

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

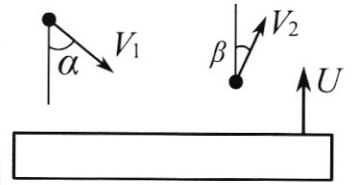
Класс 11

Вариант 11-01

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 8$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{3}{4}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{2}$) с вертикалью.



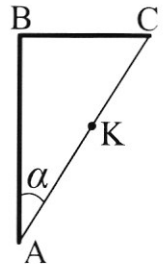
- 1) Найти скорость V_2 .
 - 2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.
- Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится азот, во втором – кислород, каждый газ в количестве $\nu = 3/7$ моль. Начальная температура азота $T_1 = 300$ К, а кислорода $T_2 = 500$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Газы считать идеальными с молярной теплоемкостью при постоянном объеме $C_V = 5R/2$. $R = 8,31$ Дж/(моль К).

- 1) Найти отношение начальных объемов азота и кислорода.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал кислород азоту?

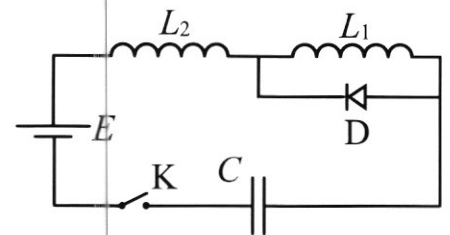
Доделано п. 3!!!

3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



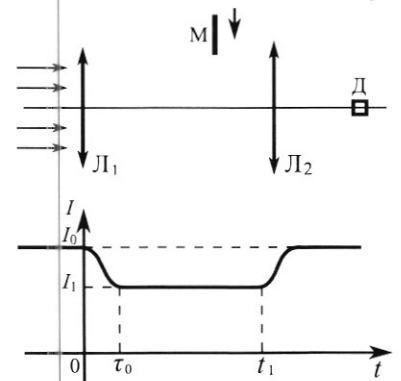
- 1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?
- 2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 2\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/7$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 2L$, $L_2 = L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ К разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_1 .



- 1) Найти период T этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток I_{M1} , текущий через катушку L_1 .
- 3) Найти максимальный ток I_{M2} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусным расстоянием F_0 у каждой. Расстояние между линзами $3F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $2F_0$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 3I_0/4$.



- 1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.
- 2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N 1.

U
 $V_1 = 8 \frac{m}{c}$
 $\alpha (\sin \alpha = \frac{3}{4})$
 $\beta (\sin \beta = \frac{1}{2})$
 1) $V_2 - ?$
 2) $U - ?$
 $(Q > 0)$

1) Запишем ЗСИ по горизонтальной оси для системы Плита-шарик (замкнута).

$$p_{до} = p_{после} \Leftrightarrow m V_{1x} + M U_x = m V_{2x} + M U_x$$

$$M U_x = 0 \text{ м.к. } U \perp (\text{горизонт. ось}).$$

$$\Rightarrow m V_{1x} = m V_{2x} \Rightarrow V_{1x} = V_{2x}$$

$$V_{1x} = V_1 \sin \alpha \quad V_{2x} = V_2 \sin \beta \quad V_2 = \frac{V_{2x}}{\sin \beta}$$

$$V_{1x} = V_{2x} \Rightarrow V_2 = \frac{V_{1x}}{\sin \beta} = \frac{V_1 \sin \alpha}{\sin \beta} \quad V_2 = \frac{8 \frac{m}{c} \cdot \frac{3}{4}}{\frac{1}{2}} = 12 \left(\frac{m}{c} \right)$$

2) Введем НСО относительно массивной плиты.

Поскольку ее масса сильно больше массы шарика, ЗСИ не соблюдается и плита продолжает двигаться с $V = U$.

$$(\Delta p_{\text{плиты}} \approx 2 V_y \cdot m \ll p_{\text{плиты}} = M U, \text{ где } M \gg m)$$

Поскольку удар неупругий, то $E_{k1} = E_{k2} + Q$ (*)

$$E_{k1} = \frac{m V_1^2}{2} = \frac{m (V_x^2 + V_{y1}^2)}{2} \quad E_{k2} = \frac{m (V_x^2 + V_{y2}^2)}{2}$$

$$V_x = \text{const} \quad \vec{V}_{y1(\text{НСО})} = \vec{V}_{y(\text{НСО})} + \vec{V}_{\text{НСО}} = \underbrace{V_1 \cos \alpha}_{V_{y(\text{НСО})}} + U$$

$$\text{Аналогично } \vec{V}_{y2(\text{НСО})} = \underbrace{V_2 \cos \beta}_{V_{y(\text{НСО})}} + U$$

$$\text{По оу: } V_{y1} = -V_1 \cos \alpha \mp U = -V_1 (\sqrt{1 - \sin^2 \alpha}) \mp U = -2\sqrt{7} \mp U \left(\frac{m}{c} \right)$$

