

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

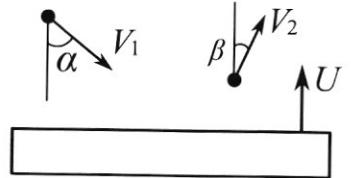
Класс 11

Вариант 11-01

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 8 \text{ м/с}$, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{3}{4}$) к вертикалам (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{2}$) с вертикалами.



1) Найти скорость V_2 .

2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.

Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

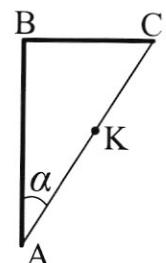
2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится азот, во втором – кислород, каждый газ в количестве $v = 3/7$ моль. Начальная температура азота $T_1 = 300 \text{ K}$, а кислорода $T_2 = 500 \text{ K}$. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Газы считать идеальными с молярной теплоемкостью при постоянном объеме $C_V = 5R/2$. $R = 8,31 \text{ Дж/(моль K)}$.

1) Найти отношение начальных объемов азота и кислорода.

2) Найти установившуюся температуру в сосуде.

3) Какое количество теплоты передал кислород азоту?

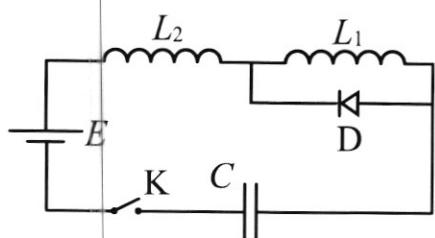
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 2\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/7$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 2L$, $L_2 = L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ К разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_1 .

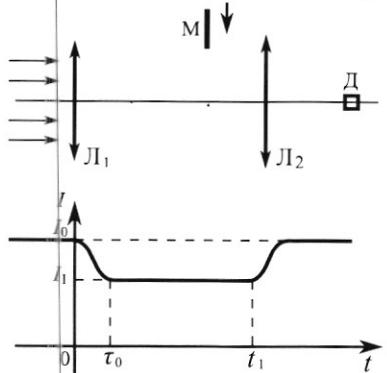


1) Найти период T этих колебаний.

2) Найти максимальный ток I_{M1} , текущий через катушку L_1 .

3) Найти максимальный ток I_{M2} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусным расстоянием F_0 у каждой. Расстояние между линзами $3F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $2F_0$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 3I_0/4$.



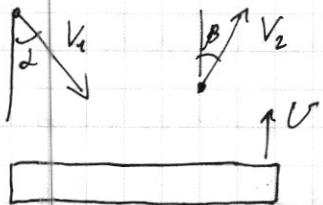
1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.

2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

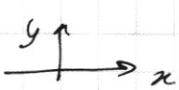
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N1) Во время удара наклонная вспашка океана, действующая на шарик, параллельно оси OX равна нулю \Rightarrow в процессе не действует выталкивание



закон сохранения импульса: $V_{1n} = V_{2n}$

$$V_1 \cdot \sin \alpha = V_2 \cdot \sin \beta \Rightarrow V_2 = V_1 \cdot \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = 8 \cdot \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{2}} = 12 \text{ м/c}$$



В CO, связанный с шариком, удар удачный $\frac{V_{1n}^2 + V_{2n}^2}{2} = V_{1n}^2$, где

V_{1n} - это скорость подлёта шарика к мячу, в связанный с мячом CO;
 V_{2n} - это скорость отлёта шарика от мяча в этот CO.

$$V_{1n} = V_1 \cdot \sin \alpha; V_{2n} = V_2 \cdot \sin \beta \Rightarrow V_{1n} = V_{2n} \Rightarrow V_{1n}^2 = V_{2n}^2$$

$$V_{1ny} = -V_1 \cdot \cos \alpha - U; V_{2ny} = V_2 \cos \beta - U$$

$$\frac{m V_n^2}{2} = \frac{m V_0^2}{2} \Rightarrow V_n^2 = V_0^2 \Rightarrow V_{1ny}^2 + V_{2ny}^2 = V_{0y}^2 + V_{0x}^2 \Rightarrow V_{1ny}^2 = V_{0y}^2 \Rightarrow$$

