

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

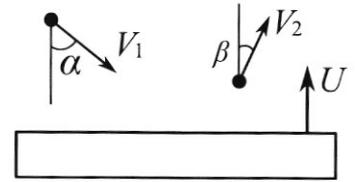
Класс 11

Вариант 11-01

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 8$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{3}{4}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{2}$) с вертикалью.



1) Найти скорость V_2 .

2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.

Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится азот, во втором – кислород, каждый газ в количестве $\nu = 3/7$ моль. Начальная температура азота $T_1 = 300$ К, а кислорода $T_2 = 500$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Газы считать идеальными с молярной теплоемкостью при постоянном объеме $C_V = 5R/2$.

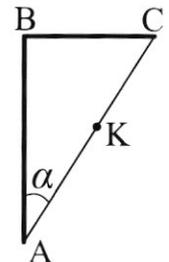
$R = 8,31$ Дж/(моль·К).

1) Найти отношение начальных объемов азота и кислорода.

2) Найти установившуюся температуру в сосуде.

3) Какое количество теплоты передал кислород азоту?

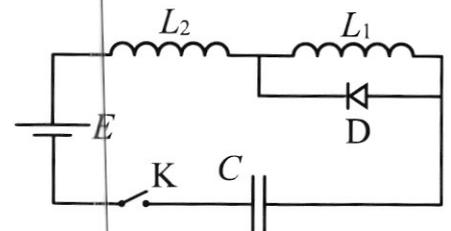
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 2\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/7$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 2L$, $L_2 = L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ К разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_1 .

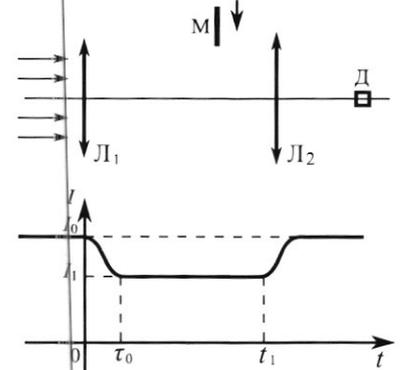


1) Найти период T этих колебаний.

2) Найти максимальный ток I_{M1} , текущий через катушку L_1 .

3) Найти максимальный ток I_{M2} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусным расстоянием F_0 у каждой. Расстояние между линзами $3F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе D, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $2F_0$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 3I_0/4$.



1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.

2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1) Т.к. линия Глобкая, при столкновении ~~будет только~~ не
будет горизонтальной проекции сил \Rightarrow горизонтальная проекция
скорости сохраняется. Тогда $V_1 \sin \alpha = V_2 \sin \beta$, $V_2 = V_1 \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = 8 \frac{3/4}{1/2} \text{ м/с}$
 $= 12 \text{ м/с}$.

~~Тогда~~ перейдем в С.О., движущуюся со скоростью U .
(она будет ~~линейной~~ ^{горизонтальной})

механическая

т.к. удар неупругий, ~~его~~ энергия системы ~~должна~~ уменьшиться.
В этой С.О. пластина ~~всегда покоится~~ ~~а потом~~ ~~поднимется~~
~~потом~~ ~~уже~~ покоится (после удара она может ~~еще~~ ^{даже} качать
с очень малой скоростью из-за ударных сил, но этой
скоростью можно пренебречь, поэтому её энергия не меняется)
поэтому чтобы энергия уменьшилась, ~~тогда~~ ^{марика} скорость ~~должна~~
должна уменьшиться. Т.к. горизонтальная проекция скорости
сохраняется, ~~должна~~ уменьшиться вертикальная компонента, т.е.
 $V_1 \cos \alpha + U > V_2 \cos \beta - U$, $2U > V_2 \cos \beta - V_1 \cos \alpha$
 $U > \frac{V_2 \cos \beta - V_1 \cos \alpha}{2}$, $U > (6\sqrt{3} - 2\sqrt{7}) \text{ м/с}$.
при этом $V_2 \cos \beta - U > 0$, ~~тогда~~ $U < 6\sqrt{3} \text{ м/с}$ (т.к. шарик отскакивает)
(ответ): 1) $V_2 = 12 \text{ м/с}$; 2) $(6\sqrt{3} - 2\sqrt{7}) \text{ м/с} < U < 6\sqrt{3} \text{ м/с}$

