

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

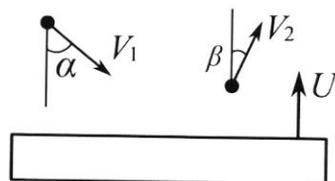
Класс 11

Вариант 11-03

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 12$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{1}{2}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{3}$) с вертикалью.



1) Найти скорость V_2 .

2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.

Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

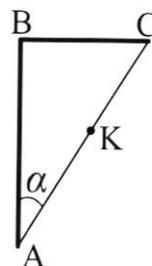
2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится водород, во втором – азот, каждый газ в количестве $\nu = 6/7$ моль. Начальная температура водорода $T_1 = 350$ К, а азота $T_2 = 550$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Газы считать идеальными с молярной теплоемкостью при постоянном объеме $C_V = 5R/2$. $R = 8,31$ Дж/(моль·К).

1) Найти отношение начальных объемов водорода и азота.

2) Найти установившуюся температуру в сосуде.

3) Какое количество теплоты передал азот водороду?

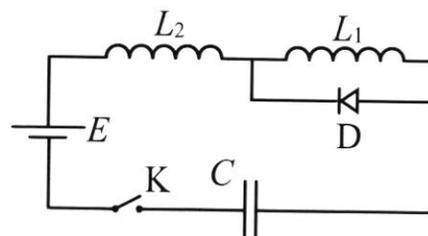
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 3\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/5$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 4L$, $L_2 = 3L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_1 .

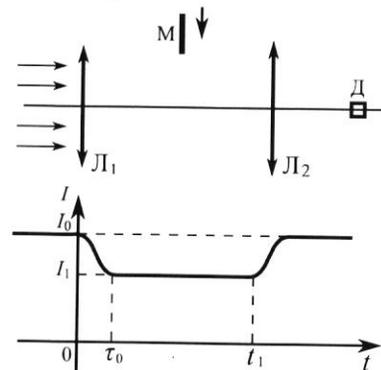


1) Найти период T этих колебаний.

2) Найти максимальный ток I_{M1} , текущий через катушку L_1 .

3) Найти максимальный ток I_{M2} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями $3F_0$ и F_0 , соответственно. Расстояние между линзами $2F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии F_0 от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 5I_0/9$.



1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.

2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

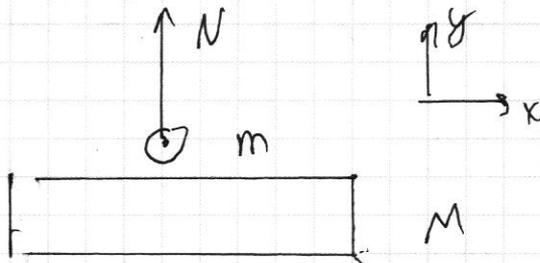
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$v_1 = 12 \frac{m}{c}; \quad \sin \alpha = \frac{1}{2}; \quad \sin \beta = \frac{1}{3}$$

$$v_2 = ? \quad u = ?$$

$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}; \quad \cos \beta = \frac{\sqrt{8}}{3}$$

m - масса шарика; $M \gg m$ - масса плиты.



Δu - изменение скорости плиты вследствие удара. По усл. плиты гладкая, поэтому во время удара на шарик действует сила, \perp плите. По 3 ЗН на плиту действует сила, также \perp плите. Тогда Δu направлен вдоль оси y , а импульс шарика сохр. в проекции на x .

$v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \beta \Rightarrow v_2 =$

$$v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \beta \Rightarrow v_2 = \frac{v_1 \sin \alpha}{\sin \beta} \approx \frac{12 \frac{m}{c} \cdot \frac{1}{2}}{\frac{1}{3}} \approx 18 \frac{m}{c}$$

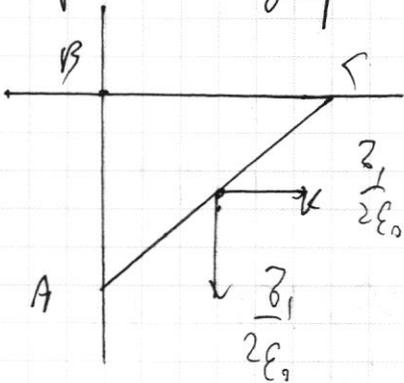
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

W3

$x = ?$ $E_{\Sigma} = ?$

- 1)] BC заряжена с пов. плотн. $\sigma_{10} > 0$
(при $\sigma_{10} < 0$ решение аналогичное)

При незаряженной AB $E_{K1} = \frac{\sigma_{10}}{2\epsilon_0}$

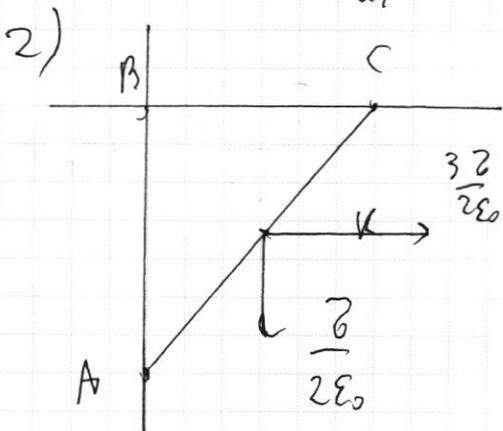


При заряженной AB

$E_{K2} = \frac{\sigma_{10} \cdot \sqrt{2}}{2\epsilon_0}$ (м. Писр. и

принцип суперпозиции).

Поэтому $x = \frac{E_{K2}}{E_{K1}} = \sqrt{2}$.



