

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

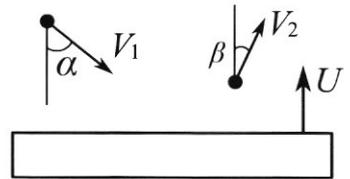
Класс 11

Вариант 11-02

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 6$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{3}$) с вертикалью.

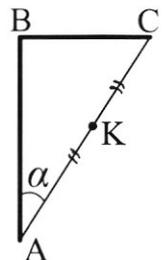


- 1) Найти скорость V_2 .
 2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе. Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится гелий, во втором – неон, каждый газ в количестве $\nu = 6/25$ моль. Начальная температура гелия $T_1 = 330$ К, а неона $T_2 = 440$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31$ Дж/(моль·К).

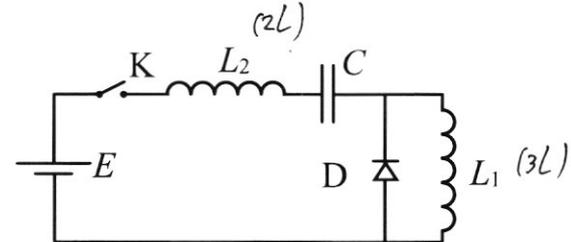
- 1) Найти отношение начальных объемов гелия и неона.
 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
 3) Какое количество теплоты передал неон гелию?

3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



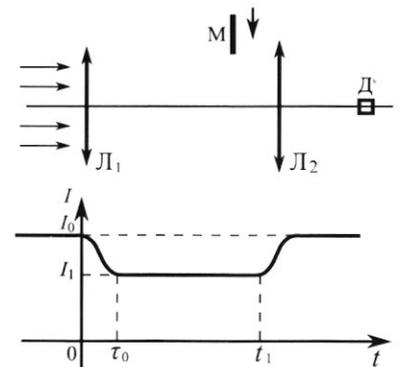
- 1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?
 2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 4\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/8$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 3L$, $L_2 = 2L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .



- 1) Найти период T этих колебаний.
 2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .
 3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями F_0 и $F_0/3$, соответственно. Расстояние между линзами $1,5F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе D , на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень M , плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $5F_0/4$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 8I_0/9$.



- 1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.
 2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 . Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

неупр.!

Решо:

$$\sin \alpha = \frac{2}{3}$$

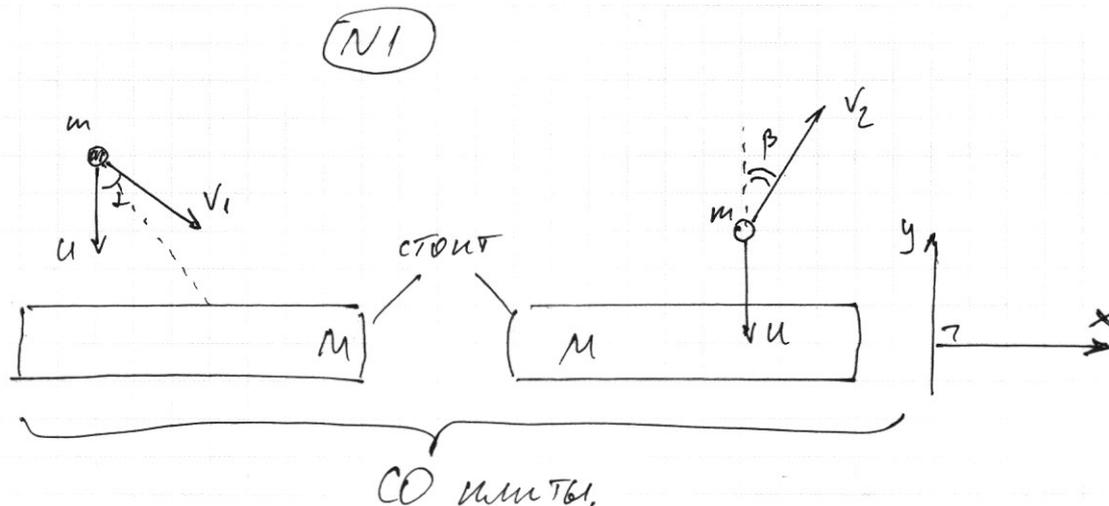
$$\sin \beta = \frac{1}{3}$$

$$V_1 = 6 \text{ м/с}$$

$(V_2; u)$

1) $V_2 = ?$ +

2) $u = ?$



① Пусть M - масса шмты, m - масса шарика.

Парадокс большого тела: т.к. шмта массивнее, т.е. $M \gg m$, то в с.о. шмты можно считать шмту - ИСО.

② В с.о. шмты: ~~М+м~~ т.к. на шмту « $M+m$ » за малое время удара не действуют резко возрастающих сил, но за это время её импульс не меняется:

~~защита от шарика~~

Скорости шарика отн-но шмты:

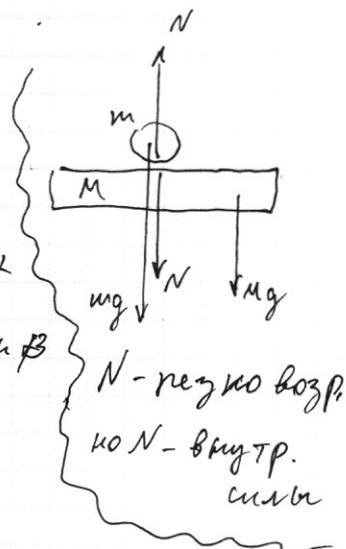
до удара: $\vec{v}_{1отш} = \vec{v}_1 - \vec{u}$; $v_{1отшx} = v_1 \sin \alpha$

