

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

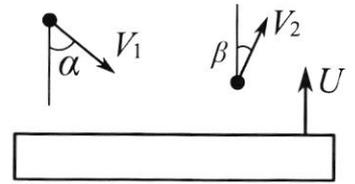
Класс 11

Вариант 11-03

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 12$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{1}{2}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{3}$) с вертикалью.

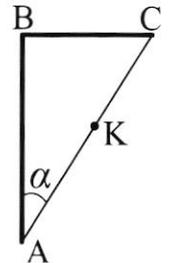


- 1) Найти скорость V_2 .
 - 2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.
- Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится водород, во втором – азот, каждый газ в количестве $\nu = 6/7$ моль. Начальная температура водорода $T_1 = 350$ К, а азота $T_2 = 550$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Газы считать идеальными с молярной теплоемкостью при постоянном объеме $C_V = 5R/2$. $R = 8,31$ Дж/(моль·К).

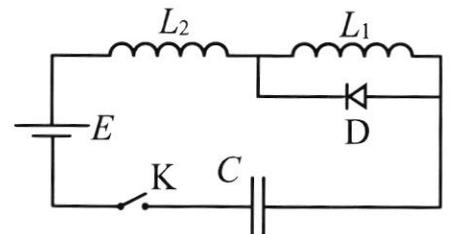
- 1) Найти отношение начальных объемов водорода и азота.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал азот водороду?

3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



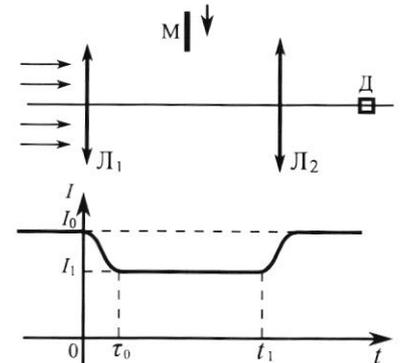
- 1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?
- 2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 3\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/5$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 4L$, $L_2 = 3L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_1 .



- 1) Найти период T этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток I_{M1} , текущий через катушку L_1 .
- 3) Найти максимальный ток I_{M2} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями $3F_0$ и F_0 , соответственно. Расстояние между линзами $2F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии F_0 от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 5I_0/9$.

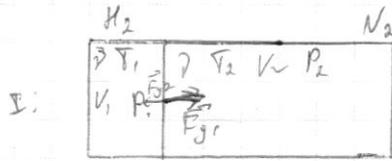


- 1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.
- 2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

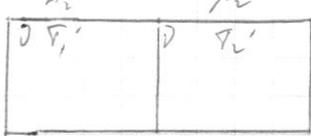
2.
Дано:
 $\gamma = \frac{6}{5}$ моль
 $T_1 = 350\text{K}$
 $T_2 = 550\text{K}$
 $C_V = \frac{5R}{2}$
 $R = 8,31$
 $\frac{V_1}{V_2}; T_k; \Delta Q?$



- начальное равн. ш.
Т.к. система в р-ии (переходит

состояние без трения) $\Rightarrow \vec{F}_g + \vec{F}_s = \vec{0}$
Силы между поршнем и газом $F_g = F_s \Rightarrow p_1 S = p_2 S \Rightarrow p_1 = p_2$
 $p_1 V_1 = \nu R T_1$ $p_2 V_2 = \nu R T_2$
 $p_1 = p_2 \Rightarrow \frac{\nu R T_1}{V_1} = \frac{\nu R T_2}{V_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{350}{550} = \frac{7}{11}$

II: Т.к. поршень теплопроводящий, то $T_1' = T_2' = T$ (равнов.)