аналогично

$$E_{\Sigma} = \sqrt{\left(\frac{\sigma}{2\epsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{3\sigma}{2\epsilon_0}\right)^2} = \frac{\sigma \sqrt{10}}{2\epsilon_0}$$

Ответ: 1) $x = \sqrt{2}$

2) $E_{\Sigma} = \frac{\sigma \sqrt{10}}{2\epsilon_0}$

W2

$$\nu = \frac{6}{7} \text{ моль}; \quad T_1 = 350 \text{ К}; \quad T_2 = 550 \text{ К}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = ? \quad \Theta = ? \quad Q_{\Sigma} = ?$$

Процесс медленный \Rightarrow в любой момент давление H_2 равно давлению N_2 .

$18V_0$ - объем сосуда; p_0 - начальное давление;

V_1 - нач. объем H_2 ; V_2 - нач. объем N_2 .

$$\left. \begin{array}{l} p_0 V_1 = 2RT_1 \\ p_0 V_2 = 2RT_2 \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} \approx \frac{7}{11} \Rightarrow \begin{array}{l} V_1 = 7V_0 \\ V_2 = 11V_0 \end{array}$$

A_{Σ} - работа H_2 в процессе от начала до конца. Давения равны, измерены объёма противоположны,

Поэтому работа N_2 равна ($-A_{\Sigma}$).

Π^0 перв. нач. м.г.:

$$\left. \begin{array}{l} Q_{\Sigma} = \frac{5}{2} 2R(\Theta - T_1) + A_{\Sigma} \\ -Q_{\Sigma} = \frac{5}{2} 2R(\Theta - T_2) - A_{\Sigma} \end{array} \right\} \Rightarrow \Theta = \frac{T_1 + T_2}{2} \approx 450 \text{ К}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 2 (продолжение)

$$\left. \begin{aligned} \delta Q &= \frac{5}{2} 2R dT_{N_2} + \delta A \\ -\delta Q &= \frac{5}{2} 2R dT_{N_2} - \delta A \end{aligned} \right\} \Rightarrow dT_{N_2} = -dT_{N_2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta T_{N_2} = -\Delta T_{N_2} = \Delta T$$

Пусть в некоторый момент давление p .

$$p \cdot 18 V_0 = 2R(T_1 + \Delta T) + 2R(T_2 - \Delta T) = 2RT_1 + 2RT_2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow p = \text{const}$$

В изобарном процессе $C_p = C_v + R = \frac{7R}{2}$

$$Q_{\Sigma} = C_p 2(\Theta - T_1) = \frac{7}{2} 2R \left(\frac{T_2 - T_1}{2} \right) \approx 2,5 \text{ кДж}$$

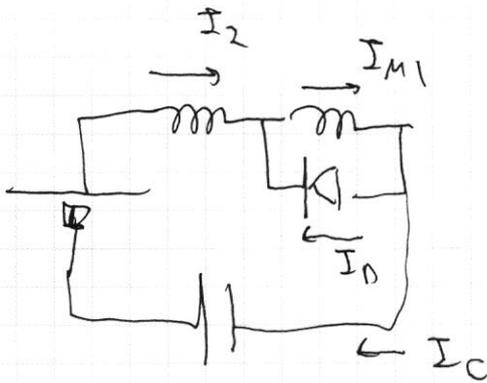
Ответ: 1) $\frac{V_1}{V_2} = \frac{7}{11} = \frac{T_1}{T_2}$

2) $\Theta = \frac{T_1 + T_2}{2} \approx 450 \text{ K}$

3) $Q_{\Sigma} = \frac{7}{2} 2R \left(\frac{T_2 - T_1}{2} \right) \approx 2,5 \text{ кДж}$

вч

через некоторое время после замыкания ключа диод открывается, после этого через L_1 течет постоянный ток, равный I_{M1} (ток через диод при этом меняется).



$$I_{M1} = I_2 + I_0 \Rightarrow I_0 = I_2$$

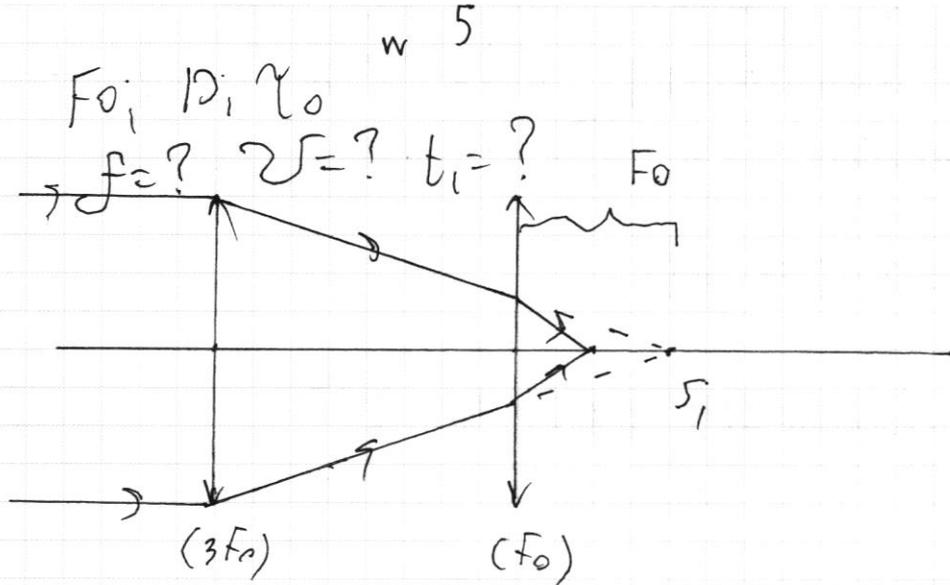
$$I_0 + I_D = I_{M1}$$

$$C \epsilon^2 = \frac{q \epsilon^2}{2} + \frac{q^2}{2} \Rightarrow I_{max} = \epsilon \sqrt{\frac{C}{4L}}$$

$$C \epsilon^2 = \frac{C \epsilon^2}{2} + \frac{4L I_{M1}^3}{2} \Rightarrow I_{M1} = \epsilon \sqrt{\frac{C}{4L}}$$

$$C \epsilon^2 = \frac{C \epsilon^2}{2} + \frac{3L I_{M2}^2}{2} + \frac{4L I_{M1}^2}{2} \Rightarrow I_{M2} = I_{M1}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



