

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

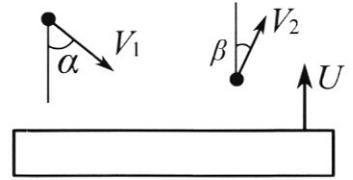
Класс 11

Вариант 11-02

Шифр

(заполняется секретарём)

√1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 6$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{3}$) с вертикалью.

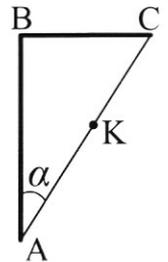


- 1) Найти скорость V_2 .
 - 2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.
- Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

√2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится гелий, во втором – неон, каждый газ в количестве $\nu = 6/25$ моль. Начальная температура гелия $T_1 = 330$ К, а неона $T_2 = 440$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31$ Дж/(моль·К).

- 1) Найти отношение начальных объемов гелия и неона.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал неон гелию?

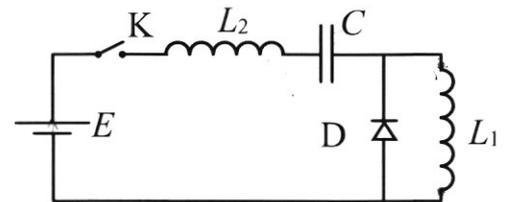
√3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



√1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

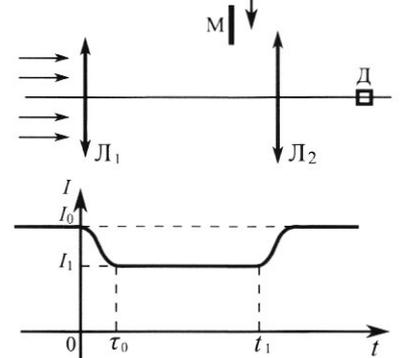
√2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 4\sigma, \sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/8$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 3L, L_2 = 2L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .



- 1) Найти период T этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .
- 3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

√5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями F_0 и $F_0/3$, соответственно. Расстояние между линзами $1,5F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе D , на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень M , плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $5F_0/4$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 8I_0/9$.



- 1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.
- 2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0, D, τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 1.

$$V_1 = 6 \text{ м/с.}$$

$$\sin \alpha = \frac{2}{3}$$

$$\sin \beta = \frac{1}{3}$$

$$1) V_2 = ?$$

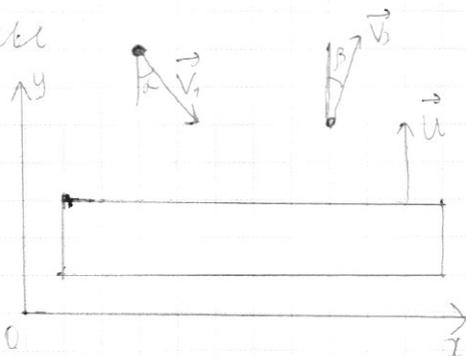
$$2) U = ?$$

1) П.к. шмта массивная, шмпука шарика по оси x неизменяется.

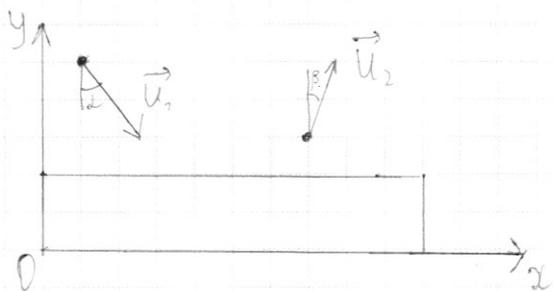
Тогда:

$$m V_1 \cdot \sin \alpha = m V_2 \cdot \sin \beta \quad (m - \text{масса шарика})$$

$$V_2 = V_1 \cdot \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = 6 \cdot \frac{\frac{2}{3}}{\frac{1}{3}} = 12 \text{ м/с.}$$



2) Перейдем в СД шмта, и введем оси координат, связанные с шмтой.



