

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

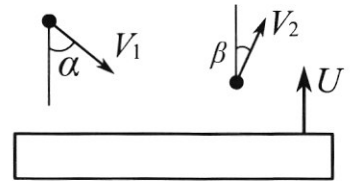
Класс 11

Вариант 11-02

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 6$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{3}$) с вертикалью.



1) Найти скорость V_2 .

2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.

Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

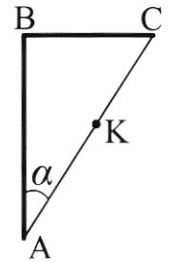
2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится гелий, во втором – неон, каждый газ в количестве $\nu = 6/25$ моль. Начальная температура гелия $T_1 = 330$ К, а неона $T_2 = 440$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31$ Дж/(моль·К).

1) Найти отношение начальных объемов гелия и неона.

2) Найти установившуюся температуру в сосуде.

3) Какое количество теплоты передал неон гелию?

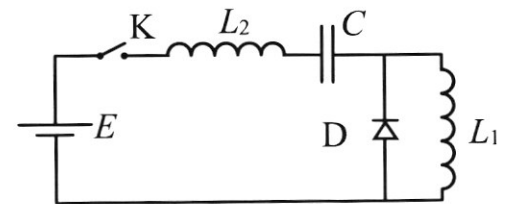
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 4\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/8$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 3L$, $L_2 = 2L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .

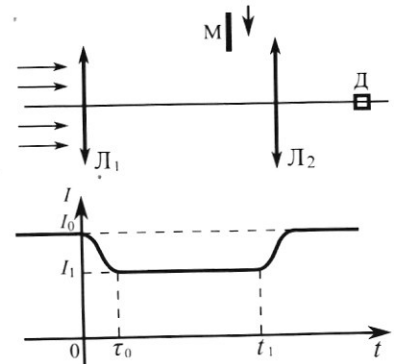


1) Найти период T этих колебаний.

2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .

3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями F_0 и $F_0/3$, соответственно. Расстояние между линзами $1,5F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе D , на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень M , плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $5F_0/4$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 8I_0/9$.

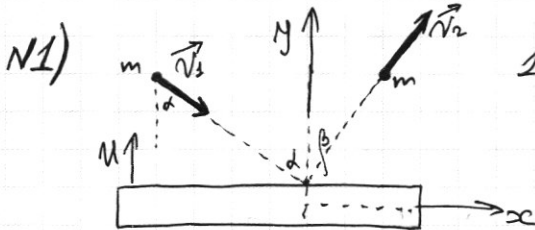


1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.

2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$v_1 = 6 \text{ м/с}$$

$$\sin \alpha = \frac{2}{3} \rightarrow \cos \alpha = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$\sin \beta = \frac{1}{3} \rightarrow \cos \beta = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

1. Очевидно, импульс вдоль Ox сохраняется, т.к. по Ox не действуют силы. Тогда (нет трения)

$$m v_1 \sin \alpha = m v_2 \sin \beta$$

$$v_1 \cdot \frac{2}{3} = v_2 \cdot \frac{1}{3} \rightarrow v_2 = 2 v_1 = 12 \text{ м/с}$$

2. $v_{1y} = -v_1 \cos \alpha = -6 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3} = -2\sqrt{5} \text{ м/с}$

$$v_{2y} = v_2 \cos \beta = 12 \cdot \frac{2\sqrt{2}}{3} = 8\sqrt{2} \text{ м/с}$$

Перейдем в С.О. относительно плиты: шарик летит на неё по Oy

со скоростью $v_{1y}(m) = -v_1 \cos \alpha - u$. При столкновении на шарик действует

в течение времени Δt некоторая сила, в среднем имевшая значение F .

Зел:

$$y: m(-v_1 \cos \alpha - u) + F \Delta t = m v_{2y}(m); \quad v_{2y}(m) = v_2 \cos \beta - u$$

$$\text{Тогда } -v_1 \cos \alpha + \frac{F \Delta t}{m} = v_2 \cos \beta \rightarrow \frac{F \Delta t}{m} = v_2 \cos \beta + v_1 \cos \alpha$$

Что было бы, если бы удар был абсолютно упругим? Тогда ~~$\frac{F \Delta t}{m} = 2(v_1 \cos \alpha + u)$~~

после удара $v_{1y}(m) = -v_{2y}(m) \rightarrow v_{2y}(m) = v_1 \cos \alpha + u \rightarrow v_2 \cos \beta - u = v_1 \cos \alpha + u$

$$\frac{v_2 \cos \beta - v_1 \cos \alpha}{2} = u$$

$$u = \frac{8\sqrt{2} - 2\sqrt{5}}{2} = 4\sqrt{2} - \sqrt{5} \text{ м/с. Что означает, что удар неупругий? То, что}$$

$$F \Delta t \text{ меньше, чем } \frac{2m(v_1 \cos \alpha + u)}{2} \rightarrow \frac{F \Delta t}{m} < 2(v_1 \cos \alpha + u)$$