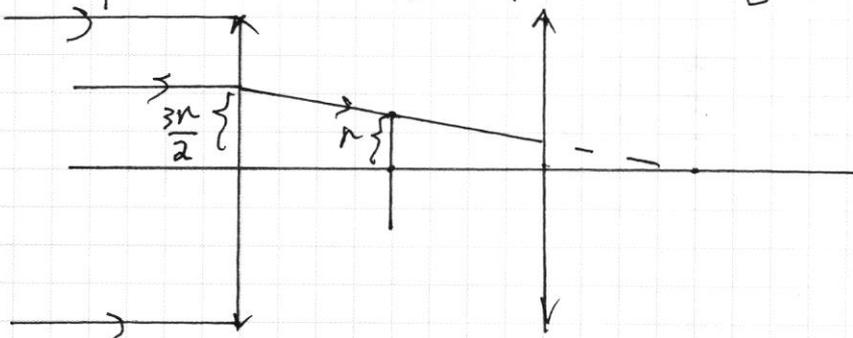
L_1 создает объект S_1 на расст. F_0 от L_2 .
 S_1 - мнимый предмет для L_2 . ФТЛ:

$$\frac{1}{F_0} = -\frac{1}{F_0} + \frac{1}{f} \Rightarrow f = \frac{F_0}{2}$$

r - радиус линзы, i - интенсивность
 пучка, падающего на L_1 .

~~I_0~~ $I_0 = k \cdot i \cdot \pi \frac{D^2}{4}$ (k - коэф. пропорциональности между S и N)

$$I_1 = k \cdot i \cdot \pi \left(\frac{D^2}{4} - \frac{gr^2}{4} \right) = \frac{5I_0}{9}$$



№5 (продолжение)

после того, как мимень изменил заездом в освещенную область, мощность не зависит от её положения, поэтому можно рассмотреть момент, когда центр мимени на Γ_0 .

$$\frac{5}{9} = 1 - \frac{gr^2}{b} \Rightarrow r = \frac{2}{9}b$$

За время τ_0 мимень проша $2r$.

$$v = \frac{2r}{\tau_0} = \frac{4b}{9\tau_0}$$

За время t_1 мимень проша $\frac{2b}{3}$.

$$t_1 = \frac{2b}{3v} = \frac{2b \cdot 9\tau_0}{3 \cdot 4b} = \frac{3}{2}\tau_0$$

Ответ: 1) $v = \frac{4b}{9\tau_0}$

2) $v = \frac{4b}{9\tau_0}$

3) $t_1 = \frac{3}{2}\tau_0$

$$\frac{2Q}{M} = \frac{m}{M} (v_1 - v_2)(v_1 + v_2) - dU (2u + du) \approx$$

$$\frac{m}{M} \ll 1$$

$$\begin{aligned} v_1 &= 12 \frac{m}{c} & v_2 &= 18 \frac{m}{c} \\ \cos \alpha &= \frac{\sqrt{3}}{2} & \cos \beta &= \frac{\sqrt{3}}{3} \end{aligned}$$

$$\approx -dU (2u + du)$$

$$v_3 \approx u \quad dU = -\frac{m}{M} (v_1 \cos \alpha + v_2 \cos \beta)$$

$$\frac{2Q}{M} = \frac{m}{M} (v_1 - v_2)(v_1 + v_2) + \frac{m}{M} (v_1 \cos \alpha + v_2 \cos \beta) \left(2u - \frac{m}{M} (v_1 \cos \alpha + v_2 \cos \beta) \right)$$

$$\frac{2Q}{m} \approx (v_1 - v_2)(v_1 + v_2) + (v_1 \cos \alpha + v_2 \cos \beta) \cdot 2u \approx 0$$

$$\approx (v_1 + v_2)(v_2 - v_1)$$

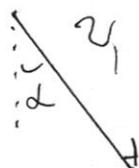
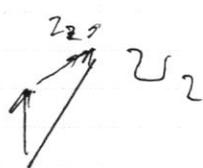
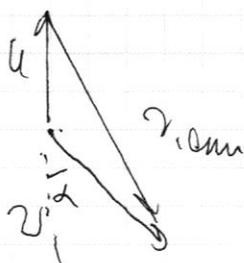
$$u \approx \frac{(v_1 + v_2)(v_2 - v_1)}{2(v_1 \cos \alpha + v_2 \cos \beta)} \approx \frac{30 \cdot 6}{2 \left(12 \frac{\sqrt{3}}{2} + 18 \frac{\sqrt{3}}{3} \right)} \frac{m}{c}$$

$$\frac{15 \cdot 6}{6(\sqrt{3} + \sqrt{3})}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$u; v_1; \sin \alpha = \frac{1}{2}$

$v_2; \sin \beta = \frac{1}{3}$

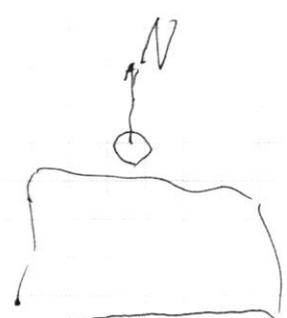


$v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \beta$

$m; M > m$

$u \rightarrow u$

$v_2 = \frac{v_1 \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{12 \cdot \frac{1}{2}}{\frac{1}{3}} = 18$