2) ~~для смеси N2 O2~~

поршень влетел без трения \Rightarrow в равновесии ~~газ~~ ^{газ} ~~и~~ ^и ~~стены~~ ^{стены} *
 по разные стороны от него равны. ~~и~~ ^и ~~стены~~ ^{стены}
 зрнимем ~~ч-я~~ ^{ч-я} ~~материала~~ ^{материала} ~~состояния~~ ^{состояния} газов:

P_1, V_1, T_1, ν_1	P_2, V_2, T_2, ν_2
------------------------	------------------------

$$\begin{cases} P_1 V_1 = \nu_1 k T_1 \\ P_2 V_2 = \nu_2 k T_2 \end{cases} \quad \frac{V_1}{V_2} = \frac{\nu_1 k T_1 P_2}{\nu_2 k T_2 P_1} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{3}{5} \quad (1)$$

Сосуд теплоизолирован \Rightarrow полная энергия во все время

сохраняется: $U = \nu_1 C_v T_1 + \nu_2 C_v T_2 = \nu_1 C_v T + \nu_2 C_v T$ T - конечная температура газов

$$T = \frac{\nu_1 C_v T_1 + \nu_2 C_v T_2}{\nu_1 C_v + \nu_2 C_v} = \frac{T_1 + T_2}{2} = 400 \text{ K}$$

После установления равновесия в силе (1) $\frac{V_1'}{V_2'} = \frac{T}{T} = 1$

$V_1 + V_2 = 8V$ $8V$ - полный объем сосуда. V_1' и V_2' - конечные объемы N_2 и O_2

$V_1' + V_2' = 8V \Rightarrow V_1' = 3V; V_2' = 5V; V_1' = V_2' = 4V$

~~U =~~ $U = C_v (\nu_1 P_1 + \nu_2 P_2) = C_v \left(\frac{P_1 V_1}{R} + \frac{P_2 V_2}{R} \right) = \frac{C_v P \cdot 8V}{R} =$

~~обст~~ $\Rightarrow P = \text{обст}$ и процесс установления равновесия ~~изоэнтальпийный~~ ^{изобарный}

Тогда работа для N_2 при расширении $A = \nu C_p (T - T_2) =$

$= \nu (C_v + R) (T - T_2) \approx 500 \text{ Дж}$

Изменили энергии азота $\Delta U = \nu C_v (T - T_2) \approx 360 \text{ Дж}$

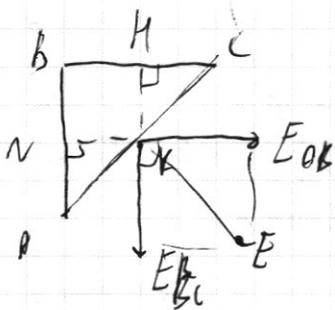
Тогда азот получил от цикла работа тепло $Q = \Delta U + A = 860 \text{ Дж}$

Ответ: 1) $\frac{3}{5}$ 2) 400 K 3) 860 Дж

* P_1, V_1, T_1, ν_1 - давление, объем, температура и кол-во азота
 P_2, V_2, T_2, ν_2 - то же для кислорода

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

③ 1) поле от пластины АВ будет ^{по модулю} таким же как от пластины ВС, но направлено перпендикулярно ~~к~~ ем:



поле в точке К от АВ и ВС
направлены \perp им, т.к. $BN=NA$;
~~и~~ $BN=NC$, а значит ~~и~~
проекция ~~на~~ \vec{E} ~~на~~ ось, и пластины
компрессируют.

$$\text{Тогда } E = \sqrt{E_{0B}^2 + E_{0C}^2} = \sqrt{2} E_{0C}$$

2) Рассмотрим поле от тонкой нити, заряженной равномерно
с линейной плотностью заряда λ . Это поле будет ~~симметрично~~
симметрично в плоскости, \perp нити; т.е.

