

Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

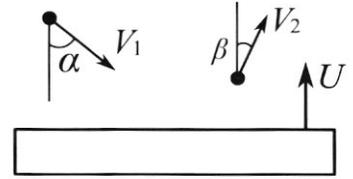
Класс 11

Вариант 11-02

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью U вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость $V_1 = 6$ м/с, направленную под углом α ($\sin \alpha = \frac{2}{3}$) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью V_2 , составляющей угол β ($\sin \beta = \frac{1}{3}$) с вертикалью.



1) Найти скорость V_2 .

2) Найти возможные значения скорости плиты U при таком неупругом ударе.

Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

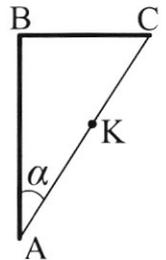
2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится гелий, во втором – неон, каждый газ в количестве $\nu = 6/25$ моль. Начальная температура гелия $T_1 = 330$ К, а неона $T_2 = 440$ К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными. $R = 8,31$ Дж/(моль К).

1) Найти отношение начальных объемов гелия и неона.

2) Найти установившуюся температуру в сосуде.

3) Какое количество теплоты передал неон гелию?

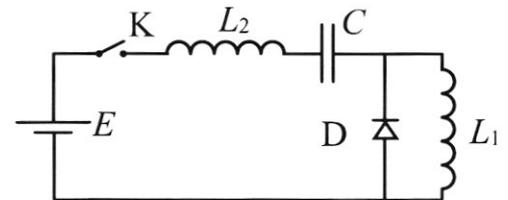
3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол $\alpha = \pi/4$. Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?

2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда $\sigma_1 = 4\sigma$, $\sigma_2 = \sigma$, соответственно. Угол $\alpha = \pi/8$. Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС E , катушек с индуктивностями $L_1 = 3L$, $L_2 = 2L$, конденсатора емкостью C , диода D (см. рис.). Ключ K разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в L_2 .

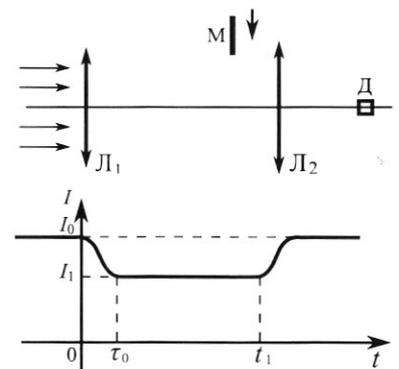


1) Найти период T этих колебаний.

2) Найти максимальный ток I_{01} , текущий через катушку L_1 .

3) Найти максимальный ток I_{02} , текущий через катушку L_2 .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз L_1 и L_2 (см. рис.) с фокусными расстояниями F_0 и $F_0/3$, соответственно. Расстояние между линзами $1,5F_0$. Диаметры линз одинаковы и равны D , причем D значительно меньше F_0 . На линзу L_1 падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе D , на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень M , плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии $5F_0/4$ от L_1 . На рисунке показана зависимость тока I фотодетектора от времени t (секундомер включен в момент начала уменьшения тока). $I_1 = 8I_0/9$.



1) Найти расстояние между линзой L_2 и фотодетектором.

2) Определить скорость V движения мишени. 3) Определить t_1 .

Известными считать величины F_0 , D , τ_0 .

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$\sin \alpha = \frac{2}{3}$
 $\sin \beta = \frac{1}{3}$
 $r_1 = 2b \frac{u}{c}$
 массивная
 плита, U
 (магнитная)
 $M \gg m$

$\vec{p} = \vec{F} dt \quad | \quad \vec{p} = m\vec{v}$
 \Rightarrow движется по горизонтальной поверхности
 тела со скоростью

$r_1 x = r_2 x$
 $r_1 \sin \alpha = r_2 \sin \beta$

$r_2 = r_1 \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = 2r_1 = 2a \frac{u}{c}$

$\cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \frac{\sqrt{5}}{3} \quad | \quad \cos \beta = \sqrt{1 - \sin^2 \beta} = \sqrt{1 - \frac{1}{9}} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$
 $r_{2x} = r_2 \sin \alpha = r_1 \sin \beta = \frac{2u}{c} \quad | \quad \Delta p = m r_{2y} - m r_{1y} = m(r_2 \cos \beta - r_1 \cos \alpha) = 2m \left(\frac{2\sqrt{2}}{3} - \frac{\sqrt{5}}{3} \right) \frac{u}{c} = m \delta u$

Если бы плита соударение было упругим, то энергия бы сохранилась
 и можно было бы сделать так: Решим задачу в СД плиты:

СД Земли:

СД плиты:

$m \cdot k \cdot \text{плита}$ неподвижна и энергия сохр., $M \gg m$
 $k^2 = r_k^2 + (v_k u)^2$
 $M u_k = \Delta p$
 $u_k = \frac{m \delta u}{M}$

ЗСЭ: $\frac{m v_k^2}{2} + 0 = \frac{m v_k^2}{2} + \frac{M u_k^2}{2} + Q$ — потеря энергии

$v_k^2 = v_k^2 + \frac{M}{m} u_k^2 + \frac{2Q}{m}$

$$v_x^2 + (v_{y1} + u)^2 = v_x^2 + (v_{y2} - u)^2 + \frac{m}{M} \left(\frac{m}{M} \Delta v_y \right)^2 + \frac{2Q}{m}$$

