

# Часть 1

Олимпиада: **Математика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21102089**

ID профиля: **284691**

Вариант 22

$a_1, a_2, a_3, \dots$

$a_7 \cdot a_{16} > S - 24 \quad a_1 = ?$

$a_{11} \cdot a_{12} < S + 4$

$(a_{11} - 4d) \cdot (a_{11} + 5d) > S - 24$

$a_{11} \cdot (a_{11} + d) < S + 4$

$a_{11}^2 + a_{11}d - 20d^2 > S - 24$

$a_{11}^2 + a_{11}d < S + 4$

$(a_1 + 6d) \cdot (a_1 + 15d) > S - 24$

$(a_1 + 10d) \cdot (a_1 + 11d) < S + 4$

$a_1^2 + 21d + 80d^2 > S - 24$

$a_1^2 + 21d + 110d^2 < S + 4$

$a_1^2 + 21d + 80d^2 > S - 24$

$S + 4 > a_1^2 + 21d + 110d^2 +$

$S = a_1 + a_1 + d + a_1 + 2d + \dots + a_1 + 14d$

$S = \frac{15 \cdot 16}{2}$

$15 \cdot a_1 + d(1+2+3+\dots+14)$

$15 \cdot a_1 + d \cdot \frac{14 \cdot 15}{2}$

$= 15 \cdot \left( a_1 + \frac{14d}{2} \right) = 15 \cdot \frac{2a_1 + 14d}{2} = 15 \cdot \frac{a_1 + a_1 + 14d}{2}$

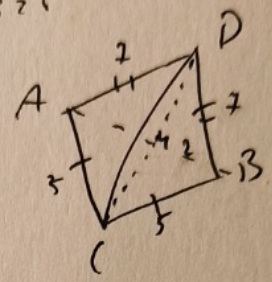
$a_1^2 + 6a_1 + 1 < 0$

$\frac{-6 \pm \sqrt{36 - 4}}{2} = \frac{-6 \pm \sqrt{32}}{2} = -3 \pm \sqrt{8}$

Чиркован  $\frac{125}{10} = \frac{25}{2}$

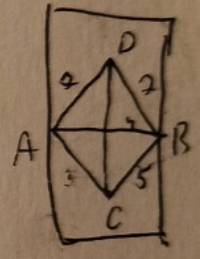
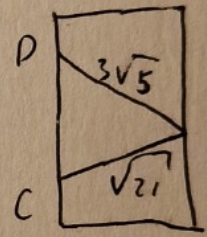
$675 \overline{) 50} \quad \frac{65}{2} = 1$

$\frac{25}{25} = 1$   
 $\frac{125}{50} = 2.5$   
 $\frac{675}{675} = 1$



$\sqrt{49-4} = 3\sqrt{5}$

$\sqrt{25-4} = \sqrt{21}$



$S + 4 + 80d^2 > S - 24 + 110d^2$

$28 > 30d^2$

$d^2 < \frac{28}{30}$

$d^2 < \frac{14}{15}$

$d^2 < \frac{7}{5}$

$d = 1 \quad d = 1$

$d = 0$

$d = -1$

Черновик

3.

$$\begin{cases} (x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 50 \\ a^2 + b^2 \leq \min(14a+2b, 50) \end{cases}$$

