

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

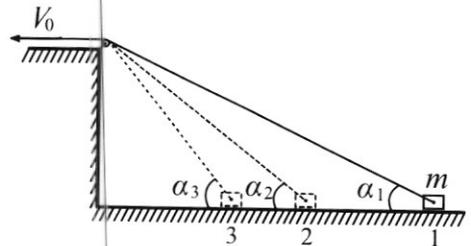
Класс 11

Вариант 11-05

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Груз массой m подтягивается по гладкой горизонтальной поверхности к стене с помощью лебедки, неподвижного небольшого легкого блока и легкого троса (см. рис.). Трос вытягивается лебедкой с постоянной скоростью V_0 . Груз последовательно проходит точки 1, 2 и 3, для которых $\sin \alpha_1 = \frac{1}{3}$, $\sin \alpha_2 = \frac{1}{2}$, $\sin \alpha_3 = \frac{3}{4}$. От точки 1 до точки 2 груз перемещается за время t_{12} .



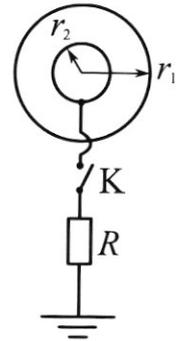
- + 1) Найти скорость V_1 груза при прохождении точки 1.
- + 2) Найти работу лебедки A_{12} при перемещении груза из точки 1 в точку 2.
- 3) Найти время t_{23} перемещения груза из точки 2 в точку 3.

+ 2. Цилиндрический сосуд, стоящий на горизонтальном столике, помещен в термостат, в котором поддерживается постоянная температура $T_0 = 373 \text{ K}$. Стенки сосуда проводят тепло. Сосуд разделен на две части подвижным (нет трения при перемещении) поршнем. В нижней части находится воздух объемом V_1 , в верхней - водяной пар и немного воды. Содержимое сосуда в равновесии. Поршень своим весом создает добавочное давление $P_0/5$, где P_0 - нормальное атмосферное давление. Сосуд переворачивают и ставят на столик, в верхней части оказывается воздух. Через некоторое время устанавливается новое равновесное состояние.

- + 1) Найти объем V_2 воздуха в сосуде после переворачивания.
- + 2) Найти изменение массы Δm воды.
- + 3) Найти изменение внутренней энергии содержимого сосуда.

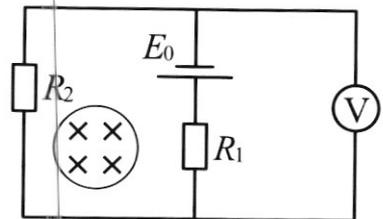
Удельная теплота испарения воды L , молярная масса воды μ . Массой воды, пара и воздуха по сравнению с массой поршня пренебречь. Объемом воды при конденсации пара можно пренебречь по сравнению с объемом пара, из которого образовалась вода. Воздух считать идеальным газом.

3. Два тонкостенных полых проводящих шара (тонкостенные сферы) с общим центром и радиусами r_1 и r_2 образуют сферический конденсатор (см. рис.). На внешнем шаре находится положительный заряд Q , внутренний шар не заряжен и соединен с Землей через ключ K и резистор R . Ключ замыкают.



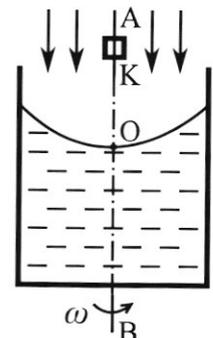
- + 1) Найти заряд q внутреннего шара после замыкания ключа.
 - 2) Найти энергию W_0 электрического поля вне шаров до замыкания ключа.
 - + 3) Какое количество теплоты W выделится в резисторе R после замыкания ключа?
- Сопротивление проводов, шаров и Земли не учитывать. Радиусы шаров значительно меньше расстояния между Землей и шарами.

+ 4. В проволочную конструкцию впаяны резисторы с сопротивлениями $R_1 = R$, $R_2 = 2R$, идеальный источник с ЭДС E_0 , вольтметр с сопротивлением $R_V = 3R$ (см. рис.). Сопротивление проводов конструкции пренебрежимо мало. Однородное магнитное поле сосредоточено практически в узкой области - магнитном сердечнике с площадью поперечного сечения S .



- + 1) Найти показание V_1 вольтметра, если индукция магнитного поля остается постоянной.
- + 2) Найти показание V_2 вольтметра, если индукция магнитного поля возрастает с постоянной скоростью $\Delta B / \Delta t = k > 0$.