после удара: $\vec{v}_{2отш} = \vec{v}_2 - \vec{u}$; $v_{2отшx} = v_2 \sin \beta$

ЗСК на x : $m v_{1отшx} + 0 = m v_{2отшx} + 0$

$$m v_1 \sin \alpha = m v_2 \sin \beta$$

$$V_2 = V_1 \cdot \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = 6 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot \frac{2}{3} \cdot 3 = 12 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$



Ответ: $V_2 = 12 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

3) П.к. шариком с центром за время удара не меняется (см. п. 2),
 то верен и ЗСМ на y: (всё ещё в СО шара)
 $m v_{1y} \neq 0 = m v_{2y} + 0$
 $m(-u - v_1 \cos \alpha) = m(v_2 \cos \alpha - u)$
 $-u - v_1 \cos \alpha = v_2 \cos \alpha - u$
 $-v_1 \cos \alpha = v_2 \cos \alpha \dots$

Черновик

А теорема = ?

$$\delta A = \rho dV, \text{ где } \rho = \frac{\partial R T}{V}$$

$$\delta A = \frac{\partial R T}{V} dV$$

$$\Delta E_x = \frac{k \Delta q}{r^2} \cdot \cos \beta$$

$$E = \frac{kq}{r^2}$$

$$E = \frac{kQ}{r^2} \cdot \sum \cos \beta$$

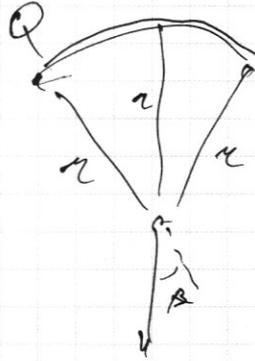
$$\int \cos \beta = \sin \beta$$

$$\epsilon = \frac{k_1}{m^2} \quad \epsilon_0 = \frac{1}{4\pi k} = \left[\frac{1}{k} \right]$$

$$\frac{B}{M} = \frac{k \cdot k_1}{m^2}$$

$$\frac{B}{M} = \frac{\epsilon}{\epsilon_0} \cdot \frac{\varphi}{m^2} = \frac{\epsilon \cdot k \cdot \varphi}{m^2} = \frac{k_1 \cdot k \cdot \varphi}{m^2 \cdot m^2}$$

ρ



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

③ ЗИКА для шарика в СО шты:

~~Виден~~ $A_{\text{всех}} = \frac{1}{2} m v_{2\text{штн}}^2 - \frac{1}{2} m v_{1\text{штн}}^2$, где $A_{\text{всех}} = \frac{1}{2} m v^2 - Q$, где

Q - выделенное тепло.

$$Q = \frac{1}{2} m (v_{1\text{штн}}^2 - v_{2\text{штн}}^2)$$

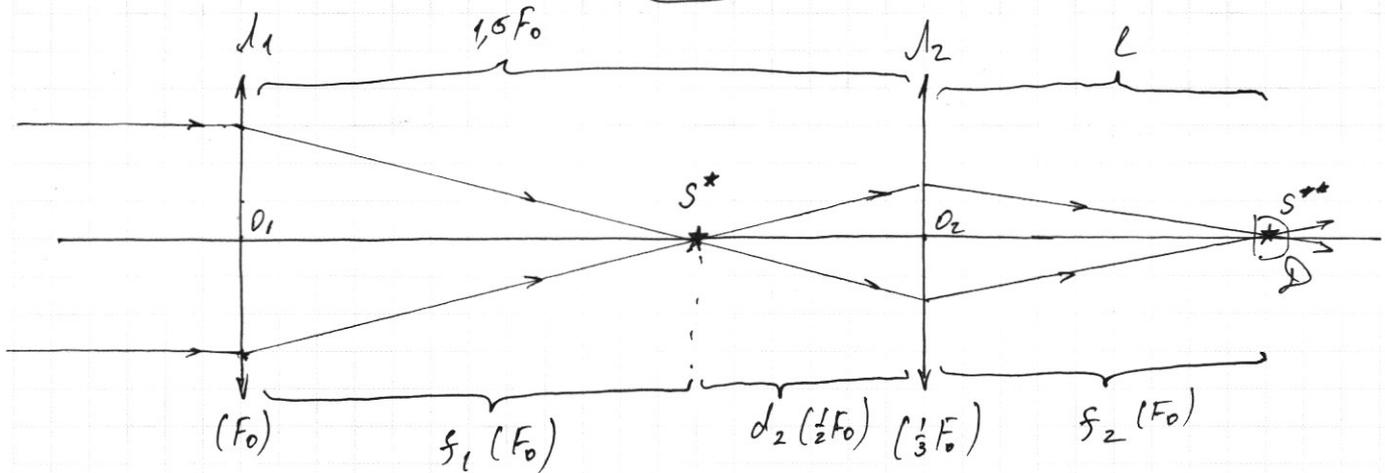


черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N 5



- ① На L_1 падает пучок света параллельно её $ГОО$, и-но он собирается в точке S^* на $ГОО$ на расст. $(f_1 = F_0)$ от O_1 , (опред-ие фокуса) т.е. в фокусе L_1 .

