

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

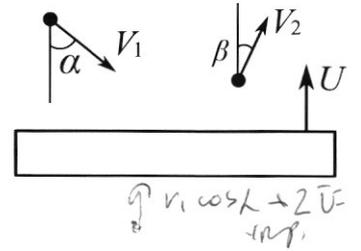
Класс 11

Вариант 11-02

Шифр

(заполняется секретарем)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 6$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{3}$) с вертикалью.



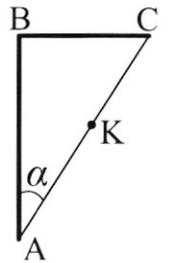
- 1) Найти скорость V_2 .
- 2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.

Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится гелий, во втором – неон, каждый газ в количестве $\nu = 6/25$ моль. Начальная температура гелия $T_1 = 330$ К, а неона $T_2 = 440$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31$ Дж/(моль К).

- 1) Найти отношение начальных объемов гелия и неона.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал неон гелию?

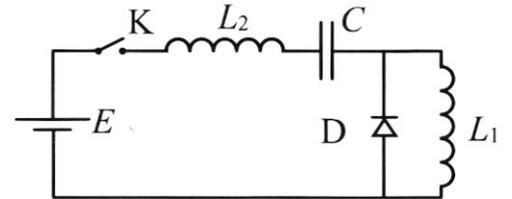
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

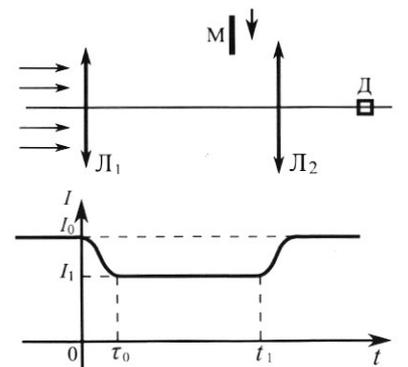
2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 4\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/8$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 3L$, $L_2 = 2L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .



- 1) Найти период T этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .
- 3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями F_0 и $F_0/3$, соответственно. Расстояние между линзами $1,5F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе D , на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень M , плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $5F_0/4$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 8I_0/9$.

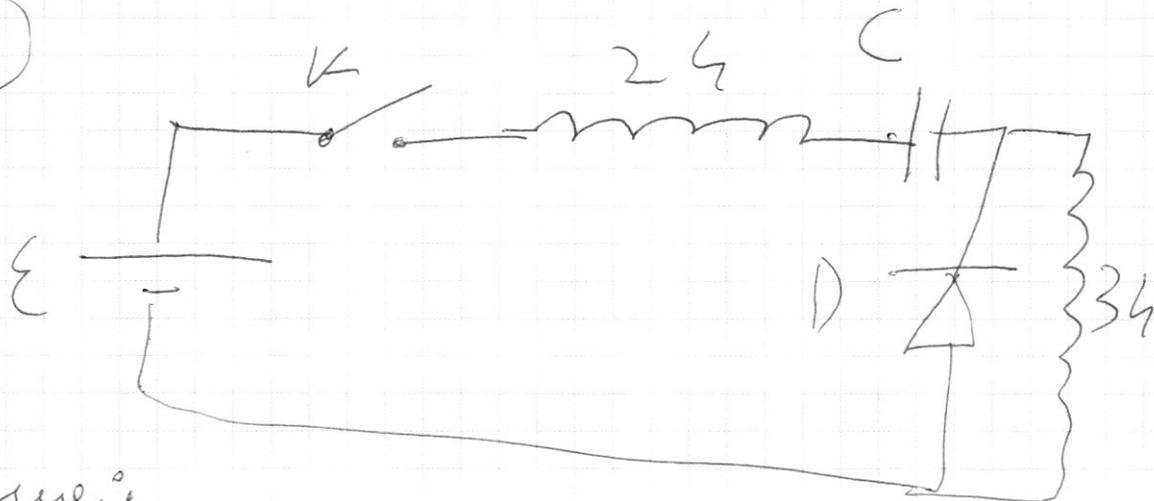


- 1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.
- 2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

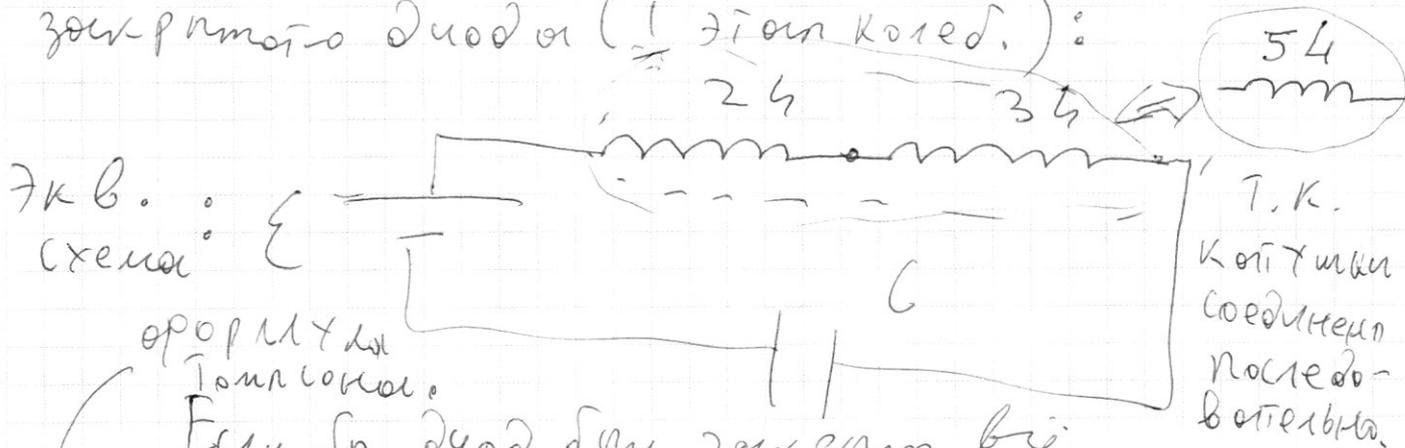
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 4.



