



# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

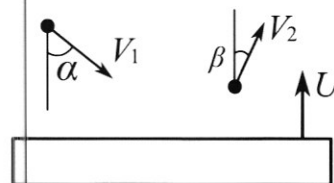
Класс 11

Вариант 11-04

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью  $U$  вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость  $V_1 = 18$  м/с, направленную под углом  $\alpha$  ( $\sin \alpha = \frac{2}{3}$ ) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью  $V_2$ , составляющей угол  $\beta$  ( $\sin \beta = \frac{3}{5}$ ) с вертикалью.

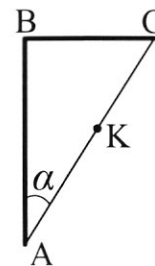


1) Найти скорость  $V_2$ .  
 2) Найти возможные значения скорости плиты  $U$  при таком неупругом ударе.  
 Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится аргон, во втором – криптон, каждый газ в количестве  $\nu = 3/5$  моль. Начальная температура аргона  $T_1 = 320$  К, а криптона  $T_2 = 400$  К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными.  $R = 8,31$  Дж/(моль·К).

- 1) Найти отношение начальных объемов аргона и криптона.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал криптон аргону?

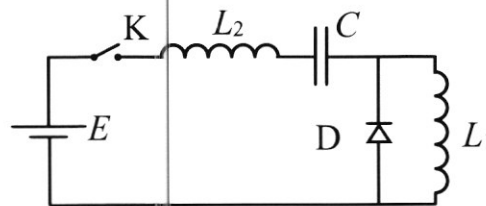
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол  $\alpha = \pi/4$ . Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

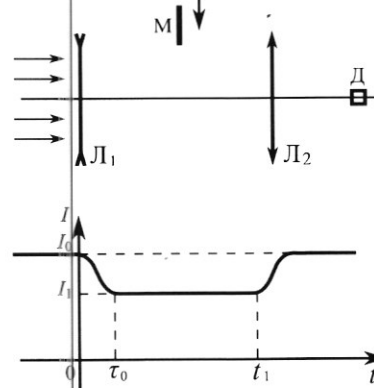
2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда  $\sigma_1 = \sigma$ ,  $\sigma_2 = 2\sigma/7$ , соответственно. Угол  $\alpha = \pi/9$ . Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС  $E$ , катушек с индуктивностями  $L_1 = 5L$ ,  $L_2 = 4L$ , конденсатора емкостью  $C$ , диода  $D$  (см. рис.). Ключ  $K$  разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в  $L_2$ .



- 1) Найти период  $T$  этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток  $I_{01}$ , текущий через катушку  $L_1$ .
- 3) Найти максимальный ток  $I_{02}$ , текущий через катушку  $L_2$ .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз  $L_1$  и  $L_2$  (см. рис.) с фокусными расстояниями  $-2F_0$  и  $F_0$ , соответственно. Расстояние между линзами  $2F_0$ . Диаметры линз одинаковы и равны  $D$ , причем  $D$  значительно меньше  $F_0$ . На линзу  $L_1$  падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе  $D$ , на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень  $M$ , плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии  $F_0$  от  $L_1$ . На рисунке показана зависимость тока  $I$  фотодетектора от времени  $t$  (секундомер включен в момент начала уменьшения тока).  $I_1 = 7I_0/16$



- 1) Найти расстояние между линзой  $L_2$  и фотодетектором.
- 2) Определить скорость  $V$  движения мишени.
- 3) Определить  $t_1$ .

Известными считать величины  $F_0$ ,  $D$ ,  $\tau_0$ .



