуга
бывает не более $\frac{1}{2}\pi$.

При этом ток течет в \rightarrow только $\frac{1}{2}$ от этого периода.

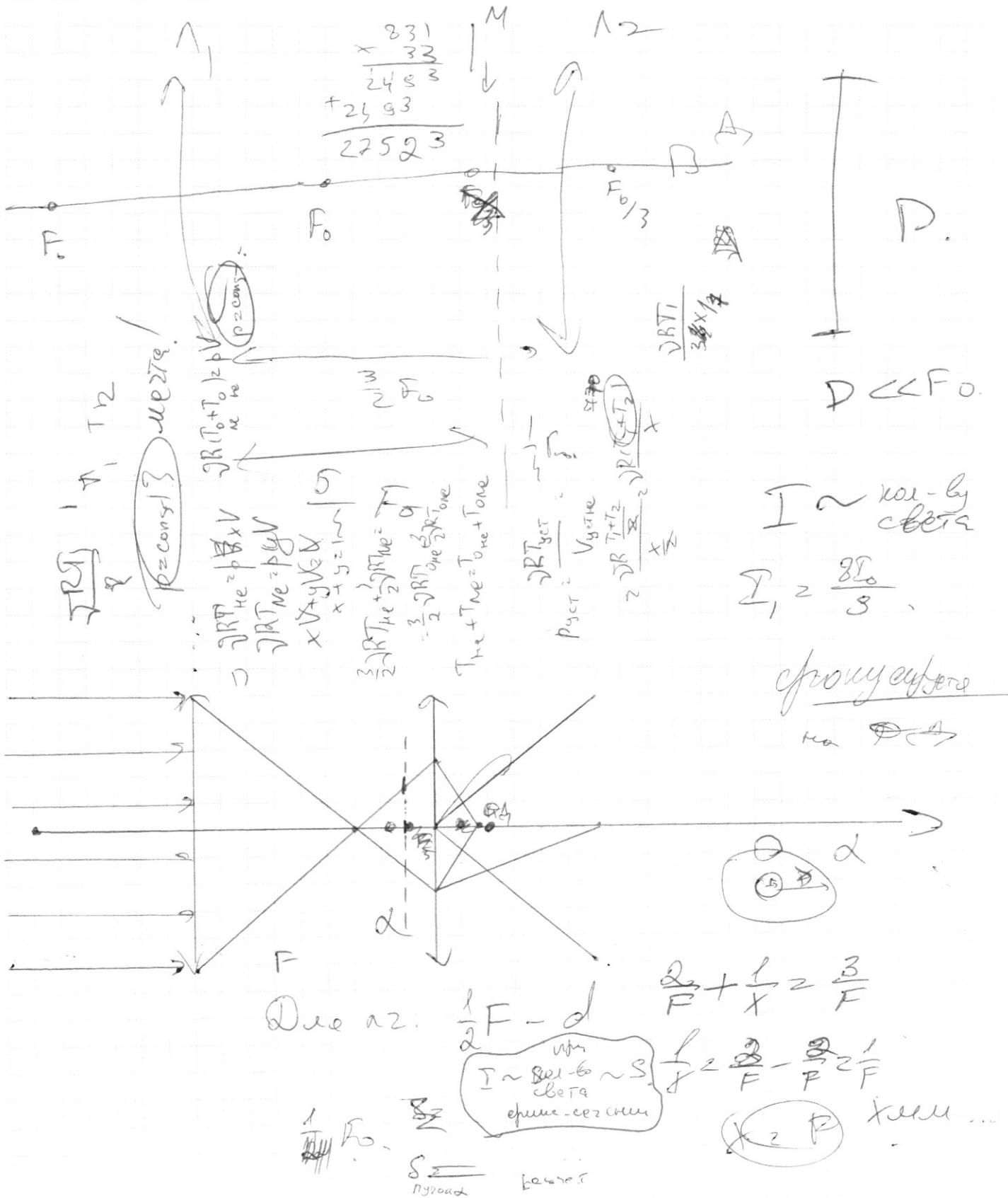
Т.е. время, в течение которого в источной зоне ток течет
 \rightarrow равно $\frac{1}{2}\pi \sqrt{5LC}$.