~~всё~~ ~~в~~езде перпендикулярно от нити и
зависит только от расстояния до неё

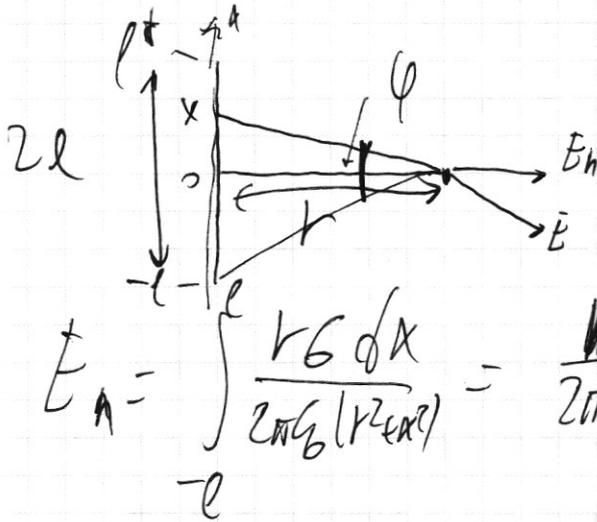


выделим цилиндр длиной l и радиусом r , ось
которого совпадает с нитью. По теореме ~~Гauss~~ $\vec{E} \perp \vec{E}$

$$E \cdot 2\pi r l = \frac{\lambda l}{\epsilon_0}, \quad E = \frac{\lambda}{2\pi \epsilon_0 r}$$

Рассмотрим поле от бесконечной пластины с конечной
шириной ~~на~~ ^{на} ~~оси~~ ^{оси}, ~~и~~ ~~ее~~ ~~плоскости~~ ~~на~~ ~~которой~~ ~~я~~ ~~взял~~ ~~ее~~
серединным перпендикуляром к её плоскости.

Как отмечено в пункте 1), оно будет иметь то же направление нормально к поверхности. На пути и высоте поле.



$$dE_n = \frac{dA \sigma}{2\pi\epsilon_0 (r^2 + x^2)} = \frac{b dx \sigma}{2\pi\epsilon_0 (r^2 + x^2)}$$

$$= \frac{b d(\frac{x}{r})}{2\pi\epsilon_0 (1 + (\frac{x}{r})^2)}$$

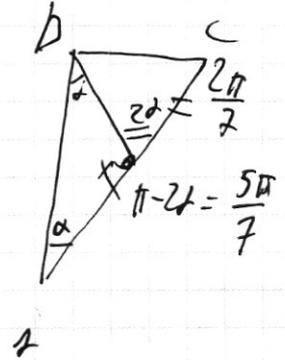
$$E_n = \int_{-l}^l \frac{\sigma b dx}{2\pi\epsilon_0 (r^2 + x^2)} = \frac{\sigma b}{2\pi\epsilon_0} 2 \arctan\left(\frac{l}{r}\right) = \frac{6\sigma}{2\pi\epsilon_0}$$

↑ угол, по которому вышла пластина.

Найдём поле от пластины AB и BC:

$$E_{AB} = \frac{6\sigma}{2\pi\epsilon_0} \cdot (\pi - 2\alpha) = \frac{6 \cdot 5}{14\epsilon_0}$$

$$E_{BC} = \frac{6\sigma}{2\pi\epsilon_0} \cdot 2\alpha = \frac{26}{7\epsilon_0}$$



$$E = \sqrt{E_{AB}^2 + E_{BC}^2} = \frac{6}{\epsilon_0} \sqrt{\frac{25}{196} + \frac{14}{49}} = \frac{6}{\epsilon_0} \sqrt{\frac{2009}{196}} \approx \frac{6}{\epsilon_0} \cdot \frac{44.8}{14.7} \approx 0,46 \frac{6}{\epsilon_0}$$

Ответ: 1) $\sqrt{2} \approx 1,4$ 2) $\frac{6}{\epsilon_0} \sqrt{\frac{2009}{98}} \approx 0,46 \frac{6}{\epsilon_0}$

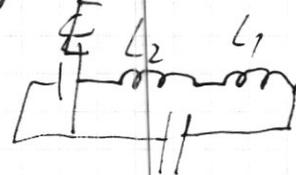
ВЛ

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

а) Рассмотрим, как происходят колебания в цепи.

Сначала ток пойдёт против направления тока отключив утюг.

