

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

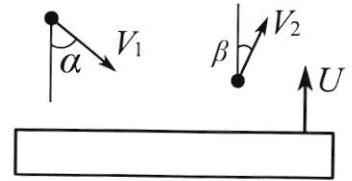
Класс 11

Вариант 11-04

Шифр

(заполняется секретарем)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 18$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{3}{5}$) с вертикалью.

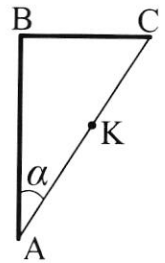


- 1) Найти скорость V_2 .
- 2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе. Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится аргон, во втором – криптон, каждый газ в количестве $\nu = 3/5$ моль. Начальная температура аргона $T_1 = 320$ К, а криптона $T_2 = 400$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31$ Дж/(моль К).

- 1) Найти отношение начальных объемов аргона и криптона.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал криптон аргону?

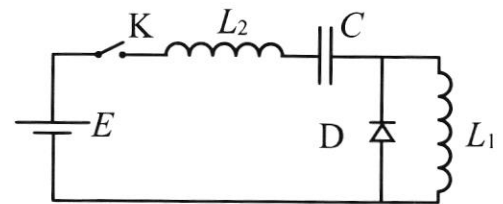
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

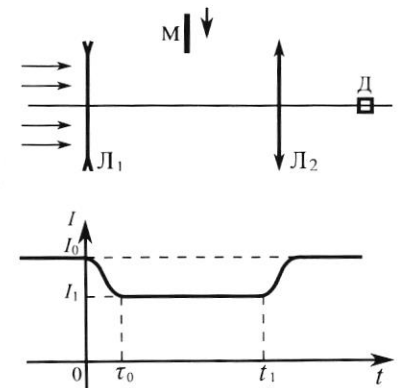
2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = \sigma$, $\sigma_2 = 2\sigma/7$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/9$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 5L$, $L_2 = 4L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .



- 1) Найти период T этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .
- 3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

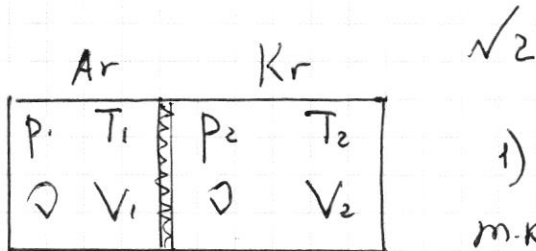
5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями $-2F_0$ и F_0 , соответственно. Расстояние между линзами $2F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии F_0 от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 7I_0/16$



- 1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.
- 2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



1) Начальный момент времени.
т.к. поршень находится в
равновесии, то $p_1 S = p_2 S$ (S - площадь
поршня) $\Rightarrow p_1 = p_2 = p$

$$T_1 = 320 \text{ K}$$

$$T_2 = 400 \text{ K}$$

$$\varnothing = \frac{3}{5} \text{ моль}$$

$$R = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{K}}$$

$$i = 3$$

$$1) \frac{V_1}{V_2}$$

$$2) T \text{ установ.}$$

$$3) Q \text{ Kr} \rightarrow \text{Ar}$$

2) Ур-е Клапейрона - Менделеева для Ar

$$pV_1 = \varnothing RT_1$$

Для Kr:

$$pV_2 = \varnothing RT_2$$

:

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{320 \text{ K}}{400 \text{ K}} = \frac{32}{40} = 0,8$$

3) Т.к. сосуд теплоизолирован,
то Q , полученное аргоном (Q_1) = Q , отдан-
ную крптоном ($-Q_2$)

$$Q_1 = A_1 + \Delta U_1$$

$$Q_2 = A_2 + \Delta U_2$$

$$Q_1 = -Q_2$$

3 ч) Температуры газов выравниваются медленно \Rightarrow процесс можно считать квазистатическим. В каждый момент времени $p_{Ar} = p_{Kr}$; $\Delta V_{Ar} = -\Delta V_{Kr}$

$$A_{Ar} = -A_{Kr}$$

$$A_1 = -A_2$$

5) $Q_1 + Q_2 = 0$

$$A_1 + \Delta U_1 + A_2 + \Delta U_2 = 0$$

$$\Delta U_1 = -\Delta U_2$$

$$\frac{3}{2} \nu R (T - T_1) = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T)$$