$$V_{y2} = V_2 \cos \beta \mp U = V_2 (\sqrt{1 - \sin^2 \beta}) \mp U = 6\sqrt{3} \mp U \left(\frac{m}{c} \right)$$

$$U_y (+): E_{k1} > E_{k2} \text{ м.к. } Q > 0 \Rightarrow \frac{m (V_x^2 + V_{y1}^2)}{2} > \frac{m (V_x^2 + V_{y2}^2)}{2}$$

$$V_{y1}^2 > V_{y2}^2 \Leftrightarrow (2\sqrt{7} + U)^2 > (6\sqrt{3} - U)^2 \Leftrightarrow 28 + 4\sqrt{7}U > 108 - 12\sqrt{3}U \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow U (12\sqrt{3} + 4\sqrt{7}) > 80 \Leftrightarrow U > \frac{80}{(12\sqrt{3} + 4\sqrt{7})} = \frac{80(12\sqrt{3} - 4\sqrt{7})}{320} = 3\sqrt{3} - \sqrt{7}$$

$$U > 3\sqrt{3} - \sqrt{7}$$

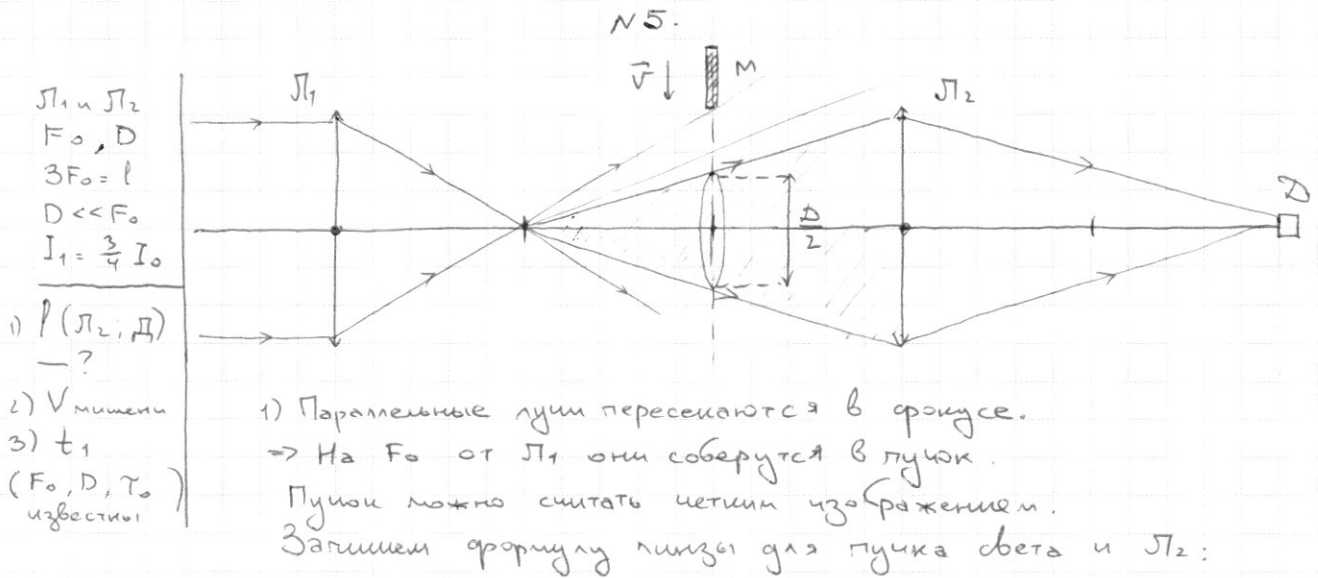
Ответ:

Плате u не может превысить конечную скорость тела по Оу.

$$V_{2y} = 12 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 6\sqrt{3} \left(\frac{M}{C}\right) \quad u < 6\sqrt{3} \left(\frac{M}{C}\right).$$

$$3\sqrt{3} - \sqrt{7} < u < 6\sqrt{3}$$

Ответ: 1) $12 \frac{M}{C}$
2) $(3\sqrt{3} - \sqrt{7}) \frac{M}{C} < u < (6\sqrt{3}) \frac{M}{C}$