~~$$v_{y1}^2 + 2v_{y1}u + u^2 = v_{y2}^2 - 2v_{y2}u + u^2 + \frac{m}{M} \Delta v_y^2 + \frac{2Q}{m}$$~~

$$v_{y1}^2 + 2v_{y1}u + u^2 = v_{y2}^2 - 2v_{y2}u + u^2 + \frac{m}{M} \Delta v_y^2 + \frac{2Q}{m}$$

$$\Delta v_y = v_{y2} - v_{y1} = v_{y2} + |v_{y1}|$$

$$2 \Delta v_y u = (v_{y2} - v_{y1})(v_{y2} + v_{y1}) + \frac{m}{M} \Delta v_y^2 + \frac{2Q}{m}$$

$$2 \Delta v_y u = \Delta v_y (v_{y2} + v_{y1}) + \frac{m}{M} \Delta v_y^2 + \frac{2Q}{m}$$

т.к. $M \gg m$ то $\frac{m}{M} \Delta v_y^2$ можно пренебречь
 $\frac{m}{M} v_y^2$ на фоне всего остального ($2v_{y1}u$ и $\Delta v_y(v_{y2} + v_{y1})$)

получается: $2 \Delta v_y u = \Delta v_y (v_{y2} + v_{y1}) + \frac{2Q}{m}$

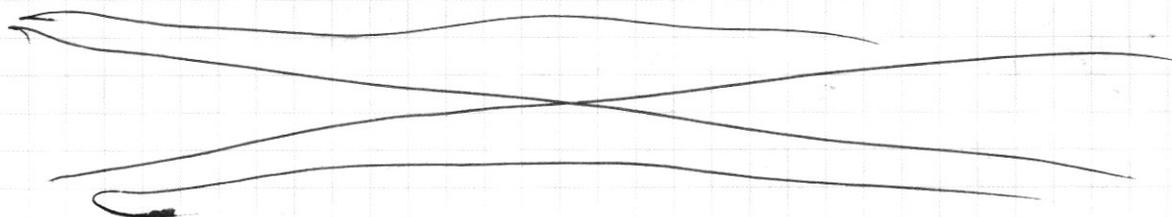
$$u = \frac{v_{y2} + v_{y1}}{2} + \frac{Q}{m \Delta v_y}$$

т.к. $v_{y1} > 0$, $v_{y2} > 0$, $Q > 0 \Rightarrow \frac{Q}{m \Delta v_y} > 0$
 $m > 0$

$$u > \frac{v_{y2} + v_{y1}}{2} \Rightarrow u > \frac{8\sqrt{2} - 2\sqrt{5}}{2} \frac{m}{c}$$

$$\Rightarrow u > (4\sqrt{2} - \sqrt{5}) \frac{m}{c}$$

Ответ: $v_{y2} = 12 \frac{m}{c}$ и $u > (4\sqrt{2} - \sqrt{5}) \frac{m}{c}$.



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$v = \frac{6}{25} \text{ мм/с} = 0,24 \text{ мм/с}$
 $T_1 = 330 \text{ К}$
 $T_2 = 440 \text{ К}$
 1 атм. воды
 $R = 8,31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}}$
 (использовать)
 1) $\frac{v_1}{v_2} = ?$
 2) $T = ?$
 3) $\Delta Q = ?$ (ка>0)

№2
 Решение: манометр-клайперон: $p_1 v_1 = \nu R T_1$
 $p_2 v_2 = \nu R T_2$
 $Q_2 = A_2 + \Delta U_2$

v_1	v_2
ν	ν
T_1	T_2

 $p_1 = p_2$, потому что манометр перемещается
 резко до передвижения (без трения)
 $p v_1 = \nu R T_1$
 $p v_2 = \nu R T_2$

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{T_1}{T_2} = \frac{3}{4} = 0,75$$

$$C_v = \frac{3}{2} R = 1,5 R - \text{1 атм. вода}$$

$$Q_1 = A_1 + \Delta U_1$$

$$Q_2 = A_2 + \Delta U_2$$

$$Q_1 + Q_2 = 0 \text{ м.к. сосуда не меняем}$$

$$\Delta A_1 = p_1 \Delta x$$

$$\Delta A_2 = -p_2 \Delta x \Rightarrow A_2 = -A_1 \text{ (по условию)}$$

$$Q_2 = -Q_1$$

$$Q_1 = A_1 + \Delta U_1$$

$$-Q_1 = -A_1 + \Delta U_2$$

$$\Delta U_1 + \Delta U_2 = 0$$

$$\Delta U_2 = -\Delta U_1$$

$$\Delta U_2 = \frac{C_v}{R} \Delta(p v_2) = C_v \nu \Delta T$$

$\Delta U_1 = C_v \nu \Delta T_1$
 $\Delta U_2 = C_v \nu \Delta T_2$
 так как когда устанавливается равновесие то
 функция равна температуре воздуха (метод разности температур)

$$\Delta T_1 = T - T_1$$

$$\Delta T_2 = T - T_2$$

$$\Delta U_2 = -\Delta U_1 \Rightarrow \Delta T_1 = -\Delta T_2 \Rightarrow T_0 - T_1 = T_2 - T \Rightarrow T = \frac{T_1 + T_2}{2} = 385 \text{ К}$$

$Q = Q_1 + Q_2 = 0$ - изотермический $\Rightarrow \delta l = 0$ - суммарный процесс

$U = \frac{C_V}{R} p_1 V_1 + p_2 V_2 = p(V_1 + V_2) \frac{C_V}{R}$ м.к. $V_1 + V_2 = V(\text{const})$