Распишем проекции скоростей на ось y . \vec{U}_1 и \vec{U}_2 - скорости в новой СД

$$U_1 \cdot \cos \alpha = -V_1 \cdot \cos \alpha - U$$

$$U_2 \cdot \cos \beta = V_2 \cdot \cos \beta - U$$

При столкновении скорость тела относительно другого тела (с которым оно столкнулось) остается неизменной! П.к. проекции \vec{U}_1 и \vec{U}_2 на Ox равны, проекции на Oy также равны, а т.к. они направлены противоположно, $U_1 \cdot \cos \alpha = -U_2 \cdot \cos \beta$.

№1.

$$V_1 \cdot \cos \alpha + U = V_2 \cdot \cos \beta - U$$

$$2U = V_2 \cdot \cos \beta - V_1 \cdot \cos \alpha = V_1 \left(\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} \cdot \cos \beta - \cos \alpha \right) = V_1 \cdot (\sin \alpha \cdot \operatorname{ctg} \beta - \cos \alpha)$$

$$U = \frac{V_1}{2} \left(\frac{2}{3} \cdot 2\sqrt{2} - \frac{\sqrt{5}}{3} \right) = \frac{V_1}{6} (4\sqrt{2} - \sqrt{5}) = (4\sqrt{2} - \sqrt{5}) \text{ МВ.}$$

Ответ: 1) 12 МВ;

2) $(4\sqrt{2} - \sqrt{5})$ МВ.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 2

Дано:

$$V = \frac{6}{25} \text{ моль}$$

$$T_1 = 330 \text{ K}$$

$$T_2 = 440 \text{ K}$$

$$R = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{K}}$$

$$1) \frac{V_1}{V_2} = ?$$

$$2) T = ?$$

$$3) Q = ?$$

1) П.к. поршень движется в сосуде без трения, давления обеих газов в ходе процесса равны.

p_0 — давление в начальный момент времени

$$p_0 V_1 = \nu R T_1 \quad \text{— для газа}$$

$$p_0 V_2 = \nu R T_2 \quad \text{— для неона}$$

$$\frac{p_0 V_1}{p_0 V_2} = \frac{\nu R T_1}{\nu R T_2}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{330}{440} = 0,75$$

2) Так как сосуд теплоизолирован, то суммарная внутренняя энергия газов постоянна.

$U_1 = \frac{3}{2} \nu R T_1 + \frac{3}{2} \nu R T_2$ — внутренняя энергия при начальных температурах

$U_2 = \frac{3}{2} \nu R T + \frac{3}{2} \nu R T$ — внутренняя энергия после установления равновесия

$$U_1 = U_2$$

$$\frac{3}{2} \nu R T_1 + \frac{3}{2} \nu R T_2 = \frac{3}{2} \nu R T + \frac{3}{2} \nu R T$$

№2

$$T_1 + T_2 = 2T$$

$$T = \frac{T_1 + T_2}{2} = \frac{330 + 440}{2} = \frac{770}{2} = 385 \text{ K}$$

- 3) $U_{H1} = \frac{3}{2} \nu R T_2$ — начальная внутренняя энергия неона
 $U_{H2} = \frac{3}{2} \nu R T$ — внутр. энергия неона после наступления равновесия

$$Q = U_{H1} - U_{H2} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T) = \frac{3}{2} \cdot \frac{6}{25} \cdot 8,37 \cdot (440 - 385) \approx 166 \text{ Дж.}$$

Ответ: 1) 0,75

2) 385 K

3) 166 Дж.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 3.

1) $\alpha = \frac{\pi}{4}$

2) $\alpha = \frac{\pi}{8}$

$\sigma_1 = \sigma_2$

$\sigma_1 = 4\sigma$

$\sigma_2 = \sigma$

1) $\frac{E_1}{E_0} = ?$

2) $\frac{E_2}{E_0} = ?$

1) П.к. $\alpha = \frac{\pi}{4}$, $\triangle ABC$ - равносторонний. Тогда в точке К все пластинки создают равную по модулю напряженность, а направления ~~на~~ вектора напряженности перпендикулярно.

