

# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

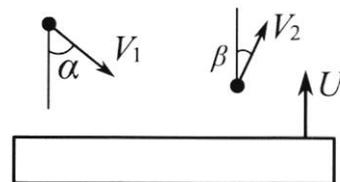
Класс 11

Вариант 11-03

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью  $U$  вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость  $V_1 = 12$  м/с, направленную под углом  $\alpha$  ( $\sin \alpha = \frac{1}{2}$ ) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью  $V_2$ , составляющей угол  $\beta$  ( $\sin \beta = \frac{1}{3}$ ) с вертикалью.

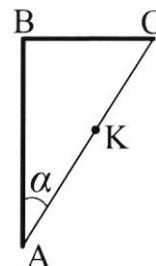


- 1) Найти скорость  $V_2$ .
  - 2) Найти возможные значения скорости плиты  $U$  при таком неупругом ударе.
- Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится водород, во втором – азот, каждый газ в количестве  $\nu = 6/7$  моль. Начальная температура водорода  $T_1 = 350$  К, а азота  $T_2 = 550$  К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Газы считать идеальными с молярной теплоемкостью при постоянном объеме  $C_V = 5R/2$ .  $R = 8,31$  Дж/(моль·К).

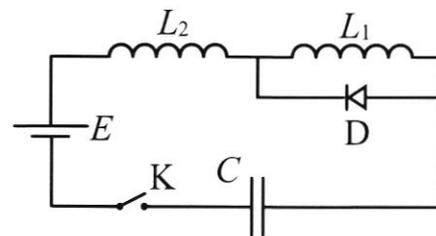
- 1) Найти отношение начальных объемов водорода и азота.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал азот водороду?

3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.

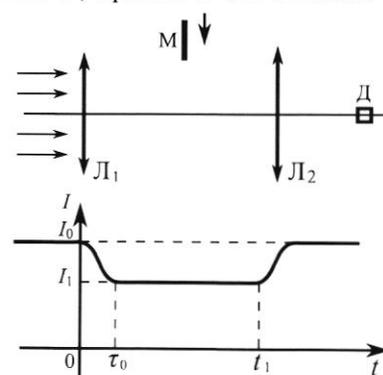


- 1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол  $\alpha = \pi/4$ . Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?
- 2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда  $\sigma_1 = 3\sigma$ ,  $\sigma_2 = \sigma$ , соответственно. Угол  $\alpha = \pi/5$ . Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС  $E$ , катушек с индуктивностями  $L_1 = 4L$ ,  $L_2 = 3L$ , конденсатора емкостью  $C$ , диода D (см. рис.). Ключ  $K$  разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в  $L_1$ .



- 1) Найти период  $T$  этих колебаний.
  - 2) Найти максимальный ток  $I_{M1}$ , текущий через катушку  $L_1$ .
  - 3) Найти максимальный ток  $I_{M2}$ , текущий через катушку  $L_2$ .
5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз  $L_1$  и  $L_2$  (см. рис.) с фокусными расстояниями  $3F_0$  и  $F_0$ , соответственно. Расстояние между линзами  $2F_0$ . Диаметры линз одинаковы и равны  $D$ , причем  $D$  значительно меньше  $F_0$ . На линзу  $L_1$  падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе Д, на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень М, плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии  $F_0$  от  $L_1$ . На рисунке показана зависимость тока  $I$  фотодетектора от времени  $t$  (секундомер включен в момент начала уменьшения тока).  $I_1 = 5I_0/9$ .



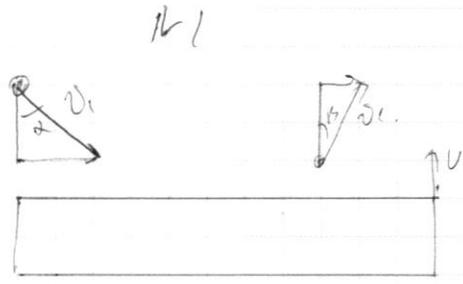
- 1) Найти расстояние между линзой  $L_2$  и фотодетектором.
- 2) Определить скорость  $V$  движения мишени. 3) Определить  $t_1$ .

