

# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2022

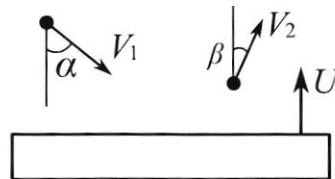
Класс 11

Вариант 11-04

Шифр

(заполняется секретарём)

1. Массивная плита движется с постоянной скоростью  $U$  вертикально вверх. К плите подлетает шарик, имеющий перед ударом скорость  $V_1 = 18$  м/с, направленную под углом  $\alpha$  ( $\sin \alpha = \frac{2}{3}$ ) к вертикали (см. рис.). После неупругого удара о гладкую горизонтальную поверхность плиты шарик отскакивает со скоростью  $V_2$ , составляющей угол  $\beta$  ( $\sin \beta = \frac{3}{5}$ ) с вертикалью.

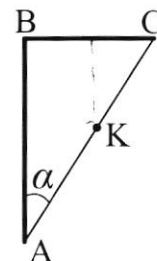


- 1) Найти скорость  $V_2$ .
  - 2) Найти возможные значения скорости плиты  $U$  при таком неупругом ударе.
- Действие силы тяжести за малое время удара не учитывать. Ответы допустимы через радикалы из целых чисел.

2. Цилиндрический теплоизолированный горизонтально расположенный сосуд разделен на два отсека теплопроводящим поршнем, который может перемещаться горизонтально без трения. В первом отсеке находится аргон, во втором – криптон, каждый газ в количестве  $\nu = 3/5$  моль. Начальная температура аргона  $T_1 = 320$  К, а криптона  $T_2 = 400$  К. Температуры газов начинают медленно выравниваться, а поршень начинает медленно двигаться. Оба газа одноатомные, газы считать идеальными.  $R = 8,31$  Дж/(моль К).

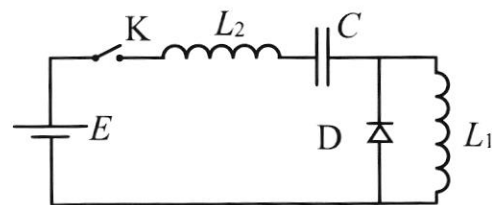
- 1) Найти отношение начальных объемов аргона и криптона.
- 2) Найти установившуюся температуру в сосуде.
- 3) Какое количество теплоты передал криптон аргону?

3. Две бесконечные плоские прямоугольные пластины АВ и ВС перпендикулярны друг к другу и образуют двугранный угол с ребром В. На рисунке показано сечение угла плоскостью, перпендикулярной ребру В.



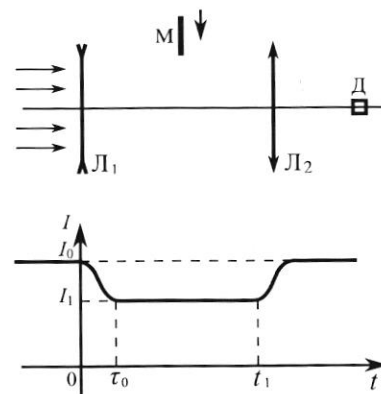
- 1) Пластина ВС заряжена с постоянной поверхностной плотностью заряда. Угол  $\alpha = \pi/4$ . Во сколько раз увеличится напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС, если пластину АВ тоже зарядить с такой же поверхностной плотностью заряда?
- 2) Пластины ВС и АВ заряжены положительно с поверхностной плотностью заряда  $\sigma_1 = \sigma$ ,  $\sigma_2 = 2\sigma/7$ , соответственно. Угол  $\alpha = \pi/9$ . Найти напряженность электрического поля в точке К на середине отрезка АС.

4. Электрическая цепь собрана из идеальных элементов: источника с ЭДС  $E$ , катушек с индуктивностями  $L_1 = 5L$ ,  $L_2 = 4L$ , конденсатора емкостью  $C$ , диода  $D$  (см. рис.). Ключ  $K$  разомкнут, конденсатор не заряжен, тока в цепи нет. После замыкания ключа возникают колебания тока в  $L_2$ .



- 1) Найти период  $T$  этих колебаний.
- 2) Найти максимальный ток  $I_{01}$ , текущий через катушку  $L_1$ .
- 3) Найти максимальный ток  $I_{02}$ , текущий через катушку  $L_2$ .

