

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

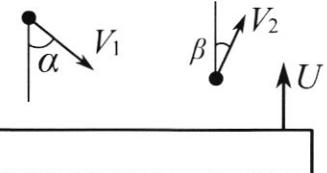
Класс 11

Вариант 11-02

Шифр

(заполняется секретарём)

- 1.** Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 6 \text{ м/с}$, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{3}$) с вертикалью.



1) Найти скорость V_2 .

2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.

Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

- 2.** Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится гелий, во втором – неон, каждый газ в количестве $v = 6 / 25$ моль. Начальная температура гелия $T_1 = 330 \text{ К}$, а неона $T_2 = 440 \text{ К}$. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31 \text{ Дж/(моль·К)}$.

1) Найти отношение начальных объемов гелия и неона.

2) Найти установившуюся температуру в сосуде.

3) Какое количество теплоты передал неон гелию?

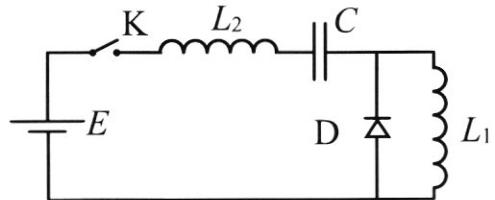
- 3.** Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi / 4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 4\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi / 8$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

- 4.** Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 3L$, $L_2 = 2L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ К разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .

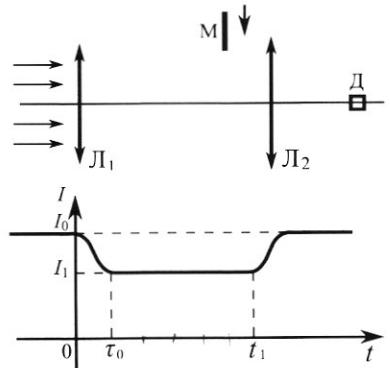


1) Найти период T этих колебаний.

2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .

3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

- 5.** Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями F_0 и $F_0/3$, соответственно. Расстояние между линзами $1,5F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $5F_0/4$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 8I_0 / 9$.



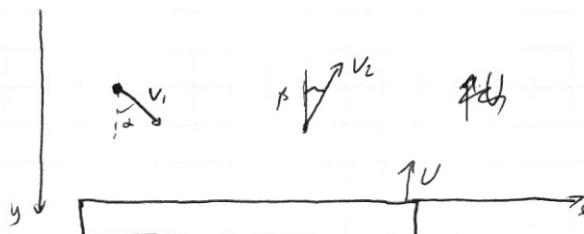
1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.

2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача №1



① Запишем закон сохранения проекции импульса по оси "x" (масса тарика)

$$m v_1 \sin \alpha = m v_2 \cos \beta \Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \frac{\sin \alpha}{\cos \beta} = \frac{1}{2} \Rightarrow v_2 = 2 v_1 = 12 \text{ м/c}$$

② Переидём в с.о. связанный с первым, в ней скорость тарика будет $v_1 - v$, в конце $v_2 - v$

Скорость V минимална в случае если энергия во время удара не переходит к инактив (почти АУУ)

~~если сущестует зона на бисектрисе "y" $v_1 \cos \alpha + v = v_2 \cos \beta + v$~~

тогда выполнена ЗСЭ: $\frac{m \sqrt{(v_1 \cos \alpha + v)^2 + (v_1 \sin \alpha)^2}}{2} = \frac{m \sqrt{(v_2 \cos \beta - v)^2 + (v_2 \sin \beta)^2}}{2}$

$$(v_1 \cos \alpha + v)^2 + (v_1 \sin \alpha)^2 = (v_2 \cos \beta - v)^2 + (v_2 \sin \beta)^2$$

$$36 \frac{5}{9} + 36 \frac{4}{9} + 4\sqrt{5}V + 8\sqrt{2}V + 36 \frac{4}{9} + V^2 - 144 \frac{8}{9} = 0$$

$$144 - 36 = (4\sqrt{5} + 8\sqrt{2})V \quad (V = \frac{108}{4\sqrt{5} + 8\sqrt{2}})$$

1-й удар не даругий \Rightarrow скорость билько 2-го удара 25 м/c

Граница определяется из условия изменившаяся энергия не может превысить в тепло,

тогда $v_2 \cos \beta = v$ $v_{\max} = \frac{12 \cdot 2\sqrt{2}}{3} = \frac{8\sqrt{2}}{3}$ (то же невозможна граница)

Ответ: $v_2 = 12 \text{ м/c}$

$$V \in \left(\frac{108}{4\sqrt{5} + 8\sqrt{2}}, \frac{8\sqrt{2}}{3} \right)$$

Задача №

По закону Маркуса давление в газах отличается друг от друга в $\frac{3}{4}$ раза.