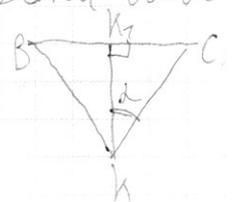
$E_{\Sigma} = \sqrt{E_{01}^2 + E_{02}^2} = E_{01}\sqrt{2}$ (E_{01} - напряженность, создаваемая одной пластинкой, E_{Σ} - суммарная напряженность двух пластинок)

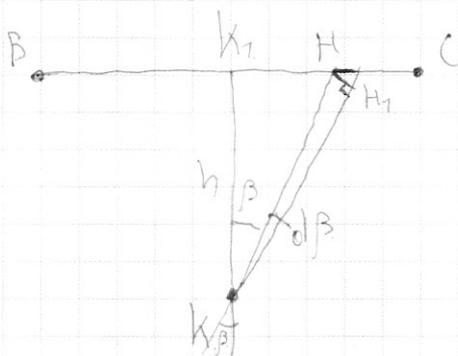
$\frac{E_{\Sigma}}{E_{01}} = \sqrt{2}$.

2) Воспользуемся принципом суперпозиции и рассчитаем отдельно напряженность поля для пластинки BC, и отдельно для пластинки AC.

Рассмотрим пластинку BC, с поверхностной плотностью заряда σ_1 . Возьмем ~~К~~ $\triangle BCK$ - равностор.

Возьмем пластинку BC на небольшие элементы шириной d . Найдем напряженность, создаваемую одной такой пластинкой на расстоянии $KK_1 = h$ (по середине).





Возьмем на этой плоскости участок шириной dl .
 Площадь участка $dS = dl \cdot da$, а его заряд $dq = \sigma_1 \cdot dl \cdot da$.
 Тогда в точке K напряженность будет направлена по
 нормали к ~~элементу~~ ^{плоскости} BC (в силу симметрии) E_n .

$$dE_n = \frac{k dq \cdot \cos \beta}{\left(\frac{h}{\cos \beta}\right)^2} = \frac{k \sigma_1 dl \cdot da \cdot \cos^3 \beta}{h^2}$$

$$HH_1 = da \cdot d\beta \cdot r = da \cdot \cos \beta$$

$$da = \frac{h}{\cos^2 \beta} \cdot d\beta$$

$$dE_n = \frac{k \sigma_1 dl}{2 h} \cdot \cos \beta d\beta$$

$$E_n = \int_{-\alpha}^{\alpha} \frac{k \sigma_1 dl}{h} \cdot \cos \beta d\beta = \frac{2k \sigma_1 dl}{h} \cdot \sin \alpha$$

Тогда плоскость можно представить как участок право-
 угольной длиной dl , проходящий $1/2 K_1$ перпендикулярно
 BC . Найдем поверхностную плотность этого заряда.

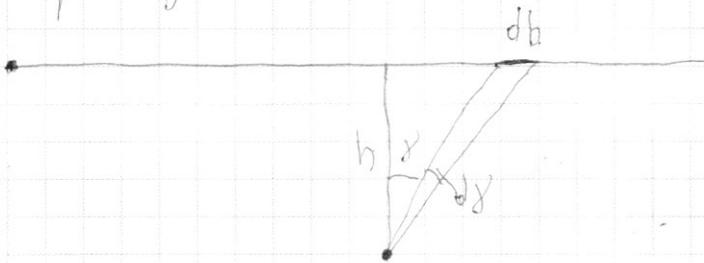
$$E_n = \frac{k \rho dl}{h^2} = \frac{2k \sigma_1 dl}{h} \cdot \sin \alpha$$

$$\frac{\rho}{h} = 2 \sigma \cdot \sin \alpha \quad (\rho - \text{поверхностная линейная плотность заряда})$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№3

Теперь можно представить пластину как бесконечный проводник с линейной плотностью заряда ρ .



