

Олимпиада «Физтех» по физике 2022

Класс 10

Вариант 10-01

Шифр

(заполняется секретарём)

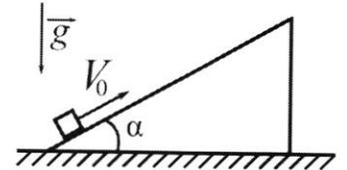
1. Фейерверк массой $m = 2$ кг стартует после мгновенной работы двигателя с горизонтальной поверхности, летит вертикально вверх и разрывается в высшей точке траектории на множество осколков, которые летят во всевозможных направлениях с одинаковыми по величине скоростями. Высота точки разрыва $H = 65$ м. На землю осколки падают в течение $\tau = 10$ с.

1) Найдите начальную скорость V_0 фейерверка.

2) Найдите суммарную кинетическую энергию K осколков сразу после взрыва.

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым.

2. На гладкой горизонтальной поверхности расположен клин. Гладкая наклонная поверхность клина образует с горизонтом угол $\alpha = 30^\circ$. Шайбе, находящейся на наклонной поверхности клина, сообщают начальную скорость $V_0 = 2$ м/с (см. рис.), далее шайба безотрывно скользит по клину. Массы шайбы и клина одинаковы. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².



1) На какую максимальную высоту H над точкой старта поднимется шайба на клине?

2) Найдите скорость V клина, в тот момент, когда шайба вернется в точку старта на клине. Массы шайбы и клина одинаковы. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

3. По внутренней поверхности проволочной металлической сферы радиуса $R = 1,2$ м равномерно со скоростью $V_0 = 3,7$ м/с движется модель автомобиля. Движение происходит в горизонтальной плоскости большого круга. Масса модели $m = 0,4$ кг. Модель приводится в движение двигателем. Силу сопротивления считайте пренебрежимо малой.

1) С какой по величине силой P модель действует на сферу?

2) Рассмотрим модель автомобиля равномерно движущуюся по окружности в плоскости большого круга, составляющей с горизонтом угол $\alpha = \frac{\pi}{6}$. Вычислите минимальную допустимую скорость V_{MIN} такого равномерного движения. Коэффициент трения скольжения шин по поверхности сферы $\mu = 0,9$.

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

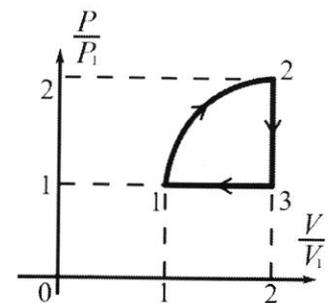
4. Один моль одноатомного идеального газа участвует в цикле 1-2-3-1 (см. рис.), участок 1-2 – дуга окружности с центром в точке 3. Температура газа в состоянии 1 равна T_1 .

1) Какое количество Q теплоты подведено к газу в процессе расширения?

2) Найдите работу A газа за цикл.

3) Найдите КПД η цикла.

Универсальная газовая постоянная R .



5. Заряд $Q > 0$ однородно распределен по сфере радиуса R . В первом опыте на расстоянии $2R$ от центра сферы помещают небольшой по размерам шарик с зарядом $q > 0$.

1) Найдите силу F_1 , действующую на заряженный шарик.

Во втором опыте заряд q однородно распределяют по стержню длины R , стержень помещают на прямой, проходящей через центр заряженной сферы. Ближайшая к центру сферы точка стержня находится на расстоянии $2R$ от центра.

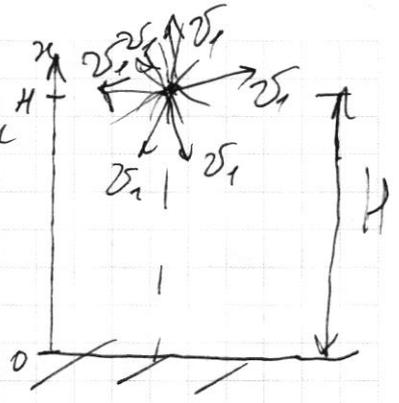
2) Найдите силу F_2 , с которой заряд сферы действует на заряженный стержень.