то пуск давление гелия и неона P_1 и P_2

затем у-е Клапейрона-Менгениуса

V_1 - начальный объём гелия.

V_2 - конечный объём неона

$$P_1 V_1 = VRT_1,$$

$$P_2 V_2 = VRT_2$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{VRT_1}{VRT_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{330}{440} = \frac{3}{4} \quad - \text{основное изучаемых объёмов}$$

В исходной ситуации температуры 2430°С одинаковы, а соответственно P_1 , т.к. давление тоже одинаково в первом установившемся посередине сосуде (из у-е Клапейрона-Менгениуса)

Заметим, что объём первого сосуда

$$\text{может выразить, как } V_1 + V_2 = V_2 + \frac{3}{4}V_2 = \frac{7}{4}V_2 \quad \text{а установившийся объём, } \frac{7}{2}V_2 = \frac{7}{2}V_1$$

тогда заменим у-е Клапейрона-Менгениуса

$$\frac{7}{8}V_1 P_1 = VRT_1' \quad \text{Первый свободноходит по} \\ \text{цилиндру} \quad \text{и соответствует} \\ \text{процессу теплона} \\ \text{сияния изобарическим.}$$

$$\frac{3}{4}V_2 P_1 = \frac{VRT_1' 6}{7} \quad (T_1' - \text{константа температура}) \\ \text{и в системе не подступает} \\ \text{округлое избыточное давление} \quad P_1 = P_2$$

$$T_1' = \frac{T_1' 6}{7} \Leftrightarrow T_1' = \frac{T_1}{6} \cdot 7 = \frac{330 \cdot 7}{6} = 385K$$

Задача 1 находит т.ж. давление

$$Q^+ = A_{\text{плоск}} V_{\text{измен}} \cdot \rho_{\text{плоск}}$$

$$Q^+ = A_{\text{плоск}} V + \frac{3}{2} VR_{\text{плоск}} \Gamma = P_1 \frac{1}{8} V_2 + \frac{3}{2} VR (55K) =$$

$$= \frac{\frac{7}{8}V_1 P_1}{7} + \frac{3}{2} VR (55K) = \frac{VRT_1'}{7} + \frac{3}{2} VR (55K) = 2,5 VR (55K) =$$

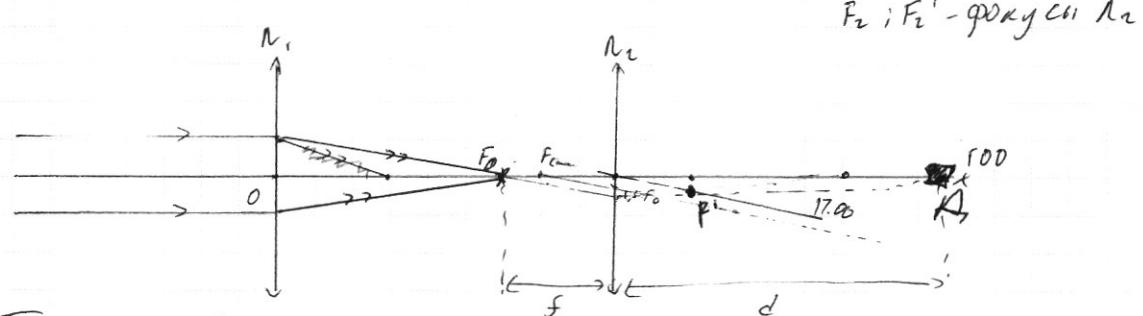
$$= 60R \cdot 55 = 8,3 \cdot 60 \cdot 55 = 23,8 \cdot 55 = \underline{1419} \text{Дж}$$

$$\text{Ответ: } \frac{V_1}{V_2} = \frac{3}{4}; \quad T_1' = 385K; \quad Q^+ = 1419 \text{Дж}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача №5

Рассмотрим преломление праксиопного излучения в первом изображении по свetu тонкой собирающей линзы. Такой излучение дает изображение в фокусе первой линзы.