↑

$Mu - m v_1 \cos \alpha = M(u + du) + m v_2 \cos \beta$

~~$Mu - m v_1 \cos \alpha = Mu + Mdu + m v_2 \cos \beta$~~

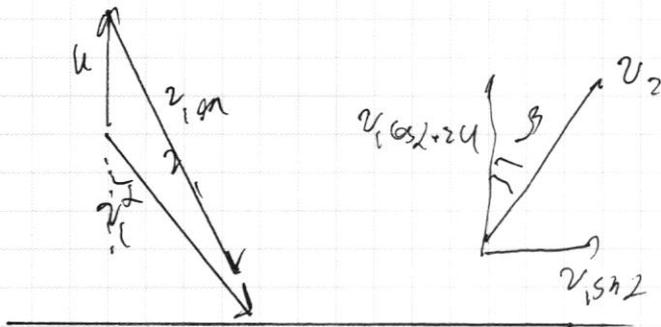
$Mdu = -m v_1 \cos \alpha - m v_2 \cos \beta$

$\frac{m v_1^2}{2} + \frac{M u^2}{2} = \frac{m v_2^2}{2} + \frac{M(u+du)^2}{2}$ $u^2 - (u+du)^2$
 $(u - u - du)$
 $(-du)$

$2Q = m(v_1 - v_2)(v_1 + v_2) + M(-du)(2u + du)$

$u^2 - u^2 - 2u du - du^2$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

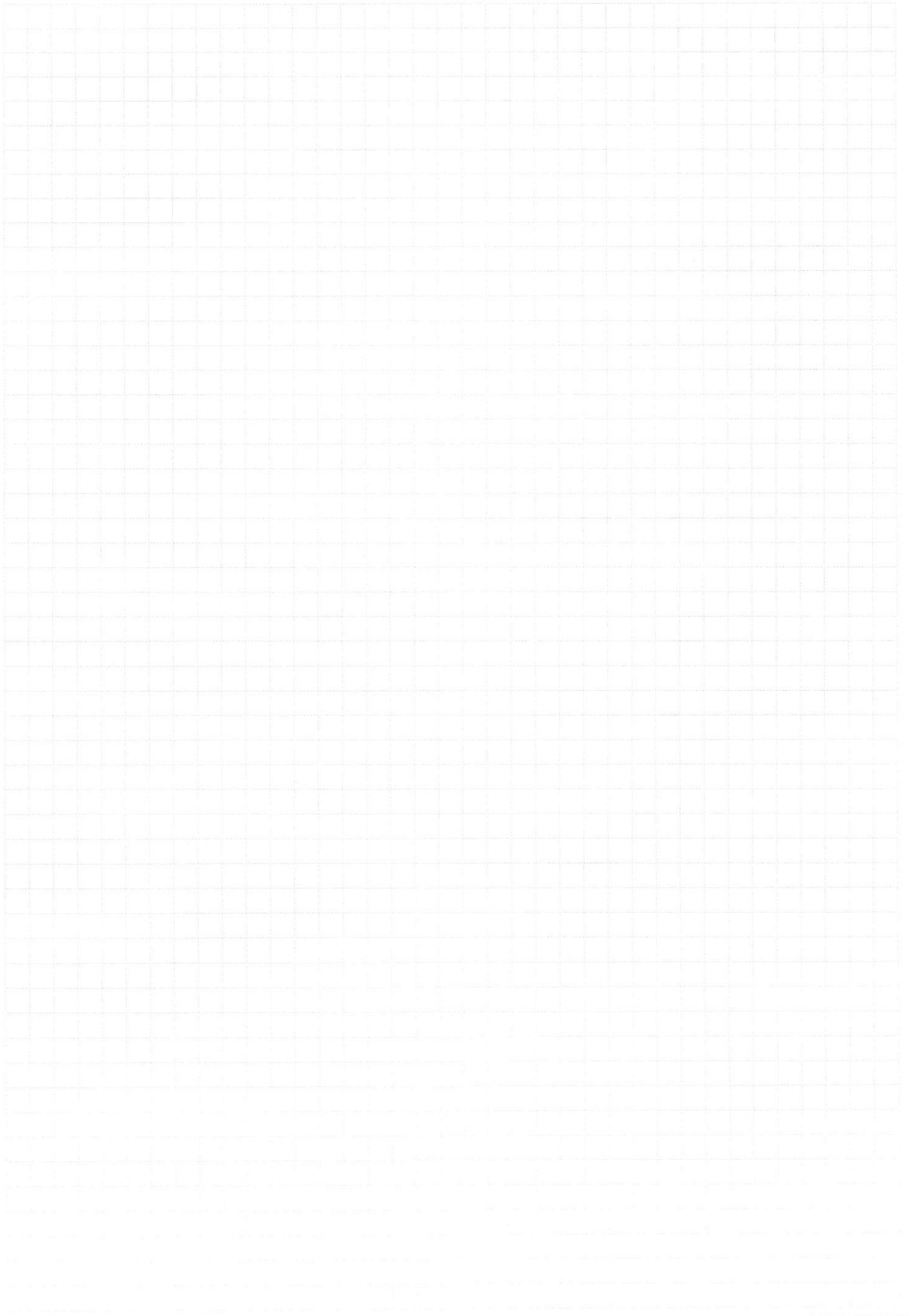


$$v_2 \cos \beta = v_1 \cos 2\alpha \quad \frac{18}{3} \quad \frac{12}{2}$$

$$18 \frac{\sqrt{3}}{3} = 12 \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{30 \cdot 8}{\sqrt{3} + 6\sqrt{3}}$$

$$6\sqrt{3} = 6\sqrt{3} + \frac{30(\sqrt{3}-\sqrt{3})}{(\sqrt{3}+6\sqrt{3})(\sqrt{3}-\sqrt{3})}$$

