

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

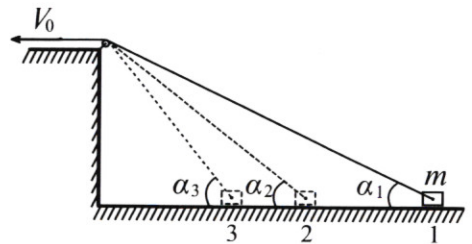
Класс 11

Вариант 11-06

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Груз массой m подтягивается по гладкой горизонтальной поверхности к стене с помощью лебедки, неподвижного небольшого легкого блока и легкого троса (см. рис.). Трос вытягивается лебедкой с постоянной скоростью V_0 . Груз последовательно проходит точки 1, 2 и 3, для которых $\sin \alpha_1 = \frac{1}{2}$, $\sin \alpha_2 = \frac{3}{4}$, $\sin \alpha_3 = \frac{4}{5}$. От точки 1 до точки 2 груз



перемещается за время t_{12} .

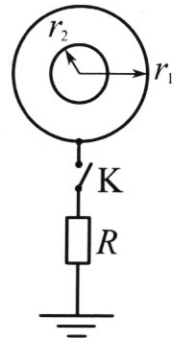
- 1) Найти скорость V_2 груза при прохождении точки 2.
- 2) Найти работу лебедки A_{23} при перемещении груза из точки 2 в точку 3.
- 3) Найти время t_{13} перемещения груза из точки 1 в точку 3.

2. Цилиндрический сосуд, стоящий на горизонтальном столике, помещен в термостат, в котором поддерживается постоянная температура $T_0 = 373 \text{ K}$. Стенки сосуда проводят тепло. Сосуд разделен на две части подвижным (нет трения при перемещении) поршнем. В нижней части находится воздух объемом V_1 , в верхней - водяной пар и немного воды. Содержимое сосуда в равновесии. Поршень своим весом создает добавочное давление $P_0/6$, где P_0 - нормальное атмосферное давление. Сосуд переворачивают и ставят на столик, в верхней части оказывается воздух. Через некоторое время устанавливается новое равновесное состояние.

- 1) Найти объем V_2 воздуха в сосуде после переворачивания.
- 2) Найти изменение массы Δm воды.
- 3) Найти изменение внутренней энергии содержимого сосуда.

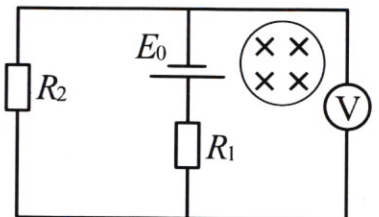
Удельная теплота испарения воды L , молярная масса воды μ . Массой воды, пара и воздуха по сравнению с массой поршня пренебречь. Объемом воды при конденсации пара можно пренебречь по сравнению с объемом пара, из которого образовалась вода. Воздух считать идеальным газом.

3. Два тонкостенных полых проводящих шара (тонкостенные сферы) с общим центром и радиусами r_1 и r_2 образуют сферический конденсатор (см. рис.). На внешнем шаре находится отрицательный заряд $-q$, где $q > 0$, а на внутреннем шаре - положительный заряд Q . Внешний шар соединен с Землей через ключ K и резистор R . Ключ замыкают.



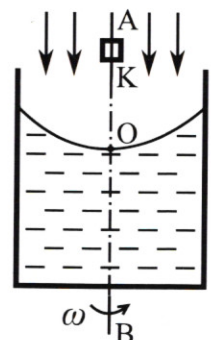
- 1) Найти заряд q_1 на внешнем шаре после замыкания ключа.
 - 2) Найти энергию W_1 электрического поля в пространстве между шарами (сферами) до замыкания ключа.
 - 3) Какое количество теплоты W выделится в резисторе R после замыкания ключа?
- Сопротивление проводов, шаров и Земли не учитывать. Радиусы шаров значительно меньше расстояния между Землей и шарами.

4. В проволочную конструкцию впаяны резисторы с сопротивлениями $R_1 = R$, $R_2 = 3R$, идеальный источник с ЭДС E_0 , вольтметр с сопротивлением $R_V = 4R$ (см. рис.). Сопротивление проводов конструкции пренебрежимо мало. Однородное магнитное поле сосредоточено практически в узкой области - магнитном сердечнике с площадью поперечного сечения S .



