

Олимпиада «Физтех» по физике 2022

Класс 10

Вариант 10-01

Шифр

(заполняется секретарём)

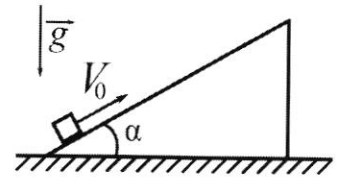
1. Фейерверк массой $m = 2$ кг стартует после мгновенной работы двигателя с горизонтальной поверхности, летит вертикально вверх и разбивается в высшей точке траектории на множество осколков, которые летят во всевозможных направлениях с одинаковыми по величине скоростями. Высота точки разрыва $H = 65$ м. На землю осколки падают в течение $\tau = 10$ с.

1) Найдите начальную скорость V_0 фейерверка.

2) Найдите суммарную кинетическую энергию K осколков сразу после взрыва.

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым.

2. На гладкой горизонтальной поверхности расположен клин. Гладкая наклонная поверхность клина образует с горизонтом угол $\alpha = 30^\circ$. Шайбе, находящейся на наклонной поверхности клина, сообщают начальную скорость $V_0 = 2$ м/с (см. рис.), далее шайба безотрывно скользит по клину. Массы шайбы и клина одинаковы. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².



1) На какую максимальную высоту H над точкой старта поднимется шайба на клине?

2) Найдите скорость V клина, в тот момент, когда шайба вернется в точку старта на клине. Массы шайбы и клина одинаковы. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

3. По внутренней поверхности проволочной металлической сферы радиуса $R = 1,2$ м равномерно со скоростью $V_0 = 3,7$ м/с движется модель автомобиля. Движение происходит в горизонтальной плоскости большого круга. Масса модели $m = 0,4$ кг. Модель приводится в движение двигателем. Силу сопротивления считайте пренебрежимо малой.

1) С какой по величине силой P модель действует на сферу?

2) Рассмотрим модель автомобиля равномерно движущуюся по окружности в плоскости большого круга, составляющей с горизонтом угол $\alpha = \frac{\pi}{6}$. Вычислите минимальную допустимую скорость V_{MIN} такого

равномерного движения. Коэффициент трения скольжения шин по поверхности сферы $\mu = 0,9$.

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

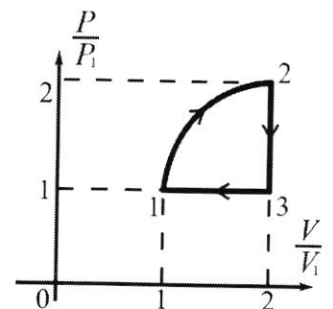
4. Один моль одноатомного идеального газа участвует в цикле 1-2-3-1 (см. рис.), участок 1-2 – дуга окружности с центром в точке 3. Температура газа в состоянии 1 равна T_1 .

1) Какое количество Q теплоты подведено к газу в процессе расширения?

2) Найдите работу A газа за цикл.

3) Найдите КПД η цикла.

Универсальная газовая постоянная R .



5. Заряд $Q > 0$ однородно распределен по сфере радиуса R . В первом опыте на расстоянии $2R$ от центра сферы помещают небольшой по размерам шарик с зарядом $q > 0$.

1) Найдите силу F_1 , действующую на заряженный шарик.

Во втором опыте заряд q однородно распределяют по стержню длины R , стержень помещают на прямой, проходящей через центр заряженной сферы. Ближайшая к центру сферы точка стержня находится на расстоянии $2R$ от центра.

2) Найдите силу F_2 , с которой заряд сферы действует на заряженный стержень.

Все силы, кроме кулоновских, считайте пренебрежимо малыми. Коэффициент пропорциональности в законе Кулона k . Явлениями поляризации пренебрегите.

