

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

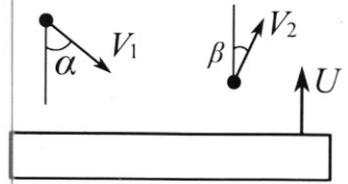
Класс 11

Вариант 11-04

Шифр

(заполняется секретарем)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 18$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{3}{5}$) с вертикалью.



1) Найти скорость V_2 .

2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.

Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

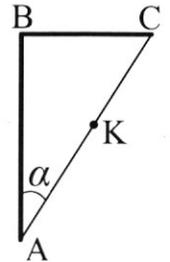
2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится аргон, во втором – криптон, каждый газ в количестве $\nu = 3/5$ моль. Начальная температура аргона $T_1 = 320$ К, а криптона $T_2 = 400$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31$ Дж/(моль К).

1) Найти отношение начальных объемов аргона и криптона.

2) Найти установившуюся температуру в сосуде.

3) Какое количество теплоты передал криптон аргону?

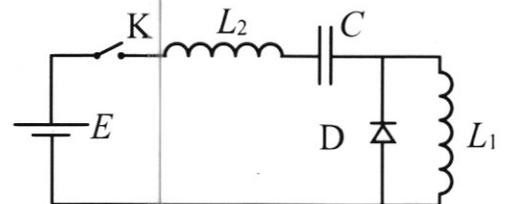
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = \sigma$, $\sigma_2 = 2\sigma/7$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/9$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 5L$, $L_2 = 4L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .

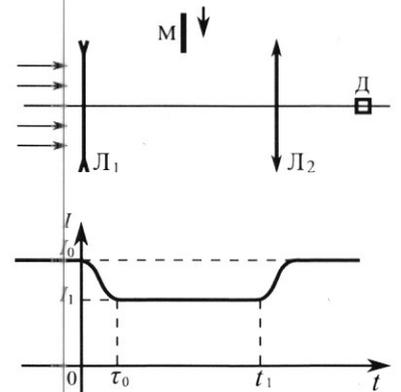


1) Найти период T этих колебаний.

2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .

3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями $-2F_0$ и F_0 , соответственно. Расстояние между линзами $2F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии F_0 от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 7I_0/16$



1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.

2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№4. 1) пока 3 фазы пока замыкается ключ
тогда через диод
наибольший период диод закрыт, но в момент
открытия. Сначала он закрыт, но сразу же
напряжения $T = 2\pi \sqrt{L_1 C_1}$, по закону Кирхгофа
напряжения контура $L_{\text{экв}} = L_1 + L_3$
 $= 3L_1$, $T_1 = 2\pi \sqrt{3LC} = 6\pi \sqrt{LC}$, $t_1 = \frac{T_1}{2}$
 $= 3\pi \sqrt{LC}$.

2) сразу наибольший период диод открыт и ток
через катушку L_1 не течет. Максимально
1) $L_{\text{экв}} = 4L_1$, $T = 2\pi \sqrt{4LC} = 4\pi \sqrt{LC}$,
 $t_2 = \frac{T_2}{2} = 2\pi \sqrt{LC}$. Тогда период колебаний
будет $t_1 + t_2 = 5\pi \sqrt{LC}$, после чего
все процессы повторяются

2). Если ток через L_1 будет максимумом
в этот период времени, пока диод закрыт, т.к.
иначе ток вообще не будет. В этот
момент в контуре течет только один
ток $\leq I_{01}$.

выбрано если $I_{01} \leq \text{max}$, но $\frac{dI_{01}}{dt} \leq 0$ и
 напряжение на конденсаторе равно ϵ , т.к.
 напряжение на катушке равно нулю
 тогда $q_c = \text{заряд конденсатора} = C \epsilon$,

$$A_{\text{дат}} = \Delta W_L + \Delta W_C, \quad \Delta W_L = W_L \text{ т.к. } X \text{ и } \Delta W_C = W_C$$

т.к. вычисления можно проводить и зарядка на конденсаторе не было. через ёмкость выделен заряд
 $= q_c = C \epsilon$,

$$\epsilon \cdot C \epsilon = \frac{C \epsilon^2}{2} + \frac{1}{2} (4L + 5L) I_{01}^2 \text{ (можно вконтуре отделить)}$$

$$\frac{C \epsilon^2}{2} = \frac{9L}{2} I_{01}^2 \quad I_{01}^2 = \epsilon^2 \cdot \frac{C}{9L} \quad \boxed{I_{01} = \epsilon \sqrt{\frac{C}{9L}}}$$

