

Олимпиада «Физтех» по физике 2022

Класс 10

Вариант 10-02

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Фейерверк массой $m = 1 \text{ кг}$ стартует после мгновенной работы двигателя с горизонтальной поверхности, летит вертикально вверх и через $T = 3 \text{ с}$ разрывается в высшей точке траектории на множество осколков, которые летят во всевозможных направлениях с одинаковыми по величине скоростями. Суммарная кинетическая энергия осколков сразу после взрыва $K = 1800 \text{ Дж}$. На землю осколки падают в течение $\tau = 10 \text{ с}$.

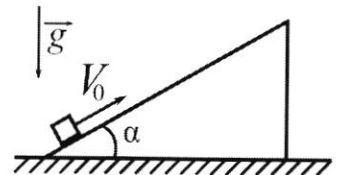
1) На какой высоте H взорвался фейерверк?

2) В течение какого промежутка времени τ осколки будут падать на землю?

Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым.

2) Через какое время после взрыва 1-ый осколок упадет на землю.

2. На гладкой горизонтальной поверхности расположен клин. Гладкая наклонная поверхность клина образует с горизонтом угол α такой, что $\cos \alpha = 0,6$. Шайбе, находящейся на наклонной поверхности клина, сообщают некоторую начальную скорость V_0 (см. рис.), далее шайба безотрывно скользит по клину и поднимается на максимальную высоту



$H = 0,2 \text{ м}$. Масса клина в два раз больше массы шайбы. Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$.

1) Найдите начальную скорость V_0 шайбы.

2) Найдите скорость V клина, в тот момент, когда шайба вернется в точку старта на клине. Массы шайбы и клина одинаковы.

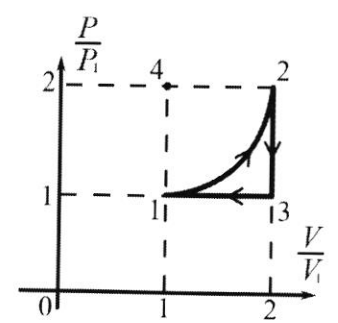
Н для 2-го случая не ис.

3. По внутренней поверхности проволочной сферы равномерно движется модель автомобиля. Движение происходит в горизонтальной плоскости большого круга. Сила, с которой модель действует на сферу, в два раза больше силы тяжести, действующей на модель. Модель приводится в движение двигателем. Силу сопротивления считайте пренебрежимо малой.

1) Найдите ускорение a модели.

2) Вычислите минимальную допустимую скорость V_{MIN} равномерного движения модели по окружности в плоскости большого круга, составляющей с горизонтом угол $\alpha = 45^\circ$. Коэффициент трения скольжения шин по поверхности сферы $\mu = 0,8$, радиус сферы $R = 1 \text{ м}$. Ускорение свободного падения $g = 10 \text{ м/с}^2$.

4. Один моль одноатомного идеального газа участвует в цикле 1-2-3-1 (см. рис.), участок 1-2 – дуга окружности с центром в точке 4. Считать заданными давление P_1 и объём V_1 .



1) Какое количество Q теплоты подведено к газу в процессе расширения?

2) Найдите работу A газа за цикл.

3) Найдите КПД η цикла.

5. Заряд $Q > 0$ однородно распределен по сфере радиуса R . В первом опыте на расстоянии $3R$ от центра сферы помещают небольшой по размерам шарик с зарядом $q > 0$.

1) Найдите силу F_1 , действующую на заряженный шарик.

Во втором опыте заряд q однородно распределяют по стержню длины R , стержень помещают на прямой, проходящей через центр заряженной сферы. Ближайшая к центру сферы точка стержня находится на расстоянии $3R$ от центра.

2) Найдите силу F_2 , с которой заряженный стержень действует на заряженную сферу.

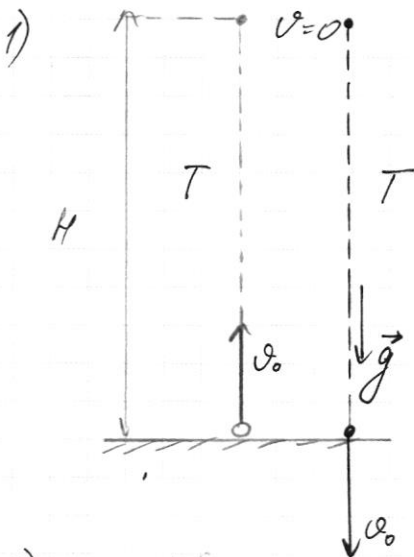
Все силы, кроме кулоновских, считайте пренебрежимо малыми. Коэффициент пропорциональности в законе Кулона k . Явлениями поляризации пренебрегите.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

1) Дано: $m = 1 \text{ кг}$, $T = 3 \text{ с}$, $\tau = 10 \text{ с}$, $K = 1800 \text{ Дж}$, $g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$.