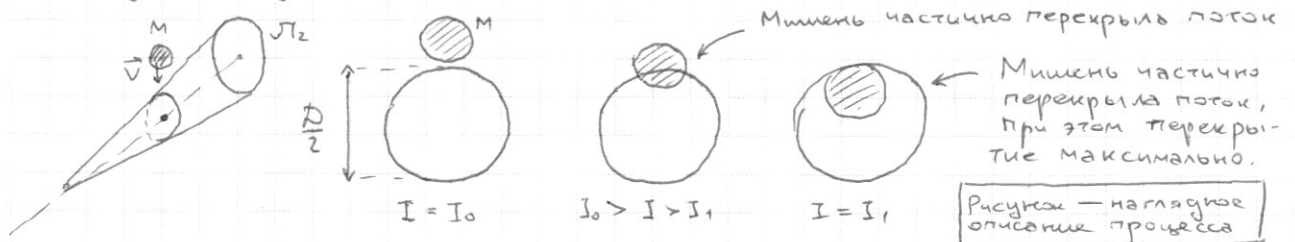


$$\frac{1}{d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F_0} \quad f = l(L_2, D) \quad d = 2F_0 \text{ (от линзы до } L_2)$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{F_0} - \frac{1}{2F_0} = \frac{1}{2F_0} \Rightarrow l(L_2, D) = f = 2F_0 \quad 1) \underline{2F_0}$$

2) Луч из точки, попавший на линзу, на расстоянии $2F_0$ от пер L_1 (на F_0 от L_2) в сечении образует круг с $D' = \frac{D}{2}$

(из подобия треугольников с вер, образованных точкой пучка и диаметрами линзы и сечения.)



П.и. Энергия света $\sim S$, то $\frac{S_{сеч} - S_m}{S_{сеч}} = \frac{I_1}{I_0} = \frac{3}{4} \quad (*)$

$$S_{сеч} = \pi R_{сеч}^2 = \pi \left(\frac{D}{4}\right)^2 = \frac{\pi D^2}{16}$$

$$S_m \text{ (площадь мишени)} = \pi \left(\frac{D_m}{2}\right)^2 = \frac{\pi D_m^2}{4}$$

Подставим в (*): $\frac{\frac{\pi D^2}{16} - \frac{\pi D_m^2}{4}}{\frac{\pi D^2}{16}} = \frac{3}{4} \Rightarrow \frac{D^2 - 4D_m^2}{D^2} = \frac{3}{4}$

$$\frac{4D_m^2}{D^2} = \frac{1}{4} \quad \frac{2D_m}{D} = \frac{1}{2} \quad D_m = \frac{D}{4}$$

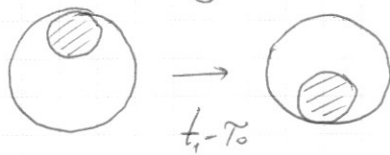
За T_0 мишень проходит от внешнего касания сечения до внутреннего, то есть, расстояние, равное собственному диаметру.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

(N5 - прод)

$$v = \frac{s}{T} \quad s = \frac{D}{4} \quad T = \tau_0 \quad v = \frac{D}{4\tau_0}$$

3) $t_1 - \tau_0$ - время, за которое мишень дойдет до края сенсора и начнет выходить за пределы сенсора, увеличивая тем самым поток через линзу, повышая ток.



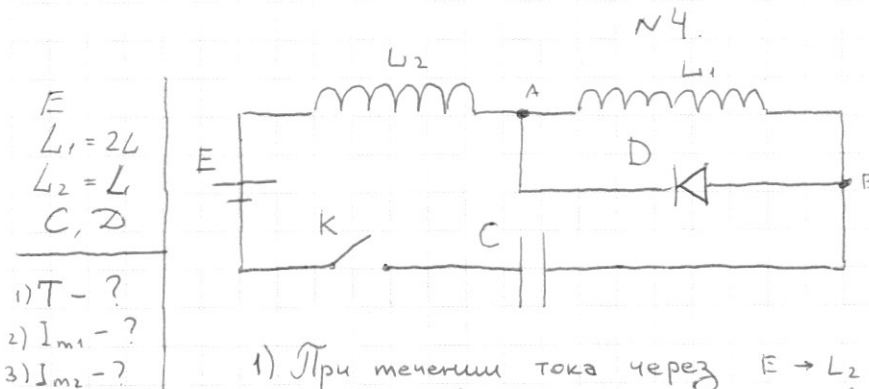
$$t_1 - \tau_0 = \frac{s}{v}$$

$$v = \frac{D}{4\tau_0}$$

$$s = D_{\text{сен}} - D_m = \frac{D}{2} - \frac{D}{4} = \frac{D}{4}$$

$$t_1 - \tau_0 = \frac{\frac{D}{4}}{\frac{D}{4\tau_0}} = \frac{D}{4} \cdot \frac{4\tau_0}{D} = \tau_0 \Rightarrow t_1 = 2\tau_0$$

Ответ: 1) $2F_0$ 2) $D/(4\tau_0)$
3) $2\tau_0$

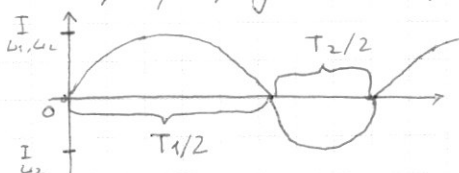


- 1) T - ?
2) I_{m1} - ?
3) I_{m2} - ?

