

# Олимпиада «Физтех» по физике 2022

Класс 10

Вариант 10-01

Шифр

(заполняется секретарём)

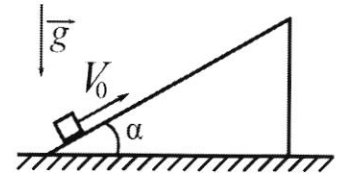
1. Фейерверк массой  $m = 2$  кг стартует после мгновенной работы двигателя с горизонтальной поверхности, летит вертикально вверх и разбивается в высшей точке траектории на множество осколков, которые летят во всевозможных направлениях с одинаковыми по величине скоростями. Высота точки разрыва  $H = 65$  м. На землю осколки падают в течение  $\tau = 10$  с.

1) Найдите начальную скорость  $V_0$  фейерверка.

2) Найдите суммарную кинетическую энергию  $K$  осколков сразу после взрыва.

Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым.

2. На гладкой горизонтальной поверхности расположен клин. Гладкая наклонная поверхность клина образует с горизонтом угол  $\alpha = 30^\circ$ . Шайбе, находящейся на наклонной поверхности клина, сообщают начальную скорость  $V_0 = 2$  м/с (см. рис.), далее шайба безотрывно скользит по клину. Массы шайбы и клина одинаковы. Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.



1) На какую максимальную высоту  $H$  над точкой старта поднимется шайба на клине?

2) Найдите скорость  $V$  клина, в тот момент, когда шайба вернется в точку старта на клине. Массы шайбы и клина одинаковы. Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

3. По внутренней поверхности проволочной металлической сферы радиуса  $R = 1,2$  м равномерно со скоростью  $V_0 = 3,7$  м/с движется модель автомобиля. Движение происходит в горизонтальной плоскости большого круга. Масса модели  $m = 0,4$  кг. Модель приводится в движение двигателем. Силу сопротивления считайте пренебрежимо малой.

1) С какой по величине силой  $P$  модель действует на сферу?

2) Рассмотрим модель автомобиля равномерно движущуюся по окружности в плоскости большого круга, составляющей с горизонтом угол  $\alpha = \frac{\pi}{6}$ . Вычислите минимальную допустимую скорость  $V_{MIN}$  такого равномерного движения. Коэффициент трения скольжения шин по поверхности сферы  $\mu = 0,9$ . Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

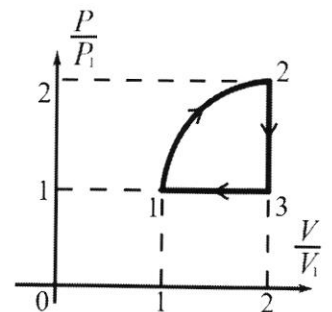
4. Один моль одноатомного идеального газа участвует в цикле 1-2-3-1 (см. рис.), участок 1-2 – дуга окружности с центром в точке 3. Температура газа в состоянии 1 равна  $T_1$ .

1) Какое количество  $Q$  теплоты подведено к газу в процессе расширения?

2) Найдите работу  $A$  газа за цикл.

3) Найдите КПД  $\eta$  цикла.

Универсальная газовая постоянная  $R$ .



5. Заряд  $Q > 0$  однородно распределен по сфере радиуса  $R$ . В первом опыте на расстоянии  $2R$  от центра сферы помещают небольшой по размерам шарик с зарядом  $q > 0$ .

1) Найдите силу  $F_1$ , действующую на заряженный шарик.

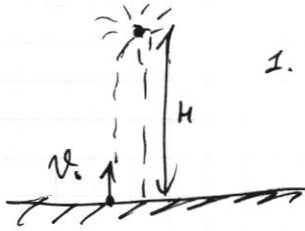
Во втором опыте заряд  $q$  однородно распределяют по стержню длины  $R$ , стержень помещают на прямую, проходящей через центр заряженной сферы. Ближайшая к центру сферы точка стержня находится на расстоянии  $2R$  от центра.

2) Найдите силу  $F_2$ , с которой заряд сферы действует на заряженный стержень.

Все силы, кроме кулоновских, считайте пренебрежимо малыми. Коэффициент пропорциональности в законе Кулона  $k$ . Явлениями поляризации пренебрегите.

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1  
 $m = 2 \text{ м}$   
 $H = 65 \text{ м}$   
 $\tau = 10 \text{ с}$   
 $g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$

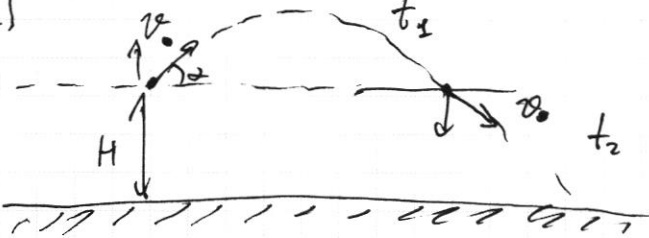


1.  $t_{\text{полета}} = \frac{v_0}{g}$

$H = v_0 t - \frac{gt^2}{2} = \frac{v_0^2}{2g}$

$\Rightarrow v_0 = \sqrt{2gH} = 10\sqrt{13} \frac{\text{м}}{\text{с}}$

2. Рассмотрим разлетевшиеся осколки



$\frac{t_1}{2} = \frac{v_0 \sin \alpha}{g}$  — по высоте точки

$t_1 = \frac{2v_0 \sin \alpha}{g}$

$H = v_0 \sin \alpha \cdot t_2 + \frac{gt_2^2}{2}$

3.  $\tau = t_{\text{max}} - t_{\text{min}} = \frac{\sqrt{v_0^2 + 2gH} + v_0}{g} - \frac{\sqrt{v_0^2 + 2gH} - v_0}{g} =$   
 $= \frac{2v_0}{g} \Rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{g\tau}{2}}$

Каждый осколок имел скорость  $v_0$ .