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача № 3

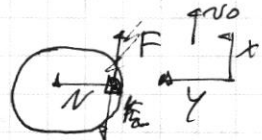
Дано:

$R = 1,2 \text{ м}$
 $v_0 = 3,7 \frac{\text{м}}{\text{с}}$
 $m = 0,4 \text{ кг}$

1) $P = ?$

2) $v_{\text{min}} = ?$

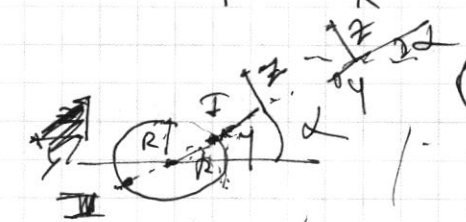
1)



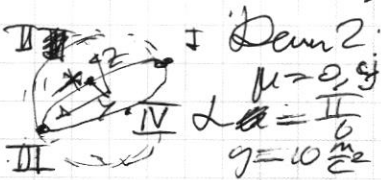
$\vec{m}\vec{a} = \vec{N} + \vec{P}$
 $a = \frac{v_0^2}{R}$

$\gamma: ma = N$
 $P = \frac{mv_0^2}{R}$

$N = -P$
 $3,7^2 = 13,69$
 $13,69 + 3 = 16,69$
 $\frac{16,69}{0,4} = 41,725$
 $P = \frac{0,4 \cdot 3,7^2}{1,2} = \frac{5,324}{1,2} = 4,437 \text{ Н}$



$\gamma: ma = N + mg_y$
 $g_y = g \sin \alpha$



$\gamma: ma = N + mg_y$
 $x: 0 = F_{tr} - \mu N$

$F_{tr} = \mu N$
 $\mu N = mg_y$

$\gamma: 0 = mg_y - F_{tr}$
 $x: ma = N$

$F_{tr} = \mu N$
 $\mu N = mg_y$

$\mu ma = \mu mg_y$
 $\mu a = g_y$

$a = \frac{g_y}{\mu}$

$v_{\text{min}} = \sqrt{aR}$
 $v_{\text{min}} = \sqrt{\frac{gR}{\mu \sin \alpha}}$

$v_{\text{min}} = \sqrt{\frac{10 \cdot 1,2}{0,5 \cdot 0,5}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 3 \cdot 5}{3 \cdot 3}} = 4\sqrt{\frac{5}{3}}$

$\text{Form } a_{\text{II}} = \frac{g_y}{\mu}$
 $\text{to } N_{\text{II}} \neq N_{\text{I}} \text{ и } F_{\text{trII}} \neq F_{\text{trI}}$
 $\text{Значит } mg_y - F_{\text{trII}} \neq 0$

тоже

$\gamma: ma_{\text{II}} = mg_y$
 $a_{\text{II}} = g_y$
 $F_{\text{tr}} \text{ on } a_{\text{II}} \rightarrow a_{\text{II}}$
 то в том I
 участке по
 $x \text{ не норм}$

$a = a_{\text{II}}$
 $a = \frac{g_y}{\mu}$

$v_{\text{min}} = \sqrt{aR}$
 $v_{\text{min}} = \sqrt{\frac{gR}{\mu \sin \alpha}}$

$v_{\text{min}} = \sqrt{\frac{10 \cdot 1,2}{0,5 \cdot 0,5}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 3 \cdot 5}{3 \cdot 3}} = 4\sqrt{\frac{5}{3}}$

$\sin \frac{\pi}{6} = 0,5$

$v_{\text{min}} = \sqrt{\frac{10 \cdot 1,2}{0,5 \cdot 0,5}} = \sqrt{\frac{4 \cdot 3 \cdot 5}{3 \cdot 3}} = 4\sqrt{\frac{5}{3}}$

Ответ: 1) $P = 4,437 \text{ Н}$

2) $v_{\text{min}} = 4\sqrt{\frac{5}{3}}$

Задача 2

Дано:

$$d = 300$$

$$v_0 = 2 \frac{m}{c}$$

$$g = 10 \frac{m}{c^2}$$

h - ?

v - ?



