

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

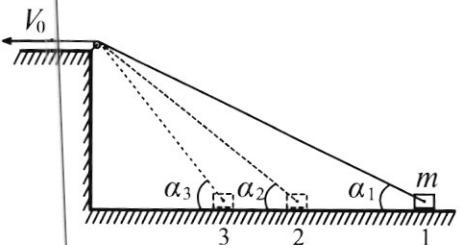
Класс 11

Вариант 11-07

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Груз массой m подтягивается по гладкой горизонтальной поверхности к стене с помощью лебедки, неподвижного небольшого легкого блока и легкого троса (см. рис.). Трос вытягивается лебедкой с постоянной скоростью V_0 . Груз последовательно проходит точки 1, 2 и 3, для которых $\sin \alpha_1 = \frac{1}{4}$, $\sin \alpha_2 = \frac{1}{2}$, $\sin \alpha_3 = \frac{4}{5}$. От точки 1 до точки 2 груз перемещается за время t_{12} .



- 1) Найти скорость V_3 груза при прохождении точки 3.
- 2) Найти работу лебедки A_{13} при перемещении груза из точки 1 в точку 3.
- 3) Найти время t_{23} перемещения груза из точки 2 в точку 3.

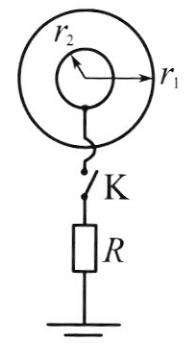
2. Цилиндрический сосуд, стоящий на горизонтальном столике, помещен в терmostат, в котором поддерживается постоянная температура $T_0 = 373\text{ K}$. Стенки сосуда проводят тепло. Сосуд разделен на две части подвижным (нет трения при перемещении) поршнем. В нижней части находится воздух объемом V_1 , в верхней - водяной пар и немного воды. Содержимое сосуда в равновесии. Поршень своим весом создает добавочное давление $P_0/7$, где P_0 – нормальное атмосферное давление. Сосуд переворачивают и ставят на столик, в верхней части оказывается воздух. Через некоторое время устанавливается новое равновесное состояние.

- 1) Найти объем V_2 воздуха в сосуде после переворачивания.
- 2) Найти изменение массы Δm воды.
- 3) Найти изменение внутренней энергии содержимого сосуда.

Удельная теплота испарения воды L , молярная масса воды μ . Массой воды, пара и воздуха по сравнению с массой поршня пренебречь. Объемом воды при конденсации пара можно пренебречь по сравнению с объемом пара, из которого образовалась вода. Воздух считать идеальным газом.

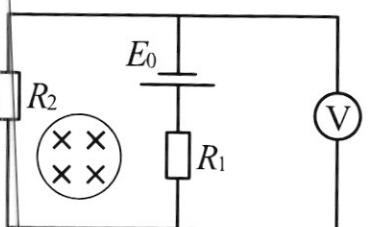
3. Два тонкостенных полых проводящих шара (тонкостенные сферы) с общим центром и радиусами r_1 и r_2 образуют сферический конденсатор (см. рис.). На внешнем шаре находится отрицательный заряд $-Q_0$, где $Q_0 > 0$. внутренний шар не заряжен и соединен с Землей через ключ K и резистор R . Ключ замыкают.

- 1) Найти заряд q внутреннего шара после замыкания ключа.
 - 2) Найти энергию W_0 электрического поля вне шаров до замыкания ключа.
 - 3) Какое количество теплоты W выделится в резисторе R после замыкания ключа?
- Сопротивление проводов, шаров и Земли не учитывать. Радиусы шаров значительно меньше расстояния между Землей и шарами.



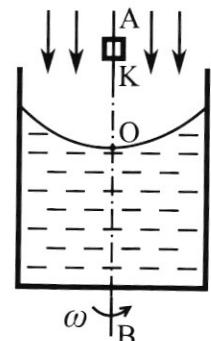
4. В проволочную конструкцию впаяны резисторы с сопротивлениями $R_1 = R$, $R_2 = 2R$, идеальный источник с ЭДС E_0 , вольтметр с сопротивлением $R_V = 4R$ (см. рис.). Сопротивление проводов конструкции пренебрежимо мало. Однородное магнитное поле сосредоточено практически в узкой области – магнитном сердечнике с площадью поперечного сечения S .