Т.к. система теплоизолирована \Rightarrow

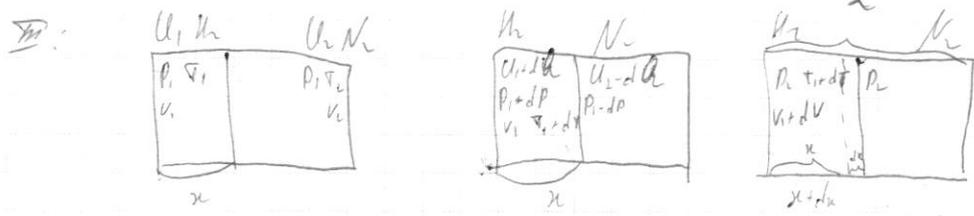
$\Rightarrow U_1 = U_2$, где U_i - энергия системы в начале,

U_i - энергия системы в конце $U_1 = U_{N_1 I} + U_{N_2 I} = \frac{5}{2} \nu R T_1 + \frac{5}{2} \nu R T_2$

$U_2 = U_{N_1 II} + U_{N_2 II} = \frac{5}{2} \nu R T_1' + \frac{5}{2} \nu R T_2'$

$\frac{5}{2} \nu R T_1 + \frac{5}{2} \nu R T_2 = \frac{5}{2} \nu R T_1' + \frac{5}{2} \nu R T_2'$

$T_1 + T_2 = 2T \Rightarrow T = 450 \frac{T_1 + T_2}{2} = \frac{350 + 550}{2} = 450\text{K}$



$Q = \nu U_+ A = \frac{5}{2} \nu R \Delta T + A$

$A = F_g \cdot D = p_0 V$

$dU = \nu R dT = \nu R T$

$dP = \frac{\nu R dT}{V_1}$

$\frac{p_1 = \nu R T_1}{V_1} = \frac{\nu R T_2}{V_2}$

$dA = dP \cdot dV$

Этот вопрос мы решали в предыдущей работе,

Воспользуемся идеями: Топливо горит, $N_2 \rightarrow N_2$ Δ , N_2 совершает работу и
 идет обратно.

$$Q = c \gamma_2 \gamma \cdot c \nu (T_1 - T_2), Q = \Delta U + A = \frac{5}{2} \nu R (T_1 - T_2) + A_2$$



$$A = \left(\frac{V_1 + V_2}{2} - V_1 \right) \cdot \frac{p_1 + p_2}{2} = \frac{\frac{3V + 4V}{2} - 3V}{2} \cdot \frac{\frac{2RT_1}{V_1} + \frac{2RT_2}{V_2}}{2} \cdot \left(\frac{V_1 + V_2}{2} - V_1 \right)$$

$$= 2V \cdot \frac{\frac{2RT_1}{3V} - \frac{2RT_2}{4V}}{2} = \frac{9RT_1 - 8RT_2}{63}$$

$$c \nu (T_1 - T_2) = \frac{5}{2} \nu R T_1 - \frac{5}{2} \nu R T_2$$

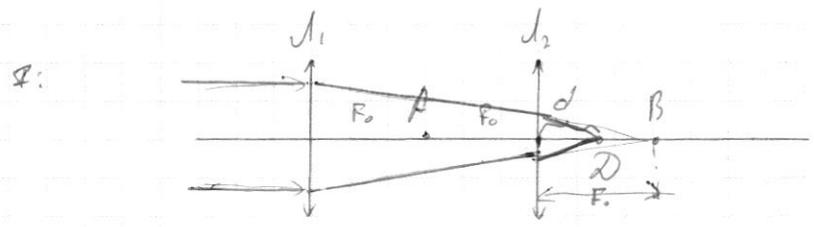
$$\frac{5}{2} \nu R T_1 - \frac{5}{2} \nu R T_2 = \frac{5}{2} \nu R T_1 - \frac{5}{2} \nu R T_2 \Rightarrow \frac{5}{2} T_1 - \frac{5}{2} \cdot 350 = \frac{5}{2} T_1 - \frac{5}{2} \cdot 450 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T_1 = \frac{875 \cdot 14}{33} = \frac{12250}{33} \Rightarrow Q = \frac{5}{2} R \cdot \frac{6}{7} \left(\frac{12250}{33} - 350 \right) = \frac{5}{2} \cdot \frac{400}{11} \cdot R \approx$$

$$\approx 755,4 (D_2)$$

Ответ: 1) 3:11 2) 450K 3) 755,4 Дж.