Известными считать величины  $F_0$ ,  $D$ ,  $\tau_0$ .

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$V$   
 $v_1 = 12 \text{ м/с}$   
 $\frac{1}{3}$

$v_2 = ?$   
скорость  $U$



Пластина массивная при упругом ударе  
было да. параллельно оси скл.  $\vec{v}_{\text{цм}} = \vec{v}_1 + U$  после  
столкновения  $\vec{v}_{\text{цм}} = \vec{v}_1 + U$  - однонаправлено осм,  
 $\vec{v}_2 = \vec{v}_1 + 2U$  - однонаправлено по направлению движения.

$\text{tg } \alpha = \frac{v_2}{v_0}$        $\text{tg } \beta = \frac{v_2}{v_0}$       При одностороннем ударе  
 $\vec{v}_{2\text{ц}} = \vec{v}_0 + 2U$

В какой точке удара в центр.

$v_2 = v_0 \sin \alpha$        $\text{tg } \beta = \frac{\sin \alpha \cdot v_1}{\cos \beta \cdot v_0}$        $\frac{\sin \beta}{\cos \beta} = \frac{\sin \alpha}{\cos \beta \cdot v_0}$        $v_2 = \frac{\sin \alpha \cdot v_1}{\sin \beta} = \frac{1}{2} \cdot \frac{12 \text{ м/с}}{1/3}$   
 $= \frac{2}{2} \cdot 12 \text{ м/с} = 18 \text{ м/с}$

а)  $\text{tg } \beta = \frac{v_2}{v_0}$  Пластина не может передать шару осевую

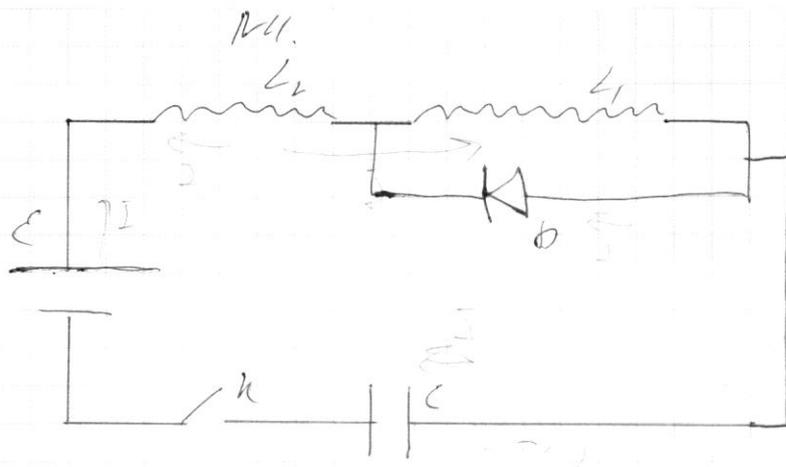
скорости. При ударе:  $\text{tg } \beta = \frac{v_1 \sin \alpha}{v_0 \cos \beta + 2U}$

ЗСЭ:  $\frac{mv_1^2}{2} + \frac{m(U)^2}{2} = \frac{mv_2^2}{2} + G$

$(2U)^2 = v_1^2 + v_2^2 + \frac{2G}{m}$

$U = \frac{\sqrt{v_1^2 + v_2^2 + \frac{2G}{m}}}{2} = \frac{\sqrt{180 + \frac{2G}{m}}}{2}$        $\frac{2G}{m} \rightarrow 0$

- $\epsilon$   
 $L_1 = 4L$   
 $L_2 = 3L$   
 $C$   
 $D$   
 1)  $T = ?$   
 2)  $I_{m1}$   
 3)  $I_{m2}$



$$\epsilon - L_2 \frac{dI}{dt} - L_1 \frac{dI}{dt} = 0$$

$I_{m1} = 0$   
конденсатор не заряжен

Перед пар. кон.  $T = 2\pi\sqrt{LC}$ , но в нашей цепи заряд (конденсатор) будет идти  $\&$  разными путями в разные стороны.