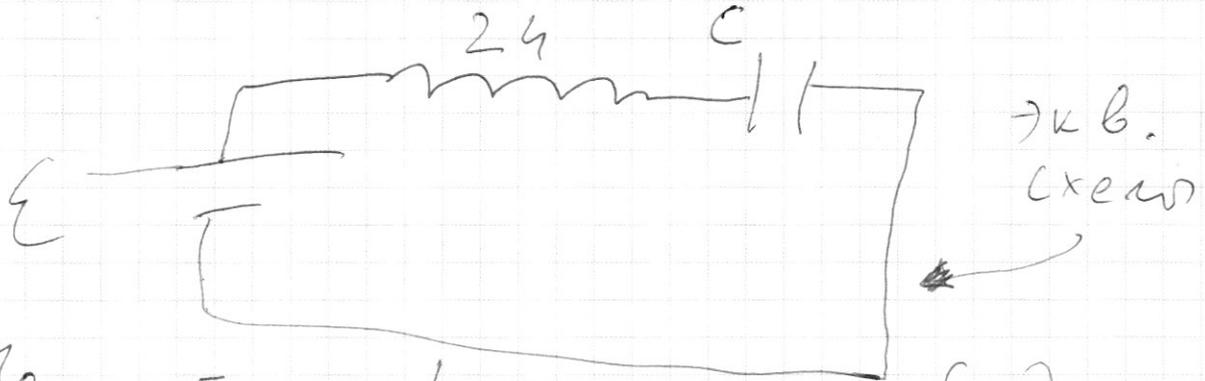
Решение:

1. Колебание состоит из ^{одно} ~~двух~~ составляющих
цери, в одной из которых диод D закрыт, а
в другой — открыт. Рассмотрим случай
закрытого диода (1-й этап колеб.):



Если диод был закрыт всё
время, то период колеб. будет равен
 $T_1 = 2\pi \sqrt{54 \cdot C}$. Но диод открывается через
какую-то часть периода, т.к. ток в этот
время станет равен нулю.
Значит, этот этап длится $t_1 = \frac{T_1}{2} = \pi \sqrt{54C}$.

2. Рассмотрим Т1 этап колебаний, во время которого диод D открыт.



Через катушку L , ток тем не будет, т.к. сразу перед закрытием диода он через неё не идёт, а катушка инертна.

Время (продолжительности) Т1 этапа равно $t_2 = \frac{T_2}{2}$.

$T_2 = 2\pi\sqrt{24C}$ — время колебания, если бы диод всё время был открыт, т.е. $t_2 = \pi\sqrt{24C}$.

Итого: $T = t_1 + t_2 = \pi(\sqrt{54C} + \sqrt{24C})$.

3. Найдём величину тока I_{01} . Когда ток будет максимальным, то напряжение на катушке будет равно нулю. Значит в этот момент заряд конденсатора $q_{c1} = CE$.

$$3C \Rightarrow \epsilon q_{c1} = \frac{54 I_{01}^2}{2} + \frac{q_{c1}^2}{2C} = \frac{54 I_{01}^2}{2} + \frac{C\epsilon^2}{2}$$

$$54 I_{01}^2 = C\epsilon^2$$

$$I_{01} = \sqrt{\frac{C}{54}} \epsilon$$

4. Найдём величину тока I_{02} . Диод \Rightarrow того

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Заметим, что энергия катушки в момент, когда один из проводов равна нулю.

Заметим закон сохр. энергии в виде откритого провода:

$$3(\dot{I})^2 R = \frac{2L I_0^2}{2} + \frac{C \dot{U}^2}{2}$$

(здесь на конденсаторе в момент, когда $I = I_0$, равен $U_{C0} = C \dot{U}$).

$$2L I_0^2 = C \dot{U}^2$$

$$I_0 = \sqrt{\frac{C}{2L}} \dot{U}$$

Т.к. $I_{02} > I_{01}$, то найденное значение I_{02} действительно именно такое, что мы хотим.

Ответ: $T = \pi (\sqrt{5LC} + \sqrt{2LC})$; $I_{01} = \sqrt{\frac{C}{5L}} \dot{U}$; $I_{02} = \sqrt{\frac{C}{2L}} \dot{U}$.

N_{02}

$T_1; V$	$T_2; V$
He	He
P_0	P_0

- $\frac{V_{0He}}{V_{0Ne}} = ?$
- $T_1 = ?$
- $Q = ?$

Решение: Уравнение

и-к. для начальных состояний

газов: $\begin{cases} P_0 V_{0He} = \nu R T_1 \\ P_0 V_{0Ne} = \nu R T_2 \end{cases} \Rightarrow \frac{V_{0He}}{V_{0Ne}} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{330}{440} = \frac{3}{4}$

Проведём переобозначение: $V_{0He} = 3V_0$, $V_{0Ne} = 4V_0$.

2. Заметим, что система „He+Ne“ не совершает работу, т.к. нет результирующей точки опоры (поршню не сообщено кин. энергии и т.д.)
Значит, для любого момента времени верно, что:

$$\frac{3}{2} p_0 \cdot 3V_0 + \frac{3}{2} p_0 \cdot 4V_0 = \frac{3}{2} p \cdot V_1(t) + \frac{3}{2} p \cdot V_2(t)$$

Изначало
термодинамики

$p = p_0$, где p - давление

как до
газа в отдельн. (машина равновесия давлений по обе стороны от поршня, т.к. поршень возвратимый).