- 1) Найти показание V_1 вольтметра, если индукция магнитного поля остается постоянной.
- 2) Найти показание V_2 вольтметра, если индукция магнитного поля возрастает с постоянной скоростью $\Delta B / \Delta t = k > 0$.

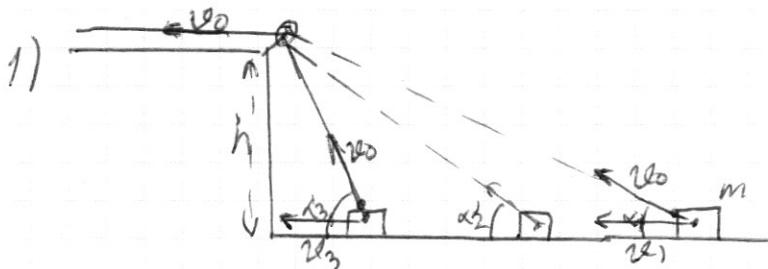


5. Цилиндрический сосуд с жидкостью вращается с угловой скоростью $\omega = 5\text{ c}^{-1}$ вокруг вертикальной оси АВ, совпадающей с осью симметрии сосуда (см. рис.). Наблюдатель, находясь вблизи экватора Земли, рассматривает в полдень изображение Солнца с помощью миниатюрной камеры К, расположенной на оси вращения.

- 1) Найти радиус кривизны свободной поверхности жидкости в её нижней точке О.
 - 2) На каком расстоянии от точки О будет наблюдаться изображение Солнца, полученное в отраженных от свободной поверхности жидкости лучах?
- Принять $g = 10\text{ m/s}^2$.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$1. v_3 = v_0 \cdot \cos \alpha_3 = v_0 \cdot \sqrt{1 - \sin^2 \alpha_3} = v_0 \cdot \sqrt{1 - \frac{16}{25}} = \boxed{\frac{3}{5} v_0}$$

$$2) A_{13} = -\Delta E_{K13} = \frac{m v_0^2}{2} - \frac{m v_3^2}{2}$$

$$v_1 = v_0 \cdot \cos \alpha_1 = v_0 \sqrt{1 - \sin^2 \alpha_1} = v_0 \cdot \sqrt{1 - \frac{1}{16}} = \frac{\sqrt{15}}{4} v_0$$

$$A_{13} = m \frac{(\frac{\sqrt{15}}{4} v_0)^2}{2} - m \frac{(\frac{3}{5} v_0)^2}{2} = \frac{15}{16} \frac{m v_0^2}{2} - \frac{9}{25} \frac{m v_0^2}{2} = \frac{15}{32} m v_0^2 - \frac{9}{50} m v_0^2 =$$

$$\left(\frac{15}{25} - \frac{9}{25} \right) m v_0^2 = m v_0^2 \left(\frac{15 \cdot 5^2 - 9 \cdot 4}{25 \cdot 5} \right) = m v_0^2 \left(\frac{375 - 144}{800} \right) = \boxed{\frac{231}{800} m v_0^2}$$

3) Наша волна движется со скоростью v_0 ,

$$\text{и потому } v_0 \cdot t_{23} = l_2 - l_3 = \frac{h}{\sin \alpha_2} - \frac{h}{\sin \alpha_3} = 2h - \frac{5}{4}h = \frac{3}{4}h$$

$$l = \frac{h}{\sin \alpha} \quad l' = \frac{h}{\sin \alpha'} \quad l' = v_0 \cdot t_{23} = \frac{3}{4}h$$

~~$$v_0 \cdot t_{23} = \frac{3}{4}h \quad t_{23} = \frac{3}{4}h \quad l' = h \sin^2 \alpha \cos \alpha \alpha'$$~~

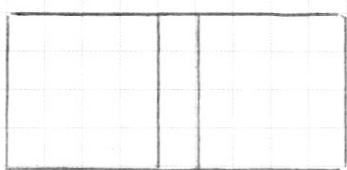
$$v_0 = \frac{h \cos \alpha \cdot l'}{\sin^2 \alpha} \quad \frac{h \cos \alpha \cdot l'}{\sin^2 \alpha} =$$

