

# Олимпиада «Физтех» по физике 2022

Класс 10

Вариант 10-01

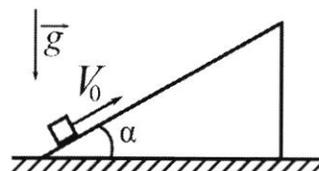
Шифр

(заполняется секретарём)

1. Фейерверк массой  $m = 2$  кг стартует после мгновенной работы двигателя с горизонтальной поверхности, летит вертикально вверх и разрывается в высшей точке траектории на множество осколков, которые летят во всевозможных направлениях с одинаковыми по величине скоростями. Высота точки разрыва  $H = 65$  м. На землю осколки падают в течение  $\tau = 10$  с.

- 1) Найдите начальную скорость  $V_0$  фейерверка.
- 2) Найдите суммарную кинетическую энергию  $K$  осколков сразу после взрыва. Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым.

2. На гладкой горизонтальной поверхности расположен клин. Гладкая наклонная поверхность клина образует с горизонтом угол  $\alpha = 30^\circ$ . Шайбе, находящейся на наклонной поверхности клина, сообщают начальную скорость  $V_0 = 2$  м/с (см. рис.), далее шайба безотрывно скользит по клину. Массы шайбы и клина одинаковы. Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.



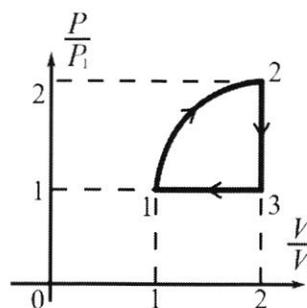
- 1) На какую максимальную высоту  $H$  над точкой старта поднимется шайба на клине?
- 2) Найдите скорость  $V$  клина, в тот момент, когда шайба вернется в точку старта на клине. Массы шайбы и клина одинаковы. Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

3. По внутренней поверхности проволочной металлической сферы радиуса  $R = 1,2$  м равномерно со скоростью  $V_0 = 3,7$  м/с движется модель автомобиля. Движение происходит в горизонтальной плоскости большого круга. Масса модели  $m = 0,4$  кг. Модель приводится в движение двигателем. Силу сопротивления считайте пренебрежимо малой.

- 1) С какой по величине силой  $P$  модель действует на сферу?
- 2) Рассмотрим модель автомобиля равномерно движущуюся по окружности в плоскости большого круга, составляющей с горизонтом угол  $\alpha = \frac{\pi}{6}$ . Вычислите минимальную допустимую скорость  $V_{MIN}$  такого равномерного движения. Коэффициент трения скольжения шин по поверхности сферы  $\mu = 0,9$ . Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

4. Один моль одноатомного идеального газа участвует в цикле 1-2-3-1 (см. рис.), участок 1-2 – дуга окружности с центром в точке 3. Температура газа в состоянии 1 равна  $T_1$ .

- 1) Какое количество  $Q$  теплоты подведено к газу в процессе расширения?
  - 2) Найдите работу  $A$  газа за цикл.
  - 3) Найдите КПД  $\eta$  цикла.
- Универсальная газовая постоянная  $R$ .



5. Заряд  $Q > 0$  однородно распределен по сфере радиуса  $R$ . В первом опыте на расстоянии  $2R$  от центра сферы помещают небольшой по размерам шарик с зарядом  $q > 0$ .

- 1) Найдите силу  $F_1$ , действующую на заряженный шарик.
- Во втором опыте заряд  $q$  однородно распределяют по стержню длины  $R$ , стержень помещают на прямой, проходящей через центр заряженной сферы. Ближайшая к центру сферы точка стержня находится на расстоянии  $2R$  от центра.
- 2) Найдите силу  $F_2$ , с которой заряд сферы действует на заряженный стержень.

Все силы, кроме кулоновских, считайте пренебрежимо малыми. Коэффициент пропорциональности в законе Кулона  $k$ . Явлениями поляризации пренебрегите.