T - установившаяся температура

$$T - T_1 = T_2 - T$$

$$T = \frac{T_1 + T_2}{2}$$

$$T = \frac{320 \text{ K} + 400 \text{ K}}{2} = 360 \text{ K}$$

6) $p_{Kr} V_{Ar} = \nu R T$
 $p_{Kr} V_{Kr} = \nu R T$

$$V_{Ar} = V_{Kr} \text{ в уст. сост.}$$

Пусть вначале аргон занимает объем $V_1 = 4V$, а Kr $V_2 = 5V$

Объем сосуда = $9V$, тогда в конце оба газа занимают объем $4,5V$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{p_n 4V}{p_k 4,5V} = \frac{\nu R T_1}{\nu R T} \quad p_n = p_k \quad \text{Процесс изобарный}$$

$$Q = \Delta U + A = \frac{3}{2} \nu R (T - T_1) + p (4,5V - 4V)$$

$$\nu R T_1 = 4V p \quad pV = \frac{\nu R T_1}{4}$$

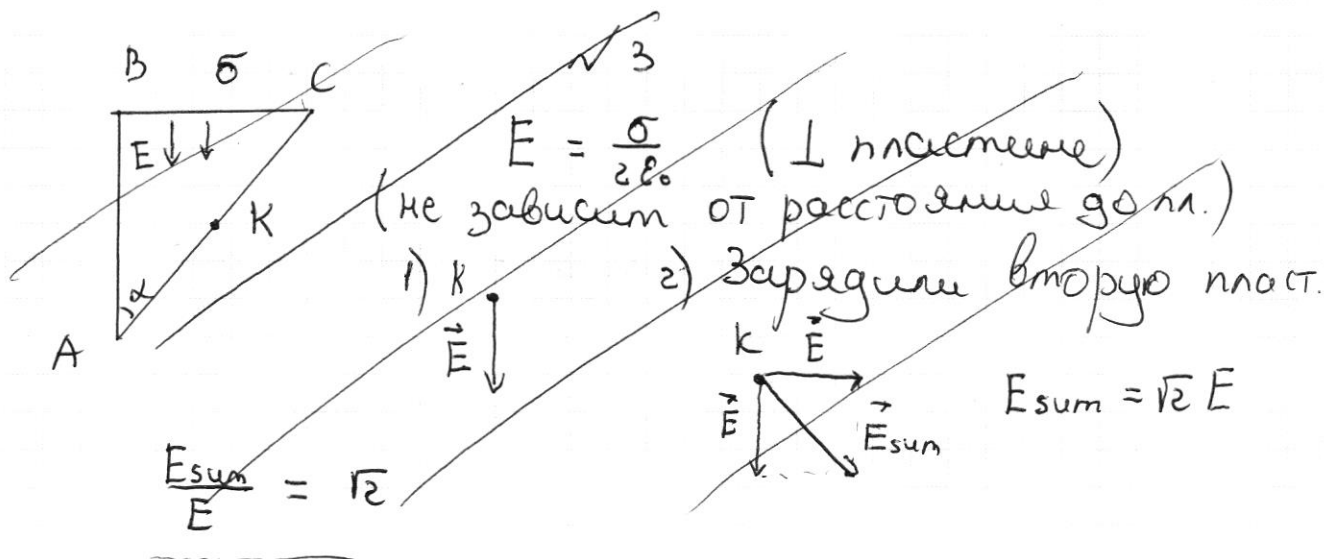
$$Q = \frac{3}{2} \nu R (T - T_1) + \frac{1}{8} \nu R T_1 = \nu R \left(\frac{3}{2} T - \frac{3}{2} T_1 + \frac{1}{8} T_1 \right) =$$

$$= \nu R \left(\frac{3}{2} T - \frac{11}{8} T_1 \right) = \nu R \left(\frac{T_2}{2} - \frac{3}{8} T_1 \right)$$

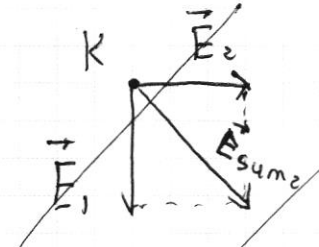
$$Q = \frac{3 \cdot 8,31}{5} (200 - 120) = \frac{80 \cdot 3 \cdot 8,31}{5} = 324,09 \text{ Дж}$$