+ 5. Цилиндрический сосуд с жидкостью вращается с угловой скоростью $\omega = 10/3 \text{ c}^{-1}$ вокруг вертикальной оси АВ, совпадающей с осью симметрии сосуда (см. рис.). Наблюдатель, находясь вблизи экватора Земли, рассматривает в полдень изображение Солнца с помощью миниатюрной камеры К, расположенной на оси вращения.

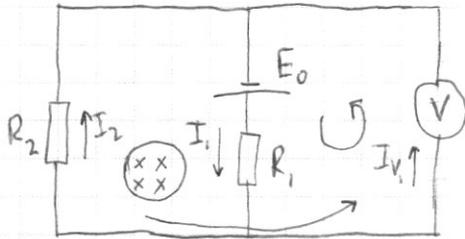


- + 1) Найти радиус кривизны свободной поверхности жидкости в её нижней точке О.
 - + 2) На каком расстоянии от точки О будет наблюдаться изображение Солнца, полученное в отраженных от свободной поверхности жидкости лучах?
- Принять $g = 10 \text{ м/с}^2$.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 4.



1) Пусть ток через резистор R_1 равен I_1 , через R_2 — I_2 , через V — I_V ,
1-е правило Кирхгофа!

$$I_1 = I_2 + I_V$$

2-е правило Кирхгофа для правой и большого контуров (направления обходов указаны на рисунке):

$$E_0 = I_1 R_1 + I_V R_V$$

$$I_V R_V - I_2 R_2 = 0$$

С учётом, что $R_1 = R$, $R_2 = 2R$, $R_V = 3R$, имеем систему:

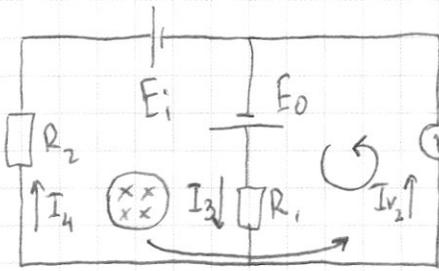
$$\begin{cases} I_1 = I_2 + I_V \\ E_0 = I_1 R + 3 I_V R \Rightarrow I_1 = \frac{E_0}{R} - 3 I_V \\ 3 I_V R = 2 I_2 R \Rightarrow I_2 = \frac{3}{2} I_V \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{E_0}{R} - 3 I_V = \frac{3}{2} I_V + I_V$$

$$\frac{E_0}{R} = \frac{11}{2} I_V \Rightarrow I_V = \frac{2 E_0}{11 R}$$

$$\text{Тогда } V_1 = 3 I_V R = \frac{6 E_0}{11}$$

2) При изменении индукции магнитного поля изменяется магнитный поток через контур, а значит возникает ЭДС индукции E_i такой полярности, чтобы препятствовать изменению магнитного потока через контур.



Так как индукция магнитного поля возрастает, полярность E_i будет такой, как показано на рис.

Пусть новые токи через резистор

R_1 — I_3 ; R_2 — I_u ; V — I_{v2} . По 1-му правилу Кирхгофа:

$$I_3 = I_u + I_{v2}$$

По 2-му правилу Кирхгофа для правого и большого контуров (напр. см. на рис.):

$$E_0 = R_v \cdot I_{v2} + I_3 R_1$$

$$E_i = I_{v2} \cdot R_v - I_u R_2$$

С учётом, что $R_1 = R$; $R_2 = 2R$; $R_v = 3R$, имеем сле-ую:

$$\begin{cases} I_3 = I_u + I_{v2} \\ E_0 = 3I_{v2}R + I_3R \Rightarrow I_3 = \frac{E_0}{R} - 3I_{v2} \\ E_i = 3I_{v2}R - 2I_uR \Rightarrow I_u = -\frac{E_i}{2R} + \frac{3}{2}I_{v2} \end{cases}$$

$$\frac{E_0}{R} - 3I_{v2} = \frac{3}{2}I_{v2} - \frac{E_i}{2R} + I_{v2}$$

$$\frac{2E_0 + E_i}{2R} = \frac{11}{2}I_{v2} \Rightarrow I_{v2} = \frac{2E_0 + E_i}{11R}$$