- 1) Найти показание V_1 вольтметра, если индукция магнитного поля остается постоянной.
- 2) Найти показание V_2 вольтметра, если индукция магнитного поля возрастает с постоянной скоростью $\Delta B / \Delta t = k > 0$.

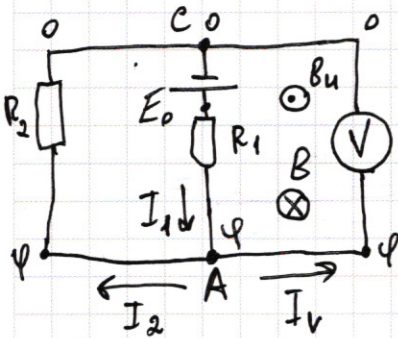
5. Цилиндрический сосуд с жидкостью вращается с угловой скоростью $\omega = 2,5 \text{ c}^{-1}$ вокруг вертикальной оси АВ, совпадающей с осью симметрии сосуда (см. рис.). Наблюдатель, находясь вблизи экватора Земли, рассматривает в полдень изображение Солнца с помощью миниатюрной камеры К, расположенной на оси вращения.



- 1) Найти радиус кривизны свободной поверхности жидкости в её нижней точке О.
- 2) На каком расстоянии от точки О будет наблюдаться изображение Солнца, полученное в отраженных от свободной поверхности жидкости лучах?

Принять $g = 10 \text{ м/с}^2$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Пусть в точке А потенциал φ , в точке В - ноль.
Через R_1 течёт ток I_1 , через R_2 - ток I_2 ,
через вольтметр - I_V .

По правилу Кирхгофа для А: $I_1 = I_2 + I_V$.

По закону Ома: $I_1 = \frac{E_0 - \varphi}{R_1}$, $I_2 = \frac{\varphi}{R_2}$, $I_V = \frac{\varphi}{R_V}$.

Отсюда $\frac{E_0 - \varphi}{R} = \frac{\varphi}{3R} + \frac{\varphi}{4R} = \frac{7}{12} \frac{\varphi}{R}$.

$$E_0 = \frac{19}{12} \varphi, \quad \varphi = \frac{12}{19} E_0.$$

$$V_1 = \varphi - 0 = \varphi = \frac{12}{19} E_0.$$

По правилу Ленца наведённое магнитное поле направлено
против внешнего. По правилу правой руки индукционный ток
 $I_{\text{и}}$ совпадает с I_V . По правилу ЭДС электромагнитной индукции:
 $\mathcal{E}_{\text{и}} = \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} = \frac{\Delta B S}{\Delta t} = k S$.

Сопротивление контура $R_{\text{конт}} = R_V + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = 4R + \frac{3R}{4} = \frac{19}{4} R$.

По закону Ома для полной цепи: $I_{\text{и}} = \frac{\mathcal{E}_{\text{и}}}{R_{\text{конт}}} = \frac{4 k S}{19 R}$.

Ток через вольтметр возрастает.

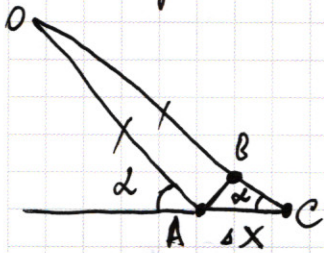
$$V_2 = (I_V + I_{\text{и}}) R_V = \frac{4 k S}{19 R} \cdot 4R + \varphi = \frac{16}{19} k S + \frac{12}{19} E_0$$

Ответ: 1) $\frac{12}{19} E_0$, 2) $\frac{16}{19} k S + \frac{12}{19} E_0$.

СТР. 2

~ 1

За единицу Δx малое время τ , за которое груз проползет между 2.



Пусть $OA = OB$. $\angle ABC \approx 90^\circ$, т.е. $\angle AOB$ мал.

$\alpha = \angle ACO$, т.е. $\angle AOB$ мал.