1) При течении тока через $E \rightarrow L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow C$ диод перекрыт, значит колебательный контур составлен из C и L , где $L = L_1 + L_2$ по закону последовательного соединения.

При обратном обходе: $U_D = 0$ т.к. диод идеален, а $U = I^2 R$, $R = 0$, то есть между A и B $U = 0$. L_1 параллельна диоду, значит $U_{L1} = 0$ при токе в обратном направлении.

При зарядке конденсатора $T_1 = 2\pi\sqrt{(L_1 + L_2)C} = 2\pi\sqrt{3LC}$
При разрядке ток через L_1 не идет, $T_2 = 2\pi\sqrt{L_2C} = 2\pi\sqrt{LC}$.



$$T = \frac{T_1}{2} + \frac{T_2}{2} = \pi\sqrt{LC}(1 + \sqrt{3}) - \text{общий период колебаний.}$$

P. S. "Частный" период для L_1 равен $T = 2\pi\sqrt{3LC}$

$$2) I_{m1} (\text{макс.}) \Rightarrow \dot{I}_{L1} = 0 \Rightarrow U_{L1} = 0 \quad (U_{L1} = L \dot{I}_1)$$

По закону Кирхгофа по контуру часовой стрелки:

$$E = U_{L2} + U_{L1} + U_C \quad \text{Так как } L_1 \text{ и } L_2 \text{ образуют последовательным соединением общую катушку, то } U_{L2} = U_{L1} = 0.$$

$$E = 0 + 0 + U_C \quad U_C = E.$$

Запишем закон сохранения энергии:

$$E \cdot q = \frac{L_1 I_{m1}^2}{2} + \frac{L_2 I_{m1}^2}{2} + \frac{C U^2}{2} \quad q = C \cdot E \quad (\text{из } C = \frac{q}{U})$$

$$C \cdot E^2 = \frac{(L_1 + L_2) I_{m1}^2}{2} + \frac{C E^2}{2} \Leftrightarrow (L_1 + L_2) I_{m1}^2 = C E^2$$

$$I_{m1} = \sqrt{\frac{C E^2}{L_1 + L_2}} = E \sqrt{\frac{C}{3L}}$$

3) Максимальный ток в L_2 будет при разрядке конденсатора, то есть, при $I_{L1} = 0$, токе через диод.

$$I_{L2} \text{ max} \Rightarrow \dot{I}_{L2} = 0 \Rightarrow U_{L2} = L \dot{I}_{L2} = 0.$$

По закону Кирхгофа $E = U_{L2} + U_C = 0 + U_C = U_C$

$U_C = E$. Запишем ЗСЭ:

$$E \cdot q = \frac{L_2 I_{m2}^2}{2} + \frac{C E^2}{2} \quad q = C \cdot E$$

$$E^2 C = \frac{L_2 I_{m2}^2}{2} + \frac{C E^2}{2} \quad L_2 I_{m2}^2 = C E^2 \quad I_{m2} = \sqrt{\frac{E^2 C}{L_2}} =$$

$$= E \sqrt{\frac{C}{L}}$$

Ответ: 1) $\pi \sqrt{LC} (1 + \sqrt{3})$ - общий период:



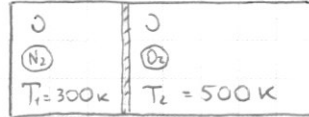
или $2\pi \sqrt{3LC}$ для маленького участка (при $\frac{T}{2} = t$, где t - время обращения тока в 0)

$$2) I_{m1} = E \sqrt{\frac{C}{3L}} \quad 3) I_{m2} = E \sqrt{\frac{C}{L}}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N2.

$$\begin{aligned} \nu &= \frac{3}{7} \text{ моль} \\ T_1 &= 300 \text{ К} \\ T_2 &= 500 \text{ К} \\ C_v &= 5R/2 \end{aligned}$$



1) Так как поршень движется медленно и теплообмен не происходит быстро, в любой момент времени $p_1 = p_2$

Пусть в начальный момент $p_1 = p_2 = p_0$

Запишем уравнения Менделеева-Клапейрона для N_2 и O_2

- 1) V_1/V_2 - ?
- 2) T - ?
- 3) ΔQ - ?

$$\textcircled{1} p_0 V_1 = \nu R T_1 \quad - \textcircled{N_2} \quad \textcircled{2} p_0 V_2 = \nu R T_2$$

Разделим $\textcircled{1}$ на $\textcircled{2}$: $\frac{p_0 V_1}{p_0 V_2} = \frac{\nu R T_1}{\nu R T_2} \Leftrightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{300 \text{ К}}{500 \text{ К}} = \underline{\underline{0,6}}$

2) В процессе теплообмена один газ совершит работу A над другим, т.е. другой совершит работу $-A$