S^* - действ. Изобр. в L_1

- ② S^* - действ. Пред. для L_2 , т.к. от него на L_2 падает расх. пучок света. $(d_2 = 1,5F_0 - f_1 = 1,5F_0 - F_0 = \frac{1}{2}F_0)$

$d_2 > \frac{1}{3}F_0$, и-но S^{**} - действ. Изобр. Предмета S^* в L_2 :

$$\left(\frac{2}{F_0} = \frac{1}{d_2} + \frac{1}{f_2}; d_2 = \frac{1}{2}F_0\right) \rightarrow \frac{2}{F_0} = \frac{2}{F_0} + \frac{1}{f_2}; \frac{1}{f_2} = \frac{1}{F_0}; (f_2 = F_0)$$

Т.к. по условию свет фокусируется на фотопленке D , то

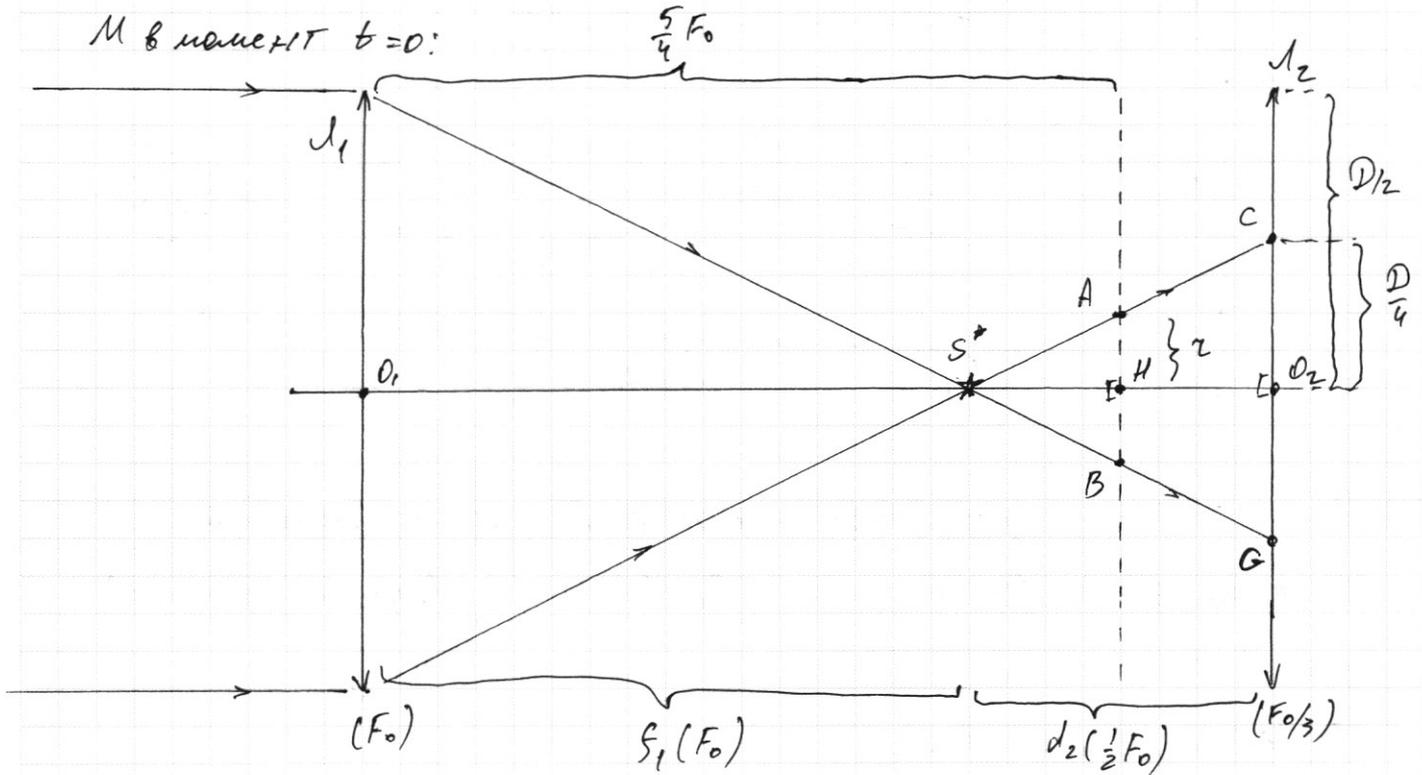
D совпадает с S^{**} .

Искомое $(l = f_2 = F_0)$

$$\Gamma_2 = \frac{f_2}{d_2} = \frac{F_0}{F_0/2} = 2$$

③ По условию, ~~ток I~~ сила тока I пропорциональна мощности падающего света, а она пропорциональна части светового пучка достигшей Детектора, т.е. площади ~~света~~ светового пучка, не перекрытого мишенью.

$I = I_0$, когда M не перекрывает пучок. Рассим-м, где находится M в момент $t = 0$:



~~AB - линия, по кот~~

AB - плоскость, в кот. перемещается M .

Из геометрии: $S^*H = \frac{5}{4} F_0 - f_1 = \frac{5}{4} F_0 - F_0 = \frac{1}{4} F_0$; $S^*O_2 = d_2 = \frac{1}{2} F_0$

$\triangle S^*HA \sim \triangle S^*O_2C$

$$\frac{AH}{CO_2} = \frac{S^*H}{S^*O_2} \rightarrow \frac{AH}{D/4} = \frac{F_0/4}{F_0/2} \rightarrow AH = \frac{1}{2} \cdot \frac{D}{4} \rightarrow AH = \frac{D}{8}$$

Пусть $AH = z$, тогда $z = \frac{1}{8} D$

В момент ~~в~~ $t = 0$ нижний край M находится в т. А

В момент $t = t_0$ верхний край M находится в т. А

В момент $t = t_1$ нижний край M находится в т. В

В момент $t = t_1 + t_0$ верхний край M находится в т. В.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

- ④ Когда M полностью ~~освещена~~ освещена (и/у Т. А и В)
 $I_1 = \frac{8}{9} I_0$, т.е. интенсивность проходящего мимо M света
 составляет $\frac{8}{9}$ от инт-ты уравнено на L_1 точке,
 т.е. M закрывает $\frac{1}{9}$ площади, через кот.
 проходит свет в сечении плоскости L ,
 L параллельна L_1 и L_2 и $A \in L$, $B \in L$.