5
 Дано:
 F_0
 D
 80
 θ
 $\theta = ?$
 б)

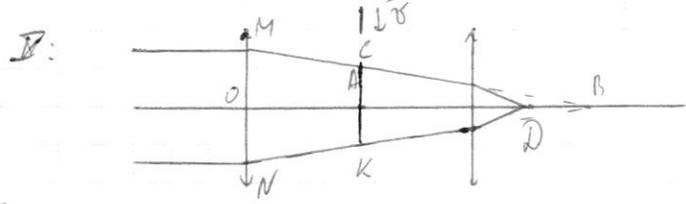


В - фокус 2-ой линзы, А, В - фокусы 1-ой.
 Т.к. лучи идут // Т.О.О. \Rightarrow они собираются в
 фокусе 2-ой линзы (В)

где D - ош:

$$\frac{l}{F_0} = \frac{l}{d} - \frac{l}{3F_0 - 2F_0}$$

$$\frac{l}{F_0} = \frac{2}{F_0} \Rightarrow d = \frac{F_0}{2}$$

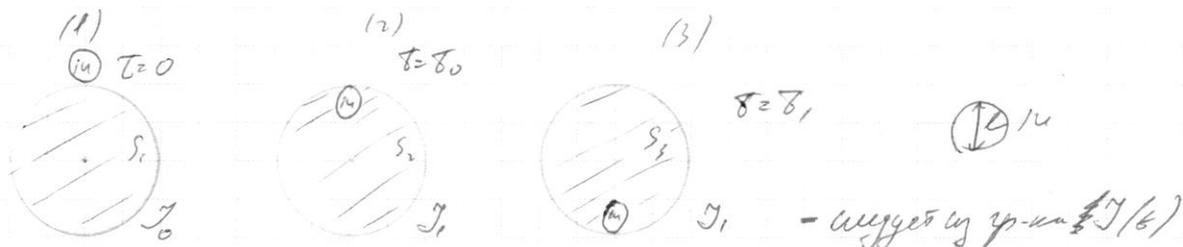


по подобию ΔMBN и ΔCBK :

$$\frac{CK}{MN} = \frac{AB}{OB} = \frac{2F_0}{3F_0} = \frac{2}{3}$$

Сечение потока света плоскостью через точку А \perp ОВ -
 - круг с диаметром τ радиуса $R = \frac{2}{3} D$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Из того, что $S \sim$ интенсивности $\Rightarrow S \sim$ площади

сечения на перекрестке $M (S_1, S_2, S_3)$

S_M - сечение M

$$S_1 = \frac{S}{g} S_0 \Rightarrow \frac{S_1}{S_2} = \frac{S_0}{S_1}$$

$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{g}{S} = \frac{S_1}{S_1 - S_M} \Rightarrow S S_1 = g S_1 - g S_M$$

$$S_M = \frac{4}{g} S_1$$

$$S_1 = S \left(\frac{d}{2} \right)^2 = S \left(\frac{D}{3} \right)^2 = \frac{S D^2}{9} \quad S_M = \frac{4 S D^2}{81} = S \left(\frac{d}{2} \right)^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \left(\frac{d}{2} \right)^2 = \frac{4}{81} D^2 \Rightarrow \frac{d}{2} = \frac{2}{9} D \Rightarrow d = \frac{4}{9} D$$

По сечу за время τ_0 , тело пройдёт $L = \frac{4}{9} D$

$$v \tau_0 = \frac{4}{9} D \Rightarrow v = \frac{4 D}{9 \tau_0}$$

III: за время τ_1 тело пройдёт ту же длину (1) в направлении

т.е. пройдёт $L = \frac{2}{3} D$

$$\frac{2}{3} D = v \tau_1 = \frac{4}{9} \frac{D}{\tau_0} \cdot \tau_1$$

$$\tau_1 = \frac{2 D \cdot 9 \cdot \tau_0}{3 \cdot 4 \cdot D} = \frac{3}{2} \tau_0 = 1,5 \tau_0$$