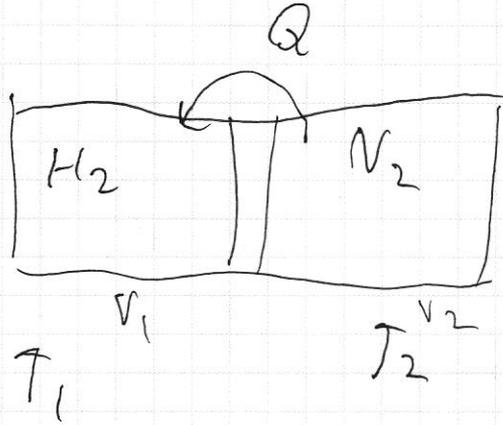
$$\Rightarrow 6\sqrt{3} + \frac{0(\sqrt{3}-\sqrt{3})}{*}$$



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\lambda = \frac{Q}{T}$$

$$\lambda = ?$$

моль \Rightarrow раны

$$P_1 V_1 = \lambda R T_1$$

$$P_1 V_2 = \lambda R T_2$$

$$\Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{35}{55} = \frac{7}{11} \quad \begin{matrix} V_0 \\ V_0 \end{matrix}$$

$$H_2: Q_{\Sigma} = U_{H_2 \text{ кон}} - U_{H_2 \text{ нач}} + A_{\Sigma}$$

λV_0

$$P_1 = \frac{\lambda R T_1}{V_0}$$

$$N_2: -Q_{\Sigma} = U_{N_2 \text{ кон}} - U_{N_2 \text{ нач}} - A_{\Sigma}$$

$$= \frac{\lambda R \cdot 350}{7}$$

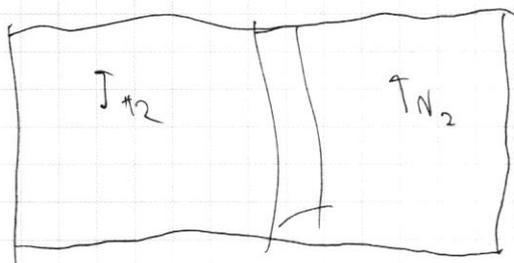
$$U_{H_2 \text{ кон}} + U_{N_2 \text{ кон}} = U_{H_2 \text{ нач}} + U_{N_2 \text{ нач}}$$

$$\frac{5}{2} \lambda R \Theta + \frac{5}{2} \lambda R \Theta = \frac{5}{2} \lambda R T_1 + \frac{5}{2} \lambda R T_2$$

$$\Theta = \frac{T_1 + T_2}{2} \approx \frac{35 + 55}{2} \approx 45 \text{ K}$$

$$\frac{7}{2} \cdot \frac{5}{7} = 8,31 \cdot 100$$

$$\frac{31}{3} = 24 \text{ J}$$



$$pV = \nu R T$$

$$(p + dp)(V + dV) = \nu R (T + dT)$$

$$(p dV + V dp) = \nu R dT$$

$$V dp = \nu R dT - p dV$$

$$p dV = \nu R dT - V dp$$

$$p_2 V_{H_2} = \nu R T$$

$$p_2 V_{N_2} = \nu R T$$

$$\int \frac{dV}{V} + \int \frac{dp}{p} = \int \frac{\nu R dT}{T}$$

$$\frac{\nu R Q}{\nu V_0}$$

$$\frac{\nu R \cdot 450}{9}$$

$$\delta Q = \frac{5}{2} \nu R dT_{H_2} + p dV$$

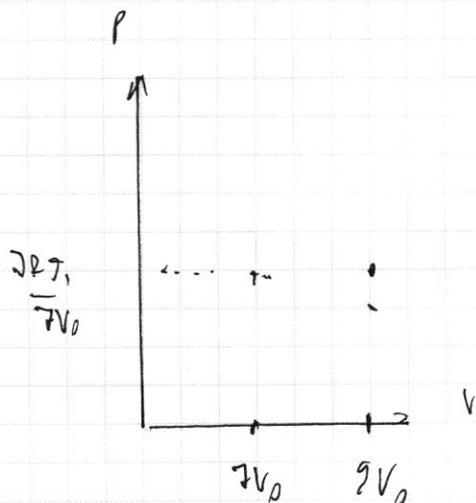
$$\nu R T = V dp = p dV$$

$$\delta Q - \nu R dT = \frac{5}{2} \nu R dT - V dp$$

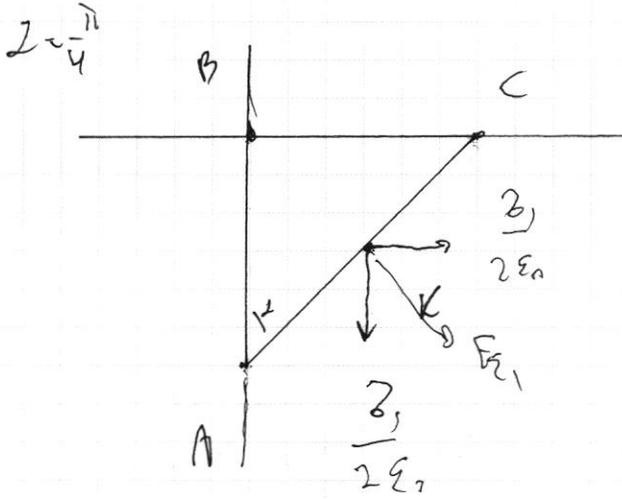
$$-\delta Q = \frac{5}{2} \nu R dT_{N_2} - p dV$$

