

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

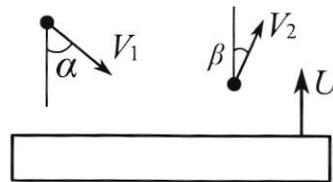
Класс 11

Вариант 11-04

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 18$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{3}{5}$) с вертикалью.

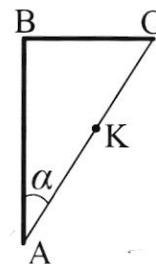


- 1) Найти скорость V_2 .
 - 2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.
- Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится аргон, во втором – криптон, каждый газ в количестве $\nu = 3/5$ моль. Начальная температура аргона $T_1 = 320$ К, а криптона $T_2 = 400$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31$ Дж/(моль·К).

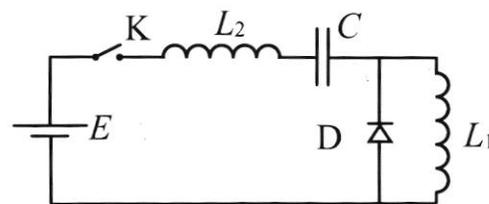
- 1) Найти отношение начальных объемов аргона и криптона.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал криптон аргону?

3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



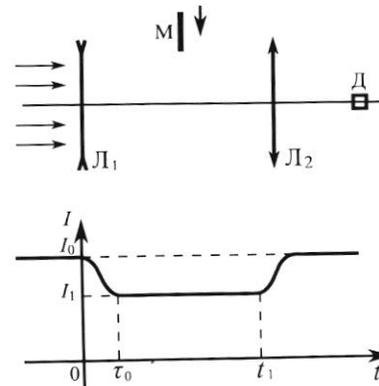
- 1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?
- 2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = \sigma, \sigma_2 = 2\sigma/7$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/9$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 5L, L_2 = 4L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .



- 1) Найти период T этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .
- 3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями $-2F_0$ и F_0 , соответственно. Расстояние между линзами $2F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе D , на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень M , плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии F_0 от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 7I_0/16$

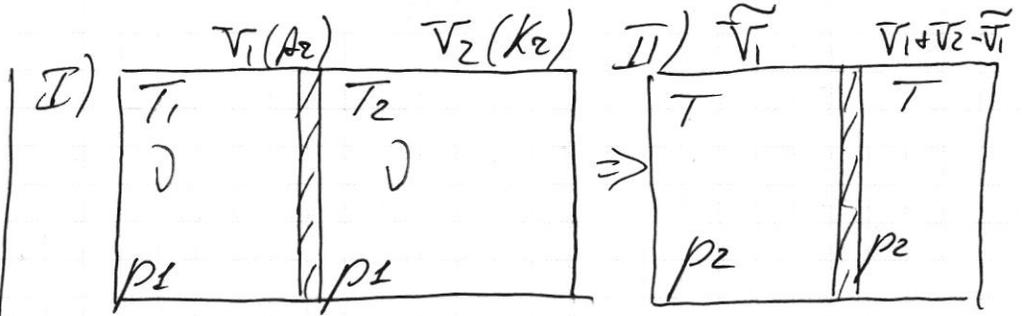


- 1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.
 - 2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .
- Известными считать величины F_0, D, τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$\boxed{N2}$
 $\nu = \frac{3}{5} \text{ моль}$
 $T_1 = 320 \text{ K}$
 $T_2 = 400 \text{ K}$
 $R = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{K}}$

$\frac{V_1}{V_2} - ?$
 $T - ?$
 $Q_{кр.} - ?$



① из условия равновесия криныя:

I) $p_{кр.} \cdot S = p_{кр.} \cdot S$

$p_{кр.} = p_{кр.} = p_1$

II) $\tilde{p}_{кр.} \cdot S = \tilde{p}_{кр.} \cdot S$ $\tilde{p}_{кр.} = \tilde{p}_{кр.} = p_2$