Все силы, кроме кулоновских, считайте пренебрежимо малыми. Коэффициент пропорциональности в законе Кулона k . Явлениями поляризации пренебрегите.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$m = 2 \text{ кг}$
 $H = 65 \text{ м}$
 $\tau = 10 \text{ с}$
 $v_0 = ?$
 $k = ?$

По теореме об изменении
кинетической энергии
 ~~$(0 - \frac{mv_0^2}{2}) = -mgh$~~
 $\frac{mv_0^2}{2} = mgh$



$$v_0 = \sqrt{2gh} = \sqrt{2 \cdot 10 \cdot 65} = \sqrt{1300} = 10\sqrt{13} \approx 10 \cdot 3,6 = 36 \text{ м/с}$$

v_0 - скорость, с которой вылетаем от скалки

τ - время между падением первого и послед-
него скалки

t_1 - время падения первого скалки *Первым упадет*

t_2 - время падения последнего скалки, у *которого скорость*

$\tau = t_2 - t_1$
 $x: 0 = H - v_0 t_1 - \frac{gt_1^2}{2} \quad | \cdot (-2)$ *направлена вниз, а*

$gt_1^2 + 2v_0 t_1 - 2H = 0$ *последняя - у которого*

$D = 4v_0^2 + 8gH$
 $t_1 = \frac{-2v_0 \pm \sqrt{4v_0^2 + 8gH}}{2g}$ $t_1 > 0$, значит $t_1 = \frac{-2v_0 + \sqrt{4v_0^2 + 8gH}}{2g}$ *вверх*

$x: 0 = H + v_0 t_2 - \frac{gt_2^2}{2} \quad | \cdot (-2)$

$gt_2^2 - 2v_0 t_2 - 2H = 0$
 $t_2 = \frac{2v_0 \pm \sqrt{4v_0^2 + 8gH}}{2g}$ $t_2 > 0 \Rightarrow t_2 = \frac{2v_0 + \sqrt{4v_0^2 + 8gH}}{2g}$

$$\tau = t_2 - t_1 = \frac{2v_0 + \sqrt{4v_0^2 + 8gH}}{2g} - \frac{-2v_0 + \sqrt{4v_0^2 + 8gH}}{2g} = \frac{4v_0}{2g} = \frac{2v_0}{g}$$

$$v_1 = \frac{v_0}{2}$$

$$\Delta K = \frac{\Delta m v_1^2}{2}$$

ΔK - кин. энергия осколка

Δm - масса осколка

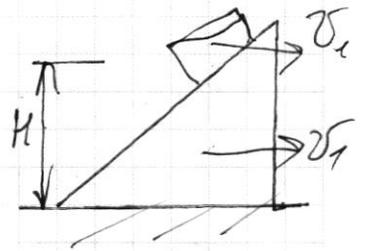
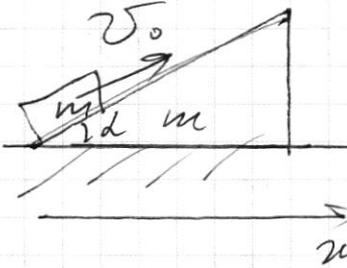
$$\text{Поэтому } K = \frac{m v_1^2}{2} = \frac{m v_0^2}{2 \cdot 2^2} = \frac{m v_0^2}{8} = \frac{0,4 \cdot 100 \cdot 100}{8} =$$

$$= \frac{4000}{8} = 500 \text{ Дж}$$

Ответ: $K = 500 \text{ Дж}$; $v_0 = 36 \text{ м/с}$

$\alpha = 30^\circ$
 $v_0 = 2 \text{ м/с}$
 $H = ?$
 $v = ?$

Когда масса
 шайбы - m
 Когда масса
 клина - m



Шайба поднимется на максимальную высоту когда скорость шайбы относительно клина не будет направлена вправо, значит шайба и клин будут иметь равные скорости по ЗСЧ:

$$m v_0 \cos \alpha = m v_1 + m v_1$$

$$v_1 = \frac{v_0 \cos \alpha}{2}$$

По теореме об изменении кин. энергии:

$$\frac{m v_1^2}{2} + \frac{m v_1^2}{2} - \frac{m v_0^2}{2} = -m g H \quad | \cdot (-1)$$