Когда дуга зажигает $T_2 = 2\pi \sqrt{2LC}$. Аналогично бывает напомину,
т.к. ток в конечной зоне не всегда течет \rightarrow .

$$\left[T = \frac{1}{2} T_1 + \frac{1}{2} T_2 = \pi \sqrt{5LC} + \pi \sqrt{2LC} = \pi \cdot \sqrt{LC} \cdot \sqrt{5} + \pi \cdot \sqrt{LC} \cdot \sqrt{2} = \pi \sqrt{LC} (\sqrt{2} + \sqrt{5}) \right]$$

$$\text{Очевидно: 1)} T = \pi \sqrt{LC} (\sqrt{2} + \sqrt{5}); 2) I_{01} = \sqrt{\frac{C}{5L}} E; 3) \sqrt{\frac{C}{2L}} E = T_2.$$

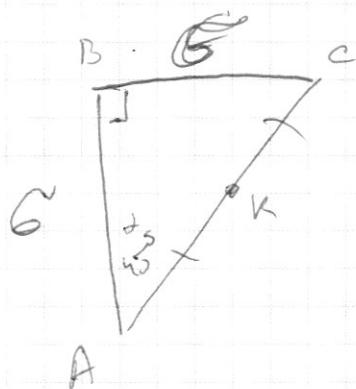
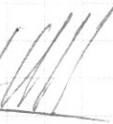
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Ленгэ архимед (D).

1)

шершень в межуровне



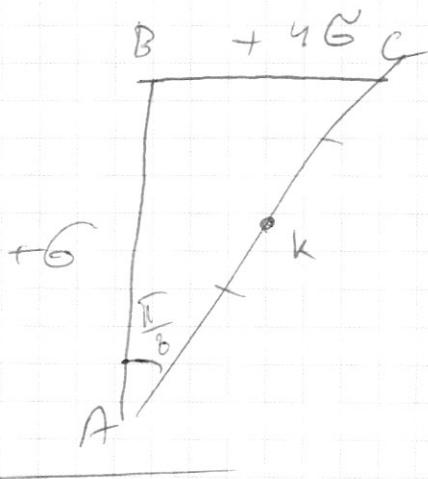
$$E_{\text{пл}} = E_{BC} + E_{AB}$$

$$E = \frac{G}{2\epsilon_0}$$

а сила

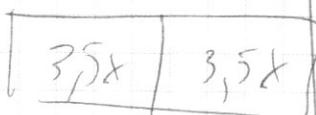
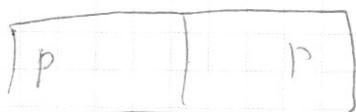
$$\frac{\sqrt{2} G}{2\epsilon_0}$$

$$\frac{G}{2\epsilon_0}$$



Задача 2,

№2



$$\Delta Q_{\text{не}} = \Delta P_{\text{не}} \cdot \Delta R_{\text{не}}$$

$$\Delta Q_{\text{не}} = p - p_{\text{не}} \cdot \frac{3}{2} \cdot R_{\text{не}}$$