~~в~~ v_2
кон. значение
что $Q=0$ и $t=0$.
(сохраняется)

3. По окончанию процесса поршень сместится на $\Delta V = 0,5V_0$, т.к. давлению и температура в обоих уравновесится и значит объём согласно УР-НУ Ш.-К. УР-НУ Ш.-К для He:

$$\begin{cases} p_0 \cdot 3V_0 = p R T_1 \\ p_0 \cdot 3,5V_0 = p R T_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} T_2 = \frac{3,5}{3} T_1 \\ = \frac{7}{6} T_1 = 385 \text{ K.} \end{cases}$$

4. Изначало термодинамики

для He: $Q_{He \rightarrow He} = \Delta U_{He} + A_{He} = \frac{5}{2} p_0 V_0 =$

$A_{He} = p_0 \cdot 0,5V_0$ по опр. работы газа. $= \frac{5}{2} \cdot p R T_1 =$
 $\Delta U_{He} = \frac{3}{2} (p_0 \cdot 3,5V_0 - p_0 \cdot 3V_0) = \frac{3}{2} p_0 V_0$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$= \frac{1 \cdot 8,31 \cdot 10^3 \cdot 330}{2 \cdot 10^3 \cdot 1,25} = \frac{8,31 \cdot 330}{10} = 8,31 \cdot 33 \approx 274 \text{ Дж}$$

$$\begin{array}{r} \times 831 \\ 33 \\ \hline 2493 \\ 2493 \\ \hline 27423 \end{array}$$

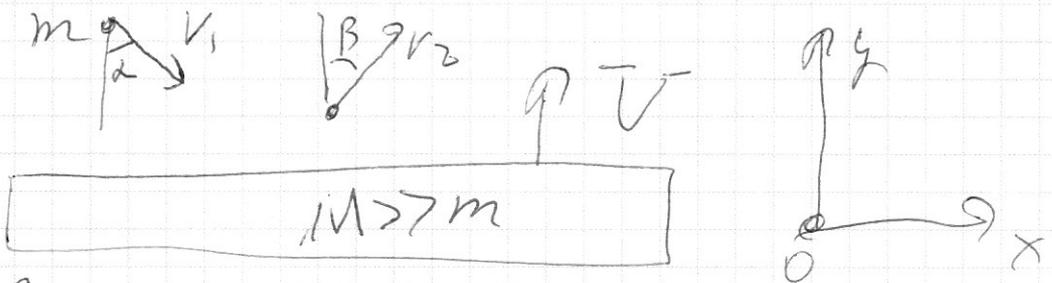
Ответ: $\frac{V_{\text{не}}}{V_{\text{анне}}} = 3 = 0,75$
 $T^* = \frac{7}{6} T_1 = 385 \text{ К}, Q_{\text{не} \rightarrow \text{не}} = 274 \text{ Дж}$

№1

$$\sin \alpha = \frac{2}{3}$$

$$\sin \beta = \frac{1}{3}$$

$$V_1 = 6 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$



Решение: ~~Т.к. удар неупругий, то~~

1) $V_2 = ?$
 2) $U = ?$

1. Т.к. поверхность плиты гладкая, то $V_1 \sin \alpha = V_2 \sin \beta \Rightarrow V_2 = \frac{V_1 \sin \alpha}{\sin \beta} = 2V_1 = 12 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

2. Если удар обратный неупругий,

то $V_{2y} = -U_{\text{кр}} \Rightarrow U_{\text{кр}} = V_2 \cos \beta = \frac{12\sqrt{8}}{3} = 4\sqrt{8} \frac{\text{м}}{\text{с}} = 16\sqrt{2} \frac{\text{м}}{\text{с}}$

$\cos \beta = \sqrt{1 - \sin^2 \beta} = \frac{\sqrt{8}}{3}$
 $\cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \frac{\sqrt{5}}{3}$

Но в других случаях неупругого удара

обозначим к вертикальному условию, что $U < V_{2y} \Rightarrow U < 16\sqrt{2} \frac{\text{м}}{\text{с}}$. Если удар пружинный,

~~Ответ: $V_2 = 12 \frac{\text{м}}{\text{с}}, U < 16\sqrt{2} \frac{\text{м}}{\text{с}}$~~

Ответ: $V_2 = 12 \frac{\text{м}}{\text{с}}, U \in (8\sqrt{2} - \sqrt{35}, 16\sqrt{2} \frac{\text{м}}{\text{с}})$

$2U = V_2 \cos \beta - V_1 \cos \alpha = 4\sqrt{8} - 2\sqrt{5} \frac{\text{м}}{\text{с}}$
 $U_{\text{min}} = 2\sqrt{8} - \sqrt{5} = (8\sqrt{2} - \sqrt{35}) \frac{\text{м}}{\text{с}}$



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Как известно из геометрии телесного
угла, ср. дуга равна радиусу его хорды
умноженно. $\Rightarrow \alpha_1 = 2\alpha, \alpha_2 = 2\beta.$

Тогда $E_1 = k\sigma \cdot 2\beta = \frac{3k\sigma\pi}{2}, E_2 = k\sigma \cdot 2\beta = \frac{2k\sigma\pi}{2}$

По Т.н. П. получаем $E^* = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} =$
 $= \frac{5k\sigma\pi}{2}$

Отвеч: $\frac{E}{E_0} = \sqrt{2}, E^* = \frac{5k\sigma\pi}{2} = \frac{5\sigma}{2} \cdot \frac{1}{\epsilon_0}$
(т.к. $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$)

Докажем известное свойство

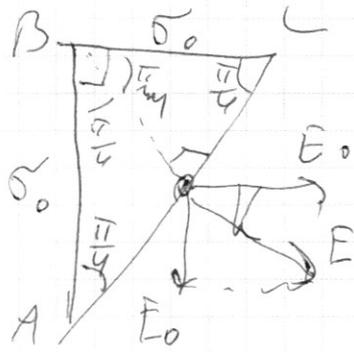


$dq = \sigma \cdot dl \cdot \cos \alpha,$
 $dE_{\perp} = dE \cdot \cos \alpha = k \frac{\sigma}{r^2} dl$

$E_{\perp} = k\sigma R$

№3 Решение:

1) $\frac{E}{E_0} = ?$



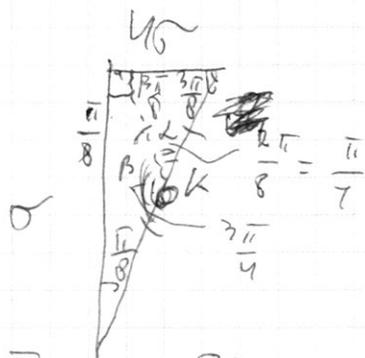
В силу определённой симметрии равностороннего прямоугольного треугольника

напряжённости полей пластин AB и BC одинаковы и равны E_0 модуль E также перпендикулярен.