Аналогично предыдущему dE :

$$dE_n = \frac{k \rho}{h} \cdot \cos \alpha \cdot dy = 2k \sigma_1 \sin \alpha \cdot \cos \alpha \cdot dy$$

E_n — теперь интегрируем по углу переходим от $-\frac{\pi}{2}$ до $\frac{\pi}{2}$.

$$E_n = 2k \sigma_1 \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \cos \alpha \cdot dy = 4k \sigma_1 \sin \alpha$$

E_{nBC} напряженность, создаваемая пластиной ВС в т.К.

Напряженность другой пластины E_{nAB} вычисляется аналогично, но вместо σ_1 будет σ_2 , а вместо $\sigma_1 \sin \alpha$ будет $\sin(90^\circ - \alpha) = \cos \alpha$.

Они направлены перпендикулярно, а значит:

$$E_2 = \sqrt{E_{nAB}^2 + E_{nBC}^2} = \sqrt{16k^2 \cdot 16\sigma^2 \cdot \sin^2 \alpha + 16k^2 \sigma^2 \cdot \cos^2 \alpha} =$$

$$= 4k\sigma \sqrt{16 \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha} = 4k\sigma \sqrt{8,5 - 3,75\alpha} \approx 4k\sigma \sqrt{3,25}$$

Ответ: 1) $\sqrt{2}$;

2) $4k\sigma \cdot \sqrt{3,25}$.

Дано:
 $L_1 = 3L$
 $L_2 = 2L$
 C, E

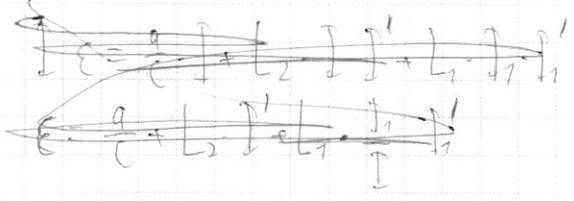
- 1) $T = ?$
- 2) $I_{01} = ?$
- 3) $I_{02} = ?$

~~Пока ток в катушке L_1 увеличивается, диод остаётся открытым и когда ток в L_1 увеличивается, диод закрывается. Открывается. Закрывается.~~
 Запишем ЗСЭ для открытого и закрытого диода:

а) для открытого:

пусть на конденсаторе заряд $+q$ (на левой обкладке)

$$q \left(\frac{q^2}{2C} + \frac{L_2 I_2^2}{2} + \frac{L_1 I_1^2}{2} \right) = \dots$$



~~Если ток в катушке возрастает, диод ϵ действует против тока, тогда диод должен быть открыт, но если напряжение на диоде больше 0, ток в диоде стремится к бесконечности~~

Пока ток в L_1 возрастает, диод закрыт, но как только ток начнет уменьшаться, диод откроется и ток в катушке L_1 будет стремиться к бесконечности. Значит ток в катушке L_1 становится постоянным и равным I_{01} .

Тогда очевидно, что катушка L_1 никак не будет влиять на колебания, и $T = 2\pi\sqrt{2LC}$.

Запишем ЗСЭ для момента, когда ток через L_2 постоянен,

~~пусть q значит $q_0 = EC$~~

$$q \left(\frac{q^2}{2C} + \frac{L_2 I_2^2}{2} + \frac{L_1 I_1^2}{2} \right) = \dots$$