$$\Delta Q_{\text{не}} = \frac{1}{2} R_{\text{не}} \cdot (p - p_{\text{не}})$$

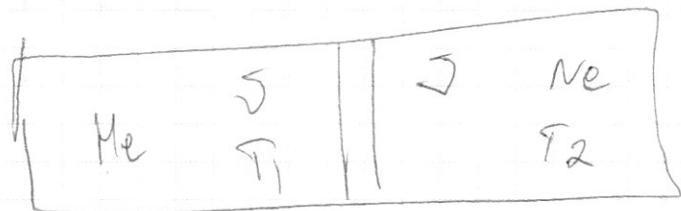
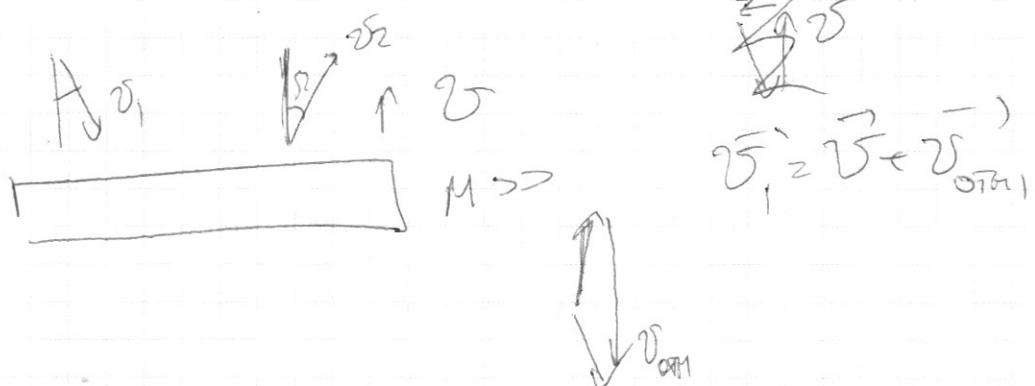
$$\Delta Q_{\text{не}} = \frac{1}{2} R_{\text{не}} \cdot \frac{3}{2} \cdot R_{\text{не}}$$

$$\Delta Q_{\text{не}} = \frac{3}{4} R_{\text{не}}^2$$

$$P V = \frac{3}{4} R_{\text{не}}^2$$

$$P = \frac{2 R_{\text{не}} \cdot T}{3 (R_{\text{не}} + x)}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\eta = 3 \\ \text{всё изобарично}$$

раз неизменен, то пригодно правило

М.-К.

$$pV_1 = \gamma R T_1$$

$$pV_2 = \gamma R T_2$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} \approx \frac{330}{440} = \frac{3}{4}$$

Энергии.

$$\frac{3}{2}\gamma RT_1 + \frac{3}{2}\gamma RT_2 = \frac{3}{2}\gamma RT$$

тогда

сумма энр

(или же можно...)

$$\text{He: } Q_{\text{нагр}} = \Delta U_{\text{He}} + A_{\text{изобр}}$$

$$\text{Ne: } -Q_{\text{нагр}} = \Delta U_{\text{Ne}} + A_{\text{изобр}}$$

$$A_{\text{изобр}} = -A_{\text{изобр}}$$

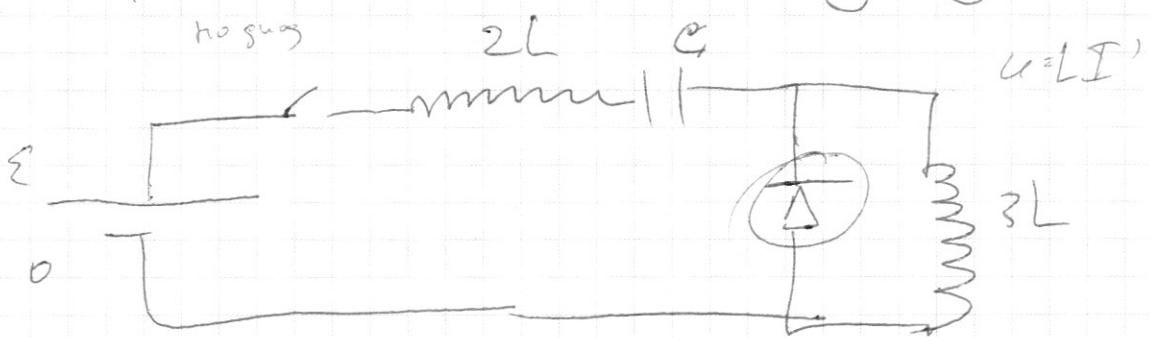
$$Q = \Delta U_{\text{He}} + \Delta U_{\text{Ne}}$$

$$Q = \frac{3}{2}\gamma R(\bar{P} - P_{\text{He}}) + \frac{3}{2}\gamma R(T - T_{\text{Ne}})$$

