

Олимпиада «Физтех» по физике 2022

Класс 10

Вариант 10-02

Шифр

(заполняется секретарём)

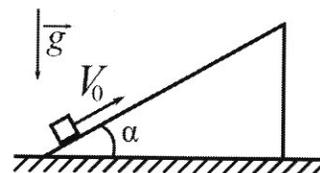
1. Фейерверк массой $m = 1 \text{ кг}$ стартует после мгновенной работы двигателя с горизонтальной поверхности, летит вертикально вверх и через $T = 3 \text{ с}$ разрывается в высшей точке траектории на множество осколков, которые летят во всевозможных направлениях с одинаковыми по величине скоростями. Суммарная кинетическая энергия осколков сразу после взрыва $K = 1800 \text{ Дж}$. На землю осколки падают в течение $\tau = 10 \text{ с}$.

1) На какой высоте H взорвался фейерверк?

2) В течение какого промежутка времени τ осколки будут падать на землю?

Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым.

2. На гладкой горизонтальной поверхности расположен клин. Гладкая наклонная поверхность клина образует с горизонтом угол α такой, что $\cos \alpha = 0,6$. Шайбе, находящейся на наклонной поверхности клина, сообщают некоторую начальную скорость V_0 (см. рис.), далее шайба безотрывно скользит по клину и поднимается на максимальную высоту



$H = 0,2 \text{ м}$. Масса клина в два раза больше массы шайбы. Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$.

1) Найдите начальную скорость V_0 шайбы.

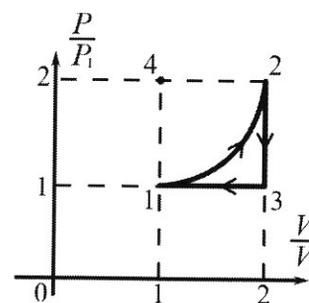
2) Найдите скорость V клина, в тот момент, когда шайба вернется в точку старта на клине. Массы шайбы и клина одинаковы.

3. По внутренней поверхности проволочной сферы равномерно движется модель автомобиля. Движение происходит в горизонтальной плоскости большого круга. Сила, с которой модель действует на сферу, в два раза больше силы тяжести, действующей на модель. Модель приводится в движение двигателем. Силу сопротивления считайте пренебрежимо малой.

1) Найдите ускорение a модели.

2) Вычислите минимальную допустимую скорость V_{MIN} равномерного движения модели по окружности в плоскости большого круга, составляющей с горизонтом угол $\alpha = 45^\circ$. Коэффициент трения скольжения шин по поверхности сферы $\mu = 0,8$, радиус сферы $R = 1 \text{ м}$. Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$.

4. Один моль одноатомного идеального газа участвует в цикле 1-2-3-1 (см. рис.), участок 1-2 – дуга окружности с центром в точке 4. Считать заданными давление P_1 и объём V_1 .



1) Какое количество Q теплоты подведено к газу в процессе расширения?

2) Найдите работу A газа за цикл.

3) Найдите КПД η цикла.

5. Заряд $Q > 0$ однородно распределен по сфере радиуса R . В первом опыте на расстоянии $3R$ от центра сферы помещают небольшой по размерам шарик с зарядом $q > 0$.

1) Найдите силу F_1 , действующую на заряженный шарик.

Во втором опыте заряд q однородно распределяют по стержню длины R , стержень помещают на прямой, проходящей через центр заряженной сферы. Ближайшая к центру сферы точка стержня находится на расстоянии $3R$ от центра.

2) Найдите силу F_2 , с которой заряженный стержень действует на заряженную сферу.

Все силы, кроме кулоновских, считайте пренебрежимо малыми. Коэффициент пропорциональности в законе Кулона k . Явлениями поляризации пренебрегите.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1. $\sim 1.$

1) $H = v_0 T - \frac{gT^2}{2}$
 2) $v_0 = gT$

$$\left. \begin{array}{l} 1) H = v_0 T - \frac{gT^2}{2} \\ 2) v_0 = gT \end{array} \right\} H = gT^2 - \frac{gT^2}{2} = \frac{gT^2}{2} = \frac{10 \cdot 3^2}{2} = 45 \text{ м}$$

2. $dA = \frac{dm v^2}{2}$ - ~~по~~ ~~дли~~ ~~ны~~ ~~и~~ ~~т.д.~~ \Rightarrow 1. скалка

$$\sum dA = \sum dm \cdot \frac{v^2}{2}$$

$$K_A = \frac{mv^2}{2}$$

$$v = \sqrt{\frac{2K}{m}} = 60 \text{ м/с}$$

3. очевидно что первым на землю уп. скалка, летевший брм. вниз, а последним ск. летевший брм. вверх.

