

Часть 1

Олимпиада: **Математика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21104915**

ID профиля: **302463**

Вариант 21

Проблем

51



- 1) a_1
- 2) $a_1 + k$
- 3) $a_1 + 2k$
- 4) $a_1 + 3k$
- 5) $a_1 + 4k$
- 6) $a_1 + 5k$
- 7) $a_1 + 6k$

$$\begin{cases} S = 7a_1 + 21k \\ a_8 \cdot a_{17} > S + 27 \\ a_{11} \cdot a_{14} < S + 60 \end{cases}$$

$$(a_1 + 7k)(a_1 + 16k) > 7a_1 + 21k + 27$$

$$(a_1 + 10k)(a_1 + 13k) < 7a_1 + 21k + 60$$

$$a_1^2 + 23a_1k + 112k^2 > 7a_1 + 21k + 27$$

$$a_1^2 + 23a_1k + 130k^2 < 7a_1 + 21k + 60$$

$$\begin{cases} 7a_1 + 21k + 60 > a_1^2 + 23a_1k + 130k^2 \\ a_1^2 + 23a_1k + 112k^2 > 7a_1 + 21k + 27 \end{cases} +$$

$$112k^2 + 60 > 130k^2 + 27$$

$$33 > 18k^2$$

$$11 > 6k^2$$

$$k \in \mathbb{Z} \Rightarrow k = 1, \text{ т.к. при } k = 2 \Rightarrow 11 < 24$$

$$\begin{cases} (a_1 + 7)(a_1 + 16) > 7a_1 + 21 + 27 \\ (a_1 + 10)(a_1 + 13) < 7a_1 + 21 + 60 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 23a_1 + 112 > 7a_1 + 48 \\ a_1^2 + 23a_1 + 130 < 7a_1 + 81 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 16a_1 + 64 > 0 \\ a_1^2 + 16a_1 + 49 < 0 \end{cases}$$

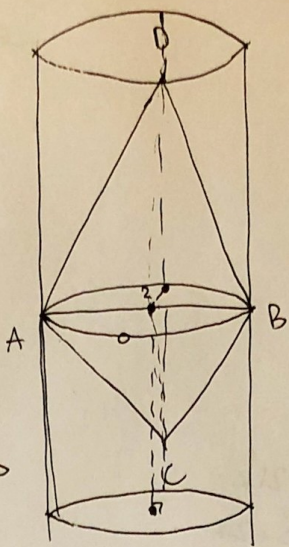
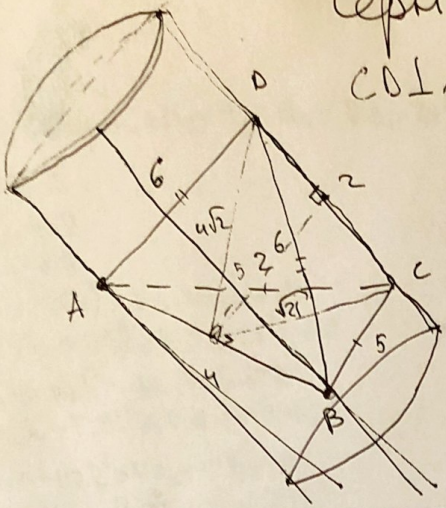
$$\begin{cases} (a_1 + 8)^2 > 0 \\ (a_1 + 8)^2 < 0 \end{cases}$$

$$D = 16 - 4 \cdot 49 = 256 - 196 = 60$$

$$a_{1,2} = \frac{-16 \pm \sqrt{60}}{2} = -8 \pm \sqrt{15}$$

$$a_1 = \{-11, -10, -9, -7, -6, -5\}$$

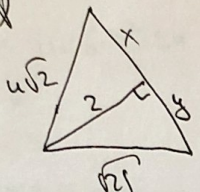
Треугольник
 $CO \perp AB$



AB-диаметр
 $R=2$

~~$(x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 20$
 $a^2 + b^2 \leq \min(8a-4b, 20)$~~

$36-4=32=4\sqrt{2}$
 $25-4=21$



$y = \sqrt{21-4} = \sqrt{17}$
 $x = \sqrt{32-4} = \sqrt{28} = 2\sqrt{7}$
 $CD = x+y = 2\sqrt{7} + \sqrt{17}$

