

Олимпиада «Физтех» по физике 2022

Класс 10

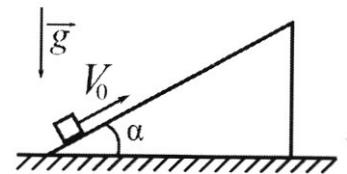
Вариант 10-02

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Фейерверк массой $m = 1 \text{ кг}$ стартует после мгновенной работы двигателя с горизонтальной поверхности, летит вертикально вверх и через $T = 3 \text{ с}$ разрывается в высшей точке траектории на множество осколков, которые летят во всевозможных направлениях с одинаковыми по величине скоростями. Суммарная кинетическая энергия осколков сразу после взрыва $K = 1800 \text{ Дж}$. На землю осколки падают в течение $\tau = 10 \text{ с}$.
- 1) На какой высоте H взорвался фейерверк?
 - 2) В течение какого промежутка времени τ осколки будут падать на землю? Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым.

2. На гладкой горизонтальной поверхности расположен клин. Гладкая наклонная поверхность клина образует с горизонтом угол α такой, что $\cos \alpha = 0,6$. Шайбе, находящейся на наклонной поверхности клина, сообщают некоторую начальную скорость V_0 (см. рис.), далее шайба безотрывно скользит по клину и поднимается на максимальную высоту

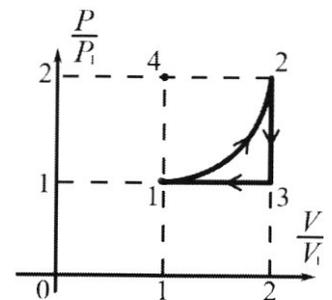


$H = 0,2 \text{ м}$. Масса клина в два раза больше массы шайбы. Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$.

- 1) Найдите начальную скорость V_0 шайбы.
 - 2) Найдите скорость V клина, в тот момент, когда шайба вернется в точку старта на клине. Массы шайбы и клина одинаковы.
3. По внутренней поверхности проволочной сферы равномерно движется модель автомобиля. Движение происходит в горизонтальной плоскости большого круга. Сила, с которой модель действует на сферу, в два раза больше силы тяжести, действующей на модель. Модель приводится в движение двигателем. Силу сопротивления считайте пренебрежимо малой.
- 1) Найдите ускорение a модели.
 - 2) Вычислите минимальную допустимую скорость V_{MIN} равномерного движения модели по окружности в плоскости большого круга, составляющей с горизонтом угол $\alpha = 45^\circ$. Коэффициент трения скольжения шин по поверхности сферы $\mu = 0,8$, радиус сферы $R = 1 \text{ м}$. Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$.

4. Один моль одноатомного идеального газа участвует в цикле 1-2-3-1 (см. рис.), участок 1-2 – дуга окружности с центром в точке 4. Считать заданными давление P_1 и объём V_1 .

- 1) Какое количество Q теплоты подведено к газу в процессе расширения?
- 2) Найдите работу A газа за цикл.
- 3) Найдите КПД η цикла.



5. Заряд $Q > 0$ однородно распределен по сфере радиуса R . В первом опыте на расстоянии $3R$ от центра сферы помещают небольшой по размерам шарик с зарядом $q > 0$.
- 1) Найдите силу F_1 , действующую на заряженный шарик.
- Во втором опыте заряд q однородно распределяют по стержню длины R , стержень помещают на прямой, проходящей через центр заряженной сферы. Ближайшая к центру сферы точка стержня находится на расстоянии $3R$ от центра.
- 2) Найдите силу F_2 , с которой заряженный стержень действует на заряженную сферу.

Все силы, кроме кулоновских, считайте пренебрежимо малыми. Коэффициент пропорциональности в законе Кулона k . Явлениями поляризации пренебрегите.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 1

В высшей точке траектории $v = 0$

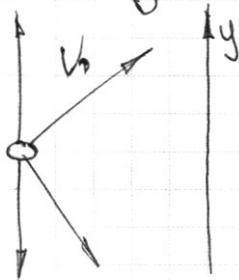
$$\Rightarrow v_0 - gT = 0 \Rightarrow v_0 = gT = 30 \text{ м/с}$$

$$\Rightarrow H = v_0 T - \frac{gT^2}{2} = 90 - \frac{10 \cdot 9}{2} = 45 \text{ м}$$

1) Ответ: 45 м

2) Через какое время на землю упадет первый осколок?