Тогда $S_M = \frac{1}{9} \pi r^2$, где S_M - площадь
мишени

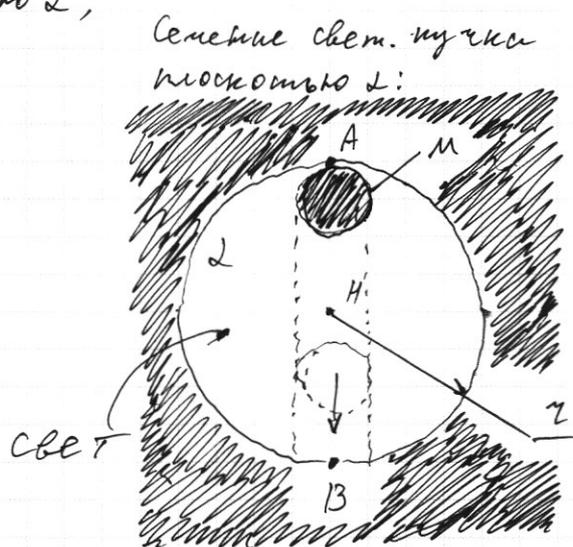
$S_M = \pi r_M^2$, где r_M - радиус мишени.

$$\pi r_M^2 = \frac{1}{9} \pi r^2$$

$$r_M = \frac{1}{3} r$$

$$r_M = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{8} D$$

$$r_M = \frac{1}{24} D$$



- ⑤ M движ-ся со скор. V .

Расположения M в пл. L в соответ-ие мом-ты
времени показаны на рисунке:

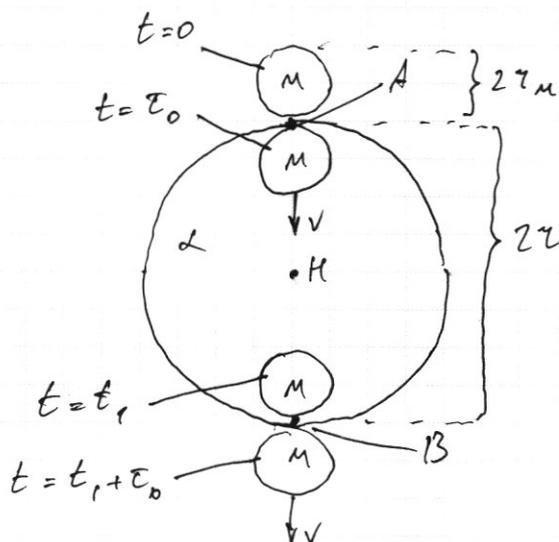
$$\bullet 2r_M = V \cdot \tau_0$$

$$V = \frac{2r_M}{\tau_0} = \frac{D}{12\tau_0}$$

$$\bullet 2r = V \cdot t_1$$

$$\frac{1}{4} D = \frac{1}{12} \frac{D}{\tau_0} \cdot t_1$$

$$1 = \frac{t_1}{3\tau_0} \rightarrow t_1 = 3\tau_0$$



Ответ: 1) F_0 2) $\frac{D}{12 \epsilon_0}$ 3) $3 \epsilon_0$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

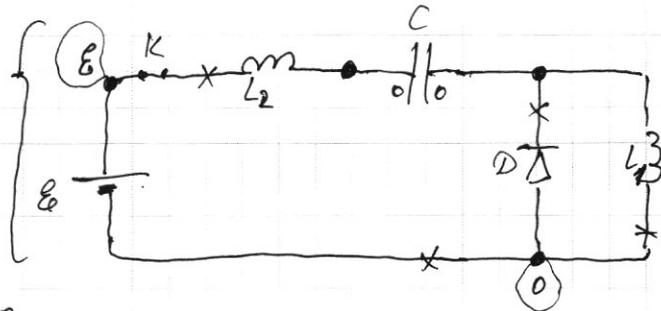
Дано: ил. вкл!

$\mathcal{E}; L_1 = 3L; L_2 = 2L$
 $C;$

① Рассм. цепь сразу после замык. ключа: $t=0$:

(НЧ)

- метод
потенциалов
- 1) $\mathcal{U} = ?$
 - 2) $I_{01} = ?$
 - 3) $I_{02} = ?$



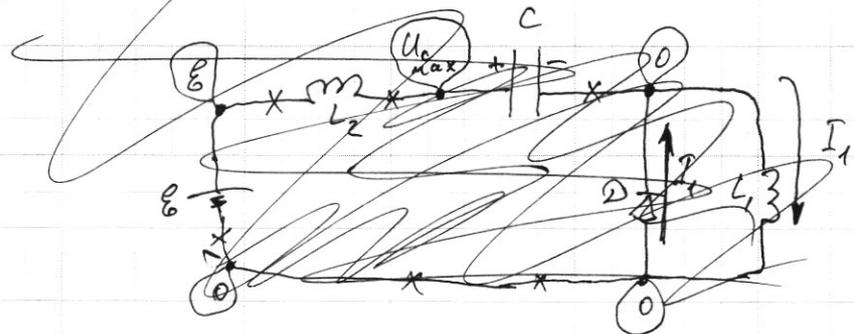
Ток через катушки и напр.