$BC = v_0 \tau$ - смещение груза.

$$\frac{BC}{AC} = \frac{v_0 \tau}{\Delta x} = \cos \alpha_2.$$

$$\Delta x = v_2 \cdot \tau \Rightarrow v_2 = \frac{v_0}{\cos \alpha_2} = \frac{v_0}{\sqrt{1 - \sin^2 \alpha_2}} =$$

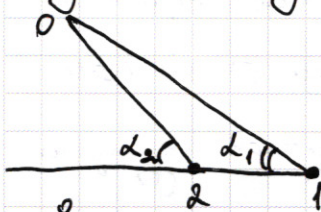
$$= \frac{4v_0}{\sqrt{7}}.$$

Аналогично найдем v_3 . $v_3 = \frac{v_0}{\cos \alpha_3} = \frac{5}{3} v_0$.

$$A_{23} = \Delta E_k = \frac{m v_3^2}{2} - \frac{m v_2^2}{2} = \frac{m v_0^2}{2} \left(\frac{25}{9} - \frac{16}{7} \right) = \frac{m v_0^2}{2} \cdot \frac{31}{63} =$$

$$= \frac{31}{126} m v_0^2.$$

Пусть l_1 - длина троса в точке 1.



0-1: l_1 , 0-2: $l_1 - v_0 t_{12}$.

По мережению ~~смыслов~~ ~~в~~ ~~пределах~~ ~~линии~~:

$$\frac{l_1 - v_0 t_{12}}{\sin \alpha_1} = \frac{l_1}{\sin \alpha_2}, \quad l_1 = \frac{v_0 t_{12} \cdot \sin \alpha_2}{\sin \alpha_2 - \sin \alpha_1}.$$

0-1: l_1 , 0-3: $l_1 - v_0 t_{13}$

По мережению ~~смыслов~~:

$$\frac{l_1 - v_0 t_{13}}{\sin \alpha_1} = \frac{l_1}{\sin \alpha_3}$$

$$v_0 t_{13} \cdot \sin \alpha_3 = l_1 (\sin \alpha_3 - \sin \alpha_1).$$

$$t_{13} = l_1 \cdot \frac{\sin \alpha_3 - \sin \alpha_1}{v_0 \cdot \sin \alpha_3} = \frac{v_0 t_{12} \cdot \sin \alpha_2}{\sin \alpha_2 - \sin \alpha_1} \cdot \frac{\sin \alpha_3 - \sin \alpha_1}{v_0 \cdot \sin \alpha_3} =$$

$$= t_{12} \cdot \frac{\sin \alpha_2}{\sin \alpha_3} \cdot \frac{\sin \alpha_3 - \sin \alpha_1}{\sin \alpha_2 - \sin \alpha_1} = t_{12} \cdot \frac{15}{16} \cdot \frac{6}{8} = \frac{45}{8} t_{12}$$

Ответ: 1) $\frac{4}{\sqrt{7}} v_0$, 2) $\frac{31}{126} m v_0^2$, 3) ~~...~~ $\frac{45}{8} t_{12}$. стр. 3

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

~ 2

$T_0 = 373 \text{ K} = 100 \text{ }^\circ\text{C}$. — температура кипения воды.

~~Условие равновесия~~ ~~корня~~ Давление насыщенного пара воды при $100 \text{ }^\circ\text{C}$ равно атмосферному.

Пусть p_1 и p_2 — давления воздуха в первом и втором сосудах. Условие равновесия корня:

$$p_1 = p_0 + \frac{p_0}{6} = \frac{7}{6} p_0$$

$$p_0 = p_2 + \frac{p_0}{6}$$

$$p_2 = \frac{5}{6} p_0$$

Для воздуха происходит изотермический процесс. По закону Бойля — Мариотта: $p_1 V_1 = p_2 V_2$, $\frac{7}{6} V_1 = \frac{5}{6} V_2$, $V_2 = \frac{7}{5} V_1$.

Уравнение Менделеева — Клапейрона для водяного пара:

$p_0 V_{x1} = \frac{m_1}{\mu} R T_0$, $p_0 V_{x2} = \frac{m_2}{\mu} R T_0$, где V_{x1} и V_{x2} — объёмы пара до и после, m_1 и m_2 — ~~объёмы~~ массы пара до и после.

$V_{x1} + V_1 = V_2 + V_{x2}$, т.к. сосуд имеет постоянный объём.

$V_{x1} - V_{x2} = V_2 - V_1 = \frac{2}{5} V_1$. $\Delta m = -(m_2 - m_1) = m_1 - m_2$.