3) амплитудно вычитаемая из $\pi 2$

ток I_2 максимальен, когда заряд равен, тогда через L не идет ток амплитудно

$\pi 2$) в этот момент $\frac{dI_2}{dt} = 0$ и $U_{L_2} = L \frac{dI_2}{dt} = 0$

напряжение на конденсаторе $= \epsilon$

вспомогательная принципиальная электрическая схема
 для в контуре. т.к. через катушку

и зарядка на конденсаторе осуществляется по

$$\text{закону } q = q_c \cdot \epsilon \sin \omega t$$

$$\text{ноле отстоит тогда } \omega = \frac{1}{\sqrt{4LC}}$$

$$\text{тогда } I_2 = \dot{q} = C \epsilon \omega_2 \cos \omega t, \quad I_{02} \text{ max если } \cos \omega t = 1$$

$$I_{02} = C \epsilon \cdot \frac{1}{\sqrt{4LC}} = \epsilon \sqrt{\frac{C}{4L}}$$

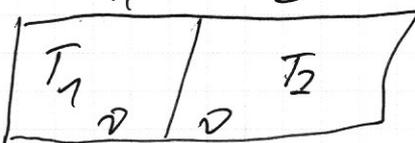
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1 Ответ: а) $5\sqrt{LE}$ б) $\frac{\epsilon\sqrt{\epsilon}}{3L}$
в) $\frac{\epsilon\sqrt{\epsilon}}{2L}$

№2. Т.к. процесс происходит в цилиндре, то
цилиндрическая поверхность ^{цилиндр} герметична.
Заметим, что оба газа — одноатомные,

$C_V = \frac{3R}{2}$. Также замечаем,

1) Пусть V_0 — общий цилиндр, V_1 — левая
"1" — означает аргоны, "2" — азот



2) $P_1 V_1 = \nu RT_1$
 $P_2 V_2 = \nu RT_2$

$\nu_1 = \nu_2 = \nu$ по числу
вал.

Т.к. процесс происходит медленно, у него
нет ускорения это означает, что:

$m a = (P_1 - P_2) S = 0 \Rightarrow P_1 = P_2$ в любой момент

и сила равна. Тогда

$P V_1 = \nu RT_1$

$P V_2 = \nu RT_2$

$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{320}{400} = \frac{4}{5} = 0,8$

$\frac{V_1}{V_2} = \frac{4}{5} = 0,8$

2) по закону сохранения энергии

$$\frac{1}{2} \nu R T_1 + \frac{1}{2} \nu R T_2 = \frac{1}{2} (\nu + \nu) R T_3$$

$$\nu T_1 + \nu T_2 = 2\nu T_3, T_3 = \frac{T_1 + T_2}{2} = \frac{400 + 320}{2} = 200 + 160 = 360 \text{ K} - \text{конечная температура.}$$

3) когда двое, температура становится, газы при этом сжимаются. В этом процессе между отношениями

$$pV_1 = \nu R T_3 \Rightarrow V_1 < V_2$$

$$pV_2 = \nu R T_3$$

| | |
|-------|-------|
| ν | ν |
| T_1 | T_2 |
| V_1 | V_2 |

было \Rightarrow стало

| | |
|-------|-------|
| T_3 | T_3 |
| ν | ν |
| V_3 | V_3 |

$$V_1 + V_2 = V_0 = 2V_3$$

$$\frac{V_2}{V_1} = 0,8, \nu \rightarrow 0, \nu_3 = \frac{\nu}{0,8} = 1,25\nu_1$$

$$2,25\nu_1 V_3 = 2\nu_1 V_1, V_3 = \frac{2,25\nu_1 V_1}{2} = 1,125\nu_1 V_1$$

4) I закон термодинамики для газа 1 и 2

$$Q_1 = \Delta U_1 + A_1, \text{ и для } 2$$

$$Q_2 = \Delta U_2 + A_2$$

$$A_2 = -A_1 \text{ (работа газа 2 равна по модулю работе газа 1)}$$

известно значение суммарной работы

$$\begin{cases} Q_1 = \Delta U_1 + A_1 \\ Q_2 = \Delta U_2 - A_1 \end{cases}$$

$$Q_1 + Q_2 = \Delta U_1 + \Delta U_2 \text{ по 1.к. процесс} \\ \text{мембраны, то } \Delta U_1 + \Delta U_2 = 0$$

$$Q_1 = -Q_2$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№2 (проposed)