5. Оптическая система состоит из двух соосных тонких линз  $L_1$  и  $L_2$  (см. рис.) с фокусными расстояниями  $-2F_0$  и  $F_0$ , соответственно. Расстояние между линзами  $2F_0$ . Диаметры линз одинаковы и равны  $D$ , причем  $D$  значительно меньше  $F_0$ . На линзу  $L_1$  падает параллельно оси системы пучок света с одинаковой интенсивностью в сечении пучка. Прошедший через обе линзы свет фокусируется на фотодетекторе  $D$ , на выходе которого сила тока пропорциональна мощности падающего на него света. Круглая непрозрачная мишень  $M$ , плоскость которой перпендикулярна оси системы, движется с постоянной скоростью перпендикулярно оси системы так, что центр мишени пересекает ось на расстоянии  $F_0$  от  $L_1$ . На рисунке показана зависимость тока  $I$  фотодетектора от времени  $t$  (секундомер включен в момент начала уменьшения тока).  $I_1 = 7I_0/16$



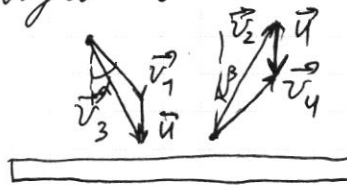
- 1) Найти расстояние между линзой  $L_2$  и фотодетектором.
- 2) Определить скорость  $V$  движения мишени. 3) Определить  $t_1$ .

Известными считать величины  $F_0$ ,  $D$ ,  $\tau_0$ .

## ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА



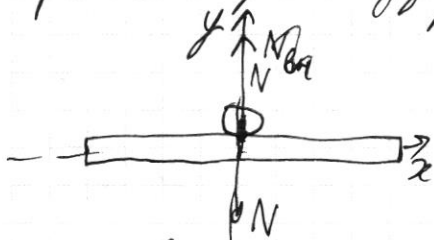
перейдем в С.О. мишты:



масса мишты  
много больше массы  
шарика, С.О. мишты  
инерциальная

$v_3$  - скорость шарика в С.О. мишты  
до удара  
 $v_4$  - скорость шарика в С.О. мишты  
после удара

рассмотрим удар шарика о ~~палку~~ мишту:

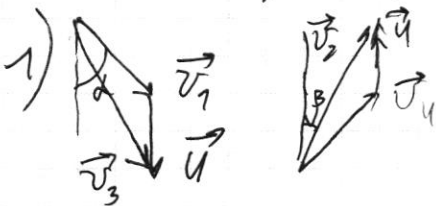


сила  $N \sin \alpha$  изменяет скорость шарика  
и увеличивает вертикаль шарика начальную  
форму.

проекция  $N_x = 0$

очевидно, что по оси OX ~~сила равна нулю~~  
мишта гладкая  $\Rightarrow$  ~~силы~~  $F_{тр}$  равны не совершают  
значит ~~скорости по оси x~~

значит проекция скорости по оси x не изменяется



$$v_x = v_1 \sin \alpha$$

$$v_x = v_2 \sin \beta$$

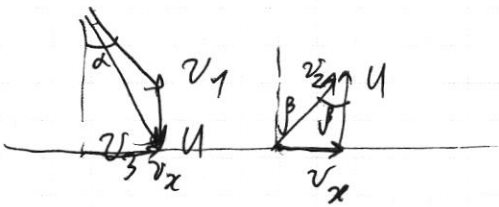
$$v_2 = v_1 \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{20}{3} v_1 = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

2) рассмотрим два крайних случая:

когда проекция скорости равна нулю  
и не равна нулю;

напряжения:

$$v_{2c} = v_1 \sin \alpha$$



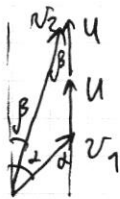
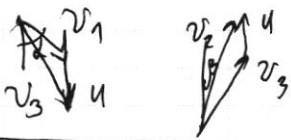
$$\cos \beta = \frac{u}{v_2} = \frac{u \sin \beta}{v_1 \sin \alpha}$$

$$u \sin \beta = v_1 \sin \alpha \cos \beta$$

$$u = \frac{2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{3} \cdot \frac{4}{3} v_1}{3} = \frac{8}{9} v_1$$

$$u = \frac{v_1 \sin \alpha \cos \beta}{1}$$

не расписывая:



$$v_1 \cos \alpha + 2u = v_2 \cos \beta$$

$$u = \frac{v_2 \cos \beta - v_1 \cos \alpha}{2} =$$

$$\frac{v_1 (\sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha)}{2} = v_1$$