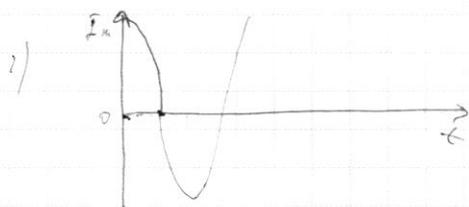
1) рассмотрим первое четверть периода

$$t = \frac{2\pi\sqrt{(3L+4L)C}}{4} = \frac{\pi\sqrt{7LC}}{2}$$

2) 2-ю кв. период, через  $L_1$ -ую индукцию не идет, т.к. на ней весь заряд конденсатора, а на  $L_2$ -ую.

$$t = \frac{2\pi\sqrt{5LC}}{4} = \frac{\pi\sqrt{5LC}}{2}$$

$$T = 2 \cdot \left( \frac{\pi\sqrt{7LC}}{2} + \frac{\pi\sqrt{5LC}}{2} \right) = \pi(\sqrt{7LC} + \sqrt{5LC})$$



$$\frac{I_{m1}^2 L_2^2}{2} + \frac{L_1 I_1^2}{2} = \frac{C \epsilon^2}{2} \quad 4L_1 I_{m1}^2 = C \epsilon^2$$

$$I_{m1} = \sqrt{\frac{C \epsilon^2}{4L_1}}$$

$$I_{m2} \frac{C \epsilon^2}{2} = \frac{L_2 I_{m2}^2}{2}$$

$$\sqrt{\frac{C \epsilon^2}{3L}} = I_{m2}$$

Ответ:  $T = \pi(\sqrt{7LC} + \sqrt{5LC})$      $I_{m1} = \sqrt{\frac{C \epsilon^2}{4L}}$      $I_{m2} = \sqrt{\frac{C \epsilon^2}{3L}}$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$J = \frac{6}{7} \text{ моль}$$

$$T_1 = 350 \text{ K}$$

$$T_2 = 550 \text{ K}$$

$$C_V = \frac{5R}{2}$$

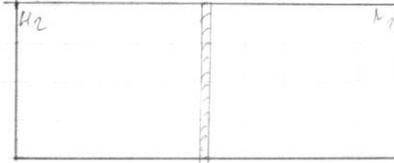
$$R = 8,31 \text{ Дж/моль}\cdot\text{K}$$

$$\frac{V_{H_2}}{V_{N_2}} = ?$$

$$T_2' = ?$$

$$Q = ?$$

$N_2$



$$\text{и.к. } pV = \nu RT$$

и.к. поршень в касательной  
положении не движется  $\rightarrow$   
 $\rightarrow p_1 = p_2$

$$p_{H_2} V_{H_2} = \nu R T_{H_2} \quad | \cdot$$

$$p_{N_2} V_{N_2} = \nu R T_{N_2}$$

$$\times \frac{V_{H_2}}{V_{N_2}} = \frac{T_{H_2}}{T_{N_2}} = \frac{350 \text{ K}}{550 \text{ K}} = \frac{7}{11}$$

$$V_{\text{общ}} = V_{H_2} + \frac{11}{7} V_{H_2} = \frac{18}{7} V_{H_2}$$

Иногда кажется сомнительно, почему поршень  
расширится  $|Q_{\text{общ}}| = |Q_{\text{H}_2}|$

расширится  $|Q_{\text{общ}}| = |Q_{\text{H}_2}|$

$Q = A + \Delta U$ .  $A = p \Delta V$  и поршень движется медленно  $\rightarrow$  и.к. процесс

$$\Delta U = \frac{1}{2} \nu R (T_2 - T_{H_2}) \quad Q_{\text{общ}} = \frac{5}{2} \nu R (T_{H_2} - T_1) \quad Q = \nu R T_1 + A \quad Q_{\text{общ}} = -Q$$

$$p \Delta V + \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_{H_2}) = \frac{5}{2} \nu R (T_{H_2} - T_1) \quad p \Delta V$$

$$T_1 - T_{H_2} = T_{H_2} - T_2$$

$$2T_2 = T_{H_2} + T_1$$

$$T_2 = 450 \text{ K}$$

$$Q = \nu C_V \Delta T \quad p = \text{const.} \quad C_p = C_V + R = \frac{5}{2} R + R = \frac{7}{2} R$$

$$Q = \frac{6}{7} \text{ моль} \cdot (550 - 450) \text{ K} \cdot \frac{7}{2} R = \frac{6 \cdot 100}{2} R = 300 R = 2493 \text{ Дж}$$