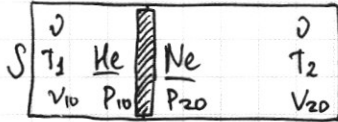
$$\text{Тогда } v_2 \cos \beta + v_1 \cos \alpha < 2v_1 \cos \alpha + 2u \rightarrow u > \frac{v_2 \cos \beta - v_1 \cos \alpha}{2} = 4\sqrt{2} - \sqrt{5} \text{ м/с}$$

При этом, u не может быть больше $v_2 \cos \beta = 8\sqrt{2} \text{ м/с}$, иначе шарик не оторвется от плиты.

Ответ: 1. $v_2 = 12 \text{ м/с}$

2. $u \in (4\sqrt{2} - \sqrt{5}; 8\sqrt{2}) \text{ м/с}$

N2)



1. Т.к. сосуд расположен горизонтально, расем. силы действующие на поршень:

$$P_{10}S = P_{20}S \rightarrow P_{10} = P_{20}$$

Запишем М.-К.:

$$\begin{cases} P_{10} V_{10} = \nu R T_1 \\ P_{20} V_{20} = \nu R T_2 \end{cases} \rightarrow \frac{V_{10}}{V_{20}} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{3}{4} - \text{отношение нач. объема helium к нач. объему neon}$$

$$\nu = \frac{6 \text{ моль}}{25} = 0,24 \text{ моль}$$

$$T_1 = 330 \text{ K}$$

$$T_2 = 440 \text{ K}$$

$$R = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{K}}$$

$$i = 3$$

2. П.к. сосуд теплоизолирован, запишем ЗСЭ:

$$\frac{i}{2} \nu R T_1 + \frac{i}{2} \nu R T_2 = \frac{i}{2} \cdot 2\nu \cdot R \cdot T$$

$$\frac{T_1 + T_2}{2} = T = \frac{770}{2} \text{ K} = 385 \text{ K}$$

$$3. \Delta Q = U_{\text{не-2}} - U_{\text{не-1}} = \frac{i}{2} \nu R T - \frac{i}{2} \nu R T_1 = \frac{i}{2} \nu R (T - T_1) =$$

$$= \frac{3}{2} \cdot \frac{6}{25} \text{ моль} \cdot 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{K}} \cdot (385 \text{ K} - 330 \text{ K}) =$$

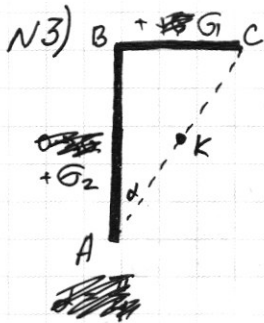
$$= \frac{18}{50} \cdot 8,31 \cdot 55 \text{ Дж} = \frac{99}{5} \cdot 8,31 \text{ Дж} = 164,538 \text{ Дж}$$

Ответ: 1. $\frac{V_{\text{He}}}{V_{\text{Ne}}} = \frac{3}{4}$

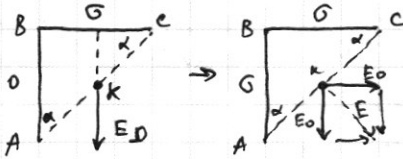
2. $T = 385 \text{ K}$

3. $\Delta Q = 164,538 \text{ Дж}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



1. $\alpha = \frac{\pi}{4} = \frac{180^\circ}{4} = \frac{90^\circ}{2} = 45^\circ$; Пусть ~~эти~~ поверхности. лотность заряда на BC - σ .
Как известно, бесконечная заряженная плоскость создаёт НЭП $\frac{\sigma}{2\epsilon_0} = E_D$. Тогда в случае заряженной

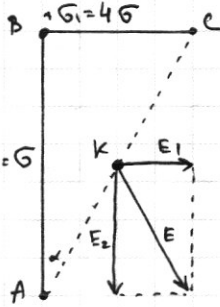


Только BC НЭП - $E_{10} = E_0$.
Если зарядить BA - $E_{20} = \sqrt{E_0^2 + E_0^2} = \sqrt{2} E_0$

Аналогичный ответ можно получить и просто из симметрии пластин, одинаковых в этом пункте.

Тогда $\frac{E_{20}}{E_{10}} = \frac{\sqrt{2} E_0}{E_0} = \sqrt{2}$

2. $\sigma_1 = \sigma_{BC} = 4\sigma$
 $\sigma_2 = \sigma_{AB} = \sigma$
 $\alpha = \frac{\pi}{8} = \frac{180^\circ}{8} = 22,5^\circ$



$E_1 = \frac{\sigma_1}{2\epsilon_0} = \frac{4\sigma}{2\epsilon_0}$

$E_2 = \frac{\sigma_2}{2\epsilon_0} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$

$E = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \sqrt{1^2 + 4^2} = \frac{\sigma \sqrt{17}}{2\epsilon_0}$

Из условия суперпозиции.