Система замкнута, справедлив ЗСЭ:

$$U_n = U_k + A - A \quad U_{1n} + U_{2n} = U_{1k} + U_{2k}$$

$$\nu C_v \nu_1 T_1 + \nu C_v \nu_2 T_2 = \nu C_v \nu_1 T + \nu C_v \nu_2 T \quad (\nu_1 = \nu_2 = \nu)$$

$$\begin{aligned} \nu T_1 + \nu T_2 &= \nu T + \nu T \Leftrightarrow T = \frac{T_1 + T_2}{2} & T &= \frac{300 \text{ К} + 500 \text{ К}}{2} \\ & & &= \frac{800 \text{ К}}{2} = \underline{\underline{400 \text{ К}}} \end{aligned}$$

$$3) \Delta U_1 = U_{2k} - U_{2n} = C_v \nu T - C_v \nu T_1 =$$

$$= \frac{5}{2} \nu R (T - T_1) \quad \Delta U_1 = \frac{5}{2} \cdot \frac{3}{7} \cdot 8,31 \cdot 100 \text{ К} = \frac{15}{14} \cdot 831 \approx 890,3 \text{ Дж} \quad (D^*)$$

$$[\Delta U_1] = \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}} \cdot \text{моль} \cdot \text{К} = \text{Дж}$$

$$|\Delta U_2| = |\Delta U_1| = |C_v \nu (T - T_2)| \text{ м.к. } (T - T_2) = (T - T_1)$$

Отсюда, с учетом знаков по закону м.д.:

$$Q = A_1 + \Delta U_1 \quad Q = A_2 + \Delta U_2 \quad A_2 = -A \quad A_1 = A$$

С учетом знаков: $Q = A + \Delta U_1 = -A + \Delta U_2$

$$2Q = \Delta U_1 + \Delta U_2 \quad Q = \frac{\Delta U_1 + \Delta U_2}{2} = \frac{2\Delta U_1}{2} = \Delta U_1 = 890,3 \text{ Дж} \quad (D^*)$$

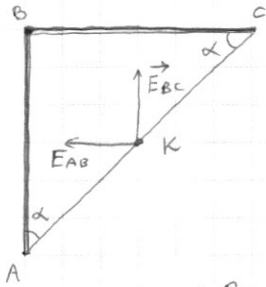
Ответ: 1) 0,6

2) 400 К

3) 890,3 Дж

№3.

- $AB \perp BC$
 1) $\alpha = \frac{\pi}{4}$
 $\frac{E_2}{E_1} = ?$
 2) $\alpha_1 = 2\alpha$
 $\alpha_2 = \alpha$
 $\alpha = \frac{\pi}{7}$
 $E_2 = ?$



Когда заряжена только BC:

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

Вектор направлен перпендикулярно пластине

$E_1 = E_{BC}$ перпендикуляр из K на BC лежит в середине, значит $E_1 \perp BC$.

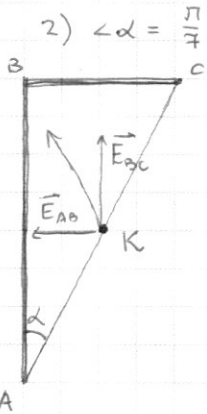
$$\angle BCA = 180^\circ - \angle ABC - \alpha = 90^\circ - \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4} = \alpha$$

В силу симметрии $E_{AB} = E_{BC}$, $\vec{E}_{AB} \perp \vec{E}_{BC}$

По принципу суперпозиции: $\vec{E}_2 = \vec{E}_{AB} + \vec{E}_{BC}$

$$E_2 = \sqrt{E_{AB}^2 + E_{BC}^2} = \sqrt{2E_{BC}^2} = \sqrt{2E_1^2} = \sqrt{2}E_1$$

Напряженность увеличится в $\sqrt{2}$ раз.



2) $\alpha = \frac{\pi}{7}$

$\alpha_1 = 2\alpha$ $\alpha_2 = \alpha$

При $\alpha = \frac{\pi}{7}$ $\sin \alpha \approx \frac{1}{2} \cos \alpha$

~~Пластины не бесконечны по бокам~~

$$E_{BC} = \frac{\sigma_{BC}}{\epsilon_0} = \frac{2\sigma}{\epsilon_0}$$

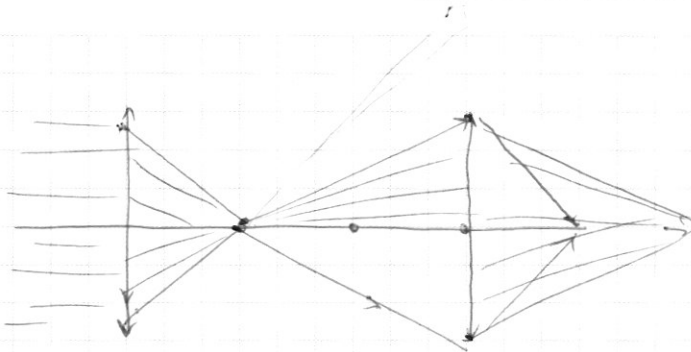
$$E_{AB} = \frac{\sigma_{AB}}{\epsilon_0} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

$$E = \sqrt{E_{AB}^2 + E_{BC}^2} = \sqrt{\frac{4\sigma^2}{\epsilon_0^2} + \frac{\sigma^2}{\epsilon_0^2}} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \sqrt{5}$$

Вектор напряжённости направлен в точку B.

