

Олимпиада «Физтех» по физике 2022

Класс 9

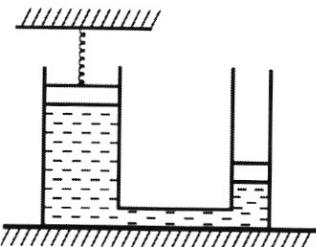
Вариант 09-01

Шифр

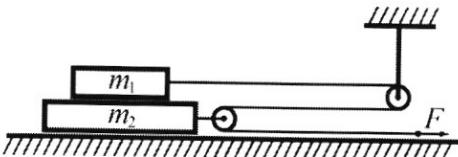
(заполняется секретарём)

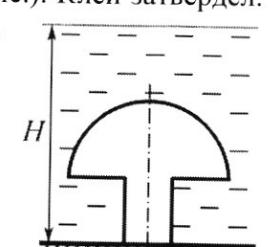
- 1. Школьник бросает камень вертикально вверх с начальной скоростью $V_0 = 12 \text{ м/с}$.
 - 1) Через какое время t после старта скорость камня будет равна по величине $V_0/3$?
 - 2) На какой высоте h , отсчитанной от точки старта скорость камня будет равна по величине $V_0/3$?

Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Сопротивление воздуха не учитывать.

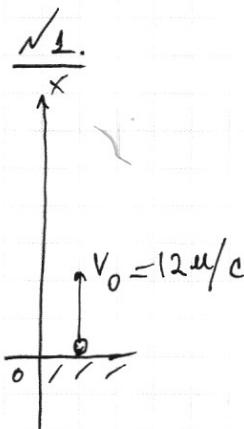
- 2. На горизонтальной поверхности расположены два цилиндрических сообщающихся сосуда (см. рис.), в которых налита жидкость плотности ρ . На свободных поверхностях жидкости находятся лёгкие поршни. Зазоров между стенками сосудов и поршнями нет. Левый поршень соединён пружиной жёсткости k с верхней опорой. Разность уровней жидкости в сосудах равна h . Площадь сечения левого поршня S , правого $S/2$. Трение поршней о стенки сосудов пренебрежимо мало. Ускорение свободного падения g .
 - 1) Найдите деформацию x пружины.
 - 2) Найдите массу m груза, который следует положить на правый поршень, чтобы пружина стала недеформированной.

- 3. Спутник обращается по круговой орбите вокруг планеты. Высота орбиты $h = 0,5R$, где R – радиус планеты. Плотность планеты ρ . Гравитационная постоянная G . Объём шара $V = \frac{4}{3}\pi R^3$.
 - 1) Найдите ускорение g свободного падения на расстоянии $2R$ от центра планеты.
 - 2) Найдите период T обращения спутника.

- 4. На горизонтальном столе находятся бруски, соединённые нитью с системой блоков (см. рис.). Массы брусков $m_1 = 2m$, $m_2 = 3m$. Коэффициент трения скольжения нижнего бруска по столу и верхнего бруска по нижнему равен μ . Массы нити и блоков, а также трение в осях блоков пренебрежимо малы.
 - 1) Найдите величину F_0 горизонтальной силы, которую следует приложить к свободному концу нити, чтобы нижний бруск скользил по столу, а сила трения, действующая на верхний бруск, была равна нулю.
 - 2) Найдите величину F минимальной силы, при которой нижний бруск скользит по столу, а верхний бруск движется влево относительно нижнего бруска.

- 5. Ко дну бассейна глубиной $H=2,5 \text{ м}$ приклеена осесимметричная конструкция (см. рис.). Клей затвердел. Верхняя поверхность конструкции – полусфера. Объем конструкции $V = 8 \text{ дм}^3$, площадь соприкосновения конструкции с дном через клей $S = 20 \text{ см}^2$. Плотность воды $\rho = 1 \text{ г/см}^3$, атмосферное давление $P_0 = 100 \text{ кПа}$. Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$.
 - 1) Найдите давление P_1 вблизи дна.
 - 2) Найдите величину F силы (с указанием направления), с которой вода действует на конструкцию.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



