

# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

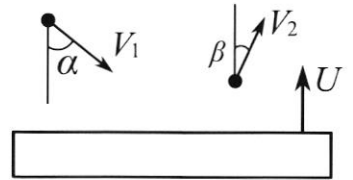
Класс 11

Вариант 11-04

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью  $U$  вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость  $V_1 = 18$  м/с, направленную под углом  $\alpha$  ( $\sin \alpha = \frac{2}{3}$ ) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью  $V_2$ , составляющей угол  $\beta$  ( $\sin \beta = \frac{3}{5}$ ) с вертикалью.

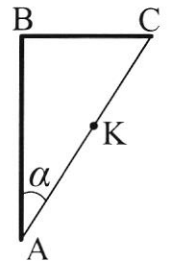


- 1) Найти скорость  $V_2$ .
  - 2) Найти возможные значения скорости плиты  $U$  при таком неупругом ударе.
- Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится аргон, во втором – криптон, каждый газ в количестве  $\nu = 3/5$  моль. Начальная температура аргона  $T_1 = 320$  К, а криптона  $T_2 = 400$  К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными.  $R = 8,31$  Дж/(моль·К).

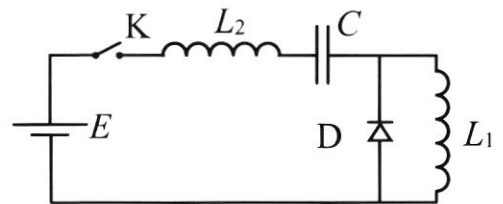
- 1) Найти отношение начальных объемов аргона и криптона.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал криптон аргону?

3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



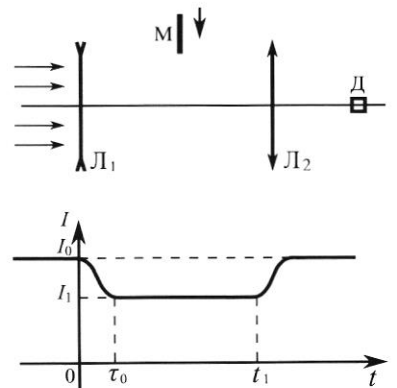
- 1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол  $\alpha = \pi/4$ . Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?
- 2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда  $\sigma_1 = \sigma$ ,  $\sigma_2 = 2\sigma/7$ , соответственно. Угол  $\alpha = \pi/9$ . Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС  $E$ , катушек с индуктивностями  $L_1 = 5L$ ,  $L_2 = 4L$ , конденсатора емкостью  $C$ , диода D (см. рис.). Ключ  $K$  разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в  $L_2$ .



- 1) Найти период  $T$  этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток  $I_{01}$ , текущий через катушку  $L_1$ .
- 3) Найти максимальный ток  $I_{02}$ , текущий через катушку  $L_2$ .

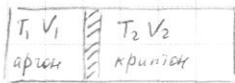
5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз  $L_1$  и  $L_2$  (см. рис.) с фокусными расстояниями  $-2F_0$  и  $F_0$ , соответственно. Расстояние между линзами  $2F_0$ . Диаметры линз одинаковы и равны  $D$ , причем  $D$  значительно меньше  $F_0$ . На линзу  $L_1$  падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии  $F_0$  от  $L_1$ . На рисунке показана зависимость тока  $I$  фотодетектора от времени  $t$  (секундомер включен в момент начала уменьшения тока).  $I_1 = 7I_0/16$



- 1) Найти расстояние между линзой  $L_2$  и фотодетектором.
  - 2) Определить скорость  $V$  движения мишени. 3) Определить  $t_1$ .
- Известными считать величины  $F_0$ ,  $D$ ,  $\tau_0$ .