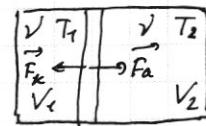
$$\Rightarrow V_{1ny}^2 = |V_{2ny}| = |V_{0y}| \Rightarrow V_1 \cos \alpha + U = V_2 \cos \beta - U \Rightarrow U = \frac{V_1 \cos \alpha - V_2 \cos \beta}{2}$$

$$\cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \sqrt{1 - \frac{9}{16}} = \frac{\sqrt{7}}{4}; \cos \beta = \sqrt{1 - \sin^2 \beta} = \sqrt{1 - \frac{1}{4}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$U = \frac{12 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} - 8 \cdot \frac{\sqrt{7}}{4}}{2} = (3\sqrt{3} - \sqrt{7}) \text{ м/c}$$

Ответ: 1) $V_2 = 12 \text{ м/c}$; 2) $U = (3\sqrt{3} - \sqrt{7}) \text{ м/c}$

№2) В начальном моменте времени отражено покоящая \Rightarrow выполняется условие равновесия:



$\rightarrow x$

$$\vec{F}_a + \vec{F}_k = 0; \text{ OX: } F_a = F_k, \text{ где}$$

F_a - сила давления азота на поршень в начальном

момент времени; F_k - сила давления кислорода на поршень в начальном моменте времени.

$$F_a = p_1 \cdot S; F_k = p_2 S, \text{ где } S - \text{ площадь донного сечения цилиндра};$$

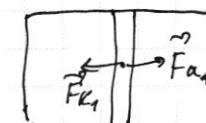
p_1 - давление азота в начальном моменте времени; p_2 - давление кислорода в начальном моменте времени.

$$p_1 S = p_2 S \Rightarrow p_1 = p_2$$

Пусть V_1 и V_2 - начальное обесцвечение азота и кислорода соответственно.

По закону Менделеева-Клапейрона: $\begin{cases} p_1 V_1 = \nu R T_1 \\ p_2 V_2 = \nu' R T_2 \end{cases} \Rightarrow \frac{p_1 V_1}{p_2 V_2} = \frac{T_1}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{300}{500} = 0,6.$

В конечный момент времени поршень покоящая \Rightarrow выполняется условие равновесия: $\vec{F}_{a_1} + \vec{F}_{k_1} = 0; \text{ OX: } F_{a_1} = F_{k_1}, \text{ где}$



F_{a_1} и F_{k_1} - сила давления на поршень в конечный момент времени азота и кислорода соответственно.

Пусть p_1' и p_2' - давление азота и кислорода соответственно в конечный момент времени, тогда $F_{a_1} = p_1' S$

$$\left. F_{k_1} = p_2' S \right\} \Rightarrow p_1' S = p_2' S \Rightarrow p_1' = p_2'$$

Поршень приходит в покой \Rightarrow в конечный момент времени температуры обоих газов становятся одинаковыми и равны T_k .

(сумма теплоподводов \Rightarrow выполняется ЗСД: $E_k = E_K$, где

E_k и E_K - энергия обоих газов в начальном и конечном моментах времени соответственно.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$E_K = E_{a_0} + E_{k_0}$, где E_{a_0} и E_{k_0} - внутренние энергии в начальном положении вращения атома и кислорода соответственно.

$$E_{a_0} = \frac{5}{2} R \cdot v \cdot T_1; E_{k_0} = \frac{5}{2} R \cdot v \cdot T_2$$

$E_K = E_{a_1} + E_{k_1}$, где E_{a_1} и E_{k_1} - внутренние энергии в конечном положении вращения атома и кислорода соответственно.

$$E_{a_1} = E_{k_1} = \frac{5}{2} R \cdot v \cdot T_K$$

$$\frac{5}{2} R v T_1 + \frac{5}{2} R v T_2 = 2 \cdot \frac{5}{2} R \cdot v \cdot T_K \Rightarrow T_K = \frac{T_1 + T_2}{2} = \frac{300 + 500}{2} = 400 K.$$