Опред.: H , τ_1 .

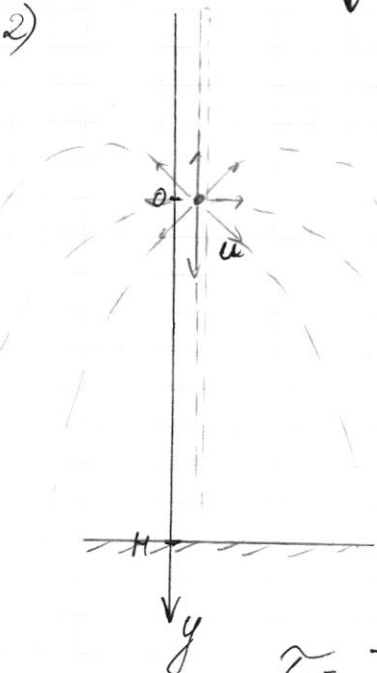
Решение:



Вспомогательная и для обратности механического дв-ия. Рассмотрим обратное во времени (попятное) движение фейерверка до взрыва. Тогда он летит с нулевой начальной ск-тью с ускорением \vec{g} .

Значит,

$$H = \frac{g \cdot T^2}{2} = \frac{10 \cdot 3^2}{2} = 45 \text{ м}$$



Ск-ть центра масс осколков равна нулю. Осколки летят во всех направлениях со ск-тью u .

$$K = \sum \frac{m_i u^2}{2} = \frac{u^2}{2} \cdot \sum m_i = \frac{m u^2}{2};$$

$$u^2 = \frac{2K}{m} \Rightarrow u = \sqrt{\frac{2K}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 2 \cdot 900}{1}} = 60 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

Раньше всех упадёт осколок, летящий строго вниз:

$$H = u \tau_1 + \frac{g \tau_1^2}{2}; \quad g \tau_1^2 + 2u \tau_1 - 2H = 0;$$

$$\tau_1 = \frac{-2u \pm \sqrt{4u^2 + 4g \cdot 2H}}{2g} = -\frac{u}{g} \pm \frac{\sqrt{u^2 + 2gH}}{g}$$

$$\tau_1 > 0 \Rightarrow \tau_1 = \frac{\sqrt{u^2 + 2gH} - u}{g} = \frac{\sqrt{60^2 + 2 \cdot 10 \cdot 45} - 60}{10} = \sqrt{45} - 6 \approx 0,7 \text{ с}$$

~~$\tau = 2 \cdot \frac{u}{g} = 2$~~ Ответ: $H = \frac{g T^2}{2} = 45 \text{ м}$, $\tau_1 = \sqrt{45} - 6 \text{ с} \approx 0,7 \text{ с}$.

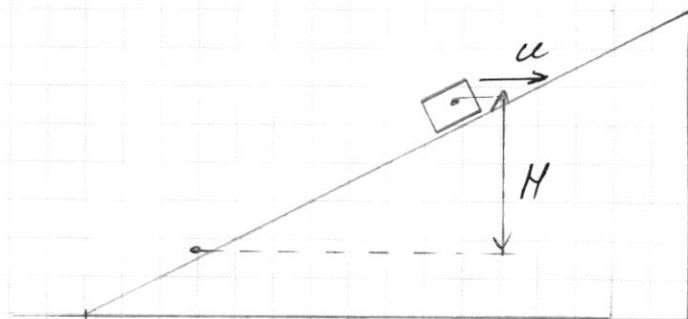
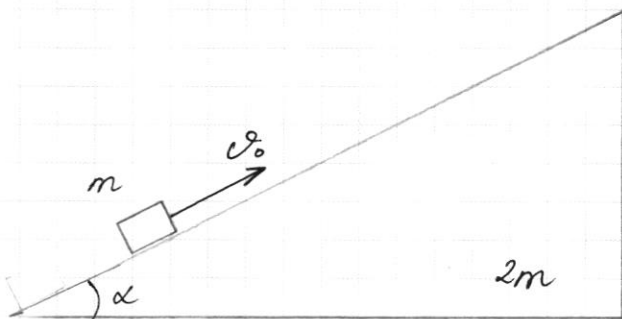
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

2) Дано: $\cos \alpha = 0,6$, $H = 0,2$ м, $g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$.

Опред.: v_0, v .