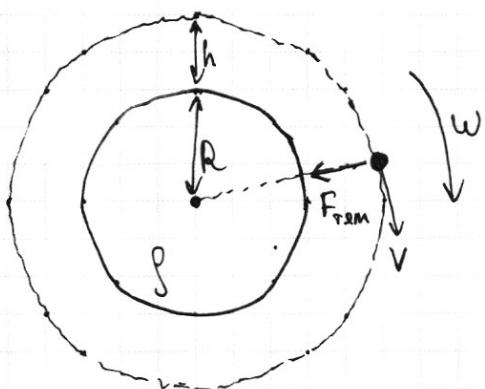
В проекции на ОX: $v = v_0 - gt$ (где $g = 10 \text{ м/с}^2$)
 $x(t) = v_0 t - \frac{gt^2}{2}$ | x -координата по оси ОX
 $v(t) = v_0 - gt$ | t -время, отичанное от броска
 v -скорость камня (проекция на ОX)

$$1) |v(t)| = \frac{v_0}{3} = 4 \text{ м/с} \Leftrightarrow \begin{cases} v_0 - gt = \frac{v_0}{3} \\ gt - v_0 = \frac{v_0}{3} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t = \frac{2}{3} \frac{v_0}{g} = 0,8 \text{ с} \\ t = \frac{4}{3} \frac{v_0}{g} = 1,6 \text{ с} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} t_1 = 0,8 \text{ с} \\ t_2 = 1,6 \text{ с} \end{cases}$$

$$2) \begin{cases} h_1 = x(t_1) \\ h_2 = x(t_2) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} h_1 = 12 \text{ м/с} \cdot 0,8 \text{ с} - \frac{(10 \text{ м/с}^2) \cdot (0,64 \text{ с}^2)}{2} = 6,4 \text{ м} \\ h_2 = 12 \text{ м/с} \cdot 1,6 \text{ с} - \frac{(10 \text{ м/с}^2) \cdot (2,56 \text{ с}^2)}{2} = 6,4 \text{ м.} \end{cases} \Leftrightarrow h = 6,4 \text{ м}$$

Ответ: $t_1 = 0,8 \text{ с}; t_2 = 1,6 \text{ с}; h = 6,4 \text{ м}$

✓3



$h = 0,5R$; r - расстояние до центра планеты

v - скорость спутника

w - угловая скорость спутника | отн. центра планеты

F_{rem} - сила тяжести, действующая со стороны планеты на спутник

$a_{центр}$ - центростремительное ускорение спутника

a - ускорение спутника

M - масса планеты; m - масса спутника.

$$F_{rem} = G \frac{mM}{(R+h)^2}; ma = F_{rem} \Rightarrow a = a_{центр} = \frac{F_{rem}}{m} = G \frac{M}{(R+h)^2}. (*)$$

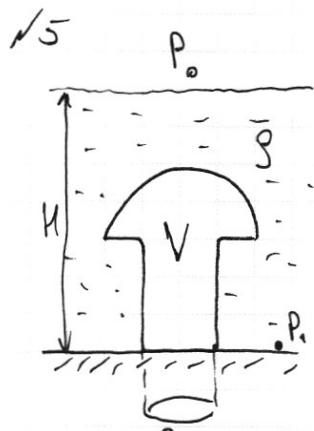
$$\left\{ \begin{array}{l} M = Vg \\ V = \frac{4}{3}\pi R^3 \end{array} \right| \Rightarrow M = \frac{4}{3}\pi R^3 g \quad | \quad \left\{ \begin{array}{l} (*) \\ h = 0,5R \end{array} \right| \Rightarrow a_{центр} = G \frac{\frac{4}{3}\pi R^3 g \cdot 2^2}{3 \cdot 3^2 R^2} = G \frac{16\pi Rg}{27}.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} a_{центр} = \omega^2 R \\ T = \frac{2\pi}{\omega} \end{array} \right| \Rightarrow T = \frac{2\pi}{\sqrt{\frac{a_{центр}}{R}}} = \frac{2\pi 3 \cdot \sqrt{3}}{4\sqrt{G\pi g}} = \frac{\sqrt{\pi} \cdot \sqrt{27}}{2\sqrt{Gg}} = \sqrt{\frac{27\pi}{4Gg}}.$$

$$g(r) = \frac{F_{rem}(r)}{m} = \frac{GM}{r^2} = \frac{4\pi R^3 g G}{3r^2} \cdot \quad | \quad g(2R) = \frac{4\pi R^3 g G}{3 \cdot 4 R^2} = \frac{\pi R g G}{3}$$

$$\text{Одно: } g(R) = \frac{\pi R g G}{3} \quad ; \quad T = \sqrt{\frac{27\pi}{4Gg}}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