Для начала заметим,
что первый
квадрат осколка,
скорость
которого сразу



Все осколки раз-
летелись с равными
по величине скоростями
(пусть v_0)

после взрыва была направлена вертикально вниз.
Пусть v_y - проекция скорости на ось y какого-
-либо осколка: Тогда время, через которое

осколок упадет:

$$-H = v_y t - \frac{gt^2}{2} \Rightarrow \frac{gt^2}{2} + H - v_y t = 0$$

$$t = \frac{v_y \pm \sqrt{v_y^2 - 4 \cdot \frac{g}{2} \cdot H}}{g} = \frac{v_y \pm \sqrt{v_y^2 - 2gH}}{g}$$

Второй корень не подходит
 $t < 0$.

\Rightarrow Чем больше v_y тем больше t .

мин v_y у осколка, летящего вертикально вниз.

Суммарная кин. энергия всех осколков = $k =$

$$= \sum \frac{\Delta m \cdot v_0^2}{2} = \frac{v_0^2}{2} \cdot \sum \Delta m = \frac{m v_0^2}{2} = 1800 \text{ Дж}$$

$$\Rightarrow v_0 = 60 \text{ м/с} = \sqrt{\frac{2k}{m}}$$

$$\Rightarrow h = v_0 t + \frac{g t^2}{2}$$

$$\text{Так } v_0 t + \frac{g t^2}{2} - h = 0$$

$$t = \frac{-v_0 \pm \sqrt{v_0^2 + 4 \frac{g}{2} \cdot h}}{g} = \frac{-v_0 \pm \sqrt{v_0^2 + 2gh}}{g} =$$

$$= \frac{-v_0 \pm \sqrt{v_0^2 + 2gh}}{g}$$

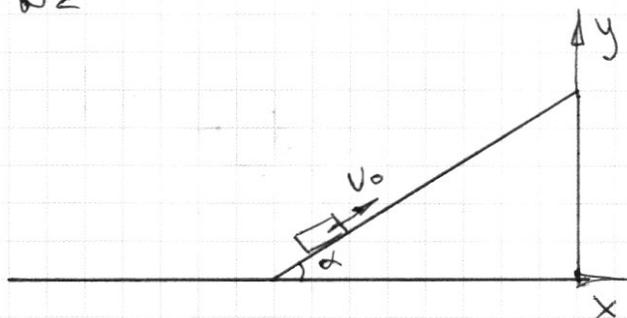
↑
выбираем второй корень т.к. $t < 0$.

$$\boxed{t = \frac{-60 + \sqrt{3600 + 2 \cdot 10 \cdot 45}}{10} = -6 + \frac{10}{10} \cdot \sqrt{36 + 9} =}$$
$$= -6 + \sqrt{45} = -6 + 3\sqrt{5} = \underline{0,72 \text{ с}}$$

Давим \rightarrow

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№2



трения нет.

масса шайбы = m

1) ЗВУ на ось x : (нет внешних сил)

$$v_0 \cos \alpha \cdot m = v_x \cdot 3m$$

где v_x - скорость клина
когда шайба на макс.
высоте.

$$v_x = \frac{v_0 \cos \alpha}{3}$$

В момент когда высота максимальна v_y шайбы =
= 0 $\Rightarrow v_{\text{шайбы}} = v_x$

ЗСЭ:
для шайбы и клина

$$\frac{m v_0^2}{2} = m g h + \frac{m v_x^2}{2} + \frac{2m v_x^2}{2}$$

\uparrow кин. энерг. шайбы \uparrow потерю энерг. шайбы + \uparrow кин. энерг. шайбы \uparrow кин. энерг. клина

$$\frac{m v_0^2}{2} = m g h + 3m \cdot \frac{v_0^2 \cos^2 \alpha}{9 \cdot 2} \quad | : m$$

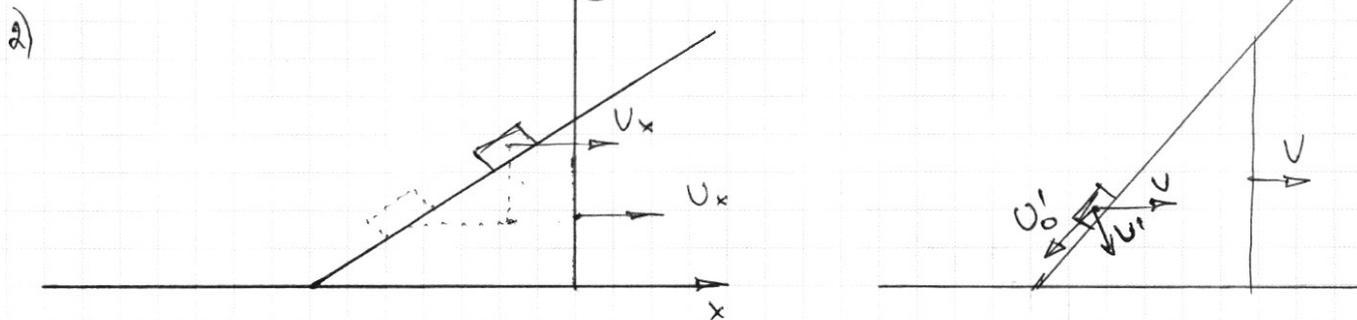
$$\frac{v_0^2}{2} = g h + \frac{v_0^2 \cos^2 \alpha}{3 \cdot 2}$$