Ответ: в $\sqrt{2}$ раз
 $\frac{\sigma}{\epsilon_0} \sqrt{5}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\frac{1}{d} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F_0}$$

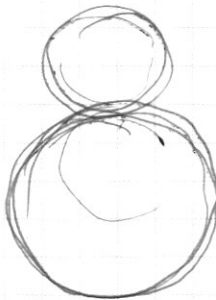
$$\frac{1}{2F_0} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F_0}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{F_0} - \frac{1}{2F_0} = \frac{1}{2F_0}$$

$$f = 2F_0$$

$$C = \frac{q}{u}$$

$$q = C \cdot E$$



$$2\pi \sqrt{LC}$$

$$E_{\text{индо}} = -\frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = -L \frac{\Delta I}{\Delta t}$$

$$\sqrt{LC} = \sqrt{\frac{\Delta\Phi}{\Delta I} \cdot \frac{q}{u}} = \sqrt{\frac{\Phi \Delta t \cdot q}{q u}} = \sqrt{\frac{\Phi \Delta t}{u}}$$

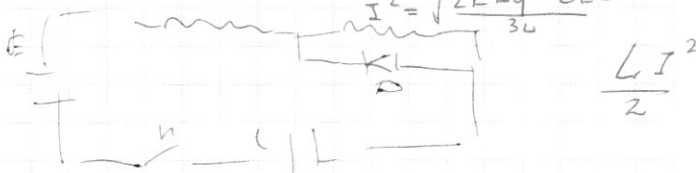
$$\frac{\Delta\Phi \cdot L I}{u} = \sqrt{\frac{B \cdot S \cdot q}{A}}$$

$$E \Delta q = \frac{3LI^2}{2} + \frac{CU^2}{2}$$

$$2E \Delta q = 3LI^2 + CE^2$$

$$3LI^2 = 2E \Delta q - CE^2$$

$$I^2 = \frac{2E \Delta q - CE^2}{3L}$$



$$\frac{CU_{\text{max}}^2}{2} = \frac{CE^2}{2} + \frac{LI^2}{2}$$

$$\frac{CU_{\text{max}}^2}{2} = \frac{CE^2}{2} + \frac{3LI^2}{2}$$

$$I_{\text{ми max}} : U_{L1} = 0$$

$$\frac{2\pi\sqrt{L_2}C}{2} + \frac{2\pi\sqrt{(L_1+L_2)}C}{2} =$$

$$\Rightarrow E = U_C$$

$$= \pi (\sqrt{L_2}C + \sqrt{L_1+L_2}C) =$$

$$E \Delta q = \frac{CU^2}{2}$$

$$U = \pi E (\sqrt{L_2} + \sqrt{L_1+L_2})$$

$$E \Delta q = \frac{CE^2}{2}$$

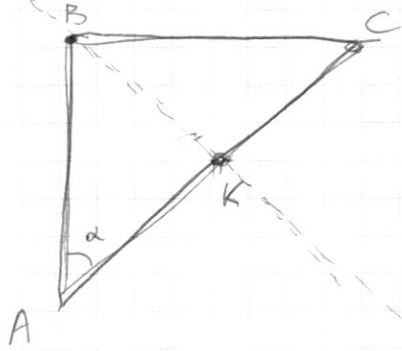
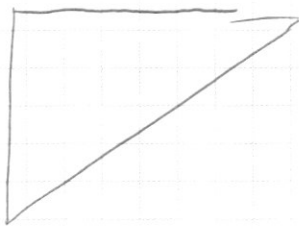
$$E = L \frac{\Delta I}{\Delta t} \quad C \frac{(U + U_{\text{ин}})^2}{2} = C \cdot \frac{U^2}{2} + \frac{LI^2}{2}$$