$$\text{I) } m \vec{a} = m \vec{g} + \vec{N}$$

$$x: m a_x = N \sin \alpha$$

$$y: m a_y = N \cos \alpha - m g$$

$$-m a \cos \alpha = -N \sin \alpha$$

$$N = m g \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$m a_y = N \cos \alpha - m g$$

$$N = m g \tan \alpha \quad m a_y = \cos \alpha \cdot m g \tan \alpha - m g$$

$$a_y = g (\cos \alpha \tan \alpha - 1)$$

$$m a_y = m a \cdot \tan \alpha \cdot \cos \alpha - m g$$

$$a_y = a \tan \alpha \cdot \cos \alpha - g$$

$$a_y (1 + \tan^2 \alpha) = -g$$

$$a_y = -a \tan^2 \alpha - g$$

$$a_y = g \frac{-1}{1 + \tan^2 \alpha}$$

$$H = v_0 \sin \alpha \cdot t + \frac{a_y t^2}{2}$$

$$t = \frac{v_0 \sin \alpha}{|a_y|}$$

$$H = v_0^2 \sin^2 \alpha \cdot \frac{1}{|a_y|} + \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2 |a_y|}$$

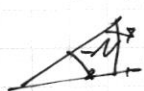
$$H = v_0^2 \sin^2 \alpha \left(\frac{1 + \tan^2 \alpha}{g} - \frac{1 + \tan^2 \alpha}{2g} \right)$$

$$H = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g} (1 + \tan^2 \alpha)$$

$$H = \frac{2 \cdot \frac{1}{2}}{2 \cdot 10} \cdot (1 + 3) = \frac{2}{20} = 0,2 \text{ m}$$

$$H = \frac{v_0^2}{2g} (\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha) = \frac{2 \cdot 2}{2 \cdot 10} = 0,2 \text{ m}$$

II)



$$v_k = \frac{d v_k}{d t} \quad v_k = a_{kx} t_2$$

$$a_{kx} = g \tan \alpha \cdot \frac{1}{1 + \tan^2 \alpha} = g \cdot \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \cdot \frac{1}{1 + \frac{\cos^2 \alpha}{\sin^2 \alpha}} = g \frac{\sin^3 \alpha}{\cos^2 \alpha} \cdot \frac{1}{1}$$

$$a_{kx} = g \tan \alpha \sin^2 \alpha$$

$$v_k = \frac{2 v_0 \sin \alpha}{|a_y|} = |a_{kx}| t$$

$$t_2 = 2t = \frac{2 v_0 \sin \alpha}{|a_y|}$$

$$v_k = \frac{2 v_0 \sin \alpha}{|a_y|} \cdot g \tan \alpha \sin^2 \alpha$$

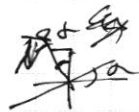
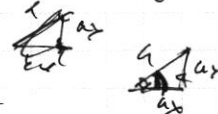
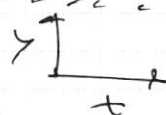
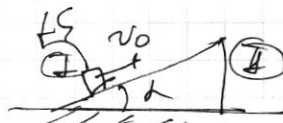
$$a_{kx} = \frac{g \tan \alpha}{1 + \tan^2 \alpha} a_y$$

$$v_k = 2 v_0 \sin \alpha \cdot \tan \alpha$$

$$v_k = 2 \cdot 2 \cdot 0,5 \cdot \frac{1}{10} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5} \text{ m/s}$$

$$v_k = 2 v_0 \sin \alpha \cdot \tan \alpha$$

Ответ: 1) H = 0,2 m
2) v = 1/5 = 0,2 m/s



$$a_x = -a \cos \alpha$$

$$a_y = -g \sin \alpha$$

$$N_x = -N \sin \alpha$$

$$N_y = N \cos \alpha$$

$$a = \frac{-a_y}{\sin \alpha}$$

$$\sin(30^\circ) = 0,5 = \frac{1}{2}$$

$$\cos(30^\circ) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$\tan(30^\circ) = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$a_x = g \tan \alpha \cdot \frac{1}{1 + \tan^2 \alpha}$$

$$t_2 = \frac{1}{5}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача №1

Дано:

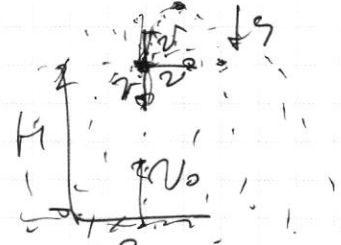
$$m = 2 \text{ кг}$$

$$\tau = 10 \text{ с}$$

$$h = 65 \text{ м}$$

Ответ 1: $v_0 = \sqrt{2gh} = 10 \cdot \sqrt{13} \frac{\text{м}}{\text{с}}$

Ответ 2: $R = 2,5 \text{ кДж}$



$$h = v_0 t - \frac{gt^2}{2}$$

$$t = \frac{v_0}{g}$$

$$h = \frac{v_0^2}{g} - \frac{g v_0^2}{2g} = \frac{v_0^2}{2g}$$

$$v_0 = \sqrt{2gh}$$

$$v_0 = \sqrt{20 \cdot 65} = \sqrt{13 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 4} =$$

$$= \sqrt{13 \cdot 5 \cdot 4} = 10 \cdot \sqrt{13} \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$R = 10 \cdot \sqrt{13} \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

2) ~~Решение~~

$$R = \sum \Delta \frac{1}{2} m v^2 = \frac{m v^2}{2}$$

v - скорость камня

$$\tau = t_2 - t_1$$

t_1 - время падения камня

t_2 - время пока камень находится

в воздухе:

$$h = v t_1 + \frac{gt_1^2}{2}$$

$$\frac{g}{2} t_1^2 + v t_1 - h = 0$$

$$D = v^2 + 2gh$$

$$t_1 = \frac{1}{g} (-v + \sqrt{v^2 + 2gh})$$

$$t_1 = \frac{1}{g} (-v - \sqrt{v^2 + 2gh})$$

$$t_1 = \frac{1}{g} (-v + \sqrt{v^2 + 2gh})$$

~~$$t_2: h = -v t_2 + \frac{gt_2^2}{2}$$~~

$$D = v^2 + 2gh$$

$$t_2 = \frac{1}{g} (v - \sqrt{v^2 + 2gh})$$

$$t_2 = \frac{1}{g} (v + \sqrt{v^2 + 2gh})$$

$$t_2 = \frac{1}{g} (v + \sqrt{v^2 + 2gh})$$

$$t_2 - t_1 = \frac{1}{g} (v + v) =$$

$$v \tau = \frac{2v}{g} \quad v = \frac{g \tau}{2}$$

$$R = \frac{m g^2 \tau^2}{8} \quad v^2 = \frac{g^2 \tau^2}{4}$$

$$R = \frac{2 \cdot 100 \cdot 100}{8} = \frac{2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 50 \cdot 50}{8} =$$

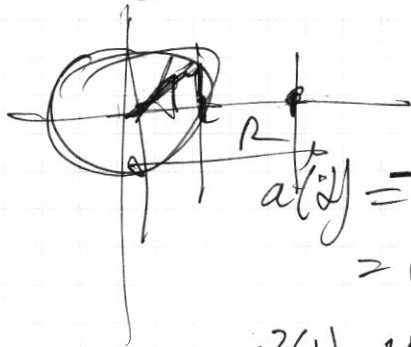
$$= 50^2 = 2500 \text{ Дж}$$

Ответ:

$$v_0 = 10 \cdot \sqrt{13} \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$R = 2,5 \text{ кДж}$$

Черновик



$$a(\alpha) = R \cos(\alpha) \quad \cancel{=} \quad \cancel{=} \quad 2R =$$

$$= R(2 - \cos(\alpha))$$

$$a^2(\alpha) = 4R^2 - 4R^2 \cos(\alpha) + R^2 \cos^2(\alpha)$$

$$b^2(\alpha) = R^2 \sin^2(\alpha)$$

$$r^2(\alpha) = a^2(\alpha) + b^2(\alpha)$$

$$r^2(\alpha) = 4R^2 - 4R^2 \cos(\alpha) + R^2 \cos^2(\alpha) + R^2 \sin^2(\alpha)$$