в итоге:

$$\frac{v_1 \left( \frac{1}{9} - \frac{\sqrt{3}}{6} \right) < u < \frac{8v_1}{9}}$$

$$v_1 \left( \frac{4}{9} - \frac{\sqrt{3}}{6} \right) < u < \frac{8v_1}{9}$$

$$v_1 \left( \frac{4}{9} - \frac{\sqrt{3}}{6} \right)$$

$$\frac{4}{9} - \frac{\sqrt{3}}{6} < u < \frac{8}{9} \frac{u}{c}$$

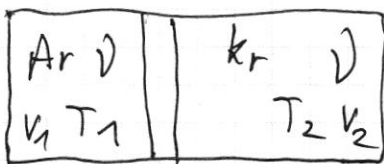
$$\left( \frac{8 - 3\sqrt{3}}{9} \right) \frac{u}{c} < u < \frac{8}{9} \frac{u}{c}$$

используя условия, получим

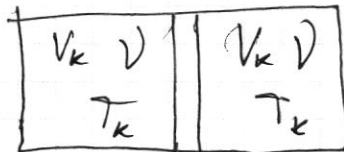
$$u < \frac{8}{9} v_1$$

$$u < \frac{8}{9} \frac{u}{c}$$

N 2



⇒



$$p_{kr} \rightarrow p_{ar}$$

$$p_{kr}^*$$

$$p_{ar}^* = \frac{\sqrt{RT_k}}{V_3}$$

$$p_{kr}^* = \frac{\sqrt{RT_k}}{V_4}$$

в начальном состоянии

$$p_{ar} = p_{kr} \quad \frac{\sqrt{RT_1}}{V_1} = \frac{\sqrt{RT_2}}{V_2}$$

$$p_{ar}^* = p_{kr}^* \Rightarrow V_3 = V_4$$

$$1) \left( \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} \right) = 0,8$$

$$2V_3 = V_1 + V_2 = V_1 \left( 1 + \frac{T_2}{T_1} \right)$$

2) в каждый момент времени  $p_{ar}(t) = p_{kr}(t)$

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

Плюс  $A_{кр} = -A_{ар}$

$$\begin{cases} Q_{ар} = \Delta U_{ар} - A_{ар} \\ -Q_{ар} = \Delta U_{кр} + A_{кр} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \Delta U_{ар} = -\Delta U_{кр}$$

$$\frac{3}{2} \nu R T_k - \frac{3}{2} \nu R T_1 = \frac{3}{2} \nu R T_2 - \frac{3}{2} \nu R T_k$$

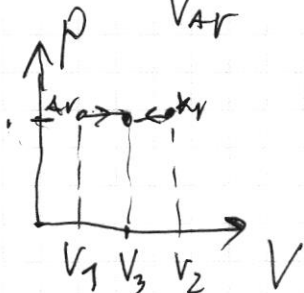
$$3 \nu R T_k = \frac{3}{2} \nu R (T_2 + T_1)$$

$$T_k = \frac{T_2 + T_1}{2} = 360 \text{ K}$$

3) ~~Q<sub>ар</sub>~~

если  $p_{ар}(t) = p_{кр}(t)$ , то

$$\frac{T_{ар}}{V_{ар}} = \frac{T_{кр}}{V_{кр}} \Rightarrow \text{процесс изобарный}$$



~~в начальном состоянии:~~

$$p_{ар} = \frac{\nu R T_1}{V_1}$$

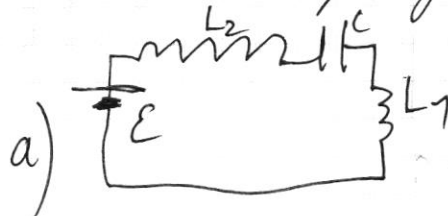
$$A_{ар} = (V_3 - V_1) p_{ар} = p_{ар} V_1 \left( \frac{T_2 - T_1}{2 T_1} \right)$$

$$A_{ар} = \nu R \left( \frac{T_2 - T_1}{2} \right) = \frac{3}{5} \cdot 8,31 \cdot 40 = 24 \cdot 8,31 = 199,4 \text{ Дж}$$

№ 4

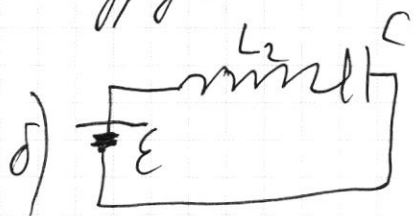


диод идеальный, следовательно  
одна половина периода колебаний:



и другая плавина:

в случае а)  $t_1 = \pi \sqrt{(L_1 + L_2)C}$



б)  $t_2 = \pi \sqrt{L_2 C}$

весь период

$T = t_1 + t_2 = \pi (\sqrt{L_2 C} + \sqrt{(L_1 + L_2) C})$

2) положение равновесия:  $q_k = CE$

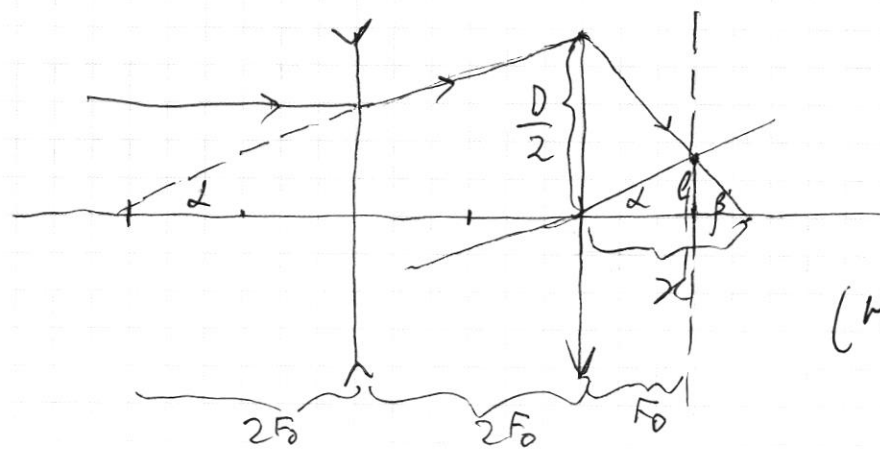
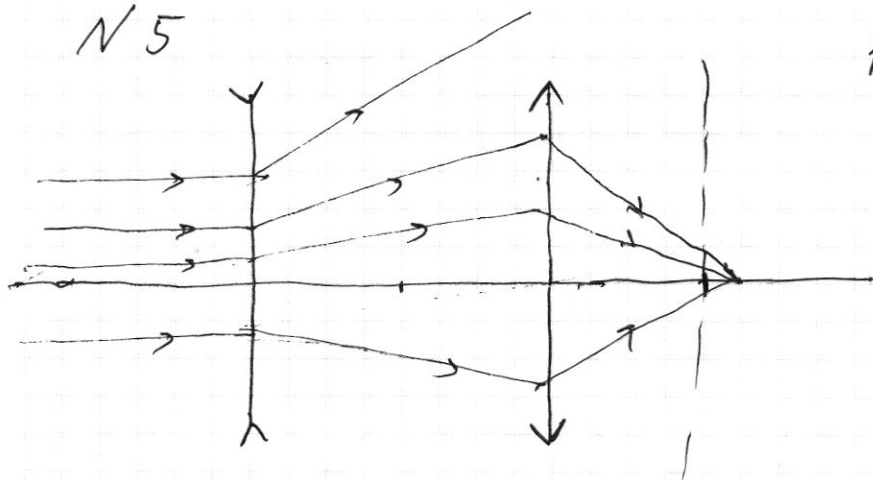
$q_k$  - заряд конденсатора

$I_{\#} = \epsilon \sqrt{\frac{C}{L}}$

$I_{01} = \epsilon \sqrt{\frac{L_1}{L_1 + L_2}}$

3)  $I_{02} = \epsilon \sqrt{\frac{C}{L_2}}$

N 5



лучи в точке параллельны, значит после прохождения световые лучи от всех точек собираются в одной точке (не будет размытия)

(не в масштабе, весь  $D \ll F_0$ )

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

рассчитаем крайний угол (см. рисунок)

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{D}{2 \cdot 4F_0} = \frac{D}{8F_0} \quad \operatorname{tg} \beta = \frac{D}{2x}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{l}{F_0} \quad \operatorname{tg} \beta = \frac{l}{x - F_0}$$