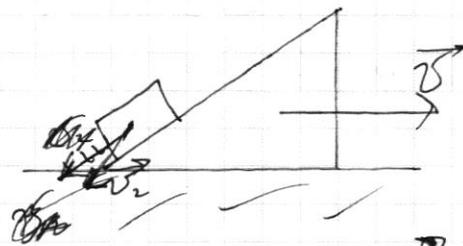
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{v_0^2}{2} - v_1^2 = gH$$

$$H = \frac{1}{g} \left(\frac{v_0^2}{2} - \frac{v_0^2 \cos^2 \alpha}{4} \right) = \frac{v_0^2}{g} \left(\frac{1}{2} - \frac{\cos^2 \alpha}{4} \right) = \frac{4}{10} \left(\frac{1}{2} - \frac{3}{4 \cdot 4} \right) =$$

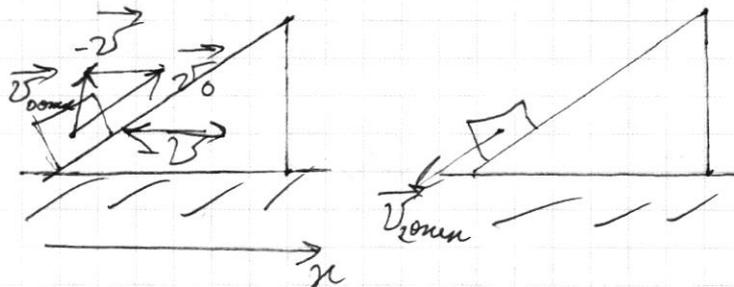
$$= \frac{2}{5} \cdot \frac{8}{16} = \frac{1}{8} = 0,125 \text{ м}$$

v_2 - скорость шайбы после
возвращения в точку старта



Перемещение в СО, движущаяся со скоростью v
 v влево

$v_{\text{отн}}$ - относительная
скорость шайбы

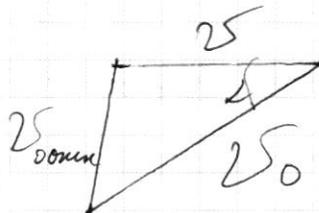


По ЗСЧ

$$m \cdot v_0 \cos \alpha - m v - m v = + m v_{\text{отн}}$$

$$v_{\text{отн}} = v_0 \cos \alpha - 2v$$

$$v_{\text{отн}} = \left| v_0 - \frac{2v}{\cos \alpha} \right|$$



$$v_{\text{отн}} = \sqrt{v^2 + v_0^2 - 2v v_0 \cos \alpha}$$

По ЗСЭ

$$\frac{m v_{\text{отн}}^2}{2} = \frac{m v^2}{2} = \frac{m v_{\text{отн}}^2}{2} \cdot 1/2$$

$$v^2 + v_0^2 - 2v_0 v \cos L + v^2 = v_0^2 - \frac{4v_0^2}{\cos L} + \frac{4v^2}{\cos^2 L}$$

$$v - 2v_0 \cos L + v = \frac{4v_0^2}{\cos^2 L} - \frac{4v_0^2}{\cos L}$$

$$2v - \frac{4v_0^2}{\cos^2 L} = 2v_0 \cos L - \frac{4v_0^2}{\cos L} \quad | :2$$

$$v \left(1 - \frac{2}{\cos^2 L}\right) = v_0 \left(\cos L - \frac{2}{\cos L}\right) \quad | \cdot \cos^2 L$$

~~$$v(\cos^2 L - 2) = v_0 \cos^2 L$$~~

~~$$v \left(1 - \frac{2}{\cos^2 L}\right) = v_0 \cos L \left(1 - \frac{2}{\cos L}\right)$$~~

$$v = v_0 \cos L = 2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 1,7 \text{ м/с}$$

$$R_{\text{вектор}} = 0,125 \text{ м}; \quad v = 1,7 \text{ м/с}$$

~3

$R = 1,2 \text{ м}$
 $v_0 = 3,7 \text{ м/с}$
 $m = 0,4 \text{ кг}$
 $L = 30^\circ \quad \mu = 0,3$
 $P = ?$
 $v_{\text{min}} = ?$