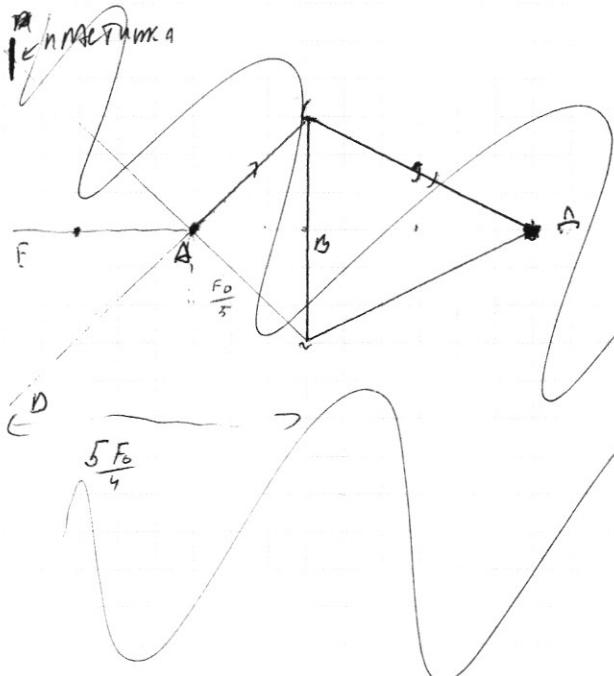


После первого преломления излучение попадает "предмет" для второй линзы, находящийся на расстоянии $0,5F_0$ от l_1 .

Затем формируется тонкой линзы для второго излучения.

$$\frac{1}{F_0/3} = \frac{1}{f} + \frac{1}{d} \Leftrightarrow \frac{3}{F_0} = \frac{2}{f} + \frac{1}{d} \quad \frac{3}{F_0} - \frac{2}{f} = \frac{1}{d} \Leftrightarrow \frac{1}{f_0} = \frac{1}{d} = \underline{\underline{d = F_0}}$$

Для решения пунктов 2/3 рассмотрим тонкую вторую линзу.



Учт. к решению изображений для того

из подобия ABC ~ AED получим

что толщина изображения в том
месте, где с него идет излучение

$$D = \frac{H^2}{5F_0} \quad D = \frac{4H}{5F_0} \quad \underline{\underline{H = 1,25D}}$$

также известно, что изображение
может максимум перекрыть

$I_0 - I_1 = \frac{1}{g}$ до своего первого изображения

$$coos\theta = \frac{H}{g} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1,25D}{g}$$

При этом его потребовалось τ_0 времени, чтобы изображение пересекло изображение

согл. ее скорости $\frac{1,25D}{g\tau_0} = V$ (продолжение на стр. 4)

Продолжение на стр. 4.

Момент пренесен в первом, когда пластинка вышла из состояния покоя и движется с постоянной скоростью. Т.е. её начальная скорость рассмотрим $H - \frac{F}{D} = \frac{5D}{4} \rightarrow \frac{5D}{36} = \frac{45D}{36} - \frac{5D}{36} = \frac{40D}{36}$

при этом её скорость $\frac{5D}{36T_0}$

$$\text{т.е. } t_1 = \frac{40D \cdot 36T_0}{36 \cdot 5D} = 8T_0$$

Ответ: рассмотрим время t_1 из гравитации $= t_0$

$$V = \frac{4D}{36T_0} \quad t_1 = 8T_0$$

Задача №3

Поле от плоскости направлено перпендикулярно плоскости координатных осей

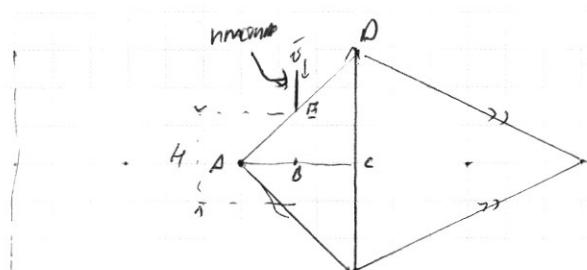
Задача 5 продолжение

рассмотрим применение во второй задаче

если пластинка лежит на расстоянии $\frac{5D}{4}$ от первой задачи,

то она лежит на расстоянии $\frac{1}{4}D$ от второй задачи

и это будет время t_1



из подобия $ADC \sim ABE$

$$\frac{H}{D} = \frac{1}{2} \Leftrightarrow H = \frac{D}{2}$$

мы знаем, что размер пластинки таков, $\frac{4D}{3}$
он изменился вдвое, т.е.
длина пластинки $\frac{D}{18}$