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№2



$$pV_1 = \nu RT_1 \quad pV_2 = \nu RT_2$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{320}{400} = 0,8$$

процессе изобарный

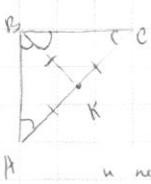
$$U_1 = \nu \omega T_1 \quad U_2 = \nu \omega T_2 \quad U_K = 2\nu \omega T$$

Так как штифта теплопроводящая, то  $U_1 + U_2 = U_K$   $\nu \omega T_1 + \nu \omega T_2 = 2\nu \omega T$   $\frac{T_1 + T_2}{2} = T = \frac{320 + 400}{2} = 360 \text{ K}$

$$Q = \nu U + A = \frac{3}{2} \nu R \Delta T + p \Delta V = \frac{3}{2} \nu R \Delta T + \nu R \Delta T = \frac{5}{2} \nu R \Delta T = \frac{5}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot 40 \cdot R = 60R = 498,6 \text{ Дж} - \text{количество теплоты, полученное армией}$$

Ответ:  $\frac{V_1}{V_2} = 0,8$   $T = 360 \text{ K}$   $Q = 60R = 498,6 \text{ Дж}$

№3

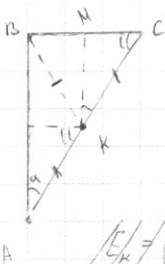


так как  $\alpha = \beta = 45^\circ$ , то в точке K поле от пластины BC перпендикулярно плоскости самой пластины.

если зарядить пластину AB так, как указано, то поле от пластины AB направлено равно по полю от пластины BC

и перпендикулярно пластине AB. тогда по теореме Пифагора  $E_K = \sqrt{E^2 + E^2} = E\sqrt{2}$ , где E - поле BC

$E_{BC} = E_{AB}$  тогда искомая величина  $\rightarrow \sqrt{2}$



$\Delta KCM \sim \Delta ACB$  по 2 углам  $\Rightarrow CM = BN \Rightarrow \Delta KBC$  и  $\Delta BKA$  -  $\text{р/б}$   $\Rightarrow$  поле от пластины BC и AB

будут снова перпендикулярны друг другу.

$E_{\perp} = k\sigma L$ , где L - линейный угол.

$$\frac{L_1}{L_2} = \frac{BC}{AB} = \frac{\epsilon_0 d}{\epsilon_0 d / \sqrt{2}} = \sqrt{2}$$

$$E_K = \sqrt{\left(\frac{\sigma \epsilon_0 d \sqrt{2}}{4\pi \epsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{\sigma \epsilon_0 d}{4\pi \epsilon_0}\right)^2}$$

$\alpha_1$  и  $\alpha_2$  - радиусные коэффициенты

$$\alpha_1 = \frac{1}{2\epsilon_0}$$

$E_{AB} = \epsilon_0 d$  (так как если дойти как угол до прямоугольника, то поле в центре дуги складывается)

$E_{BC}$

$E_{AB} = \alpha_1 \sigma$   $E_{BC} = \alpha_2 \sigma$   $E = 2\alpha_1 \sigma \sqrt{1 + \frac{1}{\epsilon_0^2 (\frac{1}{\epsilon_0})}}$  по Т. Пифагора.

$$E = \frac{\sigma}{7\epsilon_0} \sqrt{1 + \frac{1}{\epsilon_0^2 (\frac{1}{\epsilon_0})}}$$

Ответ: 1)  $\frac{E_2}{E_1} = \sqrt{2}$  2)  $E = \frac{\sigma}{7\epsilon_0} \sqrt{1 + \frac{1}{\epsilon_0^2 (\frac{1}{\epsilon_0})}}$

№4 при протекании тока вправо  $E = 4k \frac{dI}{dt} + 5k \frac{dI}{dt} + \frac{e}{c} = 9k \frac{dI}{dt} + \frac{e}{c}$   $\ddot{\varphi} + \frac{e}{9cL} = \frac{e}{9L}$   $\frac{dI}{dt} = \ddot{\varphi}$

$\omega_1 = \sqrt{\frac{1}{9cL}}$   $t_1 = \pi = \pi \sqrt{9cL}$

при протекании тока влево  $E = 4k \frac{dI}{dt} + \frac{e}{c} = 4k \ddot{\varphi} + \frac{e}{c}$