Крайности эффекта можно предсказать, так как точка K находится симметрично относительно обеих пластин.

$\sin(\frac{\pi}{8} \cdot 2) = \sin \frac{\pi}{4}$
 $2 \sin \frac{\pi}{8} \cos \frac{\pi}{8} = \frac{1}{\sqrt{2}}$

$\sin \frac{\pi}{8} \sqrt{1 - \sin^2 \frac{\pi}{8}} = \frac{1}{2\sqrt{2}}$

$\sin^2 \frac{\pi}{8} (1 - \sin^2 \frac{\pi}{8}) = \frac{1}{8}$

$\sin^4 \frac{\pi}{8} - \sin^2 \frac{\pi}{8} + \frac{1}{8} = 0$

$x = 1 - 4 \cdot \frac{1}{8} = \frac{1}{2}$

$\sin^2 \frac{\pi}{8} = \frac{1 - \frac{1}{2}}{2} = \frac{\sqrt{2} - 1}{2\sqrt{2}}$

$\sin \frac{\pi}{8} = \sqrt{\frac{\sqrt{2} - 1}{2\sqrt{2}}}$

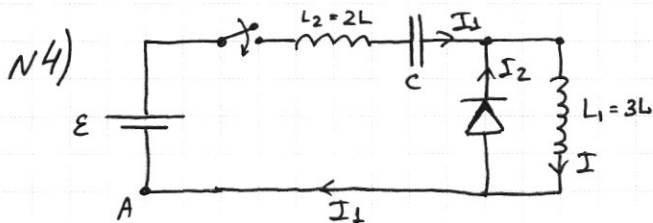
$\cos \frac{\pi}{8} = \sqrt{\frac{\sqrt{2} + 1}{2\sqrt{2}}}$

$\tan \frac{\pi}{8} = \sqrt{\frac{\sqrt{2} - 1}{\sqrt{2} + 1}} = \sqrt{2} - 1$

В общем, в силу бесконечности пластин и симметрии точки K относительно них (к поз. центрам AB и BC), угол не должен влиять на ответ.

Ответ: 1. $\sqrt{2}$

2. $\frac{\sigma \sqrt{17}}{2\epsilon_0}$



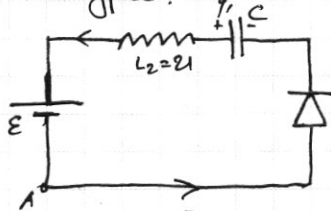
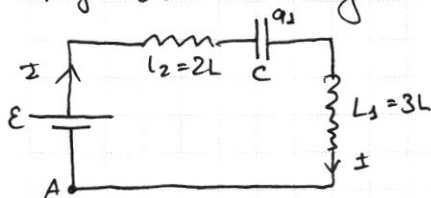
1. Сделаем обход ~~контур~~ через диод:

$$\varphi_A + \frac{q}{C} + 2LI_1 - \varepsilon = \varphi_A \rightarrow 2LI_1 + \frac{q}{C} - \varepsilon = 0.$$

Через катушку: $\varphi_A - 2LI_1 - \frac{q}{C} - 3LI = \varphi_A \rightarrow \varepsilon - 2LI_1 - \frac{q}{C} - 3LI = 0.$

Заметим, что когда ток идет через катушку, а не через диод, назад по диоду ~~он~~ он не возвращается. С другой стороны, когда ток течет только в обратную сторону, он течет только через диод (по пути нулевого сопротивления).

Тогда мы имеем два контура:



1) $\varepsilon - 5LI - \frac{q}{C} = 0.$

$$\ddot{q} + \frac{q}{5LC} - \frac{\varepsilon}{5L} = 0.$$

$$\ddot{q} + \frac{1}{5LC} (q - C\varepsilon) = 0.$$

$$\omega_1 = \sqrt{\frac{1}{5LC}}$$

$$T = \frac{\pi}{\omega_1} + \frac{\pi}{\omega_2} = \pi\sqrt{5LC} + \pi\sqrt{2LC} = \pi\sqrt{LC}(\sqrt{5} + \sqrt{2}) \approx \sqrt{LC}\pi(2,25 + 1,41) = 3,66\pi\sqrt{LC}$$