Ответ: 1) $\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = 0,8$ 2) $T = \frac{T_1 + T_2}{2} = 300 \text{ K}$

3) $Q = \nu R \left(\frac{T_2}{2} - \frac{3}{8} T_1 \right) = 324,09 \text{ Дж}$



2)



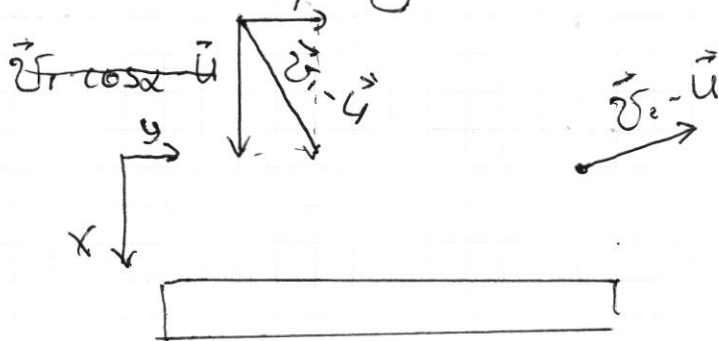
$$E_{sum2} = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} =$$

$$= \sqrt{\left(\frac{\sigma}{2\epsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{2\sigma}{2 \cdot 7\epsilon_0}\right)^2} = \frac{\sigma\sqrt{53}}{14\epsilon_0}$$

Ответ:

№1
 1) Т.к. планка массивная, её скорость при ударе мала и её с/о можно считать инерциальной.

Перейдем в СО планки



$$v_1 = 18 \text{ м/с}$$

$$\sin \alpha = \frac{2}{3}$$

$$\sin \beta = \frac{3}{5}$$

$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$\cos \beta = \frac{4}{5}$$

$$\operatorname{ctg} \beta = \frac{4}{3}$$

1) v_c

2) Возм. зм. u

Тогда запишем ЗСИ на ОУ:

$$v_1 \cdot \sin \alpha = v_2 \cdot \sin \beta$$

$$v_2 = \frac{v_1 \cdot \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{10}{9} v_1$$

$$v_2 = \frac{10}{9} v_1 = 20 \text{ м/с}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$2) - E_k + E_n = Q > 0$$

Q - тепло, выделившееся во время удара
(неупругий)

$$\frac{m v_n^2}{2} - \frac{m v_k^2}{2} > 0$$

$$v_{nx}^2 + v_{ny}^2 - v_{kx}^2 - v_{ky}^2 > 0$$

$$v_{nx}^2 - v_{kx}^2 > 0$$

$$(v_1 \cdot \cos \alpha + u)^2 - (v_2 \cdot \cos \beta - u)^2 > 0$$

" $v_1 \cdot \sin \alpha \cdot \operatorname{ctg} \beta$

$$v_1^2 \cdot \cos^2 \alpha + 2 u v_1 \cdot \cos \alpha - v_1^2 \cdot \sin^2 \alpha \cdot \operatorname{ctg}^2 \beta + 2 u v_1 \cdot \sin \alpha \cdot \operatorname{ctg} \beta > 0$$

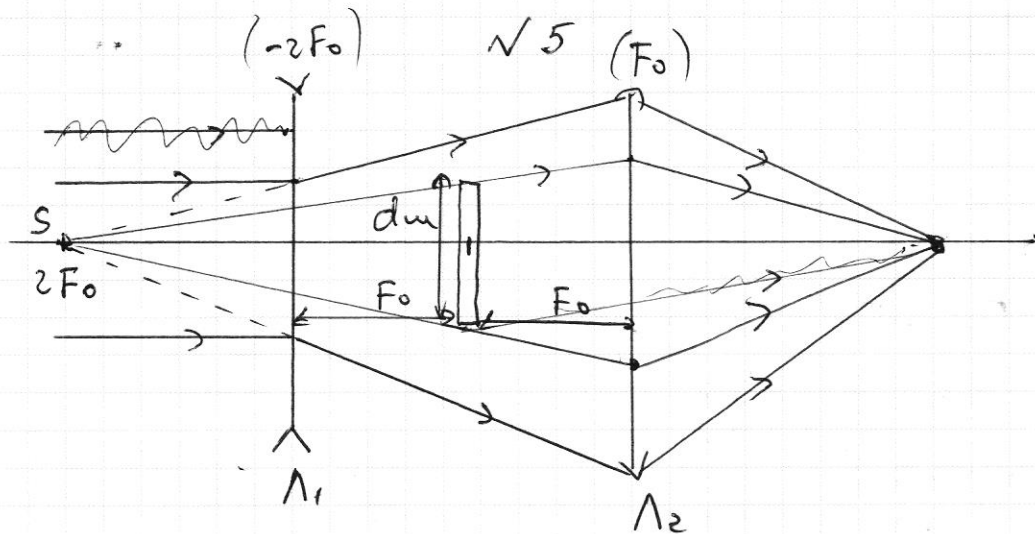
$$v_1^2 \cdot \frac{5}{9} + 2 u v_1 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3} - v_1^2 \cdot \frac{4}{9} \cdot \frac{16}{9} + 2 u v_1 \cdot \frac{3}{5} \cdot \frac{4}{3} > 0$$