$$\Delta q = \frac{CE}{2}$$

$$C(E^2 + 2UE) = LI^2$$

$$C \frac{(U^2 + E^2 + 2UE - U^2)}{2} = \frac{LI^2}{2}$$

$$CE^2 + 2UE = E \Delta t \cdot I$$

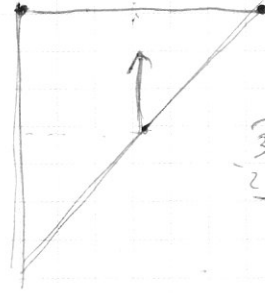


0,44

$$2\sqrt{7} + u > 6\sqrt{3} + u$$

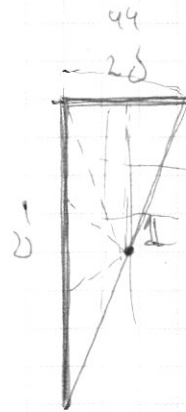
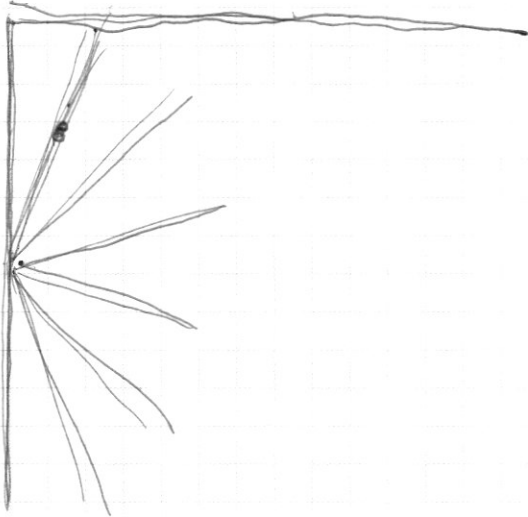
$$2u > 6\sqrt{3} - 2\sqrt{7}$$

$$u > 3\sqrt{3} - \sqrt{7}$$



$$\begin{array}{r} 314 \overline{) 7} \\ \underline{28} \\ 44 \end{array}$$

44



$$\frac{\pi}{7} = \frac{3,14}{7} =$$

$$0,4 \cdot 0,4 = 0,16$$

$$1 - 0,16 = 0,84$$

$$E = \frac{q \cdot d}{\epsilon_0 \cdot S}$$

$$C = \frac{\epsilon_0 \cdot S}{d}$$

$$u = \frac{A}{q}$$

$$\frac{q}{u} = \frac{\epsilon_0 \cdot S}{d}$$

$$E \cdot q \cdot d$$

$$u = \frac{q \cdot d}{\epsilon_0 \cdot S}$$

$$E \cdot q \cdot d = \frac{q \cdot d}{\epsilon_0 \cdot S}$$

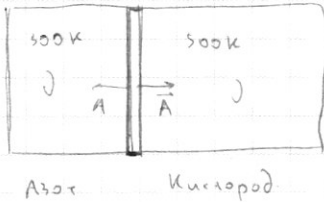
$$E = \frac{q}{\epsilon_0 \cdot S}$$

$$q = 2 \cdot S$$

$$E = \frac{2}{\epsilon_0}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N2.



$$P_1 = P_2 = P_0$$

$$P_N V_N = \nu_N R T_N$$

$$P_0 V_0 = \nu_0 R T_0$$

$$P_N = P_0 = P_1$$

$$\nu_N = \nu_0 = \nu = \frac{3}{7} \text{ моля}$$

$$T_N = T_1 \quad T_2 = T_0$$

Узла перемена \Rightarrow уравнение $p = \text{const}$

$$p V_N = \nu R T_1$$

$$p V_0 = \nu R T_2$$

$$\frac{p V_N}{p V_0} = \frac{\nu R T_1}{\nu R T_2} \Leftrightarrow \frac{V_N}{V_0} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{300\text{K}}{500\text{K}} = \frac{3}{5}$$

$$\text{ЗСЭ: } \Delta Q = A + \Delta U$$

$$-A - A + \Delta U_N - \Delta U_0 = 0 \Leftrightarrow \Delta U_N - \Delta U_0 = 0$$

$$\frac{5}{2} \nu R T - \frac{5}{2} \nu R T_1 = \frac{5}{2} \nu R T - \frac{5}{2} \nu R T_2$$

$$T - T_1 = T - T_2 \Leftrightarrow T_1 = T_2$$

$$\frac{5}{2} \nu R T_1 + \frac{5}{2} \nu R T_2 = \frac{5}{2} \nu R T + \frac{5}{2} \nu R T + A - A =$$

$$\Leftrightarrow T_1 + T_2 = 2T \Rightarrow T = \frac{T_1 + T_2}{2} = \frac{300 + 500}{2} = 400 \text{ (K)}$$

$$\Delta Q = \nu \Delta T = \frac{5}{2} \nu R \Delta T$$

$$Q = A + \Delta U$$

$$-Q = -A - \Delta U$$

$$\Delta U + A = Q$$

$$\begin{array}{r} \times 831 \\ 15 \\ \hline + 4155 \\ \hline 831 \\ \hline 12465 \end{array} \quad \begin{array}{r} 12465 \overline{) 14} \\ -112 \quad \quad \quad 14 \\ \hline 126 \quad \quad \quad 89 \\ -126 \quad \quad \quad 05 \\ \hline 05 \end{array}$$