$$14a+2b \geq 50:$$

$$a^2 + b^2 \leq 50$$

$$14a+2b < 50:$$

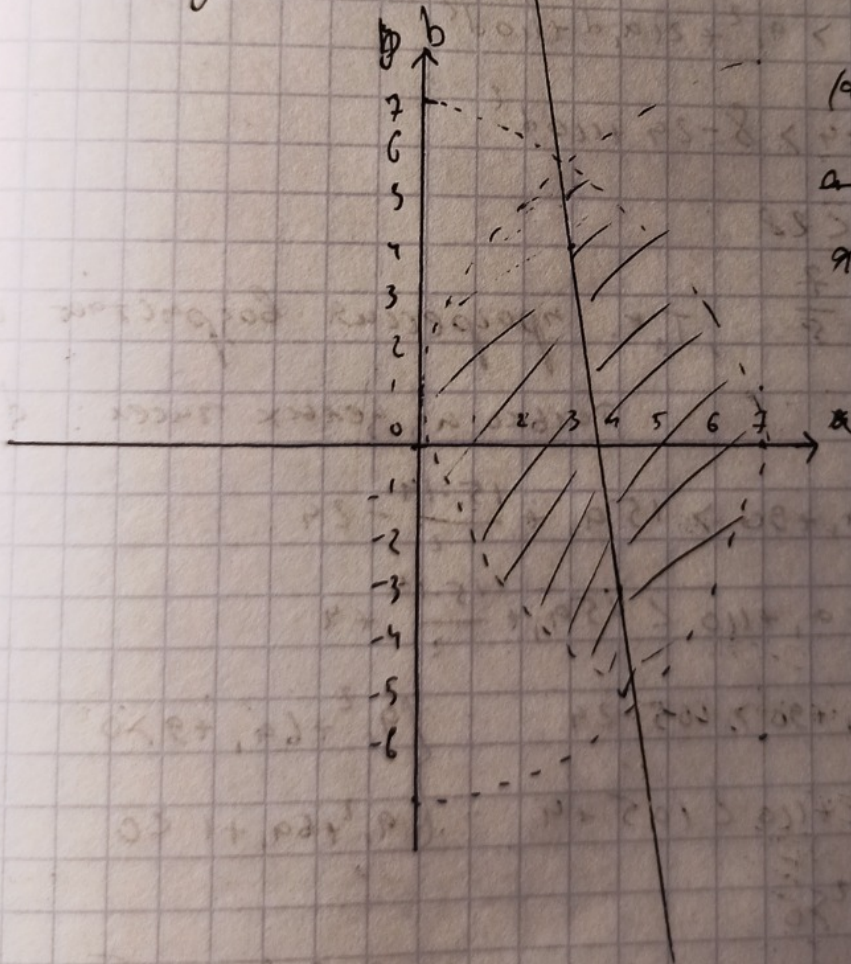
$$a^2 + b^2 \leq 14a+2b$$

$$a^2 - 14a + 49 - 49 + b^2 - 2b + 1 - 1 \leq 0$$

$$(a-7)^2 + (b-1)^2 \leq 50$$

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 50$$

$$b \geq 25 - 7a$$



$$(a-7)^2 + (b-1)^2 = a^2 + b^2$$

$$a^2 - 49$$

$$a^2 - 14a + 49 + b^2 - 2b + 1 = a^2 + b^2$$

$$14a + 2b = 50$$

Чертовик

$$a^2 - 7a + \frac{25}{2} - 1 = 0$$

$$a^2 - 7a + \frac{23}{2} = 0$$

$$a_{1,2} = \frac{7 \pm \sqrt{49 - 2 \cdot 23}}{2} = \frac{7 \pm \sqrt{49 - 46}}{2} = \frac{7 \pm \sqrt{3}}{2}$$

$$b = 25 - 7a = 25 - \frac{49 \pm 7\sqrt{3}}{2} = \frac{50 - 49 \mp 7\sqrt{3}}{2} =$$

$$= \frac{1 \mp 7\sqrt{3}}{2}$$

$$O(0;0)$$

$$B\left(\frac{7+\sqrt{3}}{2}; \frac{1-7\sqrt{3}}{2}\right)$$

$$A(7;1)$$

$$OA^2 = OB^2 + AB^2 - 2OB \cdot BA \cdot \cos \varphi$$

$$7^2 + 1^2 = \left(\frac{7+\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{1-7\sqrt{3}}{2}\right)^2 +$$

$$+ \left(7 - \frac{7+\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(1 - \frac{1-7\sqrt{3}}{2}\right)^2 -$$

$$2 \cdot \sqrt{\left(\frac{7+\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{1-7\sqrt{3}}{2}\right)^2} \cdot$$

$$\sqrt{\left(7 - \frac{7+\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{1-7\sqrt{3}}{2}\right)^2} \cdot \cos \varphi$$

$$\left(\frac{7+\sqrt{3}}{2}\right)^2 + \left(\frac{1-7\sqrt{3}}{2}\right)^2 =$$

$$= \frac{49 + 2 \cdot 7 \cdot \sqrt{3} + 3}{4} +$$

$$\frac{1 - 2 \cdot 7\sqrt{3} + 49 \cdot 3}{4} =$$

$$= \frac{50 + 3 \cdot 50}{4} = 50$$

1.

$$S = 15 \cdot \frac{2a_1 + 14d}{2}$$

$$\begin{cases} a_9 \cdot a_{16} > S - 24 \\ a_{11} \cdot a_{12} < S + 4 \end{cases} \begin{cases} (a_1 + 6d)(a_1 + 15d) > S - 24 \\ (a_1 + 10d)(a_1 + 11d) < S + 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 21ad + 90d^2 > S - 24 \\ a_1^2 + 21ad + 110d^2 < S + 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 21a_1d + 90d^2 > S - 24 \\ S + 4 > a_1^2 + 21a_1d + 110d^2 \end{cases}$$

