

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

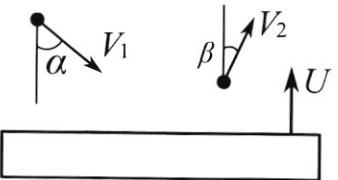
Класс 11

Вариант 11-01

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 8 \text{ м/с}$, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{3}{4}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{2}$) с вертикалью.



1) Найти скорость V_2 .

2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.

Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

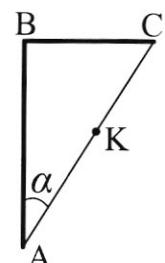
2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится азот, во втором – кислород, каждый газ в количестве $v = 3/7$ моль. Начальная температура азота $T_1 = 300 \text{ К}$, а кислорода $T_2 = 500 \text{ К}$. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Газы считать идеальными с молярной теплоемкостью при постоянном объеме $C_V = 5R/2$. $R = 8,31 \text{ Дж/(моль\cdot К)}$.

1) Найти отношение начальных объемов азота и кислорода.

2) Найти установившуюся температуру в сосуде.

3) Какое количество теплоты передал кислород азоту?

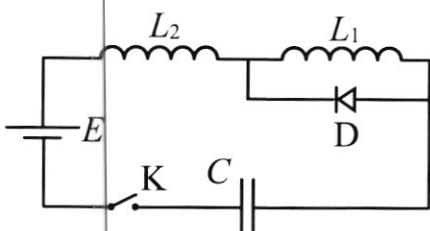
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 2\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/7$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 2L$, $L_2 = L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ К разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_1 .

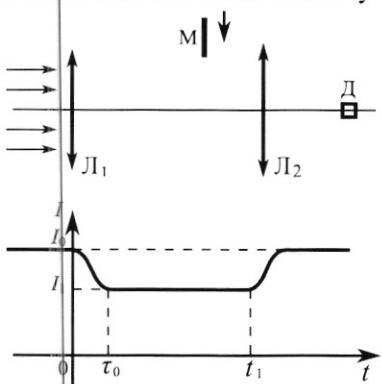


1) Найти период T этих колебаний.

2) Найти максимальный ток I_{M1} , текущий через катушку L_1 .

3) Найти максимальный ток I_{M2} , текущий через катушку L_2 .

5. Оptическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусным расстоянием F_0 у каждой. Расстояние между линзами $3F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $2F_0$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 3I_0/4$.



1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.

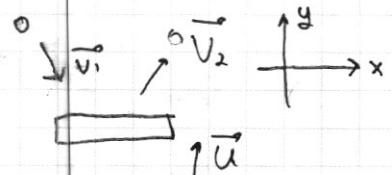
2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , t_0 .

1) В.и. пушка имеет малое, независимое от времени значение скорости и массы мяча не изменяется и не зависит от упругости удара.

$$V_1 \cdot \sin \alpha = V_2 \cdot \sin \beta$$

$$V_2 = \frac{V_1 \cdot \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{8 \cdot 3 \cdot 2}{4} = 12 \text{ м/с}$$



2) В.и. пушка имеет одинаковую массу, если удар близок к абсолютноей упругому:

$m V_{1y} = m V_{2y}$ - сохранение импульса мяча, где m - это масса, V_{1y} и V_{2y} - проекции на ось y V_1 и V_2 с о. пластинок

$$|V_{1y}| = |V_{2y}|$$

$$|V_{1y}| = V_{1y} + u \quad |V_{2y}| = V_{2y} - u \Rightarrow u = \frac{|V_{2y} - V_{1y}|}{2}$$

Чем менее упругий удар, тем меньше $|V_{2y}|$. $|V_{2y}| \in \epsilon(0; |V_{1y}|)$. $u \in (-\frac{|V_{2y}|}{2}; \frac{|V_{2y} - V_{1y}|}{2})$ (при $u < 0$ остаток, что пластина движется вниз)

$$V_{1y} =$$

если удар близок к ад.упру -

2) В.и. пушка имеет одинаковую массу но $\exists u$:

$m V_{1y} = -m V_{2y}$, m - масса мяча, V_{1y} , V_{2y} - проекции V_1 и V_2 на ось о. пластинок

$$|V_{1y}| = |V_{2y}| \quad |V_{1y}| = V_{1y} + u \quad |V_{2y}| = |V_{2y}| - u$$

$$u = \frac{|V_{2y} - V_{1y}|}{2}$$

Чем менее упругий удар, тем меньше $|V_{2y}|$. $|V_{2y}| \in \epsilon(0; |V_{1y}|)$. $u \in (-V_{1y}; \frac{V_{2y} - V_{1y}}{2})$ (при $u < 0$ остаток, что пластина движется вниз). продолжение на стр. 6

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

2) Если $\frac{I_1}{I_0} = \frac{3}{4}$, то тогда $S_M = \frac{1}{4} S_L$, т.к. интенсивность равномерно распределена по площади.