ток через $L_2 = 0$, а напряжение на кон-оре ~~ϵ~~

~~$2\pi\sqrt{2LC}$~~
 Ответ: 1) $T = 2\pi\sqrt{2LC}$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 5

$$F_1 = F_0$$

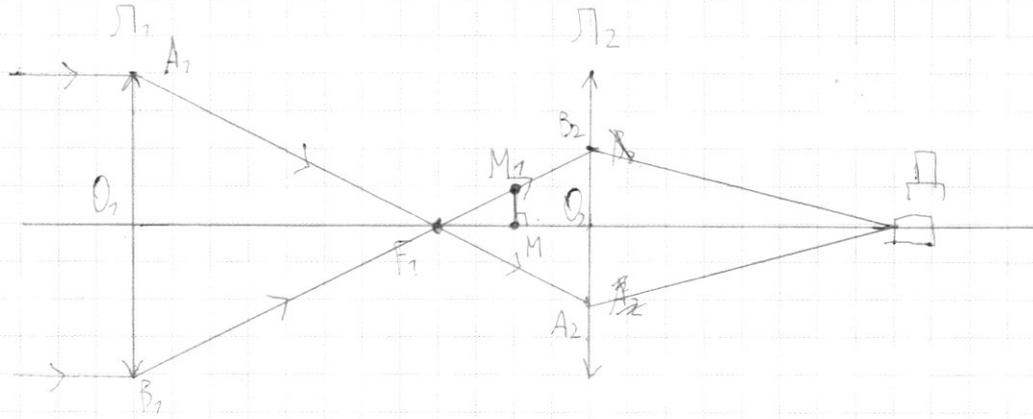
$$F_2 = \frac{F_0}{3}$$

$$L = 1,5 F_0$$

$$D$$

$$l = \frac{1}{4} F_0$$

$$l_1 = \frac{8}{9} l_0$$



- 1) f_2 - ?
- 2) V - ?
- 3) t_1 - ?

1) Параллельный пучок лучей, прошедший $2/3 L_1$ сфокусируется в точке F_1 (фокус L_1)
Размеры для крайних лучей, прошедших в L_2
 $\triangle O_1 A_1 F_1 \sim \triangle O_2 A_2 F_1$ с $k=2$

$$\frac{A_1 O_1}{O_2 A_2} = 2.$$

$$A_1 O_1 = \frac{D}{2}$$

$$A_2 O_2 = \frac{D}{4}$$

След-но, крайние лучи, прошедшие в линзу L_1 попадут и в L_2 , а значит в L_2 попадут все лучи, прошедшие $2/3 L_1$.
Для L_2 лучи идут как выходящими из т. F_1 , а $O_2 F_1 = \frac{F_0}{2}$
 $d_2 = \frac{F_0}{2}$ (расстояние от L_2 до "предмета")

$$\frac{1}{f_2} = \frac{1}{d_2} + \frac{1}{F_2}$$

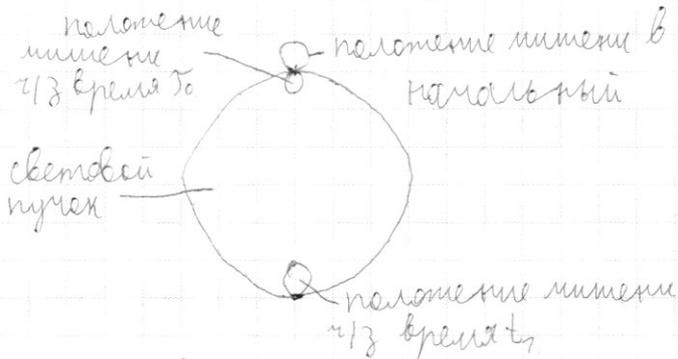
$$f_2 = \frac{F_2 d_2}{d_2 - F_2} = \frac{\frac{F_0}{3} \cdot \frac{F_0}{2}}{\frac{F_0}{3} - \frac{F_0}{2}} = \frac{\frac{F_0^2}{6}}{\frac{F_0}{6}} = F_0$$

№ 5.