Тогда время падения 1. скалка:

$$H = v\tau + \frac{g\tau^2}{2}$$

$$\tau = \frac{-v + \sqrt{v^2 + 2gH}}{g} = \frac{-60 + \sqrt{3600 + 2 \cdot 10 \cdot 45}}{10} =$$

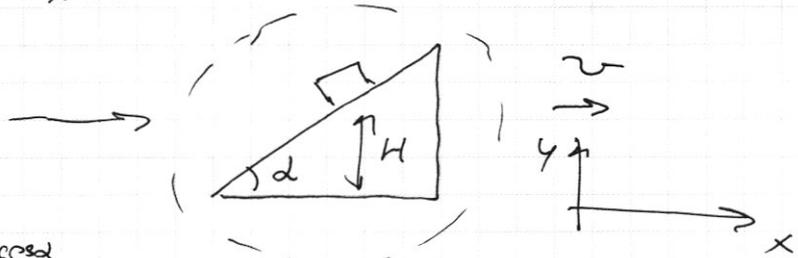
$$= \frac{-60 + \sqrt{4500}}{10} = \sqrt{45} - 6 = 3\sqrt{5} - 6 \text{ с} \approx 0,747 \text{ с}$$

Ответ: $H = 45 \text{ м}$, $\tau = 3\sqrt{5} - 6 \text{ с} \approx 0,747 \text{ с}$

1.



v2.



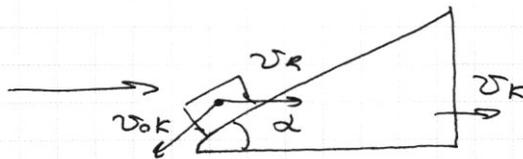
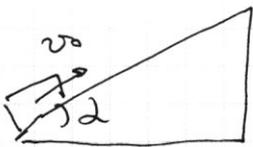
1) ЗСЧ: $ox: m v_0 \cos \alpha = 2m v + m v$ } в осм. точке тела
 $v = \frac{m v_0 \cos \alpha}{3}$ } ф. поворота от н. р. и т. д.

2) ЗСЭ: $\frac{m v_0^2}{2} = \frac{3m v^2}{2} + mgH$

$$v_0^2 = \frac{v_0^2 \cos^2 \alpha}{3} + 2mgH$$

$$v_0 = \sqrt{\frac{2mgH}{1 - \frac{\cos^2 \alpha}{3}}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 10 \cdot 0,2}{1 - \frac{0,6^2}{3}}} = \frac{2}{0,1 \cdot 2 \cdot \sqrt{22}} = \frac{5}{11} \sqrt{22} \text{ м/с}$$

2.



сложим $\vec{v} = \vec{v}_R + \vec{v}_{0k}$

ЗСЧ: $ox: m v_0 \cos \alpha = 2m v_R + m v_{0k} \cos \alpha$

ЗСЭ: $\frac{m v_0^2}{2} = \frac{m v_R^2}{2} + \frac{m (v_0^2 + v_{0k}^2)}{2}$

$$m v_0^2 = m v_R^2 + m v_0^2 + m v_{0k}^2 - 2m v_R v_{0k} \cos \alpha$$

$$v_0^2 = 2v_R^2 + \left(\frac{2v_R}{\cos \alpha} - v_0 \right)^2 - 2v_R (2v_R - v_0 \cos \alpha)$$

$$0 = \frac{4v_R}{\cos^2 \alpha} - \frac{4v_R}{\cos \alpha} + 6v_R - 2v_0 \cos \alpha$$

$$v_R = \frac{2v_0 \cos \alpha}{6 + \frac{4}{\cos^2 \alpha} - \frac{4}{\cos \alpha}} = \frac{54}{470} v_0 = \frac{27}{235} v_0 = \frac{27}{517} \sqrt{22} \text{ м/с}$$

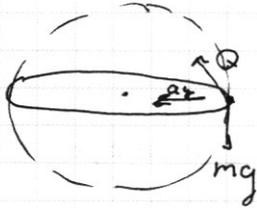
ответ: $v_0 = \frac{5}{11} \sqrt{22} \text{ м/с}, v_R = \frac{27}{517} \sqrt{22} \text{ м/с}$

$$v_0 \approx 2,05 \text{ м/с}$$

$$v_R \approx 0,24 \text{ м/с}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1.



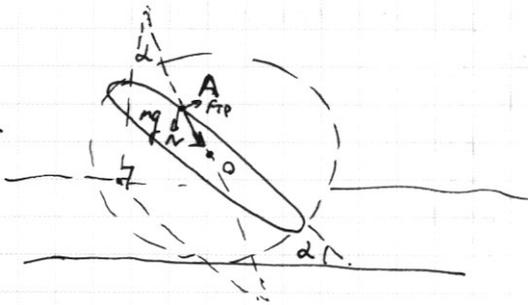
№ 3.

$$\vec{Q} + m\vec{g} = m\vec{a}_y$$

$$1) Q^2 = (2mg)^2 = (mg)^2 + (ma_y)^2$$

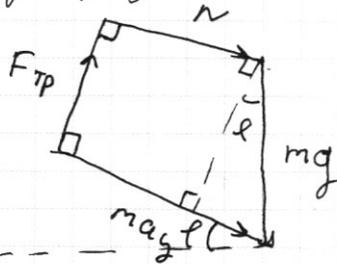
$$a_y = mg\sqrt{3}$$

2.