$$\frac{D}{8F_0} = \frac{l}{F_0} \quad l = \frac{D}{8}$$

$$\frac{D}{2x} = \frac{D}{8(x - F_0)}$$

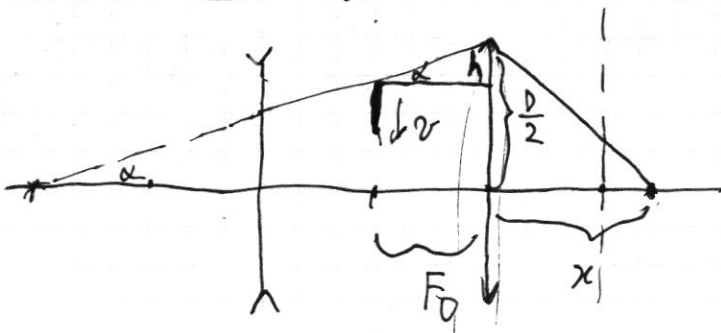
$$2x = 8(x - F_0) \quad x = 4x - 4F_0$$

$$1) \quad x = \frac{4}{3} F_0$$

$$2) \quad I \sim P$$

$$E = \frac{P}{S} \quad E - \text{интенсивность}$$

$$\Rightarrow I \sim S$$



$$\frac{h}{F_0} = \operatorname{tg} \alpha$$

$$h = F_0 \operatorname{tg} \alpha$$

$$h = \frac{D}{8}$$

с этого момента - ровный участок на графике

$$S_0 = \frac{\pi D^2}{4} \quad S_1 = \frac{\pi (D-2h)^2}{4}$$

$S_m$  - площадь  
матрицы

$$S_0 = \frac{\pi (D-2h)^2}{4} \quad S_1 = \frac{\pi (D-2h)^2}{4} - S_m$$

$$\frac{S_1}{S_0} = \frac{7}{16} \quad \text{или} \quad 16S_1 = 7S_0$$

$$4\pi(D-2h)^2 - 16S_m = \frac{7}{4}\pi(D-2h)^2 \quad d - \text{диаметр мушкетера}$$

$$4\pi\left(\frac{3}{4}D\right)^2 - \frac{7}{4}\pi\left(\frac{3}{4}D\right)^2 = 16S_m = \frac{16\pi d^2}{4}$$

$$4 \cdot \frac{9}{16}D^2 - \frac{7}{4} \cdot \frac{9}{16}D^2 = 4d^2$$

$$\frac{9}{4}D - \frac{63}{64}D = 4d^2$$

$$\frac{81}{64}D = 4d^2$$

$$d = \frac{9}{8}D$$

$$d = \frac{9}{16}D$$

$$v = \text{const} \Rightarrow d = v\tau_0$$

$$2) \quad v = \frac{9}{16} \frac{dD}{\tau_0}$$



$$l_2 = \frac{3}{4}D - d = \frac{3}{16}D$$

$$t_2 = \frac{l_2}{v}$$

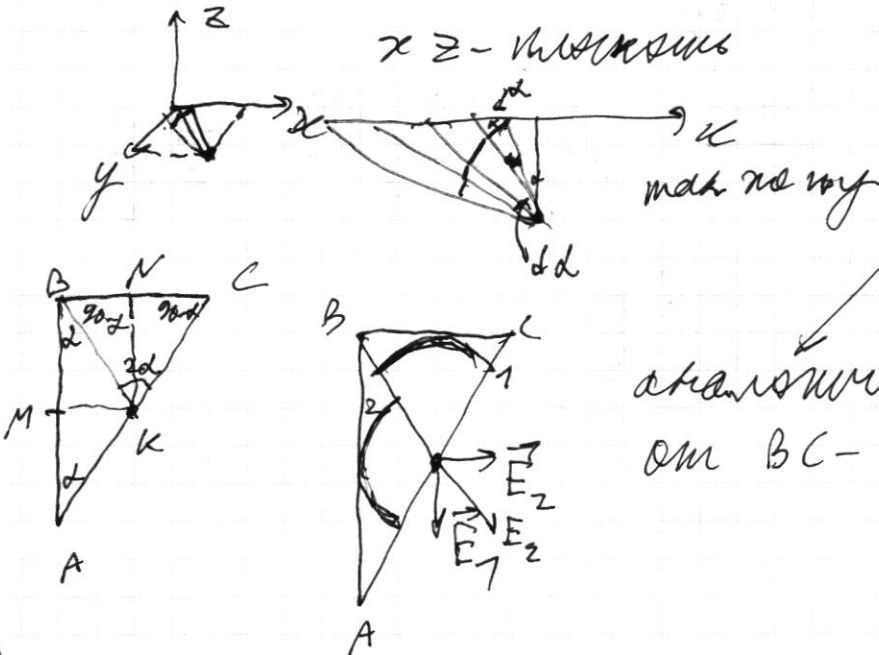
$$t_1 = t + \tau_0 = \frac{3 \cdot D \cdot 16 \tau_0}{16 \cdot 9} + \tau_0 = \frac{3}{9} \left( \frac{4}{3} \tau_0 \right)$$

АКОВ

### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

№3

Напряженность ~~в центре~~ ~~ма~~ ~~радиуса~~ ~~радиуса~~  
от бесконечной плоскости такая же,  
как напряженность в центре полушара  
~~радиуса~~.