$$\frac{v_0^2}{2} \left(1 - \frac{\cos^2 \alpha}{3} \right) = g h \Rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{2 g h}{1 - \frac{\cos^2 \alpha}{3}}}$$

$$= \sqrt{\frac{6 g h}{3 - \cos^2 \alpha}} = \sqrt{\frac{6 \cdot 10 \cdot 0,2}{3 - 0,36}} = \sqrt{\frac{12 \cdot 100}{300 - 36}} = \sqrt{\frac{1200}{264}} =$$

$$= \sqrt{\frac{300}{66}} = \sqrt{\frac{100}{33}} = \frac{10}{\sqrt{33}} \approx 1,757 \text{ м/с}$$

Ответ: ~~1,757~~ 1,57 м/с



$$\text{ЗСЭ: } \frac{m_{\text{ш}} \cdot U_x^2}{2} + \frac{m_{\text{ка}} \cdot U_x^2}{2} + m_{\text{ш}} \cdot g \cdot H =$$

$$= \frac{m_{\text{ка}} \cdot U^2}{2} + \frac{m_{\text{ш}} (\bar{U}_0 + \bar{U})^2}{2} \quad \text{где } \bar{U}_0 + \bar{U} = \sqrt{U^2 + U_0^2 - 2 \cos \alpha U U_0}$$

$$\text{ЗСЭ}_x: m_{\text{ш}} U_x + m_{\text{ка}} U_x = m_{\text{ка}} U + m_{\text{ш}} \cdot (U - U_0' \cos \alpha)$$

$$m_{\text{ш}} = m_{\text{ка}} = m$$

$$\Rightarrow \text{ЗСЭ: } m U_x^2 + m g H =$$

$$= \frac{m}{2} (U^2 + U^2 + U_0'^2 - 2 \cos \alpha U U_0') \quad \text{о } m$$

$$\text{ЗСЭ}_x: 2m U_x = m (U + U - U_0' \cos \alpha)$$

$$\text{из пункта 1) } m g H = \frac{m U_0'^2}{2} - \frac{3m U_x^2}{2} \quad U_x = \frac{U_0' \cos \alpha}{3}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{U_0'^2 \cos^2 \alpha}{9} + \frac{U_0'^2}{2} - \frac{U_0'^2 \cos^2 \alpha}{6} = \frac{2U^2 + U_0'^2 - 2 \cos \alpha U U_0'}{2} \\ \frac{2U_0' \cos \alpha}{3} = 2U - U_0' \cos \alpha \end{cases}$$

$$U_0'^2 \left(\frac{\cos^2 \alpha}{9} + \frac{1}{2} - \frac{\cos^2 \alpha}{6} \right) = 2U^2 + \left(\frac{2U - \frac{2U_0' \cos \alpha}{3}}{\cos \alpha} \right)^2 + \frac{2U_0' \cos \alpha}{3} \cdot U - 2U^2$$

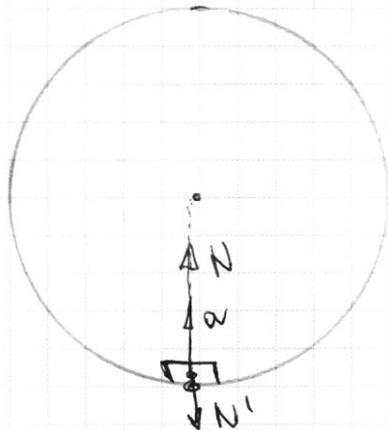
подставим U_0' $U > 0 \Rightarrow$ второй корень не подходит.

$$\frac{48}{33} = -U^2 + \frac{U^2 \cdot 50}{9} + \frac{200}{33 \cdot 9} - \frac{200U + 72U}{\sqrt{33} \cdot 18} \Rightarrow U = \frac{272}{\sqrt{33} \cdot 2} + \sqrt{\frac{272^2}{33 \cdot 4} + \frac{4 \cdot 41 \cdot 432}{33}} \approx 0,93 \text{ м/с}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№3

1)