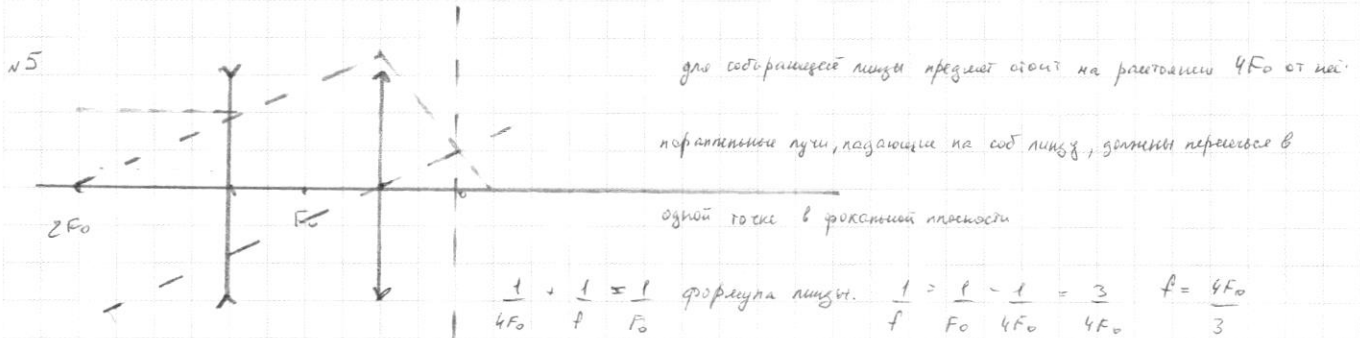
$\ddot{\varphi} + \frac{e}{4cL} = \frac{e}{4L}$   $\omega_2 = \sqrt{\frac{1}{4cL}}$   $t_2 = \pi = \pi \sqrt{4cL}$   $T = t_1 + t_2 = 5\pi \sqrt{Lc}$

$$I_{1, \max}: \frac{4L I_{\max}^2}{2} + \frac{5L I_{\max}^2}{2} + \frac{CE^2}{2} = CE^2 \quad \frac{9L I_{\max}^2}{2} = \frac{CE^2}{2} \quad I_{\max 1} = \sqrt{\frac{CE^2}{9L}} = \frac{E}{3\sqrt{L}} \quad W = A_{\text{ит}}$$

$$I_{2, \max}: \frac{4L I_{\max}^2}{2} + \frac{CE^2}{2} = CE^2 \quad \frac{4L I_{\max}^2}{2} = \frac{CE^2}{2} \quad I_{\max 2} = \sqrt{\frac{CE^2}{4L}} = \frac{E}{2\sqrt{L}} > \frac{E}{3\sqrt{L}}$$

когда ток в цепи максимален, напряжение на катушках не падает, т.к.  $\frac{dI}{dt} = 0$  в этот момент  $\Rightarrow U_L = E$  по закону Кирхгофа.  $CE^2 \rightarrow$  работа источника по перемещению заряда. Когда диод разомкнут, ток по  $L_1$  не течёт.

Ответ:  $T = 5\pi\sqrt{LC}$   $I_{1, \max} = \frac{E}{3\sqrt{L}}$   $I_{2, \max} = \frac{E}{2\sqrt{L}}$



$n\tau_0 = \ell$  линзы  $\Gamma = \alpha x$ , где  $x$  - длина непрерывной поверхности,  $\alpha$  - размерный коэффициент

$$J_0 = \alpha D \quad I_1 = \frac{7}{16} I_0 = \alpha(D - \ell) \quad \frac{7}{16} = 1 - \frac{n\tau_0}{D} \quad \frac{n\tau_0}{D} = 1 - \frac{7}{16} = \frac{9}{16} \quad n = \frac{9D}{16\tau_0}$$

$\frac{1}{3}$  - расстояние между собирающей линзой и фотодетектором.

$$D + \ell = n(2\tau_0 + \tau_1) \quad D + n\tau_0 = 2n\tau_0 + n\tau_1 \quad D = n\tau_0 + n\tau_1 \quad \ell_1 = D - \frac{9D}{16} = \frac{7}{16} D$$

кривые на представленном как графике (отрезок  $2\tau_0$  и некоторый отрезок после  $\ell_1$ ) образуют максимум, когда линза  $M$  касается зеркала в пространстве линз и касается вогнутой.