Решение:

1)



В момент максимального подъёма ск-ть шайбы относительно земли равна нулю, их ск-ти в исходной СО равны.

$$F_x = 0 \Rightarrow P_x = \text{const}$$

$$\text{ЗСЦ: } x: m v_0 \cos \alpha =$$

$$= m v + 2 m v;$$

$$v_0 \cos \alpha = 3 v \Rightarrow v = \frac{v_0 \cos \alpha}{3}$$

$$\text{ЗСЭ: } K_1 = K_2 + \Delta \Pi; \quad m v_0^2 = \frac{m v^2}{2} + \frac{2m \cdot v^2}{2} + m g H;$$

$$v_0^2 = 3 v^2 + 2 g H; \quad v_0^2 = 3 \cdot \frac{v_0^2 \cos^2 \alpha}{9} + 2 g H;$$

$$v_0^2 = \frac{v_0^2 \cos^2 \alpha}{3} + 2 g H; \quad (3 - \cos^2 \alpha) v_0^2 = 6 g H; \quad v_0^2 = \frac{6 g H}{3 - \cos^2 \alpha}$$

$$v_0 = \sqrt{\frac{6 g H}{3 - \cos^2 \alpha}} = \sqrt{\frac{6 \cdot 10 \cdot 0,2}{3 - 0,6^2}} = \sqrt{\frac{50}{11}} \frac{\text{м}}{\text{с}} \approx 2,14 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

2) ЗСЦ:

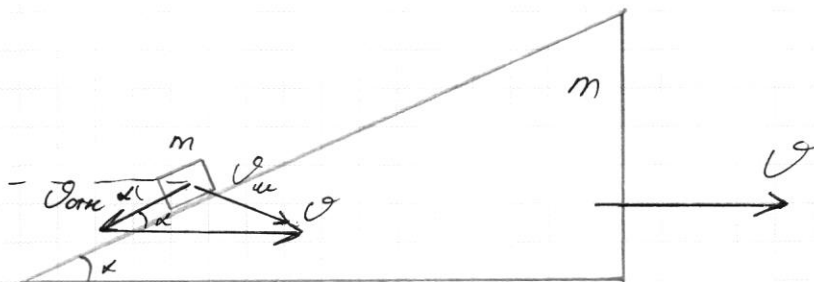
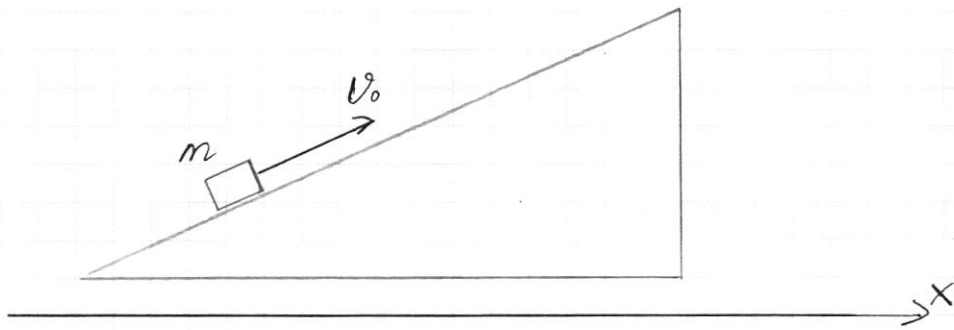
$$m v_0 \cos \alpha =$$

3-н сложения ск-тей:

$$\vec{v}_{\text{ш}} = \vec{v}_{\text{отн}} + \vec{v}, \quad - \text{ск-ть шайбы}$$

где $\vec{v}_{\text{отн}}$ - ск-ть шайбы отн ко земле, направлена вдоль земли (т.к. в подв. СО земля не движется, шайба

скажем по решу.)



ЗСМ: $x: m v_0 \cos \alpha = m v + m v - m v_{отн} \cos \alpha$

ЗСЭ: $\frac{m v_0^2}{2} = \frac{m v^2}{2} + \frac{m v_{отн}^2}{2}$

Th. cos: $v_{отн}^2 = v_0^2 + v^2 - 2 v v_0 \cos \alpha$

$$\begin{cases} v_0 \cos \alpha = 2v - v_{отн} \cos \alpha \Rightarrow v_0 = \frac{2v}{\cos \alpha} \Rightarrow v_{отн} = \frac{2v - v_0 \cos \alpha}{\cos \alpha} \\ v_0^2 = v^2 + v^2 + v_{отн}^2 - 2v v_{отн} \cos \alpha \end{cases}$$

$$v_0^2 = 2v^2 + \frac{4v^2}{\cos^2 \alpha} - \frac{4v v_0}{\cos \alpha} + v_0^2 - 4v^2 + 2v v_0 \cos \alpha$$

~~$$\frac{4v v_0}{\cos \alpha} = 2v^2 + \frac{4v^2}{\cos^2 \alpha}; \quad 4v_0 = 2v \cos \alpha + \frac{4v}{\cos \alpha}$$~~