$\Delta E_k = \Delta m \frac{v_0^2}{2}$

$\Sigma E_k = K = \Sigma \Delta m \frac{v_0^2}{2} = \frac{v_0^2}{2} \Sigma \Delta m = \frac{m v_0^2}{2}$

$K = \frac{m \cdot g \tau}{4} = \frac{g \tau m}{4} = \frac{10 \cdot 10 \cdot 2}{4} \text{ Дж} = 50 \text{ Дж}$

$t_2^2 \cdot \frac{g}{2} + t_2 \cdot v_0 \sin \alpha - H = 0$

$D = v_0^2 \sin^2 \alpha + 2gH$

$t_2 = \frac{\sqrt{v_0^2 \sin^2 \alpha + 2gH} - v_0 \sin \alpha}{g}$  — т.к.  $t_2 > 0$

$t = t_1 + t_2 = \frac{\sqrt{v_0^2 \sin^2 \alpha + 2gH} + v_0 \sin \alpha}{g}$

$t = \frac{\sqrt{u^2 + 2gH} + u}{g}$   $t_{\text{max}}$  при  $u_{\text{max}}$

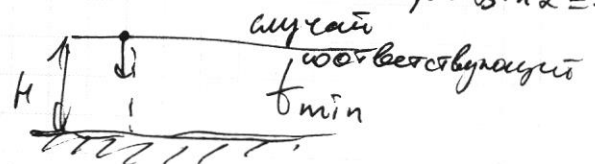
$u_{\text{max}}$  достигается при  $\sin \alpha = 1$

$t_{\text{max}} = \frac{\sqrt{v_0^2 + 2gH} + v_0}{g}$

$t_{\text{min}}$  при  $v_0 \sin \alpha = -v_0$   $t_{\text{min}}$  при  $\sin \alpha = -1$

$v_0 \sin \alpha = -v_0$

при  $\sin \alpha = -1$



$t_{\text{min}} = \frac{\sqrt{v_0^2 + 2gH} - v_0}{g}$

Ответ.  $v_0 = \sqrt{2gH} = 10\sqrt{13} \frac{\text{м}}{\text{с}}$

$K = \frac{g \tau m}{4} = 50 \text{ Дж}$

$\sqrt{2}$

$L = 300$

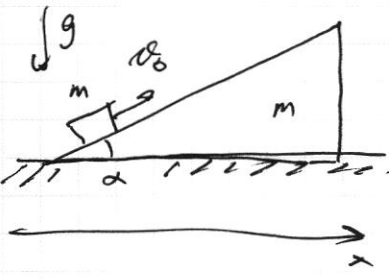
$v_0 = 2 \frac{m}{c}$

$m_k = m_{ш} = m$

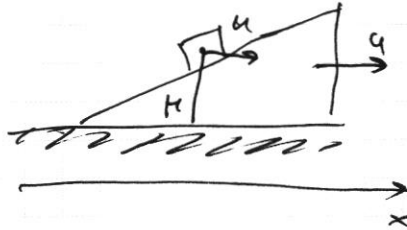
$g = 10 \frac{m}{c^2}$

H-?

$v$ -?



1. Шайба достигнет максимальной высоты H, когда относительно кинма она будет иметь скорость 0 следовательно:



ЗСМ ох: т.к. по ох нет внешних сил  
 $m v_0 \cos \alpha = 2 m u$

$u = \frac{v_0 \cos \alpha}{2}$

ЗСЭ:

$\frac{m v_0^2}{2} = \frac{2 m u^2}{2} + m g H$

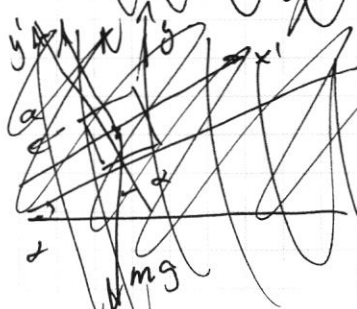
$\Rightarrow H = \frac{v_0^2 - 2 u^2}{2 g} =$

$= \frac{v_0^2 - v_0^2 \frac{\cos^2 \alpha}{2}}{2 g} = \frac{v_0^2 (2 - \cos^2 \alpha)}{4 g}$

$H = \frac{v_0^2}{4 g} (2 - \cos^2 \alpha) = \frac{4}{40} \cdot (2 - \frac{3}{4}) = \frac{1}{10} \cdot \frac{5}{4} = \frac{1}{8} \cdot 4$

$H = \frac{v_0^2}{4 g} (2 - \cos^2 \alpha) = 125 \text{ см}$

~~В произвольный момент времени~~



~~ЗМ на ох':  
 $N = m g \cos \alpha$   
 ЗМ на ох':~~

~~$m a = m g \sin \alpha$   
 $a = g \sin \alpha$~~

~~просто прямо по времени~~

~~$a_y = a \sin \alpha = g \sin^2 \alpha$~~

~~когда блок окажется снова у основания кинма v\_y будет такая же по модулю, но разная по направлению~~

~~$v_{y0} = v_0 \sin \alpha$~~



~~ЗСМ на ох:~~

~~$m (v_1' \cos \alpha) = m v_0 \cos \alpha$~~

~~$v_1' = v_0 \cos \alpha$~~

~~Относительно кинма~~

~~т.е.  $H = \frac{v_0^2}{4g} (2 - \cos^2 \alpha) = 125 \text{ см}$   
 $v_1' = v_0 \cos \alpha$~~

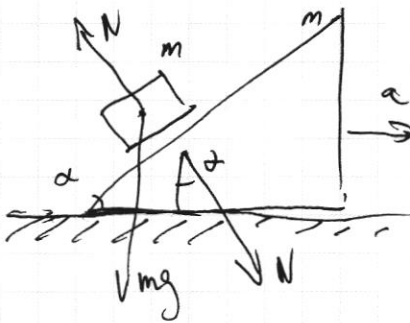
~~$\tan \alpha = \frac{v_0 \sin \alpha}{v_0 \cos \alpha} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$   
 $v_1' \tan \alpha = v_0 \sin \alpha$   
 $v_1' \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = v_0 \sin \alpha$   $v_1' = v_0 \cos \alpha$~~

~~$v_1 = v_0 \cos \alpha + v_0 \cos \alpha = 2 v_0 \cos \alpha$   
 $v_2 = v_0 \sin \alpha$   
 $v = v_0 \sqrt{\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha}$   
 $v = v_0 = 2 \frac{m}{c}$~~