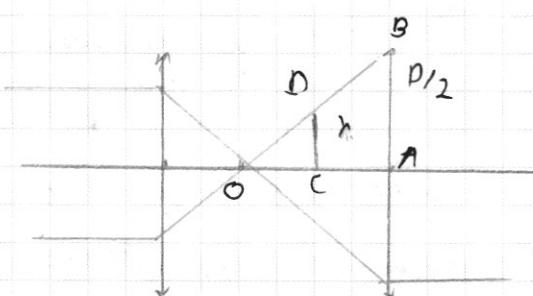
$$S_M = \pi r^2 ; S_L = \pi R^2, R - радиус мишени = \frac{D}{2}$$

$$\frac{r^2}{R^2} = \frac{1}{4} \quad \frac{r}{R} = \frac{1}{2}$$

от t_0 до $t_0 + \tau$ мишень начало входит в пучок сверху, а $t_0 + \tau$ - закончилась. t_0 это время она прошла $2R = \frac{D}{2}$ ($= k$)

$$V = \frac{D}{2\tau}$$

3) При $t \in [\tau_0; \tau_1]$ мишень M падает полностью в пучок.



длижней $h = BC$ - расст. от точки входа мишени M в пучок до оптим. оси.
 $\triangle ODC \sim \triangle OAB$ по 2 углам,

$$\frac{AO}{OC} = 2 = \frac{RB}{BC} \Rightarrow BC = \frac{R}{2} = \frac{R}{2}$$

Порог за $\tau_1 - \tau_0$ мишень прошла $\frac{R}{2}$; $\tau_1 = \tau_0 + \frac{R}{2V} =$

$$= \tau_0 + \frac{\frac{R}{2} \cdot 2\tau_0}{4 \cdot D} = \tau_0 + \frac{\tau_0}{2} = 1.5\tau_0$$

Ответ: 1) $2F_0$ 2) $\frac{D}{2\tau_0}$ 3) $1.5\tau_0$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

~~$$V_{xy} \text{ энэл } V_{xy} = V_1 \cdot \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \frac{8 \cdot \sqrt{2}}{4} = 2\sqrt{2}$$~~

~~$$V_{xy} = V_2 \cdot \sqrt{1 - \sin^2 \beta} = \frac{12 \cdot \sqrt{2}}{2} = 6\sqrt{2}$$~~

Ответ: 1) 12 м/с 2) $U \in (-2\sqrt{2}; 3\sqrt{2} - \sqrt{2})$ м/с (или $50; 3\sqrt{3} - \sqrt{7}$) если μ не меняется вниз).

№2

1) Уг-е Менделеева - калориметра для газов

$P_1 V_1 = J R T_1$; $P_2 V_2 = J R T_2$ (P_1, V_1 - у азота, P_2, V_2 - гелий с одинак. измерения)

$P_1 = P_2$, т.к. pressure не изменяется вдоль дуги без расширения.

Работы одно уг-е на другой, получим $\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{3}{5} = 0,6$

2) Закон сохранения энергии

$$\frac{5}{2} (J R T_1 + J R T_2) = \frac{5}{2} J R (J_1 + J_2) R T_0 \quad T_0 - темпера.$$

тогда 8 кале. $\frac{5}{2}$ м.к. $Q_v = J_0 T_0 = \frac{5}{2} J R \cdot T_0$.