Ответ:  $f = \frac{4F_0}{3}$   $n = \frac{9D}{16\tau_0}$   $\ell_1 = \frac{7\tau_0}{9}$

$$n \perp F \text{ нт}, \text{ тогда } n_1 \sin \alpha = n_2 \sin \beta \quad 18 \frac{2}{3} = n_2 \cdot \frac{3}{5} \quad n_2 = \frac{18 \cdot 2 \cdot 5}{3 \cdot 3} = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$\cos \beta = \sqrt{1 - \frac{9}{25}} = \frac{4}{5} \quad \cos \alpha = \sqrt{1 - \frac{4}{9}} = \frac{\sqrt{5}}{3} \quad n_2 \cos \beta < 2U + n_1 \cos \alpha \quad 20 \cdot \frac{4}{5} < 2U + 18 \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$16 < 2U + 6\sqrt{5} \quad U > 8 - 3\sqrt{5}$$

Ответ:  $n_2 = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}}$   $U > 8 - 3\sqrt{5}$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1 так как нам не дан коэффициент трения  $\mu$ , то можно предположить, что поверхность массивной плиты гладкая (при наличии трения, но отсутствия коэффициента  $\mu$  в данной задаче найти  $N_2$  не представляется возможным).

Тогда  $N_1 \sin \alpha = N_2 \sin \beta$   $18 \cdot \frac{2}{3} = N_2 \cdot \frac{3}{5}$   $N_2 = \frac{18 \cdot 2 \cdot 5}{3 \cdot 3} = 20 \frac{\text{кг}}{\text{с}}$

$\cos \beta = \sqrt{1 - \frac{9}{25}} = \frac{4}{5}$   $\cos \alpha = \sqrt{1 - \frac{4}{9}} = \frac{\sqrt{5}}{3}$   $N_2 \cos \beta < 2U + N_1 \cos \alpha$   $20 \cdot \frac{4}{5} < 2U + 18 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3}$

$16 < 2U + 6\sqrt{5}$   $U > 8 - 3\sqrt{5}$

Ответ:  $N_2 = 20 \frac{\text{кг}}{\text{с}}$

№2

$T_1$	$V_1$		$T_2$	$V_2$
аргон			кrypton	

$pV_1 = \nu RT_1$   $pV_2 = \nu RT_2$   $\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{320}{400} = 0,8$  процесс изобарный

$U_1 = \nu \omega T_1$   $U_2 = \nu \omega T_2$   $U_k = 2\nu \omega T$

Так как система теплоизолирована, то  $U_1 + U_2 = U_k$   $\nu \omega T_1 + \nu \omega T_2 = 2\nu \omega T$   $\frac{T_1 + T_2}{2} = T = \frac{320 + 400}{2} = 360 \text{ K}$

$Q = \Delta U + A = \frac{3}{2} \nu R \Delta T + p \Delta V = \frac{3}{2} \nu R \Delta T + \nu R \Delta T = \frac{5}{2} \nu R \Delta T = \frac{5}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot 40 \cdot R = 60R = 498,6 \text{ Дж}$  — количество теплоты, полученное аргонем.

Ответ:  $\frac{V_1}{V_2} = 0,8$   $T = 360 \text{ K}$   $Q = 60R = 498,6 \text{ Дж}$

№3  $2U + N_1 \cos \alpha = N_2 \cos \beta$   $2U + 6\sqrt{5} = N_2 \cdot \frac{4}{5}$   $N_1 \sin \alpha - N_2 \sin \beta = \mu N_2 \cos \beta$   $2U = N_2 t$

$12 - \frac{3}{5} N_2 = \mu \cdot 2U$   $\frac{4}{5} N_2 - 6\sqrt{5} = 2U$   $\mu (\frac{4}{5} N_2 - 6\sqrt{5}) = 12 - \frac{3}{5} N_2$   $2U < 20$

$12 - \frac{3}{5} N_2 = \frac{12 - \frac{3}{5} N_2}{\frac{4}{5} N_2 - 6\sqrt{5}} \cdot \frac{4}{5} N_2 - 6\sqrt{5}$