② По закону Менделеева-Клапейрона:

1) $p_1 V_1 = \nu R T_1$
 $p_1 V_2 = \nu R T_2$ $\Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{320}{400} = 0,8$

③ т.к. криныя медленнее, то $p_1 \approx p_2$

2) $p_2 \tilde{V}_1 = \nu R T = p_2 (V_1 + V_2 - \tilde{V}_1)$
 $T = \frac{T_1 + T_2}{2}; T = 360 \text{ K}$

④ $(A_{внеш.} = \Delta K = 0 \text{ (для криныя)})$
 $A_{внеш.} = -A_{кр.}$ По первому закону термодинамики:
 $Q_{кр.} = \Delta U_{кр.} + A_{кр.}$
 $Q_{кр.} - (\Delta U_{кр.} + A_{кр.}) = 0$

$Q_{кр.} = \Delta U_{кр.} + A_{кр.} = \frac{3}{2} \nu R (T - T_2) + p_2 (V_1 + V_2 - \tilde{V}_1) - p_2 (V_1 + V_2 - \tilde{V}_1)$
 $= \frac{3}{2} \nu R (T - T_2) + \nu R (T_1 - T) = \nu R (\frac{T_1}{2} + \frac{3}{2} (T_1 - T_2))$

$Q_{кр.} = \frac{3}{5} \cdot 8,31 \cdot (\frac{360}{2} + \frac{3}{2} (-80)) = 300 \text{ Дж}$

Дано: $\frac{v_1}{v_2} = 20,8$; $T = 360 \text{ K}$; $\omega = 300 \text{ рад/с}$

NL

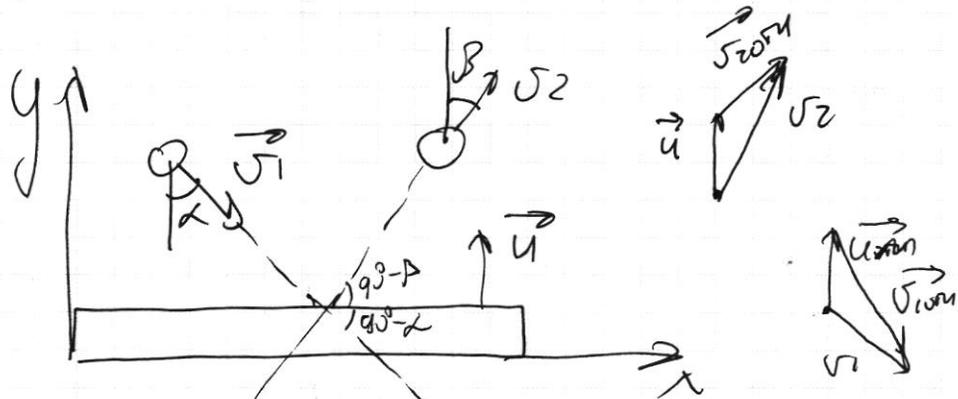
$$v_1 = 18 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$\sin \alpha = \frac{2}{3}$$

$$\sin \beta = \frac{3}{5}$$

$$v_2 = ?$$

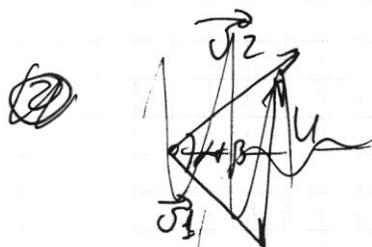
$$u = ?$$



① По оси Ox сохраняется импульс системы, т.к. нет действия внешних сил вдоль нее:

$$m v_1 \sin \alpha = m v_2 \sin \beta$$

$$v_2 = v_1 \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}; v_2 = 18 \cdot \frac{2 \cdot 5}{3 \cdot 3} = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$



$$u^2 = v_1^2 + v_2^2 - 2v_1v_2 \cos(\alpha + \beta)$$

$$u = \sqrt{v_1^2 + v_2^2 - 2v_1v_2 \cos(\alpha + \beta)}$$

③ $v_{10x} = v_1 \cos \alpha = u \cos \alpha$

④ $v_{20x} = v_2 \cos \beta = u \cos \beta$

⑤ $v_{1y} = -v_1 \sin \alpha = -u \sin \alpha$; $v_{2y} = v_2 \sin \beta = u \sin \beta$