Схема будет эквивалентна следующая:

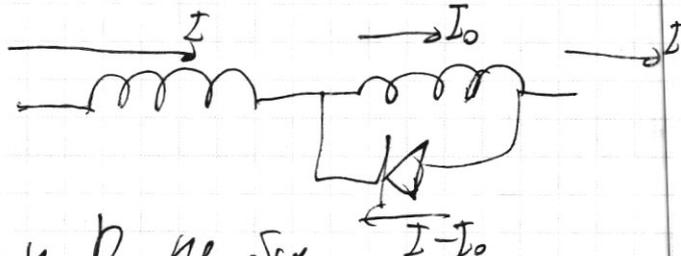


После того, как конденсатор зарядится до напряжения E ,

утюг откроется ~~и на катушке L_1 перестанет течь ток~~

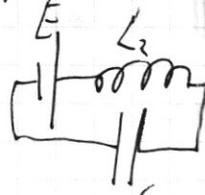
~~ток I и напряжение на L_1 будет 0~~ до закрытия утюга; значит ток

через L_1 не будет меняться, а излишки будут стекать через D :



~~и~~ катушка L_1 и D не будут влиять на ток, поэтому

схема будет эквивалентна



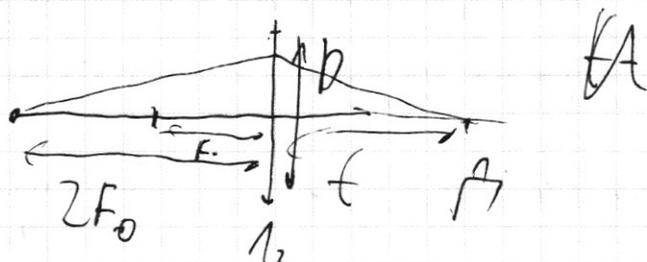
далее конденсатор зарядится до максимального напряжения U_m , после чего начнёт разряжаться. Все это время

утюг будет открыт, иначе ток в L_1 должен будет уменьшиться,

что не возможно, т.к. ~~утюг не может давать напряжения~~

на утюге ~~не может оказаться~~ в прямом направлении напряжения 0.

№5) Линза L_1 ~~удёт~~ собирает лучи в фокусе, поэтому можно считать, что в нём находится точечный источник света, лучи от которого собираются линзой L_2 на детекторе:



т.к. $\frac{1}{2F_0} + \frac{1}{f} = \frac{1}{F_0}$, $f = 2F_0$ - расстояние от L_2 до детектора.

За время T_0 мишень прошла расстояние d параллельно её диаметру ($t=0$, ~~линза~~ мишень не загорается лучом, $t=T_0$, ~~линза~~ мишень полностью освещена).

Т.к. $I \sim P$, а $P \sim$ ~~площадь~~ ^{число} пучка (лучи параллельны,

поэтому все точки на осях расстояния освещены примерно одинаково) т.к. $\Delta I = \frac{I_0}{2}$, диаметр мишени $d = \sqrt{\frac{\Delta I}{I_0}} \cdot \frac{D}{2} = \frac{D}{4}$

тогда скорость ~~мишени~~ ^{мишени} $v = \frac{d}{T_0} = \frac{D}{4T_0}$ (диаметр пучка

~~в мише~~ на расстоянии F_0 от линзы $d' = d \cdot \frac{2F_0}{F_0} = \frac{D}{2}$)

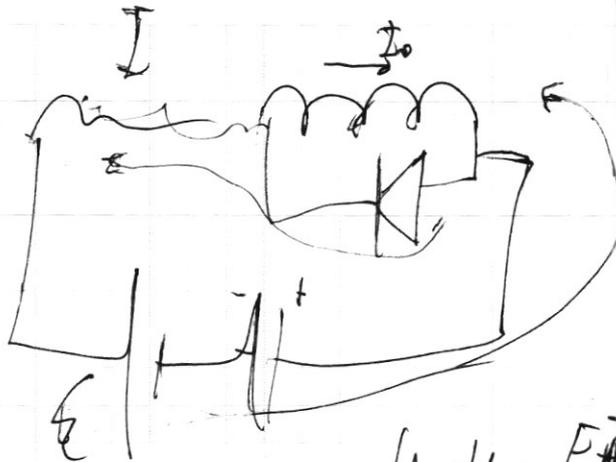
$$t_1 = \frac{D'}{v} = 2T_0$$

Ответ: 1) $2F_0$; 2) $\frac{D}{4T_0}$; 3) $2T_0$

* $\Delta I = I_0 - I_1$ - изменение потока при перекрытии пучка мишенью
 d' - диаметр пучка в месте перекрытия мишенью.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