$$V_2 = 3R \cdot I_{v2} = 3 \cdot \frac{2E_0 + E_i}{11}$$

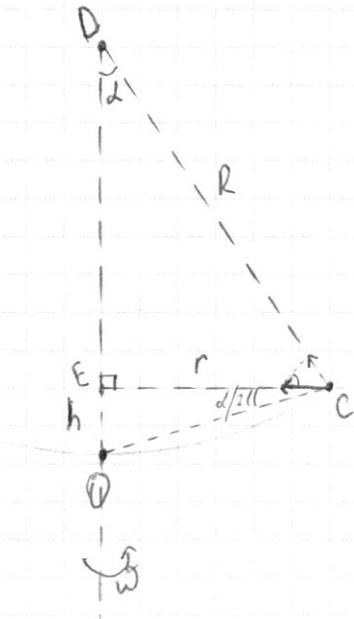
$$|E_i| = \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = \frac{\Delta BS}{\Delta t} = kS$$

$$\Rightarrow V_2 = 3 \cdot \frac{2E_0 + kS}{11}$$

Ответ: 1) $V_1 = \frac{6E_0}{11}$; 2) $V_2 = \frac{3}{11}(2E_0 + kS)$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 5,



1) Пусть искомый радиус кривизны R . Вблизи T . O выберем точку C , находящуюся на расстоянии $r \ll R$ от оси вращения.

Так как $r \ll R$, то радиус кривизны в T . C также R

При вращении сосуда T . C движется

по окр. радиуса r с линейной скоростью $v_c = \omega r$. Пусть в T . C находится маленькая масса воды m . Тогда:

$$\frac{m v_c^2}{2} = m g h \Rightarrow h = \frac{v_c^2}{2g} = \frac{\omega^2 r^2}{2g}$$

$$\text{Пусть } \angle ODC = \alpha \Rightarrow \angle DOC = \angle DCO = \frac{180^\circ - \alpha}{2} = 90^\circ - \frac{\alpha}{2}$$

$$\Rightarrow \angle ECD = 90^\circ - 90^\circ + \frac{\alpha}{2} = \frac{\alpha}{2}$$

$$\triangle EDC: R = r \sin \alpha$$

$$\triangle COE: \frac{h}{r} = \operatorname{tg} \frac{\alpha}{2}$$

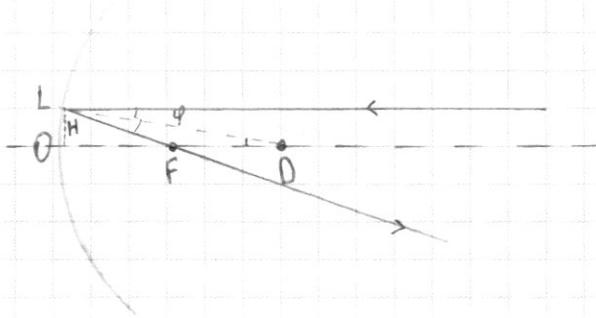
$$r \ll R \Rightarrow \frac{\alpha}{2} \ll 1 \Rightarrow \operatorname{tg} \alpha \approx \sin \alpha \approx \alpha$$

$$\operatorname{tg} \frac{\alpha}{2} \approx \sin \frac{\alpha}{2} \approx \frac{\alpha}{2}$$

$$\Rightarrow R = r \alpha \quad \left| \quad \frac{h}{r} = \frac{r}{2R} \Rightarrow \frac{\omega^2 r^2}{2g r} = \frac{r}{2R} \right.$$

$$T.O. \quad R = \frac{g}{\omega^2} = \frac{10 \text{ м/с}^2 \cdot g}{100 (\text{с})^{-2}} = 0,9 \text{ м}$$

2) Наблюдатель вблизи экватора \Rightarrow лучи Солнца \perp земле в полдень. Камера \ll маленькая \Rightarrow через неё проходит узкий пучок лучей (т.е. все они падают на жидкость вблизи т.О). Поверхность жидкости вблизи т.О. представляет собой часть сферического выпуклого зеркала с радиусом кривизны R . Рассмотрим ход лучей при попадании на это зеркало:



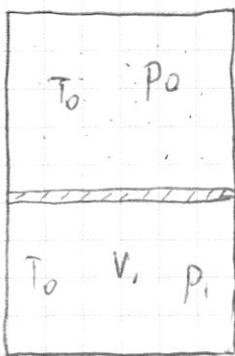
Пусть луч падает под $\angle \varphi$ к пов. зеркала, а после отражения проходит ч/з т. F
 $\angle FLO = \varphi$ (закон отр.)
 $\angle FOL = \varphi$ (лучи шёл \parallel DO)
 $\Rightarrow \angle LFO = 2\varphi$ (внешний для $\triangle FLO$)

$$\operatorname{tg} \varphi = \frac{H}{R} ; \operatorname{tg} 2\varphi \approx \frac{H}{OF}$$

$$\varphi - \text{мал} \Rightarrow \operatorname{tg} \varphi \approx \varphi ; \operatorname{tg} 2\varphi \approx 2\varphi$$

$$\text{т.о. } 2 \frac{H}{R} = \frac{H}{OF} \Rightarrow OF = \frac{R}{2} = \frac{g}{2\omega^2} = \frac{0,9 \text{ м}}{2} = 0,45 \text{ м}$$

Ответ: 1) $R = 0,9 \text{ м}$; 2) $OF = 0,45 \text{ м}$
 $\sqrt{2}$.



Так как в верхней части вода + пар, то пар насыщен. Давление насыщенного пара воды при $T_0 = 373 \text{ К}$ равно P_0

$$\text{Поршень в равновесии} \Rightarrow P_1 = P_0 + P_0/5 = \frac{6}{5} P_0$$

По закону Менделеева-Клапейрона:

$$\frac{6}{5} P_0 V_1 = \nu R T_0$$

После переворачивания давление пара также осталось равным P_0 ,

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

а поскольку поршень в равновесии, то

$$P_0 S = \frac{P_0}{5} S + P_2 S, \quad S - \text{площадь поршня, } P_2 - \text{давление воздуха}$$

установившееся

$$P_2 = \frac{4}{5} P_0$$

По закону Менделеева-Клапейрона:

$$\frac{4}{5} P_0 V_2 = \nu R T_0 \Rightarrow \frac{3}{5} P_0 V_1 = \frac{4}{5} P_0 V_2$$

$$V_2 = \frac{3}{2} V_1 - \text{тогда объём воздуха увеличился на } 0,5 V_1, \text{ а}$$

объём воды уменьшился на $0,5 V_1$

2) Пусть начальный объём пара V , начальная масса пара m_1 , конечная масса — m_2 . Тогда $\Delta m = m_1 - m_2$

Для начального состояния:

$$P_0 V = \frac{m_1}{\mu} R T_0$$

Для конечного:

$$P_0 (V - 0,5 V_1) = \frac{m_2}{\mu} R T_0$$

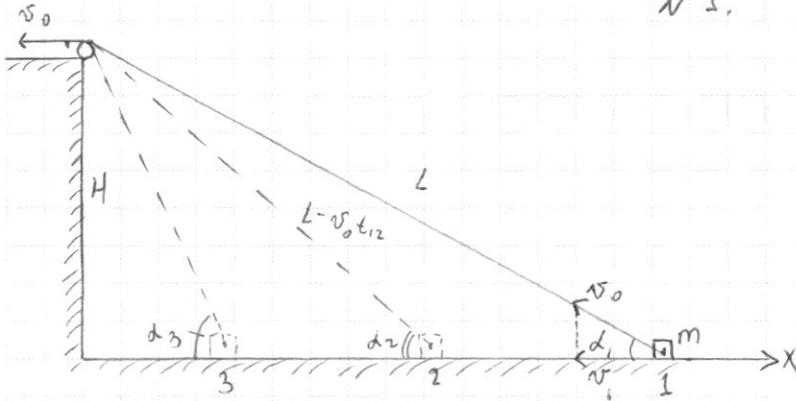
$$\frac{m_1}{\mu} R T_0 - \frac{P_0 V_1}{2} = \frac{m_2}{\mu} R T_0 \Rightarrow \frac{(m_1 - m_2)}{\mu} R T_0 = \frac{P_0 V_1}{2}$$

$$\Delta m = m_1 - m_2 = \frac{\mu P_0 V_1}{2 R T_0}$$

3) Так как температура не менялась, внутренняя энергия воздуха и того пара, что не сконденсировался (т.е. массой m_2), не изменилась. При конденсации пара массой Δm выделится энергия $\Delta Q = L \Delta m = \frac{L \mu P_0 V_1}{2 R T_0}$ — это и есть искомое изменение внутренней энергии системы.

Ответ: 1) $V_2 = \frac{3}{2} V_1$; 2) $\Delta m = \frac{\mu P_0 V_1}{2RT_0}$; 3) $\Delta Q = L \frac{\mu P_0 V_1}{2RT_0}$

№ 1.