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 2

Дано:

$$\nu = \frac{3}{5} \text{ моль}$$

$$T_1 = 320 \text{ К}$$

$$T_2 = 400 \text{ К}$$

$$R = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = ?$$

$$T_k = ?$$

$$Q = ?$$

Решение:

В начальный момент времени

поршень покоится, значит

$p_1 S = p_2 S$ ; где  $p_1$  и  $p_2$  - давление газов  
 $p_1 = p_2$   $S$  - площадь поршня

$p_1 V_1 = \nu R T_1$ ; где  $V_1$  и  $V_2$  - начальные  
 $p_2 V_2 = \nu R T_2$  объемы газов

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2}$$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{320 \text{ К}}{400 \text{ К}} = \frac{4}{5} = 0,8$$

$$Q = \frac{3}{2} \nu R (T_k - T_1) + p (V_k - V_1) \text{ где } Q - \text{теплота}$$

$$-Q = \frac{3}{2} \nu R (T_k - T_2) + p (V_k - V_2) \text{ переданная среда}$$

$T_k$  и  $V_k$  - установившиеся объем и темп.

$$Q = \frac{5}{2} \nu R (T_k - T_1)$$

$$Q = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_k)$$

$$T_2 - T_k = T_k - T_1 \cdot T_k = \frac{T_2 + T_1}{2}$$

$$T_k = \frac{400 \text{ К} + 320 \text{ К}}{2} = 360 \text{ К}$$

$$Q = \frac{5}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot 8,31 \cdot (360 \text{ К} - 320 \text{ К}) =$$

$$= 498,6 \text{ Дж}$$

Ответ: 0,8; 360 К; 498,6 Дж

№ 5

Дано:

$$F_1 = -2F_0$$

$$F_2 = F_0$$

$$L = 2F_0$$

$$P \sim I$$

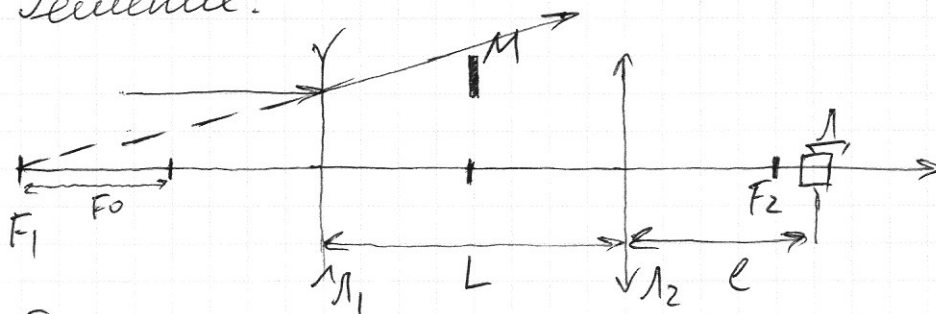
$$I_1 = \frac{7}{16} I_0$$

$$l = ?$$

$$V = ?$$

$$t_1 = ?$$

Решение:



П.к. лучи лучей параллельны оси системы, то, после преломления, продолжения лучей пересекутся в фокусе линзы  $L_1$ . Таким образом, линзу  $L_1$  можно заменить точечным источником света в точке  $F_1$ .

$a = L + 2F_0$  - расст. до источника

$$a = 4F_0$$

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{l} = \frac{1}{F_2}$$

$$\frac{1}{l} = \frac{1}{F_0} - \frac{1}{4F_0} = \frac{3}{4F_0}$$

$$l = \frac{4}{3} F_0$$

$$P \sim I; P_0 \sim I_0; P_1 \sim I_1$$

$$\frac{P_0}{P_1} = \frac{I_0}{I_1}; \text{ где } P_0 - \text{ мощность в нач. момент времени}$$

$$P_1 = \frac{I_1}{I_0} P_0 \text{ мощность в момент времени от } t_0 \text{ до } t_1$$

$$P_1 = \frac{7}{16} P_0$$

$$\Delta P = P_0 - P_1 = \frac{9}{16} P_0 - \text{ уменьш. мощность}$$

Зная, темп от перегоревшей имеет площадь  $\frac{9}{16} \cdot \frac{\pi D^2}{4}$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Рассмотрим конус, вершиной которого  
яв-ся  $T \cdot F_1$ , а основанием лица  $\Delta_2$ .