~~580~~
 $98 \cdot 5 = 490$



$450 \cdot 98 = 44100$
 $= 392$

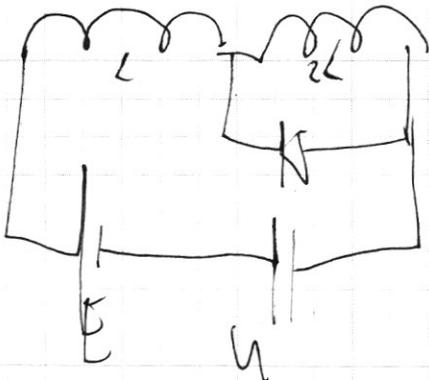
$45^2 = 2025$

$\frac{45}{98}$

U_2 U_1

$U_2 + U_1 = E \cdot U$

$2009 \approx 45^2$

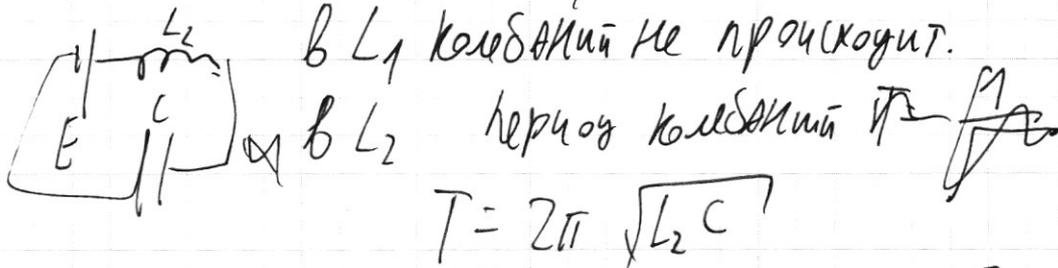


$\sqrt{50-5}^2 = 2500 - 500 + 25$

$\frac{45}{98} =$

$\frac{450}{98}$
 $\frac{392}{580} \quad 0,5/6$

Удале конденсатор разрядится и начнет заряжаться. ток в L_2 будет $< I_0$, но этот угол будет открыт. Таким образом, ~~наименее~~ как далее ситуация повторяется. Таким образом, колебания происходят также как в ~~этой~~ схеме:

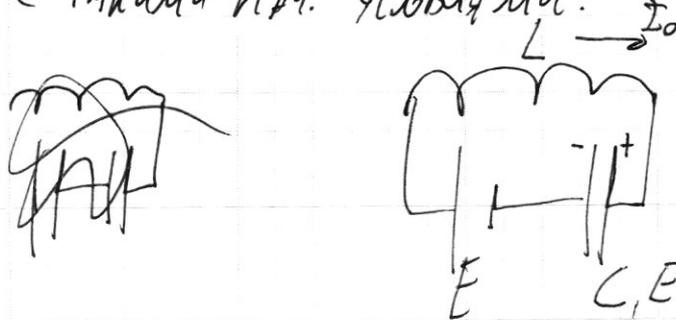


В L_1 максимальный ток I_0 . Его можно найти из ЗЭД при токе в L_1 I_0 конденсатор будет заряжен до E .

~~ЗЭД~~
$$E \cdot CE = (L_1 + L_2) \frac{I_0^2}{2} + \frac{CE^2}{2}$$

$$CE^2 = 3LI_0^2, \quad I_0 = E \sqrt{\frac{C}{3L}} = I_{m1}$$

После установившегося тока I_0 в L_1 колебания происходят как в этой схеме с такими нач. условиями:



при максимальном токе напряжение на катушке 0, поэтому $I_{m2} = I_0 = E \sqrt{\frac{C}{3L}}$

- Ответ:
- 1) в L_2 период $2\pi \sqrt{L_2 C}$, в L_1 колебаний нет
 - 2) $E \sqrt{\frac{C}{3L}}$
 - 3) $E \sqrt{\frac{C}{3L}}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