$$\Delta U_N = \frac{5}{2} \nu R T - \frac{5}{2} \nu R T_1 =$$

$$= \frac{5}{2} \nu R (T - T_1) =$$

$$= \frac{5}{2} \cdot \frac{3}{7} \cdot 8,31 \cdot 100 =$$

$$= \frac{15}{14} \cdot 8,31 \cdot 100 = \frac{15}{14} \cdot 831$$

5.9

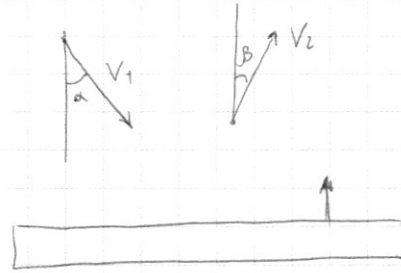
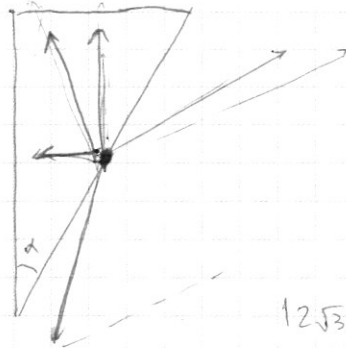
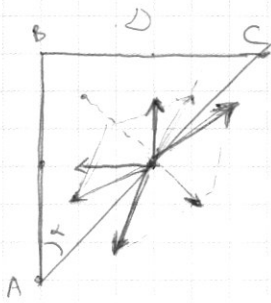
$$\begin{array}{r} 831 \overline{) 14} \\ 70 \quad \quad \quad 14 \\ \hline 131 \quad \quad \quad 590 \\ -126 \quad \quad \quad 89 \\ \hline 05 \end{array}$$

$$\sqrt{\frac{c}{3L}} =$$

$$= \sqrt{\frac{q \cdot \mu}{U \cdot \Delta \Phi}} =$$

$$= \sqrt{\frac{q^2}{\Delta t \cdot U \cdot \epsilon \Delta t}} = \frac{K_1}{B \cdot c} = \frac{15}{14} \cdot 8,31 \cdot 100 = \frac{15}{14} \cdot 831$$

$$\frac{\Phi}{\Delta t} = U \epsilon \quad \Phi = \epsilon \Delta t \cdot \frac{A}{B}$$



$$\frac{12\sqrt{3} - 4\sqrt{7}}{4} = 3\sqrt{3} - \sqrt{7}$$

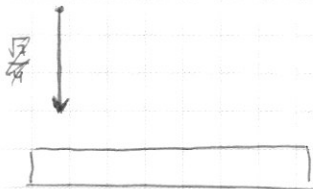
$$432 - 112 = 320$$

$$28 - 36 \cdot 3$$

$$144 \cdot 3 = 432$$

$$16 \cdot 7 =$$

$$= 160 - 48 = 112$$



$$V_1 = \frac{V_x}{\sin \alpha}$$

$$V_x = V_1 \sin \alpha$$



$$V_2 = \frac{V_x}{\sin \beta} = \frac{V_1 \sin \alpha}{\sin \beta}$$

$$= \frac{8 \cdot \frac{3}{4}}{\frac{1}{2}} = 2 \cdot 8 \cdot \frac{3}{4} = 12 \left(\frac{m}{c} \right)$$

$$\frac{9}{16} + \cos^2 = 1$$

$$\cos^2 = \frac{7}{16} \quad \cos = \frac{\sqrt{7}}{4}$$

$$V_{1y} = V_1 \cos \alpha =$$

$$V_{2y} = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 12 = 6\sqrt{3}$$

$$\frac{\sqrt{7}}{4} \cdot 8 = 2\sqrt{7}$$

$$\frac{80(12\sqrt{3} - 4\sqrt{7})}{144 \cdot 3 - 2^8 \cdot 16 \cdot 7}$$

$$V_{yH} = V_{1y} + U$$

$$V_{yK} = V_{2y} - U$$

т.к. удар неупр.

$$V_{yH} = V_{1y} + U > V_{2y} - U$$

$$2U < V_{2y} - V_{1y}$$

$$28 - 4\sqrt{7} + 4\sqrt{7}U + U^2 >$$

$$28 + 4\sqrt{7}U + U^2 > 108 - 12\sqrt{3}U + U^2$$

$$U(4\sqrt{7} + 12\sqrt{3}) > 80$$

$$U > \frac{80}{4\sqrt{7} + 12\sqrt{3}}$$

$$U > \frac{40}{\sqrt{7} + 3\sqrt{3}}$$

$$2\sqrt{7} + U > 6\sqrt{3} - U$$

$$U > \frac{6\sqrt{3} - 2\sqrt{7}}{2}$$