Тогда $E = \sqrt{2} E_0$ по Th, Пифагора

$\frac{E}{E_0} = \sqrt{2}$

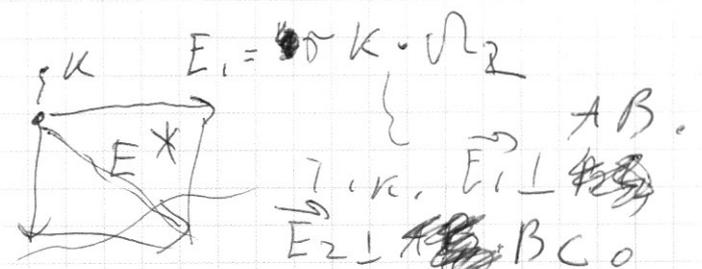
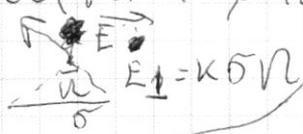
2) $E^* = ?$



Как известно из геометрии медиана гипотенузы равна половине гипотенузы.

Тогда $\alpha = \frac{\pi}{4}$, $\beta = \frac{3\pi}{4}$, как можно заметить из картинки.

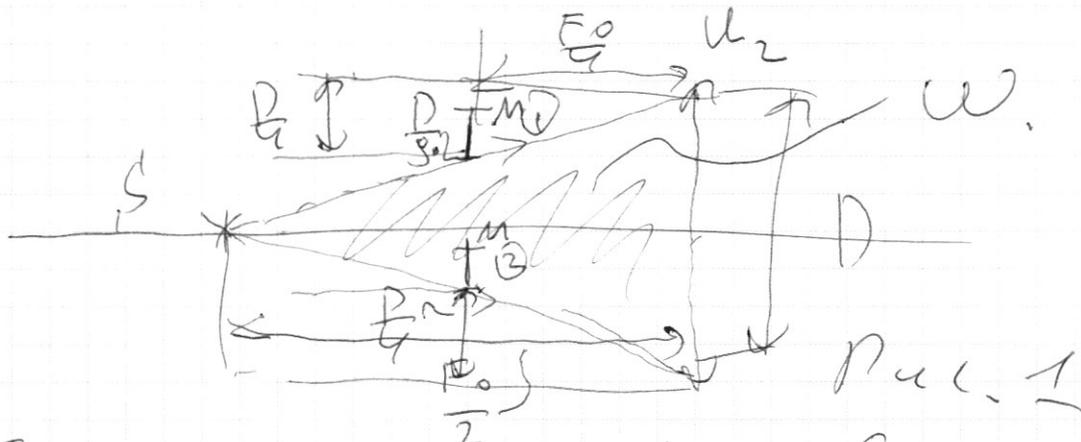
Известны ориентации:



n_1 - единичный вектор, обр. внутреннему углу α .
 n_2 - единичный вектор, обр. внутреннему углу β .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

3.



Область ω на рис. 1 — область
лучей, которые попадают в мишу.

Заметим, что секундомер выключили
когда мишень находилась в положении

$$\textcircled{1} \Rightarrow \tau_0 = \frac{D}{2v} \Rightarrow v = \frac{D}{18\tau_0}$$

4. Положение мишени $\textcircled{2}$ соответствует
времени t_1 на секундомере. Заметим

$$\text{тогда, что } t_1 = \left(D - \frac{D}{4} \cdot 2\right) / v = \frac{D}{2v} =$$

$$= \frac{D \cdot 18\tau_0}{2 \cdot D} = 9\tau_0$$

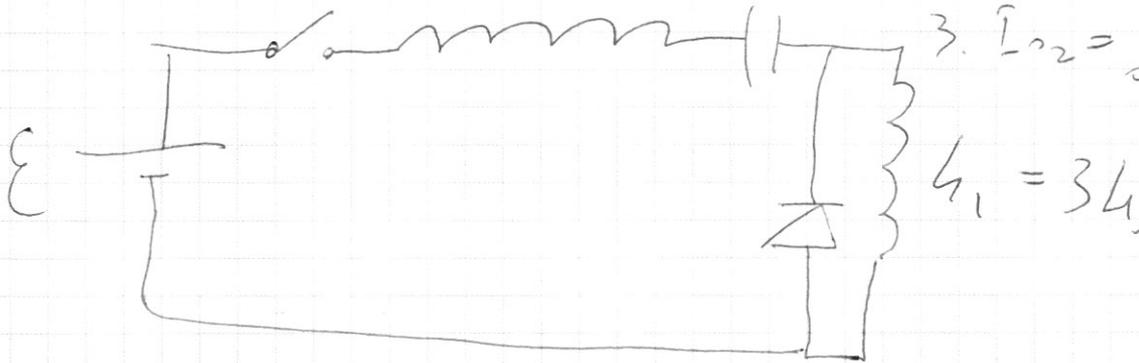
ответ: $v = \frac{D}{18\tau_0}$; $t_1 = 9\tau_0$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 4.

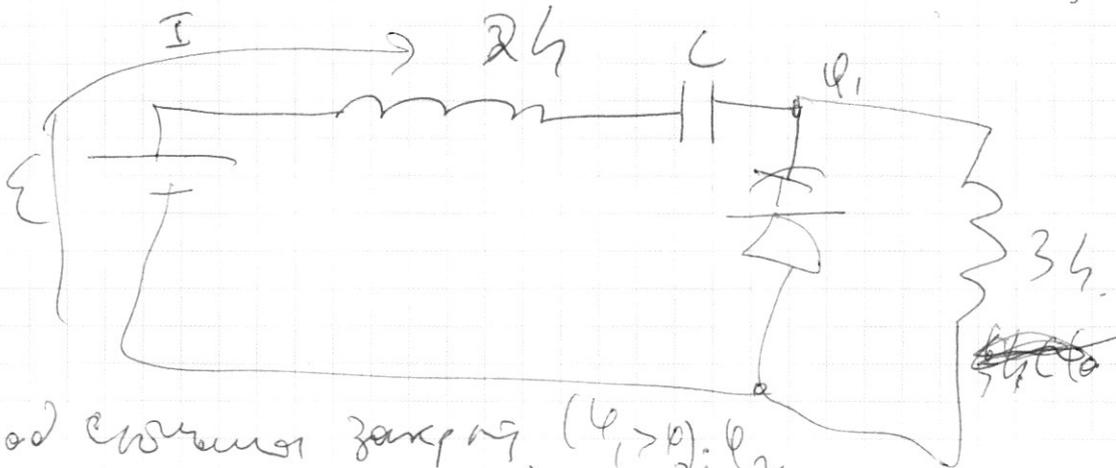
$C = 24 \mu\text{C}$

1. $T = ?$
2. $I_{01} = ?$
3. $I_{02} = ?$



пока нет.