Итого:  $\frac{V_{H_2}}{V_{N_2}} = \frac{7}{11}$ ;  $T_2 = 450 \text{ K}$ ;  $Q = 2493 \text{ Дж}$

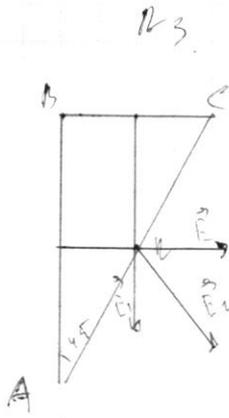
$$1) \alpha = \frac{\pi}{4}$$

$$\frac{E_2}{E_1} = ?$$

$$2) U_1 = 30$$

$$\alpha = \frac{\pi}{4}$$

$$E_1 = ?$$



$$\alpha = \frac{\pi}{4} - \text{уг. } \mu / \delta$$

В м. среднее напряженность  $\vec{E}_1$

BC и AB - бесконечные плоскости.

напряженности т. независимы

от ее удаленя напряженности

постоянна. Во втором случае

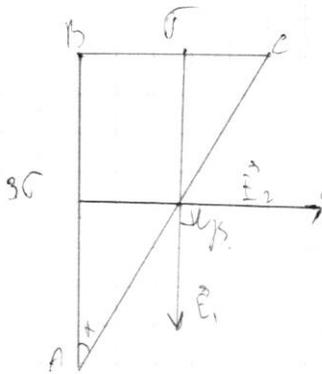
добавится еще одна компонента

$$\vec{E}_2 = \vec{E}_1 + \vec{E}_1' \quad E_1 = E_1' \text{ т.к. } \sigma_1 = \sigma_1' \rightarrow$$

$$\rightarrow E_2 = \sqrt{E_1^2 + E_1^2} = E_1 \sqrt{2}$$

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{E_1 \sqrt{2}}{E_1} = \sqrt{2} \text{ раз увеличилась напряж.}$$

2)



$$E = \frac{U}{2\epsilon_0}$$

AB, BC - бесконеч. плоскости по условию,  
а напряженность над плоскостью постоянна.

$$E = \sqrt{E_1^2 + E_2^2 + 2E_1 E_2 \cos \varphi} = \sqrt{\left(\frac{30}{2\epsilon_0}\right)^2 + \left(\frac{30}{2\epsilon_0}\right)^2}$$

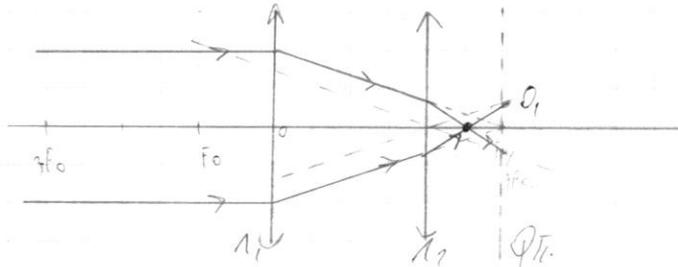
$$= \sqrt{\frac{180^2}{4\epsilon_0^2}} = \frac{\sqrt{180}}{2\epsilon_0}$$

$$\text{Ответ: } \frac{E_2}{E_1} = \sqrt{2}; \quad E = \frac{\sqrt{180}}{2\epsilon_0}$$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№5.

$3f_0$   
 $f_0$   
 $s = 2f_0$   
 $p$   
 $f_0, f_0$   
 $I_1 = \frac{5f_0}{9}$   
 $l_1 - ?$   
 $2) \theta_0$   
 $sH_1$



1) Найдем  $L - 6 \text{ мЛ}$  - фокусное расстояние  
причем знаем  
скорости лучи.

можно построить  
лучи, содержа  
максимум правил  
построения.

1) Парал. лучи пересекутся (содержатся) в  
образе фок.  $L_1, 3f_0$

2) Лучи попадут во  $L_2$  под углом,

построим ход луча в линзе, построим ФТ. через  $f_0, 3f_0$ .