станем считать напряженность  
от BC - это напряженность  
от части  
сферы

1) по т. Гаусса напряженность от плоскости

$$\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \text{ (в кандуче)}, \text{ тогда } E_1 = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \frac{2d}{\pi} \leftarrow \text{см. рисунок}$$

$$E_2 = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \frac{(\pi b - 2d)}{\pi} = \frac{\sigma}{4\epsilon_0} \quad E_1 = \frac{\sigma}{4\epsilon_0}$$

$$E_{\Sigma} = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} = \sqrt{\frac{\sigma^2}{16\epsilon_0^2} + \frac{\sigma^2}{16\epsilon_0^2}} = \frac{\sigma}{2\sqrt{2}\epsilon_0}$$



мира

$$1) \frac{E_2}{E_1} = \frac{1 \cdot 4}{2\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}}$$

2)



$E_r$  - ? в этом случае:

$$E_1 = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \frac{2\alpha}{\pi} = \frac{\sigma}{9\epsilon_0}$$

~~$E_2 = \frac{2\sigma}{7\epsilon_0} \frac{\alpha}{\pi} = \frac{2}{63} \frac{\sigma}{\epsilon_0}$~~   $E_2 \neq \frac{\sigma}{9\epsilon_0}$

$$E_2 = \frac{2}{7} \frac{\sigma}{2 \cdot \epsilon_0} \frac{(\pi - 2\alpha)}{\pi} = \frac{\sigma}{7\epsilon_0} \frac{(\pi - \frac{2}{9}\pi)}{\pi} = \frac{\sigma}{9\epsilon_0}$$

$$E_r = \sqrt{E_1^2 + E_2^2} = \frac{\sqrt{2}}{3} \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$$q_{max} = \omega I_{max}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{1}{LC}}$$

$$I_{max} = CE$$

$$I_{max} = CE \sqrt{\frac{1}{LC}}$$

$$C \dot{U} = I$$

$$\varphi \cdot \frac{B}{C} = A$$

$$\varphi \cdot B = \omega L$$

$$I_{01} = CE \sqrt{\frac{1}{LC}}$$

$$\frac{\Gamma \cdot A}{C} = B$$

$$\Gamma \varphi = \frac{A \cdot C}{B}$$

$$\Gamma \omega = \frac{B \cdot C}{A}$$

$$\frac{A}{B}$$

$$A \cdot C \sqrt{\frac{A \cdot C \cdot B \cdot C}{B \cdot A}}$$

$$A \cdot B$$

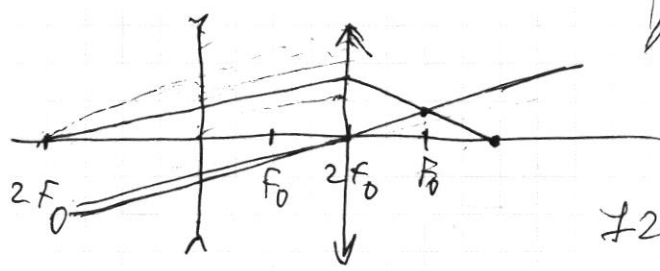
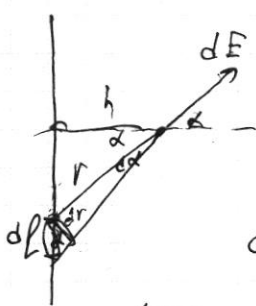
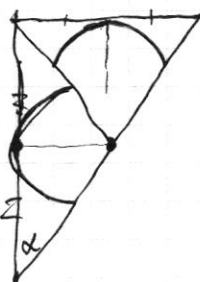
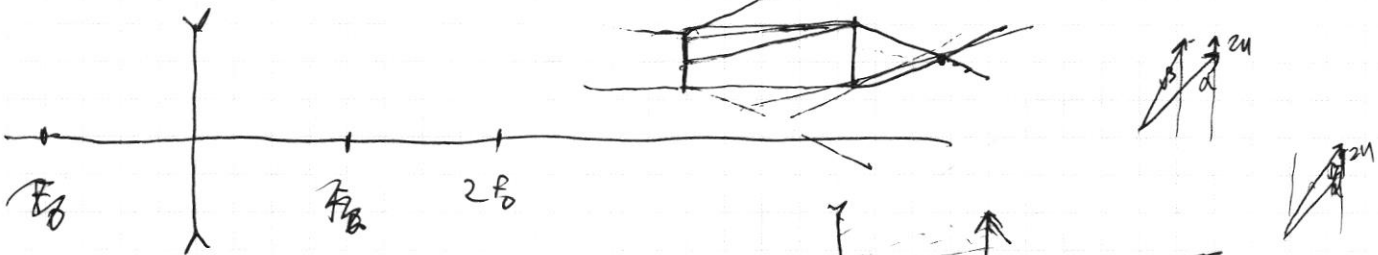
$$\frac{A \cdot C \cdot A}{B \cdot C \cdot B}$$