$$v_1 \left(\frac{5}{9} - \frac{4 \cdot 16}{9 \cdot 9} \right) + 2 u \left(\frac{\sqrt{5}}{3} + \frac{12}{15} \right) > 0$$

$$u < \frac{\frac{19}{9} v_1}{\frac{6\sqrt{5} + 16}{6\sqrt{5} + 16}} = \frac{38}{6\sqrt{5} + 16} \text{ м/с}$$

Ответ: 1) $v_2 = v_1 \cdot \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = 20 \text{ м/с}$

$$2) u < \frac{\frac{19}{9} v_1}{\frac{6\sqrt{5} + 16}{3\sqrt{5} + 8}} = \frac{19}{3\sqrt{5} + 8} \text{ м/с}$$



1) Параллельный пучок света преломляется в рассеивающей линзе, продолжение лучей на $2F_0$ за линзой. (мнимое взобр.)

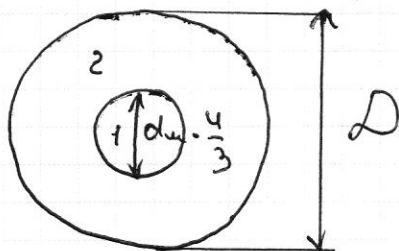
$d_1 = 2F_0 + 2F_0 = 4F_0$ (расстояние от S до ↓)

Формула тонкой линзы:

$$\frac{1}{F_0} = \frac{1}{d_1} + \frac{1}{f}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{F_0} - \frac{1}{4F_0} = \frac{3}{4F_0} \quad f = \frac{4F_0}{3}$$

2) Рассмотрим область "тени", создаваемой линзой на линзе L_2 (пусть d_m - диаметр линзы)



Из подобия с найдем
 $D_{\text{тени}} = \frac{4}{3} d_m$

$$I \sim S$$

$$\frac{I_0}{I_1} = \frac{S}{S_2} = \frac{S}{S - S_1}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\Delta I = I_0 - \frac{7}{16} I_0 = \frac{9}{16} I_0$$

$$\frac{9}{16} = \frac{S_1}{S} = (S \sim d^2) = \left(\frac{4}{3} d_m\right)^2$$

$$\frac{4 d_m}{3 D} = \frac{3}{4} \quad d_m = \frac{9}{16} D$$

$$\tau_0 \cdot V = d_m$$

$$V = \frac{d_m}{\tau_0} = \frac{9 D}{16 \tau_0}$$

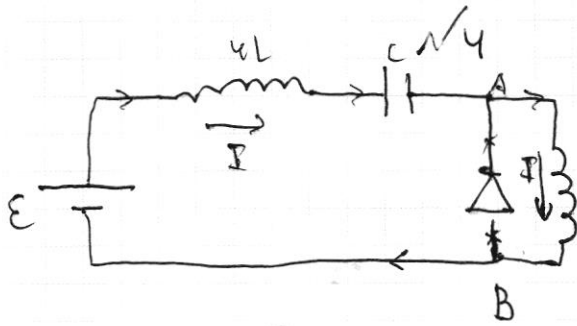
$$3) \quad (t_1 - \tau_0) \nu = D - d_m = \frac{7}{16} D$$

$$t_1 = \tau_0 + \frac{7}{16} \frac{D}{V} = \tau_0 + \frac{7}{9} \tau_0 = \frac{16}{9} \tau_0$$