Решение

$$P_1 = P_0 + \rho g h = 100 \text{ kPa} + 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}} \cdot 2,5 \text{ m} = \\ = 100 \text{ kPa} + 25 \text{ kPa} = \underline{125 \text{ kPa}}$$

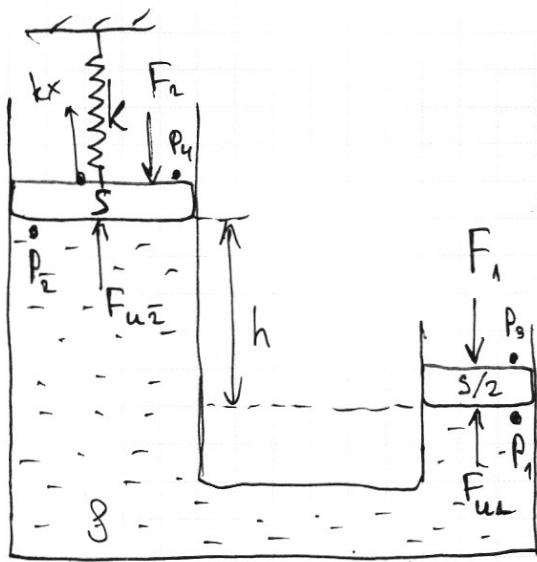
Известно, что если тело полностью погружено в жидкость, то ~~давление~~ атмосферное вспомогательных симметрических сферических сечений вода оказывает на тело, $F_{\text{упр}} =$

$= V \rho g$, направлена ~~вверх~~ (т.е. статика). Но у $F_{\text{упр}}$ не действует $P_1 \cdot S$, направленное ~~вверх~~. Тогда в нашем случае

$$F = V \rho g - P_1 S = 8 \text{ cm}^3 \cdot 1 \text{ kg/cm}^3 \cdot 10^4 \text{ N/cm}^2 - 125 \text{ kPa} \cdot 20 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2 = \\ = 80 \text{ Н} - 250 \text{ Н} = -170 \text{ Н} \text{ вверх}, \text{ т.е. } 170 \text{ Н вниз}$$

Однако $P_1 = 125 \text{ kPa}$, $F = 170 \text{ Н} \text{ (вниз)}$

N2



F_1 - сила давления, действующая на правый поршень снизу
 F_2 - сила давления, действующая на левый поршень сверху

F_{u1} - сила давления, действующая на правый поршень снизу
 F_{u2} - сила давления, действующая на левый поршень снизу

$P_{1,2}$ - давление в открытиях

и в гидравлическом канале. Имеем: (P_0 - атм. давл.)

$$\left\{ \begin{array}{l} P_3 = P_4 \\ P_1 = P_2 + \rho gh \\ F_{u2} = P_2 S \\ F_{u1} = P_1 \frac{S}{2} \\ F_1 = P_3 \frac{S}{2} \\ F_2 = P_4 S \\ F_{u2} + kx = F_2 \quad (\text{нассо}) \\ F_{u1} = F_1 \quad (\text{лево}) \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} F_{u2} = P_2 S \\ F_{u1} = \frac{1}{2}(P_2 S + \rho gh S) \\ F_1 = P_3 \frac{S}{2} \\ F_2 = P_3 S \\ F_{u2} + kx = F_2 \\ F_{u1} = F_1 \end{array} \right.$$

$$\Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} P_2 + \rho gh = P_3 \\ P_2 + \frac{kx}{S} = P_3 \end{array} \right. \Rightarrow$$

$\Rightarrow \frac{kx}{S} = \rho gh \Rightarrow x = \frac{\rho gh}{k}$ (расстояние). Если пружина передорвала, то левый поршень будет на x , а правый имеет $x + \frac{S}{S/2} = 2x \Rightarrow h \rightarrow h + 3x$. Имеем:

$$\left\{ \begin{array}{l} P_0 \frac{S}{2} + mg = (P_2 + (h+3x)\rho g) \frac{S}{2} \\ P_0 S = P_2' S, \text{ где } P_2' \text{ - новое давление под левым поршнем} \end{array} \right. \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} P_0 = \frac{-2mg}{S} + P_2' + (h+3x)\rho g \\ P_0 = P_2' \end{array} \right. \Rightarrow \frac{2mg}{S} = (h+3x)\rho g$$