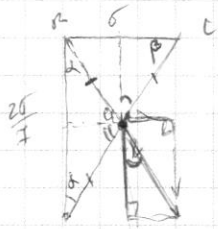
$U < 10$

$2U < 20 - \frac{4}{5}$

$2U < 16$   $U < 8$

$N_2 \cos \beta - N_1 \cos \alpha = \frac{20 - 4}{5} - 18 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3} = 16 - 6\sqrt{5} < 2U$

$$N_1 + N_2 = 2\sigma$$



$$\sqrt{\left(\frac{1}{4\pi a_0} \sigma \cdot \tan \alpha \cdot N_2\right)^2 + \left(\frac{1}{4\pi a_0} \frac{2\sigma \cdot N_2}{4}\right)^2} =$$

$$2\sigma = N_1 + N_2 \tan \alpha$$

$$k = \sigma^2 N_2^2$$

Δ

$$\frac{\sigma^2 \tan^2 \alpha N_1^2}{16\pi^2 a_0^2} + \frac{4\sigma^2 N_2^2}{16\pi^2 a_0^2 \cdot 49} = \frac{49 k \tan^2 \alpha + 4k}{16\pi^2 a_0^2 \cdot 49}$$

$$\frac{E_{AD} - \tan \alpha}{E_{BC}}$$

$$\frac{E_{AD}}{E_{BC}} = \frac{2\sigma}{7} \quad E_{BC} = 2\sigma$$

$$\frac{2\sigma}{7\sigma} = \tan \alpha$$

$$\frac{d_1}{7} = E_{AD} \quad d_2 = E_{BC}$$

$$\tan \alpha = \frac{2}{7} \frac{d_1}{d_2}$$



$$\frac{2}{7} \frac{d_1}{d_2} = \tan \alpha$$

$$d_2 = \frac{2}{7} \frac{d_1}{\tan \alpha}$$

$$d_1 = \frac{1}{2a_0}$$

$$E = \sqrt{d_2^2 + \frac{4}{49} d_1^2} \cdot \sigma = \sigma \sqrt{\frac{4d_1^2}{49 \tan^2 \alpha} + \frac{4}{49} d_1^2} = \frac{2d_1 \sigma}{7} \sqrt{1 + \frac{1}{\tan^2 \alpha}}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1



векторы скорости  $v_1, v_2$

$$\sqrt{v_1^2 + v_2^2} = \sqrt{2U \cdot \omega_1 \cos \alpha}$$

$$\frac{32}{12} \sqrt{\frac{16}{16}}$$

№2



$$\lambda = \frac{3}{5}$$

$$p_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$p_1 V_2 = \nu R T_2$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{320}{400} = \frac{32}{40} = \frac{16}{20} = \frac{8}{10} = 0,8$$

$$U_1 = \nu \omega T_1, \quad U_2 = \nu \omega T_2$$

$$V_1 = 0,8 V_2, \quad V_0 = V_2 + 0,8 V_2 = 1,8 V_2$$

$$pV = \nu R T = pV, \quad U_2' = U_1' = 0,9 U_2$$

$$\nu \omega T_1 + \nu \omega T_2 = 2 \nu \omega T, \quad T_1 + T_2 = 2T, \quad T = \frac{320 + 400}{2} = 160 + 200 = 360 \text{ K.}$$

шубара?

$$Q = \nu \omega \Delta T + A = \frac{5}{2} \nu R (360 - 320) + p_0 V = \frac{5}{2} \nu R (360 - 320) = 5 \cdot \frac{3}{2} \cdot 40 \cdot 8,31 =$$

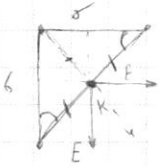
$$p_0 V = \nu R \Delta T$$

$$= 3 \cdot 20 \cdot 8,31 = 60 \cdot 8,31 = 498,6 \text{ Дж}$$

$$\times 8,31$$

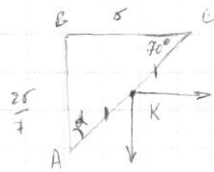
$$\frac{498,6}{3}$$

№3



$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$E_0 = \sqrt{2} E = 6 \sqrt{2} \text{ пас}$$