$$\boxed{r^2(\alpha) = 5R^2 - 4R^2 \cos(\alpha)}$$

$$\cancel{=} \quad \cancel{=} \quad \cancel{=} \quad \frac{1}{r^2(\alpha)}$$

$$r(\alpha) = R$$

$$\frac{dF(\alpha)}{d\alpha} = k q d\alpha \cdot \frac{1}{r^2(\alpha)}$$

$$dF(\alpha) = k q d\alpha \cdot \frac{1}{5R^2 - 4R^2 \cos(\alpha)}$$

$$y(\alpha) = 5 - 4 \cos(\alpha)$$

$$\frac{1}{5 - 4 \cos(\alpha)}$$

$$\frac{dF(y)}{dy} = \frac{d\alpha}{y^2}$$

$$\int F(y) dy = \int \frac{1}{y^2} dy$$

$$= \int \frac{1}{(5 - 4 \cos(\alpha))^2} d\alpha$$

$$\frac{d(5 - 4 \cos(\alpha))}{d\alpha} =$$

$$= 4 \sin(\alpha)$$

#

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача 4
Дано:

R, T_1
 $V = 1 \text{ моль}$
 $i = 3$

- 1) Q - ?
- 2) A_{sum} - ?
- 3) η - ?

1) процесс
режимом $1 \rightarrow 2$

$$Q = \Delta U + A$$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1)$$

$$P_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$P_2 V_2 = \nu R T_2$$

$$\frac{P_2 V_2}{P_1 V_1} = \frac{T_2}{T_1} = 4$$

$$T_2 = 4 T_1$$

$$T_2 - T_1 = 3 T_1$$

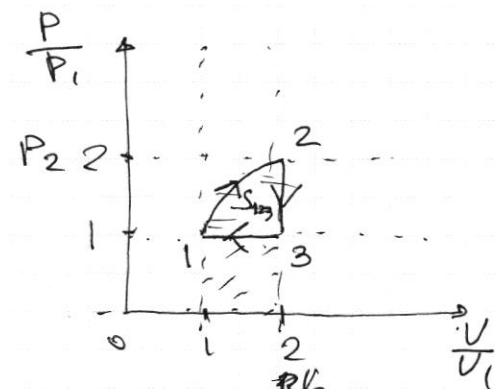
$$A_{12} = \int_{V_1}^{V_2} P(V) dV = V_1 P_1 \int_{V_1}^{V_2} \frac{P}{P_1} \left(\frac{V}{V_1}\right) d\left(\frac{V}{V_1}\right) = P_1 V_1 \cdot \left(1 + \frac{\pi}{4}\right)$$

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R \cdot 3 T_1$$

$$\Delta U_{12} = \frac{9}{2} \nu R T_1$$

$$Q_{12} = A_{12} + \Delta U_{12} = \nu R T_1 \left(1 + \frac{\pi}{4} + \frac{9}{2}\right) = \nu R T_1 \left(\frac{11}{2} + \frac{\pi}{4}\right)$$

$$A_{12} = P_1 V_1 \cdot (S_{123} + 1)$$



$$\frac{P_2}{P_1} = 2$$

$$\frac{V_2}{V_1} = 2$$

$$A_{12} = P_1 V_1 \left(1 + \frac{\pi}{4}\right)$$

$$A_{12} = \nu R T_1 \left(1 + \frac{\pi}{4}\right)$$

$$A_{\text{sum}} = A_{12} + A_{13}$$

$$A_{13} = P_1 \cdot (2V_1 - 2V_1) = -P_1 V_1 = -\nu R T_1$$

$$A_{\text{sum}} = \nu R T_1 \left(1 + \frac{\pi}{4} - 1\right) = \frac{\pi}{4} \nu R T_1$$

$$Q_{\text{sum}} = A_{\text{sum}}$$

$$A_{\text{sum}} = A_{12}$$

$$\text{Ответ: } 1) Q_{12} = \frac{1}{2} \nu R T_1 \left(11 + \frac{\pi}{2}\right)$$

$$2) A = \nu R T_1 \left(\frac{\pi}{4} + 1\right)$$

$$3) \eta = 1 - \frac{11}{11 + \frac{\pi}{2}}$$

$$\eta = \frac{A_{12}}{Q_{12}} = \frac{\frac{\pi}{4}}{11 + \frac{\pi}{2}} = 1 - \frac{11}{11 + \frac{\pi}{2}}$$