в C вкл. после замык. к лев.



д. ч. од. стороны закрыт ($C_1 > 0$): U_2

$$\epsilon = \frac{24 \cdot 34}{24 + 34} + \frac{q}{C} \quad q = C\epsilon \cos \omega t$$

$T = t_1 + t_2$

$$\epsilon = \frac{6}{5} \epsilon + \frac{q}{C} \Rightarrow q + \frac{2}{5} C \epsilon = 0$$

$$I + \frac{6}{5} C I = 0$$

$t_1 = \frac{T}{2}$

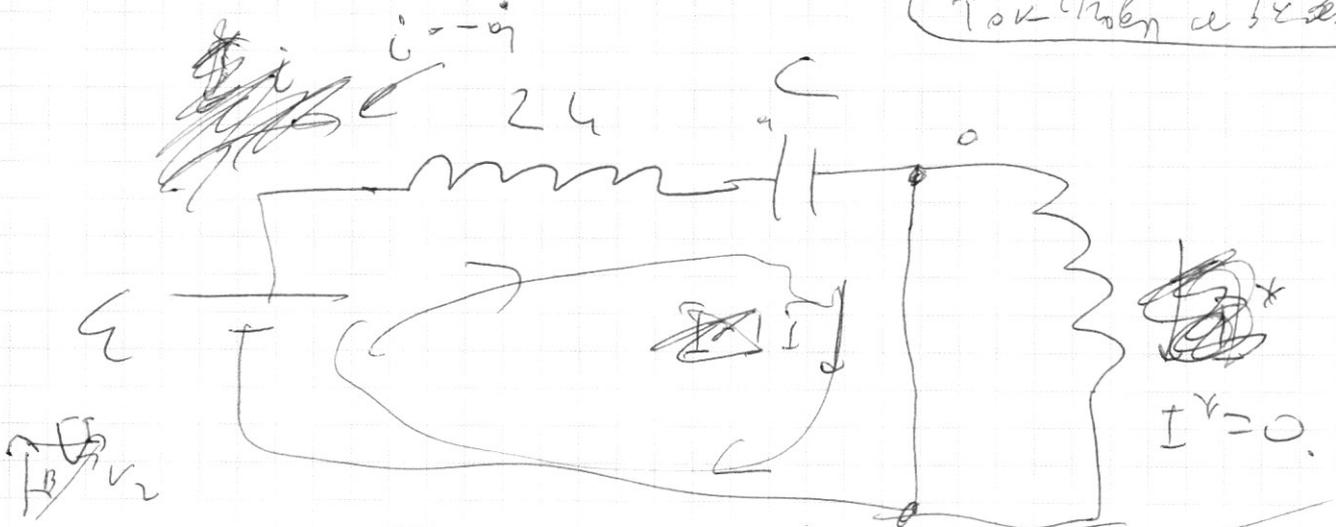
$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{\sqrt{\frac{6}{5} C}}$

$\omega = \sqrt{\frac{6}{5} C}$

без диода.

После открутки шпона:

Зеро D
~~отражение~~
 ток равен нулю



$E = 24i$

$v = v_0 \cos \varphi, E = +24 \varphi + \frac{q}{C}$

Не знаю
 амплитуда не известна. $24 \varphi + \frac{q}{C} - E = 0$

$T_2 = \frac{2\pi}{\omega_2} = \frac{2\pi}{\sqrt{24C}}$ $\omega_2 = \frac{1}{\sqrt{24C}}$

$\frac{mv_2^2}{2} - \frac{mv_1^2}{2} = \alpha, t_2 = \frac{T_2}{2} = \frac{\pi}{\sqrt{24C}}$

$t_1 = \frac{T_1}{2} = \frac{\pi}{\sqrt{6C}}$

$T = \frac{1}{\sqrt{24C}} + \frac{6}{5\sqrt{6C}}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Handwritten physics solution on grid paper. The main diagram shows a mass M on a horizontal surface with forces F_0 , D , and F . A velocity-time graph shows a constant velocity v_0 until time t_1 , then a deceleration. The text includes:

№5

параметры!

$1,5 F_0 = 3 F_0$

(F_0)

$(\frac{F_0}{3})$

$D < F_0$

Итак, по условию $\mu = \text{const}$.

$v = \frac{9 F_0}{D}$ $t_1 = \frac{F_0}{D}$

$\frac{F_0}{3} + \frac{F_0}{2}$

$\frac{F_0}{3} = \frac{F_0}{2}$

$\frac{F_0}{3} = F_0$

$\frac{D}{9 F_0} = \frac{F_0}{D}$

$\frac{D}{9} = F_0$

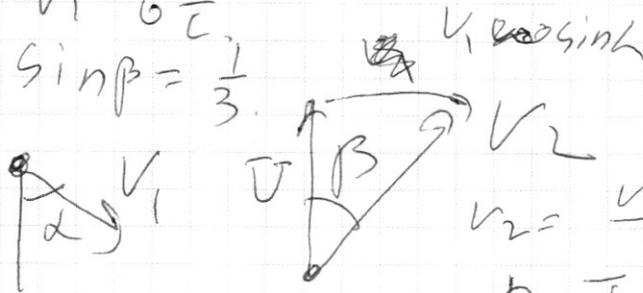
$\frac{D}{9} = F_0$

N.1

$$\sin \alpha = \frac{2}{3}$$

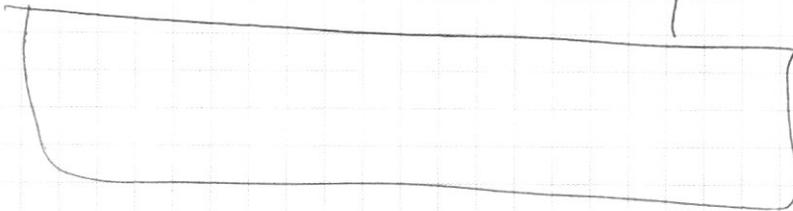
$$V_1 = 6 \frac{m}{c}$$

$$\sin \beta = \frac{1}{3}$$



$$V_2 = \frac{V_1 \sin \alpha}{\sin \beta} =$$

$$U = 2V_1 = 12 \frac{m}{c}$$



1) $V_2 = ?$

2) Значение U при нулевой скорости = ?