- 1) р-рум тело, когда оно
наход. в точке А.
р-рум. силы в плоскости,
перпенд. поверхности и

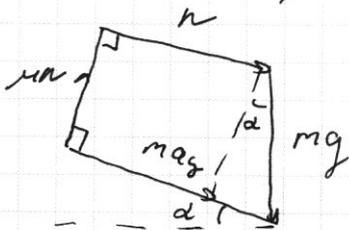
проезд. через Т. О и А:



- 1) $\vec{N} + \vec{F}_{тр} + m\vec{g} = m\vec{a}_y$
2) т.к. тело пок. на сфере, то $\vec{N} \uparrow \vec{a}_y$ и
погружена в центр.
3) угол α - угол между прямой ОА и

землей, он изменяется от $(-\alpha, \alpha)$.

- 4) в случае минимальности ν существует точка, где $F_{тр} = \mu N$.
при этом при этом это гарантируется при
 $ma_y \rightarrow \max$. Проверим, что такой случай будет при $\alpha = \alpha$.
(т.е. в верх. точке)



$$\left. \begin{array}{l} 1) mg \sin \alpha + N = ma_y \\ 2) mg \cos \alpha = \mu N \end{array} \right\} a_y = g \sin \alpha + \frac{g \cos \alpha}{\mu}$$

$$\frac{\nu^2}{R} = g \sin \alpha + \frac{g \cos \alpha}{\mu}$$

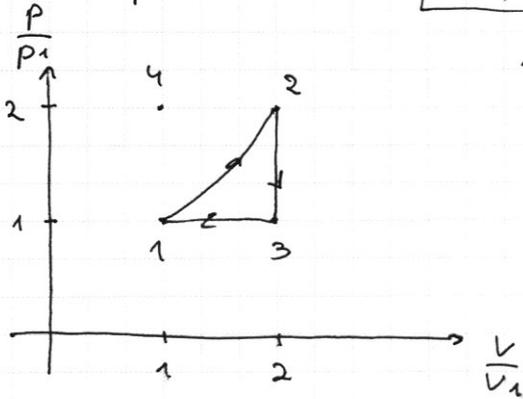
№ 3.

$$v = \sqrt{gR} \cdot \sqrt{\sin \alpha + \frac{\cos \alpha}{\mu}}$$

$$v = \sqrt{10 \cdot 1} \cdot \sqrt{\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2 \cdot 0,8}} = \sqrt{\frac{10\sqrt{2}}{2} \left(1 + \frac{5}{4}\right)} =$$

$$= \sqrt{5\sqrt{2} \cdot \frac{9}{4}} = \boxed{\frac{3}{2} \sqrt{5\sqrt{2}} \text{ м/с} - \text{ответ}}$$

$$v \approx 4 \text{ м/с}$$



№ 4.

1) Попробуем T для каждой точки

через Менделеев-Клапейрона:

$$T_1 = \frac{p_1 v_1}{R}$$

$$T_2 = \frac{4 p_1 v_1}{R}$$

$$T_3 = \frac{2 p_1 v_1}{R}$$

2) ЗСЭ для 12: $Q = \Delta U + A$

$$Q = \frac{3}{2} R \left(\frac{4 p_1 v_1}{R} - \frac{p_1 v_1}{R} \right) + S_{12} \quad \left. \begin{array}{l} S_{12} \sim A, S_{12} - \text{мощность под} \\ \text{чр.} \end{array} \right\}$$

$$Q = \frac{9}{2} p_1 v_1 + 2 p_1 v_1 - \frac{1}{4} \pi p_1 v_1$$

$$\boxed{Q_{12} = \left(\frac{13}{2} - \frac{\pi}{4} \right) p_1 v_1}$$

$$3) \left\{ \begin{array}{l} A_{\text{чист}} = A_{12} - A_{13} = 2 p_1 v_1 - S_{13} = 2 p_1 v_1 - \frac{1}{4} \pi p_1 v_1 - p_1 v_1 = \\ = \left(1 - \frac{\pi}{4} \right) p_1 v_1 \end{array} \right.$$

$$4) \eta = \frac{A_{\text{ч}}}{Q_{12}}$$

$$\eta = \frac{A_{\text{ч}}}{Q_{12}}$$

$$\eta = \frac{\frac{13 - \pi}{2} p_1 v_1}{\left(\frac{13}{2} - \frac{\pi}{4} \right) p_1 v_1}$$

$$\boxed{\eta = \frac{4 - \pi}{26 - \pi}}$$

из полученных ранее T_1, T_2, T_3 видно, что $T_2 > T_3 > T_1 \Rightarrow$ воз нагревается на участке 12. Тогда $Q_{\text{ч}} = Q_{12}$

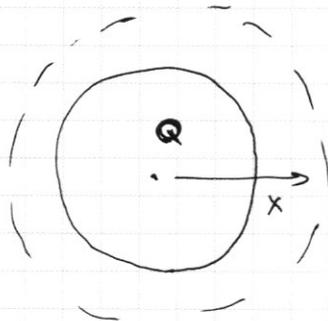
$$\text{Ответ: } Q = \left(\frac{13}{2} - \frac{\pi}{4} \right) p_1 v_1, \quad A = \left(1 - \frac{\pi}{4} \right) p_1 v_1, \quad \eta = \frac{4 - \pi}{26 - \pi}$$

$$Q \approx 5,715 \cdot p_1 v_1, \quad A \approx 0,215 p_1 v_1, \quad \eta \approx 4\%$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№ 5.

