

Олимпиада «Физтех» по физике 2022

Класс 9

Вариант 09-01

Шифр

(заполняется секретарём)

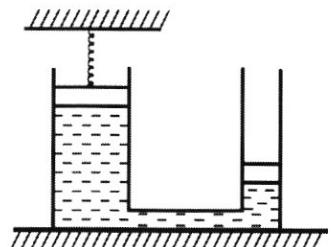
1. Школьник бросает камень вертикально вверх с начальной скоростью $V_0 = 12 \text{ м/с}$.

1) Через какое время t после старта скорость камня будет равна по величине $V_0/3$?

2) На какой высоте h , отсчитанной от точки старта скорость камня будет равна по величине $V_0/3$?

Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Сопротивление воздуха не учитывать.

2. На горизонтальной поверхности расположены два цилиндрических сообщающихся сосуда (см. рис.), в которых налита жидкость плотности ρ . На свободных поверхностях жидкости находятся лёгкие поршни. Зазоров между стенками сосудов и поршнями нет. Левый поршень соединён пружиной жёсткости k с верхней опорой. Разность уровней жидкости в сосудах равна h . Площадь сечения левого поршня S , правого $S/2$. Трение поршней о стенки сосудов пренебрежимо мало. Ускорение свободного падения g .



1) Найдите деформацию x пружины.

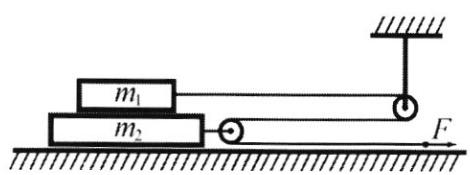
2) Найдите массу m груза, который следует положить на правый поршень, чтобы пружина стала недеформированной.

3. Спутник обращается по круговой орбите вокруг планеты. Высота орбиты $h = 0,5R$, где R – радиус планеты. Плотность планеты ρ . Гравитационная постоянная G . Объём шара $V = \frac{4}{3}\pi R^3$.

1) Найдите ускорение g свободного падения на расстоянии $2R$ от центра планеты.

2) Найдите период T обращения спутника.

4. На горизонтальном столе находятся бруски, соединённые нитью с системой блоков (см. рис.). Массы брусков $m_1 = 2m$, $m_2 = 3m$. Коэффициент трения скольжения нижнего бруска по столу и верхнего бруска по нижнему равен μ . Массы нити и блоков, а также трение в осях блоков пренебрежимо малы.

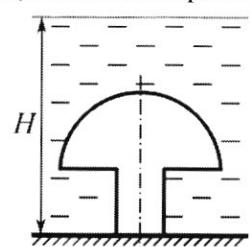


1) Найдите величину F_0 горизонтальной силы, которую следует приложить к свободному концу нити, чтобы нижний бруск скользил по столу, а сила трения, действующая на верхний бруск, была равна нулю.

2) Найдите величину F минимальной силы, при которой нижний бруск скользит по столу, а верхний бруск движется влево относительно нижнего бруска.

5. Ко дну бассейна глубиной $H=2,5 \text{ м}$ приклеена осесимметричная конструкция (см. рис.). Клей затвердел. Верхняя поверхность конструкции – полусфера. Объем конструкции $V = 8 \text{ дм}^3$, площадь соприкосновения конструкции с дном через клей $S = 20 \text{ см}^2$. Плотность воды $\rho = 1 \text{ г/см}^3$, атмосферное давление $P_0 = 100 \text{ кПа}$.

Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$.

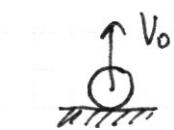


1) Найдите давление P_1 вблизи дна.

2) Найдите величину F силы (с указанием направления), с которой вода действует на конструкцию.