$$\delta Q = \frac{5}{2} \nu R dT + \nu R dT - V dp$$

$$Q = \frac{5}{2} \nu R (T_{H_2} - T_1) + A$$



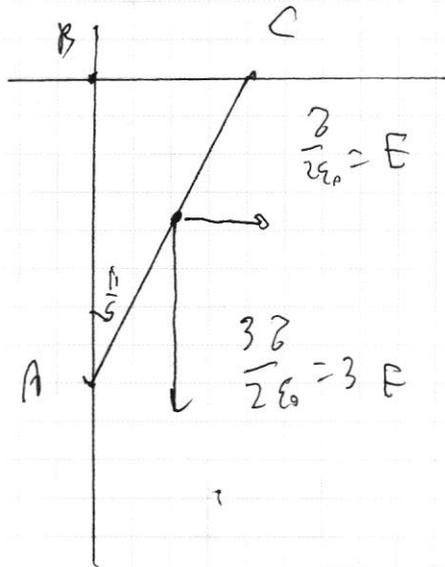
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$\sqrt{3}$

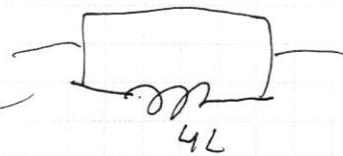
z_1

$180 \text{ } \frac{5}{96}$



$E_{\Sigma} = \sqrt{E^2 + 4E^2} = E\sqrt{5}$
 $= E\sqrt{5} = \frac{z_2}{2\epsilon_0} \sqrt{5}$

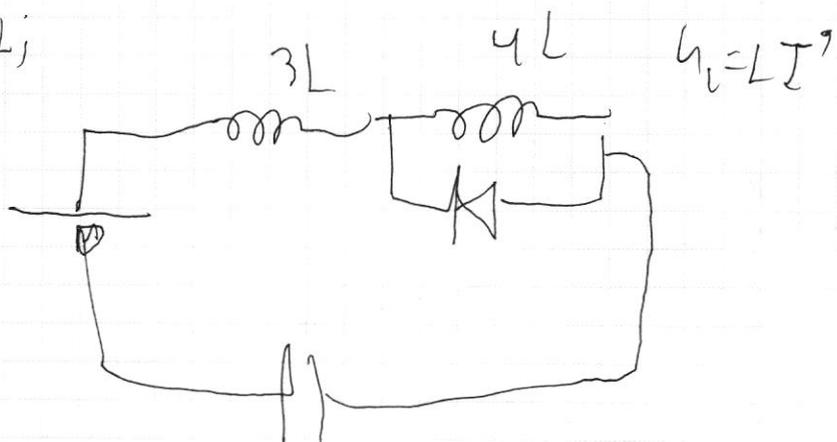
$L_3 C$



$E; L_1 = 4L; L_2 = 3L;$

$L_3 C$

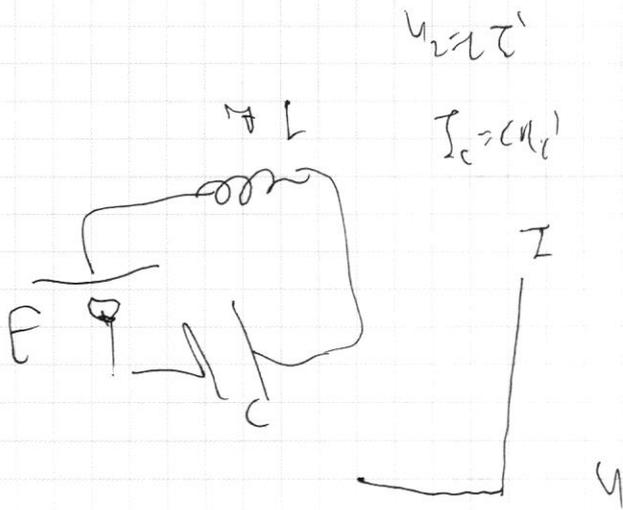
t_1



$T_1 = 2\pi \sqrt{4LC}$

$T_2 = 2\pi \sqrt{3LC}$

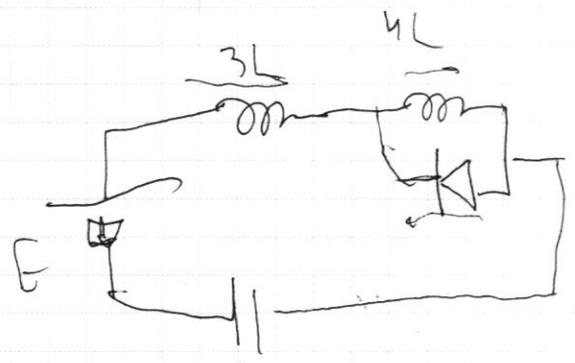
$T = \frac{T_1 + T_2}{2} = \pi \sqrt{LC} (\sqrt{4} + \sqrt{3})$