Мишень  $M$  пересекает по на расстоянии  
 $L - F_0 = F_0$  от  $\Delta_1$ , следовательно площадь  
сечения  $S$  отноше к площади основания  
 $S_0$  как  $\frac{S}{S_0} = \frac{(a - F_0)^2}{a^2} = \frac{9}{16}$

Значит, площадь сечения  $M$  равна  $\frac{\pi d^2}{4}$ ,  
где  $d$  - диаметр мишени, равна  $\frac{9^2}{16^2} \cdot \frac{\pi D^2}{4}$

$$\frac{\pi d^2}{4} = \frac{9^2}{16^2} \cdot \frac{\pi D^2}{4}$$

$$d = \frac{9}{16} D$$

$$V = \frac{d}{\epsilon_0} = \frac{9D}{16\epsilon_0}$$

$$t_1 = \left( \frac{a - F_0}{a} \right) \frac{D}{V} = \frac{3D}{4V} = \frac{3D}{4} \cdot \frac{16\epsilon_0}{9D} = \frac{4}{3} \epsilon_0$$

Ответ:  $\frac{4}{3} F_0$ ;  $\frac{9D}{16\epsilon_0}$ ;  $\frac{4}{3} \epsilon_0$

~ 1

Дано:

$$V_1 = 18 \frac{M}{c}$$

$$\sin \alpha = \frac{2}{3}$$

$$\sin \beta = \frac{3}{5}$$

$$V_2 - ?$$

$$U - ?$$

Решение:

Т.к. шарица скользит, то  $p_x = \text{const}$

$$m V_1 \cdot \sin \alpha = m V_2 \sin \beta$$

$$V_2 = V_1 \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$$

$$V_2 = 18 \frac{M}{c} \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{5}{3} = 20 \frac{M}{c}$$

При абсолютно упругом ударе

$p_y = \text{const}$  - относительно шара

$$m(V_1 \cos \alpha + U) = m(V_2 \cos \beta + U)$$

$$V_2 \cos \beta = V_1 \cos \alpha + 2U \quad \cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$U = \frac{V_2 \cos \beta - V_1 \cos \alpha}{2} \quad \cos \beta = \sqrt{1 - \sin^2 \beta} = \frac{4}{5}$$

$$U = \frac{20 \cdot \frac{4}{5} - 18 \cdot \frac{\sqrt{5}}{3}}{2} = 8 - 3\sqrt{5} \approx 1,25 \frac{m}{c}$$

При абсолютно неупругом ударе

$$U = V_2 \cos \beta$$

$$U = 20 \cdot \frac{4}{5} = 16 \frac{m}{c}$$

Значит,  $1,25 \frac{m}{c} < U < 16 \frac{m}{c}$

Ответ:  $20 \frac{m}{c}$ ;  $(1,25 \frac{m}{c}; 16 \frac{m}{c})$

№ 3

Дано:

Решение:

$$\sigma_1 = \sigma$$

Т.к.  $\sigma_{AB} = \sigma_{BC}$  по условию, то

$$\sigma_2 = \frac{2\sigma}{7}$$

$$E_{AB} = E_{BC}$$

$$1) \alpha = \frac{\pi}{4}$$

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{\sqrt{E_{BC}^2 + E_{AD}^2}}{E_{BC}} = \sigma_2 \approx 1,41$$

$$2) \alpha = \frac{\pi}{9}$$

$$\frac{E_2}{E_1} = ?$$

$$E'_{AD} = \frac{\sigma_2}{2\epsilon_0} = \frac{\sigma}{7\epsilon_0}$$

$$E_k = ?$$

$$E'_{BC} = \frac{\sigma_1}{2\epsilon_0} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$E_k = \sqrt{E'_{AB}{}^2 + E'_{BC}{}^2} = \sqrt{\frac{\sigma^2}{49\epsilon_0^2} + \frac{\sigma^2}{4\epsilon_0^2}} =$$

$$= \frac{\sigma}{\epsilon_0} \sqrt{\frac{53}{14^2}} = \frac{\sigma \sqrt{53}}{14\epsilon_0} \approx \frac{7,27 \sigma}{14 \epsilon_0}$$

Ответ:  $\sigma_2$ ,  $\frac{7,27 \sigma}{14 \epsilon_0}$

№ 4

Дано:

Решение:

E

$$E - L_2 q'' - L_1 q'' + \frac{q}{c} = 0 \quad \text{— в равновесии}$$

$$L_1 = 5L$$

$$\frac{q + cE}{c} - 9Lq'' = 0$$

$$L_2 = 4L$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$C$   
 $T$ -?  
 $I_{01}$ -?  
 $I_{02}$ -?