$$\frac{32}{40}$$

$$\frac{16}{20}$$

$$\frac{8}{10}$$

$$I_{01} = E \sqrt{\frac{C}{L_1 + L_2}} \quad I_{02} = E \sqrt{\frac{C}{L_3}}$$



$$dE = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{r^2}$$

$$dq = \sigma dl$$

$$\frac{\sigma dl}{4\pi\epsilon_0 r^2} + 720$$

$$E \sqrt{\frac{L}{C}}$$

$$\frac{B \cdot C \cdot B}{A \cdot A \cdot C}$$

$$\frac{A \cdot C}{B} \quad \frac{1920}{8-2d}$$

$$\cos \alpha = \frac{b}{r}$$

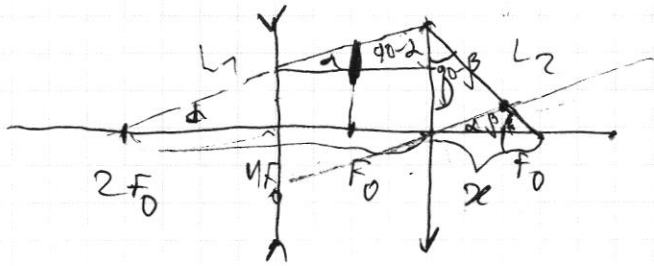
$$\frac{\Gamma \cdot A}{C} = B$$

$$\frac{B \cdot C}{A}$$

$$\frac{r d\alpha}{\alpha} \sigma$$

$$\frac{1}{24\epsilon_0} \frac{2}{\pi}$$

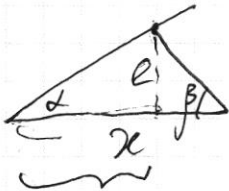
$$180 - 2d$$



$$\text{tg } \alpha = \frac{D}{4F_0}$$

$$L_1 = \sqrt{16F_0^2 + D^2}$$

$\alpha + \beta$



$$L_2 = \sqrt{x^2 + D^2}$$

$$\sqrt{(4F_0 + x)^2} = \sqrt{16F_0^2 + D^2 + x^2 + D^2} - 2\sqrt{(x^2 + D^2)(16F_0^2 + D^2)}$$

$$\text{tg } \alpha = \frac{D}{4F_0} \quad \text{tg } \beta = \frac{D}{x}$$

$$\text{tg } \alpha = \frac{l}{4F_0} \quad l = x \text{ tg } \alpha = \frac{x D}{4F_0}$$

$$\text{tg } \beta = \frac{l}{x - F_0} = \frac{D}{x}$$

$$I \sim P$$

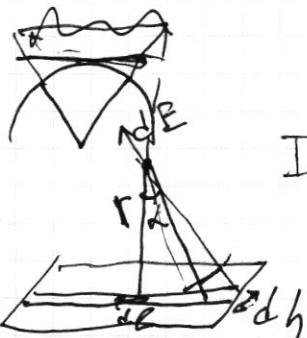
$$P \neq E = \frac{P}{S}$$

$$\frac{1}{4(x - F_0)} = \frac{1}{x}$$

$$4x - 4F_0 = x$$

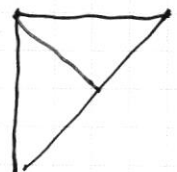
$$x = \frac{4}{3} F_0$$

$$x = \frac{4}{3} F_0$$



$$I \sim S$$

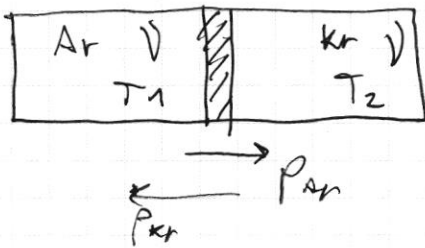
$$dE = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$