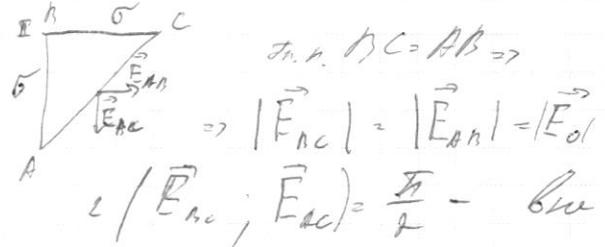
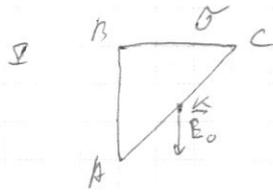
Ответ: 1) $d = \frac{4}{9} D$

2) $v = \frac{4 D}{9 \tau_0}$

3) $\tau_1 = 1,5 \tau_0$

3 (1)

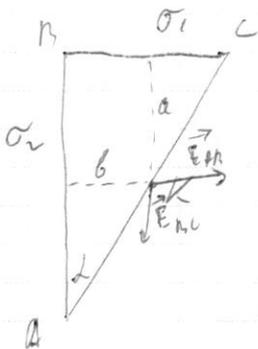
$L = \frac{\sqrt{3}}{4} \Rightarrow \Delta ABC$ - равнобедренный, где стороны - сел



зависимость от знака заряда (нарисуйте пример) =>

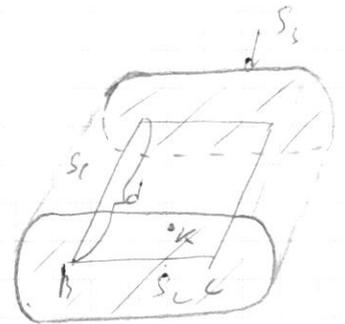
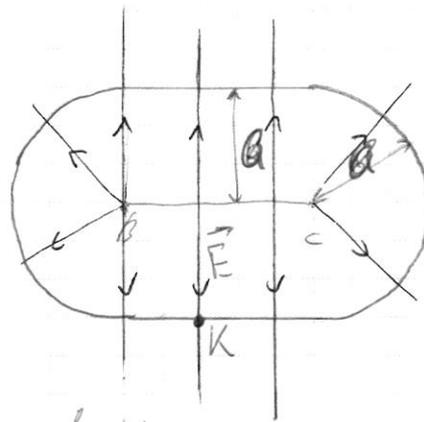
$\Rightarrow E_{об} = \sqrt{E_{BC}^2 + E_{AC}^2} = \sqrt{2} E_0 \Rightarrow$ увеличивается в $\sqrt{2}$ раза.

(2)



$\frac{BC}{AB} = \text{tg} \alpha \Rightarrow \frac{b}{a} = \text{tg} \alpha, \quad b = \frac{BC}{2}, \quad a = \frac{AB}{2}$

$\Sigma(BC)$



$\oint_S (\vec{E}_{BC} \cdot d\vec{S}) = \frac{1}{\epsilon \epsilon_0} \Sigma q$

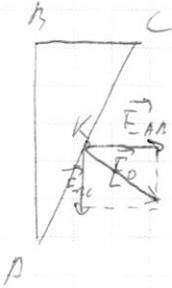
$E_{BC} \cdot S_2 \cdot \sin \alpha + E_{BC} \cdot S_3 \cdot \sin \alpha + E_{BC} \cdot S_1 = \frac{\rho}{\epsilon \epsilon_0} \cdot \sigma_1 \cdot d \cdot BC$

$E_{BC} (2 \cdot \frac{1}{2} BC + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} \sqrt{3} BC) = \frac{\rho}{\epsilon \epsilon_0} \sigma_1 \cdot \frac{1}{2} BC$
 $E_{BC} = \frac{\sigma_1 \cdot BC}{\epsilon \epsilon_0 (\frac{1}{2} BC + \frac{1}{2} \sqrt{3} BC)} = \frac{\sigma_1 \cdot BC}{\epsilon \epsilon_0 (\frac{1}{2} BC (1 + \sqrt{3}))}$

$= \frac{\sigma_1 \cdot BC}{\epsilon \epsilon_0 \cdot BC (2 + \sqrt{3} \text{tg} \alpha)} = \frac{3\sigma_1}{\epsilon \epsilon_0 (2 + \sqrt{3})}$