⑥ $u = \sqrt{v_1^2 + v_2^2 + 2v_1v_2 \cos(\alpha + \beta)}$

$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{5}}{3}; \cos \beta = \frac{4}{5}$$

$$u = \sqrt{18^2 + 20^2 + 2 \cdot 18 \cdot 20 \cdot \left(\frac{4}{3\sqrt{5}} - \frac{2}{5}\right)}$$

5) За время t_0 минуть увеличивается на $2x$:

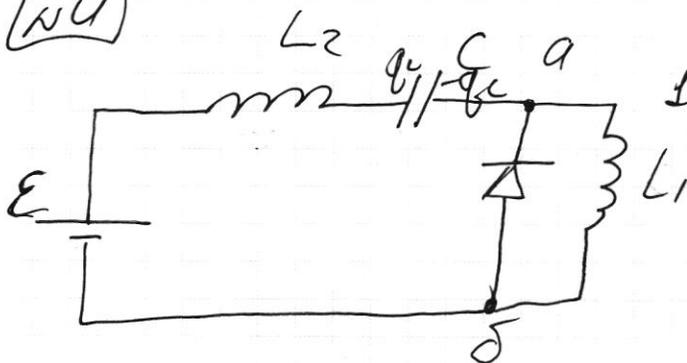
$$v = \frac{2x}{t_0} = \frac{2h\sqrt{1 - \frac{v_1^2}{c^2}}}{t_0} =$$

$$= \frac{3D\sqrt{1 - \frac{v_1^2}{c^2}}}{2t_0} = \frac{9D}{16t_0}$$

6) $t_1 = t_0 + \frac{3D}{4v} - 2x/v$ $t_0 + \frac{2h - \frac{3}{2}h}{v} =$
 $2t_0 + \frac{h}{2v} = t_0 + \frac{3D}{16v} = t_0 + \frac{1}{3}t_0 = \frac{4}{3}t_0$

Ответ: $f = \frac{4}{3}t_0$; $v = \frac{9D}{16t_0}$; $t_1 = \frac{4}{3}t_0$

УЧ



1) при $\varphi_a > \varphi_b$ $I_2 = 0$

1) По 3-му закону Кирхгофа для правой цепи:

$$\mathcal{E} = U_{L_2} + U_{L_1} + U_C$$

$$\mathcal{E} = \ddot{q}_2 L_2 + \ddot{q}_1 L_1 + \frac{q_1}{C} \quad (\text{первый контур})$$

2) во втором контуре ток идет через диод:

$$\mathcal{E} = \ddot{q}_2 L_2 + \frac{q_2}{C}$$

Т.к. внешнее действие \mathcal{E} не имеет на период колебаний
 t_0 $v = \frac{I_1 + I_2}{2} = v_0$

3) ? На 1) $\ddot{Q}_2 + Q_2 \sqrt{\frac{1}{LC_2}} \sqrt{\frac{1}{C(L_2+L_1)}} = 0$ $v_1 = 2\pi\sqrt{C(L_2+L_1)}$
 2) $\ddot{Q}_2 + Q_2 \sqrt{\frac{1}{LC_2}} = 0$ $v_2 = 2\pi\sqrt{LC_2}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

(24)

$$T = 2\pi \sqrt{C(L_1 + L_2) + L_2 C'} = 2\pi \sqrt{C'} (\sqrt{L_1 + L_2} + \sqrt{L_2}) = 2\pi \sqrt{C'} \sqrt{L_1 + L_2} + 2\pi \sqrt{C'} \sqrt{L_2}$$