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

### Задача №1

Дано:  $m = 2 \text{ кг}$

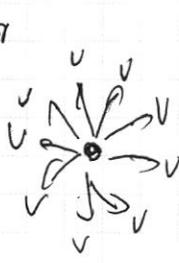
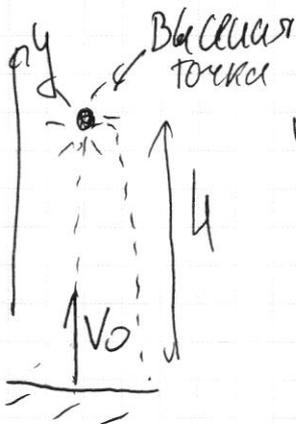
$H = 65 \text{ м}$

$L = 10 \text{ с}$

$V_0 = ?$

$g = 10 \text{ м/с}^2$

$K = ?$



① Т.к. фейерверк взорвался в высшей точке траектории, то его вертикальная  $v = 0$  (на высоте  $H$ )

1)  $V_0 - 0 = gt$

2)  $H = V_0 L - \frac{gt^2}{2}$

Запишем 3-и уравнение  
+ время полёта фейерверка до взрыва

1) и 2) на ось  $y$

Решим:  $V = gt \Rightarrow t = \frac{V_0}{g}$

$$H = V_0 \cdot \frac{V_0}{g} - g \cdot \frac{V_0^2}{2g^2} = \frac{V_0^2}{2g}$$

$$V_0 = \sqrt{H \cdot 2g} = \sqrt{65 \cdot 2 \cdot 10} = \sqrt{130 \cdot 10} = 10\sqrt{13} \text{ м/с} \approx 10 \cdot 3,6 = 36 \text{ м/с}$$

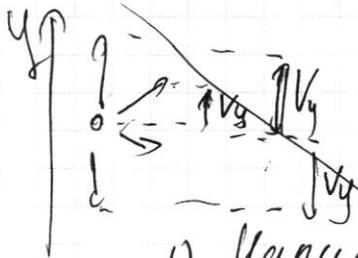
$\sqrt{13} \approx 3,6$   
3,6  
3,6  
216  
108  
12,96 (очень хорошая точность)

② Т.к. фейерверк взорвался в верхней точке

~~то~~ то там  $V = 0$  и суммарный импульс частиц в канале  $= 0 \Rightarrow \sum \vec{p}_i = 0$

И-т на землю прилетят осколки, которые по мере взрыва сразу имеют  $V_{\text{max}}$  вниз, а т.к. они все имеют одинаковую  $m$ , то вектор ск-ти сразу после взрыва направлен вниз.

А последний осколок, прилежавший к земле  
~~имел~~ имел вектор  $s$ -ти сразу после взрыва - ровно  
 вверх



( $V_y$  должен быть мин и макс  $\Rightarrow$   
 верхний и нижний)

1) Напишем ур-я для нижнего шарика, где  
 $v$  - ск-ть начальная,  $t'$  - время полета,  $V_k$  - ск-ть  
 около земли



~~1)  $V_k - v = gt'$~~

ЗСЖ:  ~~$\frac{v^2}{2} + gt = \frac{V_k^2}{2}$~~   $\Rightarrow V_k = \sqrt{v^2 + 2gt}$

Решаем:

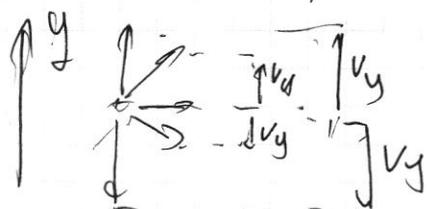
$\sqrt{v^2 + 2gt} - v = gt' \Rightarrow t' = \frac{\sqrt{v^2 + 2gt} - v}{g}$



2

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

А последний осколок, прилетевший на землю имеет вектор скорости сразу после взрыва - ровно вверх



(то есть выбираем осколок, у которых  $v_y$  max и min вверх и вниз)

В качестве гр-я для нижнего осколка:



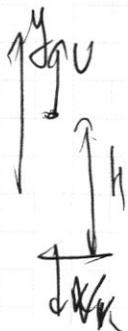
$v_k$  - скорость земли  $t'$  - время полёта,  
 $v$  - какая-нибудь скорость

$$1) v_k - v = g t'$$

$$2) ЗСЭ: \frac{v^2}{2} + g h = \frac{v_k^2}{2} \Rightarrow v_k = \sqrt{v^2 + 2gh}$$

$$t' = \frac{\sqrt{v^2 + 2gh} - v}{g}$$

2) Теперь для осколка летевшего вверх



$v_k$  - скорость земли  $t''$  - время полёта

$$1) v - g t'' = v_k \Rightarrow v + v_k = g t''$$

$$2) ЗСЭ: \frac{v^2}{2} + g h = \frac{v_k^2}{2} \Rightarrow v_k = \sqrt{v^2 + 2gh}$$

$$t'' = \frac{v + \sqrt{v^2 + 2gh}}{g}$$

Значит все остальные шаряды падали между временами  $t'$  и  $t'' \Rightarrow$

$$t'' - t' = \tau$$

$$\frac{v + \sqrt{v^2 + 2gh}}{g} - \frac{\sqrt{v^2 + 2gh} - v}{g} = \tau = \frac{2v}{g} \Rightarrow v = \frac{\tau g}{2}$$