$$90d^2 + S + 4 > S - 24 + 110d^2$$

$$20d^2 < 28$$

$$d^2 < \frac{7}{5}$$

, т.к. прогрессия возрастает и состоит

только из целых чисел:  $d = 1$

$$\begin{cases} a_1^2 + 21a_1 + 90 > 15a_1 + \frac{15 \cdot 14}{2} - 24 \\ a_1^2 + 21a_1 + 110 < 15a_1 + \frac{15 \cdot 14}{2} + 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 6a_1 + 90 > 105 - 24 \\ a_1^2 + 6a_1 + 110 < 105 + 4 \end{cases} \begin{cases} a_1^2 + 6a_1 + 9 > 0 \\ a_1^2 + 6a_1 + 1 < 0 \end{cases}$$

$$(a_1 + 3)^2 > 0$$

$$(a_1 + 3 - \sqrt{8})(a_1 + 3 + \sqrt{8}) < 0$$

$$a_1 \in (-3 - \sqrt{8}; -3 + \sqrt{8})$$

$a_1 \in \mathbb{Z}$ , поэтому:

(1)

$a, \in \{-5; -4; -3; -2; -1\}$ .

Умножение

Ответ:  $a, \in \{-5; -4; -3; -2; -1\}$ .

3.

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 50$$

$$a^2 + b^2 \leq \min(14a + 2b, 50)$$

$$\cdot 14a + 2b < 50$$

$$a^2 + b^2 \leq 14a + 2b$$

$$a^2 - 14a + 49 - 49 + b^2 - 2b + 1 - 1 \leq 0$$

$$(a-7)^2 + (b-1)^2 \leq 50$$

Отметим возможные пары  $(a, b)$ . (Заштриховано синим)

Множество  $\forall$  пар  $(x, y)$  таково, что расстояние от  $(x, y)$  до  $(a, b)$  не более  $\sqrt{50}$ .

$$S_{\Sigma} = 2S_1 + 2S_2$$

$$S_1 = \frac{\varphi}{2} \cdot 50 = 25 \cdot \varphi$$

~~Пересечение окружностей  $(a-7)^2 + (b-1)^2 = 50$  и  $a^2 + b^2 = 50$ .~~

~~$$b = 25 - 7a$$~~

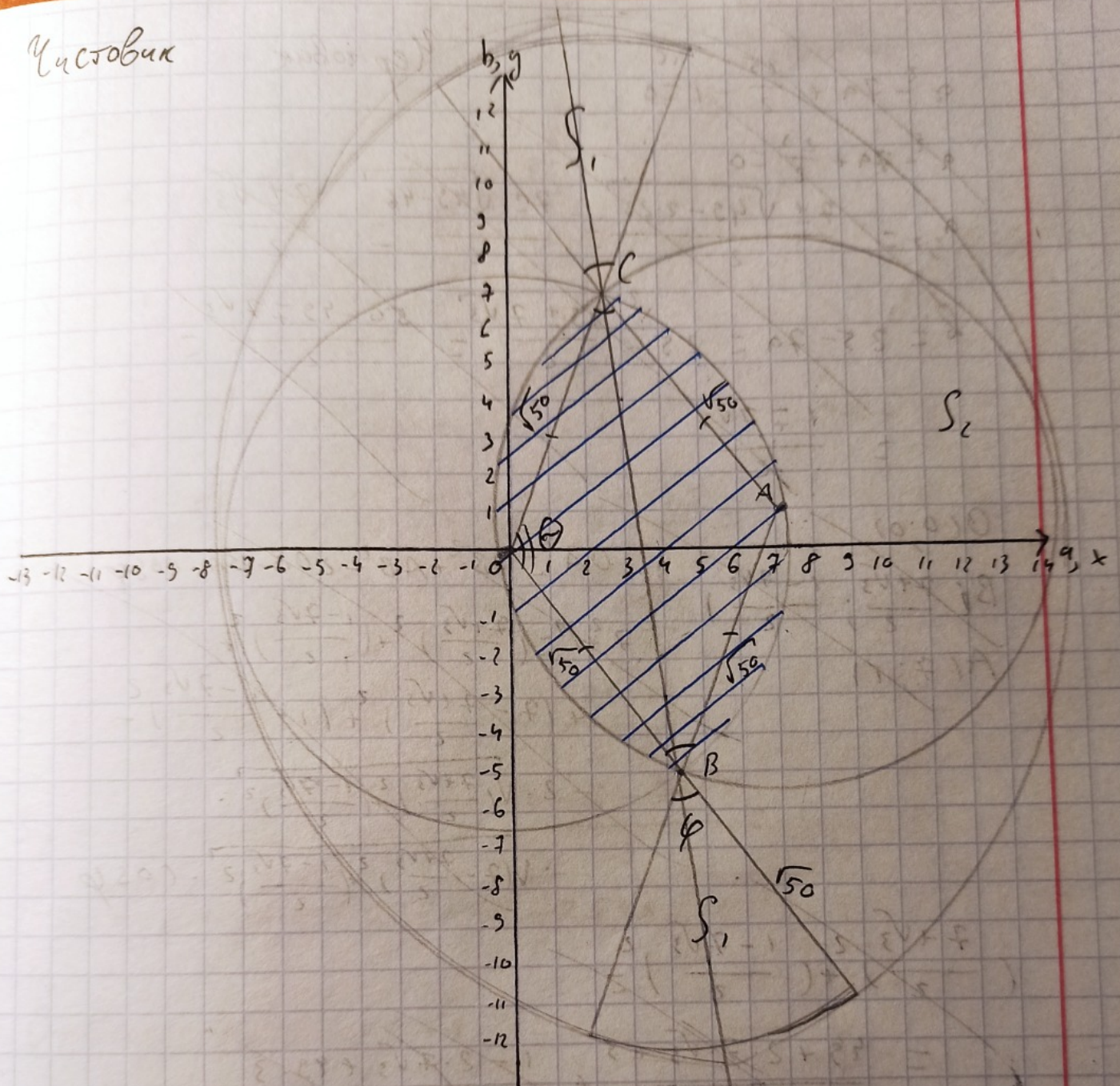
~~$$a^2 + 25^2 + 49a^2 - 50 \cdot 7a = 50$$~~