$$\alpha = \arctan \frac{5}{9} = 20^\circ, \quad E_0 = ?$$

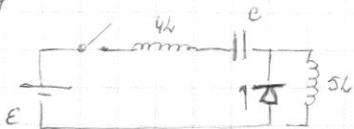
$$E = \sqrt{\left(\frac{5}{7\epsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{5}{2\epsilon_0}\right)^2} =$$

$$\sqrt{1} \cdot \sin \alpha = \sqrt{2} \sin \beta, \quad 1 \cdot \frac{2}{3} = \sqrt{2} \cdot \frac{3}{5}, \quad v_2 = \frac{12 \cdot 2 \cdot 5}{3 \cdot 2} = \frac{0 \cdot 2 \cdot 5}{3} = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}}, \quad 20 \cdot \cos \beta \leq 2U + \nu \omega \cos \alpha$$

$$\cos \beta = \sqrt{1 - \frac{9}{25}} = \sqrt{\frac{16}{25}} = \frac{4}{5}, \quad \cos \alpha = \sqrt{1 - \frac{4}{9}} = \sqrt{\frac{5}{9}} = \frac{\sqrt{5}}{3}, \quad 20 \cdot \frac{4}{5} \leq 2U + 18 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$16 \leq 2U + 6\sqrt{5}, \quad 16 - 6\sqrt{5} \leq 2U, \quad U \geq 8 - 3\sqrt{5}$$

№4



$$E = 4k \frac{dI}{dt} + 5L \frac{dI}{dt} + \frac{q}{C} = 9L \frac{dI}{dt} + \frac{q}{C}, \quad \ddot{q} + \frac{q}{9LC} = \frac{E}{9L}$$

$$\omega_1 = \sqrt{\frac{1}{9LC}}$$

$$t_1 = \frac{\pi}{\omega} = \pi \sqrt{9LC}$$

$$E = 4L \frac{dI}{dt} + \frac{q}{C} = 4L \ddot{q} + \frac{q}{C}$$

$$\frac{E}{4L} = \ddot{q} + \frac{q}{4LC}, \quad \omega_2 = \sqrt{\frac{1}{4LC}}, \quad t_2 = \pi \sqrt{4LC}$$

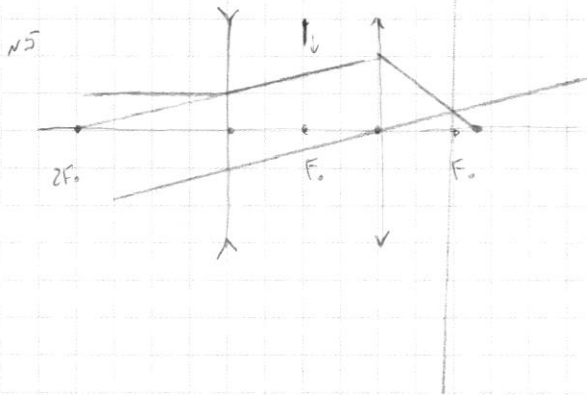
$$I_{1 \max} = \frac{4L I_{\max}^2}{2} + \frac{5L I_{\max}^2}{2} + \frac{CE^2}{2} = E \cdot CE = CE^2$$

$$T = \pi \sqrt{LC} \left( \sqrt{9} + \sqrt{4} \right) = 5\pi \sqrt{LC}$$

$$\frac{9L I_{\max}^2}{2} = \frac{CE^2}{2}, \quad 9L I_{\max}^2 = CE^2, \quad I_{\max} = \sqrt{\frac{CE^2}{9L}} = \frac{E}{3} \sqrt{\frac{C}{L}}$$



$$3) \frac{4L I_{max}}{2} + \frac{CE^2}{2} = CE^2 \quad 4L I_{max} = CE^2 \quad I_{max} = \sqrt{\frac{CE^2}{4L}} = \frac{E}{2} \sqrt{\frac{C}{L}}$$



$$D \ll F \quad I \sim P \quad I = \Delta x$$

$$\frac{1}{4F_0} + \frac{1}{F_0} = \frac{1}{F_0} \quad \frac{1}{F_0} = \frac{1}{F_0} - \frac{1}{4F_0} = \frac{3}{4F_0} \quad f = \frac{4F_0}{3} \rightarrow 1)$$