Сила с которой модель действует на сферу =

$$N = 2mg$$

= силе с которой

$$N = N'$$

сфера действует на модель III ЗН

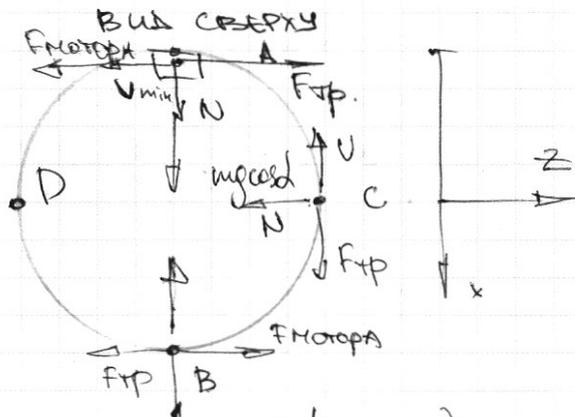
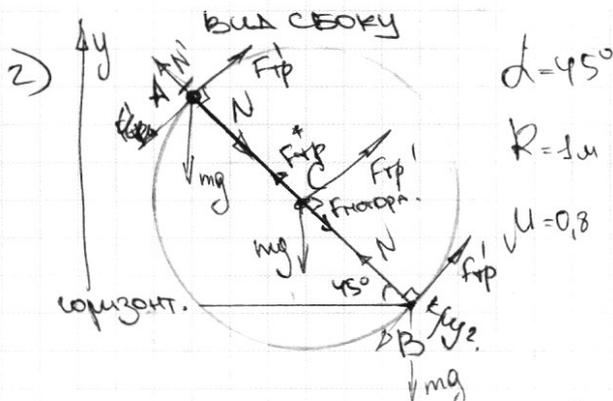
$$N = ma \text{ - II З. Ньютона}$$

$$a = \frac{v^2}{R}$$

$$\Rightarrow 2mg = ma$$

$$\underline{a = 2g}$$

Ответ: $a = 2g = 20 \text{ м/с}^2$



$$F_{\text{трения}} = \mu N$$

$$F_{\text{тр}} \leq \mu N \Rightarrow \max F_{\text{тр}} = \mu N$$

A. II ЗН_x: $N + mg \cos \alpha = \frac{m v_{\text{мин}}^2}{R}$

y: $mg = N \cos \alpha + F_{\text{тр}} \cos \alpha$

B. II ЗН_x: $N - mg \cos \alpha = \frac{m v_{\text{мин}}^2}{R}$

y: $mg = N \cos \alpha + F_{\text{тр}} \cos \alpha$

C. z: $-mg \cos \alpha - N = -m \frac{v_{\text{мин}}^2}{R}$

y: $mg = F_{\text{тр}} \cos \alpha + F_{\text{тр}}' \cos \alpha = N \mu \cos \alpha + F_{\text{тр}} \cos \alpha + F_{\text{мотора}} \cos \alpha$

Аналогично C.

Заметим, что $F_{\text{тр}}^{\text{max}}$ в точке C

(далее она равна $\mu \cdot A$, уменьшается к D, снова равна $\mu \cdot B$ и уменьшается к C).

$$\Rightarrow F_{\text{тр}}^{\text{max}} = \mu N$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \mu mg \cos \alpha + N = m \frac{v_{\text{min}}^2}{R} \\ \mu mg = 2 \mu N \cos \alpha - F_{\text{шнур}} \cos \alpha \end{cases}$$

$$\mu mg = 2 \mu N \cos \alpha - F_{\text{шнур}} \cos \alpha$$

т.к. движение равномерное, то $F_{\text{шнур}} = F_{\text{тр}} = \mu N$

$$\Rightarrow \begin{cases} \mu mg \cos \alpha + N = m \frac{v_{\text{min}}^2}{R} \\ \mu mg = \mu N \cos \alpha \end{cases}$$

$$\mu mg \cos \alpha + \frac{\mu mg}{\mu \cos \alpha} = \frac{m v_{\text{min}}^2}{R}$$

$$v_{\text{min}} = \sqrt{gR \cos \alpha + \frac{gR}{\mu \cos \alpha}} =$$

$$= \sqrt{10 \cdot 1 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{10 \cdot 1 \cdot 2}{0,8 \cdot \sqrt{2}}} = \sqrt{5\sqrt{2} + \frac{100}{0,8\sqrt{2}}} =$$

$$= \sqrt{5\sqrt{2} + \frac{25}{\sqrt{2}}} = \sqrt{\frac{35}{\sqrt{2}}} \approx 5 \text{ м/с}$$

Ответ: $\sqrt{\frac{35}{\sqrt{2}}} = 5 \text{ м/с}$

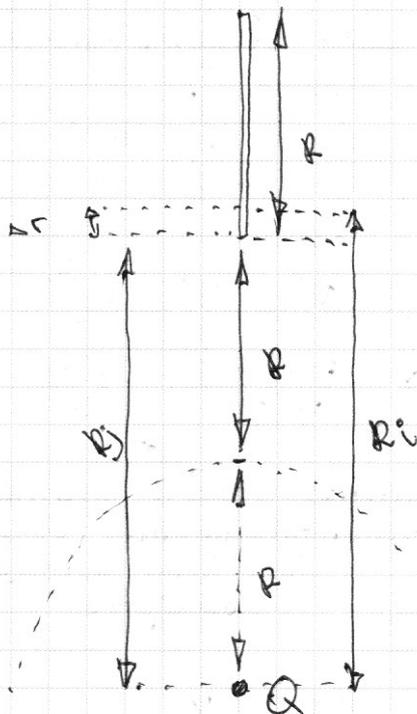
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№5.