4) При максимальной ток на катушке напряжение равно 0. ($U_1 = 0$)

Тогда: $\varepsilon = U_2 + U_C$

• в первом периоде: $I_1 = I_2$ ($z = z_c$)

• т.к. колебание гармонические

$$q_c = \varepsilon C \cos(\omega_1 t + \varphi_0) \quad (\varphi_0 = \frac{3\pi}{2})$$

$$\dot{q}_c = -\varepsilon \omega_1 C \sin(\omega_1 t + \varphi_0)$$

$$I_{1\max} = \varepsilon C \cdot \frac{1}{\sqrt{C(L_1 + L_2)}} = \varepsilon \sqrt{\frac{C}{L_1 + L_2}} = \frac{\varepsilon}{3} \sqrt{\frac{C}{L_1}}$$

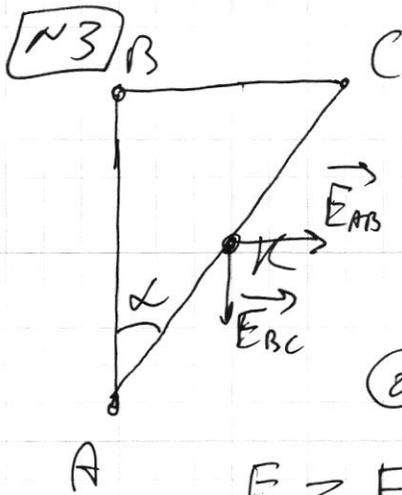
5) при $I_{2\max}$ либо $I_{2\max} = I_{1\max}$,
либо ток $I_{2\max}$ будет во втором периоде

$$q_c = \varepsilon C \cos(\omega_2 t + \varphi_0) \quad (\varphi_0 = \frac{3\pi}{2})$$

$$\dot{q}_c = -\varepsilon C \omega_2 \sin(\omega_2 t + \varphi_0)$$

$$I_{2\max} = \varepsilon C \cdot \omega_2 = \varepsilon C \cdot \frac{1}{\sqrt{L_2 C}} = \frac{\varepsilon}{2} \sqrt{\frac{L_1}{C}}$$

Ответ: $T = 2\pi \sqrt{L_1 C}$; $I_{1\max} = \frac{\varepsilon}{3} \sqrt{\frac{C}{L_1}}$; $I_{2\max} = \frac{\varepsilon}{2} \sqrt{\frac{L_1}{C}}$



1) Если все пластины соприкасаются, то происходит перераспределение зарядов на них при изменении этих зарядов пластин.

2) т.к. $\alpha = \frac{\pi}{4}$; $BC = AB$; $S_{BC} = S_{AB}$
 $S_{AC} = S_{AB} \sqrt{2}$

$$E = E_{BC} = \frac{Q}{\epsilon_0 S}$$

$$Q_{BC+AB} = \frac{Q_{BC} \cdot 2S + Q_{AB} \cdot 2S}{2S} = Q_{BC}$$

3) $E_{BC} = E_{BC}$ $E_{AB} = E_{BC}$

Тогда: $\vec{E} = \vec{E}_{BC} + \vec{E}_{AB}$ $\vec{E} = E_{BC} + E_{AB}$

$$\vec{E} = \sqrt{2} E_{BC}$$

4) $\frac{E}{E} = \sqrt{2} \approx 1,4$

5) при $\alpha = \frac{\pi}{9}$: $\frac{BC}{AB} = \text{tg} \alpha = \text{tg} \frac{\pi}{9}$
 $S_{BC} = \text{tg} \frac{\pi}{9} S_{AB}$

1) $E = E_{BC}^2 + E_{AB}^2$

2) перераспределенный заряд:

по закону сохранения заряда:

$$Q_{AB} \cdot S_{AB} + Q_{BC} \cdot S_{BC} = Q_0$$

$$Q_0 \cdot S_{AB} \left(\frac{2}{\sqrt{2}} \cdot 1 + 1 \cdot \text{tg} \frac{\pi}{9} \right) = Q_0 \cdot (S_{AB} + S_{BC})$$

$$3) Q_{AB} \left(\frac{2}{\sqrt{2}} \cdot 1 + 1 \cdot \text{tg} \frac{\pi}{9} \right) = Q_0 \cdot (S_{AB} + S_{BC})$$

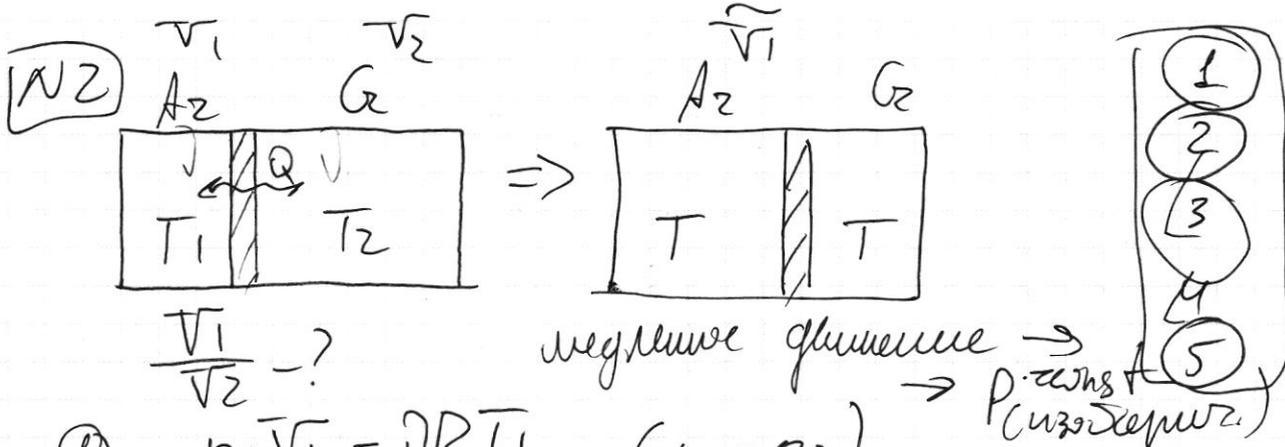
$$Q_0 = Q \left(\frac{\frac{2}{\sqrt{2}} + \text{tg} \frac{\pi}{9}}{1 + \text{tg} \frac{\pi}{9}} \right)$$

$$E = \frac{Q_0}{\epsilon_0 S_{AB}} \cdot \sqrt{2}$$

$$E = \frac{\sqrt{2}}{\epsilon_0} \cdot Q \left(\frac{\frac{2}{\sqrt{2}} + \text{tg} \frac{\pi}{9}}{1 + \text{tg} \frac{\pi}{9}} \right)$$

Или: $\vec{E} = \sqrt{2} E$; $E = \frac{Q_0}{\epsilon_0 S_{AB}} \cdot \sqrt{2} \left(\frac{\frac{2}{\sqrt{2}} + \text{tg} \frac{\pi}{9}}{1 + \text{tg} \frac{\pi}{9}} \right)$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$\frac{V_1}{V_2} = ?$

медленнее быстрее \rightarrow
(процесс) \rightarrow p. закон А (изотермич.)