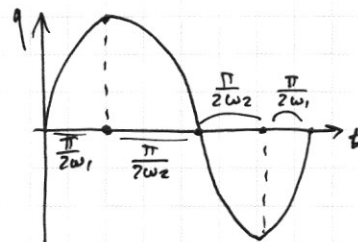
2. 1) $q_1 = A_1 \sin(\omega_1 t)$; $A_1 = C\varepsilon$
 $I_1 = A_1 \omega_1 \cos(\omega_1 t)$ $\omega_1 = \sqrt{\frac{1}{5LC}}$

$$I_{01} = A_1 \omega_1 = C\varepsilon \sqrt{\frac{1}{5LC}} = \varepsilon \sqrt{\frac{C}{5L}}$$

2) $q_2 = C\varepsilon \cos(\omega_2 t)$

$$I_2 = C\varepsilon \cdot \omega_2 \cdot \sin(\omega_2 t)$$

$$I_{02} = C\varepsilon \cdot \sqrt{\frac{1}{2LC}} = \varepsilon \sqrt{\frac{C}{2L}}$$



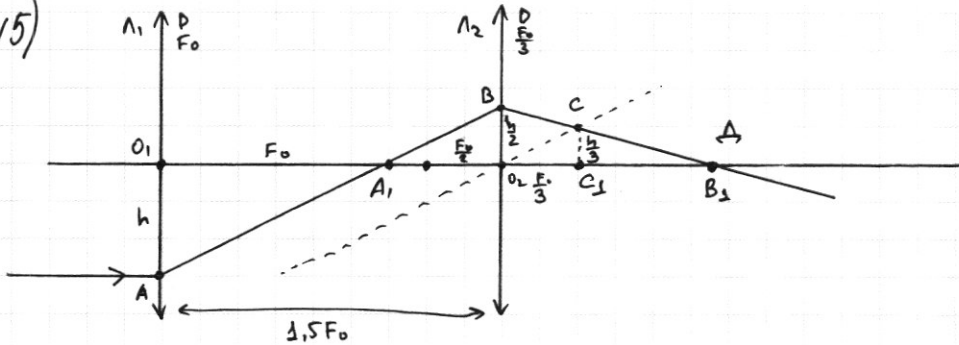
Ответ: 1. $T = \pi(\sqrt{5} + \sqrt{2}) \cdot \sqrt{LC}$

2. $I_{01} = \varepsilon \sqrt{\frac{C}{5L}}$

3. $I_{02} = \varepsilon \sqrt{\frac{C}{2L}}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N5)



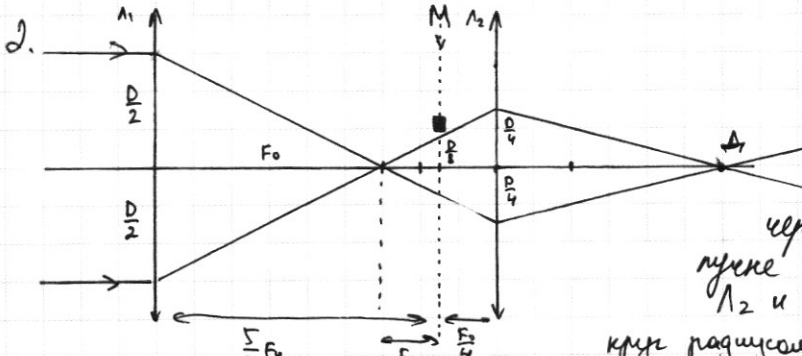
1. Построим один из лучей. Точка, где он после L_2 пересекает $\Gamma O O$ - расположена детектора. Из симметрии найдем, что: $\frac{BO_2}{AO_1} = \frac{A_1O_2}{A_1O_1} = \frac{F_0/2}{F_0} \rightarrow 2BO_2 = AO_1 = \frac{h}{2}$

Заметим параллельности A_1B_2 и $O_2C_1 \rightarrow \frac{CC_1}{BO_2} = \frac{C_1O_2}{A_1O_2} = \frac{F_0/2}{F_0/2} = 1 \rightarrow CC_1 = BO_2 = \frac{h}{4}$
(т.к. $O_2C_1 \parallel A_1B_2$)

Заметим параллельности B_1C_1 и $B_1BO_2 \rightarrow \frac{B_1O_2}{B_1C_1} = \frac{O_2B}{CC_1}$

$$B_1C_1 = \frac{CC_1}{O_2B} \cdot B_1O_2 = \frac{h/4}{h/2} \cdot (B_1O_1 + F_0/3) = \frac{2}{3} B_1C_1 + \frac{2F_0}{9} \Rightarrow \frac{1}{3} B_1C_1 = \frac{2F_0}{9} \rightarrow B_1C_1 = \frac{2F_0}{3}$$

Итого $O_2B_1 = \frac{F_0}{3} + B_1C_1 = F_0 = L_2 A$



Т.к. сразу после линзы начала отсчета $t=0$ так I начинает уменьшаться, значит, мишень была прямо на границе линзы пучка и начало его пересекает, через t_0 полностью оказавшись в пучке света. На плоскости, параллельной L_2 и проходящей через M свет образует круг радиусом $\frac{D}{8}$ (это следует из подобия).