~~или~~ $U \text{ или } 0$

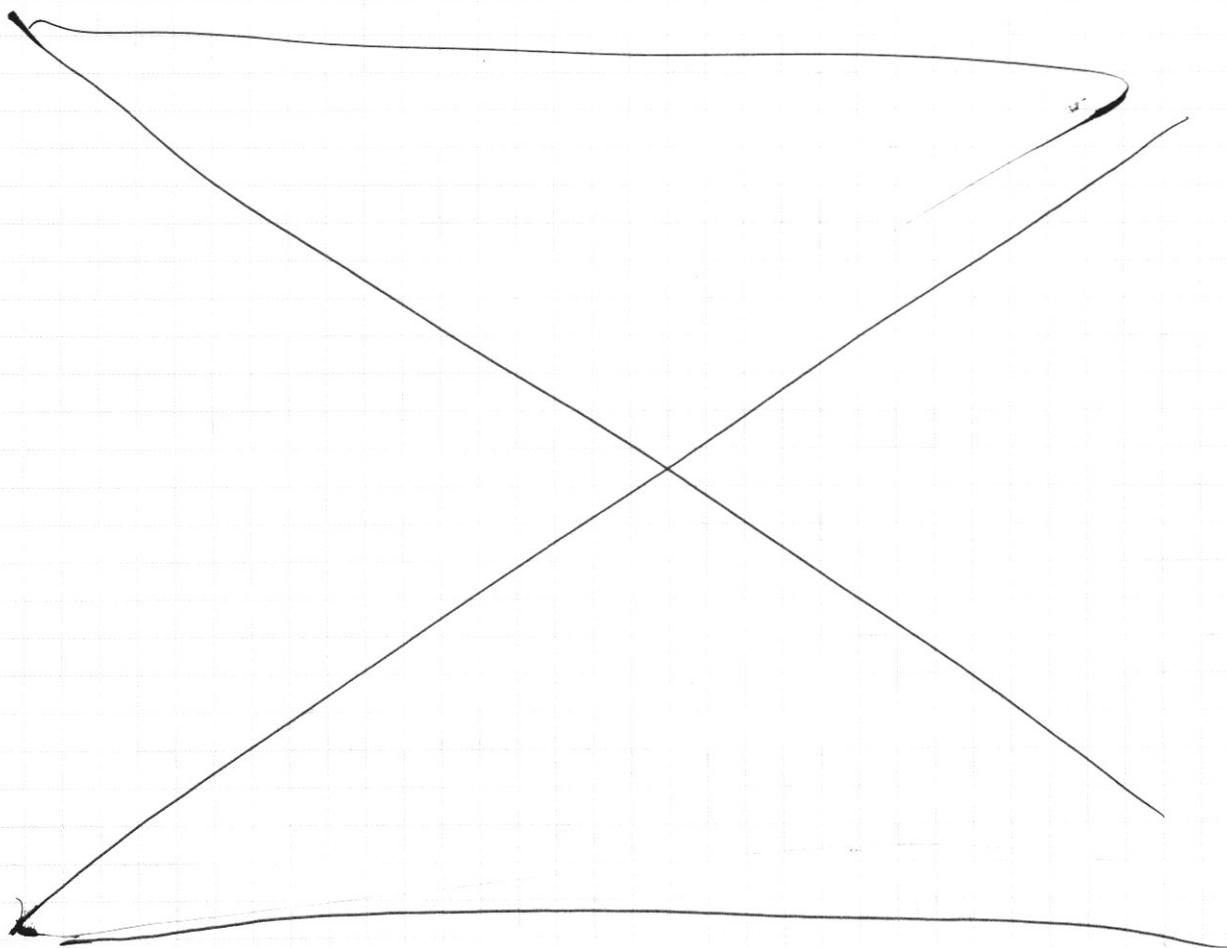
$p = \frac{U}{V \frac{C_V}{R}} = \text{const}$

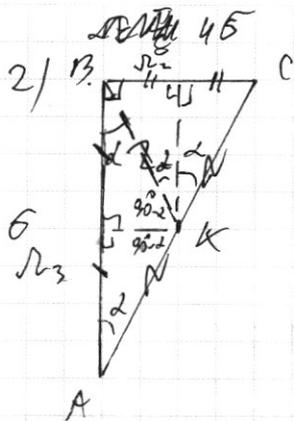
$\Delta T_1 = T - T_1 = 55 \text{ K}$
 $C_p = C_V + R = 2,5 R$

Процесс изобарный

$\delta Q = \delta Q_1 = \delta U_1 + A_1 = C_p V \Delta T_1 = 2,5 R V \Delta T_1 = 2,5 \cdot 8,37 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{K}} \cdot \frac{6}{25} \text{ моль} \cdot 55 \text{ K}$
 ~~$Q_1 = \frac{5}{1} \cdot \frac{8,37}{1} \cdot \frac{6}{25} \cdot \frac{55}{1} = 274,23 \text{ Дж}$~~
 $Q_1 = \frac{7}{1} \cdot \frac{8,37}{1} \cdot \frac{6}{25} \cdot \frac{55}{1} = 274,23 \text{ Дж}$

Имеем: 1) $\frac{V_1}{V_2} = \frac{3}{4} = 0,75$; 2) $T = 385 \text{ K}$; 3) $Q = 274,23 \text{ Дж}$.