~~$$l \sin \alpha = h \quad l' \sin \alpha + l \sin \alpha = 0$$~~

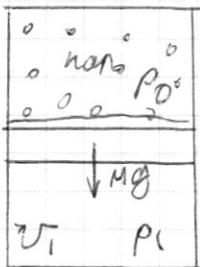
~~$$v_0 \sin \alpha + l \cos \alpha = 0$$~~

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

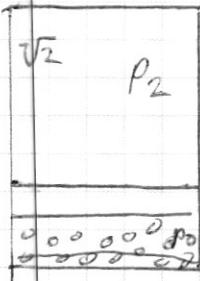
2)



1)



2)



1. Поскольку состояние плавновесное, а в верхней части сосуда есть вода, то пар насыщенный. Давление насыщенного пара при $T_0(373K; 100^\circ C) = P_0$;

условие равновесия для состояния 1: $P_1^S = (P_0 + \frac{mg}{A})S; P_1 = \frac{3}{4}P_0$

При перевороте сосуда пар остается насыщенным, поэтому для состояния 2: $(P_2 + \frac{mg}{A})S = P_0 \cdot S; P_2 = \frac{1}{4}P_0$

Закон Бойля-Мариотта: $P_1V_1 = P_2V_2 \quad \frac{3}{4}P_0V_1 = \frac{1}{4}P_0V_2$

$$V_2 = \frac{3}{6}V_1$$

2. Пар в состоянии 1) $P_0(V_0 - V_1) = V_1RT_0 \quad V_0 - \text{объем всего сосуда}$

Пар в состоянии 2: $P_2(V_0 - V_2) = V_2RT_0$

$$P_0V_0 - P_0V_1 = \frac{m_1}{\mu}RT_0 \quad m_1 = \frac{\mu(P_0V_0 - P_0V_1)}{RT_0}$$

$$P_0V_0 - P_2 \cdot \frac{3}{6}V_1 = \frac{m_2}{\mu}RT_0 \quad m_2 = \frac{\mu(P_0V_0 - P_2 \cdot \frac{3}{6}V_1)}{RT_0}$$

$$\Delta m = m_2 - m_1 = \frac{\mu}{RT_0} (P_0V_0 - P_2 \cdot \frac{3}{6}V_1 - P_0V_0 + P_0V_1) = \frac{\mu}{RT_0} \cdot -\frac{2}{6}P_0V_1 = -\frac{2\mu P_0V_1}{6RT_0}$$

3) Для воздуха: $\Delta u = 0$; т.к. $T = \text{const}$;

Для пара: $Q = \Delta u + A \quad \Delta u = Q - A; Q = L\Delta m; A = P_0\Delta V =$

$$-P_0(V_0 - V_1 - V_0 + V_2) = -P_0(V_2 - V_1) = -\frac{2}{6}P_0V_1 = -\frac{1}{3}P_0V_1$$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

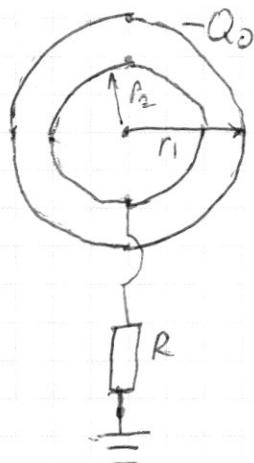
Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\Delta U = \frac{L}{3} \frac{M P_0 V_1}{R T_0} - \left(-\frac{1}{3} P_0 V_1 \right) = \frac{1}{3} \left(P_0 V_1 - \frac{L M P_0 V_1}{R T_0} \right)$$

Ответ: $\Delta U = \frac{1}{3} \left(P_0 V_1 - \frac{M P_0 V_1 \cdot L}{R T_0} \right)$

3)

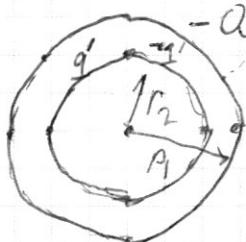


1) Потенциал на внутреннем заряде после заземления должен быть 0, т.к. он соединен с землей

$$-\frac{Q_0}{r_1} k + \frac{q}{r_2} k = 0$$

$$\frac{q}{r_2} = \frac{Q_0}{r_1} \quad q = Q_0 \frac{r_2}{r_1}$$

2) До заземления кисма:



Напряженность внутри шара r_2 должна быть равна 0, внутри $r_1 \rightarrow$ ионизация.