Ответ: 1) $S = \frac{4}{3} F_0$

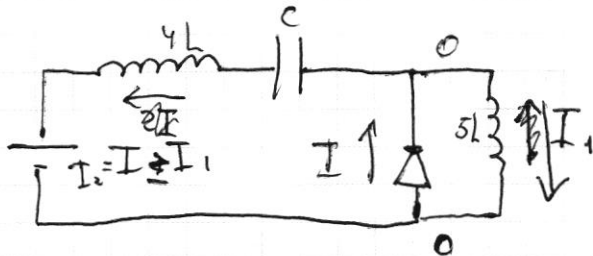
2) $V = \frac{9 D}{16 \tau_0}$

3) $t_1 = \frac{16}{9} \tau_0$



1) Сначала так ток через диод не течёт,

т.к. $\varphi_A > \varphi_B$ (т.к. ток течёт вниз по катушке $5L$). Далее ток достигает максимального значения, откроется диод. $U_{5L} = 0$ ($U_{\text{диода}}$) В такой цепи начнутся колебания:



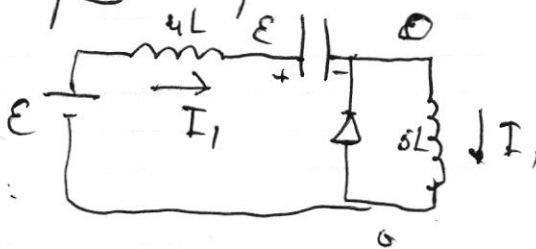
$$\frac{q}{C} + L_2 \ddot{I}_2 = \varepsilon$$

$$\ddot{q} + \frac{q}{CL_2} = \frac{\varepsilon}{L_2}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{1}{L_2 C}} \quad T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{L_2 C} = 4\pi \sqrt{LC}$$

2) Рассмотрим момент достижения максимального тока (I_1) сразу перед открытием диода $U_{L1} = U_{L2} = 0$.

используем метод потемневала:



$$U_c = \varepsilon$$

$$q_c = U_c C = \varepsilon C$$

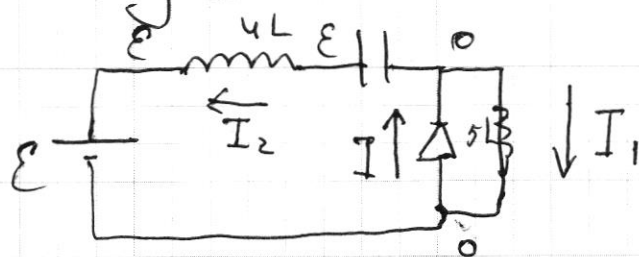
$$\text{ЗСЭ: } A\delta = W_k - W_n + Q \\ \varepsilon^2 C = W_k = \frac{C\varepsilon^2}{2} + \frac{4LI_1^2}{2} + \frac{5LI_1^2}{2}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$c\varepsilon^2 = 9LI_1^2 \quad I_{01} = I_1 = \sqrt{\frac{c\varepsilon^2}{9L}} = \frac{\varepsilon}{3} \sqrt{\frac{c}{L}}$$

Этот ток остается на 1 катушке,
($I_{L1} = 0$) намотаные колебания на второй.

3) Когда максимальный ток на L_2



$$I_{01} = I_{02} = \frac{\varepsilon}{3} \sqrt{\frac{c}{L}} \quad (\text{по ЗСЭ})$$

Ответ: 1) $T = 2\pi \sqrt{LC}$; 2) $I_{01} = \frac{\varepsilon}{3} \sqrt{\frac{c}{L}}$

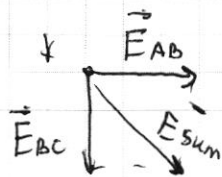
3) $I_{02} = \frac{\varepsilon}{3} \sqrt{\frac{c}{L}}$

$\sqrt{3}$

1) Точка К расположена на середине
AC \Rightarrow на серединах перпендикуляров
к BA и BC. Из соображений симметрии
электрическое поле E // пластине где
этой точки убиваются $\Rightarrow \vec{E}_{BC} \perp BC$

$$\vec{E}_{AB} \perp AB$$

2) В н. н. $\alpha = \frac{\sqrt{2}}{4} \Rightarrow BC = AB$; $\epsilon(k, BC) = \epsilon(k, AB) \Rightarrow E_{AB} = E_{BC}$



$$E_{sum} = \sqrt{2} E_{BC}$$

$$h = \frac{E_{sum}}{E_{BC}} = \sqrt{2}$$

3) При $\alpha = \frac{\pi}{9}$:

$$\frac{q_{BC}}{q_{AB}} = \frac{\sigma_1 \cdot BC}{\sigma_2 \cdot AB} = \frac{\rho \cdot \frac{7}{2}}{\rho \cdot \frac{7}{2}}$$