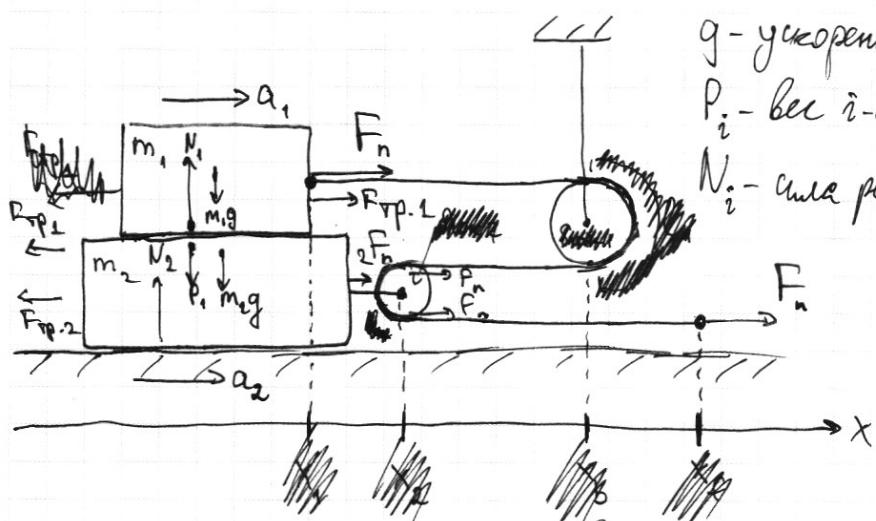
$$\Rightarrow m = \frac{(h+3x)\rho S}{2} \quad \text{Обозр.: } x = \frac{\rho gh}{k} \quad ; \quad m = \frac{\left(h+3 \frac{\rho gh}{k}\right) \rho S}{2}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№4

$$m_1 = 2m; m_2 = 3m$$

F_n - сила, прикладываемая к первому телу.



g - ускорение свободного падения

P_i - вес i -го тела

N_i - сила реакции опоры, действующая на i -е тело

$F_{\text{тр.1}}$ - сила трения между

1 и 2 телами

$F_{\text{тр.2}}$ - сила трения между

2 телами и полом.

a_i - ускорение i -го тела (в проекции на Ox) - вертикальное ускорение нет
Сила тяжести const; (ℓ_i - линия тяжести, оделяющая тело)

$$(x_f - x_1) + \ell_1 + (x_b - x_2) + \ell_2 + (x_b - x_1) = \text{const} \Leftrightarrow x_f - 2x_2 - x_1 = \text{const}$$

* 1) $F_{\text{тр.1}} = 0 \Rightarrow 1$ тело статично отн. 2 тела $\Rightarrow a_1 = a_2$

Имеем:

$$m_1 a_1 = F_n$$

$$m_2 a_2 = 2F_n - F_{\text{тр.2}}$$

$$F_{\text{тр.2}} = \mu N_2$$

$$N_2 = P_2 + m_2 g$$

$$P_2 = N_1 = m_1 g$$

$$F_n = F_0$$

$$a_1 = a_2$$

$$m_1 = 2m; m_2 = 3m$$

$$\begin{cases} a_1 = a_2 \\ F_0 \\ F_{\text{тр.2}} = \mu g \\ a_2 = \frac{2F_0 - F_{\text{тр.2}}}{3m} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a_1 = a_2 \\ F_0 \\ F_{\text{тр.2}} = \mu g \\ a_2 = \frac{2F_0 - F_{\text{тр.2}}}{3m} \end{cases} \Rightarrow \frac{F_0}{2m} = \frac{2F_0 - \mu g}{3m} \Rightarrow 3F_0 = 4F_0 - 10\mu mg \Rightarrow F_0 = 10\mu mg$$

$$\Rightarrow F_0 = 10 \mu mg$$

2) Нижний дружи скользит по соли $\Rightarrow F_{\text{тр.2}} = \mu(m_1 + m_2)g = 5\mu mg$.
 Верхний дружи скользят по соли с кн. номером $\Rightarrow a_1 \leq a_2$, на верхний дружи $F_{\text{тр.1}} = \mu m_1 g = 2\mu mg$ вправо, на нижний $2\mu mg$ влево
 Следовательно, верхний дружи (в пресечении с ОX):