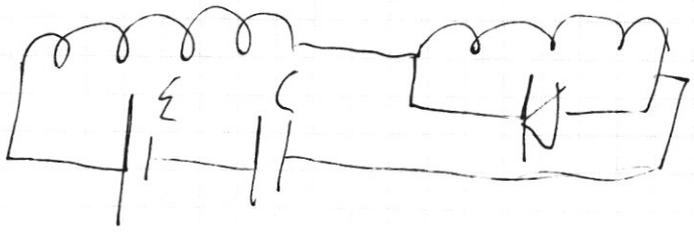
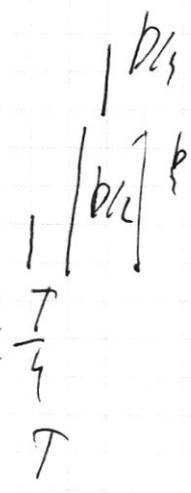
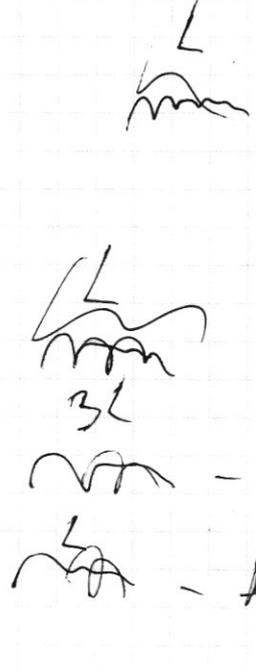
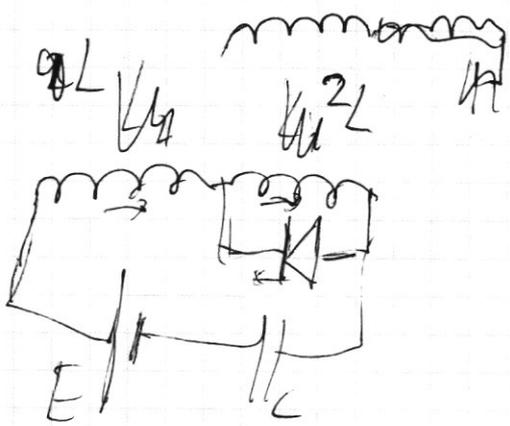
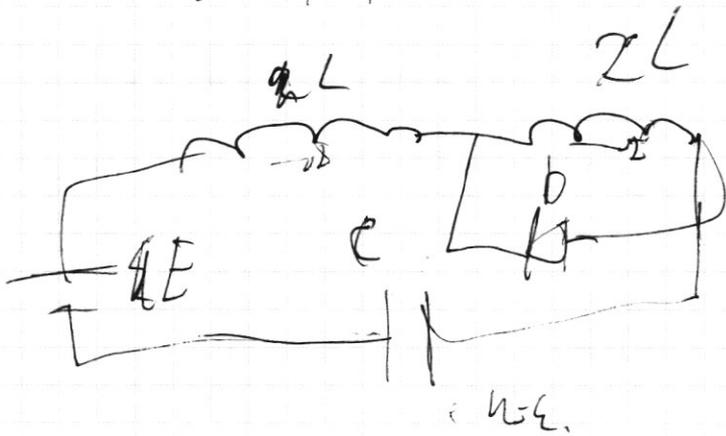
$$\begin{array}{r} 232 \\ \times 32 \\ \hline 259 \\ + 111 \\ \hline 1369 \end{array}$$