- 1) Трос нерастяжим
 \Rightarrow все его точки движутся со скоростью v_0 (конца троса) вдоль троса,
 $\Rightarrow v_1 = v_0 \cos \alpha_1$

$$\cos \alpha_1 = \sqrt{1 - \frac{1}{9}} = \frac{2\sqrt{2}}{3} \Rightarrow v_1 = \frac{2\sqrt{2}}{3} v_0$$

- 2) За время t_{12} груз переместился вдоль троса на расстояние $v_0 t_{12} \Rightarrow A_{12} = mg v_0 t_{12}$

- 3) Найти перемещение груза S_{12} по горизонтали между точками 1 и 2:

$$x_1^2 = L^2 - H^2 =$$

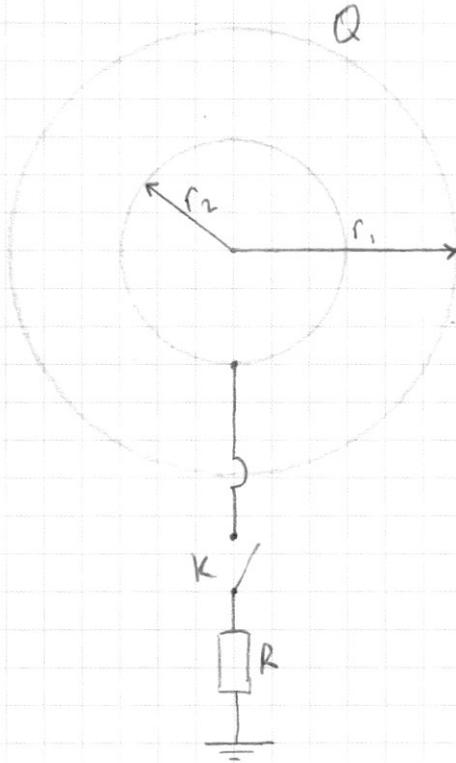
$$\frac{t_{12}}{t_{23}} = \frac{\sin \alpha_2 - \sin \alpha_1}{\sin \alpha_3 - \sin \alpha_2} = \frac{1}{6} \cdot \frac{4}{1} = \frac{2}{3}$$

$$t_{23} = \frac{3}{2} t_{12}$$

Ответ: 1) $v_1 = \frac{2\sqrt{2}}{3} v_0$; 2) $A_{12} = mg v_0 t_{12}$; 3) $t_{23} = \frac{3}{2} t_{12}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№3.



1) До замыкания ключа потенциал внутреннего шара равен: $\varphi_{20} = k \frac{Q}{r_1}$

После замыкания ключа:

$$\varphi_2 = 0$$

Пусть на внутренний шар наберется заряд q . Тогда:

$$0 = k \frac{Q}{r_1} + k \frac{q}{r_2}$$

$$-\frac{Q}{r_1} = \frac{q}{r_2} \Rightarrow q = -Q \frac{r_2}{r_1}$$

3) За малый промежуток времени dt на резисторе выделится энергия: $dW = RI^2 dt = R \cdot Idt \cdot I = R \cdot dq \cdot I$
После интегрирования получим: $W = R|q| \cdot \frac{|I_0 - I_k|}{2}$

I_0 - начальный ток; I_k - конечный ток равный 0. Потенциал Земли 0 $\Rightarrow I_0 R = \varphi_{20} \Rightarrow I_0 = \frac{kQ}{Rr_1}$

$$\text{Т.о. } W = R \cdot Q \frac{r_2}{r_1} \cdot \frac{kQ}{Rr_1} = k \frac{Q^2 r_2}{r_1^2}$$

2) Т.к. нач. заряд 2 шара = 0, то в W_0 2-ой шар вклада не делает. Энергия поля вне шара - половина энергии пов-ти шара: $W_0 = k \frac{Q^2}{2r_1}$