Анализ ????

ММММ ???

m - масса человека.

$$P_1 = m v_1 \cos \alpha$$

~~$$\int N dt = m (V + v_1 \cos \alpha)$$~~

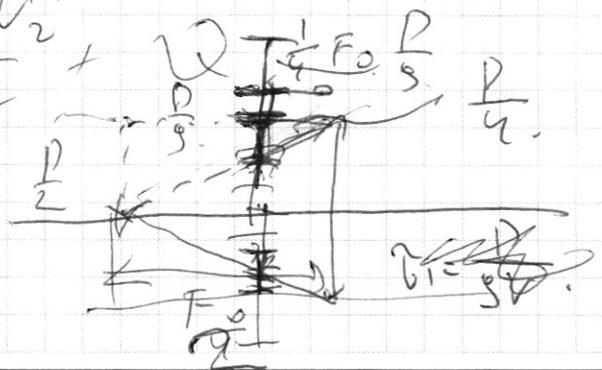
3) $P_2 = U m$

$$\frac{P}{5} + \frac{P}{9} = \frac{13 D}{36}$$

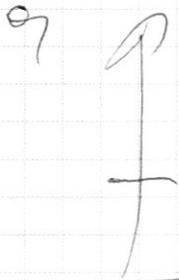
$$\frac{m v_1^2}{2} = m v_2^2 + Q$$

~~$h = P +$~~

~~$$\frac{P}{h v} = Q$$~~



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

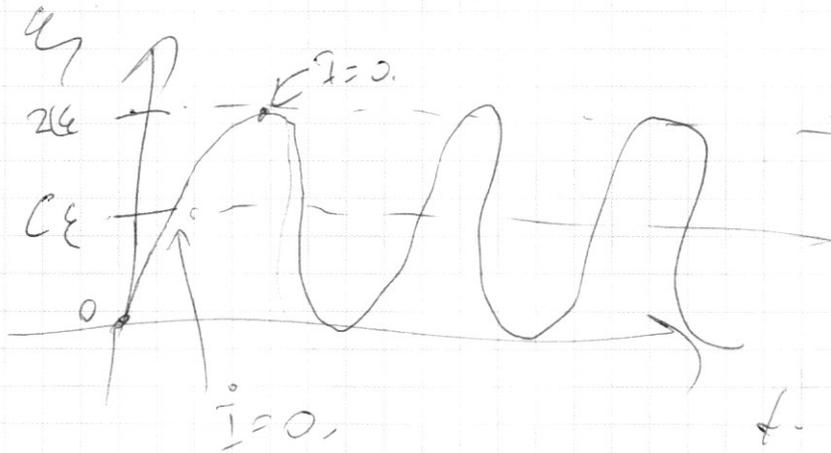


$$m\ddot{x} + kx = 0.$$

$$\xi = 54 \ddot{q} + \frac{q}{C} \Rightarrow \ddot{q} + \frac{q}{54C} - \frac{\xi}{54} = 0.$$

$$\tilde{q} = \tilde{q}_{\max} \cos \omega_1 t + \tilde{q}_0.$$

$$\ddot{q} + \frac{1}{54C}(q - \xi C) = 0.$$



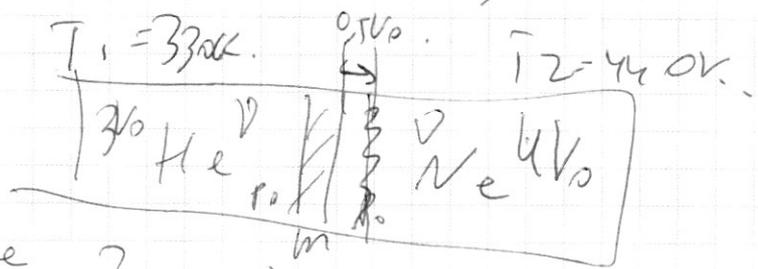
$$q_{\max} - \xi C = \tilde{q}_{\max}.$$

$$\tilde{q} = \tilde{q}_{\max} \cos \omega_1 t.$$

$$u \tilde{q} \delta.$$

№2

$$V = \frac{6}{25} \text{ моль}$$



1. $\frac{V_{\text{He}}}{V_{\text{Ne}}} = ?$
2. $T^* = ?$
3. $Q_{\text{He} \rightarrow \text{Ne}} = ?$

- 1) $p_0 V_{\text{He}} = \nu R T_1$
- $p_0 V_{\text{Ne}} = \nu R T_2$

$$\frac{V_{\text{He}}}{V_{\text{Ne}}} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{3}{4}$$

~~2) Вза. энергия~~ 2) ~~Вза. энергия~~ сохранилась.

$$\frac{3}{2} p_0 \cdot 3V_0 + \frac{3}{2} p_0 \cdot 4V_0 = \frac{3}{2} p^* V + \frac{3}{2} p^* V_{\text{Ne}}$$