~~$$v = \frac{4v_0}{2 \cos \alpha + \frac{4}{\cos \alpha}} = \frac{4v_0 \cos \alpha}{2 \cos^2 \alpha + 4} = \frac{4 \cdot 2,14 \cdot 0,6}{2 \cdot 0,6^2 + 4} = \frac{5,536}{4,72} \approx 1,17 \frac{m}{c}$$~~

~~$$\approx 1,17 \frac{m}{c} \quad v = v_0 \frac{\frac{4}{\cos \alpha} - 2 \cos \alpha}{\frac{4}{\cos^2 \alpha} - 2} = v_0 \cos \alpha \approx 2,14 \cdot 0,6 \approx 2,18 \frac{m}{c}$$~~

Ответ: $v_0 = \sqrt{\frac{6gh}{3 - \cos^2 \alpha}} \approx 2,14 \frac{m}{c}; \quad v = \frac{v_0 \cos \alpha}{2 \cos^2 \alpha + 4} \approx 1,17 \frac{m}{c}$

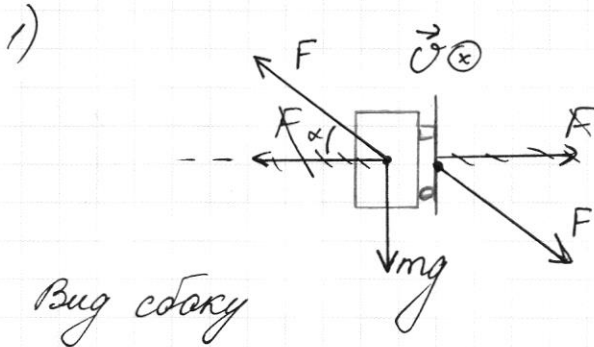
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

3) Дано: $\alpha = 45^\circ$, $g = 10 \frac{м}{с^2}$, $\mu = 0,8$, $R = 1 м$

Опред.: a , v_{min}

Решение: Автомобиль движет сила тяги, являющаяся тангенциальной составляющей сил реакции шара со стороны дороги.

$$v = const. \Rightarrow a_{\theta} = \frac{dv}{dt} = 0$$



Вид сбоку

ускорение a равно нормальному ускорению.

II з-н Ньютона в проекции на ось n :

$$n: ma = F \cos \alpha$$

$$y: n \cdot 0 = F \sin \alpha - mg$$

$F = 2mg$ - сила давления на

сферу (по III з-ну Ньютона

сфера действует с такой же

силой на модель).

$$\begin{cases} F \cos \alpha = ma \\ F \sin \alpha = mg \end{cases} \Rightarrow \frac{F \cos \alpha}{F \sin \alpha} = \frac{ma}{mg} \Rightarrow \cot \alpha = \frac{a}{g} \Rightarrow a = g \tan \alpha = 2g = 2 \cdot 10 \frac{м}{с^2} = 20 \frac{м}{с^2}$$

Возвращаясь к квадрату и складывая:

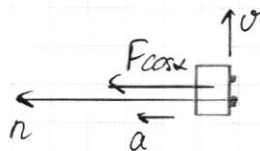
$$F^2 = m^2(a^2 + g^2) = 4m^2g^2(1 + g^2) \Rightarrow a^2 = 3g^2$$

$$a = \sqrt{3}g \approx 1,73 \cdot 10 = 17,3 \frac{м}{с^2}$$

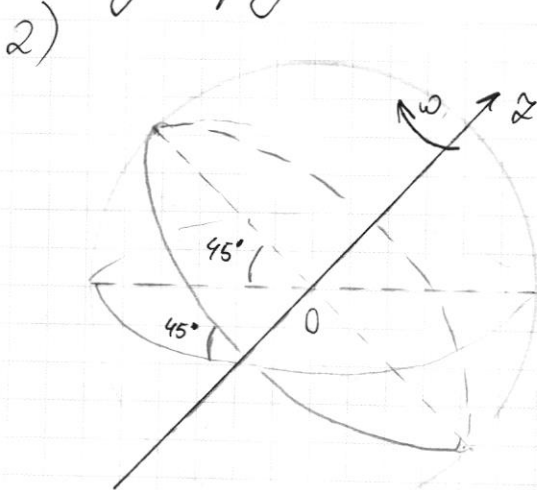
$v = v$ Движение равномерное \Rightarrow

\Rightarrow тангенциальное ускорение равно нулю.