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

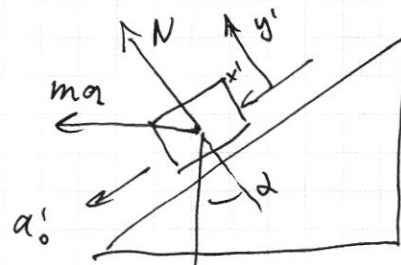
№2

2. В произвольный момент времени:



$$ma = N \sin \alpha$$

CO  $a$  (Нел):



II ЗН на  $Oy$ :

$$N + ma \sin \alpha = mg \quad \text{— и.к. движение без отрыва}$$

$$N(1 + \sin^2 \alpha) = mg$$

$$N = \frac{mg}{\cos^2 \alpha} = \text{const}$$

II ЗН на  $Ox$ :

$$ma'_0 = ma \cos \alpha + mg \sin \alpha =$$

$$= \frac{mg}{\cos^2 \alpha} \sin \alpha \cdot \cos \alpha + mg \sin \alpha =$$

$$= mg (\tan \alpha + \sin \alpha)$$

$$a'_0 = g (\tan \alpha + \sin \alpha) = \text{const}$$

$$a = \frac{N \sin \alpha}{m} = \frac{g \sin \alpha}{\cos^2 \alpha} = \text{const}$$

$$A = \sqrt{a^2 + a_0'^2 - 2aa_0' \cos \alpha} = \text{const}$$

ускорение бруска  $A$  не зависит от времени

движение равноускоренное

$$\Rightarrow A_y \text{ тоже } = \text{const}$$

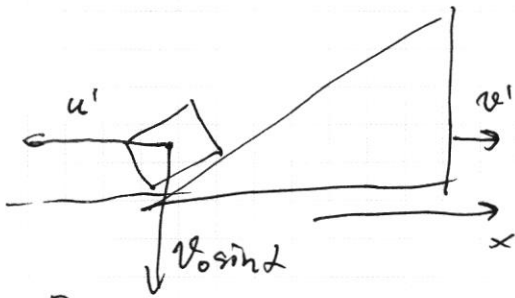
$\Rightarrow$  скорость по  $Oy$  в конечный момент, когда брусок будет у положения клина будет равна по модулю  $v_{y0}$  и обратна по направлению



$$v_{y0} = v_0 \sin \alpha$$

№ 12

3. Тогда можем записать следующие:



SCU по OX:

$$mv' - mu' = m v_0 \cos \alpha$$

$$\Rightarrow u' = v' - v_0 \cos \alpha$$

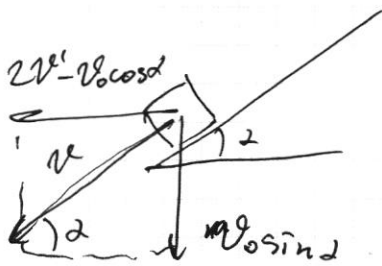
В СО кинка

$$\tan \alpha = \frac{v_0 \sin \alpha}{2v' - v_0 \cos \alpha} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$2v' \tan \alpha - v_0 \sin \alpha = v_0 \sin \alpha$$

$$v' \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = v_0 \sin \alpha$$

$$v' = v_0 \cos \alpha$$



↑ угол такой, т.к. относительно кинка брусок скользит по нему без отрыва

$$v = \sqrt{v_0^2 \sin^2 \alpha + (2v' - v_0 \cos \alpha)^2} \quad \text{— Личр}$$

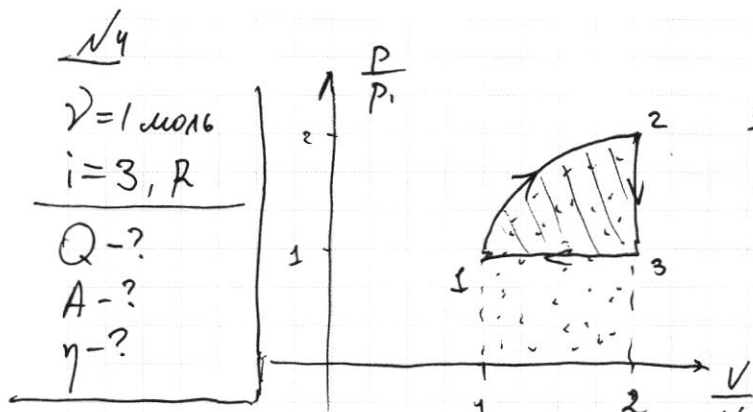
$$v = \sqrt{v_0^2 \sin^2 \alpha + v_0^2 \cos^2 \alpha} = v_0$$

$$\text{Ответ. } H = \frac{v_0^2}{4g} (2 - \cos^2 \alpha) = 12,5 \text{ см}$$

$$v = v_0 = 2 \frac{m}{c}$$



## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



1. Уравнение Менделеева-Клапейрона для  $\nu$ :  
 $p \cdot V_i = \nu R T_i$

$$p \cdot V_i = \nu R T_i$$

2. ИИТД для процесса  $1 \rightarrow 2$ :

$$Q = \frac{i}{2} \nu R (T_2 - T_1) + A_{12}$$

$$\text{Ур. М-К: } 2p_1 \cdot 2V_1 = \nu R T_2$$

$$\Rightarrow T_2 = 4T_1$$

$$A_{12} = \int p dV - \text{площадь под графиком}$$

$$A_{12} = p_1 V_1 \cdot \left( (2-1) \cdot 1 + \pi \cdot 1^2 \cdot \frac{1}{4} \right) =$$

$$= p_1 V_1 \left( 1 + \frac{\pi}{4} \right) = \nu R T_1 \left( 1 + \frac{\pi}{4} \right)$$

$$Q = \frac{i}{2} \nu R T_1 (4-1) + \nu R T_1 \left( 1 + \frac{\pi}{4} \right)$$

$$\gamma = 4$$

$$Q = \frac{9 R T_1}{2} + R T_1 \left( 1 + \frac{\pi}{4} \right) = R T_1 \left( \frac{11}{2} + \frac{\pi}{4} \right)$$