Пусть  $Q = q + CE$ , тогда

$$q'' = Q''$$

$$Q - 9LC Q'' = 0$$

$$\omega = \sqrt{\frac{1}{9LC}}$$

$$\omega = \frac{1}{3\sqrt{LC}}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 6\pi\sqrt{LC}$$

$$I_{01} = I_{02}$$

$$\frac{CE^2}{2} = \frac{L_2 I_{02}^2}{2} + \frac{L_1 I_{01}^2}{2}$$

$$I_{02} = \sqrt{\frac{CE^2}{9L}} = \frac{E}{3}\sqrt{\frac{C}{L}}$$

$$I_{01} = \frac{E}{3}\sqrt{\frac{C}{L}}$$

Ответ:  $6\pi\sqrt{LC}$ ;  $\frac{E}{3}\sqrt{\frac{C}{L}}$ ;  $\frac{E}{3}\sqrt{\frac{C}{L}}$ .





черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$E = 4L I' + \frac{q}{C} + 5L I'$$

$$E = 9L q'' + \frac{q}{C}$$

$$CE - q = Q$$

$$\frac{q - CE}{C} = 9L q''$$

$$-\frac{CE - q}{9LC} = 9L q''$$

$$9L C q'' + Q = 0$$

$$\omega = 9LC$$

$$\omega = \frac{2\pi}{T}$$

$$\omega = \frac{1}{3\sqrt{LC}} \quad T = \frac{2\pi}{\omega}$$

$$E = 4L I' + 5L I'$$

$$T = 2\pi \sqrt{LC}$$

$$E - 9L q'' + \frac{q}{C} = 0$$

$$I = Q \cos \omega t$$

$$\frac{q + CE}{C} - 9L q'' = 0$$

$$I_{\max} = (CE - q) \cos \frac{1}{3\sqrt{LC}} t$$

$$q \frac{Q}{9LC} - Q'' = 0$$

$$I_{\max} = \omega Q$$

$$I_{\max} = \omega (CE - q)$$

$$I_{\max} = \frac{CE}{3}$$

$$\frac{L I^2}{2} \quad \frac{L q'^2}{2} \quad \frac{L I^2}{2}$$

$$\frac{9L I^2}{2}$$

$$QE - (CE) = \frac{L_2 I^2}{2} + \frac{L_1 I^2}{2}$$

$$\frac{CE^2}{2} = \frac{(L_2 + L_1) I^2}{2}$$

$$I^2 = \frac{CE^2}{L_2 + L_1}$$

$$I = \sqrt{\frac{CE^2}{9L}} = \frac{E\sqrt{C}}{3\sqrt{L}}$$



черновик     чистовик  
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №\_\_  
(Нумеровать только чистовики)

**ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА**

$$P_{H1} V_1 = \sqrt{R T_1}$$

$$P_{H2} V_2 = \sqrt{R T_2}$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{T_2}{T_1} = \frac{5}{4}$$

$$P_{H1} V_1 = \sqrt{R T_1}$$

$$Q = \Delta U + A \quad \frac{1}{4} + \frac{1}{49}$$

$$Q_{\text{вх}} = \frac{3}{2} \sqrt{R \Delta T} + p \Delta V$$

$$-Q = \frac{3}{2} \sqrt{R \Delta T} + p \Delta V$$

$$\frac{400 + 310}{5} = 360 \text{ K}$$

$$Q = \frac{3}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot p \cdot \Delta V$$