$Q_1 = \Delta U_1 + A_1$ теория, расчётная работа,
 $-Q_1 = \Delta U_2 - A_2$ равна теория, отсюда критерии
по уравнению теория баланса

$$Q = -\frac{3}{2} \nu R (T_3 - T_1) = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot 8,31 \cdot 40$$

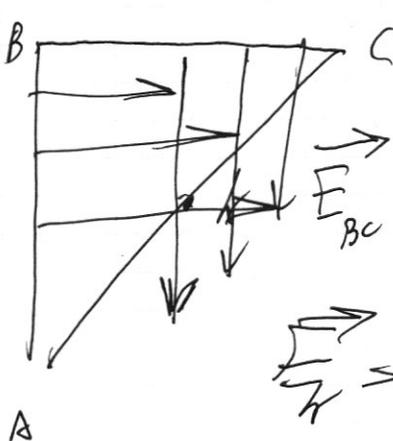
$$\frac{3}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot 8,31 \cdot 40 = \frac{3}{5} \cdot 4 \cdot 8,31 = 36,8,31 \text{ Дж}$$

$$\begin{array}{r} 18,31 \\ 4986 \\ 2493 \\ \hline 300,16 \end{array} \approx 300 \text{ Дж}$$

№2 Ответ: а) 98 Дж б) 360 Дж в) 300,16 Дж.

№3 по Т. Гаусса напряженность поля зависит
зарядовых плоскостей равна $\frac{\sigma}{\epsilon_0}$ и не зависит
от расстояния до плоскости $2\epsilon_0$

1) Пусть $\sigma_{BC} = \sigma_0$, тогда $\sigma_{AB} = \sigma_0$ по условию



\vec{E}_{BC} - напряженность в центре
BC, аналогично с \vec{E}_{AB}

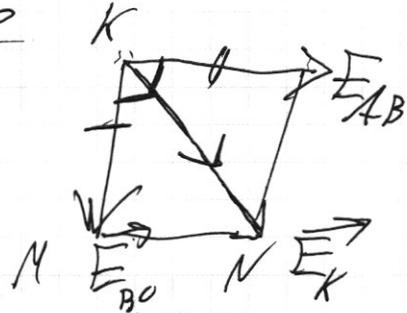
по принципу суперпозиции

$$\vec{E}_K = \vec{E}_{BC} + \vec{E}_{AB}$$

Ум, т.к. $|\vec{E}_{BC}| = |\vec{E}_{AB}|$, имеем.
 go



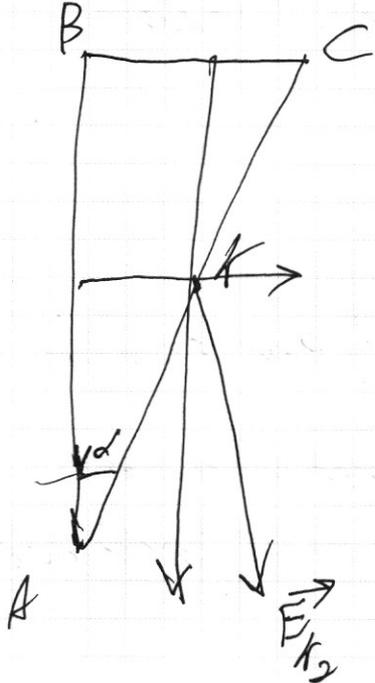
получим



$\triangle KMN$ - равнобедренный
 равнобедренный треугольник,
 гипотенуза

тогда $KN = \sqrt{2} KM$ и $|\vec{E}_K| = \sqrt{2} |\vec{E}_{BC}|$, т.е. коэффициент
 максимума равен $\sqrt{2} \approx 1,41$ раз