на кон-рв. скачком не изм-ся, а-то

$$U_C(0) = 0, I_2(0) = 0, I_1(0) = 0, W(0) = 0 + 0 + 0 = 0$$

② Рассм. мом. ~~...~~, когда $U_C = U_{C \max}$: ($t = T_C$)

тогда $I_C = U'_C = 0, I_2(t_C) = 0$



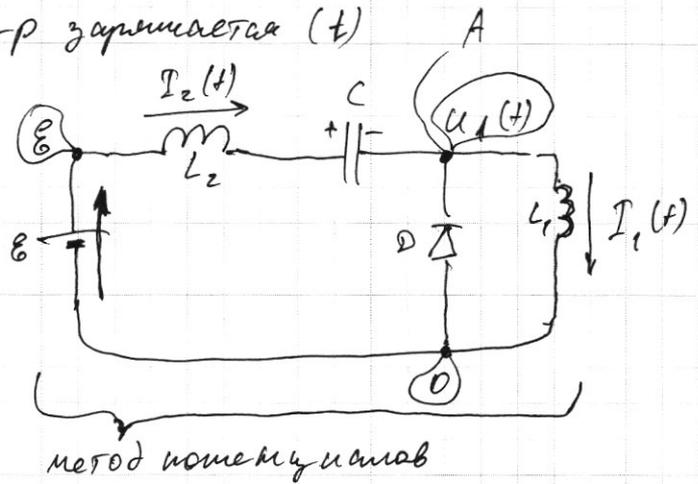
② Расам. ^{произв.} ~~мом-т~~ - T, когда кон-р заряжается (t)

• Ток через ист-к течёт вверх, т.к. кон-р только заряжается и ист-к единичный.

• Ток через D либо не течёт, либо течёт вверх.

• по ЗСЗ для т. А ток $I_1(t)$

течёт вниз, иначе в т. А там будут только ветки.



• Расам-н Диод: он закрывается пока $U_1(t) < 0$, где $U_1(t) = L I_1'(t)$ т.е. D ~~не~~ закрыт, пока $L I_1'(t) > 0$, т.е. $I_1'(t) > 0$, т.е. $I_1(t) \uparrow$

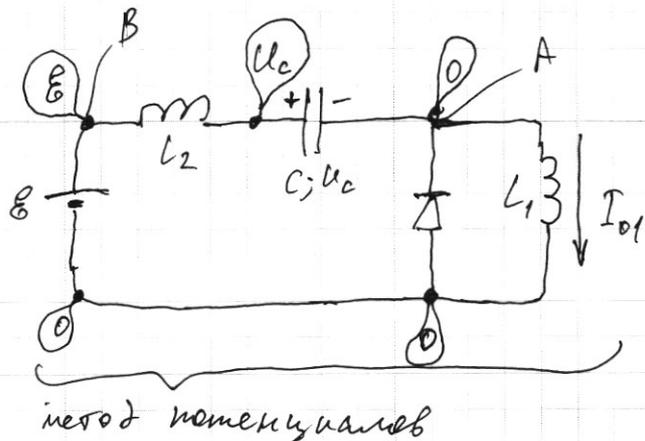
Как только $I_1 = I_{max} = I_{01}$, $I_1'(t) = 0$, $U_1 = 0$, Диод открывается.

После этого D постоянно открыт, а ~~ток~~ $I_1(t) = I_{01} = \text{const}$, т.к.:

D открыт $\rightarrow U_1(t) = 0 \rightarrow I_1'(t) = 0 \rightarrow I_1(t) = \text{const}$

$I_1(t) = \text{const} \rightarrow I_1'(t) = 0 \rightarrow U_1(t) = 0 \rightarrow D \text{ открыт.}$

• Таким образом, после мом-та t_0 , когда на L_1 установился ток I_{01} , цепь можно в произв. мом-т представить в виде:



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

- ③ Выходит, что катушка L_1 не влияет на колебания тока в цепи.
Разность пот-ов м/у Т-ми В и А всегда равна \mathcal{E} .
Тогда колебательный контур состоит только из C и L_2 .

По формуле Томсона

$$T = \sqrt{L_2 C} = \sqrt{2LC}$$

- ④ Рассм-м ещё раз мом-т $t = t_0$, когда $I_1(t_0) = I_{01}$ впервые.
в этот момент и $I_2(t_0) = I_{02}$

Тогда через Φ мет, ал-ко

ЗСЗ для А: $I_{02} = I_{01} = I_0$

т.к. $I_2(t_0) = I_{02}$, то

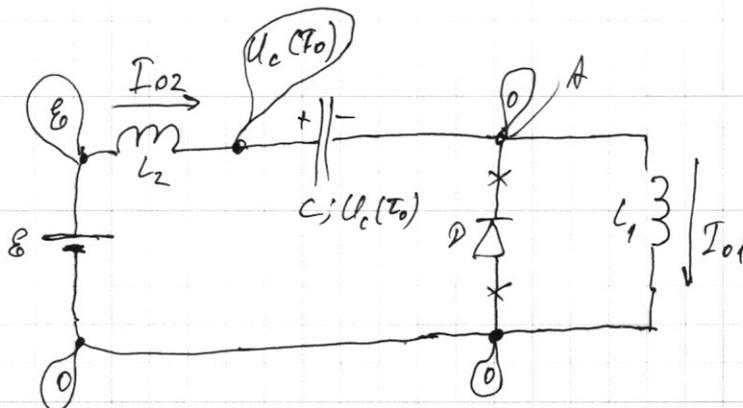
$$I_2'(t_0) = 0,$$

$$U_2(t_0) = 0, \text{ т.е.}$$

$$\mathcal{E} - U_C(t_0) = 0$$

$$U_C(t_0) = \mathcal{E}$$

$$W(t_0) = \frac{1}{2} C \mathcal{E}^2 + \frac{1}{2} L_2 I_{01}^2 + \frac{1}{2} L_2 I_{02}^2 ; \quad W(t_0) = \frac{1}{2} C \mathcal{E}^2 + L_2 I_0^2$$