1. а)



1) по г. Гаусса найдём

потенциально эквивал. ст.

сферы на рас. x :

$$\Phi = 4\pi x^2 \cdot E(x) = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

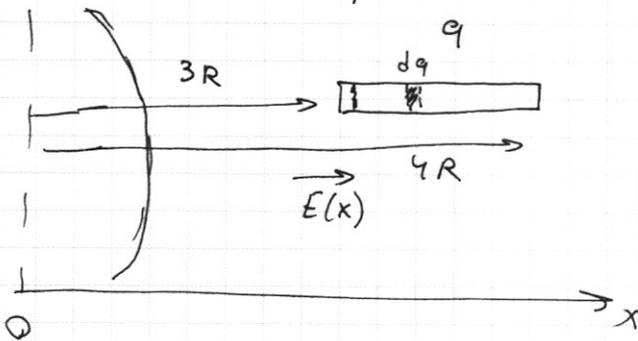
$$E(x) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q}{x^2}$$

$$E(x) = \frac{kQ}{x^2}$$

2) По III з. Ньютона сила ~~является~~ на шарики равна силе q на сферу

$$F = E(3R) \cdot q = \frac{kQq}{9R^2}$$

2.



р-ши точечный заряд dq ,

$$1) dq = q \cdot \frac{dx}{R}$$

$$2) dF = dq \cdot E(x)$$

$$dF = q \cdot \frac{dx}{R} \cdot \frac{kQq}{x^2}$$

$$dF = \frac{kQq}{R} \cdot \frac{dx}{x^2}$$

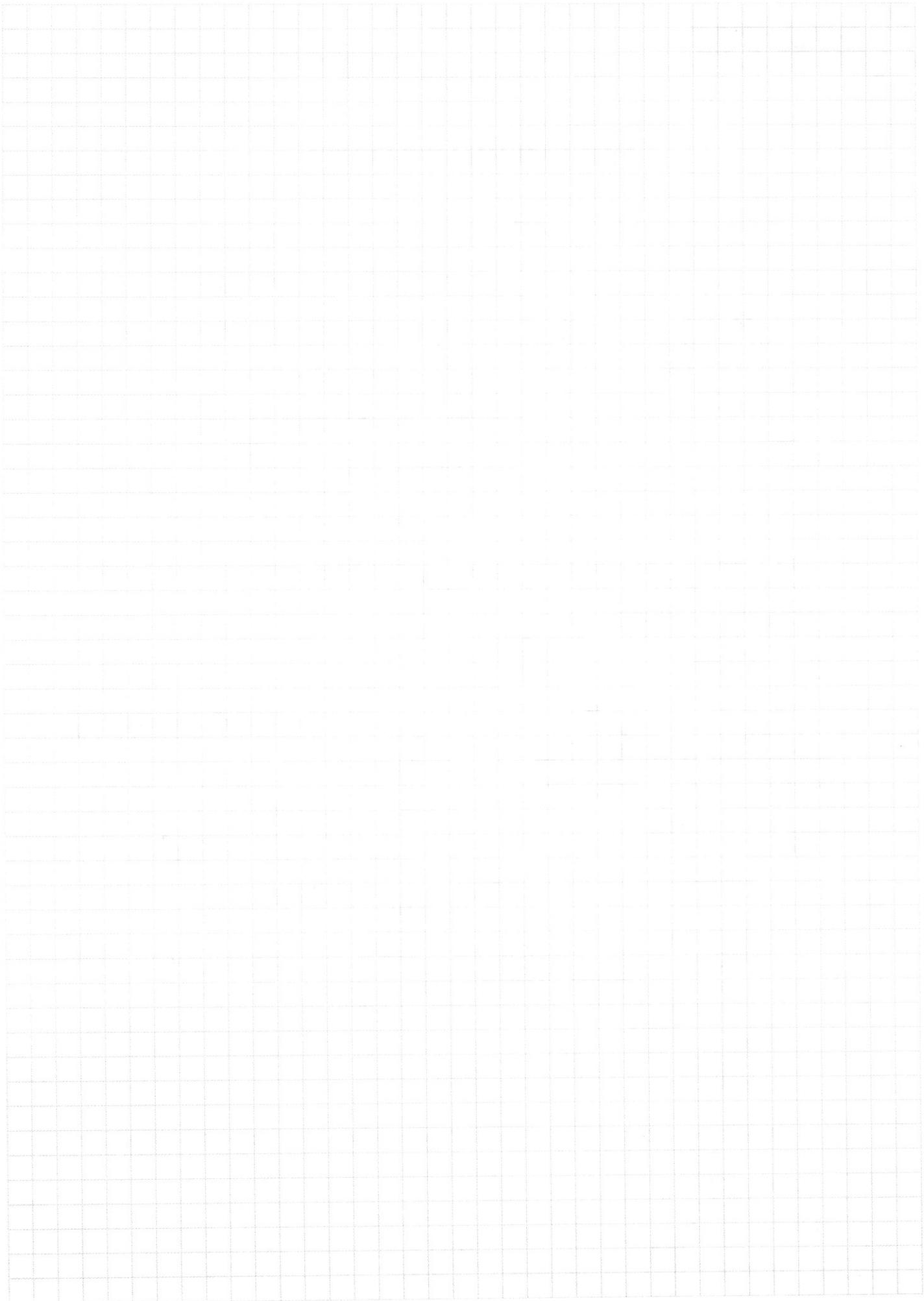
$$F_u = \int dF = \frac{kQq}{R} \int_{3R}^{4R} \frac{dx}{x^2} = -\frac{kQq}{R} \cdot \frac{1}{x} \Big|_{3R}^{4R} = \frac{kQq}{R} \left(\frac{1}{3R} - \frac{1}{4R} \right) =$$