$U_{22} = U_1$
 $I_c = C(U_c)$

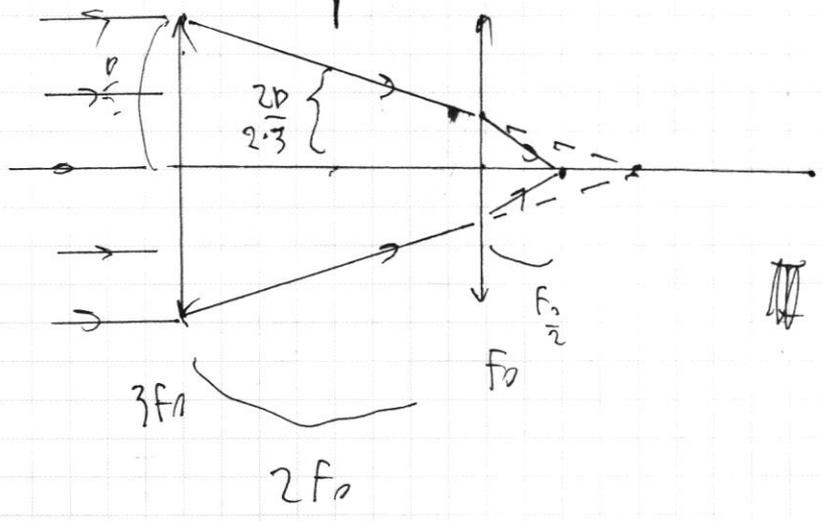


$$\frac{1}{F_0} = \frac{1}{F_0} + \frac{1}{d}$$



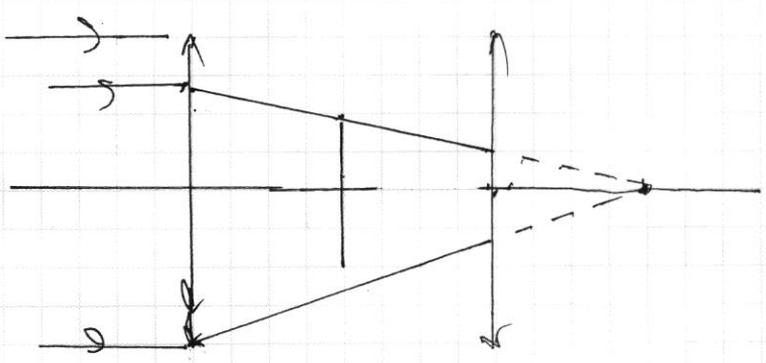
$$I = \frac{N}{dS}$$

$$I \sim N$$



$$I \sim \frac{f_0}{2}$$

~~И~~ : S

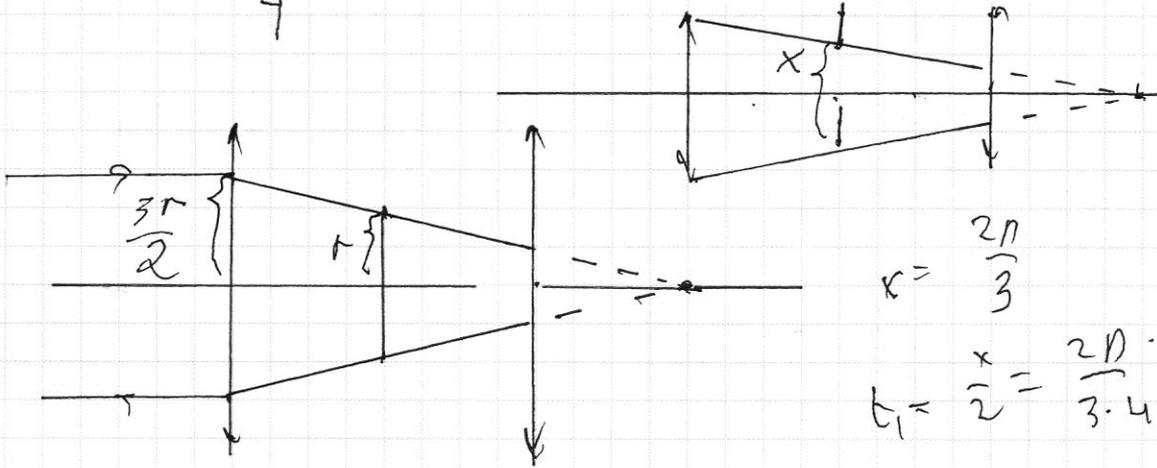


ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$I = \kappa N_0$$

$$N_0 = i \pi \frac{\rho^3}{4}$$

$$I_0 = \kappa \cdot \frac{i \pi \rho^3}{4} \quad \frac{2}{2\epsilon_0}$$



$$\kappa = \frac{2n}{3}$$

$$t_1 = \frac{x}{2} = \frac{2n \cdot 3r_0}{3 \cdot 4\rho} = \frac{3}{2} r_0$$

$$I_1 = \kappa \cdot i \pi \left(\frac{\rho^3}{4} - \frac{gr^2}{4} \right) = \frac{5I_0}{g} \quad \frac{gr^2}{\rho^2} = \frac{4}{5}$$

$$\cancel{\kappa} \cdot i \cdot \pi \cdot \frac{\rho^3}{4} = I_0 \quad E \quad C^{1450}$$

$$\frac{\frac{\rho^3}{4} - \frac{gr^2}{4}}{\frac{\rho^3}{4}} = \frac{5}{g}$$

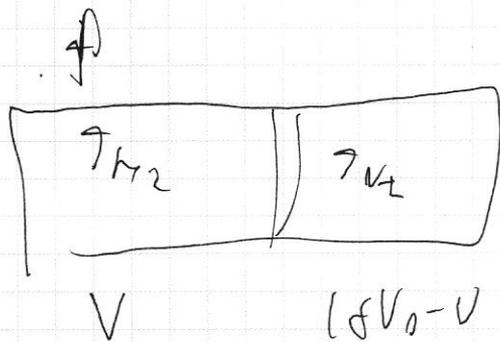
$$1 - \frac{gr^2}{\rho^2} = \frac{5}{g}$$