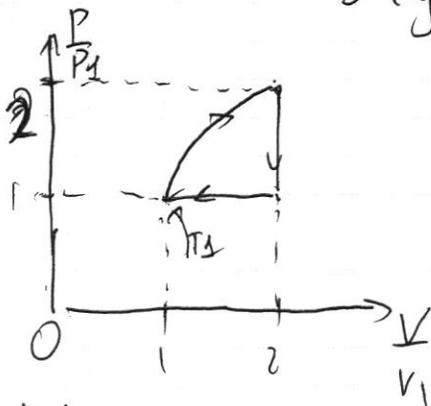
Т.к. шарик взорвался в верхней точке и в основании окружности, то

$$K = \sum_i \frac{m_i v^2}{2} = \frac{m v^2}{2} = \frac{m \cdot \tau^2 g^2}{2 \cdot 4} = \frac{m \tau^2 g^2}{8}$$

$$= \frac{2 \text{ кг} \cdot 100 \text{ с}^2 \cdot 100 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^4}}{8} = \frac{2 \cdot 10^4 \text{ Дж}}{8} = \frac{10}{4} \text{ кДж} = 2,5 \text{ кДж}$$

Ответ:  $v_0 \approx 36 \text{ м/с}$ ;  $K = 2,5 \text{ кДж}$

Задача №4



Т.к. газ одноатомный  
 $i = 3$

1) I К.Т.Д.

$$Q = A_{\text{газа}} + \Delta U$$

{ процесс  
расширения -  
участок 1-2

$$A_{\text{газа}} = S_{\text{под кр-ной 1-2}}$$

$$\Delta U = U_2 - U_1 = \frac{3}{2} p_2 V_2 - \frac{3}{2} p_1 V_1 =$$

$$= \frac{3}{2} 2 p_1 \cdot 2 V_1 - \frac{3}{2} p_1 V_1 = 3 \cdot \frac{3}{2} p_1 V_1 =$$

$$= 3 \cdot \frac{3}{2} \cdot \nu R T_1$$

$$A_{\text{газа}} = \frac{\pi \cdot V_1 \cdot p_1}{4} + V_1 p_1 = V_1 p_1 \left( \frac{\pi}{4} + 1 \right) = \nu R T_1 \left( \frac{\pi}{4} + 1 \right)$$

$$Q = \nu R T_1 \left( \frac{\pi}{4} + 1 \right) + 3 \cdot \frac{3}{2} \nu R T_1 = \nu R T_1 \left( \frac{\pi}{4} + 1 + \frac{9}{2} \right) =$$

$$= \nu R T_1 \left( 5,5 + \frac{\pi}{4} \right) \approx \nu R T_1 \cdot 6,28$$

$$Q_1 = \nu R T_1 \cdot \left( 5,5 + \frac{\pi}{4} \right) \approx \nu R T_1 \cdot 6,28 = 1 \text{ моль} R T_1 \cdot 6,28$$

2)  $A_{\text{газа}} \equiv S_{\text{под графиком (созиданном) на кр-ном из участков}}$

$$A_{\text{газа}} = A_{1-2} + A_{2-3} + A_{1-3} = \left( \frac{\pi}{4} V_1 p_1 + V_1 p_1 \right) + 0 - V_1 p_1 =$$

$$= \frac{\pi}{4} V_1 p_1 = \frac{\pi}{4} \nu R T_1 \approx 0,78 \cdot \nu R T_1 = 0,78 \cdot 1 \text{ моль} R T_1$$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\begin{aligned}
 3) \eta &= 1 - \frac{|A_{газ3-2}|}{|A_{газ2-1}|} = \frac{A_{газ1-2} - A_{газ3-2}}{A_{газ1-2}} = \\
 &= \frac{A_{газ2-1}}{A_{газ1-2}} = \frac{\frac{\pi}{4} \nu_1 P_1}{\frac{\pi}{4} \nu_1 P_1 + \nu_1 P_2} = \frac{\frac{\pi}{4} \nu R T_1}{\nu R T_1 \left( \frac{\pi}{4} + 1 \right)} = \frac{\frac{\pi}{4}}{\left( \frac{\pi}{4} + 1 \right)} = \\
 &\approx \frac{0,78}{1,78} \approx 0,43
 \end{aligned}$$