$$Q = \frac{5}{2} \sqrt{R \Delta T}$$

$$Q = \frac{5}{2} \cdot \frac{3}{5} \cdot p \cdot \Delta V$$

$$= 60 \cdot p \cdot \Delta V$$

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{9} + \frac{1}{7}$$

$$+ \frac{1}{d} = \frac{1}{F_0}$$

$$= \frac{1}{4 F_0} - \frac{1}{4 F_0}$$

$$= \frac{1}{4 F_0} - \frac{1}{4 F_0}$$

$$d = \frac{4}{3} F_0$$

$$= \frac{7 + 162}{65}$$

$$d = \frac{3}{9} \cdot \frac{9}{16} D$$

$$d = \frac{27}{69} D$$

$$d = \frac{27}{69} D$$

$$= \frac{81}{256} \cdot \frac{\pi D^2}{4}$$

$$= \frac{81}{256} \cdot \frac{\pi D^2}{4}$$

$$= \frac{81}{256} \cdot \frac{\pi D^2}{4}$$

$$= \frac{81}{256} \cdot \frac{\pi D^2}{4}$$

$$= \frac{81}{256} \cdot \frac{\pi D^2}{4}$$

$$= \frac{81}{256} \cdot \frac{\pi D^2}{4}$$

$$= \frac{81}{256} \cdot \frac{\pi D^2}{4}$$

$$= \frac{81}{256} \cdot \frac{\pi D^2}{4}$$

$$V = \frac{9D}{16 \epsilon_0}$$

$$\epsilon_1 = \frac{4}{3} \epsilon_0$$

$$E = \frac{k \sigma_1 S_1 \cdot 4}{b^2} +$$

$$+ \frac{k \sigma_2 S_2 \cdot 4}{a^2}$$

$$E = k \sigma_1 \cdot \text{tg}^2 \alpha \cdot 4 +$$

$$+ k \sigma_2 \cdot \text{ctg}^2 \alpha$$

$$+ \frac{\sigma_1^2}{6}$$

$$49 \sigma_1^2$$

$$= 4k(\sigma_1 \text{tg}^2 \alpha + \sigma_2 \text{ctg}^2 \alpha)$$

$$\frac{3}{4 F_0}$$

$$\frac{\sigma_1 \text{tg}^2 \alpha + \sigma_2 \text{ctg}^2 \alpha}{169 \pi \epsilon_0}$$

$$\frac{169}{63} \pi \epsilon_0$$

$$4 F_0$$

$$D \sim I \left( \frac{\sigma_1}{2 \epsilon_0} \right)^2 + \left( \frac{\sigma_2}{2 \epsilon_0} \right)^2$$

$$P_0 \sim I_0$$

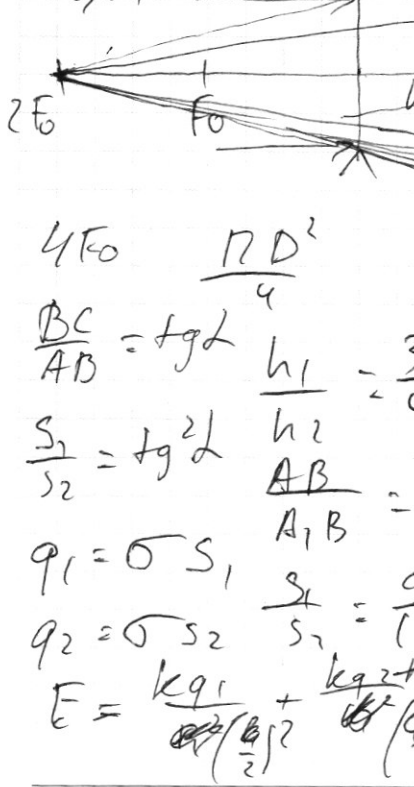
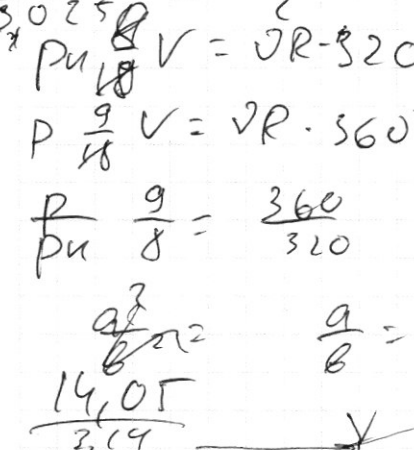
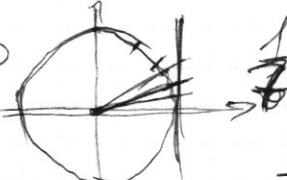
$$P_1 \sim I_1 = \frac{\sigma_1^2 + \sigma_2^2}{4 \epsilon_0^2}$$