Посчитаем E заряженной трубки

Пот. Гаусса.

$$E \cdot S = \frac{q}{\epsilon_0}$$

$$E \cdot 2\pi r \cdot h = \frac{\rho \cdot h}{\epsilon_0}$$

$$E = \frac{\rho}{2\pi r \epsilon_0}$$

ρ - линейная плотность заряда.

Пластина состоит из n заряженных трубок.

E на серединном перпендикуляре \perp пласт.

$$E_x = E \cdot \sin \alpha = \frac{\rho \cdot \sin \alpha}{2\pi \epsilon_0 r}$$

Суммируем для всей пластины:

$$E = \frac{\sigma l}{2\pi \epsilon_0 R} \quad l - \text{длина пластины}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$E_{\text{sum}} = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} = \frac{1}{\pi \epsilon_0} \sqrt{\left(\frac{\sigma_1 \cdot BC}{2 \cdot h_{BC}}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_2 \cdot AB}{2 \cdot h_{AB}}\right)^2}$$

$$h_{AB} = \frac{1}{2} BC, \quad h_{BC} = \frac{1}{2} AB \quad (\text{средние линии})$$

$$\frac{BC}{AB} = \operatorname{tg} \alpha$$

$$E_{\text{sum}} = \frac{1}{\pi \epsilon_0} \sqrt{\left(\frac{\sigma_1 \cdot BC}{AB}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_2 \cdot AB}{BC}\right)^2} =$$

$$= \frac{1}{\pi \epsilon_0} \sqrt{(\sigma_1 \cdot \operatorname{tg} \alpha)^2 + \left(\frac{\sigma_2}{\operatorname{tg} \alpha}\right)^2} =$$

$$= \frac{\sigma}{\pi \epsilon_0} \sqrt{\operatorname{tg}^2 \alpha + \frac{4}{4 \operatorname{tg}^2 \alpha}} = \sqrt{4 \operatorname{tg}^4 \alpha + 4} \cdot \frac{\sigma}{7 \operatorname{tg} \alpha \pi \epsilon_0}$$

Ответ: 1) $\sqrt{2}$

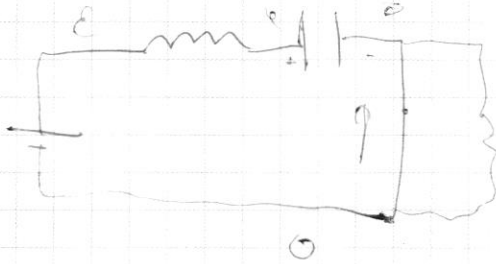
2) $\frac{\sigma}{7 \operatorname{tg} \alpha \cdot \pi \epsilon_0} \sqrt{4 \operatorname{tg}^4 \alpha + 4}$



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$\varphi - \varepsilon = LI$$

$$\varphi = \frac{q}{C}$$

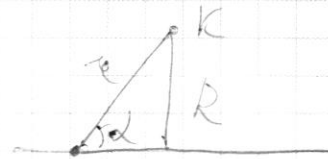
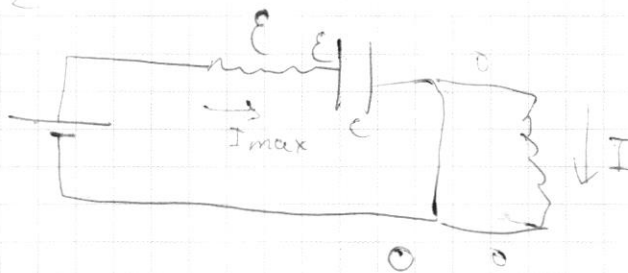
$$\varepsilon =$$

$$\frac{q}{C} - LI = \varepsilon$$

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{LC}$$

$\frac{1}{2}$



$$r = \frac{R}{\sin \alpha}$$

$$E = \frac{kq \cdot \sin^3 \alpha}{R^2}$$

$$E \cdot \sin \alpha$$

$$\frac{\rho \cdot \sin \alpha}{2\pi r \varepsilon_0} = \frac{\rho}{2\pi R \varepsilon_0}$$