БК - медиана в пр. $\alpha = \frac{\pi}{8}$

$$КК = АК = КС$$

$$\sin 2\alpha = \sin\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\cos 2\alpha = \cos\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\tan 2\alpha = \tan\left(\frac{\pi}{4}\right) = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1$$

$$\cos^2 \alpha = \frac{\cos 2\alpha + 1}{2}$$

$$\cos^2 \alpha = \frac{\sqrt{2} + 1}{2}$$

$$\cos 2\alpha = 1 - 2 \sin^2 \alpha$$

$$\sin^2 \alpha = \frac{1 - \cos 2\alpha}{2}$$

$$\sin^2 \alpha = \frac{2 - \sqrt{2}}{2}$$

$$\tan^2 \alpha = \left(\frac{\sin^2 \alpha}{\cos^2 \alpha}\right)^2 = 4 \frac{\sin^2 \alpha}{\cos^2 \alpha} = \frac{2 - \sqrt{2}}{2 + \sqrt{2}} = \frac{(2 - \sqrt{2})^2}{2} = \frac{2}{(2 + \sqrt{2})^2}$$



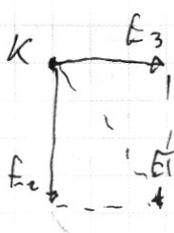
$$\Omega = \left(\frac{\gamma}{2\pi}\right) \cdot 4\pi = 2\gamma$$

можно представить как часть сферы

$$\Omega_2 = 2 \cdot (2\alpha) = 4\alpha = 4 \cdot \frac{\pi}{8} = \frac{\pi}{2} = 0,5\pi$$

$$\Omega_3 = 2 \left(\frac{\pi}{2} - 2\alpha\right) = 2\pi - 4\alpha = 1,5\pi$$

$$E_2 = k\sigma\Omega_2 = k\sigma\pi \quad | \quad E_3 = k\sigma\Omega_3 = 1,5k\sigma\pi \quad \left| \quad k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$



по Пифагору: $E^2 = E_2^2 + E_3^2$ $E = \sqrt{E_2^2 + E_3^2} = 2,5k\sigma\pi = \frac{2,5\sigma\pi}{4\pi\epsilon_0} = \frac{5\sigma}{8\epsilon_0}$

получим: $\frac{E_3}{E_2} = \sqrt{3} \approx 1,41$ $\text{и } E = 2,5k\sigma\pi = \frac{5\sigma}{8\epsilon_0}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

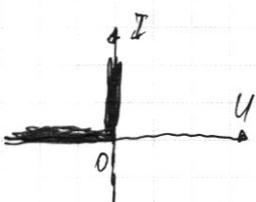
\mathcal{E}
 $L_1 = 3L$
 $L_2 = 2L$
 C, D
конд, диод

1) $T = ?$

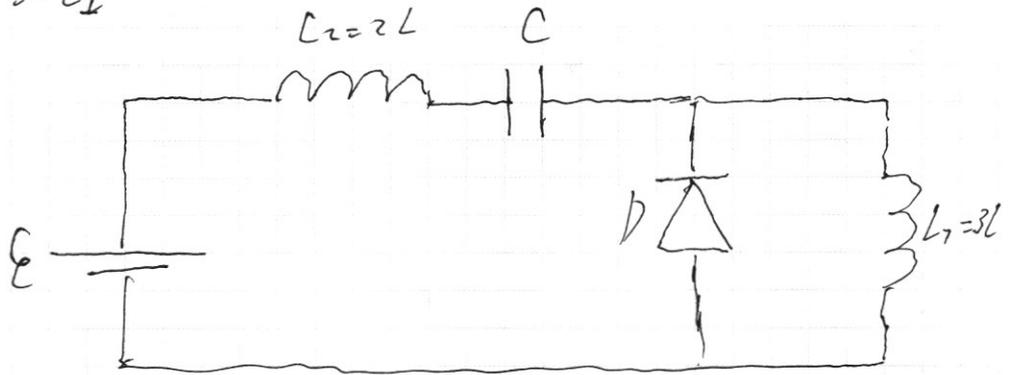
2) $I_{01} = ?$ макс I ?

3) $\mathcal{E}_{02} = ?$ макс I ?

Эквивалентная схема



$\mathcal{E}_i = -L \dot{I}$

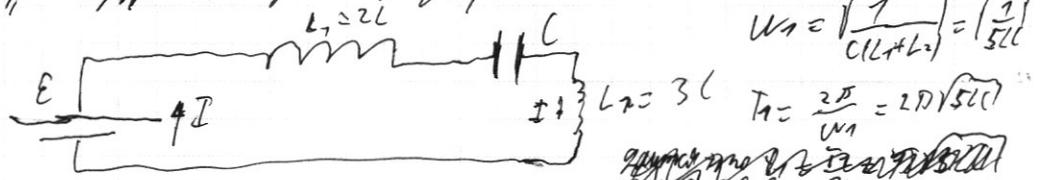


$Q = CU$

$U_{пр} = \mathcal{E}$ - установившееся равновесие

$Q_{пр} = C U_{пр} = C \mathcal{E}$

Когда ток идёт по направлению источника (зарядка конденсатора) \rightarrow диод закрыт и весь ток проходит через L_1



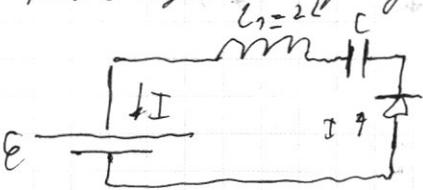
$\omega_1 = \sqrt{\frac{1}{C(L_1+L_2)}} = \sqrt{\frac{1}{5LC}}$

$T_1 = \frac{2\pi}{\omega_1} = 2\pi\sqrt{5LC}$

Когда конденсатор максимально заряжен $\mathcal{E} = 0$

то ток течёт в обратном направлении и уже диод открыт и весь ток идёт через него т.к. $U_C = 0 = |L_1 \dot{I}|$