~~$$50a^2 - 50 \cdot 7a + 25^2 = 50$$~~

~~$$a^2 - 7a + \frac{25^2}{50} - 1 = 0$$~~

(3)

Чистовик



(4)



Максимум

$$50 = 50 +$$

$$\Delta AOB - \text{прямоугольный, т.е. } \varphi = \frac{\pi}{3}$$

$$S_1 = 25 \cdot \varphi = \frac{25\pi}{3}$$

$$S_2 = \frac{1}{2} \cdot (2\sqrt{50})^2 \cdot \sin \varphi - S_{OBC} = \frac{2\pi}{3 \cdot 2} \cdot 4 \cdot 50 - S_{OBC} =$$

$$= \frac{200\pi}{3} - \frac{1}{2} \cdot \sqrt{50} \cdot \sqrt{50} \cdot \sin \frac{2\pi}{3} =$$

$$= \frac{200\pi}{3} - \frac{50}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{200\pi}{3} - \frac{25\sqrt{3}}{2} =$$

$$= \frac{400\pi - 75\sqrt{3}}{6}$$

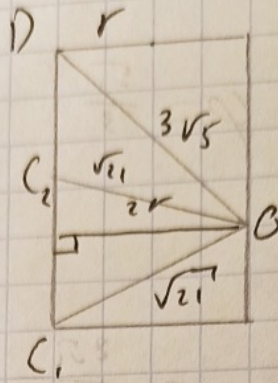
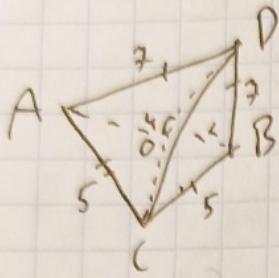
$$S_2 = 2S_1 + 2S_2 = \frac{50\pi}{3} + \frac{400\pi - 75\sqrt{3}}{3} =$$

$$= \frac{450\pi - 75\sqrt{3}}{3} = 150\pi - 25\sqrt{3}$$

Ответ:  $150\pi - 25\sqrt{3}$ .

5

2.



Δ центральное сечение цилиндра

$$DO = \sqrt{45 - 4} = 3\sqrt{5}$$

$$OC = \sqrt{25 - 4} = \sqrt{21}$$

Заметим, что  $r \geq 2$ , т.к.  $AB = 4$

$r = 2$  достигается

$$1) C_1D = \sqrt{(3\sqrt{5})^2 - 4r^2} + \sqrt{21 - 4r^2} = \sqrt{45 - 16} + \sqrt{21 - 16} = \sqrt{29} + \sqrt{5}$$

$$2) C_2D = \sqrt{45 - 16} - \sqrt{21 - 16} = \sqrt{29} - \sqrt{5}$$

Ответ:  $CD = \sqrt{29} \pm \sqrt{5}$ .