Итого радиус мишени - r . Известно, что когда мишень была целиком на пути света, макс был $I_1 = \frac{1}{9} I_0$. $I \sim S_{\text{света}}$. Тогда

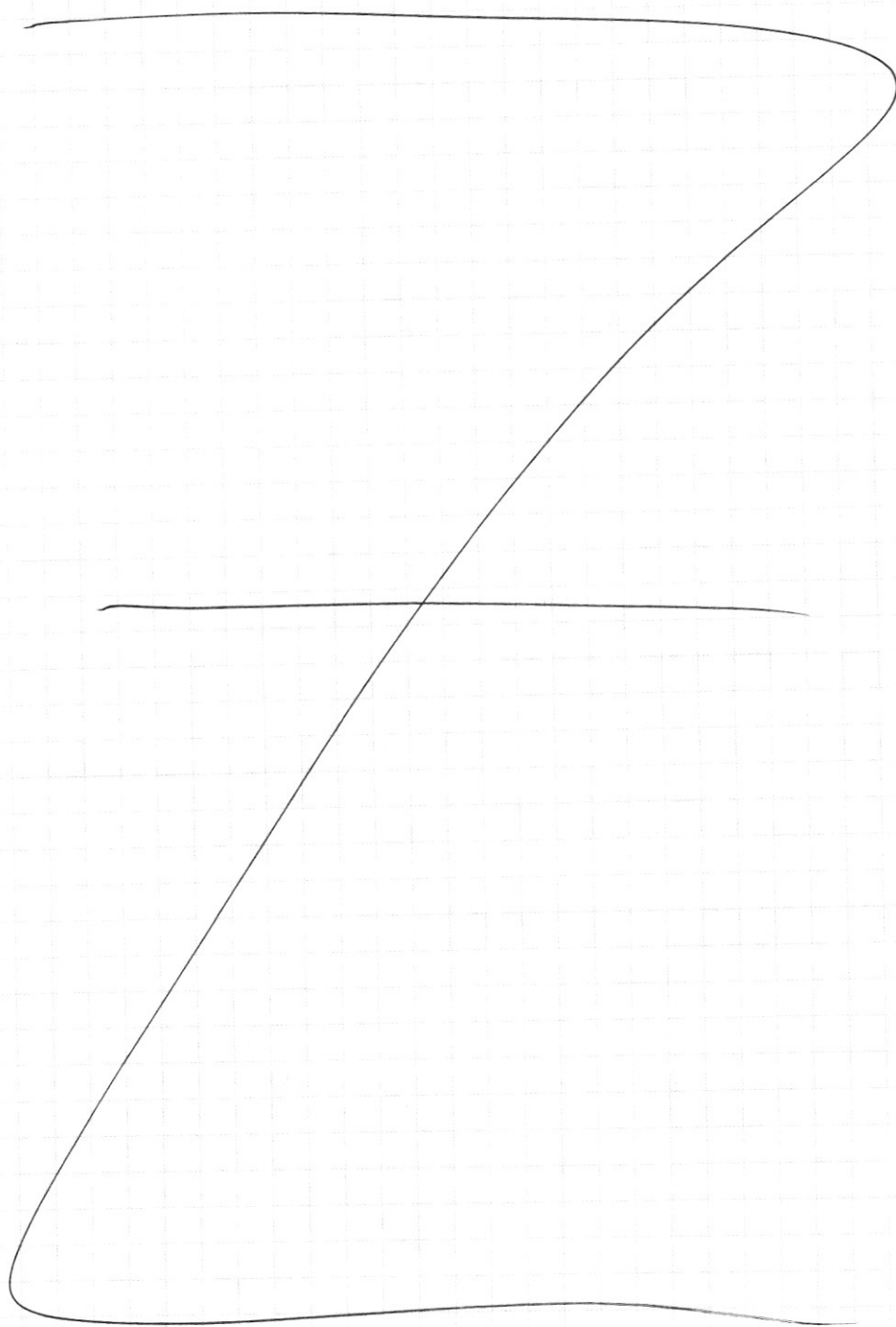
$$\begin{cases} \frac{1}{9} I_0 = \alpha \cdot (\pi \frac{D^2}{64} - \pi r^2) \\ I_0 = \alpha \cdot \pi \frac{D^2}{64} \end{cases} \rightarrow \frac{1}{9} = \frac{D^2 - r^2}{\frac{D^2}{64}} \Rightarrow \frac{1}{9} = 1 - \frac{64r^2}{D^2} \rightarrow \frac{1}{9} = \frac{64r^2}{D^2} \rightarrow \frac{1}{3} D = 8r \rightarrow r = \frac{D}{24}$$