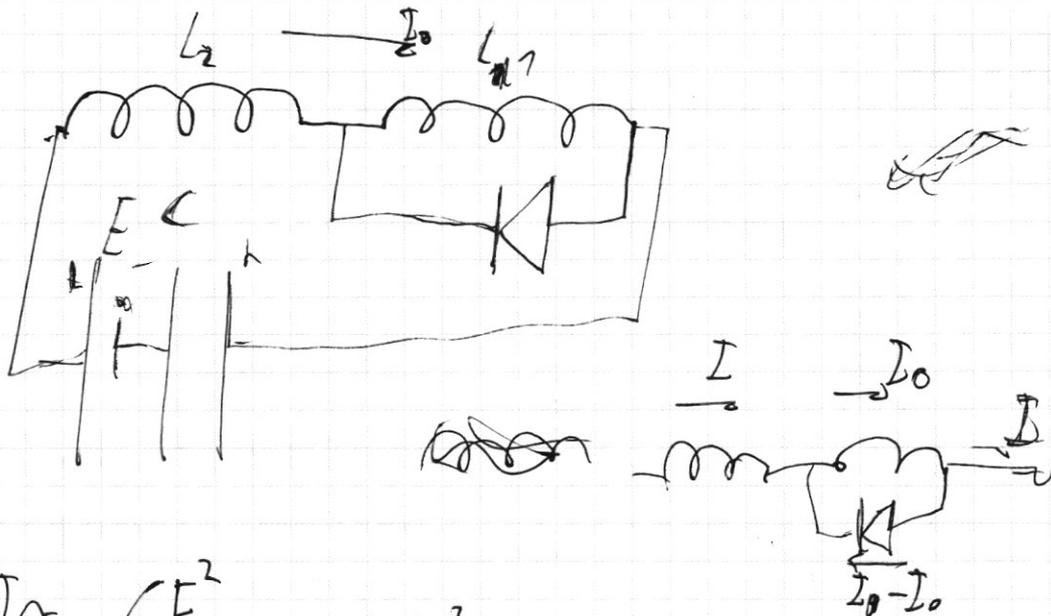
$$\begin{array}{r} 638 \\ \times 38 \\ \hline 304 \\ + 114 \\ \hline 1944 \end{array}$$

$$\frac{6}{50}$$

и.о.

Ток через L_1 в L_2
установится, когда обмотки
не будут излучать энергию
через D .





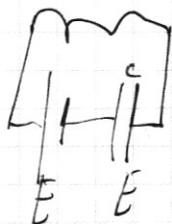
$$CE^2 - \frac{CE^2}{2} = \frac{3LI_0^2}{2}$$

$$CE^2 = 3LI_0^2, \quad I_0 = E \sqrt{\frac{C}{3L}}$$

$$25 \cdot 49 = 1225$$

$$+ 1225$$

$$\frac{784}{2009}$$



$$\frac{LI_0^2}{2} + \frac{CE^2}{2} + 2C(U-E) = \frac{CU^2}{2}$$

$$(4-2)^2 = 1600 - 84$$

$$(4-2)^2 = 1600 - 249$$

$$\frac{30}{98} = 94$$

$$\frac{CE^2}{3} - \frac{CE^2}{2} + 2UE = U^2$$

$$4 \cdot 200 - 16 =$$

$$= 800 - 16 = 784$$

$$U^2 - 2EU + \frac{2}{3}E^2 = 0$$

$$784 + 25 \cdot 49 = 784 + 1225 =$$

$$D = \frac{1}{3}E^2$$

$$U = E \left(1 + \frac{1}{\sqrt{3}} \right) = 600 \text{ mV}$$

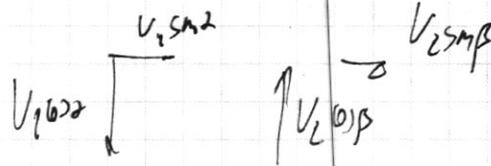
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$500 = \frac{5}{7}$