$$\frac{gr^2}{\rho^2} = \frac{4}{g}$$

$$r^2 = \frac{4}{g} \rho^2$$

$$r = \frac{2}{g} \rho$$

$$\frac{2r}{r_0} = \frac{4\rho}{g r_0}$$



$$\int Q = \frac{5}{2} \int p dV + p dV$$

$$\int p dT_1 + \int p dT_2 = p_1 \cdot 18V_0$$

$$-\int Q = -\frac{5}{2} \int p dV - p dV$$

$$Q = \frac{5}{2} \int p (T - T_1) + A$$

~~$$p \cdot 18V_0 = \int p (T - T_1) + \int p (T_2 - T)$$~~

$$p \cdot 18V_0 = \int p (T_1 + \Delta T) + \int p (T_2 - \Delta T)$$

$$p \cdot 18V_0 = \int p T_1 + \int p T_2 + 2 \int p \Delta T$$

~~$$p \cdot 18V_0 - p_1 \cdot 18V_0 = 2 \int p \Delta T \quad \text{O}$$~~

$p = p_1 \Rightarrow$ изотерма! *ср*

$$C_p = C_v + R = \frac{5R}{2} + R = \frac{7R}{2}$$

$$Q_{\text{из}} = C_p \int (T - T_1) = \frac{7R}{2} \int \left(\frac{T_2 - T_1}{2} \right)$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$U_L = c \dot{\varphi}$
 $\Sigma c = c \dot{\varphi}_1$

$\Sigma_{max} = I + \Sigma_D = I_C + I_D$
 ~~$I_C = I_{max}$~~ $I = I_C$

$\frac{1}{F} = \frac{1}{2F} - \frac{1}{F}$

$c \varepsilon \varphi = \frac{c \varphi^2}{2} + \frac{4L I_{m1}^2}{2}$

$T = \frac{T_1}{2} + \frac{T_2}{2} = \frac{2\eta \sqrt{2k}}{2} = \frac{\eta \sqrt{2k}}{2}$

$c \varepsilon^2 = \frac{c \varepsilon^2}{2} - 0 + \frac{3L I_{m2}^2}{2} + \frac{4L I_{m1}^2}{2}$

$\varphi_1 - \varepsilon = 3L I^2$
 $\varphi_2 - \varphi_1 = 4L I^2$
 $I = c \varphi_2'$
 $I' = c \varphi_2''$

$\varphi_2 - \varepsilon = 4L I^2$
 $I = \varphi_2'$
 $\varphi_2 = \varepsilon + 4L \frac{dI}{dt}$
 $I = c \frac{d\varphi_2}{dt}$

$$\psi_2 = \Phi + 4LI''$$

$$C\epsilon^2 = \frac{C\epsilon^2}{2} - 2LI'^2$$

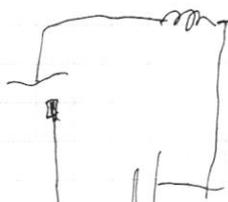
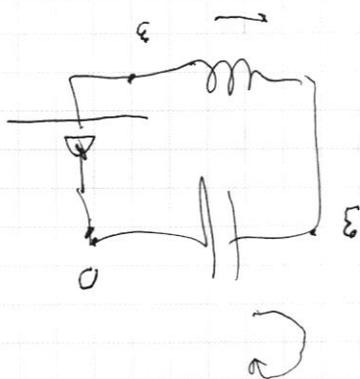
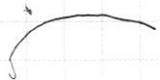
$$\frac{C\epsilon^2}{4L} = \frac{\Sigma_1^2}{2}$$

$$L_L = LI'$$

$$\frac{C\epsilon^2}{4L}$$



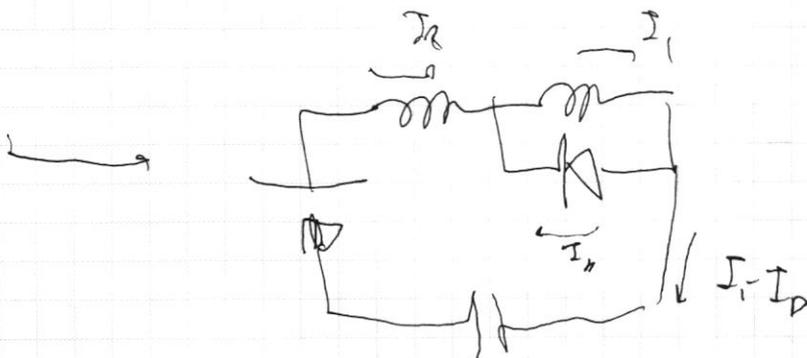
$$\epsilon - U_C = 7LI'$$



$$\frac{35 C \epsilon^2}{7} - \frac{2L \epsilon^2}{7L} = \frac{3L \Sigma^2}{2}$$

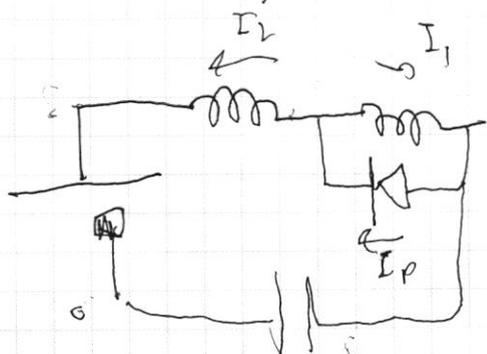
$$\frac{C \epsilon^2}{7} - \frac{4L \epsilon^2}{7L}$$

$$\frac{15 C \epsilon^2}{7} = \frac{3L \Sigma^2}{2}$$



$$I_2 + I_D = I_1$$

$$I_2 = I_C$$



$$\frac{C \epsilon^2}{2} = \frac{7L I_{max}^2}{2}$$

$$I_{max} = \epsilon \sqrt{\frac{C}{7L}}$$

$$\frac{C \epsilon^2}{7L}$$

$$\frac{15 C \epsilon^2}{7} = \frac{3L I^2}{2}$$

$$C \epsilon^2 = \frac{C \epsilon^2}{2} - 4LI_{max}^2$$