Ответ:  $Q = \nu R T_1 \left( 1,5 + \frac{\pi}{4} \right) = \nu R T_1 \cdot 6,28 = 1 \text{ моль} \cdot R T_1 \cdot 6,28$   
 $A_{газ2} = \frac{\pi}{4} \nu R T_1 = 0,78 \nu R T_1 = 0,78 \cdot 1 \text{ моль} \cdot R T_1$   
 $\eta = 0,43$

~~Дано:  $v_0 = 2 \text{ м/с}$   
 $\alpha = 30^\circ$   
 $g = 10 \text{ м/с}^2$   
 $h = ?$   
 $v = ?$~~

~~Задача №2~~



~~Записана ЗСЭ~~

~~$E_0 = \frac{m v_0^2}{2}$~~

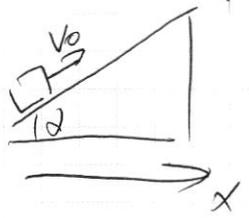
~~$m$  - масса бруска  
 $M$  - масса клина  
 $m = M$   
 $E_0$  - энергия~~

~~В верхней точке  
 $v_{горизонт} = v_{вертикал} = 0$   
 $v_{горизонт} = v_{клин}$~~

~~$E_0 = mg h + \frac{m v_{горизонт}^2}{2} + \frac{M v_{клин}^2}{2} = mg h + \frac{m v_{клин}^2}{2}$~~

## Задача 2

Дано:  $v_0 = 2 \text{ м/с}$   
 $\alpha = 30^\circ$   
 $g = 10 \text{ м/с}^2$   
 $h = ?$



1) В верхней точке Вруса по вертикали  $= 0$ , а по горизонтали совпадает со  $v_{кл}$  (включая этот момент)

$v_{клин} = ?$

Отсюда:

1) ЗСЭ:  $\frac{mv_0^2}{2} = mgh + \frac{mv_{клин}^2}{2} + \frac{Mv_{клин}^2}{2}$  |  $m$  - брусок  
 $M$  - клин

2) ЗСН на ось  $x$ :  $mv_0 \cos \alpha = m v_{клин} + M v_{клин} \Rightarrow$   
 $= \frac{mv_0 \cos \alpha}{(m+M)} = v_{клин}$

$$\frac{mv_0^2}{2} = mgh + \frac{m}{2} \left( \frac{m^2 v_0^2 \cos^2 \alpha}{(m+M)^2} \right) + \frac{M}{2} \left( \frac{m^2 v_0^2 \cos^2 \alpha}{(m+M)^2} \right)$$

$$\frac{mv_0^2}{2} - m \left( \frac{m^2 v_0^2 \cos^2 \alpha}{(m+M)^2} \right) - \frac{M}{2} \left( \frac{m^2 v_0^2 \cos^2 \alpha}{(m+M)^2} \right) = h$$

| Воспользуемся  $m=M$

$$v_0^2 - \frac{1}{4} v_0^2 \cos^2 \alpha - \frac{1}{4} v_0^2 \cos^2 \alpha = \frac{v_0^2 - \frac{1}{2} v_0^2 \cos^2 \alpha}{2g} = h$$

$$= \frac{v_0^2 (1 - \frac{1}{2} \cos^2 \alpha)}{2g} = \frac{2 \text{ м/с} \cdot 2 \text{ м/с} (1 - \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4})}{2 \cdot 10 \text{ м/с}^2} = \frac{5 \cdot 2 \cdot 2}{8 \cdot 2 \cdot 10} = \frac{1}{8} \text{ м} = 0,125 \text{ м} = h$$

2) Вернувшись в ту же точку, тогда:

Вруса - ~~ск~~ - брусок  $v_y$  - Вруса на  $y$   
 $v_x$  - Вруса на  $x$

ЗСЭ:  $\frac{mv_0^2}{2} = \frac{mv_{Вруса}^2}{2} + \frac{Mv_{клин}^2}{2}$  | 4)  $v_y^2 + v_x^2 = v_{Вруса}^2$

ЗСН  $x$ : 2)  $mv_0 \cos \alpha = m v_{Вруса} x + M v_{клин}$

ЗСН  $y$ : 3)  $mv_y = mv_{Вруса} y = m v_0 \sin \alpha$  | (в ту же точку)