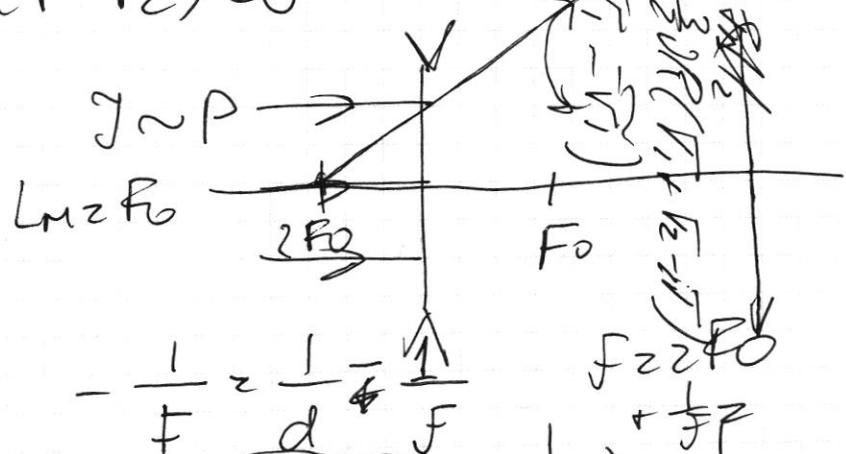
① $p_1 V_1 = \nu R T_1$
 $p_2 V_2 = \nu R T_2$

② $p_2 V_1 = \nu R T$
 $p_2 (V_1 - \tilde{V}_1 + V_2) = \nu R T$
 $p_2 (V_1 + V_2) - \nu R T_2 = \nu R T$

Автомат. $\approx \Delta K \approx 0$
 $Q = \frac{3}{2} \nu R (T - T_2) + A$

$Q - \frac{3}{2} \nu R (T - T_2) = 0$

- ⑤
 $F_1 = 2F_0$
 $F_2 = F_0$
 $L = 2F_0$
 $D < 4F_0$



$-\frac{1}{F} = \frac{1}{d} + \frac{1}{F}$
 $F = 2F_0$

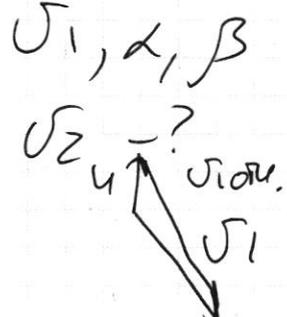
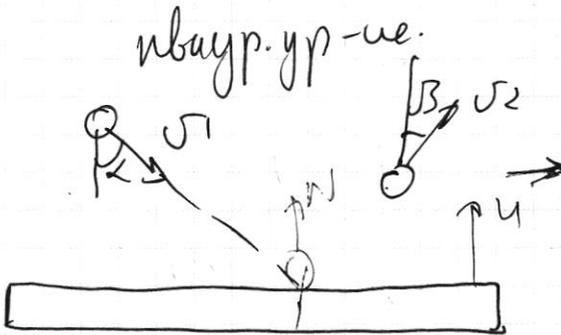
③ $Q = ?$
 $V_1 = \frac{V_1 + V_2}{2}$
 $\frac{\nu R (V_1 + V_2)}{2}$
 $\frac{\nu R (V_1 + V_2)}{2} = \nu R T$
 $V_1 + V_2 = 2T$
 $V_1 = 2T - V_2$
 $V_1 = 2T - (2T - V_1) = V_1$
 $\frac{1}{2F_0} + \frac{1}{F_0} = \frac{1}{F}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\sigma_1 \cos \alpha + u$$

$$\sigma_2 \cos \beta + u$$

$$\sigma_1 \cos \alpha + u = \sigma_2 \cos \beta + u$$



⊙ u - ?