~~2) Вза. энергия~~

$$2. - Q = - \Delta U_{\text{He}} - A$$

$$p = p_0$$

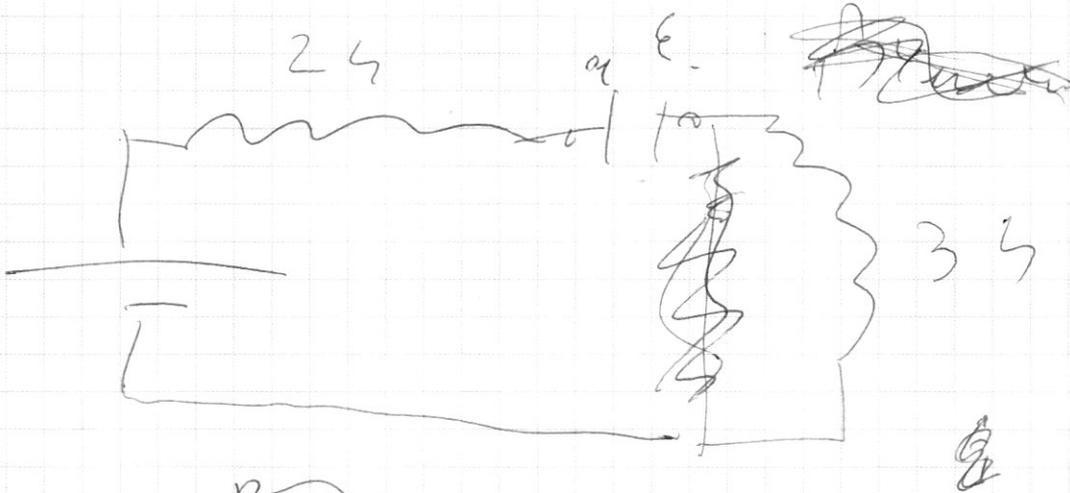
$$p_0 \cdot 3,5V_0 = \nu R T^*$$

$$A_{\text{He}} = p_0 \cdot 0,5V_0 = \frac{p_0 V_0}{2} = \frac{2 p_0 V_0}{4} \quad \text{330 и 350} = 385 \text{ К}$$

$$\Delta U_{\text{He}} = \frac{3}{2} (p_0 \cdot 3,5V_0 - p_0 \cdot 3V_0) = \frac{3}{2} p_0 \cdot 0,5V_0 = \frac{3}{4} p_0 V_0 = \frac{7}{6} \cdot 330 = \frac{7 \cdot 110}{2} = 7 \cdot 55 = 385 \text{ К}$$

$$3. Q_{\text{He}} = \Delta U_{\text{He}} + A_{\text{He}} = \frac{3}{4} p_0 V_0$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



~~Всеп. р. $q =$~~ Всеп. $I_{0\text{max}}$:
 $U_{n1} = U_{n2} = 0$

$$q = CE$$

$$CE^2 = \frac{CE^2}{2} + \frac{I_0^2 \cdot 6}{54}$$

$$\frac{CE^2}{2} = \frac{I_0^2 \cdot 6}{54}$$

$$4CR$$

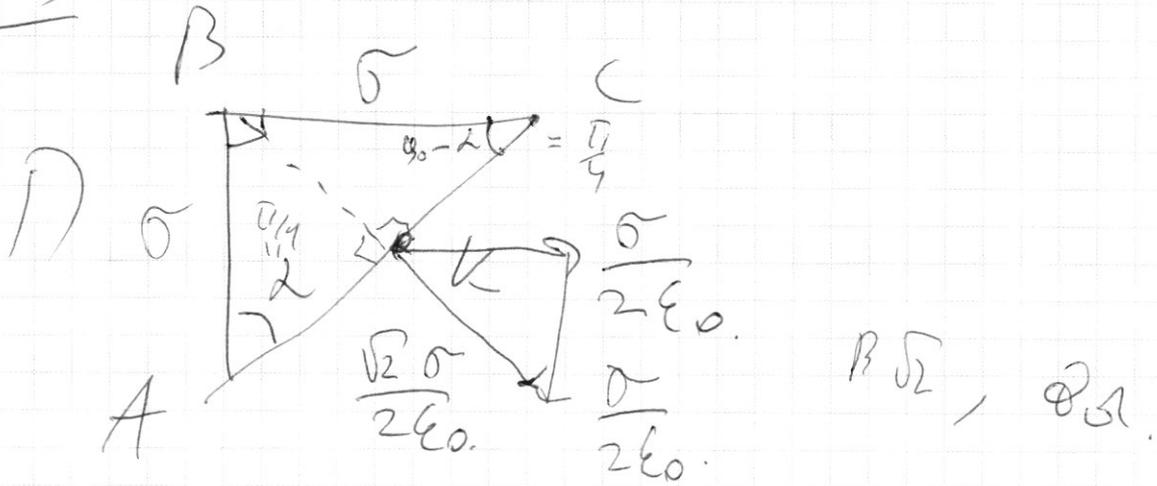
$$\frac{4}{2} = R \quad \frac{C}{4} = \frac{1}{R}$$