II. (AB), аналог I:

$$E_{AB} = \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0 (2 + \sqrt{1 + 4gd})}$$



$$E_0 = \sqrt{E_{AK}^2 + E_{KC}^2} = \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0 (2 + \sqrt{1})} \sqrt{3^2 + 1^2} = \sqrt{10} \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0 (2 + \sqrt{1})}$$

Ответ: 1) $\sqrt{2}$ раз σ

2) $E_0 = \sqrt{10} \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0 (2 + \sqrt{1})}$

$$E_0 = \sqrt{E_{AK}^2 + E_{KC}^2} = \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0} \sqrt{\frac{9}{(2 + \sqrt{1 + 4gd})^2} + \frac{1}{(2 + \sqrt{1 + 4gd})^2}} =$$

$$= \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0} \sqrt{\frac{9}{(2 + \frac{\sqrt{1 + 4gd}}{g})^2} + \frac{1}{(2 + \sqrt{1 + 4gd})^2}} = \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0} \sqrt{\frac{9}{(2 + \frac{\sqrt{1 + 4gd}}{g})^2} + \frac{1}{(2 + \sqrt{1 + 4gd})^2}}$$

Ответ: 1) $\sqrt{2}$ раз

2) $\frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0} \sqrt{\frac{9}{(2 + \frac{\sqrt{1 + 4gd}}{g})^2} + \frac{1}{(2 + \sqrt{1 + 4gd})^2}}$



1) Т.к. шара висит только на верт. составляю $v \Rightarrow$

$$\Rightarrow v_{\text{н}} = \text{const} \quad v_{\text{н}1} = v_1 \sin \alpha, \quad v_{\text{н}2} = v_2 \sin \beta$$

$$v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \beta$$

$$v_1 = 18 \text{ (м/с)}$$

Ответ: 1) 18 (м/с)

4.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1) Т.к. удар обсекает газы, то ударно по газовой, не
пропускает газы, то ударно по газовой, не

$\Delta = \Delta_1 + \Delta_2$ где Δ_1 - период по газ, Δ_2 - период ударов газ

$\Delta_1 = \frac{v}{(h \cdot \omega_1) c}$ $\Delta_2 = \frac{v}{h \cdot c}$ т.е. когда удар пропускает газ,
тогда на h_1 кГц.

$\Delta_1 = 2\sqrt{3} h c$ $\Delta_2 = 2\sqrt{3} h c$

$\Delta = \frac{v}{2 h c} + \frac{v}{2 h c} = \frac{10^4}{2 h c}$

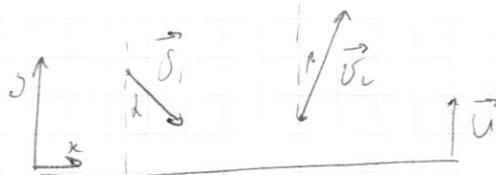
2) где $U_E = E + U_w \cos(\omega_1 t)$

$U_E = E - U_w \cos(\omega_2 t)$

$\Delta = \sqrt{3} h c + \sqrt{3} h c = \sqrt{3} h c (\sqrt{3} + \sqrt{3})$

Ответ: $\sqrt{3} h c (\sqrt{3} + \sqrt{3})$

1. (2)



пу: $v_y = \frac{\sqrt{3}}{2} v_1 = 6\sqrt{3}$
 $v_{2y} = 12\sqrt{2}$

Если удар неуравновешен \Rightarrow кинематика
зависит с такой скоростью U , что обит
обгонит шарики после столкновения ($U \leq v_{2y}$), и
с такой скоростью U , что обит E шарика

были меньше чем E_y (или полностью ударом удар).

$E_u = \frac{m v_u^2}{2}$ $E_y = \frac{m (\sqrt{v_{2y}^2 + (v_{2x} - v_1)^2})^2}{2}$

$E_u < E_y$

$$\frac{m \sigma^2}{2} < \frac{m (\sigma_x^2 + (\sigma_y + U)^2)}{2}$$

~~288 >~~

$$\sigma^2 < \sigma_x^2 + \sigma_y^2 + 2\sigma_y U + U^2$$

$$U \leq \sigma_y$$

$$18^2 < 6^2 + 288 + 2 \cdot 12\sqrt{2} U + U^2$$

$$U(2 \cdot 12\sqrt{2} + U) > 0$$

$$U > 0$$

Ответ: 2) $U \in (0; 12\sqrt{2}]$



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ШИФР

(заполняется секретарём)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

2.