$$N\tau_0 = \text{minimum} \quad I_0 = \Delta D \quad I_1 = \frac{7I_0}{16} = \Delta(D-l)$$

$$\frac{7}{16} = \frac{\Delta(D-N\tau_0)}{\Delta D} = 1 - \frac{N\tau_0}{D} \quad \frac{N\tau_0}{D} = 1 - \frac{7}{16} = \frac{9}{16}$$

$$D + N\tau_0 = N\tau_0 + N\tau_1$$

$$N = \frac{9D}{16\tau_0}$$

$$p + l = \sigma(2\tau_0 + \tau_1)$$

$$D = N\tau_0 + N\tau_1 \quad \tau_1 = D - \frac{9D}{16} = \frac{7D}{16} = \frac{7}{8} \tau_0$$

$$\frac{9D}{16\tau_0}$$

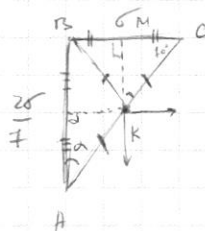
$$m v_1 \sin \alpha - m v_2 \sin \beta = \gamma F \Delta t$$

$$\sqrt{\left(\frac{\sigma}{4\tau_0}\right)^2 + \left(\frac{\sigma}{2\tau_0}\right)^2} = \sqrt{\frac{\sigma^2}{49\tau_0^2} + \frac{\sigma^2}{4\tau_0^2}} = \sqrt{\frac{53\sigma^2}{4 \cdot 49\tau_0^2}}$$

$$= \frac{\sigma}{2 \cdot 7 \tau_0} \sqrt{53} = \frac{\sigma}{14\tau_0} \sqrt{53}$$

$$E_1 = \frac{\sigma}{4\tau_0} \quad E_2 = \frac{\sigma}{14\tau_0}$$

$$E_0 = \sqrt{\left(\frac{\sigma}{4\tau_0}\right)^2 + \left(\frac{\sigma}{14\tau_0}\right)^2}$$



$$\frac{CK}{AC} = \frac{KN}{AB} = \frac{1}{2} = \frac{CM}{BC}$$

$$E_1 = k\sigma L \quad L = \frac{1}{\sqrt{11}}$$

$$E_1 = k\sigma L \quad E_2 = \frac{25}{7} k\sigma L$$



$$\frac{1}{2} \sigma \cdot \sigma \cdot \sigma \cdot \sigma = \gamma$$

$$Q \sin \alpha = m v_1 \sin \alpha - m v_2 \sin \beta$$

$$Q \cos \alpha = m v_1 \cos \alpha + m v_2 \cos \beta + 2U$$

$$\frac{1}{4\tau_0} \cdot \sigma \cdot \sigma \cdot \sigma \cdot \sigma = \gamma$$

$$\frac{L_1}{L_2} = \frac{BC}{AB} = \frac{1}{2}$$

$$\gamma = \frac{v_1 \sin \alpha - v_2 \sin \beta}{v_1 \cos \alpha + v_2 \cos \beta + 2U}$$