$$\begin{cases} m_2 a_2 = 2F - 7\mu mg \\ m_1 a_1 = F + 2\mu mg \\ a_1 \leq a_2 \end{cases} \quad \leftarrow \begin{cases} 3m_1 a_1 = 2F - 7\mu mg \\ 2m_1 a_1 = F + 2\mu mg \\ \text{и } a_1 \geq a_2 \Rightarrow a_2 - a_1 \geq 0 \end{cases} \quad \leftarrow \begin{cases} a_2 = \frac{2F}{m} - \frac{7\mu g}{3} \\ a_1 = \frac{F}{m} + \frac{2\mu g}{2} \\ a_2 - a_1 \geq 0 \end{cases}$$

$$\leftarrow \begin{cases} a_2 = \frac{1}{3}(2\frac{F}{m} - 7\mu g) \\ a_1 = \frac{1}{2}(\frac{F}{m} + 2\mu g) \\ (a_2 - a_1) = 4\frac{F}{m} - 14\mu g - 3\frac{F}{m} - 6\mu g = \frac{F}{m} - 20\mu g \geq 0 \end{cases} \quad \leftarrow \begin{cases} a_2 = \frac{1}{3}(2\frac{F}{m} - 7\mu g) \\ a_1 = \frac{1}{2}(\frac{F}{m} + 2\mu g) \\ F \geq 20\mu mg \end{cases}$$

Очевидно:
 $F_0 = 10\mu mg$
 $F = 20\mu mg$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$12 \cdot 0,6 - 4 \cdot 0,8 = 8 \cdot 0,8 = 6,4$$

$$2 \cdot 12 \cdot 0,8 - 4 \cdot 4 \cdot 0,8 = 0,8 \cdot 6 = 6,4$$

$$\frac{m \cdot u}{c^2} = \frac{u^2}{u^2} \cdot \frac{u^3}{c^2 \cdot m}$$



$$\frac{3}{14} \approx 2$$

$$u \cdot u \cdot u : \frac{u}{c^2}$$

$$125 \cdot 10^2 \cdot 0,8 \cdot 6 \cdot 20 \cdot 10 \cdot u^2$$

$$250 \cdot u^2$$

$$8 \cdot 10^2 \cdot 0,8 \cdot 100 \cdot 10^2 = 800$$

$$\frac{u}{c^2} = \frac{u^2}{c^2 \cdot u} \cdot u \cdot \frac{u^2}{u^3}$$

$$\frac{u^2 \cdot u \cdot u}{c^2 \cdot u \cdot u^3} < \frac{u^2}{c^2}$$

$$\frac{u^2}{c^2 \cdot u} \cdot \frac{u^2}{u^3} = \frac{1}{c^2}$$

$$\frac{u \cdot u}{c^2} = u \cdot \frac{u}{c^2}$$

$$2a + c + d = 3b \rightarrow$$

$$b = -e$$

$$c = -e$$

$$2a - e + d - 3e = 1$$

$$2a + d - 4e = 1$$

$$\frac{u \cdot u}{c^2} = u$$

$$\frac{u^2 \cdot u \cdot u^2 \cdot u^2}{c^2 \cdot u \cdot u^3} < \frac{u^2}{c^2}$$

$$\frac{u \cdot u}{c^2} < \frac{u \cdot u}{u^3}$$

$$\begin{array}{cccc|c} 2 & 0 & 0 & 0 & a \\ -3 & 1 & 0 & 0 & b \\ 1 & 0 & -2 & 0 & c \\ 1 & 0 & 0 & 0 & d \\ 0 & 1 & -2 & 0 & e \end{array}$$

$$\frac{27 \cdot \frac{a^2}{c^2} \cdot 2}{6 \cdot \sqrt{6} \cdot 10^2} = \frac{27}{4GDP}$$

$$\frac{u^2}{c^2} < \frac{u^2}{u^3}$$

5/mg
←

2 m

→ 10/mg

3 m

→ 20/mg



**ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ОБРАЗОВАНИЯ**

«МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)»

ШИФР

(заполняется секретарём)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №
(Нумеровать только чистовики)

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №__
(Нумеровать только чистовики)