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$\frac{m V_0^2 \cos^2 \alpha}{2} = \frac{m V_{\text{русская}}^2}{2} + \frac{M V_{\text{кп}}^2}{2}$$

$$m V_0 \cos \alpha = m V_{\text{русская}} + M V_{\text{кп}}$$

$$V_0 \cos \alpha = V_{\text{кп}} + V_{\text{русская}} \Rightarrow V_{\text{русская}} = V_0 \cos \alpha - V_{\text{кп}}$$

$$\frac{V_0^2 \cos^2 \alpha}{2} = \frac{(V_0 \cos \alpha - V_{\text{кп}})^2}{2} + \frac{V_{\text{кп}}^2}{2}$$

$$V_0^2 \cos^2 \alpha = V_0^2 \cos^2 \alpha - 2 V_0 \cos \alpha V_{\text{кп}} + V_{\text{кп}}^2 + V_{\text{кп}}^2$$

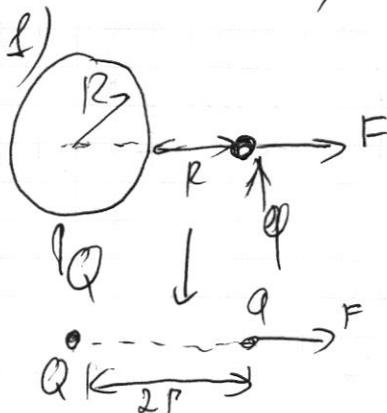
$$2 V_0 \cos \alpha V_{\text{кп}} = 2 V_{\text{кп}}^2$$

$$V_0 \cos \alpha = V_{\text{кп}} = 2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \text{ м/с} = \sqrt{3} \text{ м/с} \approx 1,71 \text{ м/с}$$

Ответ:  $R = \frac{1}{8} \text{ м} = 0,125 \text{ м}$ ;  $V_{\text{кп}} = \sqrt{3} \text{ м/с} \approx 1,71 \text{ м/с}$

### Задача 5

Пользуясь с принципом суперпозиции, если заряд находится вне сферы, то зарядковую сферу можем представить как просто заряд, помещённый в её центр. (Это достаточно известно и считаю, что это выводится не требуется)



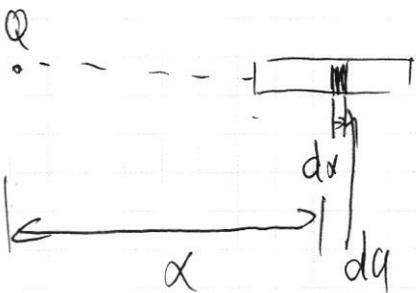
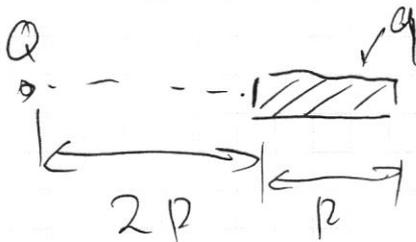
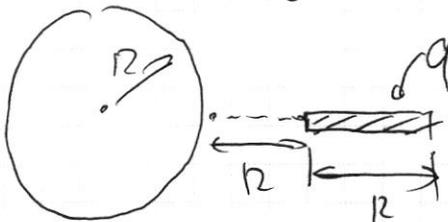
Представим сферу, как заряд  $Q$  помещённый в её центре, тогда расстоянием между зарядами будет  $2R$   
т.к.  $Q > 0$  и  $q > 0$  (одноименные заряды  $\Rightarrow F$  как каша от сферы)

Тогда по 3-й формуле:

$$F_1 = k \cdot \frac{Q \cdot q}{r^2} = \frac{k \cdot Q \cdot q}{4R^2}$$

$$F_1 = k \frac{Q \cdot q}{4R^2}$$

II Теперь у нас стержень



1) Так же представим сферу, как заряд  $Q$ , помещенный в её центре.

Тогда:

Разобьём наш стержень на маленькие участки  $dx$  их заряд будет  $dq$

$$dq = \frac{dx}{R} \cdot q$$

$F$ , действующая на него по 3-й формуле:

$$dF = k \cdot \frac{Q \cdot dq}{x^2}, \text{ где } x - \text{расстояние от центра сферы до участка.}$$

Т.к. стержень расположен на одной линии со стержнем - все силы тоже вдоль 1 линии тогда интеграл от  $2R$  до  $3R$

$$F_2 = \int_{2R}^{3R} k \frac{Q dq}{x^2} = kQ \int_{2R}^{3R} \frac{dx q}{R x^2} = \frac{kQq}{R} \int_{2R}^{3R} \frac{dx}{x^2} = \frac{kQq}{R} \left. \frac{-1}{x} \right|_{2R}^{3R} = \frac{kQq}{R} \left( \frac{-1}{3R} - \frac{-1}{2R} \right) = \frac{kQq}{R} \cdot \frac{1}{6R} = \frac{kQq}{6R^2}$$