$$I_0^2 = \frac{5CE^2}{64} \quad I_0 = \sqrt{\frac{5C}{64}} E$$

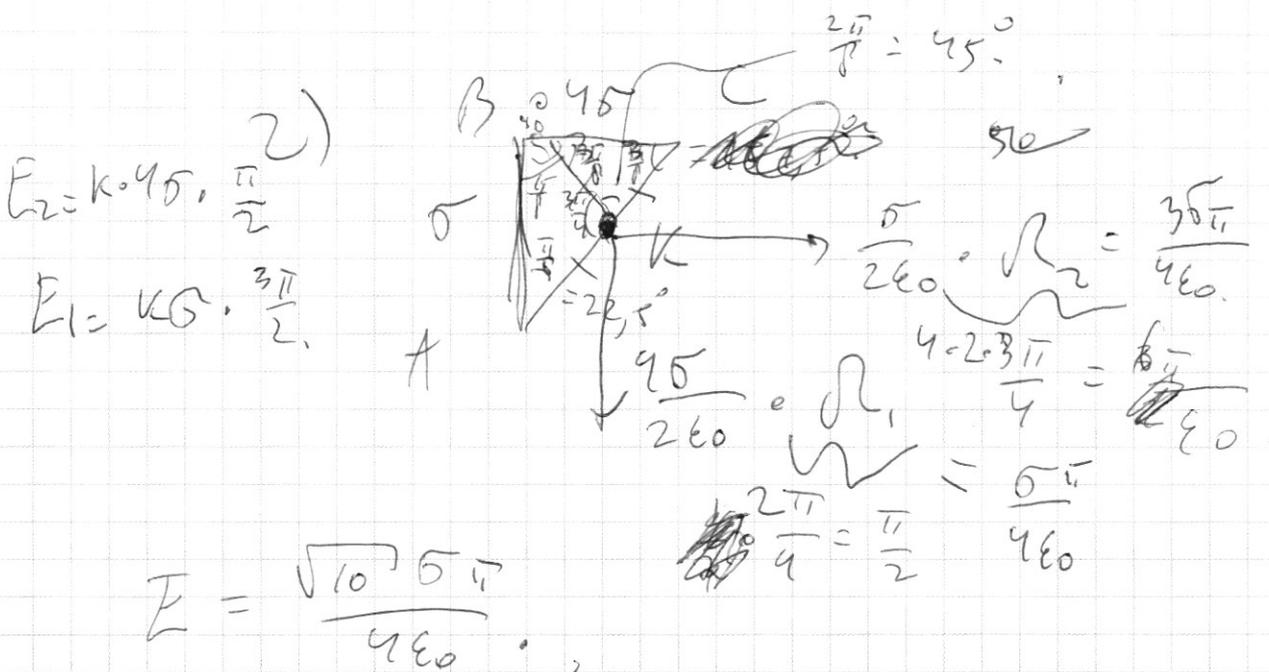
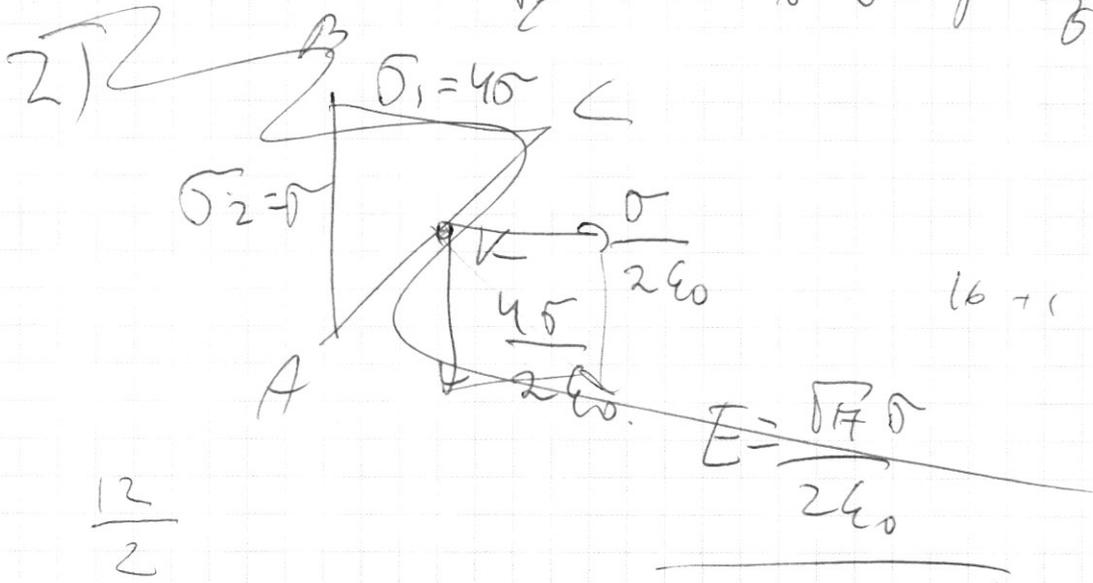
~~Всеп. р. $q = I = 0$~~

$$q = CE$$

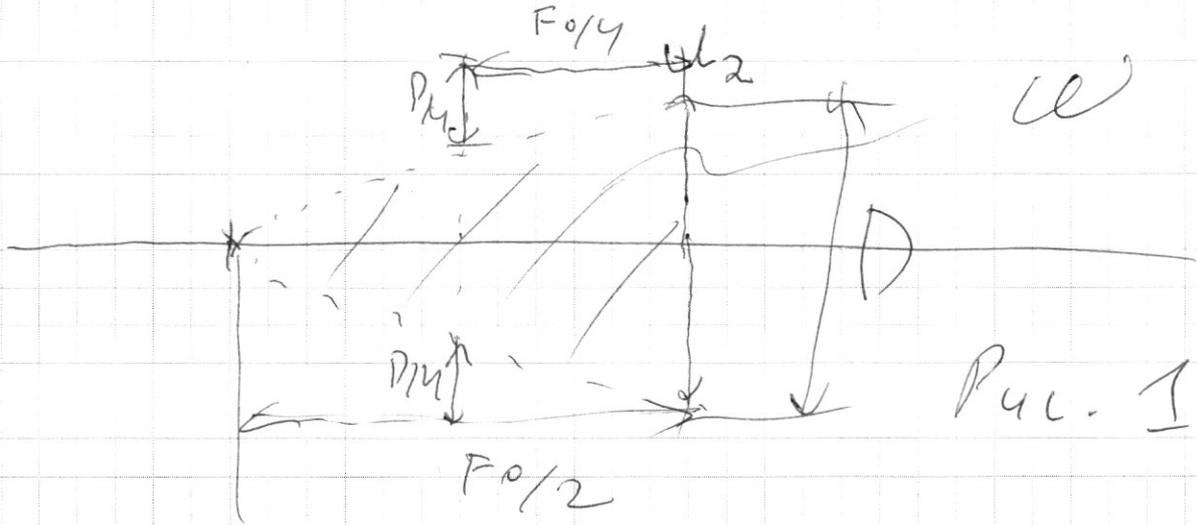
№3



$\beta \times b$ $\delta \sqrt{2}$ ρ σ .



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$440 \cdot \frac{7}{8} = 220 \cdot \frac{7}{4} = 110 \cdot \frac{7}{2} = 55 \cdot 7 = 385$$

$$\begin{array}{r} 55 \\ \times 7 \\ \hline 385 \end{array}$$

$$440 \cdot \frac{11}{55} \cdot \frac{18}{7} \cdot \frac{4}{28} = 8,31$$

33 \cdot 8,31

Чертовик



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)