2.  $A_{\text{за цикл}} = A_{12} + A_{31} = A_{12} - A_{13}$

т.к.  $S_{12} - S_{13} = A = S_{123}$

*площадь под графиком (из 1)*

$$A = S_{123} = p_1 V_1 \cdot \frac{\pi}{4} \cdot 1^2 = \frac{\pi p_1 V_1}{4}$$

$$A = \frac{\pi}{4} p_1 V_1 = \frac{\pi}{4} \nu R T_1 = \frac{\pi}{4} R T_1$$

3.  $\eta = \frac{A}{Q_+}$

Попробуем что такое  $Q_+$ :

$Q_+$ :

$Q_{12} > 0$  - входит в  $Q_+$

т.к.  $\Delta T > 0, A_{12} > 0$

$Q_{23} < 0$  - не входит в  $Q_+$

т.к.  $\Delta T < 0, A_{23} = 0$

$Q_{31} < 0$  - не входит в  $Q_+$

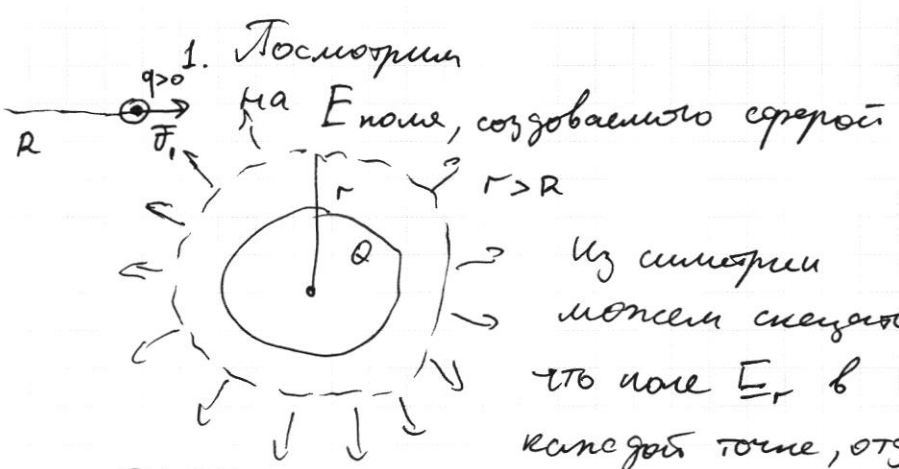
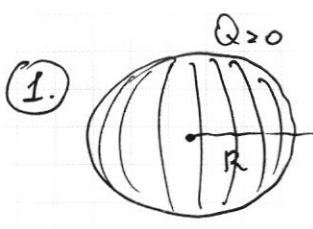
т.к.  $\Delta T < 0, A_{31} < 0$

$$\Rightarrow Q_+ = Q_{12} = Q$$

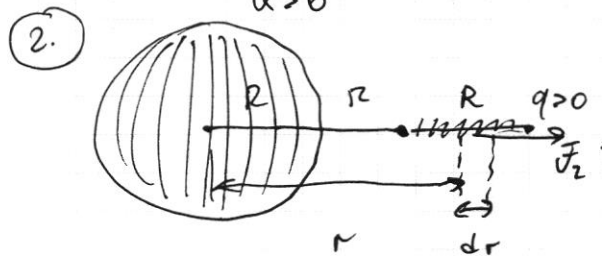
$$\eta = \frac{\frac{\pi}{4} R T_1}{R T_1 \left( \frac{11}{2} + \frac{\pi}{4} \right)} = \frac{\frac{\pi}{4}}{\frac{11}{2} + \frac{\pi}{4}} = \frac{\pi}{22 + \pi}$$

Ответ.  $Q = R T_1 \left( \frac{11}{2} + \frac{\pi}{4} \right)$   
 $A = \frac{\pi}{4} R T_1$   
 $\eta = \frac{\pi}{22 + \pi}$

№5  
 $Q > 0$   
 $R$   
 $q > 0$   
 $2R, k$   
 $F_1 = ? F_2 = ?$



1. Посмотрим на  $E$  поле, создаваемое сферой.  
 Из симметрии можем сказать что поле  $E_r$  в каждой точке, отдаленной от сферы на  $r$  одинаковое



$\Delta$  Гаусса:  
 $E \cdot 4\pi r^2 = \frac{Q}{\epsilon_0}$   
 $E(r) = \frac{Q}{4\pi \epsilon_0 \cdot r^2} = \frac{kQ}{r^2}$

2. Т.к. второй шарик маленьким по сравнению со сферой, можем считать его точечным зарядом

Тогда  $F_1 = E(2R) \cdot q = \frac{kQq}{4R^2} = \frac{kQq}{4R^2}$

$dF = E(r) \cdot dq$   
 $dq = \frac{dr}{R} \cdot q$

$dF_2 = \frac{kQ}{r^2} \cdot \frac{q}{R} dr$   
 $F_2 = \int_{2R}^{5R} \frac{kQq}{R} \cdot \frac{dr}{r^2} = \frac{kQq}{R} \int_{2R}^{5R} \frac{dr}{r^2}$

$F_2 = \frac{kQq}{R} \cdot \left(-\frac{1}{r}\right) \Big|_{2R}^{5R} = \frac{kQq}{R} \left(-\frac{1}{5R} + \frac{1}{2R}\right) = \frac{kQq}{R} \cdot \frac{1}{6R} = \frac{kQq}{6R^2}$

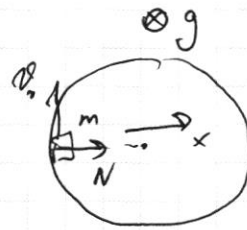
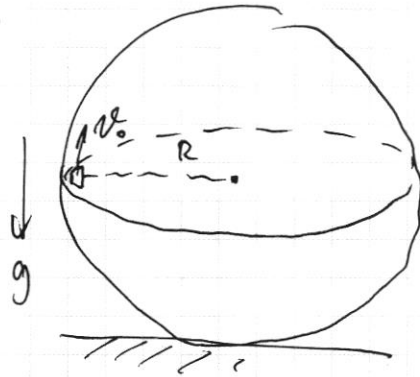
Ответ.  $F_1 = \frac{kQq}{4R^2}$   
 $F_2 = \frac{kQq}{6R^2}$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№3