### ПИСЬМЕННАЯ РАБОТА

$v_1 \sin \alpha = v_2 \sin \beta$   
 $v_2 = v_1 \frac{2}{3} \cdot \frac{5}{3} = v_1 \frac{10}{9}$   
 $v_1 \cos \alpha + u = v_{3x}$   
 $v_2 \cos \beta + u = v_{3y}$   
 $u > \frac{v_1 \sin \alpha \cos \beta}{2 v_1 \sin \beta \cos \alpha} = \frac{v_1 \sin \alpha}{2 v_1 \sin \beta}$   
 $2u > v_2 \cos \beta - v_1 \cos \alpha$   
 $u = v_2 \cos \beta$   
 $v_1 \cos \alpha + 2u = v_2 \cos \beta$   
 $u = \frac{v_1}{2 v_1 \sin \beta} \cos \beta = \frac{u_2 + v_0}{v_2}$

N2



$$p_{Ar} = \frac{\nu R T_1}{V_1}$$

$V_1$  - нач обьем Ar  
 $V_2$  - kr

$$p_{kr} = \frac{\nu R T_2}{V_2}$$

$$\frac{T_1}{V_1} = \frac{T_2}{V_2}$$

$$1) \left( \frac{V_1}{V_2} = \frac{T_1}{T_2} \right)$$

$$2) p_{Ar}^* = \frac{\nu R T}{V_3}$$

$$p_{kr}^* = \frac{\nu R T}{V_4}$$

$$V_3 = V_4$$

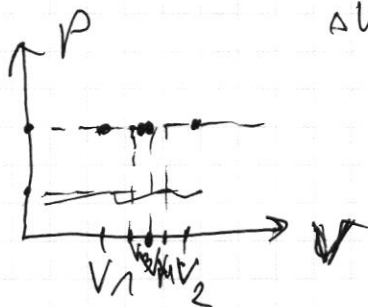
$$2V_{kr} = V_1 + V_2 = V_1 \left( 1 + \frac{T_2}{T_1} \right)$$

$$Q_{Ar} = \Delta U_{Ar} + A_{kr}$$

$$\rightarrow Q_{Ar} = \Delta U_{kr} - A_{kr}$$

в каждый момент времени  $p_{Ar} = p_{kr}$

3)



$$\Delta U_{Ar} = \Delta U_{kr}$$

$$V = \frac{\nu R T_2}{p}$$

узобочка

$$\frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{3}{2} \nu R T_1 - \frac{3}{2} \nu R T_2 + \frac{3}{2} \nu R T_2$$

$$2) \nu R T_2 = \frac{3}{2} \nu R (T_2 + T_1)$$

$$\frac{\nu R T_{Ar}}{V_{Ar}} = \frac{T_{kr}}{V_{kr}}$$

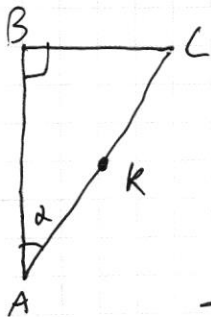
$$\frac{3}{2} \nu R \left( \frac{T_2 + T_1}{2} - 2T_1 \right)$$

$$Q_{Ar} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) - \frac{\nu R T_1}{V_1} (V_2 - V_1)$$

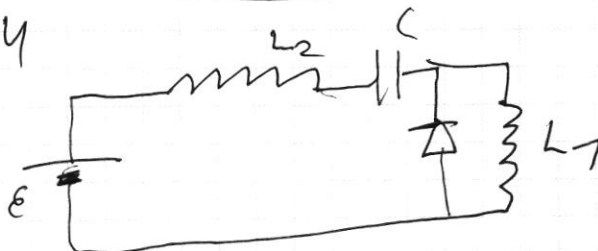
$$Q_{kr} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) - \nu R \frac{T_2}{T_1} \left( \frac{V_2 + V_1}{2} - V_1 \right)$$

$$V_1 \left( \frac{T_1 + T_2}{T_1} - 1 \right)$$

N3



N4



$$T_1 = \pi \sqrt{L_2 C}$$

$$T_2 = \pi \sqrt{(L_1 + L_2) C}$$

~~$$T = \pi \sqrt{2(L_1 + L_2) C}$$~~