$$\Rightarrow \psi_{r_1} = \psi_{r_2}, \quad \psi_{r_1} = -\frac{Q_0}{r_1} k + \frac{q'}{r_1} k$$

$$\psi_{r_2} = \left(\frac{q'}{r_2} - \frac{Q_0}{r_1} \right) k \quad -\frac{Q_0}{r_1} k + \frac{q'}{r_1} k = \frac{q'}{r_2} - \frac{Q_0}{r_1} k$$

$q' = 0$ На внешнюю часть сферы r_2 перенесут заряд Q_0 , т.к. пока заземлен; значит $W_0 = 0$;

3) Рассмотрим разность потенциалов на разности:

$$U = 0 - \psi_{r_1} = 0 - \left(-\frac{Q_0}{r_1} k + \frac{q}{r_1} k \right) = \frac{Q_0}{r_1} k + \frac{q}{r_1} k \quad \text{где } q \text{-заряд внутренней сферы.}$$

Макс. ~~изменение~~ теплота при перемещении ~~заряда~~ малого заряда dq , $dQ = U dq = dq \cdot \frac{Q_0}{r_1} k + \frac{q}{r_1} k$

$$\int_0^{Q_0} dQ = \int_0^{Q_0} \left(dq \frac{Q_0}{r_1} k + \frac{q}{r_1} k \right) ; Q_0 = \left(\frac{q Q_0}{r_1} - \frac{q^2}{2 r_1} \right) k \Big|_0^{Q_0} = \frac{Q_0^2 r_1}{r_1^2} - \frac{Q_0^2 r_1^2}{2 r_1^2}$$

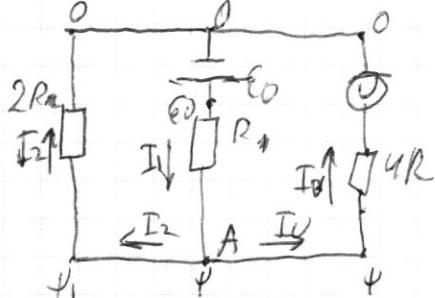
черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\alpha = \frac{\omega_0^2 \cdot r_2}{2R_2} \quad W = Q = \frac{\omega_0^2 r_2}{2R_2} \quad \text{Ответ: 1) } q = \omega_0 \frac{r_2}{\pi}; \quad W_0=0; \quad W = \frac{\omega_0^2 r_2}{2R_2}$$

4) 1. если $B = \text{const}$, Едс индуциции α ,



Воспользуемся методом потенциалов

$$E_0 - \psi = I_1 \cdot R$$

$$\psi - 0 = I_2 \cdot 2R \quad I_2 \cdot 2R = I_V \cdot 4R$$

$$\psi - 0 = I_V \cdot 4R$$

$$I_V = \frac{I_2}{2} \quad I_2 = 2I_V$$

1-е правило К-оха для узла A: $I_1 = I_2 + I_V$

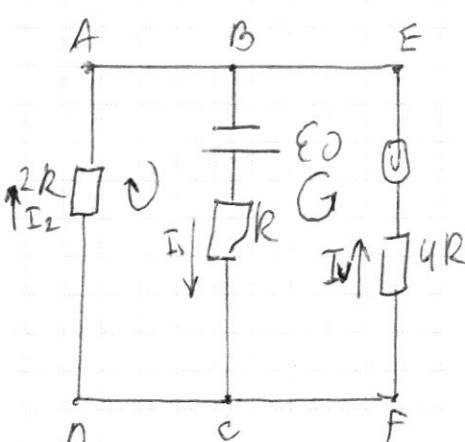
$$= 3I_V \quad E_0 = I_1 \cdot R + I_V \cdot 4R = 3I_V \cdot R + 4I_V R = 7I_V R \quad I_V R = \frac{E_0}{7}$$

$$V_I = 4I_V R = \frac{4E_0}{7}$$

2) При изменении B возникает Едс индуциции $|E_i| = \frac{|A| \omega_0}{R_A + R_2}$

$$= \frac{\Delta B \cdot S}{R_A + R_2} = \text{мкс}; \quad \text{Едс индуциации сменяются своим знаком}$$

меняясь на 90° ; поэтому будет изменено направление против часовой стрелки в контуре ABCD; в контуре BCFE Едс не будут:



Для ABCD 2-е правило Кирхгофа:

$$E_0 - |E_i| = I_1 R + I_2 R \cdot 2$$

для BCFE: $E_0 = I_1 R + I_V \cdot 4R$

для узла C: $I_1 = I_2 + I_V; \quad I_1 = \frac{E_0}{R} - 4I_V$

$$I_1 = \frac{E_0 - |E_i|}{R} - 2I_2$$

$$\frac{E_0}{R} - 4I_V = \frac{E_0}{R} - \frac{|E_i|}{R} - 2I_2$$

$$4I_V = 2I_2 + \frac{|E_i|}{R}$$

$$I_2 = 2I_V - \frac{|E_i|}{2R}$$

$$I_1 = 2I_V - \frac{|E_i|}{2R} + I_V = 3I_V - \frac{|E_i|}{2R}$$

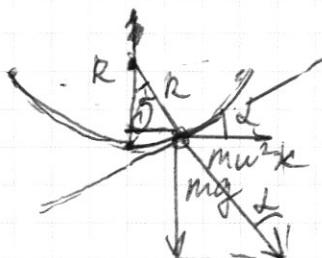
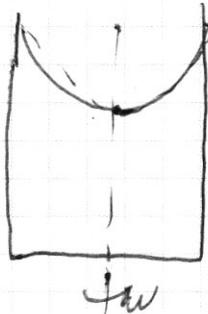
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$E_0 = I_1 R + U_{IR} = 3I_1 R - \frac{|E_1|}{2R} R + U_{IR} = 4I_1 R - \frac{|E_1|}{2}$$

$$I_1 R = \frac{E_0 + |E_1|}{4}, \quad U_2 = U_{IR} = \frac{4E_0 + 2|E_1|}{4} = \frac{4E_0}{4} + \frac{2}{4}|E_1| = E_0 + \frac{1}{2}|E_1|$$

Ответ: $U_1 = \frac{4}{7} E_0; \quad U_2 = \frac{4}{7} E_0 + \frac{1}{2} |E_1|$

5)



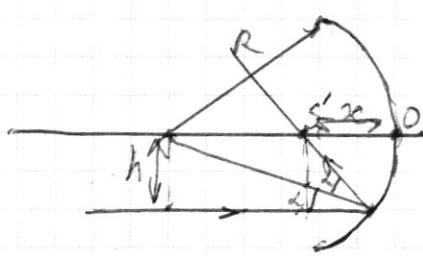
переходим в неподвижную
координату; тогда на
движущийся кусочек
массы m будут

действовать сила центробежная $m\omega^2 r$ и сила тяжести
 $m\omega^2 r$ где $r \rightarrow$ значение от точки O , когда $\tan \alpha =$
 $\frac{m\omega^2 r}{mg} = \frac{\omega^2 r}{g}$ получаем уравнение параболы: $y = \frac{\omega^2 r^2}{g}$

$$\alpha = R \sin \alpha \rightarrow \text{в окрестности точки } O \text{ угол малый, поэтому } \sin \alpha \approx \tan \alpha = \alpha$$

$$R \alpha = r \quad \alpha = \frac{r^2}{R} \quad R \cdot \frac{r^2}{R} = r \quad R = \frac{r^2}{r} = \frac{10}{5} = 0,25 \text{ м.}$$

2) Изображение получается в отраженных зеркалах, потому что
повернутое зеркало можно считать совершающим зеркалом.



$$h = R \sin \alpha$$

$$\tan \alpha \approx \frac{h}{x}$$

$$h \approx x \alpha$$

$$h \approx R \alpha$$

→ приближена
малой углов

$$R \alpha \approx x - R$$

$$x = \frac{R}{2}$$

$$x = \frac{0,25}{2} = 0,125 \text{ м.}$$

x -расстояние от O до изображения

Ответ: $R = 0,25 \text{ м}; \quad x = 0,125 \text{ м.}$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

черновик чистовик

(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №_____
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$-2I_2 \cdot R + U I_{12} R = (Ei)$$

$$-2Q(2I_{12}R - \frac{U_{11}}{2}) = U_{11}$$

→ верно. Был описано.