Пусть α - коэффициент теплоотдачи, который находит атом от кислорода; тогда по первому правилу термодинамики: $Q = A \alpha t \Delta U_a$

$$\Delta U_a = E_{a_1} - E_{a_0}$$

В конечном положении вращения по закону Менделеева - Клапейрона:

$$\left. \begin{array}{l} p_1' V_1' = v R T_K \\ p_2' V_2' = v R T_K \end{array} \right\} \Rightarrow p_1' V_1' = p_2' V_2' \Rightarrow V_1' = V_2', \text{ где } V_1' \text{ и } V_2' - общий объем атома и кислорода соответственно в конечной положении вращения.$$

Пусть V_c - общий объем сосуда, тогда $V_1' + V_2' = 2V_1' = V_c \Rightarrow V_1' = \frac{V_c}{2}$,

$$V_1 + V_2 = V_1 + \frac{5}{3} V_1 = V_c \Rightarrow \frac{8}{3} V_1 = V_c \Rightarrow V_1 = \frac{3}{8} V_c$$

$$\left. \begin{array}{l} p_1' V_1' = v R T_K \\ p_1' V_1 = v R T_1 \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{p_1' V_1'}{p_1' V_1} = \frac{T_K}{T_1} = \frac{400}{300} \Rightarrow \frac{p_1'}{p_1} = \frac{4 V_1}{3 V_1'} = \frac{4 \cdot \frac{3}{8} V_c}{3 \cdot \frac{1}{2} V_c} = 1 \Rightarrow p_1' = p_1 \Rightarrow$$

\Rightarrow с учётом того, что теплоотдача и движение поршня происходили медленно, будем считать, что атом расширялся изобарично, тогда

$$Q = v C_p \cdot \Delta T = (C_v + R)(T_K - T_1) = \frac{3 \cdot 7}{4 \cdot 2} \cdot 8,31 \cdot 100 \approx \frac{2500}{2} = 1250 \text{ Дж}$$

$$\text{Ответ: 1) } \frac{V_1}{V_2} = \frac{3}{5}; 2) T_K = 400 K; 3) Q = 1250 \text{ Дж}$$

№4) Тогда $L_{\text{жв}}$ - структурная часть катушки, находящаяся в катушке L_1 и L_2 , тогда $L_{\text{жв}} = L_1 + L_2 = L + 2l = 3L$
 Колебание в цепи будут происходить с некоторого начального равновесия. В начальном состоянии равновесия: $Cq_0 = E \Rightarrow q_0 = \frac{E}{C}$
 Когда ток в цепи меняет направление, он проходит через катушки L_1 и L_2 , тогда частота колебаний в этом моменте $\omega_1 = \sqrt{\frac{1}{L_{\text{жв}} \cdot C}}$, когда ток меняет направление против часовой стрелки, он проходит по длине в обеих катушках L_1 , в этот момент частота колебаний тока в цепи равна $\omega_2 = \sqrt{\frac{1}{L_2 \cdot C}}$; Однако период колебаний в такой цепи равен сумме периодов колебаний тока в цепи при его движении по часовой и против неё: $T = \frac{T_1}{2} + \frac{T_2}{2} = \frac{2\pi\sqrt{L_{\text{жв}} \cdot C}}{2} + \frac{2\pi\sqrt{L_2 \cdot C}}{2} = \pi\sqrt{3LC} + \pi\sqrt{LC} = \pi\sqrt{LC}(\sqrt{3} + 1)$

Ток в катушке не может изменяться мгновенно, также, как и заряд в конденсаторе, поэтому в начальный момент времени $I_0 = 0$; $q_0 = 0 \Rightarrow EH = \frac{LI^2}{2} + \frac{q_0^2 C}{2} = 0$, где EH - начальная энергия цепи.
 Сила тока в катушках будет максимальной, когда система будет проходить начальное равновесие. В этот момент энергия в цепи равна $E_p = \frac{1}{2} E_{K\max} + \frac{q_0^2 C}{2}$, где $E_{K\max}$ - максимальная энергия катушки.