2) называя теми же рассуждениями



$$|\vec{E}_{BC_2}| = \frac{\sqrt{5}}{2\epsilon_0}$$

$$|\vec{E}_K| = \sqrt{\frac{5^2 + 49^2}{4\epsilon_0^2}} |\vec{E}_{AB_3}| = \frac{5\sqrt{5}}{2\epsilon_0 \cdot 7} = \frac{\sqrt{5}}{\epsilon_0 \cdot 7}$$

$$|\vec{E}_K| = \sqrt{|\vec{E}_{BC_2}|^2 + |\vec{E}_{AB_3}|^2} = \sqrt{\frac{5^2}{4\epsilon_0^2} + \frac{5^2}{49\epsilon_0^2}}$$

$$= \frac{5}{\epsilon_0} \cdot \frac{\sqrt{53}}{44} = \frac{\sqrt{53}}{14\epsilon_0}$$

13 Ответ: а) $\sqrt{2}$ раз $\frac{\sqrt{53}}{14\epsilon_0}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№5. ~~Рассеяние~~ ~~прохождения~~ ~~параллельных~~ ~~лучей~~
~~света~~ ~~соберутся~~ ~~в~~ ~~фокус~~
 После А) Т.к. лучи света параллельны
 то в фокусировочной линзе, то после
 прохождения через линзу продолжения лучей
 соберутся в фокусе перед линзой
 на расстоянии $2F$ от нее. Т.к. в линзе
 распространяется световая волна, что в
 этом месте волновой фронт световых
 волн является действительным предметом
 для второй линзы и расположен на
 расстоянии $2F + 2F = 4F$ от нее.
 тогда по формуле тонкой линзы

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{4F} + \frac{1}{F} \quad \frac{1}{F} = \frac{1}{F} + \frac{1}{4F} = \frac{4F + F}{4F \cdot F} = \frac{5F}{4F \cdot F} = \frac{5}{4F}$$

$$F = \frac{4F}{5}$$

т.к. и, т.к. свет распространяется
 на расстоянии от A_2 от которого?

2) Интерференция света пропорциональна толщине.
 * зная, пока микроскоп работает так, что
 наибольшие напряжения в луче света,

на неё выносятся $1 - \frac{1}{16} = \frac{15}{16} \approx 0,94$ и так
 сумма кривая, а после $\frac{15}{16}$
 сумма будет больше, так как отдала кривую,
 среднее значение, что $\frac{15}{16} = \frac{15R^2}{16R^2}$ где R радиус
 сферы, R - радиус сферы.

$$\frac{0,16}{0,94} = \frac{R^2}{F^2} \quad \frac{4}{3} = \frac{R}{F} \quad k = \frac{3R}{4} = 0,75 R.$$

Итак не меняется
 когда не меняется
 площадь (сферическая)
 на которую падает
 свет. отсюда же
 следует, что \downarrow