$$\int E \cdot dS = \frac{q}{\varepsilon_0}$$

$$S = 2\pi r h$$

$$E \cdot 2\pi r h = \frac{k \cdot \rho}{\varepsilon_0}$$

$$r = \frac{\rho}{2\pi R \varepsilon_0}$$

$$E = \frac{1}{2\pi \varepsilon_0} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{R_1^2} + \frac{\sigma_2^2}{R_2^2}}$$

$$E = \frac{\rho}{2\pi r \varepsilon_0}$$

$$\sigma = \frac{q}{2\pi R \varepsilon_0}$$

$$q = \rho = \frac{\sigma}{\varepsilon}$$

$$\frac{\sigma_1 \cdot BC}{2\pi \varepsilon_0 \cdot h \cdot BC} = \frac{\sigma_1 \cdot BC}{\pi \varepsilon_0 \cdot BA} = \frac{\tan \alpha \cdot \sigma_1}{\pi \varepsilon_0}$$

$$\frac{\sigma_1}{\pi \varepsilon_0}$$



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

$$\left(\sigma_1 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3} + 4\right)^2 - \left(\frac{10}{9} \sigma_1 \cdot \frac{4}{5} - 4\right)^2 \quad \frac{D}{V} \quad \frac{9}{16 \tau_0} \frac{7 \cdot 16 \tau_0}{10 \cdot 9}$$

$$\left(\frac{8}{9} \sigma_1 - 4\right)^2$$

$$\sigma_1^2 \cdot \frac{5}{9} + \frac{2\sqrt{5}}{3} \sigma_1 \cdot 4 - \frac{64}{81} \sigma_1^2 + \frac{16}{9} \sigma_1 \cdot 4 < 0$$

$$\frac{64-45}{9} \sigma_1 > \frac{6\sqrt{5}+16}{8} 4$$

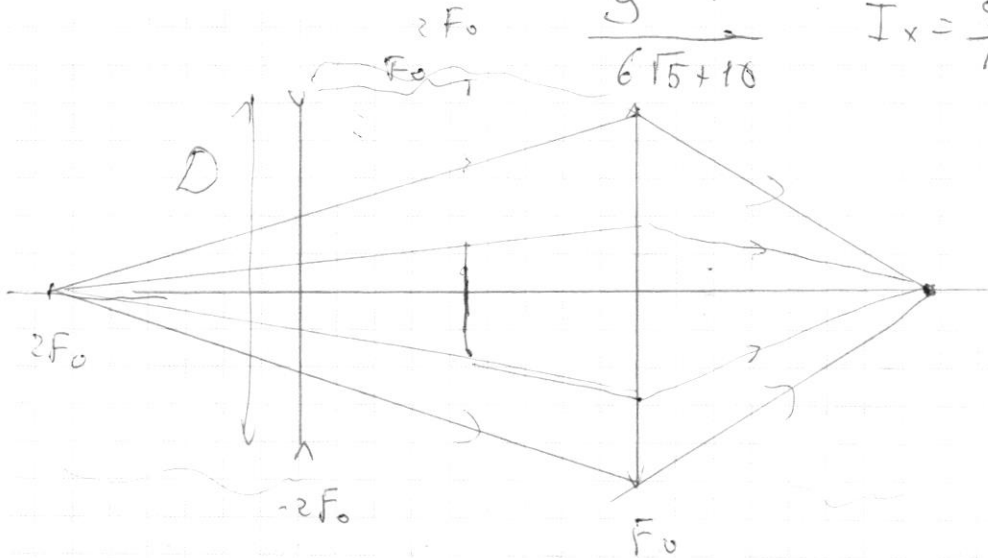
$$\tau_0 \cdot \sigma = d\omega$$

$$\frac{19}{9} \sigma_1$$

$$I_x = \frac{9}{16}$$

$$y = \frac{q}{c}$$

$$4 - \varepsilon = LI_2$$



$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{D^2}{d\omega^2} = \frac{4}{3}$$