$$P_1 \sim \frac{7}{16} I_0$$

$$\frac{7}{16} P_0 = \frac{\sigma_1^2 + \sigma_2^2}{2 \epsilon_0}$$

$$V = \frac{9D}{16 \epsilon_0}$$

$$E = \frac{27}{16} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{D}{27 D / 681 \epsilon_0}$$



$$p_x = m v_1 \sin \alpha \quad p'_x = m v_2 \sin \beta \quad kq \left( \frac{1}{r^2} - \frac{1}{r^2 + x^2} \right) ?$$

$$p_y = m v_1 \cos \alpha \quad p'_y = m v_2 \cos \beta \quad - kq \left( \frac{r^2 + x^2 - r^2}{r^2 + x^2} \right)$$

$$p_x = \text{const} \quad v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \beta$$

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \frac{d^2 + x^2}{r^2} V_1 \cos \alpha + U = V_2 \cos \beta + U \quad \frac{\sigma r^2 x^2}{2\epsilon_0 (r^2 + x^2)}$$

$$kq = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \frac{d^2 + x^2}{r^2} \quad V_2 \cos \beta = V_1 \cos \alpha + 2U \quad k \frac{q}{r^2} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

$$\frac{kq}{r^2} = \frac{kq}{(r^2 + x^2)} \quad V_2 = V_1 \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{10}{9} V_1 = 20 \frac{\text{m}}{\text{c}} \frac{1q}{2\pi r^2} = \frac{q}{5}$$

$$U = \frac{A}{q} \frac{BC}{2} = v \quad V_2 = \frac{V_1 \cos \alpha + 2U}{\cos \beta} \quad x^2 =$$

$$U = \frac{F \cdot d}{q} x = \frac{k}{\text{tg} \alpha} \quad 1 - \frac{4}{9} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

$$\varphi = \frac{kq}{r^2} \left( 1 + \frac{1}{\text{tg}^2 \alpha} \right) = \frac{\sqrt{5}}{3} V_1 + 2U \quad 1 - \frac{9}{25} = \frac{16}{25}$$

$$L_1 = 5L \quad V_1 \left( \frac{4}{9} - \frac{\sqrt{5}}{3} \right) = -2U$$

$$L_2 = 4L \quad U = V_1 \left( \frac{4 - 3\sqrt{5}}{18} \right)$$

$$C = \frac{CE^2}{2} \quad \frac{\sigma r^2}{2\epsilon_0} \quad 75$$

$$T = 2\pi \sqrt{4LC} = 2\epsilon_0 (\text{tg}^2 \alpha) \quad 75$$

$$= 4\pi \sqrt{LC} \quad E_{AC} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \sin^2 \alpha + \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cos^2 \alpha$$

$$V_2 \cos \beta = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cos \alpha$$

$$9L \frac{I_2^2}{2} = 5L \frac{I_1^2}{2} = \frac{CE^2}{2} = 20 \cdot \frac{4}{5} = 16 \frac{\text{m}}{\text{c}}$$

$$I_2^2 = \frac{CE^2}{5L} \quad \frac{10}{9} V_1 \cos \beta = V_1 \cos \alpha + 2U$$

$$I_2 = \sqrt{\frac{CE^2}{5L}} = \epsilon \sqrt{\frac{C}{5L}} \quad \frac{40}{48} \frac{8}{9} V_1 = \frac{\sqrt{5}}{3} V_1$$

$$I_1^2 = \frac{CE^2}{4C} \quad \left( \frac{8 - 3\sqrt{5}}{9} \right) V_1$$

$$I_1 = \frac{\epsilon}{2} \sqrt{\frac{C}{L}}$$

$$\frac{7}{4} \cdot \frac{7,25}{4} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \frac{100}{1035} \quad E_2 = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \quad 28 \quad 1 - \frac{4}{9} = \frac{\sqrt{5}}{9}$$

$$= \frac{7}{7,25} = \frac{700}{725} = \frac{100}{1035} \quad E_1 = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \quad 28 \quad 1 - \frac{9}{25} = \frac{16}{25} \quad E = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \sqrt{\frac{1}{4} + \frac{1}{49}}$$