Отсюда $p_0 (V_{x1} - V_{x2}) = \frac{2}{5} p_0 V_1 = \frac{R T_0}{\mu} (m_1 - m_2) = \frac{R T_0}{\mu} \Delta m$.

$$\Delta m = \frac{2 p_0 V_1 \mu}{5 R T_0}$$

Температура пара и воздуха постоянна, поэтому изменение внутренней энергии идёт за счёт конденсации пара.

$$\Delta U = -L \Delta m = -\frac{2 L p_0 V_1 \mu}{5 R T_0}$$

Ответ: 1) $\frac{7}{5} V_1$, 2) $\frac{2 p_0 V_1 \mu}{5 R T_0}$, 3) $-\frac{2 L p_0 V_1 \mu}{5 R T_0}$. стр. 4 →

~ 3

После замещения кнопа суммарный потенциал в центре конденсатора равен нулю.

$$\frac{kQ}{r_2} + \frac{k(-q)}{r_1} = 0. \quad \frac{Q}{r_2} = \frac{q}{r_1} \quad \frac{kQ}{r_2} + \frac{kq_1}{r_1} = 0$$

$$\frac{q_1}{r_1} = -\frac{Q}{r_2}, \quad q_1 = -Q \frac{r_1}{r_2}.$$

Ёмкость конденсатора: $C = \frac{\epsilon_0 S}{d}$, где ϵ_0 - диэлектрическая постоянная, S - площадь контура посередине между шарами, d - расстояние между шарами.

$$C = \frac{\epsilon_0 \cdot 4\pi r^2}{d} = \frac{\epsilon_0 \cdot 4\pi \cdot \left(\frac{r_1+r_2}{2}\right)^2}{r_1-r_2} = \frac{\epsilon_0 \pi (r_1^2 + 2r_1r_2 + r_2^2)}{r_1-r_2} = \frac{\epsilon_0 \pi (r_1+r_2)^2}{r_1-r_2}$$

$$W_1 = \frac{q_k^2}{2C} = \frac{(Q - (-q))^2}{2C} = \frac{(Q^2 + 2qQ + q^2)(r_1-r_2)}{2\epsilon_0 \pi (r_1+r_2)^2} = \left(\frac{Q+q}{r_1+r_2}\right)^2 \cdot \frac{r_1-r_2}{2\epsilon_0 \pi}$$

После замещения кнопа

$$W_2 = \frac{(Q - (-q_1))^2}{2C} = \frac{Q^2 \left(1 + \frac{r_1}{r_2}\right)^2 (r_1-r_2)}{2\epsilon_0 \pi (r_1+r_2)^2} = \frac{Q^2 (r_1-r_2)}{2\epsilon_0 \pi \cdot r_2^2}$$

Из закона сохранения энергии:

$$W_1 = W_2 + W$$

$$W = W_1 - W_2 = \left(\frac{Q+q}{r_1+r_2}\right)^2 \cdot \frac{r_1-r_2}{2\epsilon_0 \pi} - Q^2 \frac{r_1-r_2}{2\epsilon_0 \pi \cdot r_2^2} =$$

$$= \frac{r_1-r_2}{2\epsilon_0 \pi} \cdot \left(\left(\frac{Q+q}{r_1+r_2}\right)^2 - \left(\frac{Q}{r_2}\right)^2 \right)$$

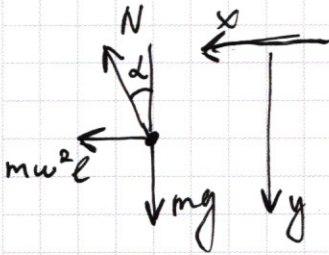
Ответ: 1) $-Q \frac{r_1}{r_2}$, 2) $\left(\frac{Q+q}{r_1+r_2}\right)^2 \cdot \frac{r_1-r_2}{2\epsilon_0 \pi}$, 3) $\frac{r_1-r_2}{2\epsilon_0 \pi} \cdot \left(\left(\frac{Q+q}{r_1+r_2}\right)^2 - \left(\frac{Q}{r_2}\right)^2 \right)$

стр. 5
→

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 5

Рассмотрим "пастышу эмульсии" массой m , вращающуюся на
осью на расстоянии l от вертикали. $\alpha \rightarrow 0$.



Пусть ~~радиус~~ радиус кривизны поверхности R .

Запишем II закон Ньютона:

$$y: N \cdot \cos \alpha = mg$$

$$x: N \cdot \sin \alpha = m\omega^2 l.$$



Отсюда $\operatorname{tg} \alpha = \frac{\omega^2 l}{g}$.