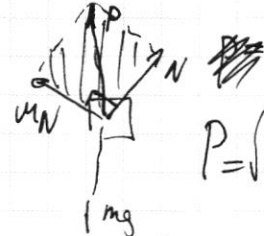
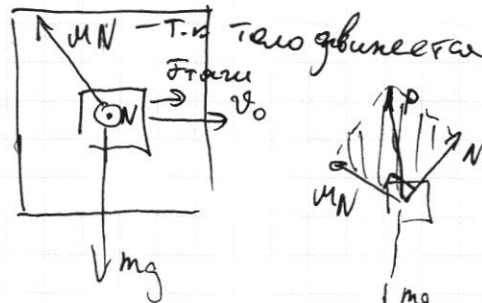
$R = 1,2 \text{ м}$   
 $v_0 = 3,7 \frac{\text{м}}{\text{с}}$   
 $m = 0,4 \text{ кг}$   
 $F_{\text{сопр}} = 0$   
 $\mu = 0,9$   
 $g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$   
 $\alpha = 30^\circ$

$P = ?$   
 $v_{\text{min}} = ?$



II ЗМ на  $Ox$ :

$$m \frac{v_0^2}{R} = N$$



$$P = \sqrt{N^2 + (\mu N)^2}$$

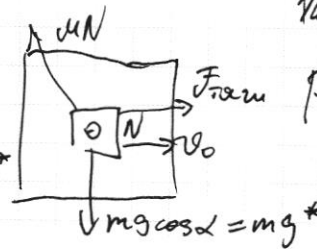
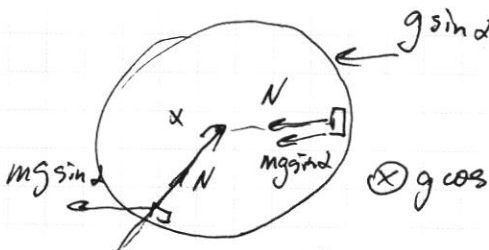
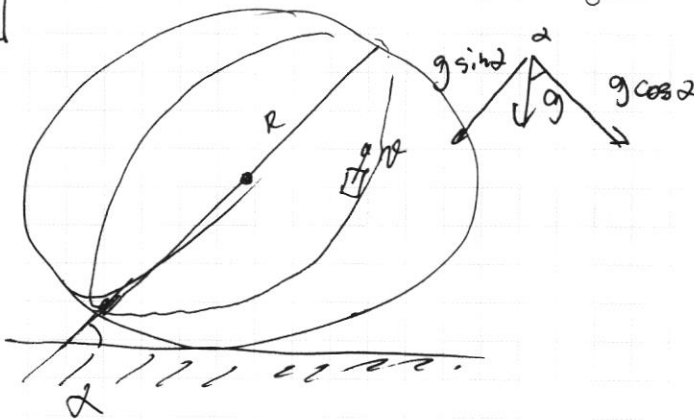
$$P = N \sqrt{1 + \mu^2}$$

$$P = m \frac{v_0^2}{R} \sqrt{1 + \mu^2}$$

$$= 0,4 \cdot \frac{(3,7)^2}{1,2} \sqrt{1 + 0,81} \cdot \text{Н} =$$

$$\frac{13,69}{3} \sqrt{1,81} \text{ Н}$$

~~$$P = \frac{13,69}{3} \sqrt{1,81} \text{ Н}$$~~



$$P = \frac{13,69}{3} \sqrt{1,81} \text{ Н} = m \frac{v_0^2}{R} \sqrt{1 + \mu^2}$$

Для определения  $v_{\text{min}}$  необходимо найти крайний случай, когда тело уже практически падает с траектории. В этот момент все  $F_{\text{тр}}$  идет на то, чтобы "погасить"  $mg^*$ :

$$\mu N = mg^*$$

В этой точке  $N_{\text{min}}$  (т.к. тогда в остальных условиях не падения выполняется)

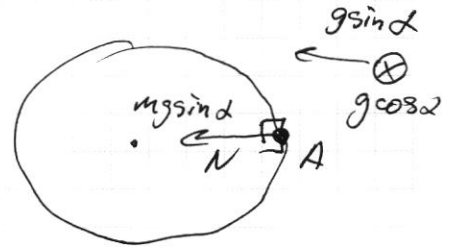


№3

$$N + (mg \sin \alpha)_x = \frac{mv^2}{R} - \mu 3\mu \text{ на } Ox$$

$$\Rightarrow N_{\min} = \frac{mv^2}{R} - mg \sin \alpha$$

проекции на x и есть  $mg \sin \alpha$   
точка A



$$\mu N_{\min} = mg \cos \alpha = \mu \frac{mv^2}{R} - \mu mg \sin \alpha$$

$$v^2 = \frac{R}{\mu} (g \cos \alpha + \mu \sin \alpha) g$$

$$v_{\min} = \sqrt{\frac{R}{\mu} (g \cos \alpha + \mu g \sin \alpha)} - \text{соответствует } v_{\min}, \text{ т.к. мы рассматриваем крайний случай}$$

$$v_{\min} = \sqrt{\frac{gR}{\mu} (\cos \alpha + \mu \sin \alpha)} = \sqrt{\frac{120}{9} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{9}{20} \right)} \frac{\mu}{c} = \sqrt{\frac{60\sqrt{3}}{9} + 60} \frac{\mu}{c} = \sqrt{60 \left( \frac{\sqrt{3}}{9} + 1 \right)} \frac{\mu}{c}$$

$$\text{Ответ. } P = m \frac{v_0^2}{R} \sqrt{1 + \mu^2} = \frac{13,69}{3} \sqrt{1,781} \cdot H$$

$$v_{\min} = \sqrt{\frac{gR}{\mu} (\cos \alpha + \mu \sin \alpha)} = \sqrt{60 \left( \frac{\sqrt{3}}{9} + 1 \right)} \frac{\mu}{c}$$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$49 + 210 + 21 + 90 =$$

$$= 259 + 111 =$$

$$= 110 + 260 =$$

$$= 270 + 110 = 370$$

$$\begin{array}{r} 270 \\ + 110 \\ \hline 380 \\ + 110 \\ \hline 490 \\ + 90 \\ \hline 580 \end{array}$$

$$\frac{12,79}{3,17} \cdot \sqrt{1,81} = \frac{12,79}{3} \sqrt{1,81}$$

$$\cos \alpha = \frac{Rmg}{\mu m v_0^2} = \frac{Rg}{\mu v_0^2} = \frac{12}{0,9 \cdot 144} = \frac{120}{129,6} = \frac{120}{144}$$

$$= \frac{12}{0,9 \cdot 12,75}$$

$$\cos \alpha = \frac{Rg}{\mu v_0^2} = \frac{12}{0,9 \cdot 12,75} = \frac{12}{11,475} = 1,045$$