$$= \frac{kQq}{12R^2}$$

По III з. Ньютона сила q на сферу равна по модулю силе q на сферу:

$$F = F_u = \frac{kQq}{12R^2}$$

Ответ: 1) $F = \frac{kQq}{9R^2}$ 2) $F = \frac{kQq}{12R^2}$

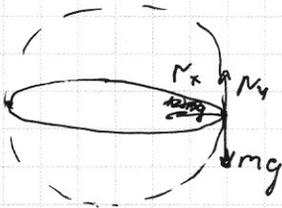


черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

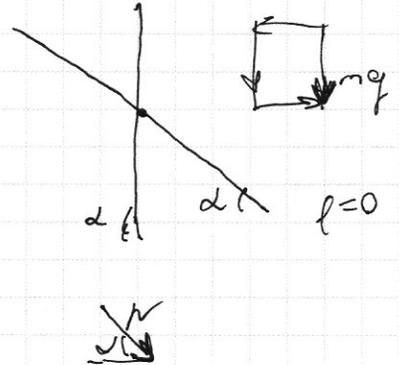
Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

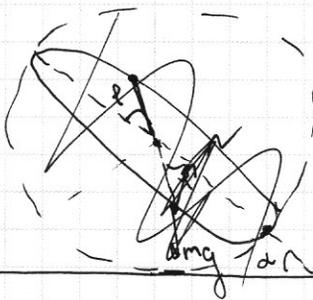
№3.



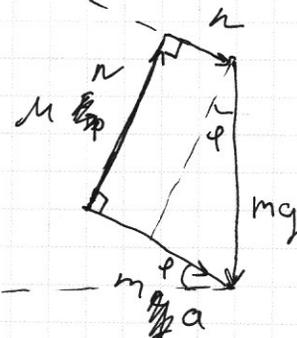
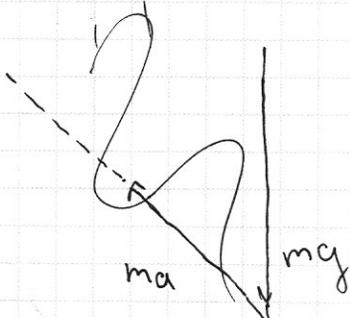
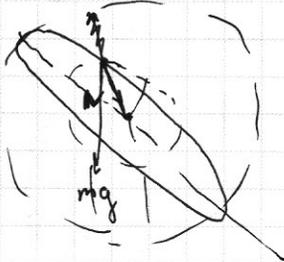
$$1) \begin{aligned} N_y^2 + N_x^2 &= (2mg)^2 \\ N_x^2 &= 4(mg)^2 - (mg)^2 \\ N_x &= mg\sqrt{3} \\ ma &= mg\sqrt{3} \\ a &= g\sqrt{3} \end{aligned}$$



2)



$$\begin{aligned} \mu ma - \mu mg \cos \varphi &= mg \sin \varphi \\ \mu a - \mu g \cos \varphi &= g \sin \varphi \\ \varphi &\in (-\alpha, \alpha) \end{aligned}$$



$$\begin{aligned} N + mg \cos \varphi &= ma \\ \mu N - mg \sin \varphi & \end{aligned}$$