Свойство малого угла $\sin \alpha \approx \operatorname{tg} \alpha$. $\sin \alpha = \frac{l}{R}$

Тогда $\frac{l}{R} = \frac{\omega^2 l}{g}$, ~~$R = \frac{g}{\omega^2} = \frac{9,8 \text{ м/с}^2}{6,25 \text{ с}^{-2}} = 1,6 \text{ м}$~~
 $R = \frac{g}{\omega^2} = \frac{10 \text{ м/с}^2}{6,25 \text{ с}^{-2}} = 1,6 \text{ м}$

Рассмотрим дугу, отражённую от точки поверхности

поверхности, находящейся на некотором удалении от O .



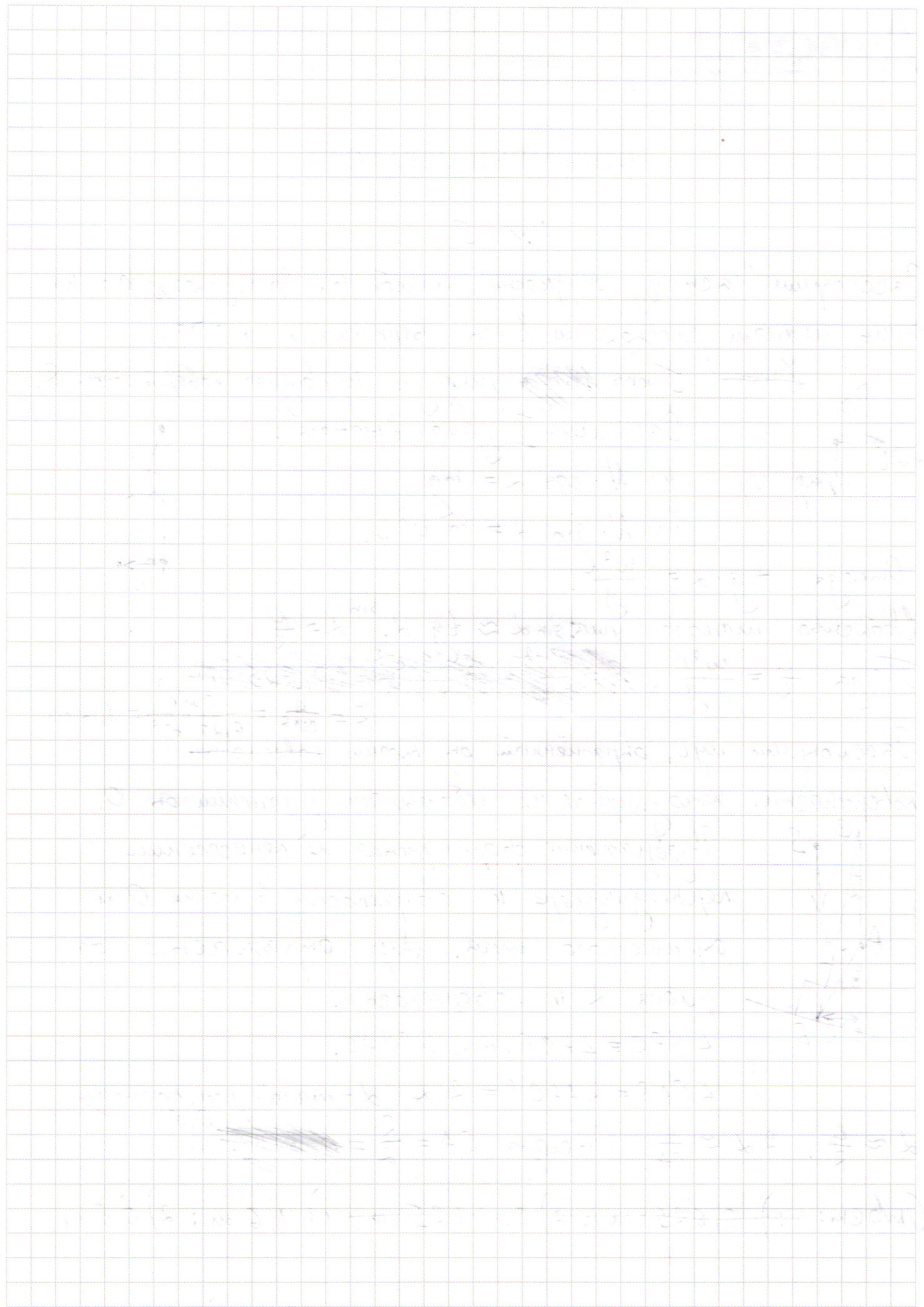
Изображение формируется на пересечении
перпендикуляра к поверхности в точке O и
отражённого дуги. Дуга отражается под
углом α к поверхности.