3) Проведем парал. луч через ОУ. луч пройдет в  $L_2$

4) Парал. луч пересекут ФТ. в  $m \cdot O$ , лучи надают

луч  $\theta_0$  проходящий через линзу.

5) Сделаем аналогичное построение для другого  
луча.

6) Лучи пересекаются в  $m \frac{f_0}{2} \Rightarrow L = \frac{f_0}{2}$  (по постро.)

лучи перес. а знаем все лучи содер. в этой точке,  $\Rightarrow$   
 $\Rightarrow$  в ней находится фокусное расстояние.

7) Можно заметить на графике ( $I/t$ ), что в период  
времени  $\theta - f_0$  - так меняем свое значение  $\Rightarrow$  между

ней отменилась и между лучом касатель в ф.д.  $\Rightarrow$

$\Delta l$  - длина между  $\frac{\Delta l}{f_0} = \theta$ . Но мы можем заметить, что

$f_0 - t_1$  - так же меняется по  $I, s f_0 \Rightarrow$  между линзой  
лучом  $\Rightarrow \frac{0 - 241}{5} = t_1 - f_0$

$\bar{U} = \text{const.}$  *константа*  
*неизменна*

15.

$$\frac{\Delta L}{D} = \frac{I_0}{T_0 + t_1}$$

$$\frac{\Delta L}{D} = I_0$$

$$I = kP$$

$$P = \frac{E}{F} \quad E = kD$$

$$\frac{D - 2\Delta L}{D} = t_1 - t_0$$

$$\Delta L = I_0 D$$

$$\frac{\Delta L}{D} = \frac{I_0}{T_0 + t_1}$$

$$\frac{I_0 D}{D} = \frac{I_0}{T_0 + t_1}$$

$$D = \frac{I_0}{T_0 + t_1}$$

$$\frac{D}{D} = \frac{1}{T_0 + t_1}$$

$$F \ll D \Rightarrow$$

$$F \ll D \Rightarrow$$

$$\Delta L = k \Delta t P \quad \frac{4}{3} I_0 = k T_0 P \quad k T_0 P = \frac{4}{3} I_0 k \quad I = P k$$



$$\frac{\Delta l}{v_1} = \frac{\Delta l}{v_0} = \frac{D - 2\Delta l}{t_1 - t_0} \quad \Delta l(t_0 + t_1) = T_0 P_0$$

$$\frac{T_0 P_0}{T_0(t_0 + t_1)} = \frac{D - 2T_0 P_0}{t_1 - t_0}$$

$$\Delta l = \frac{T_0 P_0}{T_0 + t_1} \quad \frac{P_0}{T_0 + t_1} = \frac{D T_0 + D t_1 - 2 T_0 P_0}{(T_0 + t_1)(t_1 - t_0)}$$

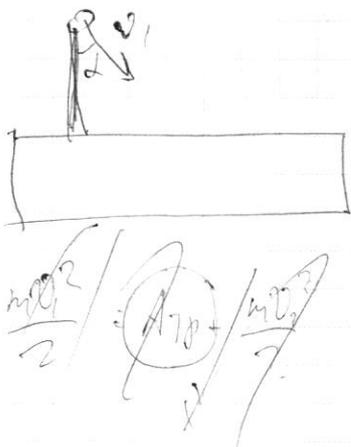
$$D = \frac{D T_0 + D t_1 - 2 T_0 P_0}{t_1 - t_0}$$