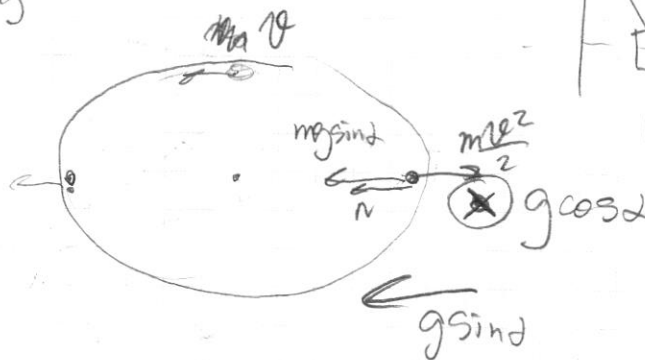
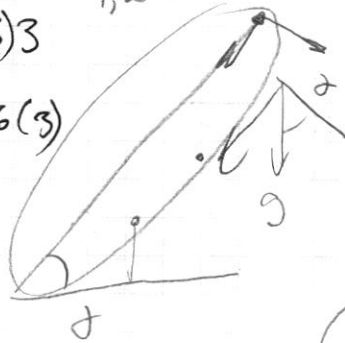
$$\frac{12}{11,475} = 1,045$$

$$P = N \sqrt{1 + \mu^2}$$

$$\frac{13,69}{12} \Big| \frac{310}{4,56(3)} = \frac{v_0^2}{1,2 \mu} =$$

$$\frac{12}{16} - \frac{15}{15} = \frac{15}{15}$$

$$4,56(3)$$



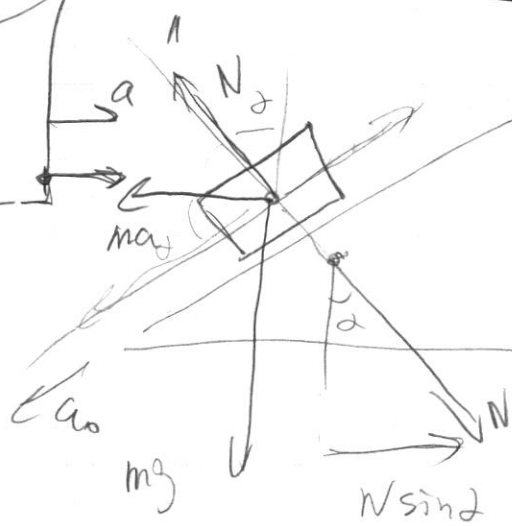
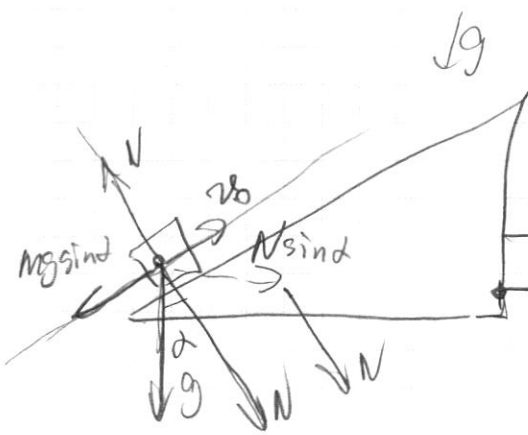
$$mg \sin \alpha + N = \frac{m v^2}{R}$$

$$\mu = \mu \left( \frac{v^2}{R} - g \sin \alpha \right) \mu = \mu g \cos \alpha$$

$$v = \sqrt{gR \left( \frac{\cos \alpha}{\mu} + \sin \alpha \right)}$$

$$g = \sqrt{gR(\cos\alpha + \mu\sin\alpha)}$$

$$P = m\omega^2 R \sqrt{1 + \mu^2}$$



$$a = \frac{N \sin \alpha}{m}$$

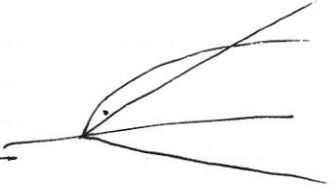
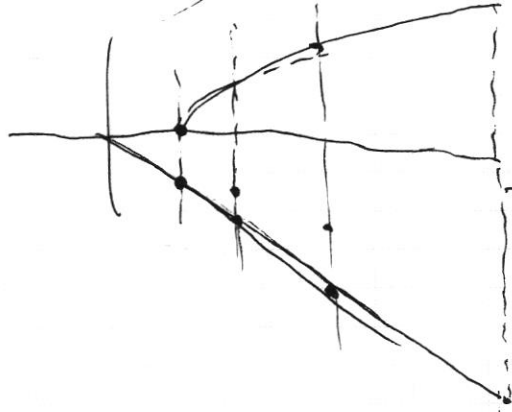
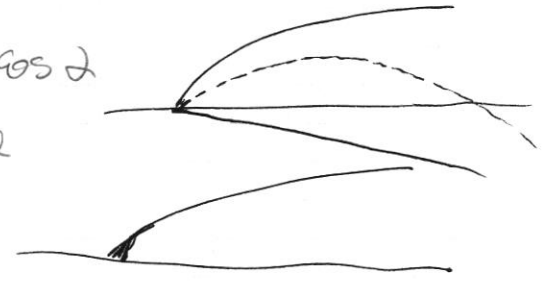
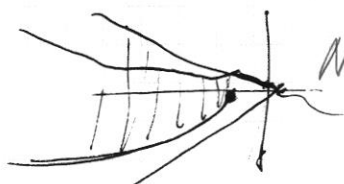
$$ma_0 = mg \sin \alpha + ma \cos \alpha$$

$$N + ma \sin \alpha = mg \cos \alpha$$

$$\sqrt{v_0^2 + 2gH} + v_0$$

$$\sqrt{v_0^2 \sin^2 \alpha + 2gH} + v_0 \sin \alpha$$

$$f' = \frac{v_0}{g} \left( \frac{v_0 \sin \alpha}{\sqrt{v_0^2 \sin^2 \alpha + 2gH}} + 1 \right) \neq 0$$