и тоже направление от сферы

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

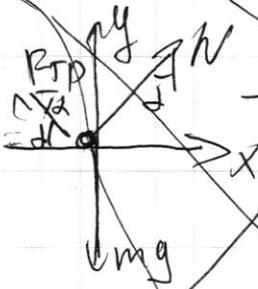
Ответ:  $F_1 = \frac{kQq}{4R^2}$  ;  $F_2 = \frac{kQq}{6R^2}$   
от сферы ; тоже от сферы

Задача 3

Дано:  
 $R = 1,2 \text{ м}$   
 $v_0 = 37 \text{ м/с}$   
 $m = 0,4 \text{ кг}$   
 $R = ?$   
 $\mu = 0,9$   
 $\alpha = \pi$   
 $v_{\text{мин}} = ?$

т.к. машинка не падает, то движется с постоянной скоростью по кругу и направлена против движения т.к.  $v = \text{const}$ , а машинка не съезжает с верха. Получается, что  $F_{\text{тр}}$  направлена вверх по касательной в точке, где машинка и ~~не~~ действует в той же н-ти, что и  $mg$  и  $N$ .  $\in$  (машинка как бы соскальзывает вниз)  $N$  действует от опоры на машинку. Вектор  $N$  содержит центр сферы.

Замнем 3-ью Ньютон на мауелла



1) на y:  $F_{TP} \sin \alpha + N \cos \alpha = mg$  |  $\cdot \cos \alpha$

2) на x:  $N \sin \alpha - F_{TP} \cos \alpha = m a_y$  |  $\cdot \sin \alpha$

$a_y c = \frac{v_0^2}{R \sin \alpha} = \frac{v_0^2}{R \sin \alpha}$

1) + 2)  $F_{TP} \sin \alpha \cos \alpha + N \cos^2 \alpha + N \sin^2 \alpha - F_{TP} \cos \alpha \sin \alpha = mg \cos \alpha + m a_y \sin \alpha$

$N^2 = mg \cos \alpha + m \frac{v_0^2}{R}$

$\mu N \sin \alpha + N \cos \alpha = mg$

$N(\mu \sin \alpha + \cos \alpha) = mg$

$\mu N \sin \alpha + N \cos \alpha = mg$

$N(\sin \alpha - \mu \cos \alpha) = \frac{m v_0^2}{R \sin \alpha}$

$N \cos \alpha = mg$

$\sin \alpha = \cos^2 \alpha$

$N(\sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha) = \frac{m v_0^2}{R}$

$\frac{mg}{(\mu \sin \alpha + \cos \alpha)} (\sin \alpha - \mu \cos \alpha) = \frac{v_0^2}{R \sin \alpha}$