$$pV = \nu RT$$

$$p_1 = \frac{\nu RT_1}{V_1} = R = \frac{\nu RT_2}{V_2}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{35}{55} = \frac{7}{11}$$

Handwritten scribble

$$[C_v] = \frac{D_m}{\text{мол} \cdot \text{К}}$$

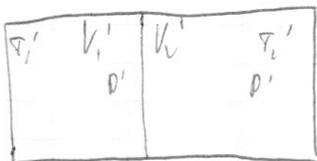
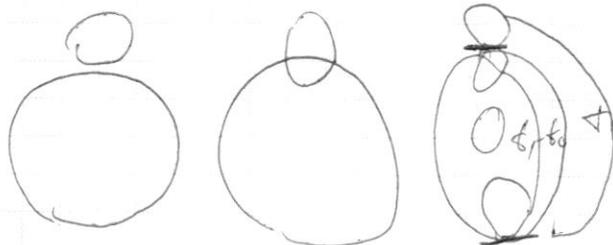
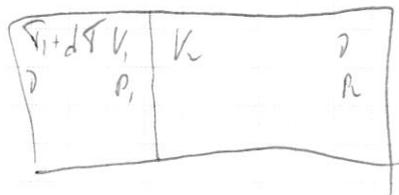
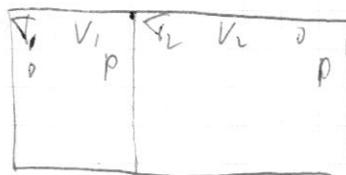
$$U = \frac{\nu}{2} \nu RT_1 + \frac{\nu}{2} \nu RT_2$$

$$U_2 = \frac{\nu}{2} \nu RT = \frac{\nu}{2} \nu RT$$

$$\frac{Q}{F_0} = \frac{l}{\delta} \frac{1}{F_0} \frac{1}{L_0}$$

$$L = \frac{l}{\delta}$$

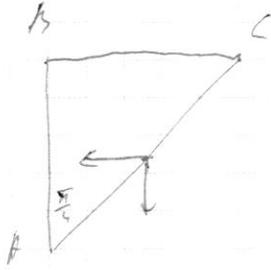
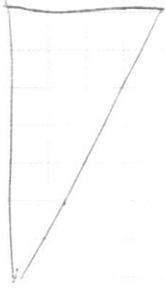
$$Q = \Delta U + A$$



$$\frac{\left(\frac{4}{9}\right)^2}{\left(\frac{2}{3}\right)^2} = \frac{\frac{16}{81}}{\frac{4}{9}} = \frac{16}{81} \cdot \frac{9}{4} = \frac{4}{9}$$

$$\frac{\frac{4}{9}}{\frac{2}{3}} = \frac{4}{9} \cdot \frac{3}{2} = \frac{2}{3}$$

3.



$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \quad F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{R^2} \quad \sigma = \frac{q}{R^2}$$

$$E = \frac{F}{q} \quad E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{R^2}$$

$$\frac{q \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} + q R \sin \alpha}{1} + \frac{q \sqrt{1 - \cos^2 \alpha} + q R \sin \alpha}{1} \quad \sin 3\alpha = 3 \sin \alpha - 4 \sin^3 \alpha$$

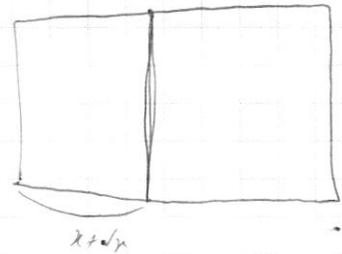
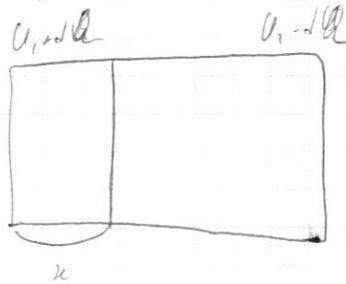
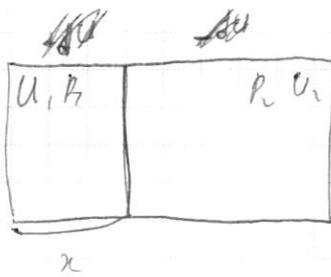
$$\frac{1}{5} \quad \sin 12^\circ = \frac{1}{5} \quad \sin 24^\circ$$