2) Пусть радиус мишени равен r . Плоскость, в которой проходит мишень, проходит $\frac{1}{3}$ з.м. П. Из подобия $\triangle B_1 O_1 F_1$ и $\triangle M_1 M F_1$ ($M_1 M \perp O O_1$) найдем, что $MM_1 = \frac{D}{9}$ (радиус мишени)
 Площадь светового пучка в месте прохода мишени
 $S_{\text{н}} = \frac{\pi D^2}{4} \cdot \frac{D^2}{64} = \frac{\pi D^2}{256}$ $\pi \cdot MM_1^2 = \frac{\pi D^2}{64}$

Поскольку $I_1 = \frac{1}{9} I_0$, значит мишень полностью покрывается в световом пучке, закрывает $\frac{1}{9} S_{\text{н}}$, а значит $S_{\text{н}}$ (площадь мишени) равна $S_{\text{н}} = S_{\text{н}} \cdot \frac{1}{9} = \frac{\pi D^2}{256 \cdot 9}$

Площадь $S_{\text{н}} = \pi r^2 = \frac{\pi D^2}{256 \cdot 9}$



$r = \frac{D}{3 \cdot 16} = \frac{D}{48}$

Время T_0 показывает, за какое время мишень полностью отсечется кабанья пуля, до полного входа в него.

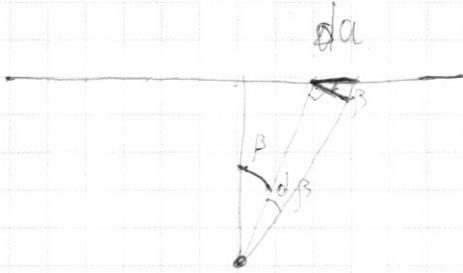
За это время сна пуля проходит расстояние $S_0 = 2r = \frac{D}{24}$
 $V = \frac{S_0}{T_0} = \frac{D}{24 T_0} = \frac{D}{12 T_0}$

3) Время t_1 показывает, какое время мишень полностью находится внутри светового пучка.

$S_2 = \frac{D}{4} - 2r = \frac{D}{4} - \frac{D}{12} = \frac{D}{6}$
 $t_1 - T_0 = \frac{S_2}{V} = \frac{D}{6} : \frac{D}{12 T_0} = \frac{D \cdot 12 T_0}{6 D} = 2 T_0$
 $t_1 = 2 T_0 + T_0 = 3 T_0$

- Ответ: 1) T_0 ;
 2) $\frac{D}{12 T_0}$;
 3) $3 T_0$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$dl (\text{const})$$

$$dl \cdot dl (\text{const})$$

$$E = \frac{k \Delta l \sigma}{h^2} \cdot \cos^3 \beta$$

$$dq = \sigma \cdot dl \cdot da = \sigma \cdot dl \cdot da$$

$$da = d\beta \cdot r = \frac{h}{\cos \beta} \cdot d\beta$$

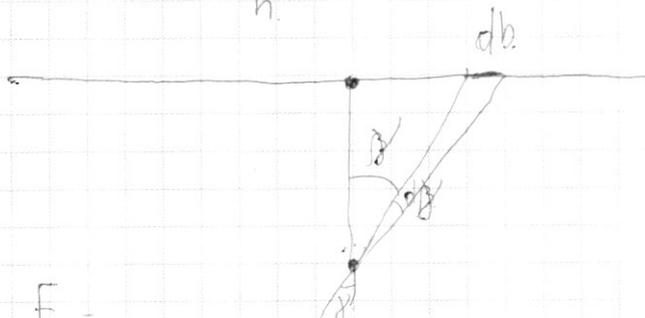
$$dE_n = \frac{k \Delta l \sigma}{h^2} \cdot \frac{h}{\cos \beta} \cdot d\beta \cdot \cos^3 \beta = \frac{k \Delta l \sigma}{h} \cdot \cos^2 \beta \cdot d\beta$$

$$E_n = \frac{k \Delta l \sigma}{h} \int_{-\alpha}^{\alpha} \cos^2 \beta \cdot d\beta = \frac{k \Delta l \sigma}{h} \cdot \sin \beta \Big|_{-\alpha}^{\alpha} = \frac{k \Delta l \sigma}{h} (\sin \alpha + \sin \alpha) = \frac{2k \Delta l \sigma}{h} \cdot \sin \alpha$$