$$D t_1 - D t_0 = D T_0 + D t_1 - 2 T_0 P_0$$

$$t_{gr} = \frac{v_2}{v_6}$$

$$t_{gr} = \frac{v_2}{v_6 + 2u}$$

$$t_{gr} = \frac{v_2}{v_6 + 2u}$$



$$mU \quad t_{gr} = v_2$$

$$\frac{mU_1^2}{2} + \frac{mU_2^2}{2} = \text{Aug} \quad \frac{mU_0^2}{2}$$

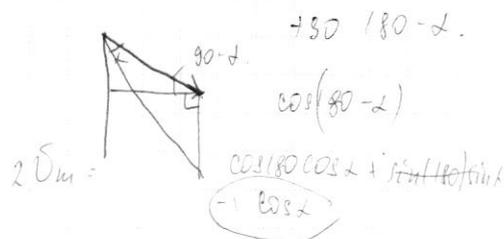
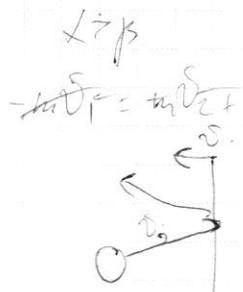
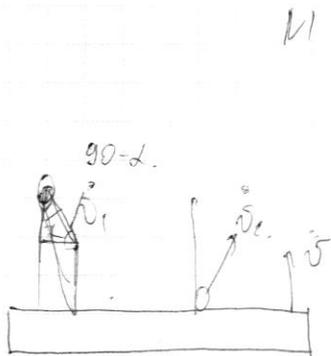
$$t_{gr} = \frac{v_2}{v_6 + 2u}$$

$$\frac{v_1 \sin \alpha}{v_1 \cos \alpha + 2u} = \text{Aug} \rightarrow \frac{v_1 \sin \alpha}{v_1 \cos \alpha} \quad t_{gr} = \text{poco}$$

$$v_1 = \frac{v_0}{2v} \quad \frac{v_0}{2v_0}$$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$v_1$   
 $v_2$   
 $v_2'$

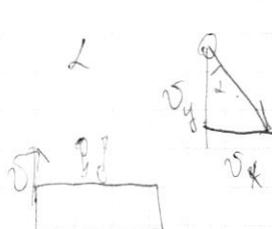


1) Перейдем в СО движущуюся с кинематической скоростью шаря шаря движущего кинематической

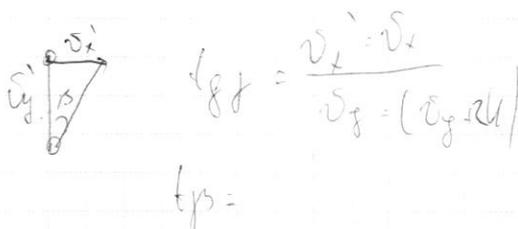
$v_1 = \sqrt{v_2^2 + v^2 + 2v_2 v \cos \alpha}$  в СО шаря.

$E = \frac{v}{2 \cos \alpha}$

$E = \frac{v_0}{2v}$



$\tan \alpha = \frac{v_x}{v_y}$

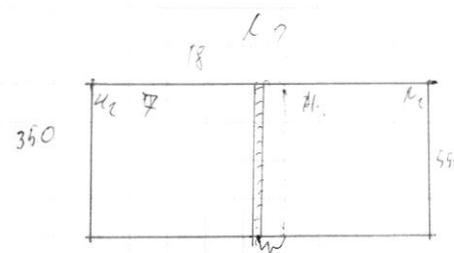


$\frac{1}{2} v + v$

191.300 =  
30  
2499  
3

$k_2 = i = 4$   
 $k_1 = i = 4$   
 $J = \frac{6}{4} \text{ м}$   
 $T_{H_2} = 350 \text{ К}$   
 $T_2 = 550 \text{ К}$   
 $T_1 = T_2$   
 $R_2 = \frac{5R}{2}$

$\frac{V_{H_2, 1}}{V_{H_2, 2}}$



И.И.:  $pV = \nu RT$   
 В параллельном движении  $p_1 = p_2$   
 поперек сечения на сечении  $\rightarrow$   
 $F = p \cdot S = 0, Q = 0 \rightarrow p_1 = p_2$

$p_1 V_1 = \nu_1 R T_1$   
 $p_2 V_2 = \nu_2 R T_2$   
 $\frac{V_{H_2, 1}}{V_{H_2, 2}} = \frac{\nu_{H_2, 1} R T_1}{\nu_{H_2, 2} R T_2} = \frac{350}{550}$