В ЗГС и записана работа по перемещению поршня м.к. $A_{воздух} + A_{азота} = 0$

$$J (R T_1 + R T_2) = 2 J T_0 \quad (\text{м.к. } J_1 = J_2 = J).$$

$$T_0 = \frac{T_1 + T_2}{2} = 400 \text{ K}$$

$$3) \text{ из 2)} \frac{5}{2} (J R T_1 + J R T_2) = \frac{2 \cdot 5}{2} J R T_0$$

$$J R T_1 + J R T_2 = 2 J R T_0 \quad P V = J R T,$$

$$P_1 V_1 + P_2 V_2 = 2 P_0 V_0, \text{ но из 1)} P_1 = P_2 = P'$$

V_0 - одинак. обьем

$$P' (V_1 + V_2) = 2 P_0 V_0; \quad V_1 + V_2 = V_0 \Rightarrow P' = P_0. \quad \text{Прямоугольник}$$

дополнительный

$$Q = U + A. \quad A = P_0 \cdot V = P_0 \left(\frac{1}{2} - \frac{3}{8} \right) V = \frac{1}{8} V_0 R (T_0 - T_1) =$$

$$= \frac{1}{8} \cdot \frac{3}{7} \cdot 831 \cdot 100 = \frac{3 \cdot 831}{8 \cdot 7} \text{ Дж}$$

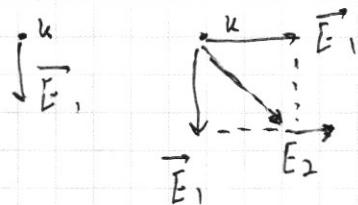
$$\Delta U = \frac{5}{2} V_0 R \cdot T_1 = \frac{5 \cdot 3 \cdot 831}{2 \cdot 7}$$

$$Q = \frac{831 \cdot 3}{2 \cdot 7} \left(5 + \frac{1}{4} \right) = \cancel{\frac{117 \cdot 3 \cdot 21}{2}} \quad \frac{831 \cdot 3 \cdot \cancel{21}^3}{2 \cdot 4 \cdot \cancel{7}} \approx 312 \text{ Дж}$$

Ответ: 1) 0,6 2) 400 к 3) 312 Дж.

№3

1) Величина дипольного момента поля однородно, $E = \frac{6}{250}$
Если добавим ещё одно поле, то $E_2 = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} =$
 $= \sqrt{2} E_1$



$$2) \text{ Аналогично } E_2 = \sqrt{E_0^2 + E_1^2} = \sqrt{E_0^2 + 4E_0^2} = \sqrt{5} E_0 = \sqrt{5} \frac{6}{250}$$

Ответ: 1) $\sqrt{2}$ 2) $\sqrt{5} \frac{6}{250}$.

№4

Найдем индуктивность L_0 включенной параллельно
пока друг другом: $\varphi = L\bar{I}$; $\Phi_0 = \Phi_1 + \Phi_2$; $L_0 \bar{I} = \bar{I}(L_1 + L_2)$
 $L_0 = L_1 + L_2$

1) Тогда $\bar{I} = 0$ если будем меняться состояния звезда и
параллельно. Тогда период индуктивности L_2 ,
а параллельно $- L_1 + L_2$. $T = T_1 + T_2$; $T_1 = \frac{2\pi \sqrt{LC}}{2}$; $T_2 = \frac{2\pi \sqrt{(L_1+L_2)C}}{2}$
 $T = \frac{2\pi}{2} \sqrt{LC + \sqrt{(L_1+L_2)C}}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

2) В узле возможны гармонические колебания, „нагруженное равновесие“ - когда U_c (напряжение на конденсаторе) = ϵ , тогда $U_{c\max} = 2\epsilon$.

По ЗСГ: $W_{c\max} = W_L \max$. (и диаг. закроют)

Если так? мерим через L_1 , то он мерит и через L_2 . $W_L = \frac{L_1 I_{m1}^2}{2} + \frac{L_2 I_{m2}^2}{2} = \frac{I_m^2}{2} (L_1 + L_2)$

$$\frac{I_m^2}{2} (L_1 + L_2) = \frac{C U_{c\max}^2}{2} = \frac{4 C \epsilon^2}{2}; I_{m1} = 2\epsilon \sqrt{\frac{C}{L_1 + L_2}}$$

3) В этот случае диаг. откроют, $I_{L1} = 0$;

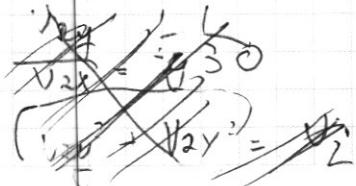
$$W_L = \frac{L_2 I_{m2}^2}{2}; \frac{L_2 I_{m2}^2}{2} = \frac{4 C \epsilon^2}{2} I_{m2} = 2\epsilon \sqrt{\frac{C}{L_2}}$$

Однако: 1) $T = \sqrt{L_1 + L_2} \left(\sqrt{C} + \sqrt{(L_1 + L_2)C} \right)$ 2) $2\epsilon \sqrt{\frac{C}{L_1 + L_2}}$

3) $2\epsilon \sqrt{\frac{C}{L_2}}$.