3) рассмотрим сечение сферы

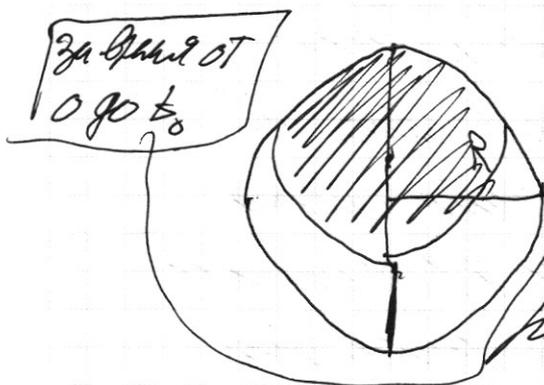
в момент времени от t_0 до

t_1 сфера движется со скоростью

v вправо. За

время $t_1 - t_0$ она прошла путь

равный $2v \cdot t_1 - t_0 = \frac{3R}{2}$



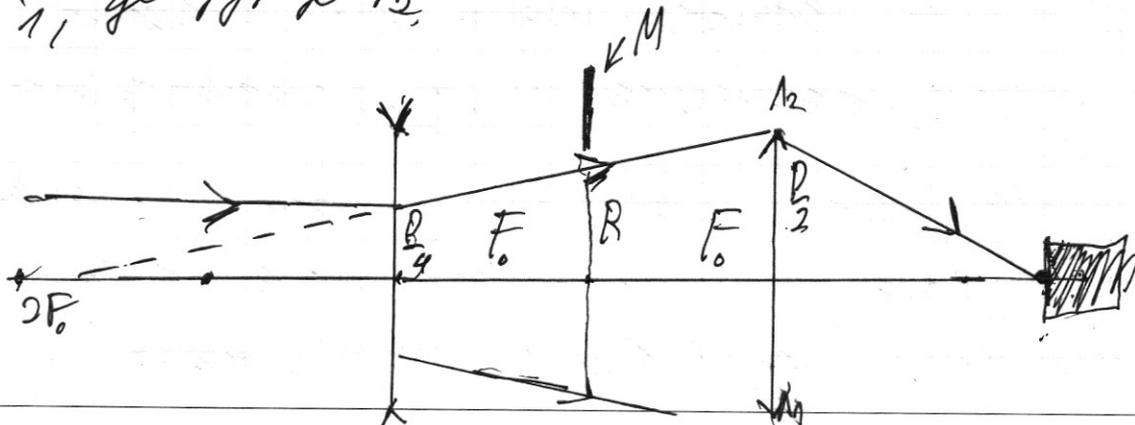
таким образом, $S = \frac{3R}{2}$, $t_1 - t_0 = \frac{3R}{2v}$

4) рассмотрим произведение света в момент
 отблеска сферы тогда выражение R и F

и D

Заметим, не все лучи, прошедшие

в A_1 , доберутся до A_2 .



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№5 (продолжение) Из условия задачи видно, что крайняя луч, попадающая на Π_2 проходит на расстоянии $\frac{D}{4}$ от $\Gamma O O$ на Π_1 .

тогда лучи R-лучи луча, и u

$$\frac{\frac{D}{4}}{2F} = \frac{R}{3F} \quad \frac{D}{8F} = \frac{R}{3F} \quad \boxed{R = \frac{3D}{8}}$$

тогда из Π_2 $l = \frac{3R}{4} = \frac{3}{4} \cdot \frac{3D}{8} = \frac{9D}{32}$

значит, лучи u и l выйдут от $t = 0$ до

t_0 составили $2l = \frac{9D}{16}$ т.к. луча u и l

идут в одном направлении, то $S = v t_1$

$$\frac{9D}{32} = v \cdot t_1 \quad t_1 = \frac{9D}{32v} \quad \boxed{v = \frac{9D}{32t_1}}$$

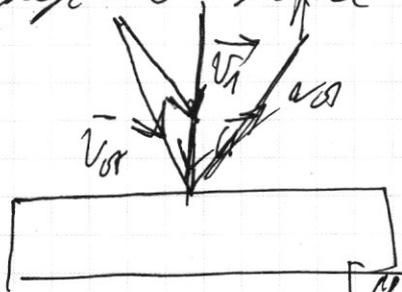
$$\frac{9D}{16} = v t_0 \quad \boxed{v = \frac{9D}{16t_0}}$$

5) За время от t_0 до t_1 луча будет находиться в трубе света, если $t_0 > t_1$, то, как она выйдет в трубу, если $t_0 < t_1$ будет пройти $\Delta S =$

$= 2R - 2l$ за время $t = t_1 - t_0$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

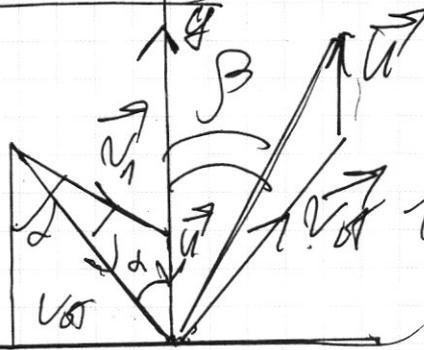
3) Лучи 1) почти абсолютно не несутся (т.е. ад. центр удара) .. переход в СО телескопа, т.к. в ней сохраняется относительная скорость после ад. центр. удара



по закону сохранения энергии

$$\vec{v}_1 = \vec{v}_1' + \vec{u}$$

$$\vec{v}_2 = \vec{v}_2' + \vec{u}$$



из вел. сохр. энергии получаем

$$v_1 \sin \alpha = v_1' \cos \alpha + u$$

$$v_2 \cos \beta = v_2' \cos \beta - u$$

$$v_2 \cos \beta - u = v_1' \cos \alpha + u \quad 2u = v_2 \cos \beta - v_1' \cos \alpha$$

$$\cos \beta = \frac{4}{5} \quad \sin \alpha = \frac{4}{5} \quad \cos \alpha = \sqrt{1 - \frac{16}{25}} = \frac{3}{5}$$

$$2u = \frac{20 \cdot 4}{5} - 16 - \frac{18 \sqrt{5}}{6} = 16 - 3\sqrt{5}$$

$$u = 8 - 3\sqrt{5} \quad (0,74 \text{ км/с})$$

4) Лучи 2) почти ад. центр. удар. после абсолютно неупругого удара относительная скорость фрагмента стала равна нулю.