Сфера заряжена равномерно \Rightarrow на все объекты вне сферы
сфера действует так, как действовал бы точечный заряд
 Q в центре расположенный в центре сферы.

$$\Rightarrow 1) F_1 = \frac{Q \cdot q}{9R^2}$$

2)



по III закону

Сила, с которой сфера
действует на сферу
= силе с которой
сфера действует на сферу.

\Rightarrow посчитаем силу, с которой
сфера действует на сферу
РАЗДЕЛИМ сферу на малые Δr :

$$F_2 = \sum \left(\frac{q}{R} \cdot \Delta r \cdot Q \cdot k \right) =$$

$$= 4 \frac{q}{R} \cdot Qk \cdot \frac{\sum \Delta r}{\sum (R_i + R_j)^2} =$$

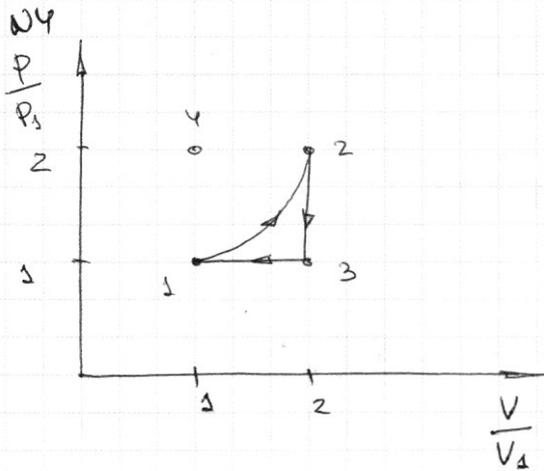
~~$= 4 \frac{q}{R} \cdot Qk \cdot \frac{2R}{(2R - 2R)^2} = \frac{4qQk}{R^2}$~~

~~$= \frac{4qQk}{(2R - 2R)^2} = \frac{4qQk}{R^2}$~~

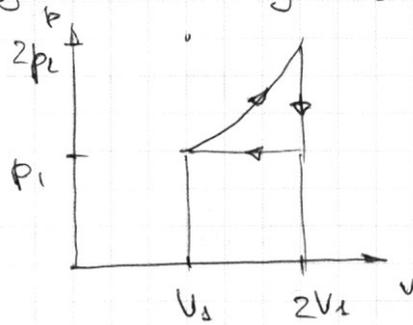
$$= \int_{2R}^{3R} \frac{Qqk \cdot (R_i - R_i)}{(R_j + R_i)^2} \cdot \frac{1}{R} = \frac{kqQ}{2R^2} - \frac{kqQ}{3R^2} =$$

Ответ $\rightarrow = \frac{kqQ}{6R^2}$

по сути т.к. разница
 R_i и R_j мала то
это сумма всех
возможных расстояний
от заряда Q в
пределах от $2R$ до $3R$.



одноатомный газ $\Rightarrow i = 3$.



ЗСЭ для газа:

1) $\Delta Q = \Delta U + A$ где $A = \int p dV \Rightarrow A$ - площадь под графиком. (pV коорд.)

$$\Delta U = \frac{3}{2} DR(T_2 - T_1) = \frac{3}{2} (2p_1 \cdot 2V_1 - p_1 V_1) = \frac{3}{2} 3 p_1 V_1 = \frac{9 p_1 V_1}{2}$$

Для квадрата со стороной R.

$$A_{12} = p_1 V_1 + \Delta A$$

площадь квадрата 1-3-0-0-V

$$\Delta A = \frac{\gamma - 1}{\gamma} \cdot p_1 V_1$$

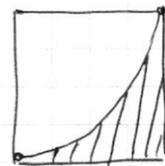
$$\Rightarrow \Delta Q = p_1 V_1 \left(\frac{\gamma - 1}{\gamma} \right) + \frac{9 p_1 V_1}{2}$$