15

1) л. фокусирует луч k параллельных лучей в фокусе. Это двойной фокус л. Если в двойном фокусе 2F поставим маленький источник света, то его изображение падет на расстоянии θ от линзы: $\frac{1}{2F} + \frac{1}{\theta} = \frac{1}{F}$; $\theta = 2F$. Значит, фокусировка света на 2F в л. м.н. по осн. света на линии сразу сработала.



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

№1 (предложение)

значим, $U \in \left(\frac{V_{xy} - V_{yz}}{2}; V_{xy} \right)$.

$$V_{xy} = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} \cdot V_1 = \frac{8 \cdot \sqrt{7}}{4} = 2\sqrt{7} \text{ м.с}$$

$$V_{yz} = V_2 \sqrt{1 - \sin^2 \beta} = \frac{12\sqrt{3}}{2} = 6\sqrt{3} \text{ м.с}$$

Ответ: 1) 12 м.с 2) $U \in (3\sqrt{3} - \sqrt{7}; 6\sqrt{3}) \text{ м.с.}$



ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ШИФР

(заполняется секретарём)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{V_1 \cos \beta}{V_2} = \text{Чем левее упр. уп. тем}$$
$$V_2 y' \rightarrow 0, \text{ тогда } u \in \left(\frac{V_2 - V_1}{2}; V_2 \right).$$
$$V_{1y} + u = V_2 y - u$$



чертёжник

чистовик

(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

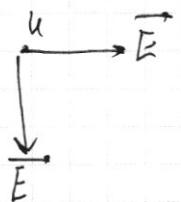
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№3

$$1) \quad E = \frac{6}{260}.$$

доказ:

стацио:



Значит, на А ~~равнозаданка~~, в ~~2~~ раза ~~меньше~~ т.к. вдоль
диаметральной равнозаданки заряженных пластин
также однородно, в ~~2~~. ($E_2 = \sqrt{2} \bar{E}$)

$$2) \quad \text{Аналогично} \quad E_2 = \sqrt{\bar{E}^2 + 4E^2} = \sqrt{5} \bar{E} = \sqrt{5} \frac{6}{260}$$

№4

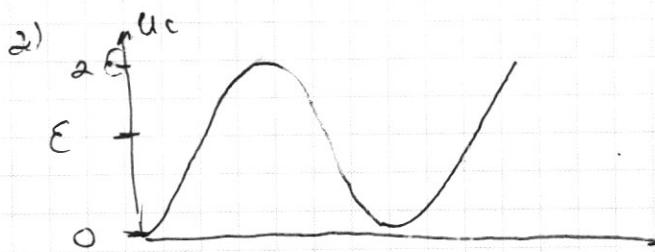
$$\left(q = L_1 \right) \quad \left[L_0 = \left[L_1 + \right] L_2 \right]$$

$$L_0 = L_1 + L_2$$

1) Для большего периода будем индуцировать L_1 , а
меньшую - $L_1 + L_2$

$$T = T_1 + T_2; \quad T_1 = \frac{2\pi \sqrt{L_1 C}}{2} \quad T_2 = \frac{2\pi \sqrt{(L_1 + L_2)C}}{2}$$

$$T = \overline{T} (\sqrt{L_1 C} \pm \sqrt{(L_1 + L_2)C})$$



$$U_{\max} = 2 \bar{E}$$

$$W_{\max} = t \times W_{C \max}$$

+ Ещё через L_1 идёт
так, что и через L_2

$$\text{нечем мен } \bar{l}. \quad E_k = \frac{L_1 \bar{l}^2}{2} + \frac{L_2 \bar{l}^2}{2} = \frac{\bar{l}^2}{2} (L_1 + L_2)$$

$$\frac{\bar{l}^2}{2} (L_1 + L_2) = \frac{C E^2}{2} = \frac{4 C E^2}{a} : 2 E^2 = \frac{2 C}{a}$$

$$\bar{l}^2 (L_1 + L_2) = 4 C E^2 ; \bar{l} = E \sqrt{\frac{4 C}{L_1 + L_2}} = 2 E \sqrt{\frac{C}{L_1 + L_2}}$$