Также мы знаем, что между моментами, когда пластинка вышла из состояния покоя и попала в зону ветра в пологе проплыла время T_0 т.е. её скорость

$\frac{D}{8T_0}$ времени t_1 - это время от момента, когда пластина прошла пластину ветра в пологе до момента когда он вышел из полога в пропеллер

$$H \cdot t_1 = \frac{D}{2} : \left(\frac{D}{18T_0} \right) = 9T_0$$

Ответ: от $1/2$ до гравитации T_0 $V = \frac{D}{18T_0}$ $t_1 = 9T_0$

Задача №3

Тоне от плоскости действует независимо друг от друга, ограниченного
в первом случае напряженностью от изгиба из пластины
тогда к радиусу от места $\tau \approx L = 45^\circ$
согласно $\text{тогда } \sigma_{\text{изг}} \text{ не может быть } 0, \text{ но не может быть } \sigma_{\text{изг}} \text{ в углу}$
коэффициент $E = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} = E_1\sqrt{2}$, где E_1 напряженность в k ,
а E_2 напряженность,енная от первого угла.

1.0 напряженность увеличилась в 5 раз.

Тоне плоскости выражается по формуле $\frac{\sigma}{E_0}$ и

не зависит от расстояния до пластины.

т.е. если пластина согнет тоне $\frac{\sigma}{E_0}$, то будет $\frac{5\sigma}{E_0}$

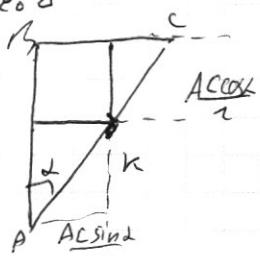
$$\text{а это значит будет } \sqrt{\frac{\sigma^2 + 16\sigma^2}{E_0^2}} = \sqrt{\frac{17\sigma^2}{E_0^2}}$$

Тоне пластины будет бесконечно по формуле.

Зависит от ее ширины и величины по формуле $\frac{\sigma H}{E_0 d}$
здесь ширина пластины, а d расстояние от нее.

т.е. пластина в C согнет тоне $\frac{\sigma_{AC} \sin \delta}{0.5(AC \cos \delta) E_0}$

а пластина BA согнет тоне $\frac{\sigma_{AC} \cos \delta}{(0.5 AC \sin \delta) E_0}$



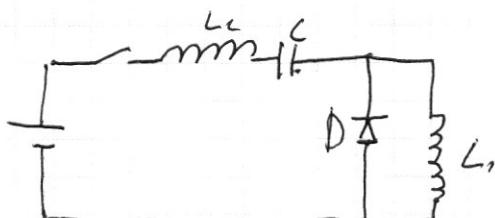
По принципу суперпозиции результату тоне будет равен

$$\begin{aligned} \sqrt{\left(\frac{\sigma \cdot \sin \frac{\pi}{8}}{E_0 \cdot 0.5 \cos \frac{\pi}{8}}\right)^2 + \left(\frac{\sigma \cdot \cos \frac{\pi}{8}}{E_0 \cdot 0.5 \sin \frac{\pi}{8}}\right)^2} &= \sqrt{\left(\frac{\sigma}{E_0} \operatorname{tg} \frac{\pi}{8}\right)^2 + \left(\frac{\sigma}{E_0} \operatorname{ctg} \frac{\pi}{8}\right)^2} = \\ &= \sqrt{\left(\frac{\sigma}{E_0}\right)^2 \left(\operatorname{tg}^2 \frac{\pi}{8} + \operatorname{ctg}^2 \frac{\pi}{8}\right)} = \sqrt{\left(\frac{\sigma}{E_0}\right)^2 \left(\frac{\sin^2 \frac{\pi}{8} + \cos^2 \frac{\pi}{8}}{0.5 \sin^2 \frac{\pi}{8} \cos^2 \frac{\pi}{8}}\right)} = \frac{\sigma^2}{E_0^2 \sin^2 \frac{\pi}{8}} \sqrt{\sin^4 \frac{\pi}{8} + \cos^4 \frac{\pi}{8}} = \\ &= \frac{\sigma^2}{E_0^2 \sqrt{2}} \sqrt{\left(\sin^2 \frac{\pi}{8} + \cos^2 \frac{\pi}{8}\right)^2 - 2 \sin^2 \frac{\pi}{8} \cos^2 \frac{\pi}{8}} = \frac{\sigma^2}{E_0^2 \sqrt{2}} \sqrt{1 - \frac{\sin^2 \frac{\pi}{4}}{2}} = \frac{8\sigma^2}{E_0^2 \sqrt{2}} \sqrt{1 - \frac{1}{8}} = \\ &= \boxed{\frac{8\sigma^2}{E_0^2 \sqrt{2}} \sqrt{\frac{7}{8}}} \quad | E_0 = 7.1 \text{ постоянная} \end{aligned}$$