\vec{g}

Задача 1



Мяч движется равноускоренно с ускорением g . Тогда его скорость через время t равна $v = V_0 - gt$

$$V_0/3 = V_0 - gt \Rightarrow t = \frac{2}{3} \frac{V_0}{g} = 0,8 \text{ с.}$$

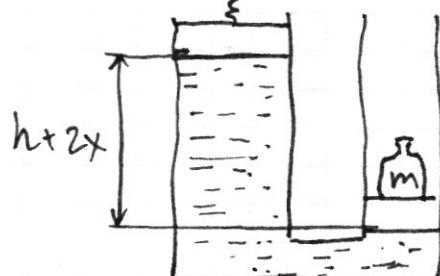
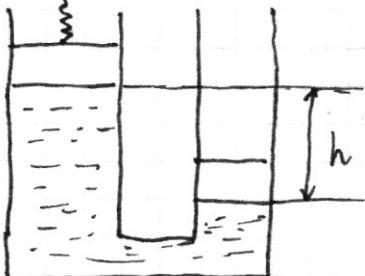
Но за время полёта каждое значение скорости достигалось дважды, на одной и той же высоте. скорость лишь меняла направление.

$$\text{Тогда } -V_0/3 = V_0 - gt \Rightarrow t = \frac{4}{3} \frac{V_0}{g} = 1,6 \text{ с.}$$

$$h = V_0 t - \frac{gt^2}{2} = 6,4 \text{ м}$$

Ответ: через 0,8 с. и через 1,6 с.; 6,4 м

Задача 2

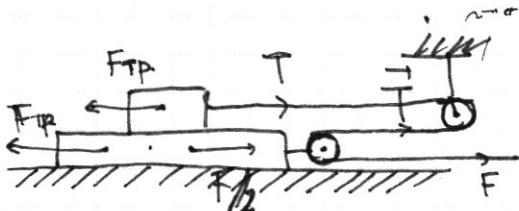


В первом случае, т.к. давления на высоте правого поршня равны, в левом соуде пружина уравновешивает столб воды. Сила тяжести воды действует вниз, а сила упругости, соответственно, вверх:

$$mg - F_{\text{упр.}} = 0$$

$$\text{Тогда } kx = \rho g h S \Rightarrow x = \frac{\rho g h S}{k}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



$$m\ddot{\alpha} = \mu mg$$

$$\frac{F_0}{3} = 2\mu mg \Rightarrow F_0 = 6\mu mg$$

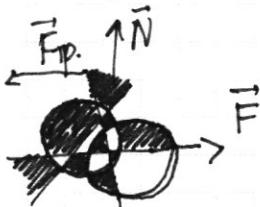
$$ma > \mu mg$$

$$F = 6\mu mg \approx 2\mu mg$$

$$\Leftrightarrow g = \frac{G \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 \cdot \rho}{\frac{9}{4} R^2} = \frac{16}{27} G \rho \pi R$$

$$g = \omega^2 \cdot \frac{3}{2} R = \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 \cdot \frac{3}{2} R = \frac{6\pi^2 R}{T^2} = \frac{16}{27} G \rho \pi R$$

$$T^2 = \frac{81}{8} \frac{\pi^2}{\rho \cdot 6} \Rightarrow T = \frac{9}{2} \sqrt{\frac{\pi^2}{28G}}$$



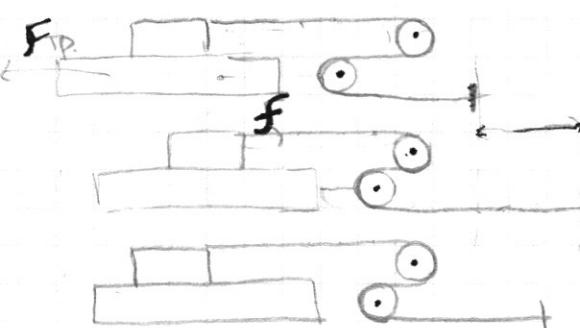
$$g = \frac{G \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 \cdot \rho}{4R^2} = \frac{G \rho \pi R}{3}$$

$$a_2 = \frac{\frac{T}{2} - 3\mu mg}{3m} = \frac{T}{6m} - \frac{3\mu mg}{3m} \quad \frac{T}{6m} - mg > \frac{T}{2m} - mg$$

$$T > 3mg$$

$$a_1 = \frac{T - \frac{2\mu mg}{2m}}{2m} = \frac{T}{2m} - \mu mg$$

$$3T = 6\mu mg \rightarrow T = 2\mu mg$$



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Во втором случае, когда пружина не деформирована, левый поршень поднимется на x , а правый — опустится на x по сравнению с первым случаем. Здесь уже действуют две силы: справа и слева. Т.к. давления равны, то:

$$\frac{mg}{S/2} = \rho g (h + 2x).$$

$$\text{Отсюда } m = \frac{\rho S}{2} (h + \frac{2\rho ghS}{\rho}) = \rho h S (\frac{1}{2} + \frac{\rho g S}{\rho})$$

$$\text{Ответ: } x = \frac{\rho g h S}{\rho} ; \quad m = \rho h S (0,5 + \frac{\rho g S}{\rho})$$

Задача 3.