Получается, мишень преодолела расет. $2r$ за t_0 . $v = \frac{D}{12t_0}$

Тогда, чтобы начал выходить из пучка света, мишень должна преодолеть $S_1 = 2 \cdot \frac{D}{8} - 2 \cdot \frac{D}{24} = \frac{D}{6}$

А значит, $(t_1, t_2) \cdot \frac{S_1}{v} = \frac{D}{6} : \frac{D}{12t_0} = 2t_0$
 $t_1 = 3t_0$

- Ответ: 1. $L_2 A = F_0$
2. $v = \frac{D}{12t_0}$
3. $t_1 = 3t_0$





ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ШИФР

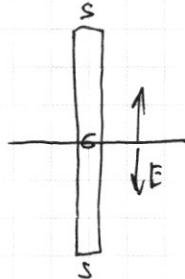
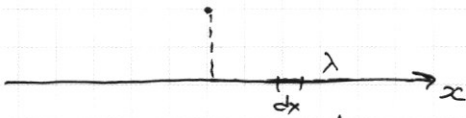
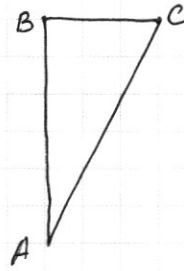
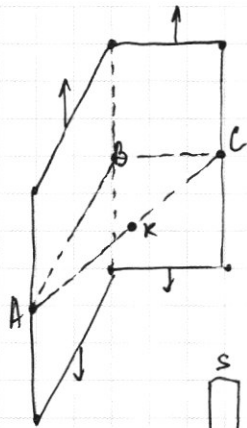
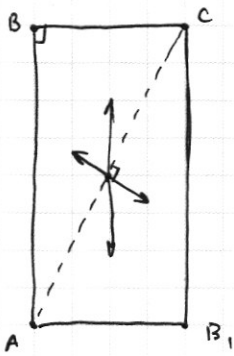
(заполняется секретарём)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

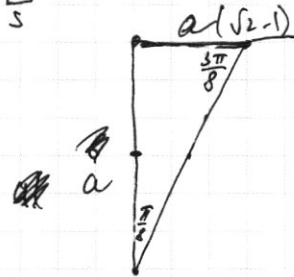
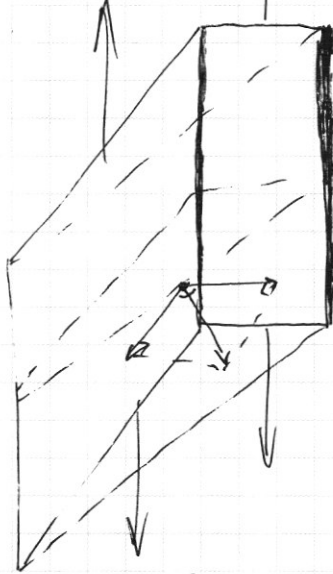


черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №
(Нумеровать только чистовики)



$$\frac{GS}{2E_0} = E \cdot \frac{2}{E} \quad E = \frac{G}{2E_0} \quad \frac{a}{b} = \sqrt{2} - 1$$



$$\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{8} = \frac{3\pi}{8}$$

$$\frac{a}{\sin \frac{\pi}{8}} = \frac{b}{\sin \frac{3\pi}{8}}$$

$$a = b \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}$$

$$\sqrt{\left(\frac{4G}{2E_0}\right)^2 + \left(\frac{G}{2E_0}\right)^2} = \frac{G}{2E_0} \sqrt{4^2 + 1^2}$$

$$\sin \frac{\pi}{4} = 2 \sin x \sqrt{1 - \sin^2 x}$$

$$\frac{1}{2} = \sin^2 x (1 - \sin^2 x)$$

$$\sin^4 x - \sin^2 x + \frac{1}{4} = 0$$

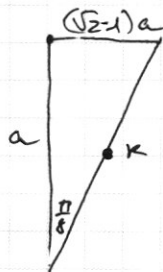
$$D = 1 - 4 \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{2}$$

$$\sin^2 x = \frac{1 - \frac{1}{2}}{2} = \frac{\sqrt{2} - 1}{2\sqrt{2}}$$

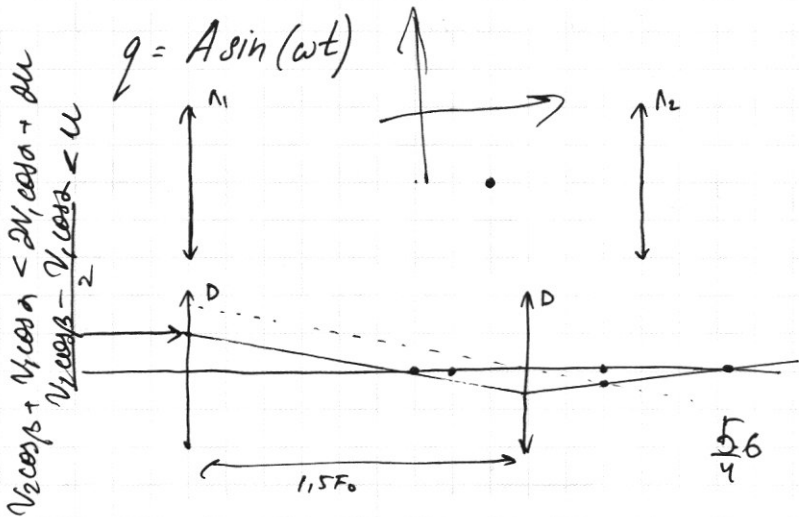
$$\sin x = \frac{\sqrt{\sqrt{2} - 1}}{2\sqrt{2}}$$