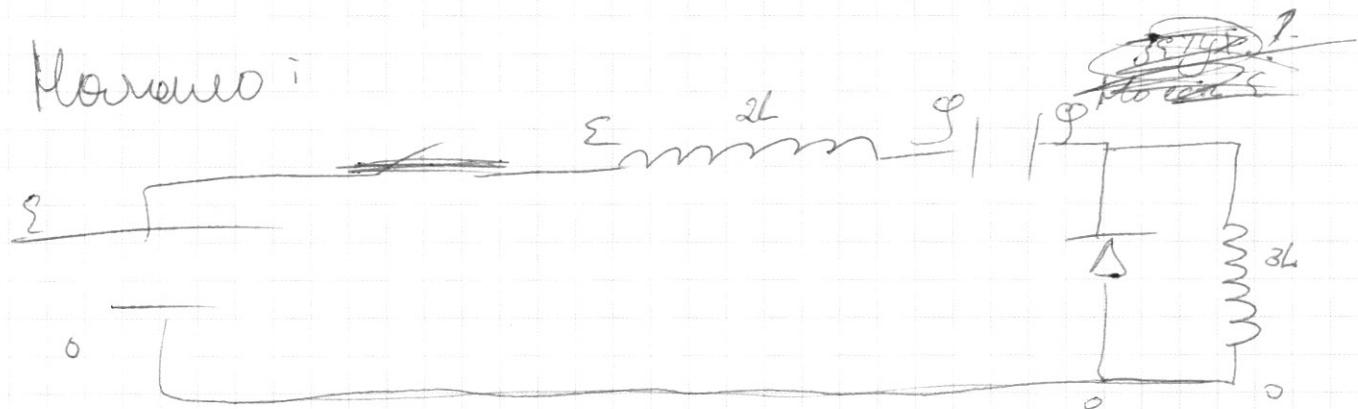
$$P = 2\pi \sqrt{LC}?$$

но как

Диаг - усомленный :)



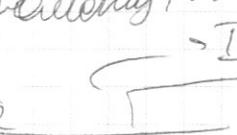
Начало:



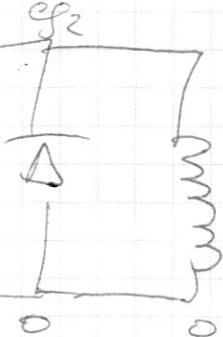
$$\text{Кондакор} - D = Cn'$$

$$\text{Бегущая} - U = LI'$$

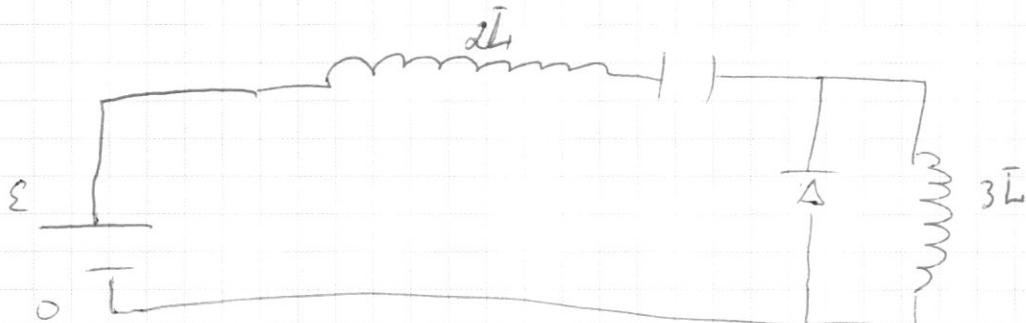
Начало:



$$E_{\text{бегущая}} \varphi_1 / \varphi_2$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Когда ток I ведет ~~из~~ \rightarrow катушку Ф.Т.
мачинирует, то . . . ?

$$2\pi f LC$$

$$U = 0$$

$$U = \textcircled{I} \cdot 0$$

$$-\frac{2L\Delta I}{\Delta t} + C\frac{\Delta U}{\Delta t} - \frac{3L\Delta I}{\Delta t} = E$$

$$\textcircled{U_C}$$

$$\begin{aligned} E &= C U_C \\ \cancel{E} &\cancel{= C U_C} \\ I &= C U_C \end{aligned}$$

~~$U_C = C I$~~

~~$U_C = C \frac{dI}{dt}$~~

~~$U_C = C I$~~

~~$U_C = C I$~~

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)