$$\angle SBC = \angle ACB, \text{ т.к. } SB \parallel AC.$$

$$\angle OAB = 2 \angle ACB = 2 \alpha. \alpha - \text{малый угол, поэтому}$$

$$\alpha \approx \frac{l}{R}. \quad 2 \alpha \approx \frac{l}{OA}. \quad \text{Отсюда } OA = \frac{R}{2} = \frac{1,6}{2} = 0,8 \text{ м.}$$

Ответ: ~~1) 0,625 м, 2) 0,3125 м.~~ 1) 1,6 м; 2) 0,8 м.



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$C = \frac{\varepsilon \varepsilon_0 S}{d} = \frac{\varepsilon_0 \cdot 4\pi r^2}{d} = \frac{\varepsilon_0 (r_1^2 + 2r_1 r_2 + r_2^2)}{d}$$

$$d = r_1 - r_2$$

$$r = \frac{r_1 + r_2}{2}, \quad r^2 = \frac{r_1^2 + 2r_1 r_2 + r_2^2}{4}$$

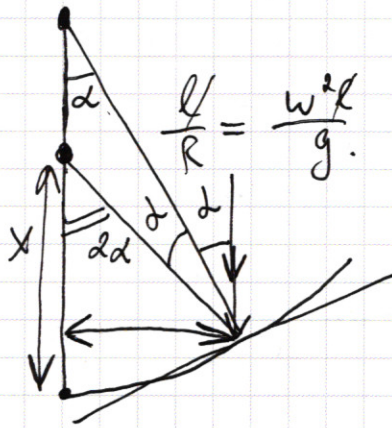
~~$$U_{12} = \frac{Q}{4\pi \varepsilon_0} \left(\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$~~

$$U_{12} = \varphi_1 - \varphi_2 =$$

$$W_1 = \quad W = 2,5 \text{ с}^{-1}$$

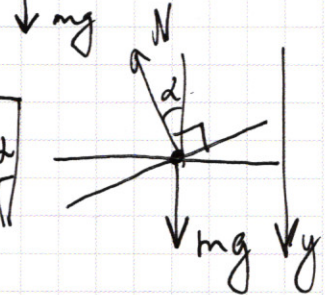
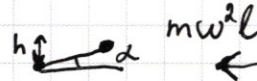


$$\alpha = \frac{l}{R}$$



$$W^2 = Rg$$

$$R = \frac{W^2}{g} = \frac{6,25}{10} = 0,625 \text{ м.}$$



$$mg \cos \alpha = N$$

$$N \sin \alpha = m \omega^2 l$$

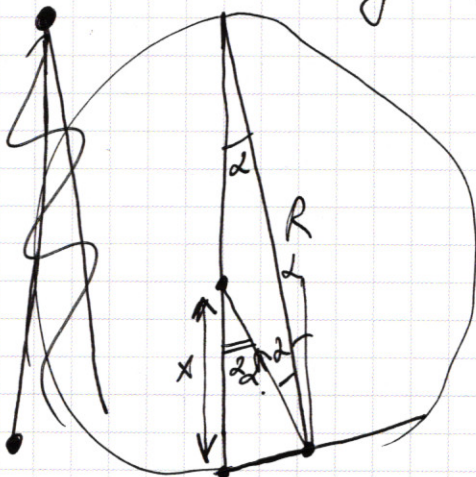
$$N \cos \alpha = mg$$

$$\frac{l}{R} \approx \frac{m \omega^2 l}{mg} = \frac{W^2 l}{g} = 0,25$$

$$\text{tg } \alpha = \frac{W^2 l}{g} \quad 1 + \cos^2 \alpha = \frac{1}{\text{tg}^2 \alpha} = 2 - \sin^2 \alpha$$

$$\sin^2 \alpha = 2 - \frac{1}{\text{tg}^2 \alpha}, \quad \sin \alpha = \sqrt{2 - \frac{1}{\text{tg}^2 \alpha}}$$

$$6,25 = 5^2 \cdot 10^{-2}$$



$$\frac{R}{2} \cdot \frac{10}{6,25} = \frac{2 \cdot 5}{2,5^2} = \frac{2 \cdot 5}{(25 \cdot 0,1)^2} =$$