$$\sin 60^\circ = \sin(36^\circ + 24^\circ) = \sin 36^\circ \cos 24^\circ + \sin 24^\circ \cos 36^\circ =$$

$$= (\sin 36^\circ \cos 24^\circ) + \sin 24^\circ \cos 36^\circ =$$

$$= \sin 36^\circ \cos 24^\circ + \sin 24^\circ \cos 36^\circ =$$

$$\sin 36^\circ \cos 24^\circ + \sin 24^\circ \cos 36^\circ =$$



$$P \Delta V = \Delta R \Delta T$$

$$Q = \Delta U + A_f$$

$$Q = \Delta U + A_c$$

$$Q = \int P \Delta V + A_c$$

$$A = F \cdot dx = P \cdot dV$$

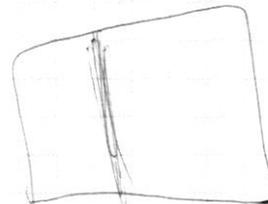
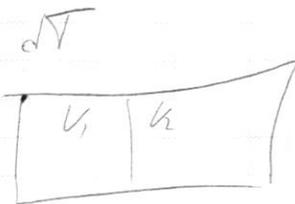
$$P \Delta V = \Delta R \Delta T$$

$$\Delta U = c \Delta T$$

$$\Delta T = \frac{\Delta U}{c}$$

$$\Delta P = \frac{\Delta R \Delta T}{V}$$

$\frac{125}{5 \cdot 10} + 10$
 $A = ?$
 $P \Delta V$
 675



$$\Delta P = \frac{\Delta R \Delta T}{U_1}$$

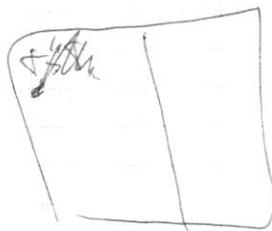
$$\frac{P \Delta V}{V}$$

$$\Delta A = \Delta P \cdot \Delta V$$

$$\Delta Q = \int P \Delta V$$

$$\frac{35}{14} - \frac{2}{14} = \frac{33}{14} \Delta T'$$

$$\Delta T' = \frac{225 \cdot 14}{11}$$



$$Q_1 = c \Delta T$$

$$Q = c \Delta T$$

$$Q = A_2 \Delta U$$

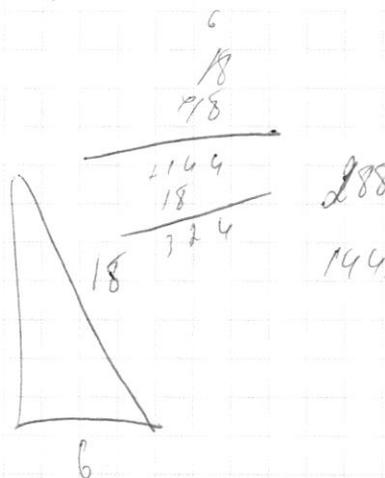
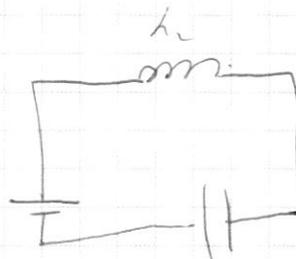
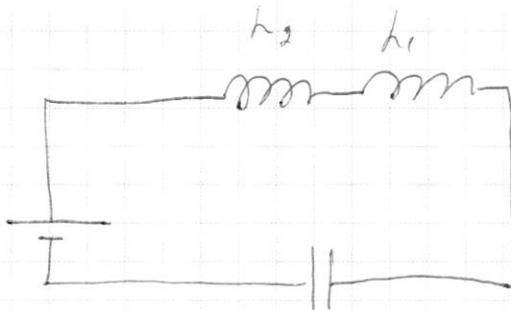
$$P \Delta V = \Delta R \Delta T$$