6

# Часть 2

Олимпиада: **Математика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21102089**

ID профиля: **284691**

Вариант 22

Чертовик

$$\text{НОД}(a, b, c) = 14$$

$$\text{НОК}(a, b, c) = 2^{17} \cdot 7^{18}$$

$$a = 2^x \cdot 7^y \cdot c_a$$

$$b = 2^z \cdot 7^t \cdot c_b$$

$$c = 2^p \cdot 7^m \cdot c_c$$

$$\begin{aligned} \frac{x}{2} + 1 \neq 1 & \quad x \neq 0 \\ \frac{x}{2} + 1 \neq 0 & \quad x \neq -2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{3x}{2} - 6 > 0 & \quad 3x > 12 \\ \frac{3x}{2} - 6 \neq 1 & \quad x > 4 \\ x \neq \frac{14}{3} & \end{aligned}$$

$$x \neq \left\{ 0, -2, \frac{3}{2}, \frac{14}{3} \right\}$$

$$\begin{aligned} x &> 4 \\ x &> \frac{17}{14} \end{aligned}$$

$$x > 9$$

$2^{17} \cdot 7^{18}$   
 $2 \cdot 7$   
 $2 \cdot 7$   
 $2 \cdot 7$   
 $2 \cdot 7$   
 $\times 1 \dots 17$   
 $\times 1 \dots 18$

$$\begin{array}{r} 18 \\ \times 17 \\ \hline + 126 \\ + 8 \\ \hline 306 \end{array}$$

~~A B C~~  
A A C  
A C A  
C A A

$$\begin{array}{r} 305 \cdot 6 \cdot 2 \\ \times 305 \\ \hline \times 1830 \\ \hline 3660 \end{array}$$

$$\frac{7x}{2} - \frac{17}{4} > 0$$

$$\frac{7x}{2} - \frac{17}{4} \neq 1$$

$$\begin{aligned} 7x &> \frac{17}{2} \\ x &> \frac{17}{14} \\ x &\neq \frac{21}{14} \\ x &\neq \frac{3}{2} \end{aligned}$$

$2 \cdot 7$   
 $2 \cdot 7$   
 $2 \cdot 7$   
 $2 \cdot 7$

Проверка

$$\log_{\left(\frac{x}{2}+1\right)^2} \left(\frac{7x}{2} - \frac{17}{4}\right) = \frac{1}{2} \cdot \log_{\frac{x}{2}+1} \left(\frac{7x}{2} - \frac{17}{4}\right)$$

$$\log_{\sqrt{\frac{7x-17}{2}}} \left(\frac{3x}{2} - 6\right)^2 = 2 \cdot \log_{\frac{7x}{2} - \frac{17}{4}} \left(\frac{3x}{2} - 6\right)^2$$

$$\log_{\sqrt{\frac{3x}{2} - 6}} \left(\frac{x}{2} + 1\right) = 2 \cdot \log_{\frac{7x}{2} - \frac{17}{4}} \left(\frac{3x}{2} - 6\right)^2$$

$$= 2 \cdot \log_{\frac{3x}{2} - 6} \left(\frac{x}{2} + 1\right)$$

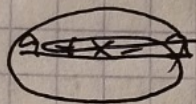
$$\frac{x}{2} + 1 = a$$

$$a + x - 7 = c$$

$$\frac{7x}{2} - \frac{17}{4} = b$$

$$a + 3x - \frac{21}{4} = b$$

$$3 \cdot \frac{3x}{2} - 6 = c$$



$$A = \frac{1}{2} \log_a b$$

$$1) A = B = C + 1$$

$$B = 2 \cdot \log_b c^2 = 4 \log_b c$$

$$\frac{1}{2} \log_a b = 4 \cdot \log_b c$$

$$C = 2 \log_c a$$

$$\frac{1}{\log_b a} = 8 \cdot \log_b c$$

$$\frac{1}{8} = \log_b c \cdot \log_b a \quad | \cdot b^x$$

$$b^{\frac{1}{8}} = c \cdot \log_b a \cdot \log_b c$$

$$8 \cdot \log_b c \cdot \log_b a = 1$$

$$\log_b \frac{1}{2} \log_a b = 2 \log_c a + 1$$

$$\log_a \sqrt{b} = \log_x a^2 c$$

$$\frac{1}{2} \cdot \log_a b = 2 \cdot \log_c a + \log_c c$$

Черновик

$$1) \frac{1}{2} \log_a b = 4 \log_b c = 2 \log_c a + 1$$

$$2) \frac{1}{2} \log_a b + 1 = 4 \log_b c = 2 \log_c a$$

$$3) \frac{1}{2} \log_a b = 4 \log_b c + 1 = 2 \log_c a$$

$$\frac{1}{2} \frac{\log_c b}{\log_c a} = 4$$

$$\frac{1}{2} \log_{a^2} b = 4 \log_b c$$

$$8 \cdot \log_b c \cdot \log_b a = 1$$

$$\begin{cases} \frac{1}{2} \log_a b = 4 \log_b c \\ \frac{1}{2} \log_a b = 2 \log_c a + 1 \\ 4 \log_b c = 2 \log_c a + 1 \end{cases}$$