$$\cos x = \sqrt{1 - \frac{\sqrt{2} - 1}{2\sqrt{2}}} = \sqrt{\frac{\sqrt{2} + 1}{2\sqrt{2}}}$$

$$\operatorname{tg} x = \frac{\sqrt{\sqrt{2} - 1}}{\sqrt{\sqrt{2} + 1}} = \sqrt{\frac{\sqrt{2} - 1}{\sqrt{2} + 1}} = \sqrt{(\sqrt{2} - 1)^2}$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\frac{2F_0}{3} = \frac{2F_0}{5}$$

- 1 + ? -
- 2 +
- 3 + ?
- 4 +
- 5 +

$$v_1 \cos \alpha + v_2 \cos \beta = v_2 \cos \beta$$

$$\frac{F \sin \alpha}{m} = \frac{v_2 \cos \beta - v_1 \cos \alpha}{\omega}$$

$$\frac{F \sin \alpha}{m} = \frac{2v_2 \cos \beta}{\omega}$$

$$\omega = 8\sqrt{2}$$

$$15 = 4\sqrt{2}$$

$$5 = 16 \cdot 2$$

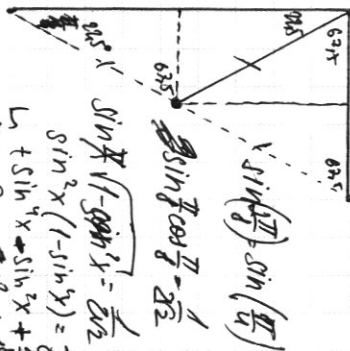
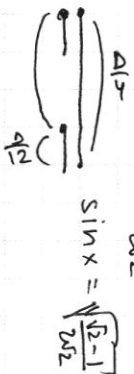
$$u < v_2 \cos \beta$$

$$4\sqrt{2} - \sqrt{5} < 4\sqrt{2}$$

$$4\sqrt{2} > -\sqrt{5}$$

$$\frac{F \sin \alpha}{m} > \frac{2v_2 \cos \beta}{\omega}$$

$$\frac{F \sin \alpha}{m} > \frac{2v_2 \cos \beta}{\omega}$$



$$\sin^2 x (1 - \sin^2 x) = \frac{1}{2}$$

$$\sin^2 x (1 - \sin^2 x) = \frac{1}{2}$$

$$u + \sin^2 x + \sin^2 x + \frac{1}{2} = 0$$

$$D = \frac{1}{2} \pm \sqrt{\frac{1}{4} - \frac{1}{2}}$$

$$\sin^2 x = \frac{1 - \sqrt{2}}{2}$$

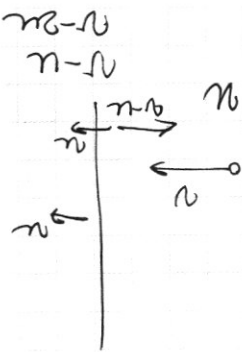
$$\frac{125}{60} = \frac{125}{60}$$

$$\frac{125}{60} = \frac{125}{60}$$

$$90 - 22.5 = 67.5$$

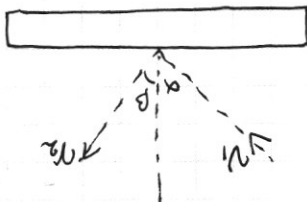
$$\frac{F \sin \alpha}{m} = v_2 \cos \beta + v_1 \cos \alpha$$

$$u = g$$



$$v_1 \cos \alpha + u + v_2 \cos \beta = v_2 \cos \beta$$

$$v_2 \cos \beta = v_1 \cos \alpha + u$$



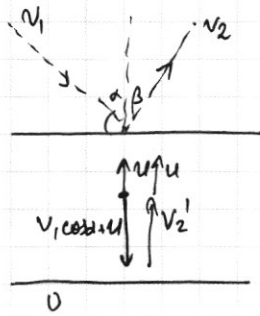
$$\frac{D}{R} = \frac{1}{3}$$

$$1 = \frac{D}{24}$$

$$\frac{D}{R} = \frac{1}{3}$$

$$1 - \frac{D}{R} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{D}{R} = \frac{2}{3}$$