$$2U + N_1 \cos \alpha = v_2 \cos \beta$$

$$N_2 \cos \beta \quad U \ll \text{zero?}$$

$$N_2 \cos \beta + N_1 \cos \alpha = N_2 \tau$$

$$\gamma \cdot 2U = v_1 \sin \alpha - v_2 \sin \beta$$

$$\frac{\sqrt{2}}{5} \cdot \frac{4}{5} = 6\sqrt{5} + 2U$$

$$\gamma \cdot 2U = 12 - \frac{3}{5} N_2$$

$$\frac{4\sqrt{2}}{5} - 6\sqrt{5} = \gamma \left(12 - \frac{3}{5} N_2\right)$$

$$12 - \frac{3}{5} N_2 = \left(\frac{4\sqrt{2}}{5} - 6\sqrt{5}\right)^2$$

$$\frac{12 - \frac{3}{5} N_2}{5}$$

$$\frac{\sqrt{2} \cdot 4}{5} - 6\sqrt{5} = 2U$$

$$Z = \frac{4\sqrt{2} - 6\sqrt{5}}{5}$$

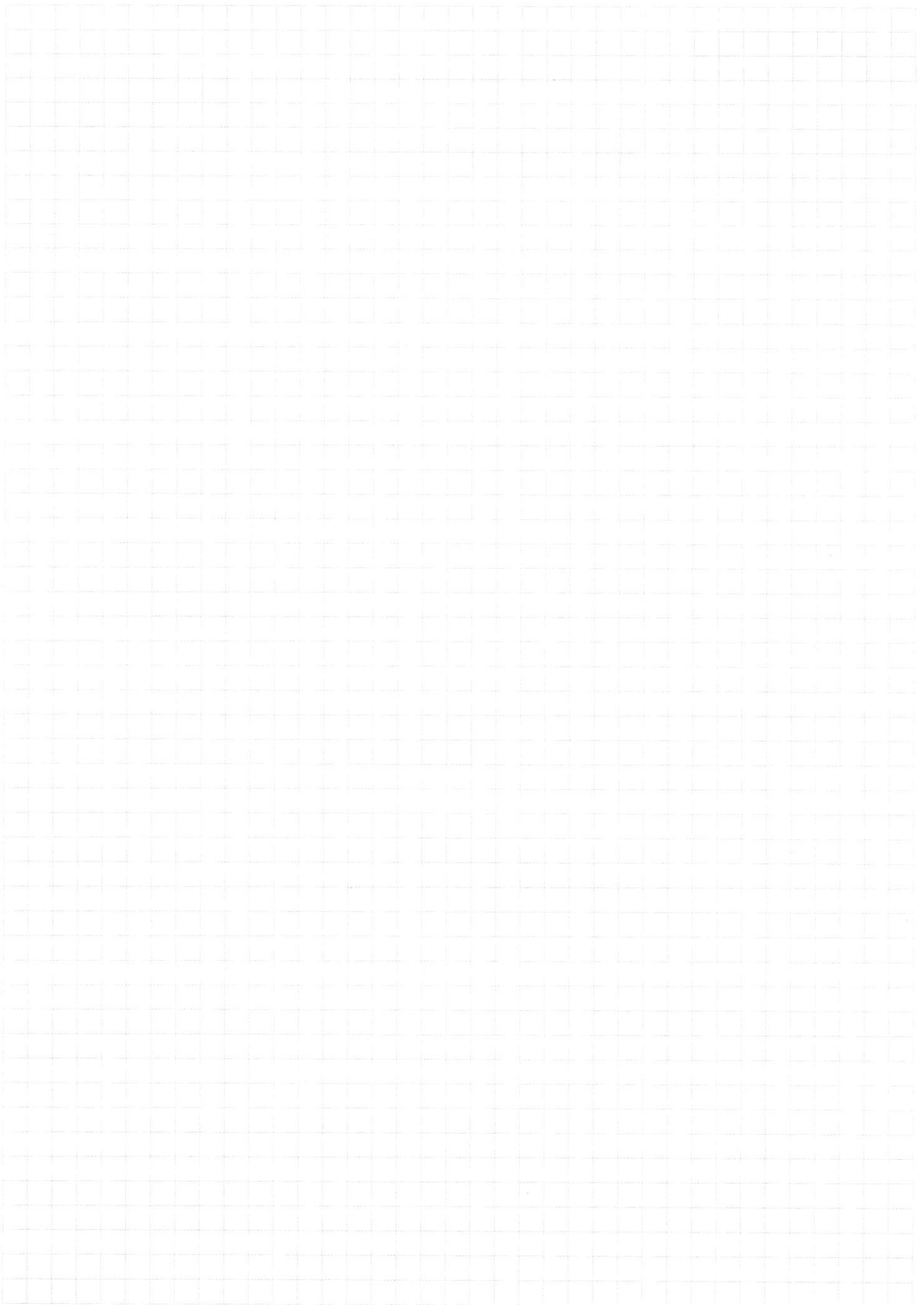
$$\frac{2k\sigma}{R}$$

$$\frac{BC}{AB} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{12 - \frac{3}{5} N_2}{5}$$







черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №       
(Нумеровать только чистовики)



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО  
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ  
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ)»

ШИФР

(заполняется секретарём)

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №       
(Нумеровать только чистовики)

черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)