~~Handwritten scribbles~~

~~Handwritten scribbles~~

~~Handwritten scribbles~~

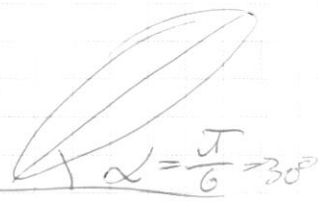
10.6

$\frac{v_1 \cdot g = 10 \frac{m}{s^2}}{m = 2m}$   
 $H = 65m$   
 $r = 100$   
 $v_0 = ?$   
 $\angle E_v = k = ?$



$t = \frac{v_0}{g}$

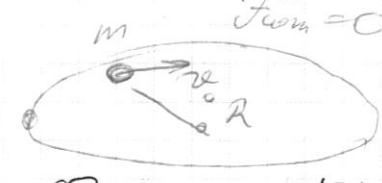
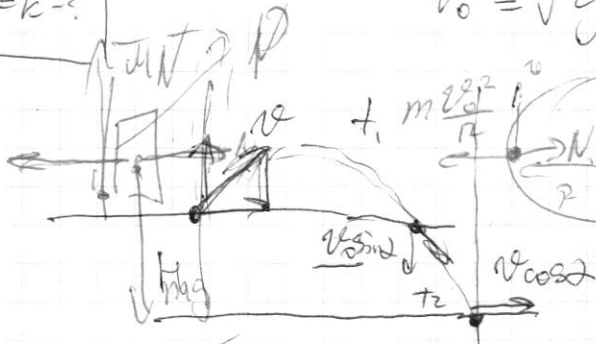
$v_0 t - \frac{gt^2}{2} = \frac{v_0^2}{2g} = H$



$\frac{37}{37}$   
 $\frac{37}{9}$   
 $P = ?$

$v_0 = \sqrt{2gH} = \sqrt{2 \cdot 10 \cdot 65} = \sqrt{1300} = 10\sqrt{13}$

$F_{\text{cent}} = 0$



$\frac{t_1}{2} = \frac{v_0 \sin \alpha}{g}$

$t_1 = \frac{2v_0 \sin \alpha}{g}$

$v_0 \sin \alpha \cdot t_2 + \frac{gt_2^2}{2} = H$

$\frac{t_2^2}{2} \cdot g + t_2 \cdot v_0 \sin \alpha - H = 0$

$D = v_0^2 \sin^2 \alpha + 2gH$

$t_2 = \frac{v_0 \sin \alpha + \sqrt{v_0^2 \sin^2 \alpha + 2gH}}{g}$

$(t_2)' = \left( \frac{v_0 \sin \alpha + \sqrt{v_0^2 \sin^2 \alpha + 2gH}}{g} \right)' + (v_0)' = 0$

$\frac{1}{g} \left( \frac{v_0 \sin \alpha}{\sqrt{v_0^2 \sin^2 \alpha + 2gH}} + 1 \right) = 0$



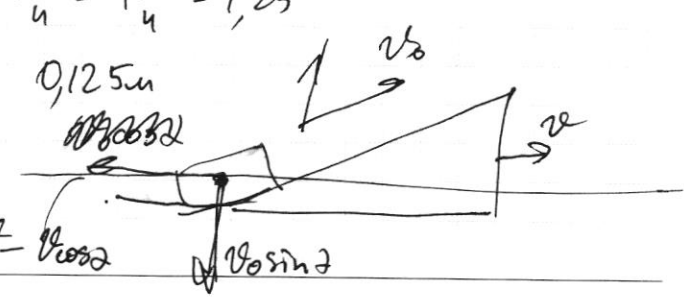
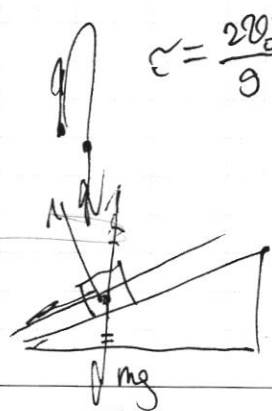
$v_0 \sin \alpha = -\sqrt{v_0^2 \sin^2 \alpha + 2gH}$

$v_0^2 \sin^2 \alpha = v_0^2 \sin^2 \alpha + 2gH$

$\epsilon = \frac{2gH}{g} \Rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{2gH}{\sin^2 \alpha}} = \frac{8-3}{4}$

$\frac{5}{4} = 1 \frac{1}{4} = 1,25$

0,125m



$\frac{60\sqrt{3}}{9} + 60$   
 $\frac{120}{9} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{9}{20} \right)$

$N = m \frac{v^2}{R}$

$uN = mg$

$10 = 0,9 \cdot \frac{37^2}{1,2}$

$\frac{1}{g} (\frac{u^2}{2} + 2gH) = u$

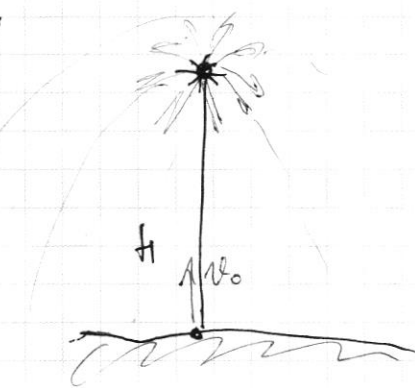
$t' = \frac{1}{g} \left( \frac{2u}{\sqrt{u^2 + 2gH}} + 1 \right) = 0$