Q - сила реакции опоры

по 3 закону Ньютона $Q = P \quad Q = -P$



$$Q = \sqrt{m^2 g^2 + m^2 a^2} = \sqrt{m^2 g^2 + m^2 \left(\frac{v^2}{R}\right)^2} = m \sqrt{g^2 + \frac{v^4}{R^2}} = 0,4 \cdot \sqrt{100 + \frac{3,7^4}{1,2^2}} \approx$$

$$\approx 0,4 \cdot \sqrt{100 + 3,7^2 \cdot 9} \approx 0,4 \cdot \sqrt{100 + 123,3} = 0,4 \cdot \sqrt{223,3} \approx 0,4 \cdot 15 = 6 \text{ Н}$$

Максимальная скорость v можно получить при максимальной силе N -силе $Q = P = 6 \text{ Н}$

не по нормальной реакции, а значит и минимальная при минимуме скачивания. Это достигается в высшей точке траектории.

$F_{\text{нп}} = N_{\text{н}}$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$x: ma = N + mg \sin \alpha$$

$$y: N \mu = mg \cos \alpha$$

$$N = \frac{mg \cos \alpha}{\mu}$$

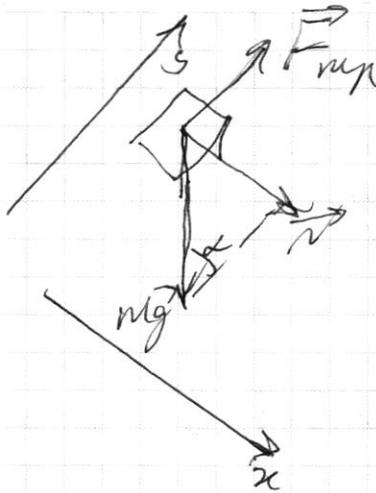
$$ma = \frac{mg \cos \alpha}{\mu} + mg \sin \alpha$$

$$\frac{v_{\min}^2}{R} = g \left(\frac{\cos \alpha}{\mu} + \sin \alpha \right)$$

$$v_{\min} = \sqrt{gR \left(\frac{\cos \alpha}{\mu} + \sin \alpha \right)} = \sqrt{10 \cdot 2 \cdot \left(\frac{\sqrt{3} \cdot 1}{2 \cdot 0,9} + \frac{1}{2} \right)} = \sqrt{120 \cdot \frac{(\sqrt{3} + 0,9)}{2 \cdot 0,9}} \approx \sqrt{60 \cdot \frac{1,7+0,9}{0,9}} =$$

$$= \sqrt{60 \cdot \frac{2,6}{0,9}} = \sqrt{\frac{520}{3}} \approx \sqrt{173,3} \approx 13,1 \text{ м/с}$$

Ответ: $v_{\min} = 13,1 \text{ м/с}$; $R = 6 \text{ м}$

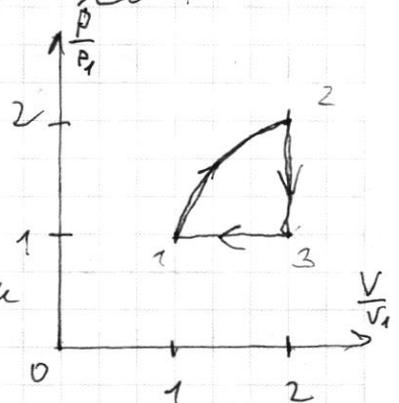


Три мень-
ших в ма-
шина уна-
жем

Q-? По первому началу термодинамики:

$$A-? Q = A_{12} + \Delta U_{1-2}$$

η-? Квадрат 1x1 на графике
означает работу $\frac{1}{4} p_1 V_1$



Тогда $\frac{1}{4}$ окружности с радиусом
1 тоже означает работу $\frac{1}{4} p_1 V_1$

$$\frac{1}{4} \pi p_1 V_1$$

$$A = \frac{\pi}{4} p_1 V_1 + p_1 V_1$$

$$A = \frac{\pi}{4} p_1 V_1 + p_1 V_1 = \left(1 + \frac{\pi}{4}\right) p_1 V_1$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} R V_1 (T_2 - T_1)$$

$$p_1 V_1 = R V_1 T_1$$

$$A = \frac{\pi}{4} R V_1 T_1 + R V_1 T_1 = \left(1 + \frac{\pi}{4}\right) R V_1 T_1$$

$$RvT_1 = p_1 V_1$$

$$RvT_2 = 2p_1 \cdot 2V_1 = 4p_1 V_1$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} (4p_1 V_1 - p_1 V_1) = \frac{9}{2} p_1 V_1$$

$$Q = \frac{9}{2} p_1 V_1 + (1 + \frac{\pi}{4}) p_1 V_1 = (\frac{11}{2} + \frac{\pi}{4}) p_1 V_1$$