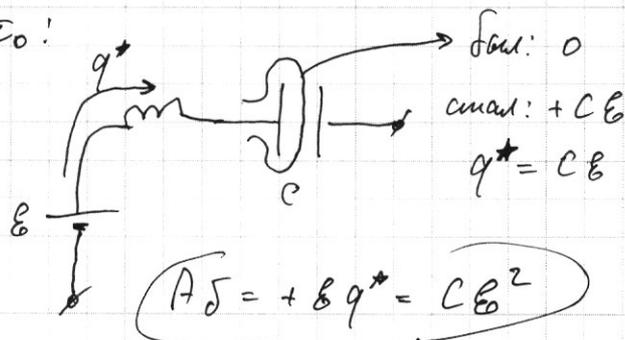
- ⑤ Рассм. процесс от $t=0$ до $t=t_0$!

ЗСЭ от $t=0$ до $t=t_0$:

$$A\delta = W(t_0) - W(0) + Q$$

где $Q = 0$, т.к. нет резистивности.

$$C \mathcal{E}^2 = \frac{1}{2} C \mathcal{E}^2 + L_2 I_0^2 - 0 + 0$$



$$C\mathcal{E}^2 = \frac{1}{2} C\mathcal{E}^2 + \frac{1}{2} L_2 I_0^2$$

$$\frac{1}{2} C\mathcal{E}^2 = \frac{1}{2} L_2 I_0^2$$

$$I_0^2 = \frac{C\mathcal{E}^2}{2L_2}$$

$$I_0 = \mathcal{E} \cdot \sqrt{\frac{C}{2L_2}} = \mathcal{E} \cdot \sqrt{\frac{C}{2 \cdot 2L}} = \frac{\mathcal{E}}{2} \cdot \sqrt{\frac{C}{L}}$$

~~$$I_{01} = I_{02} = \mathcal{E} \cdot \sqrt{\frac{C}{2L}}$$~~

$$I_{01} = I_{02} = \frac{\mathcal{E}}{2} \cdot \sqrt{\frac{C}{L}}$$

~~Ответ: 1) $T = \sqrt{2LC}$ 2) $I_{01} = \mathcal{E} \cdot \sqrt{\frac{C}{2L}}$ 3) $I_{02} = \mathcal{E} \cdot \sqrt{\frac{C}{2L}}$~~

Ответ: 1) $T = \sqrt{2LC}$ 2) $I_{01} = \frac{\mathcal{E}}{2} \sqrt{\frac{C}{L}}$ 3) $I_{02} = \frac{\mathcal{E}}{2} \sqrt{\frac{C}{L}}$

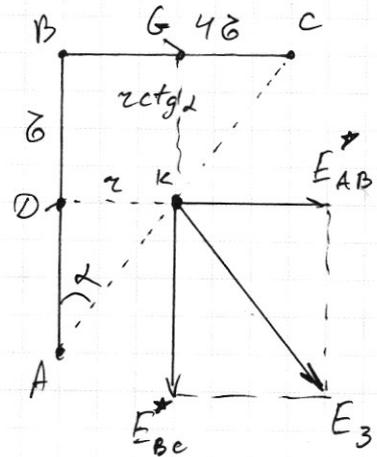
3) Разск. алуной, кода обе зарптеры и $d = \sqrt{2}b$

$$E_{AB}^* = \frac{\varphi \cdot 4\sigma}{2\epsilon_0 \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{2}}$$

$$E_{BC}^* = \frac{\varphi \cdot \sigma}{2\epsilon_0 \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{2} \cdot d}$$

$$\vec{E}_3 = \vec{E}_{AB}^* + \vec{E}_{BC}^*, \text{ т.к. } \vec{E}_{AB}^* \perp \vec{E}_{BC}^* \text{ то}$$

$$E_3 = \sqrt{E_{AB}^{*2} + E_{BC}^{*2}} = \sqrt{\varphi}$$



т.к. пластины бесконечны, то их поле однородно.