$$\mu = \frac{mg \sin \varphi}{ma - mg \cos \varphi}$$

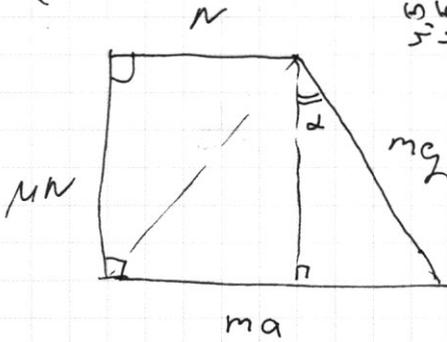
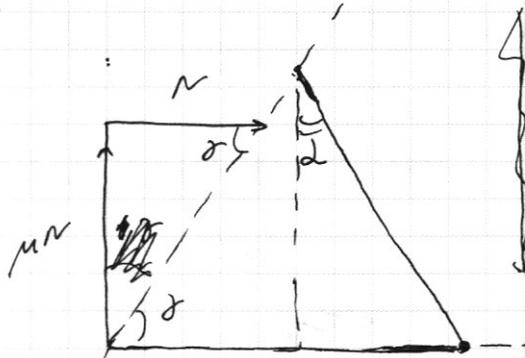
$$ma = g \sin \alpha + \mu g \cos \alpha$$

$$dK = \frac{dm \cdot v^2}{2}$$

$$K = \frac{mv^2}{2}$$

$$v = \sqrt{\frac{2R}{m}} = 60 \text{ m/s}$$

4,54
 $\frac{3178}{27}$
 908
 122,58



4,5
 4,5
 22,5
 180,5
 20,25
 22,00
 292,5
 1,75
 1,5
 1,5
 1,5
 17,6
 17,6
 19,36

4050
 $\frac{17500}{300}$
 0,0643
 16200
 13000
 122,58
 517
 $\frac{1034}{0,23}$
 1918
 1551
 3670

$$ma = mg \sin \alpha + \frac{mg \cos \alpha}{\mu}$$

$$\frac{v^2}{R} = g \sin \alpha + \frac{g \cos \alpha}{\mu}$$

$$v = \sqrt{gR \cdot \left(\sin \alpha + \frac{\cos \alpha}{\mu} \right)}$$

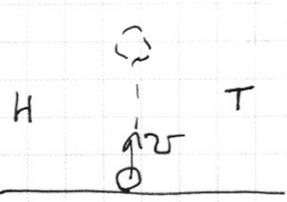
22
 OK

$$v_1 = \frac{-v + \sqrt{v^2 + gH}}{g}$$

$$v_2 = \frac{v + \sqrt{v^2 + gH}}{g}$$

25-22=3
 $\frac{3}{50}$
 $\frac{1,75}{40,5}$
 4,543

11,55
 $\frac{11,55}{2,1}$
 5,5
 $\frac{22,60}{2,1}$
 10,76
 $\frac{22,60}{2,1}$
 10,76
 $\frac{57,75}{0,03}$
 1925
 $\frac{27500}{43550}$
 0,63



$$mgH = \frac{mv^2}{2}$$

$$H = \frac{v^2}{2g} \rightarrow v = \sqrt{2gH}$$

$$0 = v \cdot 2T - \frac{g(2T)^2}{2}$$

$$2v = g \cdot 2T$$

$$H = vT - \frac{gT^2}{2}$$

$$H = \sqrt{2gH} \cdot T - \frac{gT^2}{2}$$

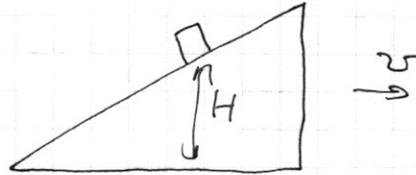
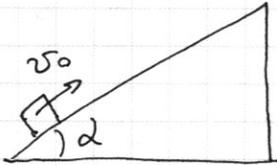
$$2) H = gT^2 - \frac{gT^2}{2} = \frac{gT^2}{2} \quad \text{OK}$$

1000
 285
 2705

3600
 909
 4500
 $\frac{30,785}{29}$
 6,550
 577,5

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

м2. через 3-1. осл. ур. та же.



$$1) m v_0 \cos \alpha = \cancel{m v \cos \alpha} + 3 m v$$

$$v = \frac{v_0}{3} \cos \alpha$$

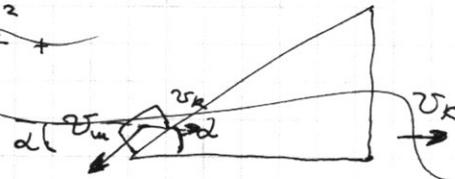
$$2) \frac{m v_0^2}{2} = m g H + \frac{2 m v^2}{2} + \frac{m v^2}{2}$$

$$v_0^2 = 2 g H + 3 v^2$$

$$v_0^2 = 2 g H + \frac{3}{9} v_0^2 \cos^2 \alpha$$

$$v_0^2 = \sqrt{\frac{2 g H}{1 - \frac{\cos^2 \alpha}{3}}}$$

$$3) \frac{m v_0^2}{2} = \frac{2 m v_k^2}{2} +$$



0,6
0,6
0,36

$$1) m v_0 \cos \alpha = 2 m v_k + m v_k - m v_{0k} \cos \alpha$$

$$v_0 \cos \alpha = 3 v_k - v_{0k} \cos \alpha$$

$$2) \frac{m v_0^2}{2} = \frac{2 m v_k^2}{2} + \frac{m (v_k + v_{0k})^2}{2}$$

$$v_0^2 = 2 v_k^2 + (v_k + v_{0k})^2 = 2 v_k^2 + v_k^2 + v_{0k}^2 + 2 v_k v_{0k} \cos \alpha$$