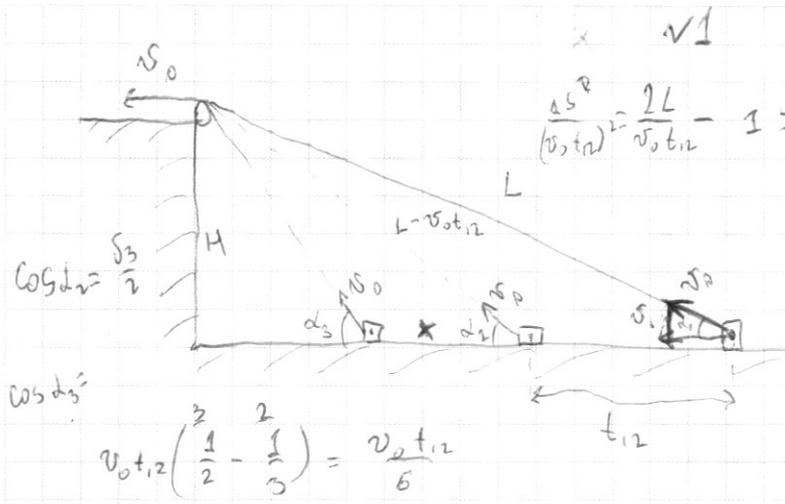
Ответ: 1) $\varphi_{20} = k \frac{Q}{r_1}$; 2) $W_0 = k \frac{Q^2}{2r_1}$; 3) $W = k \frac{Q^2 r_2}{r_1^2}$



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\frac{v_1^2}{(v_0 t_{12})^2} = \frac{2L}{v_0 t_{12}} - 1 = \frac{A}{t} - 1$$

$$v_1 = v_0 \cos \alpha$$

$$\Delta E_k = A$$

$$v = v_0 \cos \varphi$$

$$a = -v_0 \sin \varphi \cdot \alpha \varphi$$

$$A S = L^2 - H^2 - (L - v_0 t_{12})^2 + H^2 =$$

$$= 2L v_0 t_{12} - v_0^2 t_{12}^2 = v_0 t_{12} (2L - v_0 t_{12})$$

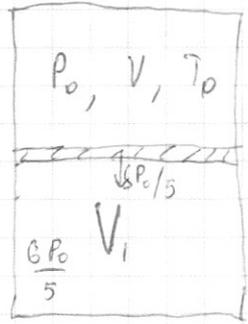
$$F_x = T \quad A = m g v_0 t_{12} ?$$

$$x = \int_{\alpha_2}^{\alpha_3} v_0 \cos \varphi d\varphi = t_{12} v_0 \sin \varphi \Big|_{\alpha_2}^{\alpha_3} = v_0 t_{12} \left(\frac{3}{4} - \frac{1}{2} \right) = \frac{v_0 t_{12}}{4}$$

$$\frac{dx}{dt} = v_0 \cos \varphi = v_0 \cos \varphi \cdot d$$

$$\operatorname{tg} \alpha_1 = \frac{1}{3} \cdot \frac{3}{2\sqrt{2}} = \frac{1}{2\sqrt{2}}$$

$$\frac{1}{16} = \frac{34 t_{12}}{36 t_{23}} - 1 \quad \frac{17}{16} = \frac{34 t_{12}}{36 t_{23}} \quad \sqrt{2}$$



$$\frac{6 p_0}{5} V_1 = \nu R T_0$$

$$p_0 V = \nu_0 R T_0 = \frac{m_0}{\mu} R T_0$$

$$\frac{4 p_0}{5} V_2 = \nu R T_0$$

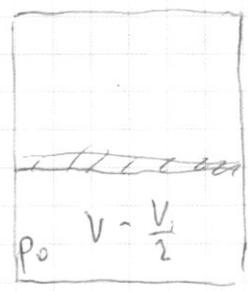
$$\frac{v_0^2 t_{12}^2}{36 v_0^2 t_{12}^2} = \frac{A}{t_{12}} - 1$$

$$\frac{3}{8} V_1 = \frac{24}{8} V_2 \Rightarrow V_2 = \frac{3}{2} V_1$$

$$\frac{A}{t_{12}} = \frac{34}{36}$$

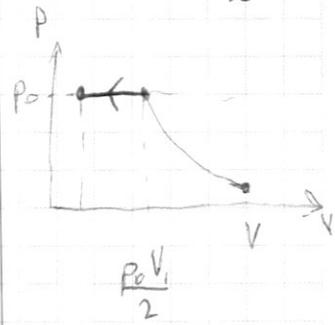
$$p_0 \left(V - \frac{V_1}{2} \right) = \frac{m_2}{\mu} R T_0$$

$$A = \frac{34}{2} t_{12}$$



$$\frac{m_2}{\mu} R T_0 - \frac{p_0 V_1}{2} = \frac{m_2}{\mu} R T_0$$

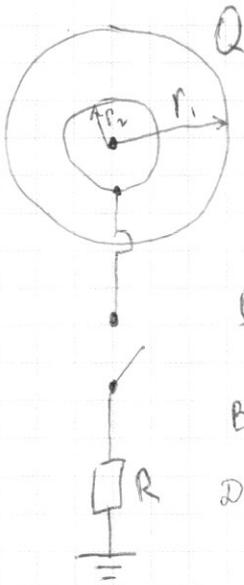
$$\frac{(m_0 - m_2)}{\mu} R T_0 = \frac{p_0 V_1}{2}$$