$\mu + \cos \alpha$

$\sqrt{1 + \mu^2} N = R$

$N(\mu \sin \alpha + \cos \alpha) = mg$

$\frac{g}{v_0^2} R (\sin \alpha - \mu \cos \alpha)$

$\frac{\mu \sin \alpha + \cos \alpha}{\sin \alpha}$

$N = mg \cos \alpha + m a_y \sin \alpha$

$\mu = \tan \alpha$

$\sin \alpha - \sin \alpha = 0 \neq$

$\frac{\sin^2 \alpha}{\cos \alpha} + \cos \alpha = \sin \alpha$

$N \sin \alpha = mg \cos \alpha + \frac{m v_0^2}{R}$

$N = \frac{mg \cos \alpha + m a_y \sin \alpha}{\sin \alpha}$

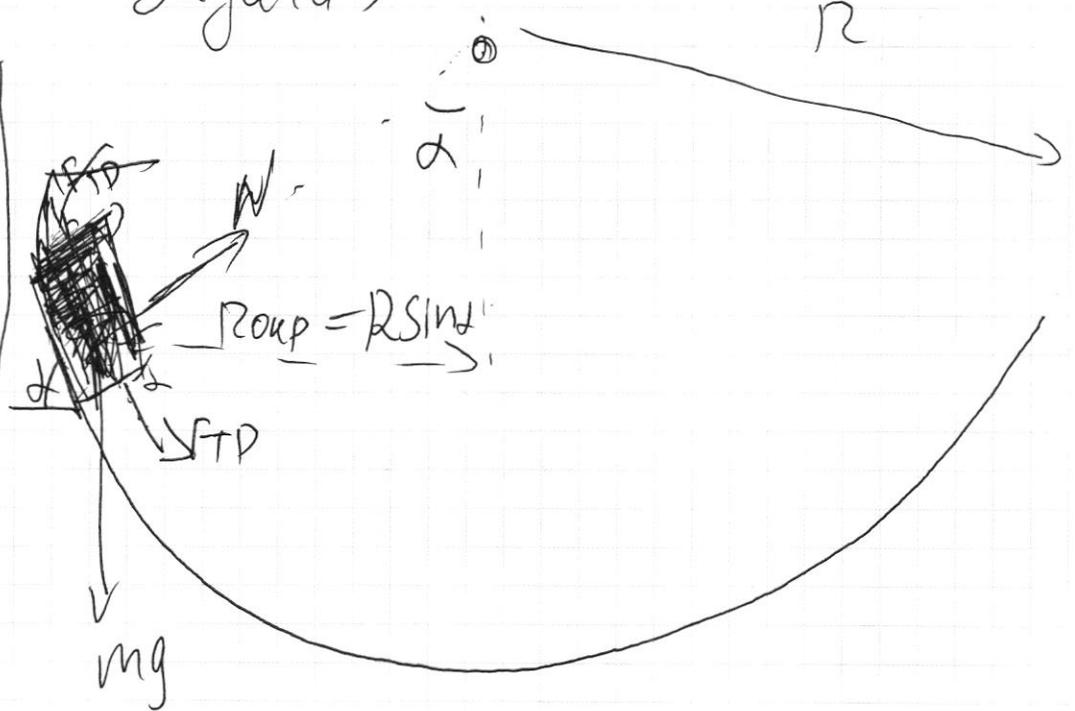
$\mu = \frac{\sin \alpha - \mu \cos \alpha}{\sin \alpha - \mu \cos \alpha} = \frac{v_0^2}{R g} \mu + \frac{v_0^2}{R g} \tan \alpha$

$\sin \alpha - \mu \cos \alpha = \frac{v_0^2}{R g} \tan \alpha = \frac{v_0^2}{R g} \mu$

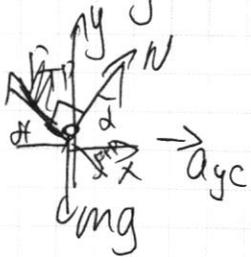
### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

#### Задача 3

Дано:  
 $R = 1,2 \text{ м}$   
 $v_0 = 3,7 \text{ км/с}$   
 $m = 0,4 \text{ кг}$   
 $\mu = ?$   
 $\mu = 0,9$   
 $\alpha = \pi$   
 $v_{\text{мин}} = ?$



Т.к. у нас масса катится, то  $F_{TP}$  по направлению движения нету (колёса крутятся)  
 Т.к. у нас должна быть критичный случай, то  $F_{TP}$  макс и направлена против соскальзывания - в н-те  $mg$  и  $N$ , направлена в ~~сторону~~  
 $\alpha$  - угол <sup>между</sup> ~~поверхности~~ по которой идет машинка и гориз. лин.  
 Тогда запишем 3-и закон Ньютона:



к оу:  $-F_{TP} \sin \alpha + N \cos \alpha = mg$   
 к ох:  $N \sin \alpha + F_{TP} \cos \alpha = m a_{\text{огц}}$

$F_{TP} = \mu N$   
 $a_{\text{огц}} = \frac{v_0^2}{R \cos \alpha} = \frac{v_0^2}{R \sin \alpha}$

$R = N \sin \alpha = \sqrt{N^2 + F_{TP}^2} = \sqrt{1 + \mu^2} N$

Решаем и получаем:

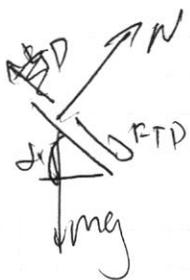
$$\left. \begin{aligned} (\cos \alpha - \mu \sin \alpha) N &= mg \\ (\sin \alpha + \mu \cos \alpha) N &= m v_0^2 / R \sin \alpha \end{aligned} \right\} \Rightarrow N = 7H$$

$$\sqrt{1 + \mu^2} N = P$$

$$P \approx 7H$$

II) Т.к. у нас крайняя ситуация FTP max.