$$\Delta p = m \sigma_1 \cos \alpha + m(u + \sigma_2 \sin \beta + 2u)$$

$$m \sigma_2 \cos \beta - m \sigma_1 \cos \alpha = 0$$

$$\sigma_1 \cos \alpha = u + \sigma_2 \sin \beta$$

$$\sigma_2 \cos \beta = u + \sigma_1 \cos \alpha$$

$$-\sigma_1 \cos \alpha = u + \sigma_2 \sin \beta$$

$$\sigma_2 \cos \beta = u + \sigma_1 \cos \alpha$$

$$\sigma_1 \cos \alpha = u + \sigma_2 \sin \beta$$

$$\sigma_2 \cos \beta = u + \sigma_1 \cos \alpha$$

$$\sigma_2 \cos \beta = u + \sigma_1 \cos \alpha$$

$$m \sigma_2 \cos \beta + m u = m \sigma_1 \cos \alpha + m u$$

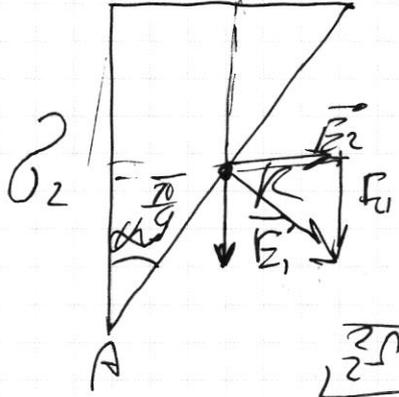
$$(1 - \sigma_1) \sigma_2 = \sigma_1 (1 - \sigma_2)$$

$$\sigma_2 = \sigma_1$$

$$\sigma_1 = \sigma_2$$

№3

$OB = z \text{ const } \rho_1$



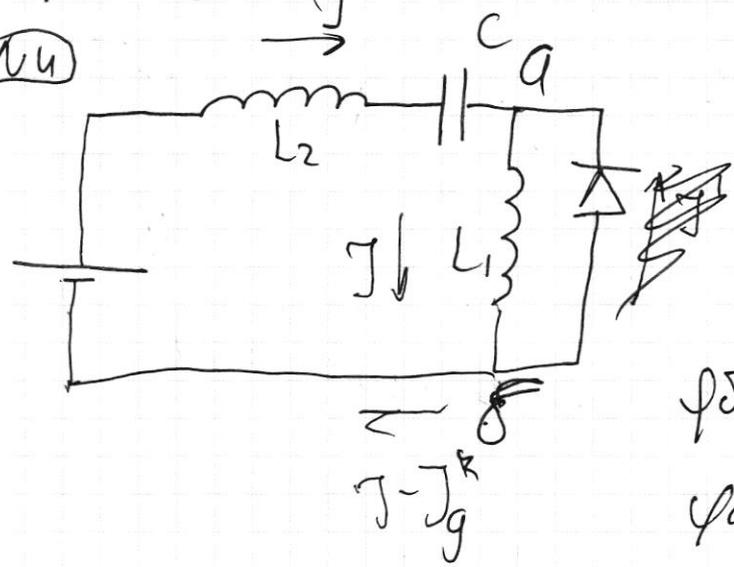
$$E_{кв} = \frac{\rho}{S \epsilon_0}$$

$$\vec{E}_k = \sqrt{2} \frac{\rho}{S \epsilon_0}$$

$$\vec{E}_k = \sqrt{2} \frac{\rho}{S \epsilon_0} (\vec{e}_1 + \vec{e}_2)$$

$$U = \frac{\rho \sqrt{2} \cos^2 \beta - U \sqrt{2}}{\sqrt{2} + \sqrt{2} \cos 2\beta - 2U} = U$$

№4



$$\varphi_a > \varphi_0 - I_g = 0$$

$$\varphi_a < \varphi_0 - I_g > 0$$

$$\varphi_0 - \varphi_a = -E + U_C + U_L$$

$$\varphi_a - \varphi_0 = E - U_C - U_L$$

$$E - \frac{q}{C} - \frac{q}{L_2}$$

3. $U_1 \cos \alpha + U_2 \cos \beta = U$
 $U_1 \cos \alpha + U_2 \cos \beta = U$

$$\frac{U_1 \cos \alpha}{U_1} = \frac{U_2 \cos \beta}{U_2} = \frac{U \cos \alpha + U \cos \beta}{U_1 + U_2}$$

$$U_{1 \text{ max}} = (U_1^2 + U_2^2 + 2U_1 U_2 \cos \alpha) \cos \beta$$

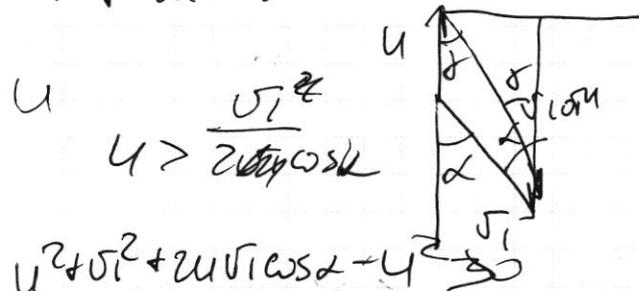
$$U_{2 \text{ max}} = (U_1^2 + U_2^2 - 2U_1 U_2 \cos \alpha) \cos \beta$$