$$\frac{h}{\sin \alpha} = h \cdot (\sin \alpha')' = -h \sin^2 \alpha \cdot \cos \alpha$$



$$E = 0$$

помимо

шаров: ст

$$\frac{Q_0}{r_2} \cdot \cos \alpha$$

$$\frac{Q_0}{r_2} \cos$$

$$-\frac{Q_0}{r_1} + \frac{q'}{r_1} - \frac{q_{\text{вн}}}{r_1} + \frac{q'}{r_1} = \frac{q'}{r_1}$$

$$v(x) = v_0 \cos \alpha = v_0 \cdot \frac{h}{\sqrt{e^2 - v_0^2 t^2}}$$

$$dx = v(x) \cdot dt$$

$$\frac{h}{x} = \tan \alpha$$

$$x = h \operatorname{ctg} \alpha$$

$$\operatorname{ctg} \alpha$$

$$x_2 = h \operatorname{ctg} \alpha_3 \quad x = h(\operatorname{ctg} \alpha_3 - \operatorname{ctg} \alpha_2)$$

$$l = l_0 - v_0 dt$$

$$q' = q_0$$

$$\operatorname{ctg} \alpha = \frac{h}{l}$$

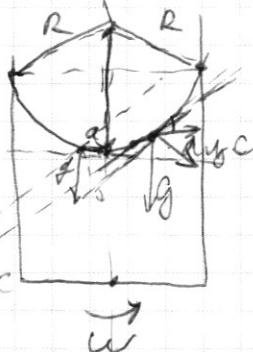
$$l = \frac{h}{\operatorname{ctg} \alpha}$$

$$t_{12} = \frac{\frac{h}{\operatorname{ctg} \alpha_3} - \frac{h}{\operatorname{ctg} \alpha_2}}{v_0}$$

$$\sin \alpha = \frac{x}{l}$$

5)

авс
вс ωx



$$\frac{3}{4}h = v_0 t_2$$

$$h = \frac{v_0 t}{\sin \alpha}$$

$$d\alpha = \frac{v_0 h dt}{2h - v_0 dt}$$

$$U = \left(\frac{Q_0}{r_1} + \frac{q}{r_2} \right) C$$

уменьшение длины
радиуса:

$$0_1 = \frac{Q_0 \cdot dt}{r_1} \quad \left(\frac{h}{\sin \alpha_2} - \frac{h}{\sin \alpha_3} \cdot t_{12} \right) = v_0 \cdot t_{23}$$

$$\frac{v_0 \cdot t_{12}}{l}$$

$$v_0 \sin \alpha = h \quad 2h - \frac{5}{4}h = \frac{3}{4}h = v_0 \cdot t_{23}$$

$$\sin \alpha = \frac{x}{l}$$

$$v_0 \sin \alpha + \frac{3}{4}h = h$$

$$dl = \frac{h}{ds \sin \alpha}$$

$$v(x) dt = \frac{h}{ds \sin \alpha} \cos \alpha$$

$$dx = \frac{h}{ds \sin \alpha} \cos \alpha$$

$$v_0 \cos \alpha dt = \frac{h}{ds \sin \alpha} \cos \alpha$$

$$ds = \frac{h}{ds \sin \alpha}$$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

- 1) 1 - просто через них свяжь
- 2) - измерение кинетической энергии систем
- 3) - можно имитировать (на черновике подумать, как лучше $dE = \rho dV$)
- 2) 1 - просто через вес поршня
- 2) через давление в верхней части
- 3) 1) через потенциал
- 2) потенциальное поле взаимодействия зарядов
- 3) промежуточное значение сопротивления с изменением потенциала
- 4) 1) метод потенциалов
- 2) создание E искрения в конечн. \rightarrow подведение блока источника.
- 5) 1) механика (равновесие искрения)
- 2) метод сил зеркало $v =$
- 1)
-
- $s = v_0 \cos \alpha - \frac{v_0}{g} \sin \alpha \quad \tan \beta = \frac{x}{h}$
- $v = v_0 \cos \alpha \sqrt{1 - \left(\frac{v_0}{g} \sin \alpha\right)^2}$
- $v_0 \sin \alpha = v_0 \cdot \frac{v_0}{g} \sin \alpha$
- $\Rightarrow \text{составить}$
- $\sin \beta' = \frac{v_0 \sin \alpha}{h}$
- $v_{\text{макс}} = v_0 \cos \alpha$
- $v - \text{перемещение}, h - \text{расстояние}$