~~III~~  $\alpha = \frac{\pi}{6} = 30^\circ$  Так же как и п. I, запишем 3-и КВТОКО:



$$-FTP \sin \alpha + N \cos \alpha = mg$$

$$N \sin \alpha + FTP \cos \alpha = m a_{\text{цс}}$$

$$a_{\text{цс}} = v_0^2 / R \sin \alpha$$

$$\overline{R \sin \alpha} \quad | \quad FTP - \mu$$

$$(-\mu \sin \alpha + \cos \alpha) N = mg$$

$$(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) N = m \frac{v_{\text{min}}^2}{R \sin \alpha}$$

$$\frac{mg}{\mu \sin \alpha + \cos \alpha} (\sin \alpha - \mu \cos \alpha) = \frac{m v_{\text{min}}^2}{R \sin \alpha}$$

$$v_{\text{min}} = \sqrt{\frac{g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) R \sin \alpha}{(-\mu \sin \alpha + \cos \alpha)}}$$

$$= \sqrt{\frac{10 \left( \frac{1}{2} + 0,9 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \right) \cdot 1,2 \text{ м} \cdot \frac{1}{2}}{\left( 0,9 \cdot \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} \right)}} \approx \sqrt{15} \approx 3,87 \text{ м/с}$$

Ответ:  $P \approx 7H$

$v_{\text{min}} \approx 3,87 \text{ м/с}$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Внутри сфера экватор и - полюс

если  $\varphi$ -на вершине  $\sqrt{3}$

$\frac{q}{R} dx \cdot Q$

$\frac{Q}{R} \int \frac{dx}{(2R+x)^2}$

$\int \frac{dx}{x^2} = \left[ \frac{x^{-1}}{-1} \right]$

$\frac{1}{2} = 0,5$

$K = \frac{m \cdot v^2}{2}$

$N = mg \cos \alpha$

$a_{\text{кп}} = \frac{mg \cos \alpha}{M}$

$V_0 - g \sin \alpha L = 0$

ЗСЦ (проверка): верхняя точка  $\Rightarrow$  едет с той же скоростью

$$\begin{array}{r} 3,5 \\ \cdot 3,5 \\ \hline 175 \\ + 105 \\ \hline 280 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3,6 \\ \cdot 3,6 \\ \hline 216 \\ + 108 \\ \hline 324 \end{array}$$

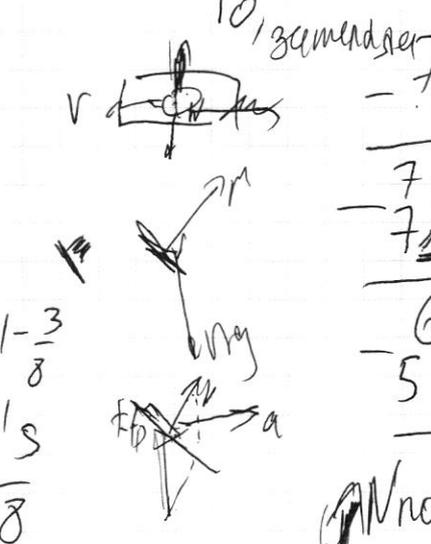
$\sqrt{3} = 1,732$   
 $\frac{1}{6R}$   
 $\frac{1}{2R} - \frac{1}{3R} = \frac{1}{6R}$   
 $\frac{1}{3R} - \frac{1}{4R} = \frac{1}{12R}$

$36 + 26 + 16 \times 6 =$   
 $31 + 21 + 11 + \dots$

$\frac{1}{3R} - \frac{1}{4R} = \frac{1}{12R}$   
 $\frac{1}{2R} - \frac{1}{3R} = \frac{1}{6R}$   
 $\frac{1}{3R} - \frac{1}{4R} = \frac{1}{12R}$

$\sin \alpha = \frac{v}{g \cdot t}$   
 $0,78 \mid 1,78$

$50 \cdot 50 \cdot 2 = 2500$   
 $\frac{314}{4} = 0,78$   
 $\frac{5,5}{0,78}$



$\frac{20}{20 \cdot 8} = \frac{1}{8}$   
 $mg \sin \alpha$   
 $v = g \sin \alpha \cdot t$   
 $t = \frac{v_0}{g \sin \alpha}$   
 $N \cos \alpha = mg$

$mg \cos \alpha \sin \alpha = \frac{v^2}{R \cos \alpha}$   
 $v_{KA} = 0$   
 $R \sin \alpha = \frac{v^2}{R \cos \alpha}$   
 $g \cos \alpha \sin \alpha \cdot v_0 = v_{un}$   
 $N \cos \alpha \sin \alpha = mg \sin \alpha$