1) Ответ $\rightarrow = p_1 V_1 \cdot \left(\frac{26 - 1}{4} \right)$

2) $A_{\text{за цикл}} = \Delta A = \frac{\gamma - 1}{\gamma} p_1 V_1$ 2) Ответ

3) $\eta = \frac{A_{\text{за цикл}}}{Q} = \frac{(\gamma - 1) p_1 V_1 \cdot 4 \cdot 100\%}{4 \cdot p_1 V_1 (26 - 1)} = \frac{\gamma - 1}{26 - 1} = 100\% = \frac{0,86}{22,86} = 100\% = \frac{86}{22,86} \% \approx 3,7\%$

3) Ответ: \rightarrow



$$R^2 - \frac{1}{\gamma} R^2 = R^2 \left(\frac{\gamma - 1}{\gamma} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{R^2 (\gamma - 1)}{\gamma \cdot R^2} = \frac{\gamma - 1}{\gamma}$$

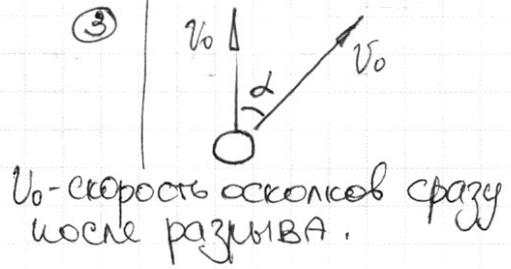
такую часть занимает заштрихованная область от всей площади квадрата.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

N 1

$m = 1 \text{ кг}$
 $T = 3 \text{ с}$
 $k = 1300 \text{ Дж}$
 $T = 10 \text{ с}$

1. Рейерверк падает на высоту H
 2. Рейерверк развалился.
- \Rightarrow Время падения любого из осколка:



~~какая-то формула~~

$$t = 2T' + t' = 2 \frac{v_y}{g} + \frac{\sqrt{v_y^2 + 2gh} - v_y}{g}$$

$$v_y \cdot t' + \frac{gt'^2}{2} = H$$

$$t' = \frac{\sqrt{v_y^2 + 2gh} - v_y}{g}$$

(корень один т.к. при другом $t' < 0$)

$$t = \frac{v_y + \sqrt{v_y^2 + 2gh}}{g}$$

т.к. $v_y - gT' = 0$

где T' - время до того, как верт. скорость осколка станет = 0.

v_y - проекция на ось y (см. рис. 3)

$\Rightarrow t_{\max}$ при $\max v_y$
 t_{\min} при $\min v_y$

Максимальная v_y будет у осколка, который полетит вертикально вверх (т.к. скорости всех осколков равны, то в случае верт. осколка $v_y = v_0$, в других $v_y = v_0 \cos \alpha < v_0$ см. рис. 3)

Минимальная v_y будет у осколка, летящего вертикально вниз.

Суммарная кин. энергия всех осколков - ~~Ek~~ K =

$$= \sum \frac{\Delta m U_0^2}{2} = \frac{U_0^2}{2} \cdot \sum \Delta m = \frac{m U_0^2}{2} = 1800 \text{ Дж.}$$

$$\rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{2K}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 1800}{1}} = 60 \text{ м/с}$$

→ время падения осколка, полетевшего вертикально вверх =

$$= t_1 = \frac{v_0 + \sqrt{v_0^2 + 2gh}}{g}$$

$$\rightarrow (v_0 + \sqrt{v_0^2 + 2gh})^2 - v_0^2 = 2gh$$

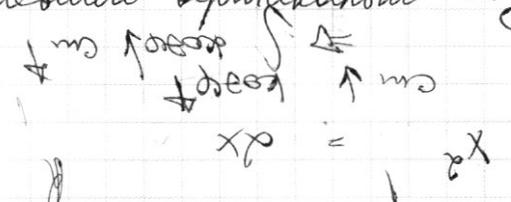
$$h = \frac{(v_0 + \sqrt{v_0^2 + 2gh})^2 - v_0^2}{2g} = \frac{v_0^2 + 2v_0\sqrt{v_0^2 + 2gh} + v_0^2 + 2gh - v_0^2}{2g} = \frac{v_0^2 + 2v_0\sqrt{v_0^2 + 2gh} + 2gh}{2g} - v_0 =$$

$$= \frac{100 + 10}{2} = 10 \cdot 60 = 500$$

время падения осколка полетевшего вертикально вниз =

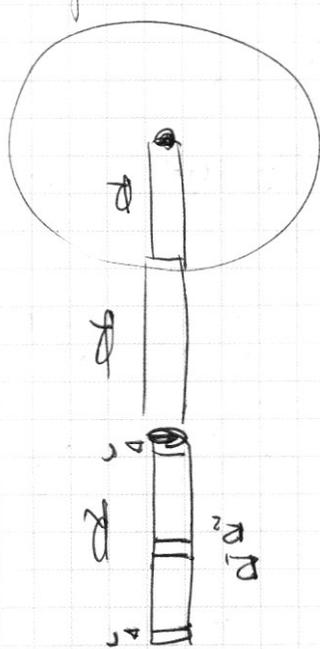
$$= t_2 = \frac{\sqrt{v_0^2 + 2gh} - v_0}{g}$$