$\frac{g^2}{2} \cdot \frac{m}{2} u^2 = u^2 + 2gH$

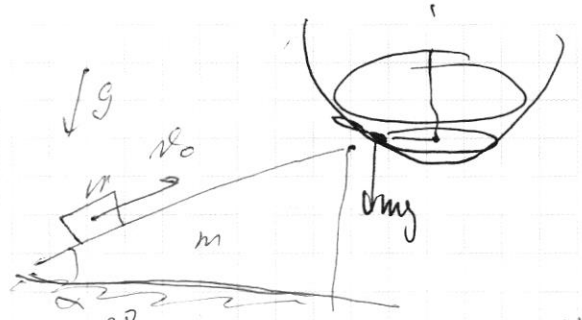
$\frac{\sqrt{3}}{2} v = u = v_0 \cos \alpha$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№1  
 $m = 2 \text{ м}$   
 $H = 65 \text{ м}$   
 $\tau > 10 \text{ с}$   
 $v_0 = ?$   
 $k = ?$   
 $g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$



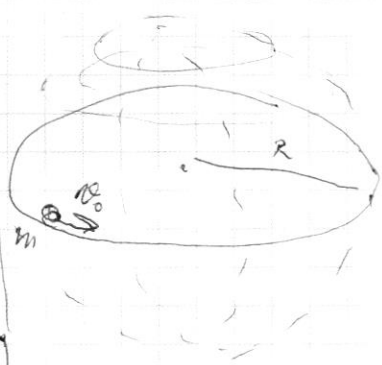
№2  
 $d = 300$   
 $v_0 = 2 \frac{\text{м}}{\text{с}}$   
 $n = m$   
 $g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$   
 $H = ?$   
 $v = ?$



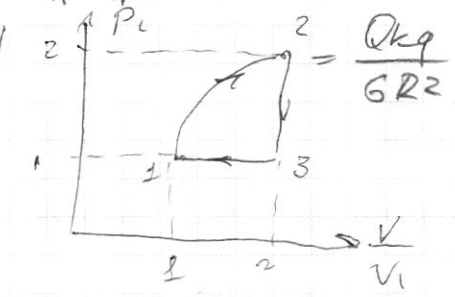
$$dF = \left( \frac{Qk}{r^2} \cdot \frac{q}{R} dr = - \frac{Qkq}{R} \cdot \frac{1}{r} \right)_{2R}^{3R}$$

$$F = \frac{Qkq}{R} \left( -\frac{2}{2R} + \frac{3}{3R} \right) = \frac{Qkq}{6R^2}$$

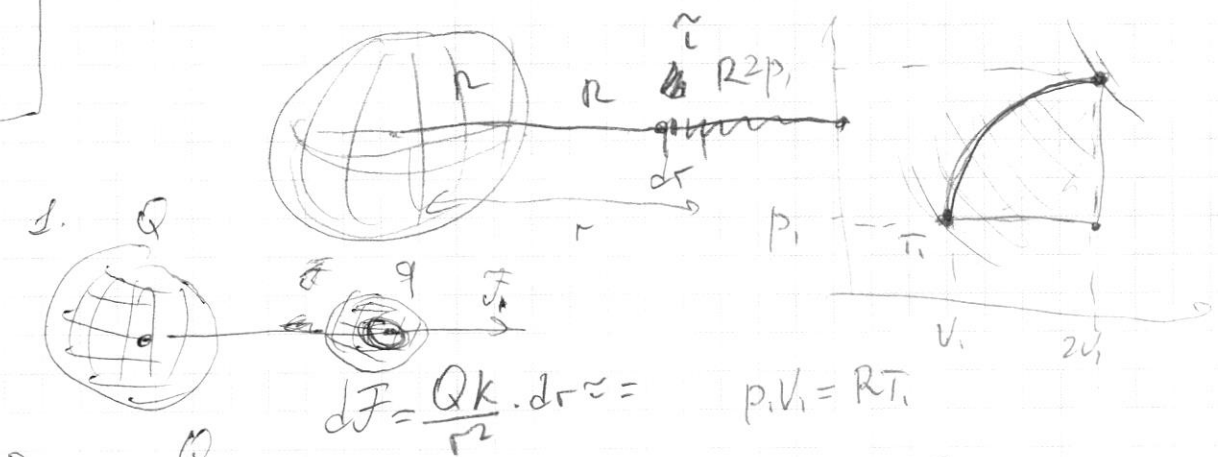
№3  
 $R = 1,2 \text{ м}$   
 $v_0 = 3,7 \frac{\text{м}}{\text{с}}$   
 $m = 0,4 \text{ м}$   
 $F_{\text{comp}} \approx 0$   
 $p = ?$   
 $\omega = 0,9$   
 $g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$   
 $L = \frac{T}{6}$



№4  
 $D = 1 \text{ мон.}$   
 $T_1, R$   
 $Q_+ = ?$   
 $A = ?$   
 $\eta = ?$

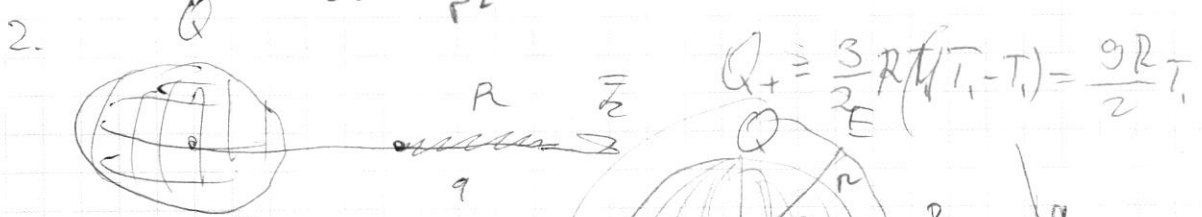


№5  
 $Q > 0$   
 $R, q > 0$   
 $F_1 = ?$   
 $F_2 = ?$



$$dF = \frac{Qk}{r^2} \cdot dr =$$

$$p \cdot v_1 = R T_1$$



$$Q_+ = \frac{3}{2} R T_1 = \frac{9R}{2} T_1$$

$$E \cdot 4\pi R^2 = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

$$E = \frac{Q}{4\pi R^2 \epsilon_0} = k \frac{Q}{R^2}$$

$$F = E q = \frac{Qqk}{r^2} = \frac{kQq}{4R^2}$$