$$\log_a b = 8 \cdot \log_b c$$

$$\log_a b = 4 \log_c a + 2$$

$$4 \log_b c = 2 \log_c a + 1$$

$$\log_a b = \log_c a^4 + \log_c c^2$$

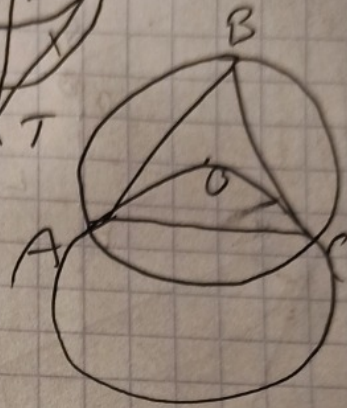
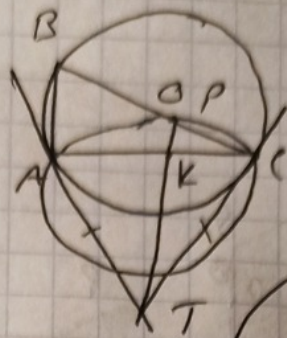
$$\log_a b = \log_c a^{4^2}$$

$$\log_a b = \log_b c^8$$

$$4 \cdot \log_b c = \log_c a^2 c$$

Чепрован

$$\begin{cases} \log_6 C^4 = \log_6 a^{2c} \\ \log_6 b = \log_6 a^{2c} \\ \log_6 b = \log_6 C^8 \end{cases}$$



$$\log_6 C^8 = \log_6 a^{4c^2}$$

$$\log_6 C^4 = \log_6 a^{2c}$$

$$b = a^{\log_6 C^8}$$

log<sub>9</sub>

$$2 \cdot 7^m$$

$$2 \cdot 7^t$$

$$2 \cdot 7^y$$

$$2 \cdot 7$$

$$2 \cdot 7^{17}$$

$$2 \cdot 7^{17}$$

$$2 \cdot 7^{18}$$

$$1 \cdot 2 \cdot 7$$

$$2 \cdot 2 \cdot 7^x$$

$$3 \cdot 2 \cdot 7^y$$

$$2^{x+2} \cdot 7^{y+x} = 2^{17} \cdot 7^{18}$$

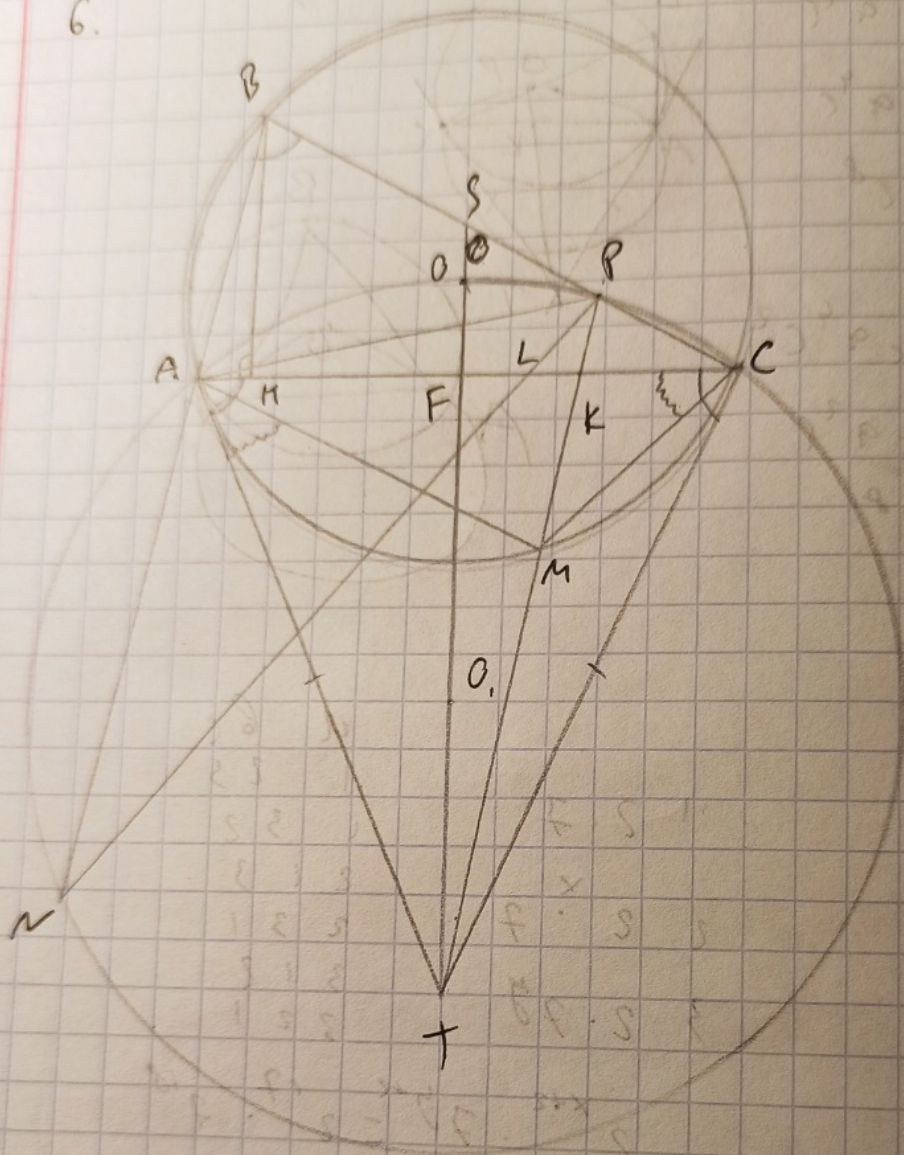
$$2^{x+1+m} \cdot 7^{y+1+t} = 2^{17} \cdot 7^{18}$$