$I_1 = 0$
 $I_2 = 0$ значит I_1 при зарядке конд. равен 0

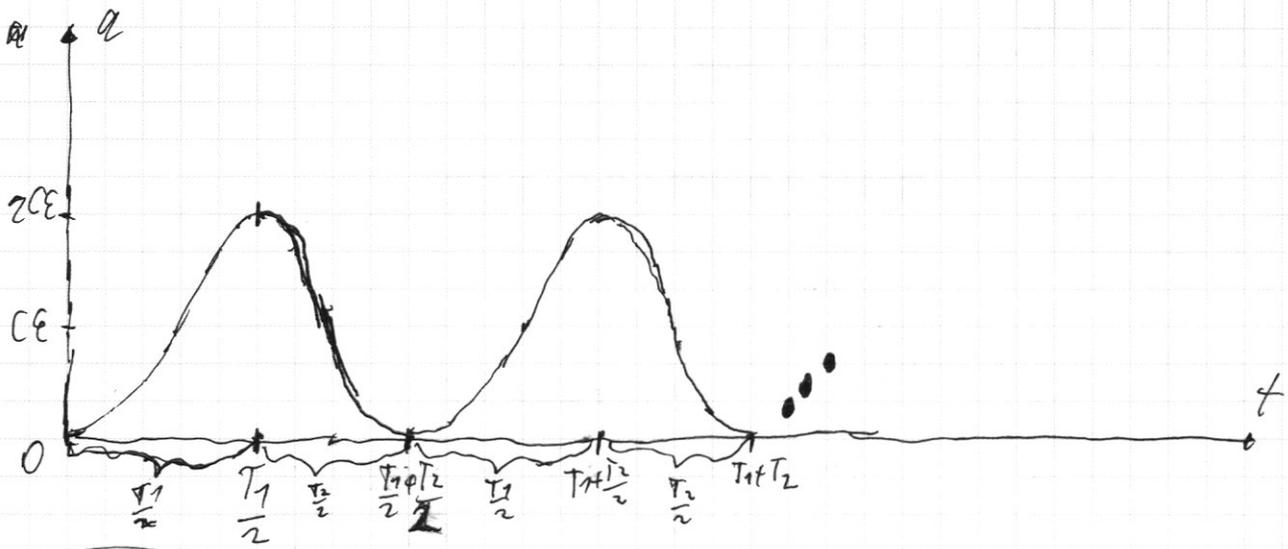


$\omega_2 = \sqrt{\frac{1}{CL_1}} = \sqrt{\frac{1}{2LC}}$

$T_2 = \frac{2\pi}{\omega_2} = 2\pi\sqrt{2LC}$

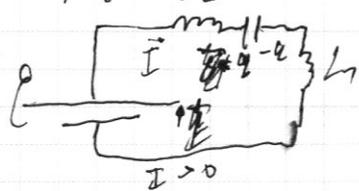
тогда мы всё ещё

ничего не знаем!!!



$$T = \frac{T_1 + T_2}{2} = \frac{2\pi\sqrt{L_1 C} + 2\pi\sqrt{L_2 C}}{2} = \pi\sqrt{LC}(\sqrt{L_1} + \sqrt{L_2})$$

1) первая граница (проводимость)



$$E = iL_1 + iL_2 + \frac{q}{C}$$

$$E = \dot{q}(L_1 + L_2) + \frac{q}{C} \quad \omega_1 = \sqrt{\frac{1}{L_1 + L_2 C}}$$

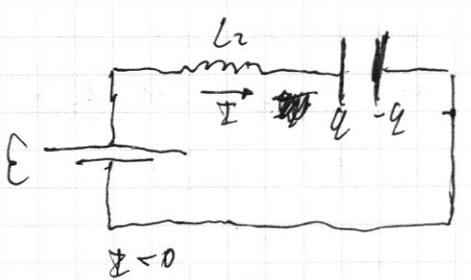
$$\ddot{q} + \frac{1}{(L_1 + L_2)C} q = \frac{E}{L_1 + L_2} \quad |q(0) = 0$$

$$q = EC(1 - \cos(\omega_1 t))$$

$$I = \dot{q} = EC\omega_1 \sin \omega_1 t$$

$I_{max1} = EC\omega_1 = EC\sqrt{\frac{1}{L_1 + L_2 C}} = E\sqrt{\frac{C}{L_1 + L_2}}$
 максимальный ток в первой границе (он равен обобщенному Коши в первой границе)

2) вторая граница (проводимость)



$$E = L_2 \dot{i} + \frac{q}{C}$$

$$E = +\dot{q}L_2 + \frac{q}{C} \quad \omega_2 = \sqrt{\frac{1}{L_2 C}}$$

$$q(0) = 2CE$$

$$q = EC(1 - \cos(\omega_2(t - \frac{T_1}{2}))) + \pi$$

$$I = \dot{q} = EC\omega_2 \sin(\omega_2(t - \frac{T_1}{2}))$$

$$I_{max2} = EC\omega_2 = EC\sqrt{\frac{1}{L_2 C}} = E\sqrt{\frac{C}{L_2}}$$

$$I_{01} = \max(I_{max1}, 0) = I_{max1} = E\sqrt{\frac{C}{L_1 + L_2}}$$

$$I_{02} = \max(I_{max1}, I_{max2}) = I_{max2} = E\sqrt{\frac{C}{L_2}}$$

Ответ: 1) $T = \pi\sqrt{LC}(\sqrt{L_1} + \sqrt{L_2})$ 2) $I_{01} = E\sqrt{\frac{C}{L_1 + L_2}}$ 3) $I_{02} = E\sqrt{\frac{C}{L_2}}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

μ_1 и μ_2
 f_0 и $\frac{f_0}{3}$ совм.