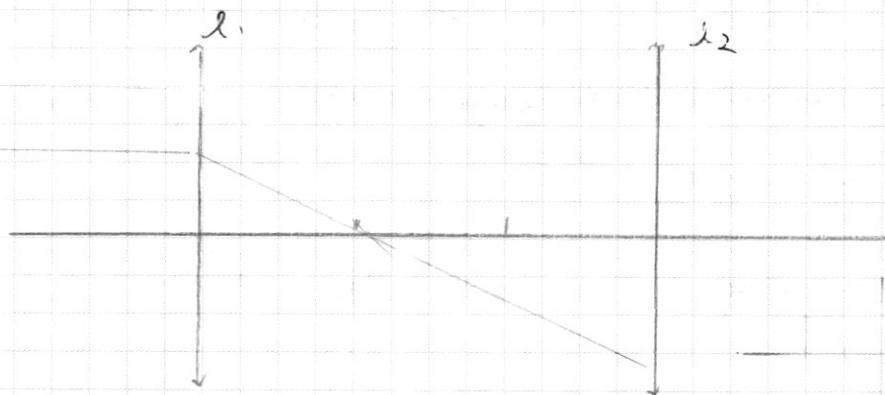
3)

Женеро диаг буджем откосий, $\bar{l}_{21} = 0$

$$E_k = \frac{L_2 \bar{l}^2}{2} = \frac{L_2 \bar{l}^2}{2} : \frac{C u^2}{2} = L_2 \bar{l}^2 = 4 C E^2$$

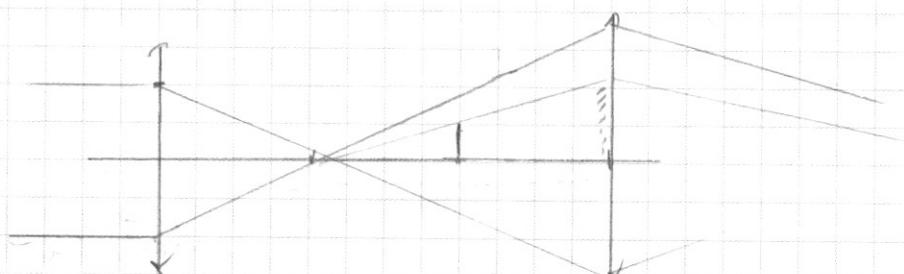
$$\bar{l} = 2 E \sqrt{\frac{C}{L_2}}$$

5



Этот симметрический пурон параллельных линий в реале. Это звено идио реале l_2 . Если в звено идио реале неизвестно исходна схема, то его изобра письмо неизвестно на расстоянии B от звено:

$\frac{1}{2F} + \frac{1}{B} = \frac{1}{F} \quad B = 2F$. Значит, разделяется схема на $2F$, т.е. схема на $2F$ симметрическая.



черновик

(Поставьте галочку в нужном поле)

чистовик

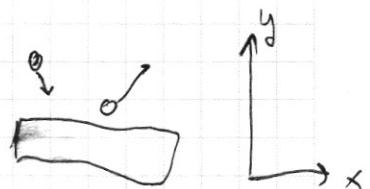
Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1

а) Т.к. ширина шаджака, герметичная и толщина
стекол не меняются (она не зависит от
длины угла). то $V_2 = V_1 \cdot \sin \alpha$, т.е. $V_2 = V_1 \cdot \sin \beta$
 $V_1 \cdot \sin \alpha = V_2 \cdot \sin \beta$

$$V_2 = \frac{V_1 \cdot \sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{8 \cdot \frac{3}{4}}{\frac{2}{1}} = 12 \text{ м/c}$$



б) со схемой

$$\mu_m (\cancel{V_{1x}} + V_{1y}) = \mu_m (\cancel{V_{2x}} - V_{2y})$$

$|V_{1y}| = |V_{2y}|$ - необходимо найти между ними разницу

$$V_{1y} + U = V_{2y} - U ; \quad U = \frac{V_{2y} - V_{1y}}{2}$$

$$V_{1y} + U = 0$$

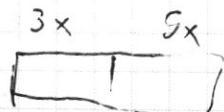
$$V_{1y} = V_1 \cdot \cos \alpha = V_1 \cdot \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = 8 \cdot \sqrt{\frac{16-9}{16}} = 8 \cdot \frac{\sqrt{7}}{4} = 2\sqrt{7}$$