Ускорение свободного падения на расстоянии H от центра ~~земли~~ планеты можно вычислить по формуле $g = \frac{G \cdot M_p}{H^2}$, где M_p — масса планеты.

$$\text{Тогда при } H=2R \quad g = \frac{G \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 \cdot \rho}{4R^2} = \frac{G \pi R \rho}{3}$$

На высоте орбиты спутника также действует ускорение свободного падения, которое является для него центростремительным.

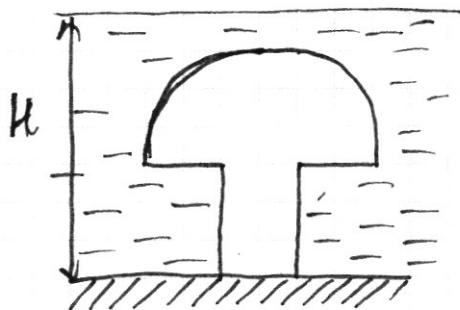
$$\text{Тогда } g = \frac{G \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 \cdot \rho}{(R+h)^2} = \frac{16}{27} G \rho \pi R$$

$$\text{и } g = a_y = \omega^2 R = \left(\frac{2\pi}{T}\right)^2 \cdot (R+h)$$

Выражая из этих двух уравнений T , находим! $T = 4,5 \sqrt{\frac{\pi}{2\rho g}}$

Ответ: $g = \frac{G\pi R\rho}{3}$; $T = 4,5 \sqrt{\frac{\pi}{2\rho g}}$

Задача 5



На дно действует сумма атмосферного давления и давления воды, т.е.

$P_i = P_0 + \rho_1$, где $\rho_1 = \rho g H$ - давление воды.

Тогда $P_i = 100 \text{ кПа} + 25 \text{ кПа} = 125 \text{ кПа}$

На конструкцию действует сила Архимеда, из которой исключили силу со стороны основания, прикрепив его ко дну. Т.е.

$F = F_A - \rho_1 S = 30 \text{ Н}$. Значит, сила направлена вверх.

Ответ: 125 кПа; вверх, $F = 30 \text{ Н}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1)

$$\uparrow v_0$$

$$v/3 = v - gt$$

$$t = \frac{2v}{3g} = \frac{2 \cdot 12}{3 \cdot 10} = \frac{4}{5} = 0,8$$

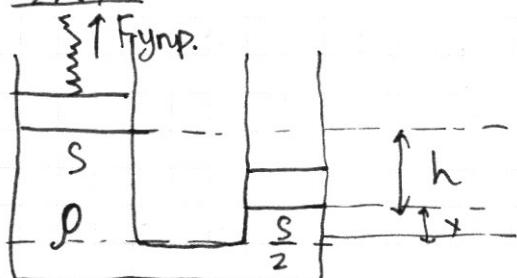
$$\begin{array}{l} 1 \\ \times h \\ \hline 0,8 \\ \hline 9,6 \end{array}$$

$$-v/3 = v - gt \quad t = \frac{4}{3} \frac{v}{g} = 1,6 \text{ с.}$$

$$h = v_0 \cdot t - \frac{gt^2}{2} = 12 \cdot 0,8 - \frac{10 \cdot 0,64}{2} = 9,6 - 3,2 = 6,4 \text{ м}$$

Ответ: через 0,8 с. и через 1,6 с.; 6,4 м

2)



$$\text{В начале: } x \cdot \frac{S}{2} \cdot g$$

$$\text{В конце: } S(h+x) \cdot g - k\Delta x$$

$$x \cdot \frac{S}{2} \cdot g = (h+x) \cdot g - k\Delta x$$

$$S \cdot g \cdot (h+x - \frac{x}{2}) = k\Delta x$$

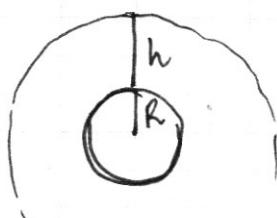
$$S \cdot g \cdot (h + \frac{x}{2}) = k\Delta x$$

$$S \cdot h \cdot g \cdot g = k\Delta x$$

$$\Delta x = \frac{Sh \cdot g}{k}$$

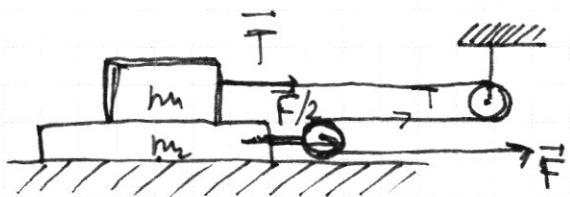
$$S(h+x) \cdot g = x \cdot \frac{S}{2} \cdot g + mg$$