$$\Delta m = \frac{\mu p_0 V_1}{2 R T_0} - \text{сконденсировалось}$$

$$Q = A$$

$$\Delta Q = L \Delta m - \text{выделилось}$$



$$\Phi_2 = 0 = k \frac{Q}{r_1} - k \frac{q}{r_2}$$

$$q = Q \frac{r_2}{r_1}$$

$$\frac{C^3 \cdot u^3}{u^3}$$

$$\frac{Q u^3}{C^3}, \frac{k_n^3 \cdot 1}{Q u^3}$$

$$E_{in} = k \frac{Q}{x^2}$$

$$\Delta Q = R I^2 \Delta t = R (q')^2 \Delta t$$

$$B \cdot A^2$$

$$D_{in} = B \cdot A \cdot C = k_n \cdot B$$

$$Q_0 = \int_0^{\frac{kQ}{Rr_1}} R I^2 dt = R \frac{I^3}{3} \Big|_0^{\frac{kQ}{Rr_1}} = R \frac{k^3 Q^3}{3 R^3 r_1^3} =$$

$$\omega = \frac{W}{V} = \frac{W}{S(x-d)} = \left(\frac{kQ}{r_1} \right)^3 \cdot \frac{1}{3R^2}$$

$$I_0 = \frac{kQ}{Rr_1} \quad I_u = 0$$

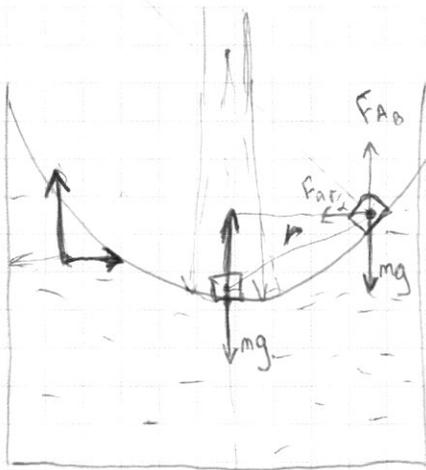
$$\Delta I R = \Delta U$$

$$C = \left(\frac{q}{\phi_1 - \phi_2} \right) = \left| \frac{1}{k} - \frac{1}{\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2}} \right| = \frac{4\pi \epsilon_0 r_1 r_2}{r_1 - r_2}$$

$$\phi_1 = k \frac{q}{r_1} - k \frac{q}{r_1} = 0 \quad \phi_2 = k \frac{q}{r_1} - k \frac{q}{r_2}$$

$$\Delta u = \frac{u \cdot \epsilon}{C \cdot \Delta u} \frac{k_n}{u} = B = \frac{k_n}{C} \cdot \Delta u$$

$$k = \left[\frac{C \Delta u}{\Delta u} \right] \quad B = A \cdot \Delta u = \frac{k_n}{C} \cdot \Delta u$$



н 5.



$$mg = m a_z = m \frac{v^2}{R}$$

$$\rho V g = \rho V \omega^2 R$$

$$R = \frac{g}{\omega^2}$$

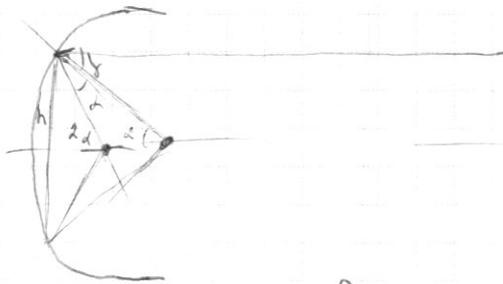
$$\rho V \omega^2 r \quad v = \omega^2 r$$

$$\frac{r}{R} = \cos \alpha$$

$$\rho V \omega^2 r \cos \alpha = \rho V \left(\frac{\omega^2 r}{R} \right)^2 \omega^2 r$$