$$E_n = \frac{k q^2}{r^2} = \frac{k \Delta l \sigma}{h^2} = \frac{k \Delta l \sigma}{h^2}$$

$$\frac{2k \Delta l \sigma}{h} \cdot \sin \alpha = \frac{k \Delta l \sigma}{h^2}$$

$$2 \sigma \cdot \sin \alpha = \frac{\rho}{h}$$



$$E_n = \frac{k \Delta l \sigma}{h} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} \cos^2 \beta \cdot d\beta = \frac{k \Delta l \sigma}{h} \cdot \sin \beta \Big|_{-\frac{\pi}{2}}^{+\frac{\pi}{2}} = \frac{k \Delta l \sigma}{h} (\sin \frac{\pi}{2} - \sin (-\frac{\pi}{2})) = \frac{k \Delta l \sigma}{h} (1 + 1) = \frac{2k \Delta l \sigma}{h}$$

$$E_n =$$

16

$$\sqrt{2} \approx 1,4$$

$$8 - 4\sqrt{2} + 0,5 = 0, \sqrt{2} =$$

$$= 8,5 - 3,75\sqrt{2}$$

44

$$\begin{array}{r}
 \times 3,75 \\
 \hline
 1500 \\
 375 \\
 5250 \\
 \hline
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 8,5 \\
 - 5,25 \\
 \hline
 3,25
 \end{array}$$

$$\cos 2d = \cos^2 d - \sin^2 d =$$

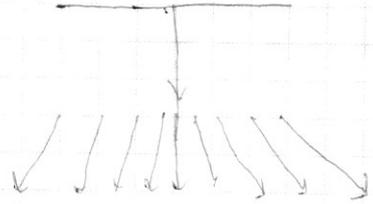
$$= 1 - 2\sin^2 d =$$

$$= 2\cos^2 d - 1$$

$$\sin^2 d = \frac{1 - \cos 2d}{2} = \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}$$

$$\cos^2 d = \frac{1 + \cos 2d}{2} = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{2}}{4}$$

1)



$$V_{1y} = V_1 \cos \alpha$$

$$V_{2y} = V_2 \cdot \cos \beta$$

$$U_{1y} = U - V_1 \cos \alpha$$

$$U_{2y} = U + V_2 \cdot \cos \beta$$

$$U - V_1 \cos \alpha = U + V_2 \cdot \cos \beta$$

$$V_{\text{вн1}} = V_{\text{вн2}} - V_{\text{вн3}}$$

$$U_{1y} = -V_1 \cos \alpha + U_{2y}$$

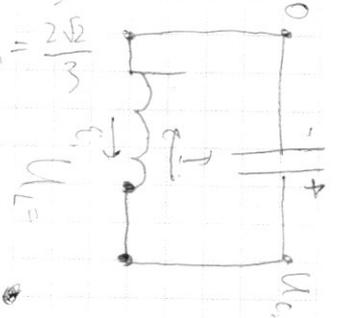
$$U_{2y} = V_2 \cdot \cos \beta - U_{1y}$$

$$V_1 \cos \alpha = -V_2 \cdot \cos \beta$$

$$12 \cdot \frac{2\sqrt{3}}{3} = -$$

$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\cos \beta = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

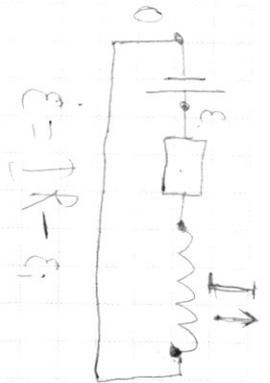


$$-V_{\text{вн1}} = V_{\text{вн2}}$$

$$V_1 \cos \alpha = U = V_2 \cos \beta - U$$

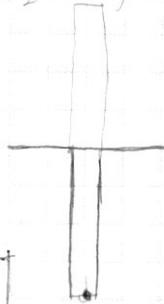
$$2U = V_2 \cdot \cos \beta - V_1 \cdot \cos \alpha$$

$$U = \frac{V_1}{2} (\sin \alpha \cdot \cos \beta - \cos \alpha) = 3 \left(\frac{2}{3} \cdot 2\sqrt{3} - \frac{\sqrt{3}}{3} \right) = 4\sqrt{3} - \sqrt{3}$$