T_2 - температура газа в состоянии 2

$$2p_1 \cdot 2V_1 = RvT_2$$

$$4p_1 V_1 = RvT_2$$

$$RvT_2 = 4p_1 V_1, 4RvT_1$$

$$T_2 = 4T_1$$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} Rv(T_2 - T_1) = \frac{3}{2} Rv(4T_1 - T_1) = \frac{9}{2} RvT_1$$

$$Q = (1 + \frac{\pi}{4}) RvT_1 + \frac{9}{2} RvT_1 = (\frac{11}{2} + \frac{\pi}{4}) RvT_1 = (5,5 + \frac{\pi}{4}) RT_1$$

$$A = \frac{\pi}{4} p_1 V_1 = \frac{\pi}{4} RvT_1 = \frac{\pi}{4} RT_1$$

$$\eta = \frac{A}{Q} = \frac{\frac{\pi}{4} RT_1}{(5,5 + \frac{\pi}{4}) RT_1} = \frac{\pi}{22 + \pi} \approx \frac{3,14}{25,14} \approx 0,12$$

Ответ: $Q = (5,5 + \frac{\pi}{4}) RT_1$; $A = \frac{\pi}{4} RT_1$; $\eta = 0,12$
~ 5

$Q > 0$
 R
 $q > 0$
 $F_1?$
 $F_2?$

Поскольку заряд Q распределён равномерно по сфере, то на расстоянии R сфера действует как точечный заряд



$$F_1 = k \frac{q \cdot Q}{4R^2}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Если разбить сферу на много
маленьких частей, то ~~F~~
~~dF~~ dq - ~~каждой~~ заряд малой
части сферы

dF_2 - сила, которая действует на
нее dr - длина малой части

$dF_2 = k \frac{dq Q}{r^2}$, где r - расстояние

от этой части до центра сферы

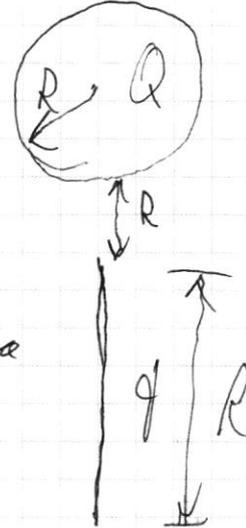
$$dF_2 = k \frac{q dr Q}{r^2}$$

$$dF_2 = k \frac{q Q}{R r^2} dr$$

$$F_2 = \int_{2R}^{3R} k \frac{q Q}{R r^2} dr = \left(-k \frac{q Q}{R r} \right) \Big|_{2R}^{3R} = k \frac{q Q}{2R^2} - k \frac{q Q}{3R^2} = k \frac{q Q}{2R^2} - k \frac{2q Q}{6R^2} =$$

$$= k \frac{q Q}{6R^2}$$

Ответ: $F_1 = k \frac{q Q}{4R^2}$; $F_2 = k \frac{q Q}{6R^2}$





черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница №
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$t_1 = \frac{12}{13,7} =$$

$$65 - \frac{25 \cdot 5(50 + 25)}{25 - 25} - dF = k \frac{Q}{r} \sigma dr$$

$$0 = H - v_1 t_1 - \frac{g t_1^2}{2} \cdot 1,2$$

$$g t_1^2 + 2 v_1 t_1 - 2H = 0$$

$$\frac{3,1A}{25,14} =$$

$$D = 4v_1^2 + 8gH$$

$$t_1 = \frac{-2v_1 + \sqrt{4v_1^2 + 8gH}}{2g}$$

$$E = \int k \frac{Q}{r^2} \sigma dr = \left(-k \frac{Q}{r} \sigma \right) =$$

$$= k Q \sigma \left(\frac{1}{2R} - \frac{1}{2R} \right) =$$

$$\Sigma = t_2 - t_1 = \frac{4v_1}{2g} = \frac{2v_1}{g}$$

$$0 = H + v_1 t_2 - \frac{g t_2^2}{2}$$

$$t_2 = \frac{2v_1 + \sqrt{4v_1^2 + 8gH}}{2g}$$

$$= \frac{k Q \sigma}{6R} - \frac{k Q \sigma}{6R} =$$

$$v_1 = \frac{g \Sigma^2}{2} \quad K = m \cdot \frac{v_1^2}{2} = \frac{m g^2 \Sigma^2}{2 \cdot 4}$$