$\begin{array}{r} \times 831 \\ 4986 \\ 2493 \\ \hline 24916 \end{array}$

$-Nat = m\sqrt{2}v_{0ny} - m\sqrt{2}v_{0ny}$

$u^2 + u(2v_1 \cos \alpha - 1) + v_1^2 > 0$



$-E + U_{12} + U_C > U_{C1}$
 $\varphi_a - \varphi_b > 0$
 $\varphi_a - 0 = -U_C - U_{12}$
 $0 - \varphi_b = E - U_{C1}$

$\begin{array}{r} \times 288 \\ 500 \\ \hline 288 \end{array}$

$v_{10ny} = u^2 + v_1^2 + 2uv_1 \cos \alpha$
 $v_{20ny} = u^2 + v_2^2 - 2uv_2 \cos \beta$

$\frac{v_{10ny}}{\sin \alpha} = \frac{v_1}{\sin \gamma} = \frac{u}{\sin(\alpha - \gamma)}$

$\sin \gamma = \frac{v_1 \sin \alpha}{v_{10ny}}$

$u > \frac{v_2}{2 \cos \beta}$
 $v_{1y} = v_1 \cos \alpha$

$v_1 \sin(\alpha - \gamma) = u \sin \gamma$

$\frac{\sin \alpha \cos \gamma - \sin \gamma \cos \alpha}{\sin \gamma} = \frac{u}{v_1}$

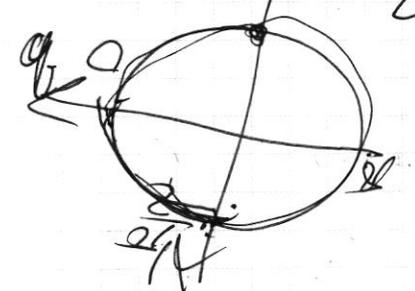
$\sin \alpha \cot \gamma - \cos \alpha = \frac{u}{v_1}$

$v_{10ny} = v_1 \cos \alpha - u$
 $v_{20ny} = v_2 \cos \beta - u$
 $v_{10ny} \sin \gamma = v_1 \sin \alpha$

$\cot \gamma = \left(\frac{u}{v_1} + \cos \alpha \right) / \sin \alpha$
 $\cot \gamma = \frac{u}{v_1 \sin \alpha} + \cot \alpha$

$\cot^2 \gamma + 1 = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$

$\left(\frac{u}{v_1 \sin \alpha} + \cot \alpha \right)^2 + 1 = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$

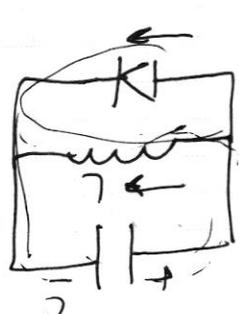


$\left(\frac{u}{v_1 \sin \alpha} + \cot \alpha \right)^2 + 1 = \frac{1}{\sin^2 \alpha}$

$u^2 + v_1^2 + 2uv_1 \cos \alpha = u^2 + 2uv_1$

$\frac{mv_1^2}{2} + Q = \frac{mv_2^2}{2}$

$Nat = X$
 $v_1 \cos \alpha$



$180 - 120 = 60$

$\begin{array}{r} \times 266 \\ 131 \\ \hline 266 \end{array}$

$\begin{array}{r} \times 266 \\ 131 \\ \hline 266 \end{array}$