$$\Rightarrow t_1 - t_2 = \tau = \text{loc} = \frac{2v_0}{g}$$



$$\frac{1}{2} \rho \int_{r_1}^{r_2} (r_1 - r_2) \omega^2 r dr$$

$$\frac{1}{2} \rho \int_{r_1}^{r_2} (r_1 - r_2) \omega^2 r dr$$



$$\frac{1}{2} \rho \int_{r_1}^{r_2} (r_1 - r_2) \omega^2 r dr$$

$$\frac{1}{2} \rho \int_{r_1}^{r_2} (r_1 - r_2) \omega^2 r dr$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$2V_0^2 \cdot \left(\frac{\cos^2 \alpha}{8} + \frac{1}{2} - \frac{\cos^2 \alpha}{6} \right) = 2V^2 + \frac{4V^2 + \frac{4V_0^2 \cos^2 \alpha}{9} - 4V \cdot \frac{2V_0 \cos \alpha}{3}}{\cos^2 \alpha} +$$

$$+ \frac{2 \cdot 2V_0 \cos \alpha V}{3} - 2V^2 = 2$$

$$\frac{2 \cdot 2V_0 \cos \alpha V}{3} = V_0 \dots$$

$$0 = \frac{33}{48} - \frac{81 \cdot \sqrt{33}}{18 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2} - \frac{6 \cdot 33}{200} + \frac{6}{4 \cdot 11 \cdot 2}$$

$$\frac{4}{33} + \frac{50}{3} - \frac{4}{33 \cdot 6} =$$

$$\frac{33}{2V} + \frac{81 \cdot \sqrt{33}}{200V} - \frac{6 \cdot 33}{200} +$$

$$\frac{2 \cdot 16 \cdot 0.6}{10 \cdot 3 \cdot 10} = 2V - V_0 \cos \alpha + \frac{6}{27 \cdot 25} =$$

$$= \left(\frac{100}{48} \right) \frac{33}{100}$$

$$- 2 \cdot 2V - \frac{18}{25} \cdot \frac{\sqrt{33}}{2} = V \cdot 2 \cdot 2 -$$

$$- \frac{81}{25} \cdot \frac{33}{16} + \frac{18}{25} \cdot 2V + 2V - 2 = \left(\frac{100}{6} - \frac{2}{2} + \frac{100}{4} \right) \frac{33}{100}$$

$$+ \frac{4 \cdot 10 \cdot \sqrt{33}}{10} - 2V$$

$$+ \frac{18 \cdot 33 \cdot 2}{25} \left(2V - \frac{18 \cdot 33 \cdot 2}{25} \right) = \left(\frac{9 \cdot 100}{36} - \frac{8}{1} + \frac{6 \cdot 100}{96} \right) \frac{33}{100}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

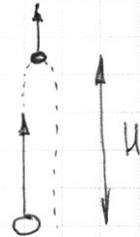
N3.