$$x+m=16 \quad 1 \dots 15 \quad 15 \cdot 1$$

$$y+t=17 \quad 16 \cdot 1$$

$$15 \cdot 16 \cdot 6$$

6.



$$S_{APK} = \frac{AK \cdot h}{2}, \quad \frac{AK}{KC} = \frac{7}{5}$$

$$S_{PKC} = \frac{KC \cdot h}{2}$$

$$TM \cdot TP = TC^2$$

$$S_{ABC} = S_{PKC} \cdot \frac{BC}{CP} \cdot \frac{AC}{KC} = 12 \cdot \frac{BC}{CP}$$

(1)



Числовик

$$\frac{AK}{\sin \angle APK} = \frac{PC}{\sin \angle KPC} \cdot 2 \cdot B, A$$

по теореме Менелая:

$$\frac{BP}{PC} \cdot \frac{CL}{AL} \cdot \frac{AN}{BN} = 1$$

$$\frac{BP}{PC} = \frac{AL}{CL} \cdot \frac{BN}{AN}$$

$$\frac{SP}{PC} \cdot \frac{CK}{KF} \cdot \frac{FT}{ST} = 1$$

$\triangle CHB \sim \triangle CFS$

$$\frac{SF}{BH} = \frac{SC}{BC}$$

$$\frac{SF}{BH} = \frac{SC}{SC+BS}$$

$$\frac{SP}{PC} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{\sqrt{FC^2 + CT^2}}{\sqrt{FC^2 + CT^2} + SF} = 1$$

$$\frac{SP}{PC} \cdot \frac{5}{6} \cdot \frac{\sqrt{6^2 + TM \cdot TP}}{\sqrt{6^2 + TM \cdot TP} + \frac{SC \cdot BH}{SC + BS}} = 1$$

②

4.

$$\begin{cases} \text{НОД}(a, b, c) = 14 \\ \text{НОК}(a, b, c) = 2^{17} \cdot 7^{18} \end{cases}$$

т.к. НОК является произведением  $2^{17} \cdot 7^{18}$  каждого из чисел  $a, b, c$  можно представить  $b$  в виде  $2^x \cdot 7^y$

$$1) \exists a = 2 \cdot 7, \text{ тогда}$$

$$b, c \leq 2^{17} \cdot 7^{18}$$

$$a = 2 \cdot 7$$

$$b = 2^{17} \cdot 7^{18}$$

$$c = 2^x \cdot 7^y; \quad x, y \in 1 \dots 17 \text{ и } 1 \dots 18$$

$$N_0 = 17 \cdot 18 - 2 \quad (\text{варианта, когда } a = b \text{ или } b = c)$$

$$N_1^* = 6 \cdot N_0 = 6 \cdot 17 \cdot 18 - 12$$

$$M_1 = 6 + 6 \cdot N_0 = 6 \cdot 17 \cdot 18 - 6$$

$$2) \exists a = 2^{17} \cdot 7$$

$$b = 7 \cdot 2^{18} \cdot 7^{18}$$

$$c = 2^x \cdot 7^y$$

$$N_{02} = 17 \cdot 18 - 2$$

$$N_2^* = 6 \cdot N_{02} = 6 \cdot 17 \cdot 18 - 12$$

$$M_2 = 6 + 6 \cdot N_{02} = 6 \cdot 17 \cdot 18 - 6$$

Числовик

Других вариантов нет, т.к. если степень  
звёздочки или семёрки у всех трёх чисел  
будет больше 1, то НОД не будет равен 14.

$$N_2 = N_1 + N_2 = 2 \cdot 6 \cdot (17 \cdot 18 - 1) = 2 \cdot 6 \cdot 305 = 3660.$$

Ответ: 3660.