1,5 f_0 - проект

$\frac{5f_0}{4} = 1,25f_0 = 1\frac{1}{4}f_0$

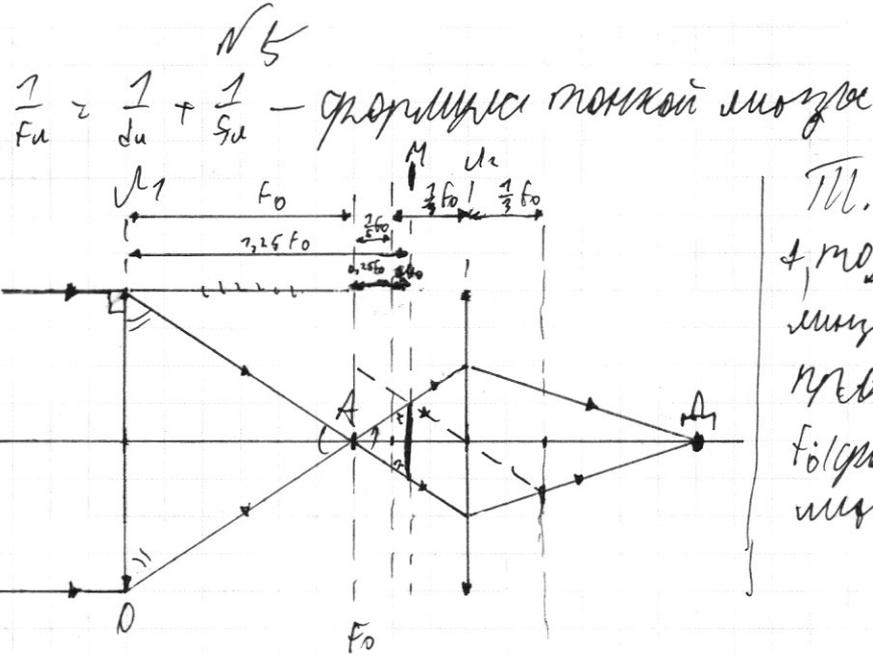
$I(1)$
 $I_1 = \frac{8}{9} I_0$

1) $r_g = ?$

2) $r = ?$

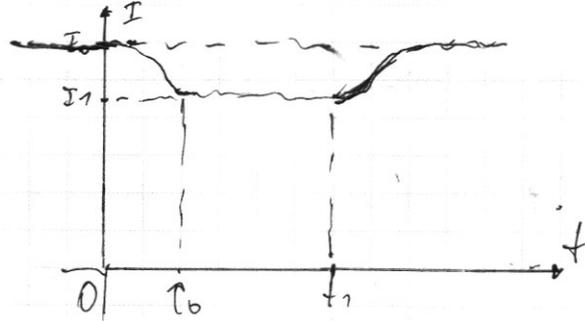
3) $r_1 = ?$

f_0, D, C_0
- известны



Пл.к. луча
+ тогда проеция
луча L_1 от
предмет через
фокус L_2 в
пл.к. луча

Пучок u_g меняет свои ширинные размеры радиально
впл.к. на оптич. оси



$$\frac{1}{\frac{1}{3}f_0} = \frac{1}{1,5f_0 - f_0} + \frac{1}{f_g} \Rightarrow \frac{3}{f_0} = \frac{2}{f_0} + \frac{1}{f_g} \Rightarrow f_g = f_0$$

Диаметр пучка на $1,25f_0$ от L_1 из подобия Δ
- диаметр пучка, где пересекаются лучи

$\frac{D_n}{D} = \frac{1,25f_0 - f_0}{f_0} \Rightarrow D_n = \frac{1}{4} D$ - диаметр в одной сечении

пучка u_g - диаметр пучка на расстоянии $1,25f_0$

а так как вначале искомая величина
распределена равномерно по окружности,
то она будет распределена равномерно
по углу и в ост. на сеч. окружности по углу с
другой стороны. $I = 2S$ | $S_{кр} = \frac{\pi D_{кр}^2}{4} = \pi R_{кр}^2$

$$I_0 = 2 \frac{\pi D_{кр}^2}{4}$$

Здесь $D_{кр}$ — диаметр окружности, по которой мы считаем момент инерции. Вспомогательная

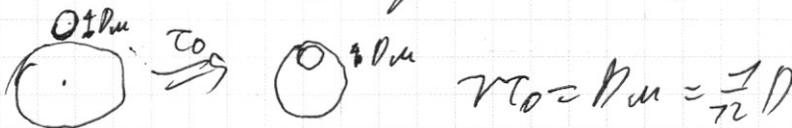
$$I_1 = \frac{8}{9} I_0 = 2 \frac{\pi}{4} (D_n^2 - D_m^2) \quad \text{где } D_m \text{ — диаметр мишени}$$

$$D_m^2 = \frac{1}{9} D_n^2$$

$$D_m = \frac{1}{3} D_n = \frac{1}{3} D$$

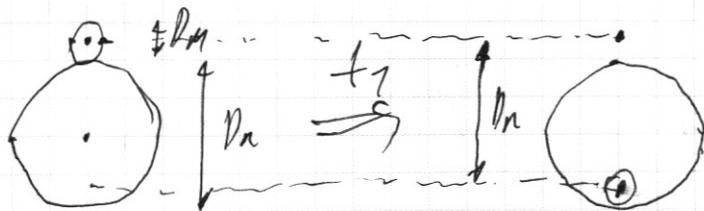
За время t_0 мишень успеет
полностью занять в окруж. D_n