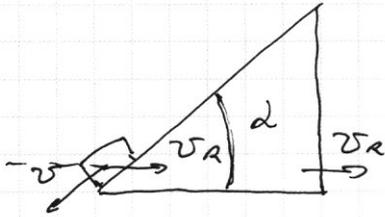
$$88 = 44 \cdot 2$$

$$22 \cdot 4$$

$$\sqrt{88}$$

0,12
100
12
88

$$(v_R + v \cos \alpha)^2 + (v \sin \alpha)^2 = v_R^2 + 2v_R v \cos \alpha + v^2$$



$$m v_0 = m v_R + m v_R - m v \cos \alpha$$

$$v \cos \alpha v_0 = 2v_R - v \cos \alpha$$

$$\frac{m v_0^2}{2} = \frac{m v_R^2}{2} + \frac{m(v_R^2 + v^2 + 2v_R v \cos \alpha)}{2}$$

$$v_0^2 = 2v_R^2 + v^2 + 2v v_R \cos \alpha$$

$$v_0^2 = 2v_R^2 + \left(\frac{2v_R}{\cos \alpha} - v_0\right)^2 + 2v_R(2v_R - v_0 \cos \alpha)$$

$$2v_R^2 + \frac{4v_R^2}{\cos^2 \alpha} - \frac{4v_R v_0}{\cos \alpha} + 4v_R^2 - 2v_R v_0 \cos \alpha$$

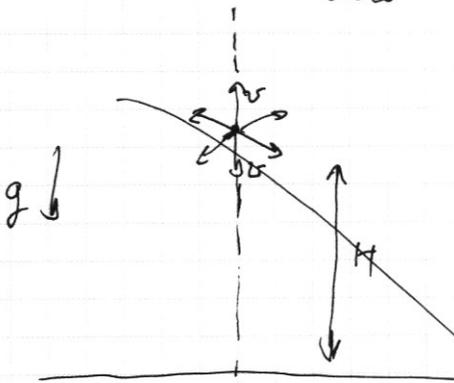
$$0 = 2v_R^2 + \frac{4v_R^2}{\cos^2 \alpha} - \frac{4v_R v_0}{\cos \alpha} + 4v_R^2 - 2v_0 \cos \alpha$$

2,249
6,747

$$v_R = \frac{2v_0 \cos \alpha}{6v_R + \frac{4v_R}{\cos^2 \alpha} - \frac{4v_R}{\cos \alpha}}$$

OK.

N 1.



$$1) dU = \frac{dm v^2}{2}$$

$$A = \frac{m v^2}{2} \quad v = 60$$

$$2) H = v r_1 + \frac{g r_1^2}{2}$$

$$-H = v r_2 - \frac{g r_2^2}{2}$$

$$g r_1^2 + 2v r_1 - 2H = 0$$

$$g r_2^2 - 2v r_2 - 2H = 0$$

$$r_1 = \frac{-v + \sqrt{v^2 + gH}}{g}$$

$$r_2 = \frac{v + \sqrt{v^2 + gH}}{g}$$

$$r_2 - r_1 = \frac{2v}{g}$$

v = 50

2,25
2,25
1,225
450
5,0425
3.2,
2,25
2,25
0,000161 ≈ 2,249
2,25 - 0,000161 ≈ 2,249
2,25 - 0,000161 ≈ 2,249

$$K = mgH +$$

$$\begin{array}{r} 45 \\ 9 \\ \hline 45 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 9 \\ 16,1 \\ \hline 145 \\ 9 \\ \hline 55 \\ 10 \end{array}$$

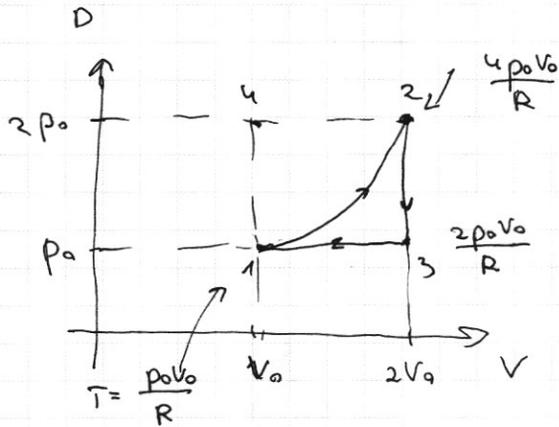
$$\frac{27}{235}$$

$$\frac{54}{47}$$

$$\frac{2 \cdot 0,6}{6 \times \frac{1}{9,09} - \frac{1}{0,3}} =$$

$$\frac{1,2}{6 \times \frac{100}{9} - \frac{100}{9}} = \frac{108}{94}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



№ 4.

$$pV = RT$$

$$\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1}$$

$$x^{-2} = \frac{x^{-1}}{-1}$$

$$1) Q = A + \Delta U = \frac{3}{2} R \cdot \left(\frac{4p_0V_0}{R} - \frac{p_0V_0}{R} \right) = \frac{9}{2} p_0V_0 + A =$$