$\frac{V_{H_2, 1}}{V_{H_2, 2}} = \frac{7}{11}$

$Q = \nu C_p (T_2 - T_1)$

$p_1 = p_2, Q = 0, Q_1 = \nu U + A, Q_{H_2} = -Q$

$\nu U_{H_2, 1} + A_{H_2} = A_{H_2} + \nu U_{H_2, 2}$

$\frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1) + p_1 V_p = \frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1) + p_2 V_p$   
 $(V_2^H - V_1^H)$

$\frac{pV}{T} = \nu R$   $\parallel V_{H_2, 1} = 2 \cdot V_{H_2, 2}$

$pV = \nu R T$   $V_0 = V_{H_2, 1} + V_{H_2, 2}$

$V_0 = V_{H_2, 1} + \frac{1}{2} V_{H_2, 1} = \frac{3}{2} V_{H_2, 1}$

$\frac{5}{2} \nu R (T_2 - T_1) - \nu R T_2 + \nu R T_1 = -p(V_2^H - V_1^H) + p(V_2^H - V_1^H)$

$\frac{5}{2} \nu R (T_2^H - T_1^H) = p(V_2^H - V_1^H)$

$\nu R = \frac{\frac{5}{2} \nu R (T_2^H - T_1^H)}{-2p}$

$Q = -\nu U + \nu A$

$pV_1 = \nu R T_1$

$p \cdot V_{H_2} = \nu R T_1$

$p_2 V_2 = \nu R T_2$

$p \cdot (V_{H_2} + \frac{5}{2} \nu R (T_2^H - T_1^H)) = \nu R T_2$

$p = \frac{\nu R T_1}{V_{H_2}}$

$\frac{\nu R T_1}{V_{H_2}} \cdot (V_{H_2} + \frac{5}{2} \nu R (T_2^H - T_1^H)) = \nu R T_2$

$T_1 + \frac{5}{2} T_1 \frac{(T_2^H - T_1^H)}{T_1} = T_2$

$\nu R T_1 + \frac{5}{2} \frac{\nu R (T_2^H - T_1^H)}{-2 T_1 \nu R} = \nu R T_2$

$Q = \nu C_p \Delta T$

$350 + \frac{5}{2} \left( \frac{550 - 350}{-2 \cdot 350} \right) \cdot \frac{5}{2} R$

$350 + \frac{5}{2} \cdot \frac{350 (550 - 350)}{-2 \cdot 350}$

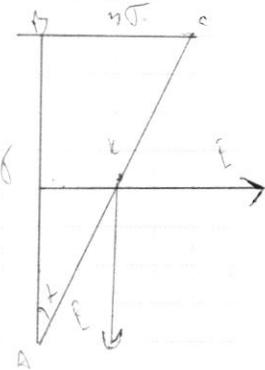
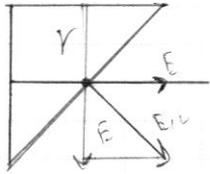
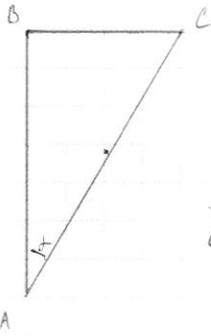
$350 - \frac{5(350 \cdot 550)}{4} \cdot R$

$Q_{H_2}$

$Q = \left( \frac{5}{2} \nu R T (T_2 - T_1) + A \nu V \right)$

$Q = -Q_{H_2}$

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Пусть по массе  $\sigma$   
 масса карм доской массы  $E = \frac{\sigma b}{2}$   
 масса карм в м. к.  $E = \frac{\sigma a}{2}$  м.к. карм  
 доск. масса. Если по. еще доск  $\frac{\sigma}{2}$   
 доск. масса.  $\Rightarrow$

$\Rightarrow E$  по центру тяжести  $\vec{E} = \vec{E}_k + \vec{E}_m$

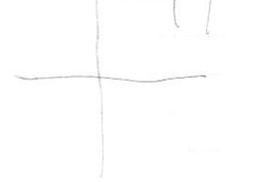
$$E_k = \sqrt{\frac{\sigma^2 b^2}{4c^2} + \frac{\sigma^2 a^2}{4c^2}} = \frac{\sigma c}{\sqrt{2}}$$