пределах $D_m \Rightarrow$



$$r = \frac{D}{2t_0}$$

За t_1 мишень успеет занять в окруж. D_n и начать выскочить



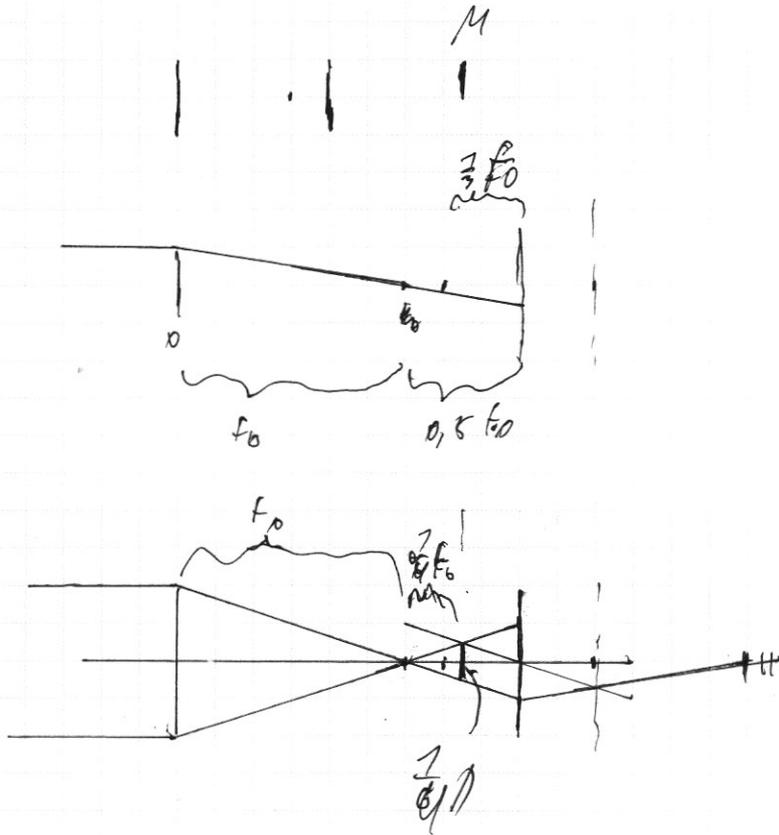
$$D_n = r t_1$$

$$t_1 = \frac{D_n}{r} = \frac{\frac{1}{4} D_n}{\frac{D_n}{2t_0}} = 3t_0$$

$$\text{Ответ: } S_g = F_0; \quad r = \frac{D}{2t_0}; \quad t_1 = 3t_0.$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{b}{4} = 3,5 \text{ км.}$$