$$Q = A + \Delta U =$$

$$A = 1 + \frac{1}{4} \pi \cdot l^2 = \left(1 + \frac{\pi}{4} \right) p_1 V_1$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} (1,2 p_1 \cdot 2V_1 - \frac{3}{2} \cdot p_1 V_1) = \left(\frac{3}{2} \cdot 3 p_1 V_1 \right)$$

$$Q = \left(1 + \frac{\pi}{4} \right) p_1 V_1 + \frac{3}{2} p_1 V_1$$

$$A = p_1 V_1 + \frac{\pi}{4} p_1 V_1$$

$$\begin{array}{r} 31251 \\ - 10012 \\ \hline 25110 \\ - 530 \\ \hline 502 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3142814 \\ - 10129 \\ \hline 3142814 \\ - 2814 \\ \hline 526 \end{array}$$

$$\frac{10}{34} =$$

$$\begin{array}{r} 3337 \\ - 108 \\ \hline 330 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5260 \\ - 5028 \\ \hline 232 \end{array}$$

$$A$$

$$\begin{array}{r} 3142814 \\ - 2814 \\ \hline 3142814 \\ - 6260 \\ \hline 3142814 \end{array}$$

$$\eta = \frac{Q}{Q}$$

$$\begin{array}{r} 100001 \\ - 10000,9 \\ \hline 89 \end{array}$$

$$398$$

$$\begin{array}{r} 13110056 \\ - 13110056 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1571257 \\ - 1570112 \\ \hline 1257 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1131 \\ - 393 \\ \hline 738 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 304 \ 25 \ 19 \\ - 11 \ 6 \ 2 \ 5 \\ \hline 25 \ 14 \ 16 \\ - 11 \ 6 \ 0 \\ \hline 60 \ 28 \\ - 22 \ 20 \\ \hline \end{array}$$

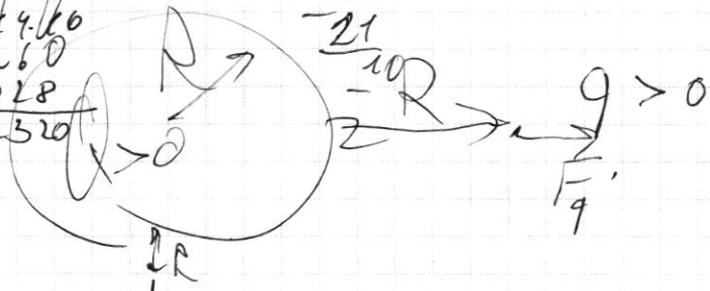
$$\begin{array}{r} 520 \ 3 \\ 3 \ 173 \\ - 21 \\ \hline 20 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ 3 \ 4 \\ \times 3 \ 4 \\ \hline 25 \ 0 \\ - 11 \ 1 \\ \hline 13 \ 6 \ 3 \\ - 13 \ 7 \\ \hline 9 \ 5 \ 3 \\ - 4 \ 1 \ 1 \\ \hline 13 \ 7 \\ - 18 \ 7 \ 9 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 3 \\ + 3 \ 6 \\ \hline 27 \ 6 \\ - 10 \ 8 \\ \hline 123 \ 6 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \ 6 \\ + 3 \ 7 \ 9 \\ \hline 223 \ 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10 \\ - 13 \ 7 \ 0 \\ \hline 13 \ 7 \\ - 12 \ 3 \ 3 \\ \hline \end{array}$$



$$\frac{2}{5} \cdot 10$$

$$\begin{cases} -mv_0 v \cos \alpha + mV = mV_0 \cos \alpha \\ \frac{mV_0^2}{2} = \frac{mV^2}{2} + \frac{mV_m^2}{2} \end{cases}$$