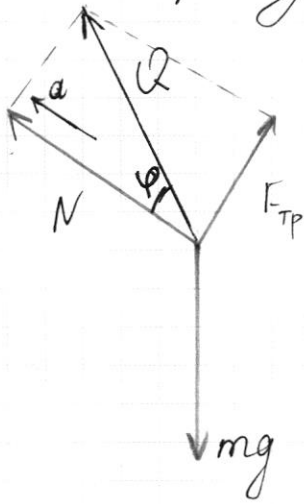
На модель действует сила тяжести mg , сила ~~тяги~~ нормальной реакции N , сила трения $F_{тр} \leq \mu N$.



Вид сверху.



~~II з-к Ньютона:~~
 ~~$\Sigma: m \cdot 0 = F_{TP} - mg$~~



$\vec{F}_{TP} + \vec{N} = \vec{Q}$ - сила полной р-цми
 силы.
 $a = \omega^2 R$.

II з-к Ньютона:

$$m\vec{a} = \vec{N} + \vec{F}_{TP} + m\vec{g}$$

$\vec{N} \perp$ об-е касательной к сфере \Rightarrow

$\Rightarrow \vec{N}$ проходит через центр сферы O .
 (т.к. д-е по радиусу к кругу)

\vec{a} - к центру сферы O .

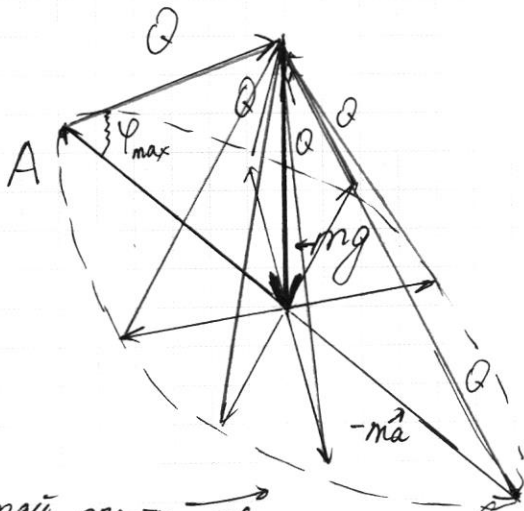
$\vec{a} \uparrow \uparrow \vec{N}$. \Rightarrow значит $m\vec{a}, \vec{N}, m\vec{g}, \vec{F}_{TP}$

лежат в одной плоскости. (все вектора должны обра-
 зовать векторный многоугольник).

$$m\vec{a} = \vec{Q} + m\vec{g}$$

В конусе трения $\text{tg } \varphi = \frac{F_{TP}}{N} \leq \mu$.

$m\vec{g} + \vec{Q} - m\vec{a} = 0$ - изобразим это ур-е в виде векторного
 треугольника.

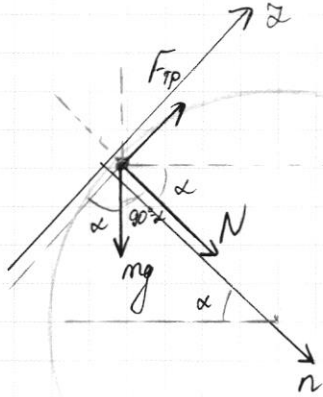


по этой ор-ти движется конус вектора $-m\vec{a}$. \vec{Q} всегда подстраивается
 чтобы в сумме получился замкнутый треугольник.

Видно, что макс. φ_{max} достигается в т. А, когда авто-
 мобиль в высшей точке. Значит, минимальная ск-ть

v_{min} определяется началом прокаливания в верхней
 точке: $\text{tg } \varphi_{max} = \mu$.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



II з-н Ньютона:

$$r: m \frac{v_{min}^2}{R} = N + mg \sin \alpha$$

$$z: m \cdot 0 = F_{TP} - mg \cos \alpha$$

$$F_{TP} = \mu N.$$

$$mg \cos \alpha = \mu \left(\frac{m v_{min}^2}{R} - mg \sin \alpha \right)$$

$$g(\cos \alpha + \mu \sin \alpha) = \frac{\mu v_{min}^2}{R};$$

$$v_{min} = \sqrt{\frac{gR(\cos \alpha + \mu \sin \alpha)}{\mu}} = \sqrt{\frac{10 \cdot 1 \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{2}} + \frac{0,8}{\sqrt{2}}\right)}{0,8}} =$$

$$= \sqrt{\frac{18,5}{4\sqrt{2}}} = \sqrt{\frac{9,5}{2\sqrt{2}}} = 3\sqrt{\frac{5}{2\sqrt{2}}} \approx 4 \frac{m}{c}.$$

Ответ: $a = \sqrt{3}g \approx 17,3 \frac{m}{c^2}$, $v_{min} = \sqrt{\frac{gR(\cos \alpha + \mu \sin \alpha)}{\mu}} \approx$
 $\approx 4 \frac{m}{c}.$



черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

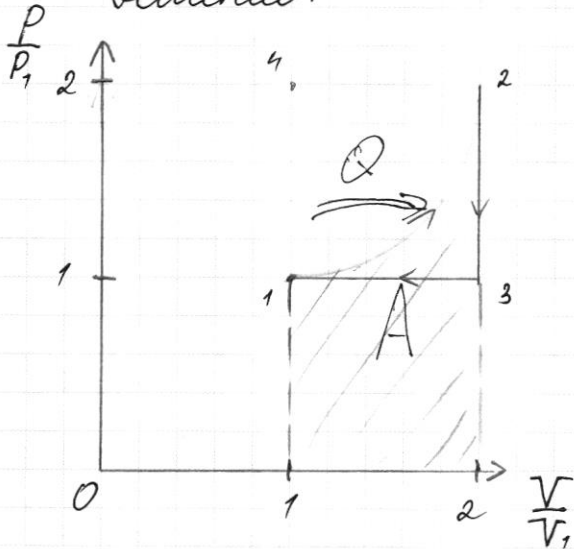
Страница №__
(Нумеровать только чистовики)

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

④ Дано: $P_1, V_1, V = 1 \text{ моль}, C_v = \frac{3}{2} R.$

Опред: Q, A, η

Решение:



Масштаб по осям дан в условных единицах P_1 и V_1 , поэтому график можно рассматривать как диаграмму PV .

1) Расширение на участке $1 \rightarrow 2$.

На всём участке $1 \rightarrow 2$ газ переходит на более высокую адиабату \Rightarrow тепло подводится на всём участке $1 \rightarrow 2$. \int начало термодинамики:

$Q = \Delta U_{12} + A_{12}$, где ΔU_{12} - изм-е внутр. энергии на уч. $1 \rightarrow 2$, A_{12} - работа газа на нём.

$\Delta U_{12} = C_v V \Delta T_{12} = C_v V (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} V R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} (V R T_2 - V R T_1) = \frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1)$, т.к. забл-е в т. 1 - P_1 , а объём V_1 . Угловые откают соотв. точку. $P_2 = 2P_1, V_2 = 2V_1$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} (2P_1 \cdot 2V_1 - P_1 V_1) = \frac{9}{2} P_1 V_1$$

Работа пропорциональна площади под графиком. Соответствующую раб площадь можно найти, вычитая из площади прямоугольника площадь четверти круга:

Составим пропорцию: $\frac{S_{12}}{S_0} = \frac{A_{12}}{A_0}$

$S_0 = 1 \cdot 1 = 1$ - площадь единичного квадрата, $A_0 = P_1 \cdot V_1$ - соответствующая ему работа. $S_{12} = 2 \cdot 1 - \frac{1}{4} \pi \cdot 1 \cdot 1 = 2 - \frac{\pi}{4}$.

$$A_{12} = \frac{S_{12}}{S_0} \cdot A_0 = \left(2 - \frac{\pi}{4}\right) \cdot P_1 V_1.$$

$$Q_{12} = \frac{9}{2} P_1 V_1 + \left(2 - \frac{\pi}{4}\right) P_1 V_1 = \frac{13}{2} P_1 V_1 - \frac{\pi}{4} P_1 V_1 = \frac{26 - \pi}{4} \cdot P_1 V_1 \approx$$

$$\approx \frac{26 - 3,14}{4} P_1 V_1 = \frac{22,86}{4} P_1 V_1 \approx 5,72 P_1 V_1$$

2) Работа, совершаемая газом за цикл, пропорциональна площади, ограниченной графиком цикла на диаграмме PV . Находим её через пропорцию:

$$\frac{A}{A_0} = \frac{S}{S_0}; \quad S = 1 \cdot 1 - \frac{1}{4} \pi \cdot 1 \cdot 1 = 1 - \frac{\pi}{4} - \text{площадь внутри цикла.}$$

$$A = A_0 \frac{S}{S_0} = P_1 V_1 \cdot \frac{1 - \frac{\pi}{4}}{1} = \left(1 - \frac{\pi}{4}\right) P_1 V_1 \approx \left(1 - \frac{3,14}{4}\right) \cdot P_1 V_1 \approx 0,21 P_1 V_1$$

3) На участках $2 \rightarrow 3$ и $3 \rightarrow 1$ газ тепло отдаёт, т.к. переходит на более низкую адиабату. (это следует из общего вида адиабаты). Тогда

$$\eta = \frac{A}{Q} \approx 0,14 = \frac{\left(1 - \frac{\pi}{4}\right) P_1 V_1}{\frac{26 - \pi}{4} P_1 V_1} \approx \frac{0,21}{5,72} \approx 0,036, \quad \eta = 3,6\%$$