$$v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \beta \quad \sqrt{1 - \frac{1}{9}} = \frac{\sqrt{8}}{3} = \frac{2\sqrt{2}}{3} \quad \frac{4}{9}$$

$$v_1 + u$$

$$Oy: (-v_1 \cos \alpha - u)m + Fat = m v_{2y}'$$

$$v_2' + u = v_2$$

$$(-v_1 \cos \alpha - u)m + Fat = m(v_2 \cos \beta - u)$$

$$Fat = m(v_2 \cos \beta + v_1 \cos \alpha + u)$$

$$Fat = m(v_2 + v_1 \cos \alpha)$$

$$\frac{831}{100} = \frac{831}{100}$$

$$\begin{array}{r} 770 \\ 6 \overline{) 4620} \\ \underline{6} \\ 17 \\ \underline{18} \\ 10 \end{array}$$

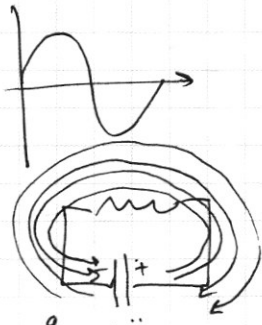
$$\begin{array}{r} 831 \\ 6 \overline{) 5046} \\ \underline{6} \\ 23 \\ \underline{21} \\ 21 \end{array}$$

277.3

магнитное поле

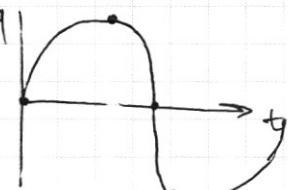
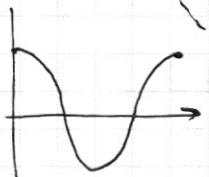
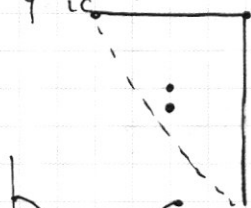
полюс / полюс

0.831.14



$$\frac{q}{C} + L\dot{q} = 0$$

$$\dot{q} + \frac{q}{LC} = 0$$



50625

$$E_q = LI^2 + \frac{q^2}{2C} + \frac{3}{2}LI^2$$

$$E_q = \frac{5}{2}LI^2 + \frac{q^2}{2C}$$

$$E_q = 5LI\dot{I} + \frac{q}{C} \dot{q}$$

$$E\dot{q} = 5L\dot{I}^2 + \frac{q}{C}\ddot{q}$$

$$5L\ddot{I} + \frac{q}{C} - E = 0$$

$$\begin{array}{r} 2,25 \\ \times 2,25 \\ \hline 11,25 \\ 450 \\ \hline 450 \end{array}$$

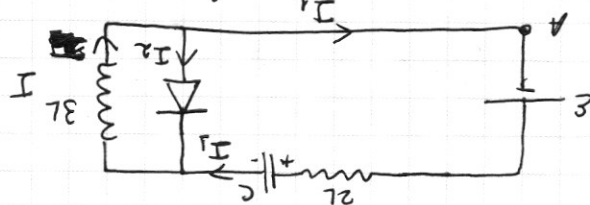
$$0 = 3 - 5I_1 - 3I_2 = 0$$

$$3 - 5I_1 - 3I_2 = 0$$

$$3 - 2I_1 - 3I_2 = 0$$

$$3 - 2I_1 - 3I_2 = 0$$

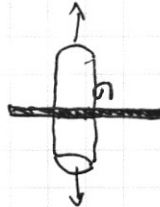
$$3 + 3I_1 - 3I_2 = 0$$



$$E - 2I_1 - 3I_2 = 0$$

$$\frac{Q}{E_0} = ES$$

$$\frac{Q}{E_0} = E \cdot \frac{S}{E_0} \Rightarrow E = \frac{Q}{2E_0}$$



$$\begin{array}{r} 15,00 \\ \times 23 \\ \hline 23 \\ 89 \\ \hline 46 \\ \hline 529 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 22 \\ \times 22 \\ \hline 44 \\ \hline 484 \end{array}$$

277,5 2,25

$$\frac{9131}{831}$$

$$\begin{array}{r} 831 \\ \times 11 \\ \hline 831 \\ 9131 \end{array}$$

$$\frac{1310}{831}$$

$$0,36 \cdot 831 \cdot 55$$

$$165$$

$$165$$

$$\frac{831}{13}$$

$$\frac{18,55}{50} = \frac{9,11}{25}$$

$$831,00$$

$$831$$

$$822,69$$

$$7479$$

$$\frac{831}{99}$$

$$\begin{array}{r} 32 \\ \times 32 \\ \hline 64 \\ 640 \\ \hline 1024 \end{array}$$

$$\frac{822,69}{164,538}$$