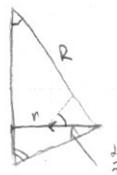
$$\frac{r}{R} = \frac{\omega^2 r}{R}$$

$$\rho V \omega^2 r \cos \alpha = \rho V \frac{\omega^2 r^2}{R}$$



$$F = \frac{R}{2}$$

$$a_{gr} = \omega^2 r$$



$$\frac{h}{R} = \tan \alpha \approx \alpha$$

$$\frac{h}{F} = \tan 2\alpha \approx 2\alpha$$

$$\frac{m \omega^2 r^2}{2} = m g h$$

$$h = \frac{\omega^2 r^2}{2g}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\sin \alpha = \frac{h}{R} \approx \alpha$$

$$\operatorname{tg} \frac{\alpha}{2} \approx \sin \frac{\alpha}{2} \approx \frac{\alpha}{2} = \frac{h}{r}$$

$$\frac{180^\circ - \alpha}{2} = 90^\circ - \frac{\alpha}{2}$$

$$\frac{h}{R} = \frac{2h}{r} = \frac{2\omega^2 r^2}{2gr}$$

$$\Rightarrow R = \frac{gr}{\omega^2}$$

$$\frac{\omega^2 r^2}{R} =$$

$$RI_{\Delta} t = \Delta U$$



$$v(t) = v_0 \cos(\varphi(t)) \quad v_0 \cos(\varphi(t))$$

$$x(t) =$$

$$I_R = \frac{E_0}{R} - 3I_{V_2}$$

$$I_{2R} = \frac{3}{2} I_{V_2} - \frac{E_1}{2R}$$

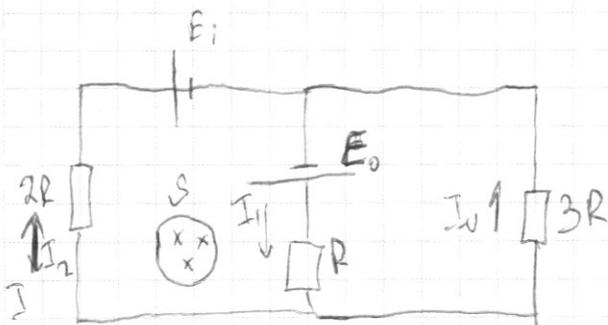
$$\frac{E_0}{R} - 3I_{V_2} = \frac{3}{2} I_{V_2} - \frac{E_1}{2R}$$

$$\frac{2E_0 + E_1}{2R} = \frac{11}{2} I_{V_2}$$

$$I_{V_2} = \frac{2E_0 + E_1}{11R}$$

$$V_2 = 3 \frac{2E_0 + E_1}{11} =$$

нч.



$$E_0 - 3I_{V_1} R = I_1 R$$

$$\frac{E_0}{R} - 3I_{V_1} = I_1 \Rightarrow \frac{E_0}{R} - 3I_{V_1} = \frac{3}{2} I_{V_1} + I_{V_1} = \frac{5}{2} I_{V_1} = 3 \frac{2E_0 + E_1}{11}$$

$$\frac{E_0}{R} = \frac{11}{2} I_{V_1} \Rightarrow I_{V_1} = \frac{2E_0}{11R}$$

$$V_1 = I_{V_1} \cdot 3R = \frac{6E_0}{11}$$

$$|E_1| = \frac{\Delta B S}{\Delta t} = kS$$

$$\begin{cases} I_1 = I_2 + I_{V_1} \\ E_0 = I_1 R + 3I_{V_1} R \\ 0 = 3R I_{V_1} - 2R I_2 \end{cases}$$

$$I_2 = \frac{3}{2} I_{V_1}$$

$$I_R = I_{2R} + I_{V_2}$$

$$E_0 = E_1 = I_R R + 2I_{V_2} R$$

$$E_0 = I_R R + 3I_{V_2} R$$

$$E_1 = 3I_{V_2} R - 2R I_{2R}$$

$$\omega = \frac{W}{S \cdot d} = \frac{q \cdot U}{S \cdot d} = \frac{q^2}{C}$$

$$C = \frac{\epsilon_0 S}{d}$$

$$U = \frac{q}{C}$$

$$W_i = k \frac{Q}{r_1} \cdot q_n$$

$$W_r = k \frac{Q}{r} \cdot q_n$$

$$E = k \frac{Q}{x^2}$$

$$\Delta Q = R I_{at} \cdot \Delta I$$

$$Q = |R \varphi| \cdot \Delta T !!! = R \cdot \frac{Q n_2}{r_1} \cdot \frac{k Q}{R r_1} = k Q^2 \frac{n_2}{r_1^2}$$

$$\frac{Q_{uc} \cdot \omega}{C} \cdot \frac{k n^2}{\omega} = Q_{uc} \cdot A \cdot k n$$