$m = 1 \text{ кг}$

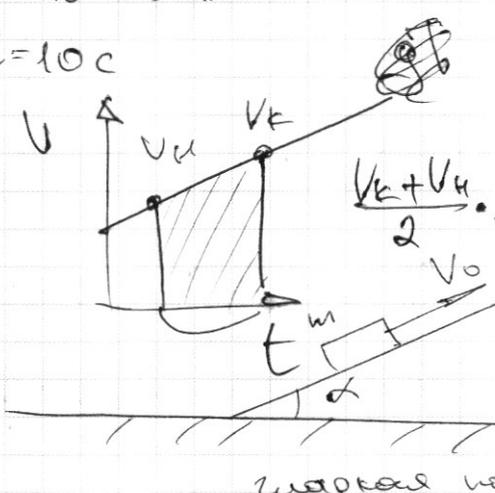
$T = 3 \text{ с}$

$k = 1800 \text{ Дж/м}$

$\tau = 10 \text{ с}$



$v_0^2(\dots) = v^2 + 2v_0 \dots$



$gT - v_0 = 0 \Rightarrow v_0 = gT = 30 \text{ м/с}$

$h = v_0 \cdot T + \frac{gT^2}{2}$

$\Delta t = \frac{v_k - v_n}{g}$

$h = \frac{v_k^2 - v_n^2}{2g}$

$h = \frac{v_k^2 - v_n^2}{2g}$

$m v_0 = 3m v_x$

$v_x = \frac{v_0}{3}$

$\frac{m v_0^2}{2} = \frac{m v_x^2}{2} + mgh$

$m v_0 \cos \alpha = 3m v_x$

$v_x = \frac{v_0 \cos \alpha}{3}$

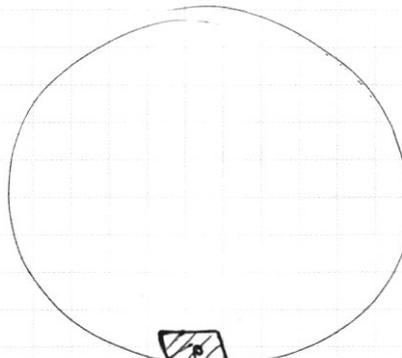
$v_0 = \dots$

$(1 - \eta) \frac{v_0^2}{2} < (\frac{1}{1 - \eta} - \frac{1}{1 - \eta}) h$

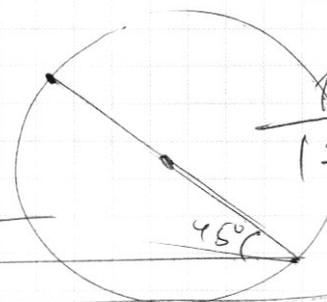
$\frac{1}{2} \frac{v_0^2}{1 - \eta} < \frac{1}{2} \frac{v_0^2}{1 - \eta} - \frac{1}{1 - \eta} h$

$\frac{h v_0^2 + \frac{1}{2} \eta v_0^2}{h v_0^2 + \frac{1}{2} \eta v_0^2 + \frac{1}{2} \eta v_0^2} = \frac{\frac{1}{2} \eta v_0^2}{h v_0^2 + \frac{1}{2} \eta v_0^2 + \frac{1}{2} \eta v_0^2} = \eta$

$h v_0^2 + \frac{1}{2} \eta v_0^2 = h \cdot \frac{1}{3} \cdot 4 + \frac{1}{2} \eta v_0^2$



$\times 272$
 $\hline 544$
 $+ 7904$
 $\hline 8448$
 $+ 544$
 $\hline 9000$
 $\hline 73984$



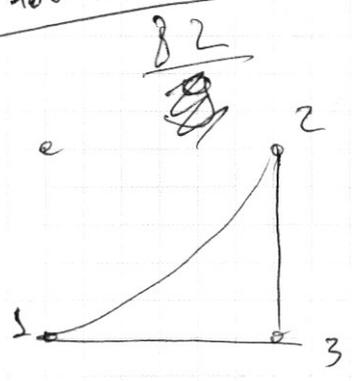
$\times 432$
 $\hline 432$
 $+ 1728$
 $\hline 2160$
 $\hline 17912$
 $\hline 17912$
 $\hline 16$

$+ 5,7$
 $+ 5,7$
 $\hline 399$
 $+ 285$
 $\hline 324$

$\sqrt{33 \cdot 208}$
 $\sqrt{272^2 + 4 \cdot \frac{41}{33} \cdot \frac{432}{33}}$

$\sqrt{272^2 + 4 \cdot \frac{41}{33} \cdot \frac{432}{33}}$
 $\sqrt{33 \cdot 208 + 4 \cdot \frac{41}{33} \cdot \frac{432}{33}}$
 $\sqrt{7000 + 4 \cdot 41 \cdot 432}$
 $\sqrt{7000 + 70000}$
 $\sqrt{77000}$
 $\sqrt{77000} \approx 277,48$

286.592



$Q = A_{12} + U_{12}$
 $U_{12} = \frac{3}{2} \rho R (T_2 - T_1) =$
 $= \frac{3}{2} \cdot \rho \cdot 2 \cdot V_1 \cdot 2 - \rho V_1 =$
 $= \frac{3}{2} \cdot 3 \rho V_1$

$\frac{136}{\sqrt{33}}$

136

$A_{12} =$

$R^2 - \frac{1}{4} R^2 = R^2 \left(\frac{3}{4} \right)$

$530 \mid 57$
 $\hline 513 \mid 0,93$
 $\hline 170$

$872 \mid 82$
 $\hline 82 \mid 1,643$
 $\hline 520$
 $\hline 492$
 $\hline 1280$
 $\hline 246$
 $\hline 34$

$+ 286592$
 $+ 73984$
 $\hline 360576$

$\approx 600 + 272$
 $\sqrt{33} \cdot 2$
 25

$(p - 2p_1)^2 + (U - U_1)^2 =$

1,4342135623

$35 \mid 1,4$
 $\hline 32$
 $\hline 10,5$

$350 \mid 14$
 $\hline 28$
 $\hline 70$
 $\hline 70$
 $\hline 0$

872
 $\hline 2 \sqrt{33} \cdot 82$

10,63 / 2√33