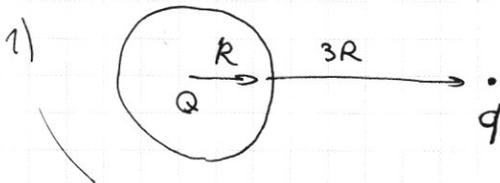
$$= \frac{9}{2} p_0V_0 + \left(2p_0 \cdot V_0 - \frac{1}{4} \pi p_0V_0 \right) =$$

$$= \frac{13}{2} p_0V_0 - \frac{\pi}{4} p_0V_0 = p_0V_0 \left(\frac{13}{2} - \frac{\pi}{4} \right)$$

$$2) A = \frac{13}{2} p_0V_0 - \frac{\pi}{4} p_0V_0 - p_0V_0 = p_0V_0 \left(1 - \frac{\pi}{4} \right)$$

$$3) \eta = \frac{A}{Q_H} = \frac{1 - \frac{\pi}{4}}{\frac{13}{2} - \frac{\pi}{4}} = \frac{4 - \pi}{26 - \pi} \quad \text{OK}$$

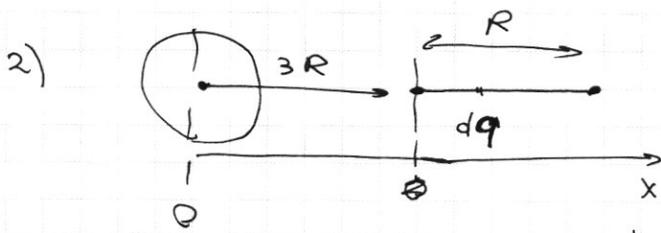
№ 5.



$$1) 4\pi R^2 \cdot E(R) = \frac{Q}{\epsilon_0}$$

$$E(R) = \frac{Q}{4\pi \epsilon_0 \cdot R^2} = \frac{kQ}{R^2}$$

$$F = \frac{kqQ}{R^2}$$



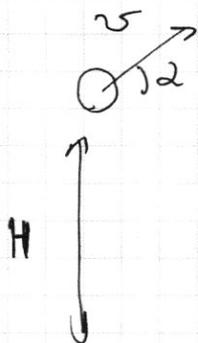
$$2) dF = \frac{kQq}{x^2} dq =$$

$$= \frac{kQ}{x^2} \cdot q \cdot \frac{dx}{R} =$$

$$= \frac{kQq}{R} \cdot \frac{dx}{x^2} \quad \text{OK}$$

$$F = \int_{3R}^{4R} \frac{kQq}{R} \cdot \frac{dx}{x^2} = \frac{kQq}{R} \cdot \left(\frac{1}{3R} - \frac{1}{4R} \right) = \frac{kQq}{12R^2}$$

$$\alpha(-90^\circ, 90^\circ)$$



$$\sin^2 x = \frac{1}{2\sqrt{x}}$$

$$\sin^2 x = 2 \sin x \cdot \cos x$$

$$H = \frac{g\tau^2}{2} - v \sin \alpha \tau$$

$$g\tau^2 - 2v \sin \alpha \cdot \tau - 2H = 0$$

$$g\tau = \frac{2v \sin \alpha + \sqrt{v^2 \sin^2 \alpha + 2gH}}{g}$$

$$g\tau' = v \cos \alpha + \frac{v^2 \cdot 2 \sin x \cos x + 2gH}{2\sqrt{v^2 \sin^2 \alpha + 2gH}} = 0$$

2,7
2,7
18,9
5,4
6,29

7,05
6,29
0,74
 $\alpha = 90^\circ, \alpha = -90^\circ$

$$-2 \cos \alpha \sqrt{v^2 \sin^2 \alpha + 2gH} = 2 \sin x \cos x \cdot v + 2gH$$

$$4 \cos^2 \alpha (v^2 \sin^2 \alpha + 2gH) = 4v^2 (\sin x \cos x)^2 + 4gH \sin x \cos x \cdot v + 4(gH)^2$$

$$v^2 (\sin \alpha \cos \alpha)^2 + 2gH \cos^2 \alpha = v^2 (\sin \alpha \cos \alpha)^2 + 2gH v \sin \alpha \cos \alpha + (gH)^2$$

$\sin \alpha > 0$
 $\cos \alpha = 0$

$$-2 \cos \alpha \sqrt{v^2 \sin^2 \alpha + 2gH} = 2v \sin \alpha \cos \alpha$$

$$v^2 (\sin \alpha \cos \alpha)^2$$

$$v^2 \sin^2 \alpha + 2gH = v^2 \sin^2 \alpha$$

$$2gH = 0$$

740 | 540
540 | 0,137
2000
1620
3800 1,41
1,4 - 7,05

2,7 - $\frac{0,74}{5,4}$

2,700
0,14
2,66

3 - $\frac{7,9 - 7,05}{6}$
3 - $\frac{1}{3} \approx 2,7$

2,66
1,5
1330
266
3,990