$$\text{когда } \frac{1}{2} \cos \beta = 4, \quad 20 \cdot 4 = 20 \cdot \frac{4}{5} = 16$$

В этих пределах может летать скорость
пловец, но скорость не достигнута

Ответ: а) 20 м/с б) ~~16~~ 8-305 м/с
в) 4-26 м/с

$$1' \quad \epsilon - 2b\epsilon \neq 0 + \frac{4L}{2} \gamma - \frac{qL}{2} \gamma^2$$

$$-2b\epsilon^2 = \frac{4L}{2} \gamma^2 - \frac{qL}{2} \gamma^2 \quad \gamma = \frac{\epsilon}{2}$$

$$-2b\epsilon^2 = \frac{4L}{2} \gamma^2 - \frac{qL}{2} \gamma^2 \quad \gamma = \frac{\epsilon}{2}$$

$$V_1 = 0,8V_2$$

$$1,8V_2 = V_0 = 2V_2$$

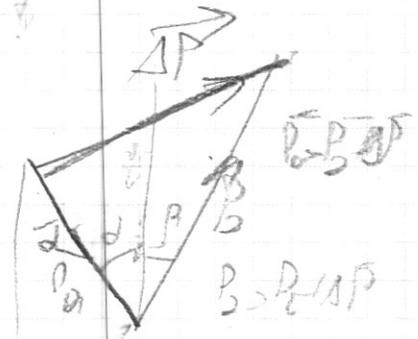
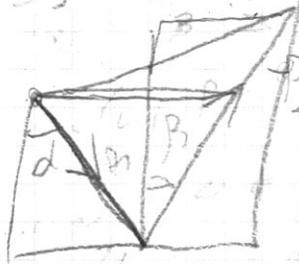
$$P_{y0} = mV_0 \cos \alpha$$

$$P_{y0} = mV_2 \cos \alpha$$

$$Q = \Delta U_1 + A_1$$

$$-Q = \Delta U_2 - A_2$$

$$\Delta P_{y0} = mV_2 \cos \alpha (V_2 \cos \alpha)$$



$$\frac{3}{2} \text{DRT}_2 \quad \frac{3}{2}$$

$$\frac{5}{2} \cdot \frac{3}{5} = 1,5$$

$$Q = \Delta U + A$$

$$-Q = \Delta U - A$$

$$2Q = \Delta U_1 + \Delta U_2 + 2A$$

$$\Delta U_1 + \Delta U_2 = \dots$$

$$2Q = \dots$$

$$\Delta P = mV_2^2 \cos^2 \alpha - 2b^2 V_2^2 \cos^2 \alpha$$

$$2Q = \frac{3}{2} \dots$$

$$2Q = \dots$$

$$C_1 = 3 \dots$$

$$V_1 \cos \alpha + u_1 = V_2 \cos \alpha + u$$

$$u = V_2 \cos \alpha - V_1 \cos \alpha$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Handwritten solution for a physics problem involving forces and geometry. The diagram shows a triangle with a horizontal base and a vertical height. A force F is applied at the top vertex, and its components are analyzed. A resultant force R is shown acting on the base. The solution includes several calculations:

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{4F} + \frac{3}{4F}$$

$$1 = \frac{1}{4} + \frac{3}{4}$$

$$2F = \frac{4F}{3}$$

$$2\sqrt{5} = \frac{4\sqrt{5}}{3} = \frac{4\sqrt{5}}{3}$$

$$3\sqrt{5} = \frac{4\sqrt{5}}{3} \cdot 2 = \frac{8\sqrt{5}}{3}$$

$$\vec{P}_3 = 4$$

$$\frac{2}{3} \cdot 3 = 2 \cdot \frac{3}{3}$$

$$\frac{2 \cdot 3 \cdot 2}{3} = \frac{12}{3} = 4$$

$$\vec{F}_B = \vec{F}$$

$$\vec{F}_{DB} = \Delta P$$

$$\frac{R}{F} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{R}{F} = \frac{3}{4}$$

$$\frac{R}{F} = \frac{3}{4}$$