$$= \frac{10}{5^4 \cdot 10^{-2}} = \frac{10^3}{5^4} = \frac{2^4 \cdot 10^3}{20^4} =$$

$$-2 = \frac{16}{10} = 1,6$$



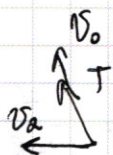
черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{25}{9} - \frac{16}{7} = \frac{31}{63}$$

$$1 - \frac{9}{16} = \frac{7}{16}; \sqrt{\frac{7}{16}} = \frac{\sqrt{7}}{4} \frac{m}{e^2} (c^{-1})^2 =$$



$$v_x = v_0 \cdot \cos \alpha_2$$

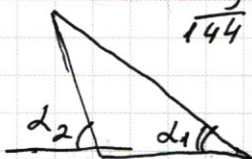
Мало времени τ .

$$(v_0 \tau)^2 = \Delta h^2 + \Delta x^2$$

$$v_0 \tau = \Delta x \quad /: \tau$$

$$v_0 = v_2$$

$$\frac{25}{7} = \frac{16}{175}$$

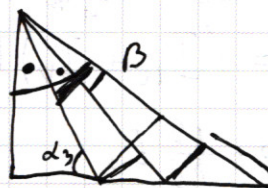


$$1) v_2 = \frac{v_0}{\cos \alpha_2}$$



$$v_3 = \frac{v_0}{\cos \alpha_2}$$

$$A_{23} = \Delta E_k = \frac{m v_3^2}{2} - \frac{m v_2^2}{2} = \frac{m v_0^2}{2} \left(\frac{1}{\cos^2 \alpha_3} - \frac{1}{\cos^2 \alpha_2} \right) = \frac{m v_0^2}{2} \left(\frac{1}{1 - \sin^2 \alpha_3} - \frac{1}{1 - \sin^2 \alpha_2} \right)$$



$$\sum \Delta x = \sum v_i \cdot \Delta t =$$

$$\frac{l_2}{\sin \alpha_1} = \frac{l_1}{\sin \alpha_2} = \frac{l_2 + v_0 t_{12}}{\sin \alpha_2}$$

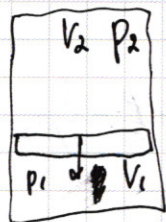
$$\frac{l_2}{\sin \alpha_1} = \frac{l_2 + v_0 t_{12}}{\sin \alpha_2}$$

$$\frac{l_2 - v_0 t_{12}}{\sin \alpha_1} = \frac{l_1}{\sin \alpha_2}$$

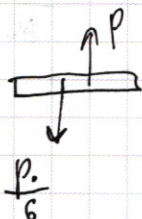
$$l_1 \cdot \sin \alpha_1 = l_1 \cdot \sin \alpha_2 - v_0 t_{12} \cdot \sin \alpha_2$$

$$l_1 (\sin \alpha_2 - \sin \alpha_1) = v_0 t_{12} \cdot \sin \alpha_2$$

$$l_1 \cdot \sin \alpha_1 = l_1 \cdot \sin \alpha_3 - v_0 t_{13} \cdot \sin \alpha_3$$



$$v_0 = v_1 + v_2 \quad 2$$



$$\frac{l_3}{\sin \alpha_1} = \frac{l_1}{\sin \alpha_3} = \frac{l_1 - v_0 t_{13}}{\sin \alpha_1} = \frac{l_1}{\sin \alpha_3}$$

$$t_{13} = l_1 \cdot \frac{\sin \alpha_3 - \sin \alpha_1}{v_0 \cdot \sin \alpha_3} = \frac{v_0 t_{12} \cdot \sin \alpha_2 (\sin \alpha_3 - \sin \alpha_1)}{(\sin \alpha_2 - \sin \alpha_1) \cdot v_0 \cdot \sin \alpha_3} =$$

$$= t_{12} \cdot \frac{\sin \alpha_2}{\sin \alpha_3} \cdot \frac{(\sin \alpha_3 - \sin \alpha_1)}{\sin \alpha_2 - \sin \alpha_1} = t_{12} \cdot \frac{15}{16} \cdot \frac{0,8 - 0,5}{0,75 - 0,5} =$$

$$= t_{12} \cdot \frac{15}{16} \cdot \frac{0,3}{0,25} = t_{12} \cdot \frac{15}{16} \cdot \frac{6}{5} = t_{12} \cdot \frac{18}{16} = t_{12} \cdot \frac{9}{8}$$