Ответ: 1.1 в 5 раз в $\frac{8\sigma^2}{E_0^2 \sqrt{2}} \sqrt{\frac{7}{8}}$, ~~закончен~~

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача №



! Решим сначала, что при прохождении тока, индукция снизу вверх

заметим, что через L , ток идет только в спуске
если через C он проходит снизу вверх
таким током подается напряжение к катушке

через диод он не пойдет. \Rightarrow ~~Если~~ $I_1 = I_2$ ~~т.к. диоды~~

$R = (L + C) \frac{dI}{dt} = 5L \frac{dI}{dt}$ и диоды будут работать,

но это дополнительная катушка с индукцией $5L$

тогда ~~при~~ $\omega = \sqrt{\frac{1}{5LC}}$ ~~половину периода~~ конденсатор будет колебаться

$C = \frac{1}{\omega^2} = \frac{1}{\left(\sqrt{\frac{1}{5LC}}\right)^2} = \frac{5LC}{1}$, а вторую половину периода

ток будет идти через диод и диод, следовательно $L = 2$
и $\omega = \sqrt{\frac{1}{2LC}} = \sqrt{\frac{1}{2 \cdot 5LC}}$

т.е. период $T = \pi \sqrt{\frac{1}{2LC}} = \pi \sqrt{5LC} = \pi \sqrt{2LC}$

рассмотрим момент, когда ток не идет, когда половина периода

$E = \frac{q}{C} \Leftrightarrow q = CE$ - это максимальный заряд
конденсатора т.е. энергия конденсатора в этот момент $\frac{CE^2}{2}$

Время замыкания ЗСД для разряда конденсатора в спуске
если ток идет через L ,

$$\frac{CE^2}{2} = CE^2 + \frac{5L I_{01}^2}{2} \Leftrightarrow -CE^2 = 5LI_{01}^2 \Leftrightarrow I_{01} = \sqrt{-\frac{CE^2}{5L}}$$

, логарифм
методом

$-CE^2$ для разряда в спуске если ток идет через диод

$$\frac{CE^2}{2} = -CE^2 + \frac{2L I_{02}^2}{2} \Leftrightarrow \frac{3CE^2}{2} = 2LI_{02}^2 \Leftrightarrow 3CE^2 = 2LI_{02}^2 \Leftrightarrow I_{02} = \sqrt{\frac{3CE^2}{2L}}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

①

ЗСЛУГИ

$$m v_1 \sin \alpha = m v_2 \sin \beta$$

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{\sin \beta}{\sin \alpha} = \frac{13}{32} = \frac{1}{2}$$

$$P_1 = P_2$$

$$P_1 V_1 = DR T_1$$

$$P_2 V_2 = DR T_2$$

$$P_1 \left(\frac{1}{2} V_2 \right) = DR (T_1 + T_2)$$

$$V_2 = DR T_2$$

$$P_1 = \frac{DR T_1}{\frac{3}{2} V_2}$$

$$PV = DR T$$

$$\frac{1}{2} V_2$$

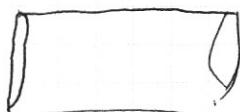
Установка в МИИТ

для

$$V_i = \bar{V}_1 + \bar{V}$$

$$V_i' = \bar{V}_2 + \bar{V}$$

$$V_r \cos \alpha + V = V_2 \cos \beta - V$$



$$\frac{3}{4} V_2 \cdot P_1 = DR T_1$$

$$V_2 \cdot P_1 = DR T_2$$

$$\frac{4}{3} \frac{DR T_2}{P_1} P_1 = DR T_1, \frac{7}{8} V_2 \cdot P_1 = DR T_1$$

$$\frac{7}{8} V_2 \cdot P_1 = DR T_1$$

$$\frac{1}{9}$$

$$\frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$\frac{m \int (V \cos \alpha + V)^2 + (V \sin \beta)^2}{2} =$$