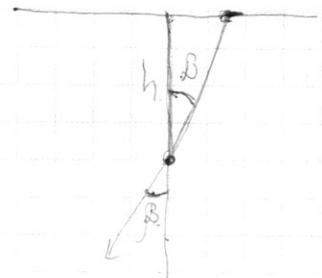
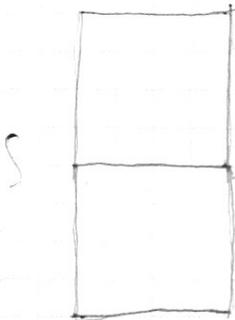
$$-V_1 \cdot \cos \alpha + 2U = V_2 \cdot \cos \beta + U$$

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$



$$\oint E \cdot ds = \frac{q}{\epsilon_0}$$

$$\oint E \cdot ds = \frac{\sigma s}{\epsilon_0}$$



$$E = kq \frac{k \sigma s}{\frac{h^2}{\cos^2 \beta}} \cdot \cos \beta = \frac{k \sigma s}{h^2} \cdot \cos^3 \beta$$

$$dq = \sigma dS = \sigma \cdot l \cdot ds$$

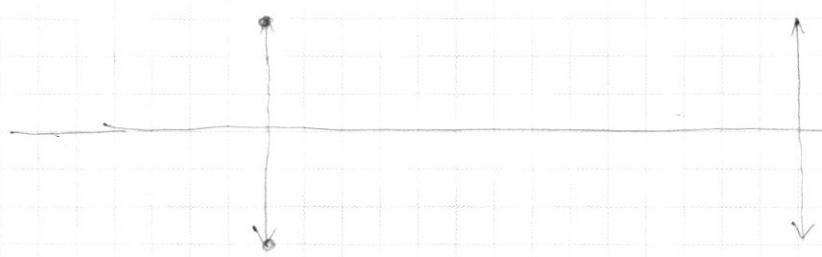
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\begin{array}{r} 440 \\ - 385 \\ \hline 55 \\ \times 317 \\ \hline 385 \\ 1662 \\ \hline 174538 \end{array}$$

$$3 \cdot 8 \cdot 57 \cdot 837 - \frac{99 \cdot 837}{5} \approx 20 \cdot 837 = 166,2$$

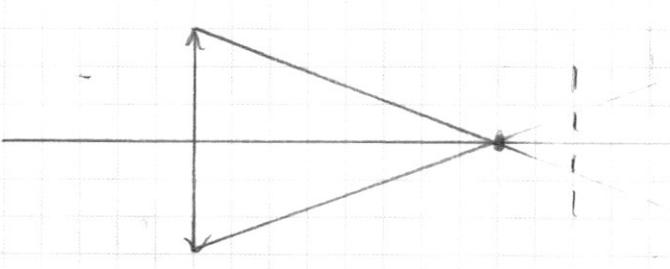
$$E = \frac{q}{C} + L_1 I_1' + L_2 I_2' + L_3 I_3'$$

$$I_1 E = \frac{q}{C} I_1 + L_1 I_1 I_1' + L_2 I_1 I_2' + L_3 I_1 I_3'$$



$$I_1 + q \cdot \frac{1}{C} = E$$

$$E_1 = - \frac{d\Phi}{dt}$$



$$\frac{1}{4} - \frac{1}{12} = \frac{3}{12} - \frac{1}{12} = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}$$



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ШИФР

(заполняется секретарём)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)