$$V_m = V - V_0 \cos \alpha$$

$$V_0^2 = V^2 + V_m^2$$

$$V_0^2 = V^2 + V^2 - 2VV_0 \cos \alpha + V_0^2 \cos^2 \alpha$$

$$V_0^2 \sin^2 \alpha = 2V^2 - 2VV_0 \cos \alpha$$

$$mV_0 = 25$$

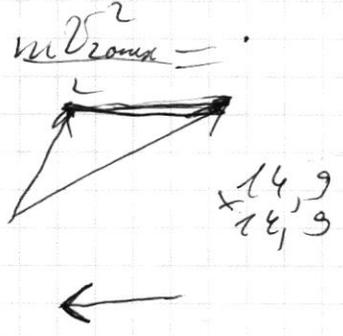


$$m(V_0 - V) \cos \alpha + mV = mV_0 \cos \alpha$$

$$2V^2 - 2VV_0 - V_0^2 \sin^2 \alpha = 0$$

$$D = 4V^2 + 8V_0^2 \sin^2 \alpha = 4V_0^2 (1 + 2 \sin^2 \alpha) \quad V_{\text{min}} = \left| \frac{V - 2V_0}{\cos \alpha} \right|$$

$$V = \frac{2V_0 + \sqrt{4V^2 + 8V_0^2 \sin^2 \alpha}}{4}$$



$$V_{\text{max}} = V_{\text{min}} + V$$

$$mV_0 \cos \alpha - 2mV = +mV_{\text{min}} \cos \alpha - V_{\text{min}}$$

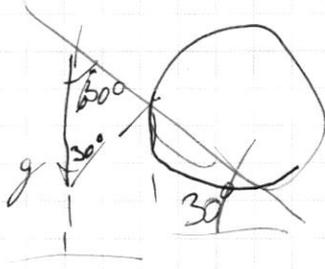
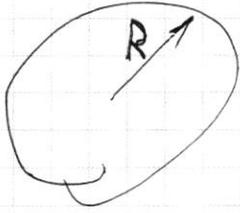
$$V_{\text{max}} = V_0 - 2V + V = \boxed{V_0 \cos \alpha}$$

$$V_{\text{min}} = \frac{V - 2V_0}{\cos \alpha}$$

$$V_{\text{min}} = V_0 \cos \alpha - 2V$$

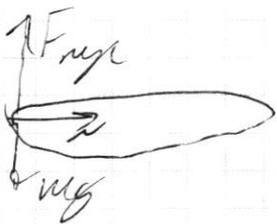
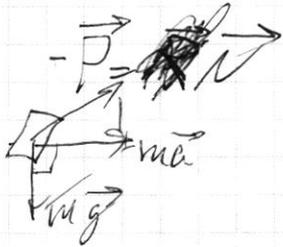
$$V_{\text{min}} = V_{\text{min}} \tan \alpha = V_0 \sin \alpha - 2V \tan \alpha$$

~3



$$\begin{array}{r} 3,4 \\ \times 0,2 \\ \hline 7,4 \\ 25,9 \\ + 111 \\ \hline 13,69 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 13,69 \mid 3 \\ 22 \\ \hline 16 \\ - 13 \\ \hline 39 \end{array}$$



$$a = \frac{v^2}{R}$$

$$m\vec{a} = m\vec{g} + \vec{N}$$

$$P = \sqrt{m^2 a^2 + m^2 g^2} = m \sqrt{\frac{v^4}{R^2} + g^2}$$

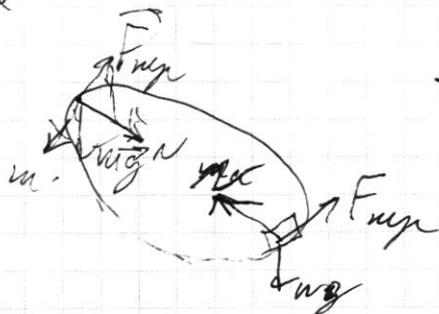
$$\begin{aligned} m \frac{v^2}{R} &= m g \cos 60^\circ + N_x \\ 0 &= m g \sin 60^\circ + N_y \end{aligned}$$