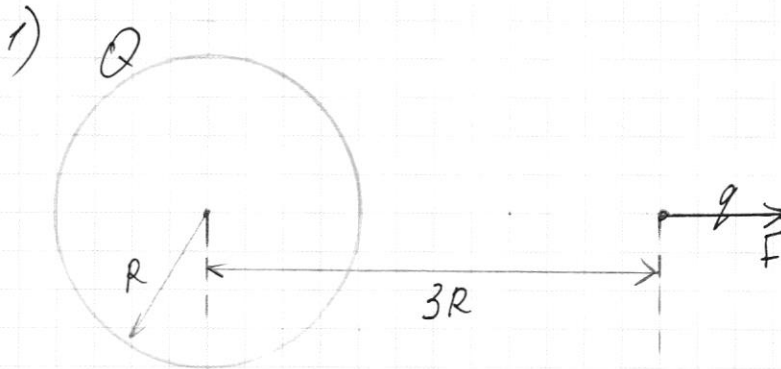
Ответ: $Q = \frac{26 - \pi}{4} P_1 V_1 \approx 5,72 P_1 V_1$, $A = \left(1 - \frac{\pi}{4}\right) P_1 V_1 \approx 0,21 P_1 V_1$,
 $\eta = \frac{4 - \pi}{26 - \pi} \approx 0,036 \quad (3,6\%)$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

5) Дано: $Q > 0$, $q > 0$, R .

Опред.: F_1 , F_2 .

Решение:

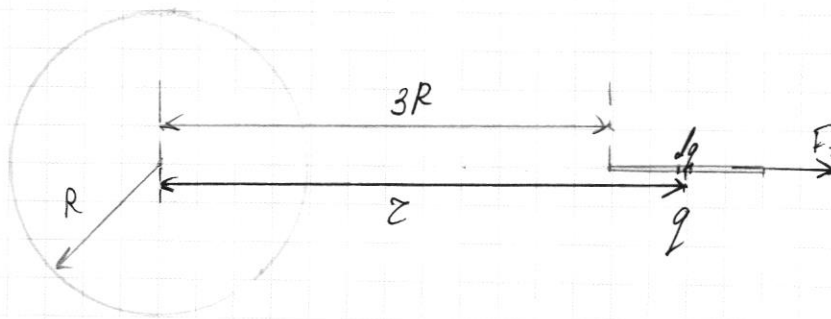


Из Тл. Гаусса следует, что за своими пределами сфера создаёт такое же поле как точечный заряд Q , &

мысленно помещённый в центр сферы. Напряжённость поля от сферы в точке, где находится q : $E = k \frac{Q}{(3R)^2} = k \frac{Q}{9R^2}$.

$$F_1 = Eq = k \frac{Qq}{9R^2}$$

2)



Напряжённость поля в точке на расстоянии z от центра сферы

$$E = k \frac{Q}{z^2}$$

По III з-ну Ньютона сфера действует на стержень с такой же силой F_2 .

$dF_2 = Edq$, $dq = \lambda dz$, где $\lambda = \frac{q}{l}$ — линейная плотность заряда.

$$dF_2 = Edq = k \frac{Q}{z^2} \cdot \lambda dz;$$

$$F_2 = \int dF_2 = k Q \lambda \int_{3R}^{4R} \frac{1}{z^2} \cdot dz = k \frac{Qq}{R} \left(-\frac{1}{z} \right) \Big|_{3R}^{4R} = k \frac{Qq}{R} \times$$

$$\times \left(-\frac{1}{4R} - \left(-\frac{1}{3R} \right) \right) = \frac{kQq}{R} \left(\frac{1}{3R} - \frac{1}{4R} \right) = \frac{kQq}{12R^2}.$$

Ответ: $F_1 = k \frac{Qq}{9R^2}$, $F_2 = k \frac{Qq}{12R^2}$.

тред, марта, 2 вар.

№1. Можно ли считать, что в результате взрыва тепло не выделяется?