(4)

Числовик

5.

$$A = \log_{\left(\frac{x}{2} + 1\right)^2} \left( \frac{7x}{2} - \frac{17}{4} \right)$$

$$a = \frac{x}{2} + 1$$

$$b = \frac{7x}{2} - \frac{17}{4}$$

$$B = \log_{\sqrt{\frac{7x}{2} - \frac{17}{4}}} \left( \frac{3x}{2} - 6 \right)^2$$

$$c = \frac{3x}{2} - 6$$

$$C = \log_{\sqrt{\frac{3x}{2} - 6}} \left( \frac{x}{2} + 1 \right)$$

$$x > 4$$

$$A = \log_a b = \frac{1}{2} \log_a b$$

$$B = \log_b c^2 = 2 \log_b c$$

$$C = \log_c a = 2 \log_c a$$

1)  $A = B = C + 1$

$$8 \log_b c = \log_a b$$

$$8 \cdot \frac{\log_a c}{\log_a b} = \log_a b$$

$$8 \cdot \log_a c = \log_a^2 b$$

$$\log_a b = 4 \log_c a + 2$$

$$\log_a b = 4 \cdot \frac{8}{\log_a^2 b} + 2 \quad | \cdot \log_a^2 b$$

$$\log_a^3 b - 2 \log_a^2 b - 32 = 0$$

$$\log_a b = 4 \quad \text{не подходит}$$

(5)

$$(\log_a b - 4) (\log_a^2 b + 2 \log_a b + 8) = 0$$

Числовик

$$\begin{array}{r} \log_a x^3 - 2x^2 + 0x - 32 \quad | \quad x-4 \\ \underline{x^3 - 4x^2} \phantom{+ 0x - 32} \\ 2x^2 + 0x \phantom{- 32} \\ \underline{-2x^2 + 8x} \phantom{- 32} \\ 8x - 32 \\ \underline{-8x + 32} \\ 0 \end{array}$$

$$\log_a b = 4$$

$$a^4 = b$$

$$8 \cdot \log_a c = 4$$

$$\log_a c = \frac{1}{2}$$

$$b^{\frac{1}{2}} = c$$

$$2 \log_a a + 1 = 2$$

$$\log_a a = \frac{1}{2}$$

$$c^{\frac{1}{2}} = a$$

$$\frac{x}{2} + 1 = \sqrt{\frac{3x}{2} - 6}$$

$$\frac{x^2}{4} + 1 + x = \frac{3x}{2} - 6$$

$$\frac{x^2}{4} + 7 - \frac{x}{2} = 0 \quad | \cdot 4$$

$$x^2 - 2x + 28 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{2 \pm \sqrt{4 - 4 \cdot 28}}{2} \in \mathbb{C}$$

$$2) A = B + 1 = C$$

$$\frac{1}{2} \log_a b = 4 \log_a c + 1 = 2 \log_a a$$

$$\log_a b = 4 \log_a a$$

$$\log_a b = 4 \log_a^2 a$$

$$\frac{\log_a b}{\log_a a} = 4 \log_a a$$

6

$$2 \log_c a = \frac{4}{4 \log_c^2 a} + 1 \quad | \log_c^2 a$$

$$2 \log_c^3 a - \log_c^2 a - 1 = 0$$

$$\log_c a = 1 \text{ не подходит}$$

$$\begin{array}{r} 2x^3 - x^2 + 0x - 1 \quad | \quad x-1 \\ -2x^3 - 2x^2 \\ \hline x^2 + 0x \\ -x^2 - x \\ \hline x - 1 \\ -x - 1 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$(\log_c a - 1)(2 \log_c^2 a + \log_c a + 1) = 0$$

$$\log_c a = 1$$

$$a = c$$

$$\frac{x}{2} + 1 = \frac{3x}{2} - 6$$

$$7 = 2x$$

$$x = \frac{7}{2} \text{ не подходит}$$

(7)

$$3) A+1 = B = C$$

$$\frac{1}{2} \log_a b + 1 = 4 \log_c c = c \log_c a$$

$$2 \log_a c = 2 \log_c a$$

$$2 \cdot \log_a^2 c = \log_a b$$

$$\frac{1}{2} \cdot 2 \cdot \log_a^2 c + 1 = 2 \log_c a \quad | \cdot \log_a c$$

$$\log_a^3 c + \log_a c - 2 = 0$$

$\log_a c = 1$  не подходит.

$$(\log_a c - 1) | \log_a^2 c + \log_a c + 2 = 0$$

$$\begin{array}{r|l} x^3 + 0x^2 + x - 2 & x-1 \\ -x^3 - x^2 & \hline \hline x^2 + x & \\ -x^2 - x & \\ \hline 2x - 2 & \\ -2x - 2 & \\ \hline 0 & \end{array}$$

$$\log_a c = 1$$

$$c = a$$

$$x = \frac{7}{2} \text{ не подходит.}$$

Ответ:  $x \in \emptyset$ .

8

4