$$\frac{144}{12} \frac{13}{98}$$

$$m (V_1 + V)^2$$

$$V_1^2 \cos^2 \alpha + 2 V_1 V \cos \alpha + V_2^2 + V_1^2 \sin^2 \alpha =$$

$$= V_2^2 \cos^2 \beta - 2 V_1 V_2 \cos \beta + V_2^2 + V_2^2 \sin^2 \beta$$

$$36 \frac{5}{9} + 2 \cdot 2 \sqrt{5} V + 2 \cdot 2 \cdot 2 \sqrt{2} V + 36 \cdot \frac{4}{9} = 144 \frac{8}{9} + 144 \frac{1}{9}$$

$$20 + 16 + (4\sqrt{5} + 8\sqrt{2})V = 144$$

$$\frac{36}{36}$$

$$(4\sqrt{5} + 8\sqrt{2})V = 108$$

$$V = \frac{108}{4\sqrt{5} + 8\sqrt{2}}$$

$$\frac{V^2}{2C} = \frac{(P_1 V_1)^2}{2C} = \frac{P_1^2 V_1^2}{2C}$$

23

$$\frac{3}{4}V_2 P_1 = DR \nabla,$$

$$V_2 P_1 = DR \nabla_2$$

$$\frac{7}{8}V_2 P_1 = DR \nabla'_2 \quad \rightarrow \rho = \text{const}$$

$$\frac{7}{8}V_2 P_1 = DR \nabla'_2$$

$$\frac{330 \cdot 7}{6}$$

$$\frac{7}{9} \quad \frac{7}{8}$$

$$55 \cdot 7$$

$$550 \times 35$$

$$385.$$

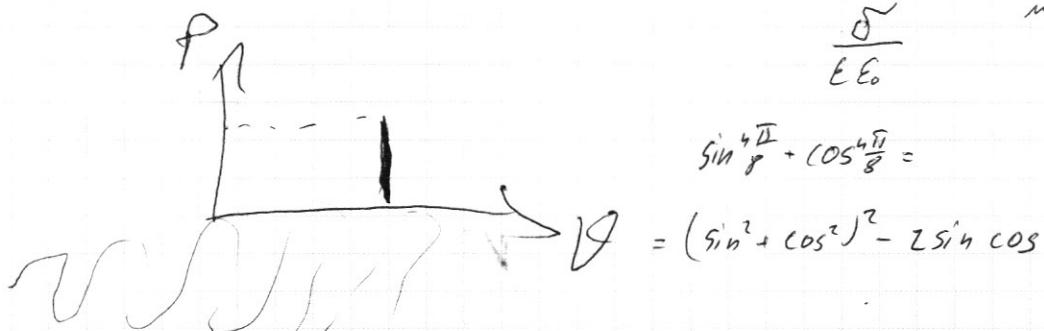


$$\begin{matrix} 2 \\ 2 \\ 5,8 \\ 55 \\ 1290 \\ 1290 \\ 1419,0 \end{matrix}$$

$$\frac{4}{m^2}$$

$$\frac{\delta}{EE_0}$$

$$\sin^4 \frac{\pi}{8} + \cos^4 \frac{\pi}{8} =$$



$$\Delta V = \frac{2}{3} - \frac{3}{5} = \frac{1}{8} Pa$$

$$K = \frac{4\pi}{8E}$$

$$6,3 \cdot 6$$

$$P_1 \frac{7}{8} V_2$$

$$29,8$$

~~$$E_0 \frac{g}{R^2}$$~~

$$\frac{\sin^2}{\cos^2} + \frac{\cos^2}{\sin^2}$$

$$\frac{K g g}{R^2}$$

$$Hg \quad \frac{\sin^4 + \cos^4}{\sin^2 \cos^2}$$

$$\frac{K g}{R^2}$$

$$\frac{K g}{EE_0 R^2}$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$$

$$\frac{\sin^2 2\alpha}{4} = \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha$$

$$\frac{g}{g_{\text{Earth}}} = \frac{V}{V_{\text{Earth}}}$$



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ
«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ШИФР

(заполняется секретарём)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Год обучения:	Фамилия:	Имя:	Отчество:
Класс:	Группа:	Приемная комиссия:	Лицензия:
Год поступления:	Год окончания:	Год сдачи экзамена:	Год сдачи зачета:
Специальность:	Наименование кафедры:	Наименование факультета:	Наименование института:
Номер документа:			
Номер телефона:			
Адрес:			
Печать:			
Подпись:			

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №_____
(Нумеровать только чистовики)