$$N \mu = m g$$

$$N = \frac{m g}{\mu} = \frac{4}{0,9} = \frac{40}{9} = 4 \frac{4}{9} = 4,44$$

$$m \frac{v^2}{R} = 0,4 \cdot \frac{3,4^2}{1,2} = \frac{3,7 \cdot 3,4}{3} = 3,7 + 0,44 = 3,88$$

$$\begin{cases} M = m a + m g \cos 60^\circ \\ m a = m g \cos 60^\circ + N \\ N \mu = m g \sin 60^\circ \end{cases}$$



$$\begin{cases} m a = N - m g \cos 60^\circ \\ N \mu = m g \sin 60^\circ \end{cases}$$

$$N = \frac{m g \sin 60^\circ}{\mu}$$

$$m \frac{v^2}{R} = m g \cos 60^\circ + \frac{m g \sin 60^\circ}{\mu}$$

$$\frac{v^2}{R} = \frac{m g \sin 60^\circ}{\mu} - m g \cos 60^\circ$$

$$\frac{v^2}{R} = g \cos 60^\circ + \frac{g \sin 60^\circ}{\mu} \quad v^2 = g R (\cos 60^\circ + \frac{\sin 60^\circ}{\mu})$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$-\frac{mv_0^2}{2} = -mgh \quad \sim 1$$

$$v_0 = \sqrt{2gh} \quad v_0 = \sqrt{2gh}$$

$$dE = dm v_1 \quad E = m v_1$$

$$0 = H + v_1 t - \frac{gt^2}{2}$$

$$v_1 t = H + \frac{gt^2}{2}$$

$$v_1 = \frac{2H}{t} + \frac{gt}{2}$$

131
131
131
393

$$m v_0 \cos \alpha = m v_1 + m v_2$$

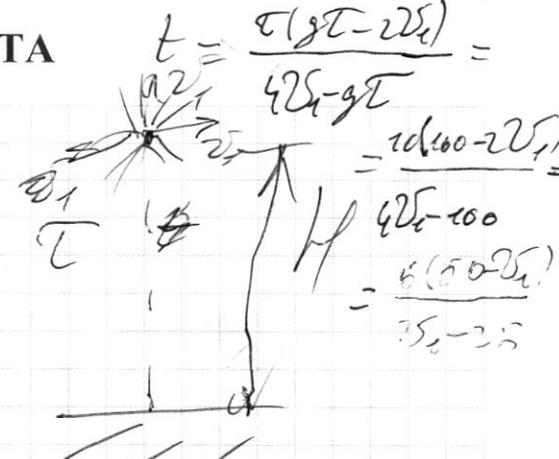
$$v_1 = \frac{v_0 \cos \alpha}{2}$$

$$\frac{mv_1^2}{2} + \frac{mv_2^2}{2} - \frac{mv_0^2}{2} = -mgh$$

$$gH = \frac{v_0^2}{2} - v_1^2$$

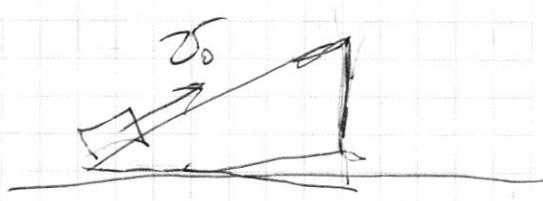
$$H = \frac{1}{g} \left(\frac{v_0^2}{2} - \frac{v_0^2 \cos^2 \alpha}{4} \right)$$

$$\frac{mv^2}{R} = 0,4 \cdot \frac{13,7}{1,23} = 9,4 \quad 4,56$$



$$\begin{cases} 0 = v_1 t + \frac{gt^2}{2} \\ 0 = H - v_1 t - \frac{gt^2}{2} \\ 0 = H + v_1(t+T) - \frac{g(t+T)^2}{2} \end{cases}$$

$$2v_1 t + v_1 T - \frac{gt^2 + gT^2}{2} = 0$$



$$\begin{cases} \frac{mv_0^2}{2} = \frac{mv_1^2}{2} + \frac{mv_2^2}{2} \\ m v_0 \cos \alpha = m v_1 + m v_2 \end{cases}$$

$$N \mu = mg$$

$$N = \frac{mg}{\mu} = \frac{10}{9} = 1,11$$