Тогда по закону сохранения энергии: $E_p - EH = E_{q_0}$
 $E_{K\max} + \frac{q_0^2 C}{2} = E_{q_0} \Rightarrow E_{K\max} + \frac{E^2}{2C} = \frac{E^2}{C} \Rightarrow E_{K\max} = \frac{E^2}{2C}$
 Когда ток меняет направление: $E_{K\max} = \frac{L_{\text{жв}} \cdot I_{m_1}^2}{2} = \frac{E^2}{2C} \Rightarrow I_{m_1} = \frac{E}{\sqrt{L_{\text{жв}} \cdot C}} = \frac{E}{\sqrt{3LC}}$;
 а когда против часовой: $E_{K\max} = \frac{L_2 \cdot I_{m_2}^2}{2} = \frac{E^2}{2C} \Rightarrow I_{m_2} = \frac{E}{\sqrt{LC}}$
 Ответ: 1) $T = \pi\sqrt{LC}(\sqrt{3} + 1)$; 2) $I_{m_1} = \frac{E}{\sqrt{3LC}}$; 3) $I_{m_2} = \frac{E}{\sqrt{LC}}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№5) Все световые лучи, падающие на собирающую линзу параллельно её оптической оси, преломляясь, проходят

через её фокус \Rightarrow все лучи, падающие на

линзу L_2 проходят через фокус линзы L_1 , т.е. можно считать, что

в фокусе линзы L_1 находится источник, свет которого, после преломления в линзе L_2 , фокусируется на фотодетекторе, тогда по

правилу ~~закона~~ тонкой линзы: $\frac{1}{f} = \frac{1}{d} + \frac{1}{f_0}$, где $d = 3F_0 - F_0 = 2F_0 \Rightarrow$

$\Rightarrow f = \frac{F_0 \cdot d}{d - F_0} = \frac{F_0 \cdot 2F_0}{2F_0 - F_0} = 2F_0$, где f -расстояние между линзами L_2 и

фотодетектором, а d -расстояние от линзы L_2 до фокуса линзы L_1 .

Сила тока на выходе фотодетектора уменьшается, потому что

помимо того что часть светового пучка попадает на неё \Rightarrow и не попадает на

фотодетектор. Изменяется пучок в сечении сферой, потому что

$$\frac{I_1}{I_0} = \frac{S_{in} - S_{in}}{S_{in}}, \text{ где } S_{in} - \text{ площадь поперечного сечения пучка в координате } 2F_0;$$

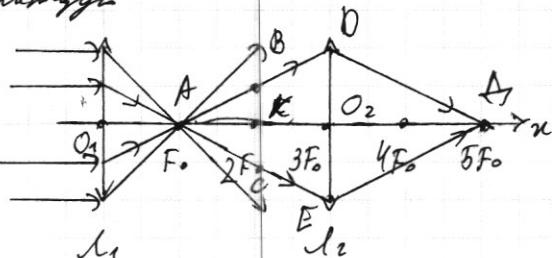
S_{in} -площадь пучка. Пусть D_m -диаметр пучка. Пучок движется с постоянной скоростью $\Rightarrow V = \frac{D_m}{T_0}$

$$\frac{3}{4} = \frac{S_{in} - S_{in}}{S_{in}} \Rightarrow S_{in} = \frac{S_{in}}{4};$$

$$\left. \begin{array}{l} \triangle ABC \parallel \triangle O_1O_2 \\ DE \perp O_1O_2 \end{array} \right\} \Rightarrow BC \parallel DE \Rightarrow \angle ABC = \angle ADE \quad \left. \begin{array}{l} \angle BAC - \text{одностор} \\ \angle CAD - \text{одностор} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle ABC \sim \triangle ADE \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{BC}{DE} = \frac{AK}{AD_2} = \frac{F_0}{2F_0} \Rightarrow BC = \frac{DE}{2}; \quad \text{Всё же } DE = D \Rightarrow BC = \frac{D}{2}$$

$$S_{in} = \pi \left(\frac{BC}{2} \right)^2 = \pi \frac{D^2}{16}; \quad S_{in} = \frac{\pi D^2}{64} \neq \pi \cdot \left(\frac{D_m}{2} \right)^2 \Rightarrow D_m^2 = \frac{D^2}{16} \Rightarrow D_m = \frac{D}{4} \Rightarrow V = \frac{D}{4T_0}$$