0,86

$$\begin{array}{r} 2100 \overline{) 572} \\ -1716 \\ \hline 3840 \\ -3432 \\ \hline 408 \end{array} \quad \frac{572}{2100} \approx \frac{1}{3} \text{ к}$$

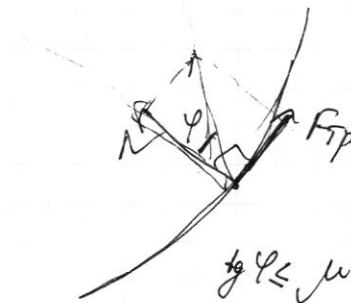
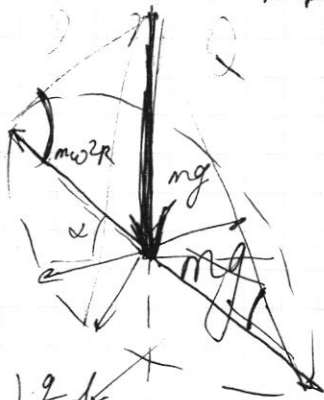
$$\begin{array}{r} 21 \\ \times 27 \\ \hline 147 \\ 1470 \\ \hline 5670 \end{array}$$

№1. Если 2-ой вопрос про τ убрать, то и в условии $\tau = 10$ с — лишнее данное, на ~~тогда~~ ~~можно~~ ~~не~~ ~~надо~~ опираться?

№2. Во 2-м пункте ($M=m$) для решения требуется σ . Её нужно взять из 1-го пункта, где $M=2m$? Тогда получится, что шайба поднималась на высоту не равную H .

$$\begin{array}{r} 24 \\ \times 24 \\ \hline 96 \\ 480 \\ \hline 576 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 5538 \overline{) 4720} \\ -4720 \\ \hline 8160 \\ -4720 \\ \hline 44000 \end{array}$$

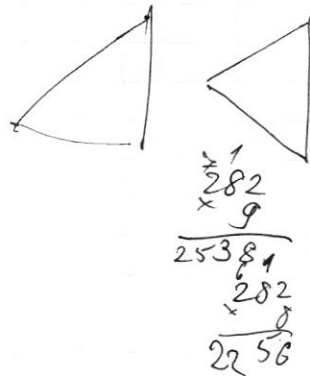


$$-F dx = \left(k \frac{Q}{4R} - k \frac{Q}{3R} \right) \frac{Q}{R} dx$$

$$2 \cdot 1,41 = 2,82$$

F =

$$\begin{array}{r} 500 \overline{) 282} \\ -282 \\ \hline 2180 \\ -1974 \\ \hline 2060 \\ -1974 \\ \hline 86 \end{array}$$



$$\begin{array}{r} 51 \\ \times 282 \\ \hline 1974 \end{array}$$

$\sqrt{1,78}$

$$\begin{array}{r} 11,3 \\ \times 1,8 \\ \hline 904 \\ 2316 \\ \hline 20234 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 14 \\ \times 14 \\ \hline 98 \\ 196 \\ \hline 196 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 133 \\ \times 1,33 \\ \hline 399 \\ 1666 \\ \hline 17689 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1,34 \\ \times 1,34 \\ \hline 536 \\ 4028 \\ \hline 17956 \end{array}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Handwritten calculations and algebraic work:

- Arithmetic: $\frac{1200}{264} = \frac{600}{132} = \frac{300}{66} = \frac{150}{33} = \frac{50}{11}$
- Algebra: $\sqrt{45} = \sqrt{49 - 4} = \sqrt{49 - \frac{4}{49}} = 7(1 - \frac{2}{49}) = 7 - \frac{2}{7} = 6\frac{5}{7} \approx 6,7$
- Long division: $1143 \div 2 = 571,5$; $10,785 \div 4 = 2,69625$
- Other calculations: $210 \sqrt{572}$, $11,43 \div 2 = 5,715$, $2,14 \times 10,8 = 23,112$, $47 \div 44 = 1,068$

Ред 1, вариант 2, 1-ая пара.
 N2. ~~Что~~ Почему точка старта вблизи основания
 клина или H - это высота относительно точки
старта? В условии сказано, что H - максимальная
 высота подъёма, но не сказано относительно чего.

Handwritten physics solution:

- Equation: $k = \frac{P^2}{2m}$
- Equation: $\vec{J}_0 = \vec{J}_1 - \vec{J}_2 = \frac{P}{2m_1} - \frac{P}{2m_2} = \frac{P}{2\mu}$; $\vec{p} = \frac{2\mu v_0}{2}$
- Diagram: A right-angled triangle on a horizontal surface. A vector \vec{v}_0 points to the right from the bottom vertex. A vector \vec{v}_x points to the right from the top vertex.
- Equation: $\frac{\mu v_0^2}{2} = mgh$
- Calculation: $\frac{12}{2,64} = \frac{1200}{264} = \frac{600}{132} = \frac{300}{66} = \frac{150}{33} = \frac{50}{11}$
- Final result: $\sqrt{\frac{50}{11}} = \sqrt{4 + \frac{6}{11}} = \sqrt{4(1 + \frac{3}{22})} = 2\sqrt{1 + \frac{3}{22}} = 2(1 + \frac{3}{44}) = \frac{11 \cdot 47}{22} = \dots$