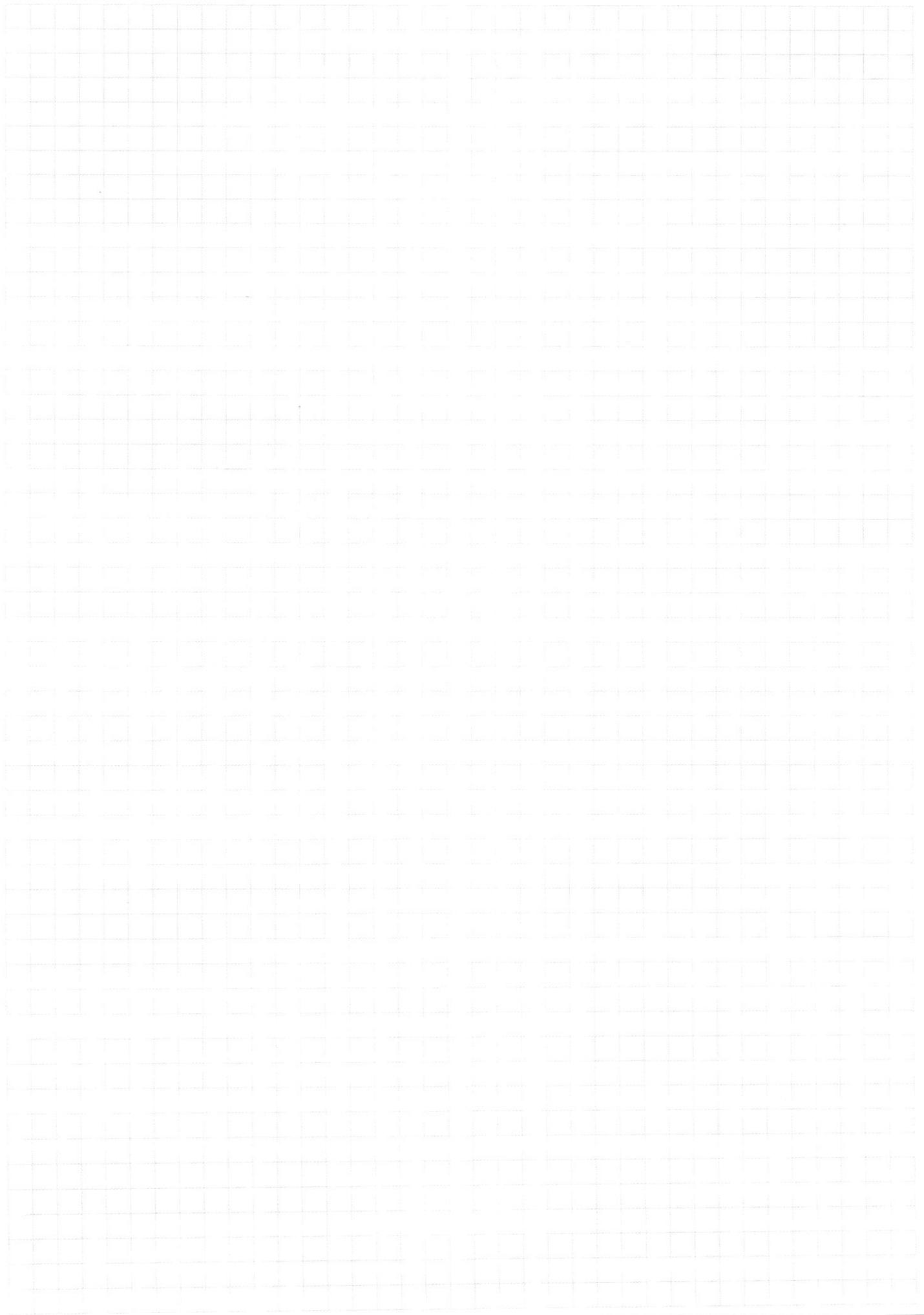
$$P = \frac{\Delta R \Delta T}{V}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

4.

$$P_2 = \frac{P}{k_2}$$





черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №
(Нумеровать только чистовики)