$$\frac{3D}{f_0} = \frac{2}{f_0} + \frac{1}{f_s}$$

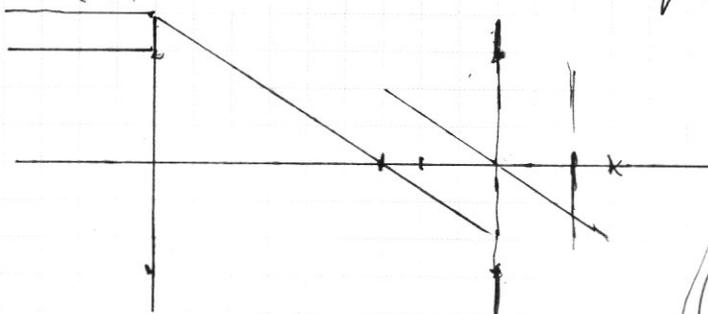
$$\left(\frac{f_s}{3} - t_0\right)$$

gca

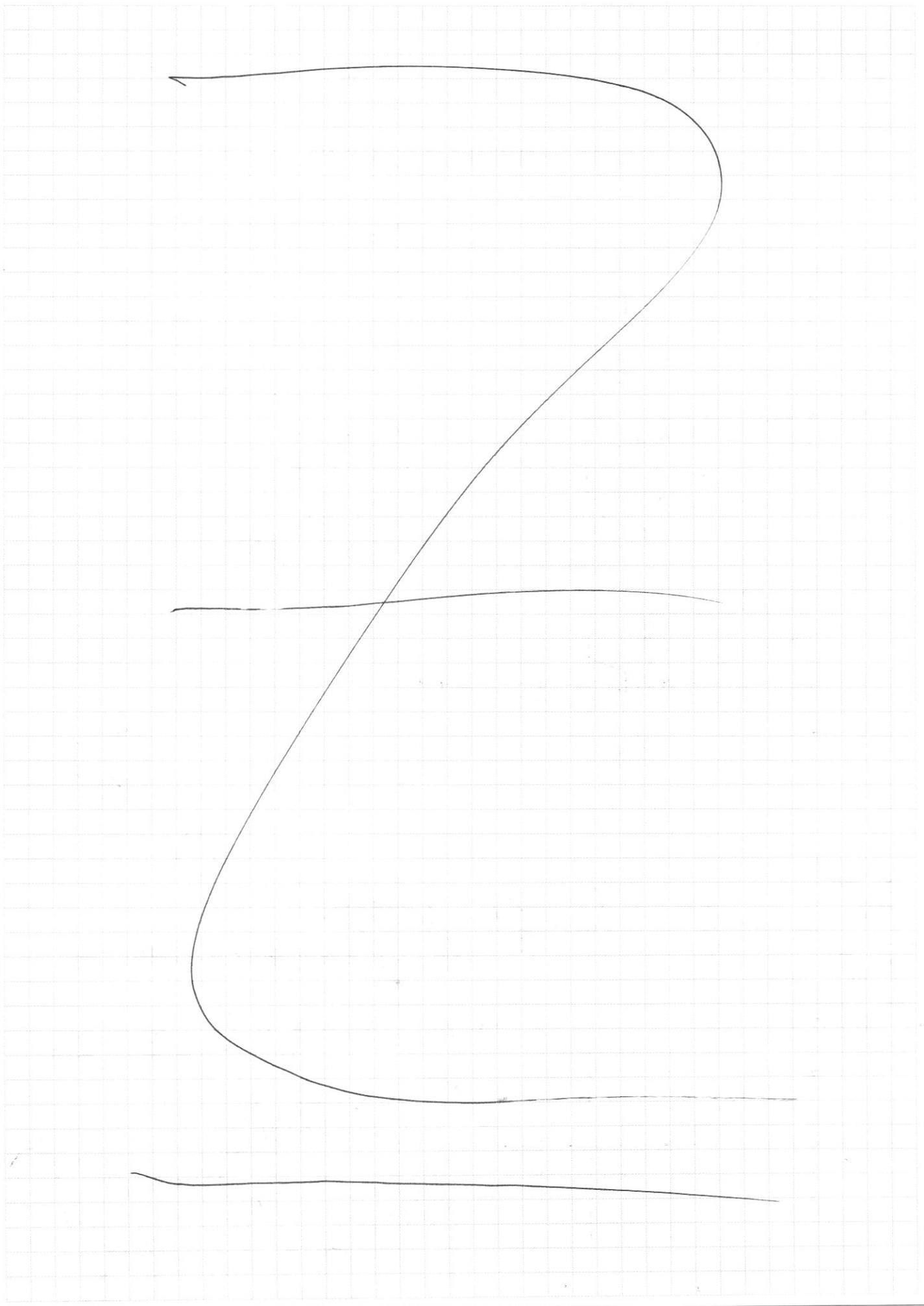
$$\frac{\pi d_m^2}{4} = \frac{7}{9} \quad | \quad d_m = \frac{1}{12} D$$

$$r c_0 = d_m = \frac{1}{12} D \quad | \quad t_0 = \frac{2D}{v} = 2c_0$$

$$r = \frac{D}{12 c_0}$$



$$\left(\frac{f_s}{3} - t_0\right) = \frac{2 \cdot \frac{1}{12} D}{v} = \frac{1}{6} \frac{D}{v} = \frac{1}{6} \frac{D}{c_0} = \frac{1}{6} \frac{D}{c_0} \left(\frac{1}{6} - \frac{1}{3}\right)$$



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\begin{array}{r} 128 \\ 64 \end{array} \Bigg| 2$$

$$128 = 2^7$$

$$2\sqrt{5} + 2\sqrt{2} \approx 8\sqrt{2}$$

$$\sqrt{5} + \sqrt{2} \approx 2\sqrt{2}$$

$$\sqrt{5} + \sqrt{2} \approx 2(\sqrt{2} - \sqrt{5})$$

$$\sqrt{36-16} = 2\sqrt{5}$$

$$\sqrt{144-16} = \sqrt{128} = 8\sqrt{2}$$

10:37

$$PV = \sqrt{RT}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 0,5 \\ \hline 2,5 \end{array} \cdot \begin{array}{r} 3 \\ 1 \\ \hline 3,1 \end{array} = \begin{array}{r} 11 \\ 5 \\ \hline 16 \end{array}$$

~~4~~
~~3~~
~~2~~
~~1~~
5

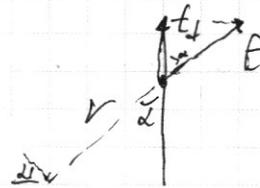
$$\begin{array}{r} 837 \\ 33 \\ \hline 2493 \\ + 2493 \\ \hline 27423 \end{array}$$

$$8,33 = 264$$

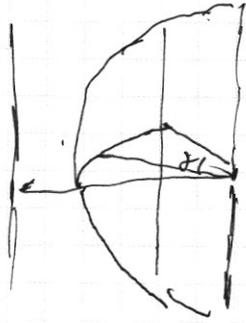
$$0,9 \cdot 33 = 9,9$$

$$264 + 9,9 = 273,9$$

$$0,01 \cdot 33 = 0,33$$



$$\frac{K \cos \alpha}{r^2} \cdot \cos \alpha$$



$$\Omega = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cdot 4\pi R = 2\sigma$$

$$180^\circ - 2\alpha = 2\pi -$$

$$2\alpha$$

и т.

$$\kappa_c = \mu \epsilon$$

$$\kappa_c = \frac{1}{\mu \epsilon}$$

$$\kappa_c \kappa_c = \frac{\epsilon}{\epsilon_0}$$

$$\vec{E} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} (L_2 + L_1) + \frac{q}{C}$$

$$\frac{d}{dt} \frac{1}{C(L_1 + L_2)} q_0 = 0$$

$$\cdot r_2 = 2r_1 = R \quad \sqrt{36 - 28} = 2\sqrt{2}$$

$$\sqrt{900 - 76} = \sqrt{824} = 8\sqrt{2}$$

$$8\sqrt{2} + 2\sqrt{2} \cdot \dots = 2\sqrt{2} + 2\sqrt{2} = 8\sqrt{2}$$

$$\cdot u = u\sqrt{2} - \sqrt{5}$$