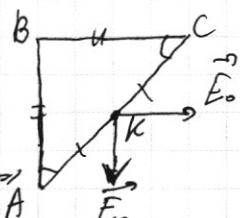


В момент времени t_1 начальная тонкость движется ~~к~~ к концу края стекла нутка, т.е. $t_1 = \frac{BC}{V} = \frac{\frac{D}{2}}{\frac{D}{4T_0}} = 2T_0$ (в начале момента времени начальная тонкость движется ближе к краю стекла нутка)

Одн.: 1) $f = 2F_0$; 2) $V = \frac{D}{4T_0}$; 3) $t_1 = 2T_0$

N3) 1) $\triangle ABC$ - прямугольник;

$$\angle BAC = \alpha = \frac{\pi}{4}; \angle BCA = \frac{\pi}{2} - \angle BAC = \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{4} = \frac{\pi}{4} \Rightarrow$$



$$\Rightarrow \angle BAC = \angle B (A \Rightarrow \angle ABC = \pi/2 \Rightarrow BK - \text{медиана и биссектриса}) \Rightarrow T.K \text{ равноделена от } BC \text{ и } AB; \angle ABC = \pi/2 \Rightarrow AB = BC.$$

Пусть пластинка BC создаёт в T.K некоторую напряженность \vec{E}_0 ;

Пластинку AB задержит до тех же квадратичных пластинки заряда;

она находится на том же расстоянии от T.K, что и пластинка BC; она имеет ту же ширину, что и пластинка BC \Rightarrow она будет создавать в T.K

тонкую пластинку \vec{E}_1 . Но принцип суперпозиции напряженности, разделяющей пластинки $\vec{E}_1 = \vec{E}_0 + \vec{E}_0$;

$$E_1^2 = E_0^2 + E_0^2 \Rightarrow E_1 = \sqrt{2} E_0; \text{ тогда } \frac{E_1}{E_0} = \sqrt{2}$$

Одн.: 1) $\frac{E_1}{E_0} = \sqrt{2}$

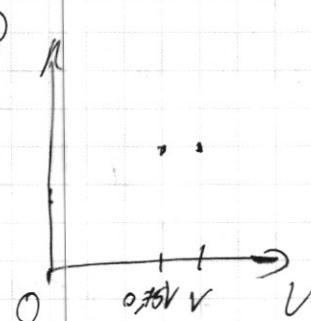
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1) В СО, совершившей с начальной скоростью удар другим =) $V_1' = V_0'$, где
 V_1 - скорость полета машины относительно земли; а V_0 - скорость относительно машины.
 $V_1 = V_1 \cdot \cos \alpha + U$; $V_0 = V_2 \cdot \cos \beta - U$; $V_1' = V_0' =$
 $\Rightarrow V_2 \cos \beta - U = V_1 \cos \alpha + U \Rightarrow V_2 = \frac{V_1 \cos \alpha + 2U}{\cos \beta}$
 $V_1 \cdot \sin \alpha = V_2 \cdot \sin \beta \Rightarrow V_2 = V_1 \cdot \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$
 $\Rightarrow U = \frac{V_1}{2} (\cancel{\sin \alpha} \cdot \cancel{\cos \beta} \cdot \cancel{\sin \beta})$
 $V_2 = 8 \cdot \frac{\frac{3}{2}}{\frac{7}{2}} = \cancel{12} \frac{12}{7} \text{ м/с} ; \quad \cancel{\cos^2 \alpha + 1} = \frac{1}{\sin^2 \alpha} \Rightarrow \cos^2 \alpha = \frac{16}{9} - 1 = \frac{7}{9} \Rightarrow \cos \alpha = \frac{\sqrt{7}}{3}$
 $\Rightarrow \tan \alpha = \frac{3}{\sqrt{7}} ; \quad \cancel{\cos^2 \beta} = \frac{1}{\sin^2 \beta} - 1 = 3 \Rightarrow \cos \beta = \sqrt{3}$
 $U = \frac{8}{2} \cdot \frac{3}{\sqrt{7}} \cdot \sqrt{3} = \cancel{12} \frac{\sqrt{21}}{2} = \frac{12\sqrt{21}}{7}$