1) $-q, q$
 2) $W_1 = \frac{C U^2}{2} = \frac{q^2}{2C}$

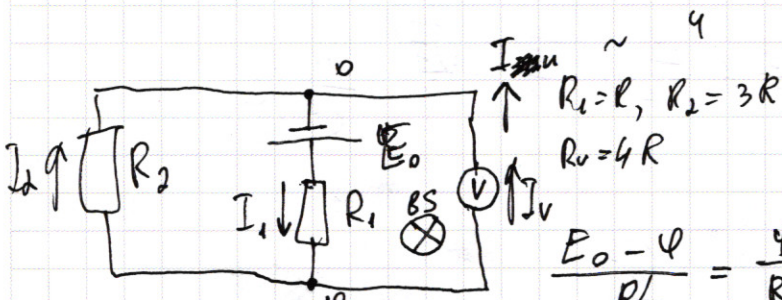
$$C = \frac{\epsilon \epsilon_0 d}{S}$$

$$\varphi_1 = \frac{kq_1}{R_1} = \frac{kq_1}{R_1} = \frac{k(-q_0)}{R_2}$$

$$F = qE = q \frac{\varphi}{d}$$

$$A = Fd = qEd = q\varphi$$

$$\frac{q_1}{R_1} = \frac{q}{R_2}, q_1 = q \cdot \frac{R_1}{R_2}$$



$$E_0 - \varphi = \frac{\varphi}{R_2} + \frac{\varphi}{R_V} = \frac{\varphi}{3R} + \frac{\varphi}{4R} = \frac{7\varphi}{12R}$$

$$E_0 - \varphi = \frac{7}{12} \varphi, E_0 = \frac{21}{12} \varphi, \varphi = \frac{12}{21} E_0$$

$$V_1 = I_1 R_1 = \frac{\varphi}{R_2} R_1 = \frac{12}{21} E_0$$

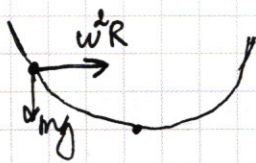
$$\frac{\Delta Q}{\Delta t} = \frac{\Delta \Phi S}{\Delta t} = kS = \epsilon_u, R_{\text{uon}} = R_V + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = 4R + \frac{3R^2}{4R} = 4R + \frac{3}{4}R = \frac{19}{4}R$$

$$I_u = \frac{\epsilon_u}{R_{\text{uon}}} = \frac{kS}{R_{\text{uon}}} = \frac{4kS}{19R}$$

$$I_u = \frac{\epsilon_u}{R_{\text{uon}}} = \frac{kS}{\frac{19}{4}R} = \frac{4kS}{19R}$$

3) $\Delta U = L \Delta m$, н.у. *решение задачи на н.у. без учета роста длины.*

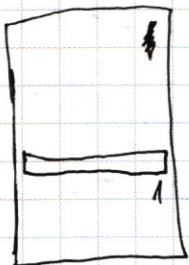
$$V_2 = (I_u + I_v) R_V = \frac{4kS}{19R} \cdot 4R + \frac{12}{21} E_0 = \frac{16}{19} kS + \frac{12}{19} E_0$$



$$mgh = \frac{mv^2}{R}, v^2 = 2gh$$

$$\frac{mv^2}{R} = mg + N$$

$$P_1 = P_2 + \frac{P_0}{6} = P_0 + \frac{P_0}{6} = \frac{7}{6} P_0$$



$$P_1 V_1 = \nu R T_0$$

$$P_2 V_2 = \frac{m_0}{M} R T_0$$

$$\frac{7}{6} P_0 V_1 = \nu R T_0$$

$$P_0 V_{x1} = \frac{m_0}{M} R T_0$$

$$P_0 V_{x2} = \frac{m_1}{M} R T_0$$

$$V_1 + V_{x1} = V_2 + V_{x2}$$

$$V_{x1} - V_{x2} = \frac{2}{5} V_1$$

$$V_1 + V_{x1} = V_2 + V_{x2}$$

$$\frac{7}{6} V_1 = \frac{5}{6} V_2$$

$$1) V_2 = \frac{7}{5} V_1$$

$$P_0 (V_{x1} - V_{x2}) = \frac{R T_0}{M} (m_0 - m_1) = -\Delta m \cdot \frac{R T_0}{M}, \Delta m = -\frac{2}{3} \frac{P_0 V_1 M}{R T_0}$$