$500 = 7 \cdot 71$

$\frac{7}{5} \cdot 355$

$V_1 \alpha, \beta$



$V_1 \sin \alpha = V_2 \sin \beta$

$V_2 = V_1 \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$

$8 \cdot \frac{3}{4} = 8 \cdot \frac{3}{2} = 12$

$dP = P dV$

$\frac{3}{7} \cdot 8,31 \cdot 10^2 =$

$= \frac{750 \cdot 8,31}{7}$

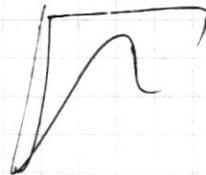
$V_1 \cos \alpha + 4$

$V_2 \cos \beta - 4$

$\cos \alpha = \sqrt{1 - \frac{9}{16}} = \frac{7}{4}$

$\frac{7}{4}$

$\cos \beta =$



$\frac{3}{7} \cdot 8,31$

$\frac{750}{50} = 15$

$15 \cdot 107 = 1605$

$V_1 \cdot \frac{7}{4} + 4 > V_2 \cdot \frac{3}{2} - 4$



$107 \cdot 8,31 = 898,77$

$898,77 + 321 = 1219,77$

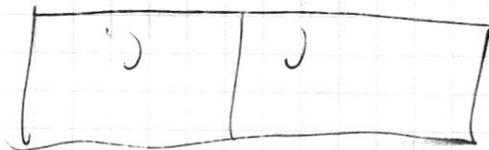
$12 \cdot \frac{3}{2} = 6 \cdot 3 = 18$

$18 \cdot 8,31 = 149,58$

$1219,77 - 149,58 = 1070,19$

$\frac{6}{2} \cdot \frac{3}{4} - \frac{7}{4} \cdot 25 =$

$= 1225$



$PV_1 = \gamma RT_1$

$PV_2 = \gamma RT_2$

$\frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2}$

$\int P dV$

$PV = \gamma RT$

$T = \frac{PV}{\gamma R}$

$P = \frac{\gamma R T}{V}$

$P = \text{const}$

$\frac{3}{7} \cdot \frac{4}{5} \cdot 107 = 60 \cdot 8,31$

$8,31 \cdot 6 = 49,86$

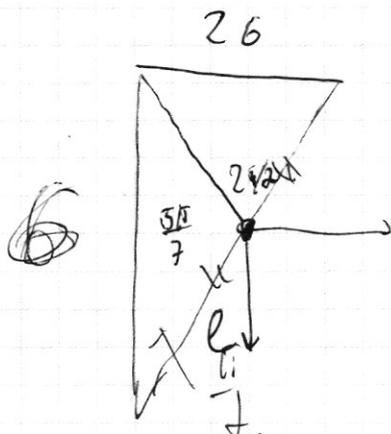
3) 1) R

$50 \cdot 25 = 2500$

$\frac{49}{25} = \frac{4900}{25} = 196$
 $\frac{196}{4} = 49$

2)

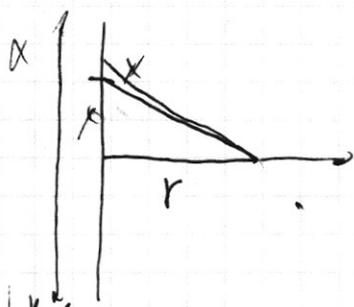
$$\begin{array}{r} 11 \\ + 1225 \\ \hline 1236 \\ + 196 \\ \hline 1421 \end{array}$$



УПЛОТНЕНИЕ
 ТЕРМИОНУ ЧТО?

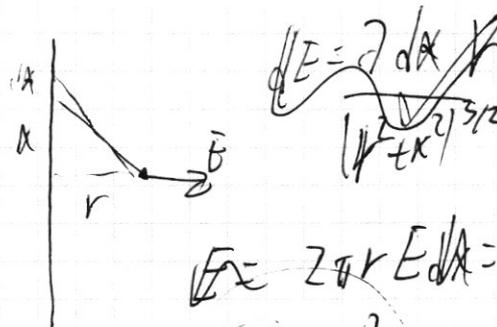
$$\frac{1225}{196} = \frac{1225}{14^2} = 7.5$$

$d = 6dx$



$$dE = \frac{6Ldxr}{4\pi\epsilon_0(r^2+x^2)^{3/2}}$$

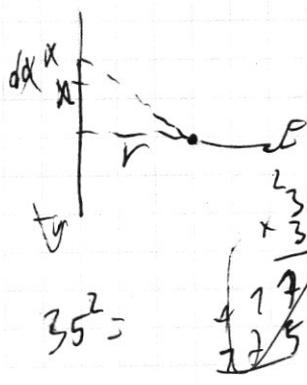
$$dE = \frac{6dx}{2\pi\epsilon_0} \frac{1}{(r^2+x^2)^{3/2}}$$



$$E = \int dE = \frac{7}{2\pi\epsilon_0}$$

$$\frac{3}{5} \cdot \frac{7}{5} \cdot 100 \cdot 0,31 = 60 \cdot 0,31$$

 $480 + 74 = 500$



$$E = \frac{6dxr}{2\pi\epsilon_0(r^2+x^2)^{3/2}} = \frac{6r}{2\pi\epsilon_0} \cdot 2 \arctan\left(\frac{r}{x}\right)$$

$$\frac{4}{2\pi} \cdot 4\pi = \frac{4}{2}$$

$$\begin{array}{r} 33 \\ \times 33 \\ \hline 99 \\ + 99 \\ \hline 687 \end{array}$$



$$\frac{65}{6} = E \cdot 2$$

$$\frac{134}{3} = E$$