3)



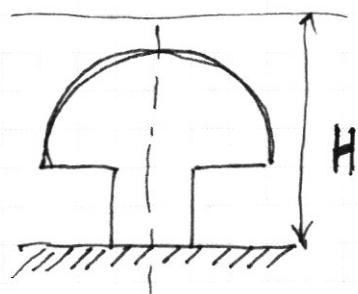
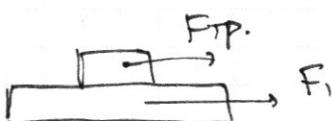
$$g = \frac{G \cdot M_n}{(R+h)^2} = \frac{G \cdot \frac{4}{3} \pi R^3 \cdot \rho}{2,25 R^2} = G \cdot \frac{4}{3} \pi R \cdot \rho \cdot \frac{16}{27}$$

$$T = \sqrt{\frac{27 \pi^2 \cdot 3}{2 G \rho}} = \sqrt{\frac{8 \pi^2}{8 G \rho}} = \frac{g}{4,5 \sqrt{\frac{3 \pi}{2 G \rho}}} = \frac{(2\pi)^2 \cdot 1,5 \pi}{T} = \frac{16}{24} G \pi R \rho$$



Пока $F/2 < \mu_3 mg$ нижний бруск не движется,
 $T = F$ (пока $F < \mu_2 mg$ система не движется)

Если $\mu_2 mg < F < \mu_3 mg$ Верхний бруск движется с ускорением. Если $F = \mu_3 mg$, ~~система~~ грузы не будут двигаться равноускоренно

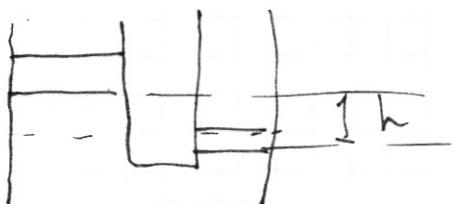


$$V = 8\pi R^3 = 8 \cdot 10^{-3} \text{ м}^3$$

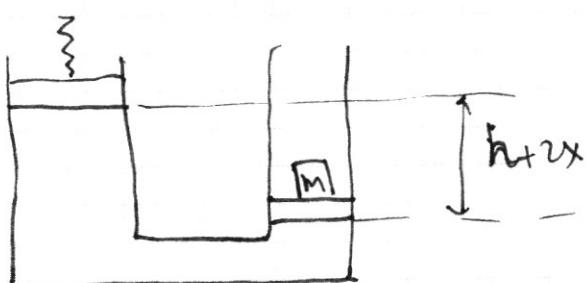
$$20 \text{ см}^2 = 0,002 \text{ м}$$

$$\begin{aligned} p_1 &= p_0 + \rho_1 g h = 100 \text{ кПа} + \rho g h = \\ &= 10^5 + 25 \cdot 10^4 = 125 \cdot 10^4 = 125 \text{ кПа} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} F &= F_A - \rho g h S = F_A - \rho g S = \\ &= \rho g V - \rho g h P_1 S = 80 - \frac{250}{30} = \underline{-120} \text{ Н} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} kx &= \rho g h \cdot S \quad \frac{2mg}{S} = \rho g (h+x) \\ x &= \frac{\rho g h S}{k} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} mg &= \rho g (h+2x) \cdot S \\ m &= \rho (h + \frac{2\rho g h S}{k}) \cdot S = \\ &= \rho g h S + \frac{2\rho^2 S^2 g h}{k} = \\ &= \rho h S (\underline{k + 2\rho g S}) \end{aligned}$$



**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ**

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ШИФР

(заполняется секретарём)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №
(Нумеровать только чистовики)

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	71	72	73	74	75	76	77	78	79	80	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	91	92	93	94	95	96	97	98	99	100
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	-----

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № _____
(Нумеровать только чистовики)



ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