Ответ:

~~18~~ ~~2~~ $3\sqrt{3} - 2\sqrt{3} = \sqrt{3}$

№2) $V_2 = 1,25V \Rightarrow V_1 = 0,75V$



$$\begin{cases} p_1 V_1 = 1R300 \\ p_2 V_2 = 1R400 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{4}{3} V_1 = p_2 \\ p_2 V_2 = \frac{4}{3} p_1 V_1 \end{cases} \Rightarrow p_2 = p_1$$

$$p_2 V_2 = 1R350 \Rightarrow p_2 V_2 = \frac{7}{6} p_1 V_1$$

$$T_1' = 350 ; T_2' = 450 \Rightarrow \frac{V_1'}{V_2'} = \frac{7}{9} \Rightarrow \frac{V_1'}{V} = \frac{7}{16}$$

$$p_2 \cdot \frac{7}{6} V = \frac{7}{6} \cdot p_1 \cdot \frac{3}{8} V$$

1) ~~Электрическая ячейка~~ Колебание полуволна: $Cq_0 = E \Rightarrow q_0 = \frac{E}{C}$
~~отношение~~ q_1 ; $E - Lq_1^2 = C(q_1 + q_0)$

$$E \cdot q_1 + \frac{L(q_1^2)}{2} + \frac{q_0^2 C}{2}$$

$$E - Lq_1^2 = Cq_1 + E$$

~~$L_1 + L_2 = L_{\text{общ}}$~~

$$T = \frac{L_1' + L_2'}{2} = \frac{2\pi \sqrt{L_1 C'}}{2} + \frac{2\pi \sqrt{L_2 C'}}{2} = \pi \sqrt{LC'} (\sqrt{3} + \sqrt{2})$$

~~$\star \quad \frac{L I_m^2}{2} = \frac{q_0^2 C}{2}$~~

~~$\frac{q_0^2 C}{2} = \frac{L I_m^2}{2} + \dots$~~

$$\frac{L I_m^2}{2} + \frac{q_0^2 C}{2} = E$$

$$q_1 + Cq_1 = 0 \quad q_1 = q_m \cdot \cos(\omega t + \varphi)$$

$$I = -q_m \omega \cdot \sin(\omega t + \varphi)$$

$$q_1(0) = 0 \Rightarrow \varphi_0 = -$$

В начальном моменте времени: $q_1(0) = 0; I(0) = 0$

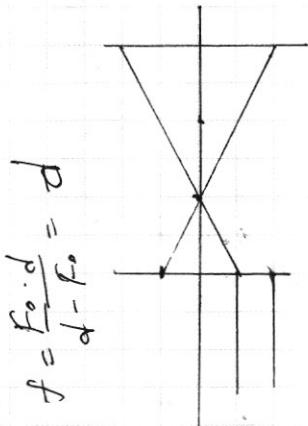
$$(q_{1m}) = q_0 \quad \frac{L I_m^2}{2} + \frac{q_0^2 C}{2} = \frac{q_0^2 C}{2} \Rightarrow$$

~~$\frac{L I_m^2}{2} + \frac{q_0^2 C}{2} = E q_0$~~

$$d = 2f^\circ$$

$$\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \approx 8.85 \cdot 10^9 \quad D \ll F$$

$$9 \cdot 10^9$$





**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ**

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ШИФР

(заполняется секретарём)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

черновик чистовик

(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №

(Нумеровать только чистовики)

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №_____
(Нумеровать только чистовики)