$$\frac{D}{d\omega} = \frac{4}{3}$$

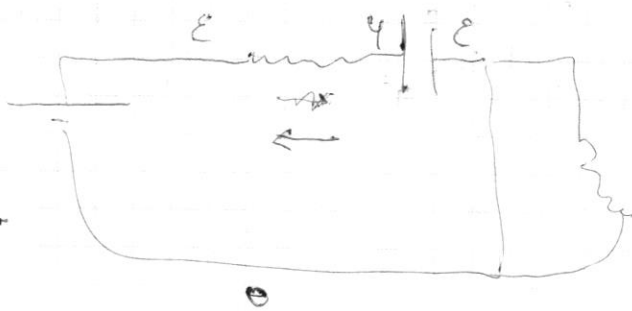
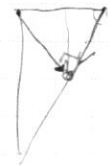
$$d\omega = \frac{3}{4} D$$

$$d = 4F_0$$

$$LI \quad \frac{1}{F_0} - \frac{1}{4F_0} = \frac{1}{f} = \frac{3}{4F_0}$$

$$f = \frac{4F_0}{3}$$

$$\frac{d\omega}{\sigma}$$



$$\frac{L_2 I^2}{2} + \frac{C (\varepsilon - 4)^2}{2} = \varepsilon (4 - \varepsilon) \quad E = \frac{q}{4^2} = \frac{q \cdot \sin^2 \alpha}{R^2}$$

$$= 2q \frac{q}{R^2}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$Q = A + \Delta U \quad A = \Delta W$$

$$\frac{1}{8} - \frac{3}{2} \quad \frac{1-12}{8} = -\frac{11}{8}$$

$$\frac{3}{2} \Delta R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} \Delta R (T - T_1)$$

$$T = \frac{T_2 + T_1}{2}$$

$$\frac{32}{40} = \frac{8}{10} = \frac{4}{5}$$

$$T = \frac{T_1 + T_2}{2}$$

$$\Delta R T_1 = V_1 p$$

$$\frac{\Delta R T}{V_0}$$

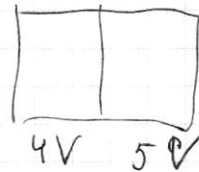
$$\frac{320 + 400}{2} = 360$$

$$\frac{160 + 200}{2} = 180$$

$$\frac{p_1 V_1}{p_2 V_2} = \Delta R$$

$$\frac{3 \cdot 320}{p_2 \cdot 4,5} = \frac{3 \cdot 360}{p_2 \cdot 4}$$

$$\frac{3 \cdot 320}{8} = 120$$



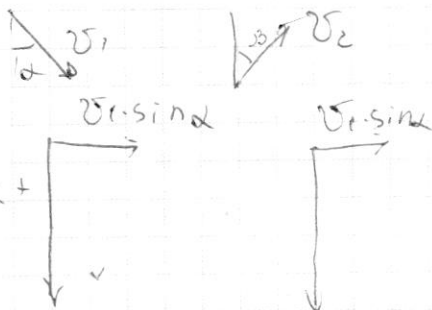
$$4,5 V$$

$$p_0 V$$

$$\Delta R \Delta T$$

$$\frac{T_1 + T_2}{2} - T_1 = \frac{T_2 - T_1}{2} + \frac{T_1}{8} = \frac{T_2}{2} - \frac{4T_1}{8} + \frac{T_1}{8}$$

$$I \sim p$$



$$\frac{13 \cdot 3 - 8,31}{8 \cdot 31} = \frac{39}{2493}$$

$$\frac{2493}{324,09}$$

$$\frac{5}{2 \epsilon_0} \sqrt{1 + \frac{4}{49}} = \frac{5 \sqrt{53}}{14 \epsilon_0}$$

$$v_1 \cdot \sin \alpha = v_2 \cdot \sin \beta$$

$$v_2 = \frac{v_1 \cdot \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{2 \cdot v_1 \cdot 5}{3 \cdot 3}$$

$$K_H - K_K > 0$$

$$v_{yH}^2 - v_{yK}^2 > 0$$

$$(v_1 \cdot \cos \alpha + 4)^2 > (v_2 \cdot \cos \beta - 4)^2$$

$$v_1^2 \cdot \cos^2 \alpha + 2 \cdot 4 \cdot v_1 \cdot \cos \alpha >$$

$$v_2^2 \cdot \sin^2 \beta \cdot \cot^2 \beta - 2 \cdot 4 \cdot v_2 \cdot \sin \beta \cdot \cot \beta$$