$$V_{2y} = V_2 \cdot \cos \beta = V_2 \cdot \sqrt{1 - \sin^2 \beta} = \frac{12 \cdot \sqrt{3}}{2} = 6\sqrt{3}$$

$$U = \frac{6\sqrt{3} - 2\sqrt{7}}{2} = 3\sqrt{3} - \sqrt{7}$$

$$V_{1y} + U = 0 - U$$

$$U = -\frac{V_{1y}}{2}$$



$$PV = \rho RT \quad P_1 = \rho_1$$

$$\rho_1 V_1 = \rho R T_1 \quad ; \quad \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{3}{5} = 0.6$$

$$\rho_2 V_2 = \rho R T_2$$

$$V_{1y} + U = V_{2y} - U$$

$$2) \text{ Упр. ЗСЕ: } \frac{5}{2} (\sqrt{R} T_1 + \sqrt{R} T_2) = \frac{5}{2} \sqrt{R} (T_1 + T_2) \sqrt{R} T_0.$$

$$\sqrt{T_0} = \sqrt{T_1 + T_2} = 2 \sqrt{T_0}$$

$$T_0 = \frac{T_1 + T_2}{2} = 400 \text{ K}$$

$$\frac{-831}{8} \frac{1}{10^3} \approx 104$$

$$\frac{0.31}{24}$$

$$\frac{1}{170}$$

$$\frac{5}{2} (\sqrt{R} T_1 + \sqrt{R} T_2) = \frac{5}{2} (J_1 + J_2) k T_0 + A_{\text{исч}} \neq A_{\text{измен}}$$

$$|A_{\text{исч}}| = |A_{\text{измен}}|$$

$$\times \frac{104}{3}$$

$$Q = \Delta U = \frac{5}{2} \sqrt{R} \cdot T$$

$$3) Q = \Delta U + A_{\text{измен}}$$

$$P V = \sqrt{RT} \quad P = \frac{\sqrt{RT}}{V}$$

$$P_1 = \frac{\sqrt{R} T_1}{V_1}$$

$$P_2 = \frac{\sqrt{R} T_2}{V_2}$$

$$\frac{300}{3} \cdot 8 = 800 \rightarrow 400 \cdot 2 = 800$$

$$\times \frac{831}{8}$$

Пусть в) единица процесса забор температура единого газа из газов изменилась β в раз:

$$P_{11} = \frac{V_1 R T_0}{V_0} \quad P_{22} = \frac{V_2 R T_0}{V_1} \text{ и т.д.}$$

$$\frac{1174}{3}$$

$$3) (2) \frac{5}{2} (\sqrt{R} T_1 + \sqrt{R} T_2) = \frac{5}{2} 2 \sqrt{R} T_0$$

$$\sqrt{R} T_1 + \sqrt{R} T_2 = \sqrt{R} T_0; \quad \sqrt{R} T = P V$$

$$P_1 V_1 + P_2 V_2 = 2 P_0 V_0 \rightarrow P_1 = P_2 \quad P(V_1 + V_2) = P_0(2V_0)$$

$$P_1 V_1 + P_2 V_2 - P_0 V_1 = P_0 V_0$$

$$V_1 + V_2 = 2V_0$$

$$P_0 V_1 + P_0 (2V_0 - V_1) = 2P_0 V_0$$

$$P = P_0 - \text{избыточн.}$$

В исч. равн. $\sqrt{R} T_1 = \sqrt{R} T_2 \Rightarrow V_1 = V_2$ - первое усло -

вование несредственное. $V_{10} = \frac{3}{8} V_y; V_{12} = \frac{1}{2} V_y$

$$\therefore V_1 = \frac{1}{8} V_y \quad A = P_0 \cdot \frac{1}{8} V_y = \frac{1}{8} P_0 R (T_0 - T_1) =$$

$$= \frac{1}{8} \cdot \frac{3}{7} \cdot 8,31 \cdot 100 = \frac{3 \cdot 831}{8 \cdot 7}$$

$$\frac{-831}{7} \frac{1}{1174} \frac{3}{2}$$

$$\Delta U = \frac{5}{2} \sqrt{R} \cdot T = \frac{5 \cdot 3}{2 \cdot 7} \cdot 831$$

$$\frac{13}{14}$$

$$Q = \frac{831 \cdot 3}{2 \cdot 7} (5+1) = \frac{831 \cdot 3 \cdot 6}{2 \cdot 7} = 3512 \text{ дж}$$

$$\frac{49}{20}$$