~~$$E_{AB}^* = \frac{4\sigma}{2\epsilon_0} = \frac{2\sigma}{\epsilon_0}, \quad E_{BC}^* = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$~~

$$E_{BC}^* = \frac{4\sigma}{2\epsilon_0} = \frac{2\sigma}{\epsilon_0}; \quad E_{AB}^* = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}; \quad \vec{E}_3 = \vec{E}_{AB}^* + \vec{E}_{BC}^*$$

т.к. $\vec{E}_{AB}^* \perp \vec{E}_{BC}^*$, то

$$E_3 = \sqrt{E_{AB}^{*2} + E_{BC}^{*2}} = \sqrt{\frac{4\sigma^2}{\epsilon_0^2} + \frac{\sigma^2}{4\epsilon_0^2}} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \cdot \sqrt{4 + \frac{1}{4}} = \frac{\sqrt{17} \sigma}{2\epsilon_0}$$

Ответ: 1) увеличится в $\sqrt{2}$ раз 2) $\frac{\sqrt{17} \sigma}{2\epsilon_0}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Дано:

He, $i=3$

неон, $i=3$

$$V = \frac{6}{2.5} \text{ мкм}^3$$

$$T_1 = 330 \text{ K}$$

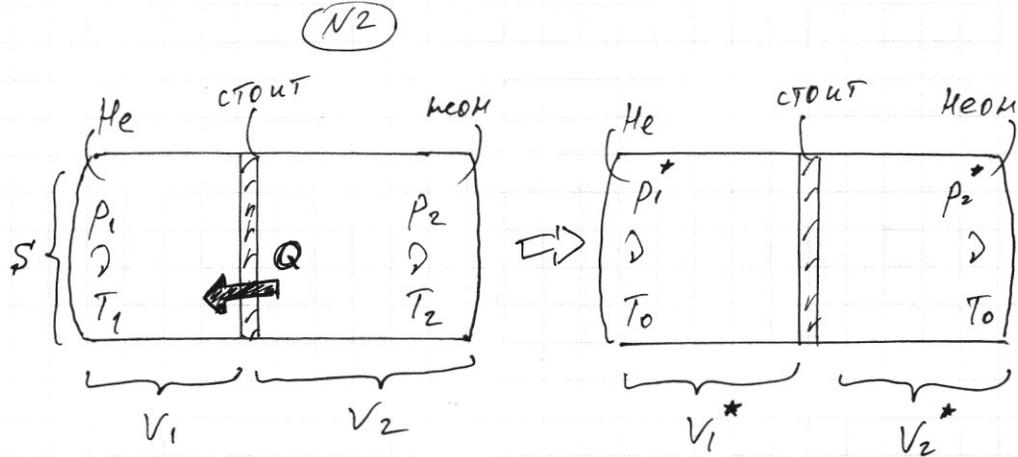
$$T_2 = 440 \text{ K}$$

$$R = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{K}}$$

1) $V_1/V_2 = ?$ +

2) $T_0 = ?$ +

3) $Q = ?$



~~1) Условие равновесия поршня вначале:~~

1) Условие равновесия поршня вначале:

$$p_1 S = p_2 S \rightarrow p_1 = p_2 = p$$

2) Мех-ки для газов вначале:

$$\begin{cases} p_1 V_1 = \nu R T_1 \\ p_2 V_2 = \nu R T_2 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} p V_1 = \nu R T_1 \\ p V_2 = \nu R T_2 \end{cases} \rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{330 \text{ K}}{440 \text{ K}} = \frac{3}{4}$$

V_1 - объём Гелия вначале
 V_2 - объём Неона вначале.

~~3) ЗСЭ для системы Гелий + поршень + Аргон: от начала до конца:~~

3) На систему «Гелий + поршень + Аргон» в процессе не действуют внешних сил, совершающих работу, а-то $A_{\text{Гелий}} = -A_{\text{неона}}$, и работа суммарная всей системы $A_{\Sigma} = 0$. Кроме того, цилиндр теплоизолирован, а-то для этой системы выполняем ЗСЭ: $\frac{3}{2} \nu R T_1 + \frac{3}{2} \nu R T_2 = \frac{3}{2} \nu R T_0 + \frac{3}{2} \nu R T_0$ (поршень не имел Екин ни вначале, ни в конце.)

$$\frac{3}{2} \nu R (T_1 + T_2) = 2 \cdot \frac{3}{2} \nu R T_0$$

$$T_1 + T_2 = 2T_0$$

$$T_0 = \frac{1}{2}(T_1 + T_2) = \frac{1}{2}(330\text{K} + 440\text{K}) = 385\text{K} \quad \text{- уср. темп. в сосуде.}$$

④ Условие равновесия поршня в конце:

$$p_1^* S = p_2^* S \rightarrow p_1^* = p_2^* = p^*$$

⑤ Мен-Кл для газов в конце:

$$\begin{cases} p_1^* V_1^* = \nu R T_0 \\ p_2^* V_2^* = \nu R T_0 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} p^* V_1^* = \nu R T_0 \\ p^* V_2^* = \nu R T_0 \end{cases} \rightarrow V_1^* = V_2^* = V^*$$

Причем, $V_1^* + V_2^* = V_1 + V_2$ где $V_1 = \frac{3}{4}V_2$ (ан. н. 2)

$$2V^* = \frac{3}{4}V_2 + V_2$$

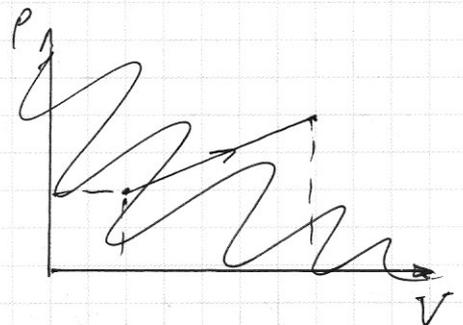
$$V^* = \frac{7}{8}V_2$$

⑥ I нач. ТР для Неона за весь процесс:

$$-Q = \Delta U_{\text{неона}} + A_{\text{неона}}$$

II нач. ТР для Гелия за весь процесс

$$+Q = \Delta U_{\text{гелия}} + A_{\text{гелия}}$$



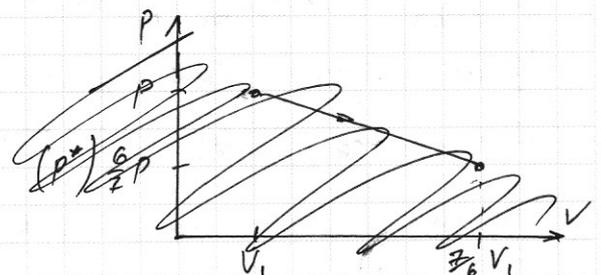
⑦ Расам Гелия в процессе:

$$\text{мен-Кл: } V_1 = \frac{3}{4}V_2; \quad V_1^* = V_2^* = \frac{7}{8}V_2 = \frac{7}{6}V_1$$

$$\begin{cases} p V_1 = \nu R T_1 \\ p^* V_1^* = \nu R T_0 \end{cases} \quad \begin{cases} p \cdot \frac{3}{4}V_2 = \nu R T_1 \\ p^* \cdot \frac{7}{8}V_2 = \nu R T_0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} p = \frac{4}{3} \frac{\nu R T_1}{V_2} \\ p^* = \frac{8}{7} \frac{\nu R T_0}{V_2} \end{cases} \rightarrow \frac{p^*}{p} = \frac{8}{7} \cdot \frac{3V_2}{4} = \frac{6}{7}; \quad p^* = \frac{6}{7}p$$

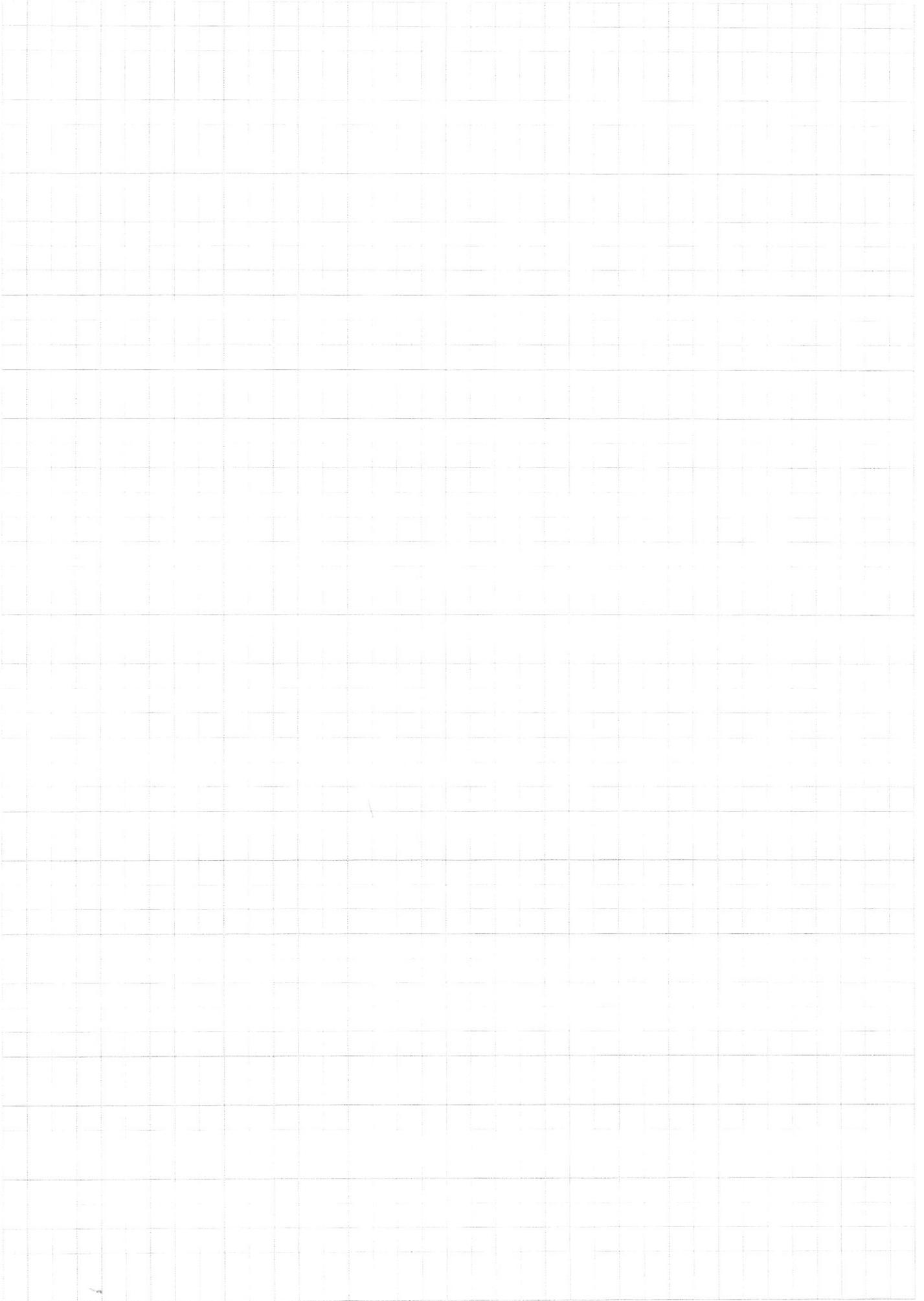
$$A_{\text{гелия}} = \int p^* dV = \frac{1}{2} p^* V_1$$





ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Ответ (к №2): 1) $\frac{V_{\text{гелия}}}{V_{\text{неона}}} = \frac{3}{4}$ 2) $T_0 = \frac{1}{2}(T_1 + T_2) = 385\text{K}$
3)



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)