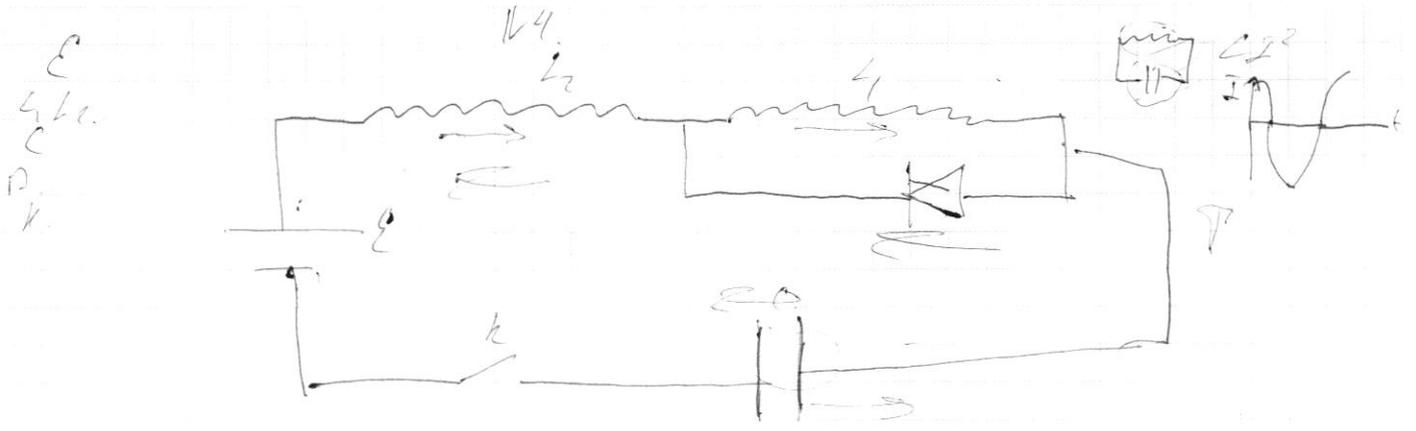
$$E_k = \frac{\sigma a}{\sqrt{2}}$$

$$\left(\frac{2}{\sqrt{2}}\right) \text{ рад.}$$

$$E = k \frac{Q}{r^2}$$

$$\frac{9C}{1.2}$$



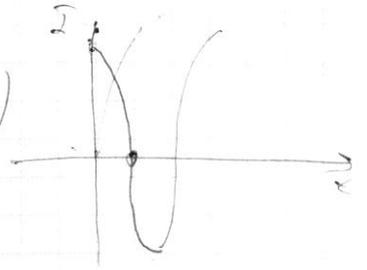


$T_n = 2\pi\sqrt{LC}$ . В нашей цепи ток будет идти по разным путям из-за наличия диода.

$\frac{T}{4}$  - первый час перекрестка энергии с конденсатором на конденсатор.  $I = \frac{\sqrt{(4L+3L)\epsilon}}{4} \cdot 2G = \frac{\sqrt{7LC}}{2} \frac{\epsilon}{r}$

~~то же в оду.~~ ~~второй.~~  $\frac{\sqrt{3LC}}{2} \frac{\epsilon}{r}$

$$I = \left( \frac{\sqrt{7LC}}{2} \frac{\epsilon}{r} + \frac{\sqrt{3LC}}{2} \frac{\epsilon}{r} \right) \cdot 2 = \frac{\epsilon}{r} (\sqrt{7LC} + \sqrt{3LC})$$



$I_m = ?$

$$E = +L_1 \frac{dI}{dt} + L_2 \frac{dI}{dt} + \frac{q}{C}$$

$$E_0 = \frac{L_1 I_m^2}{2} + \frac{L_2 I_m^2}{2} + \frac{C I_m^2}{2}$$

$$W_C = \frac{C E^2}{2}$$

$$\frac{L_2 I_m^2}{2} + \frac{L_1 I_m^2}{2} = \frac{C E^2}{2}$$

$$E_0 = \frac{C E^2}{2}$$

$\frac{C E^2}{2} = q \cdot \text{перекресток энергии конденсаторов во время } \frac{T}{4}$

$$\frac{C E^2}{2} = \frac{L_2 I_m^2}{2} + E_0$$