черновик чистовик
(Поставьте галочку в нужном поле)

Страница № ~~8~~ 10
(Нумеровать только чистовики)

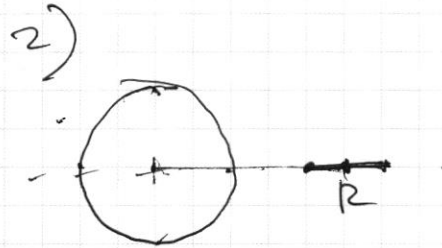
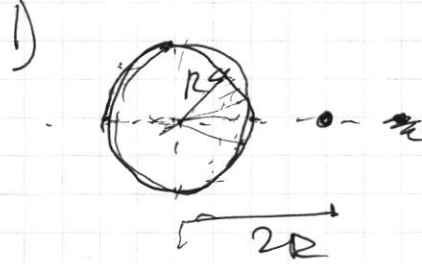
ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Задача №5

Дано:

Q
 q
 R

~~$$F = k \frac{Qq}{R^2}$$~~
~~$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$$~~



$$F_2 = F(x_2) - F(x_1) =$$

$$= k p Q_2 \cdot \left(\frac{1}{x_2} + \frac{1}{x_1} \right)$$

$$F_2 = \frac{k Q_2 q}{R} \cdot \left(\frac{1}{x_1} - \frac{1}{x_2} \right)$$

$$x_2 - x_1 = R$$

$$F_2 = \frac{k Q_2 q}{R} \left(\frac{1}{x_1} - \frac{1}{x_1 + R} \right)$$

$x_1 = ?$
 $Q_2 = ?$

~~$$F_2 = \int f(x) dx$$~~
~~$$dF = k \cdot dq \cdot Q_2$$~~
~~$$dF = k \cdot \rho dr \cdot Q_2$$~~

$$F_2 = \int f(x) dx$$

~~$$dF = k \frac{dq Q_2}{x^2}$$~~

$$dF = k \frac{\rho dx Q_2}{x^2}$$

$$f(x) = \frac{dF}{dx} = \frac{k \rho Q_2}{x^2}$$

$$F_2 = \int_{x_1}^{x_2} \frac{k \rho Q_2}{x^2} dx$$

$$F(x) = k \rho Q_2 \int \frac{1}{x^2} dx$$

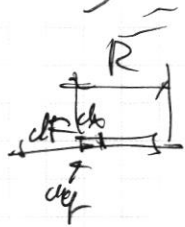
$$F(x) = k \rho Q_2 \cdot \frac{-1}{x}$$

$$F(x) = -\frac{1}{x} k \rho Q_2$$

Множком на $\sigma p q$

Задание №5

$$F_2 = k \frac{Q_2 q}{R} \cdot \left(\frac{1}{x_1} - \frac{1}{x_1 + R} \right)$$



$$F_1 = k \frac{Q_2 q}{x_1^2}$$

$$Q_2 = Q$$

$$x_1 = 2R$$

Ответ

$$F_1 = k \frac{Qq}{4R^2}$$

$$F_2 = k \frac{Qq}{R^2} \cdot \frac{1}{6}$$

$$F_2 = F(x_1 + R) - F(x_1)$$

$$F(x) = \int_0^x \frac{k Q_2 dq}{x^2} dx$$

$$\frac{dF}{dx} = k \frac{Q_2 q}{x^2}$$

$$q = \frac{dq}{dx} = \frac{Q}{R}$$

$$F(x) = k \frac{Q_2 q}{R} \cdot \int_0^x \frac{1}{x^2} dx =$$

$$= k \frac{Q_2 q}{R} \cdot \frac{1}{x}$$