$(x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 20 \leftarrow R^2$

$a^2 + b^2 \leq \min(8a-4b, 20)$

$R^2 \leq \min(8a-4b, 20)$

$8a-4b \leq 20$

$2a-b \leq 5$

$2a \leq b+5$

$a^2 + b^2 \leq 8a-4b$

~~$a^2 + b^2 \leq 8a-4b$~~

$b^2 + 4b \leq 8a - a^2$

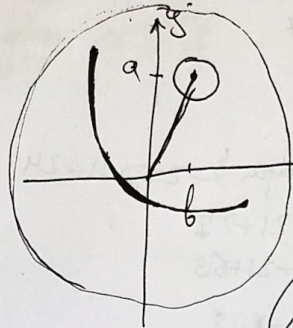
$b(b+4) \leq a(8-a)$

~~$a=4, b=2$
 $8-4=4$
 $32-4=24$~~

$8a-4b < 20$

$2a-b \leq 5$

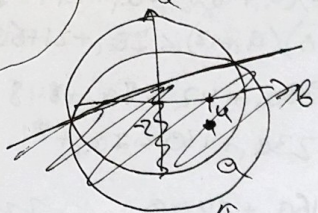
$a=1, b=2$



$8a-4b \leq 20$
 $a \leq \frac{5+b}{2} = \frac{b+5}{2}$

$x \leq \frac{b}{2} + \frac{5}{2}$

$a^2 + b^2 \leq 20$



~~$8a-4b \leq 20$~~

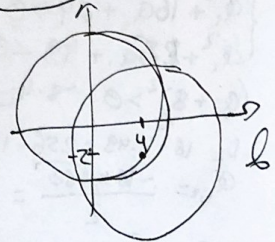
~~$a^2 + b^2 \leq 8a-4b$~~

~~$a^2 + b^2 \leq 20$~~

$a^2 + b^2 \leq 8a-4b$

$a^2 - 8a + 16 + b^2 + 4b + 4 \leq 20$

$(a-4)^2 + (b+2)^2 \leq 20$



51

$$S = a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + a_5 + a_6 + a_7 = 7a_1 + 21k$$

$$\begin{cases} S = 7a_1 + 21k \\ a_8 a_7 > S + 27 \\ a_{11} a_{10} < S + 60 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (a_1 + 7k)(a_1 + 16k) > 7a_1 + 21k + 27 \\ (a_1 + 10k)(a_1 + 13k) < 7a_1 + 21k + 60 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 23a_1k + 112k^2 > 7a_1 + 21k + 27 \\ a_1^2 + 23a_1k + 130k^2 < 7a_1 + 21k + 60 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 23a_1k + 112k^2 > 7a_1 + 21k + 27 \\ 7a_1 + 21k + 60 > a_1^2 + 23a_1k + 130k^2 \end{cases}$$

$$a_1^2 + 23a_1k + 112k^2 + 7a_1 + 21k + 60 > a_1^2 + 23a_1k + 130k^2 + 7a_1 + 21k + 27$$

$$33 > 18k^2$$

$$11 > 6k^2$$

Т.к. все члены положительны $\Rightarrow k \in \mathbb{Z}$

$$k = 1, \text{ т.к. если } k = 2, \text{ то } 11 < 6 \cdot 2^2 = 24$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 23a_1 + 112 > 7a_1 + 21 + 27 \\ a_1^2 + 23a_1 + 130 < 7a_1 + 21 + 60 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 16a_1 + 64 > 0 \\ a_1^2 + 16a_1 + 49 < 0 \end{cases}$$

$$D = 16^2 - 4 \cdot 49 = 60$$

$$a_{1,2} = \frac{-16 \pm \sqrt{60}}{2} = -8 \pm \sqrt{15}$$

$$-8 - \sqrt{15} < -12$$

$$-8 + \sqrt{15} < -4$$

$$15 < 16 \Rightarrow -8 - \sqrt{15} > -12$$

$$-8 + \sqrt{15} < -4$$

$$15 < 16 \Rightarrow -8 + \sqrt{15} < -4$$

$$a_1 = \{-11, -10, -9, -7, -6, -5\}$$

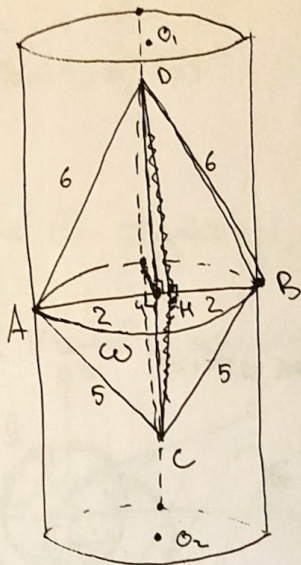
$$\text{Ответ: } a_1 = \{-11, -10, -9, -7, -6, -5\}$$

Задача 52

52

Дано:
 $AB=4$
 $AC=CB=5$
 $AD=DB=6$
 $CD \parallel \theta_1, \theta_2$
 $CD=?$

Решение:



- 1) Т.к. C и D лежат на боковой поверхности цилиндра, то CD полностью лежит на боковой поверхности.
- 2) Т.к. $\triangle ACB$ - равнобедр. \Rightarrow высота CH делит AB пополам. Аналогично высота DH' делит пополам AB ($\triangle ADB$ - равнобедр.) $\Rightarrow H'=H$
- 3) Т.к. $DH \perp AB$ и $CH \perp AB \Rightarrow (CDH) \perp AB \Rightarrow CD \perp AB \Rightarrow AB \parallel$ плоскости основания цилиндра.
- 4) Чтобы R цилиндра был наименьшим, хорда AB окружности ω должна быть диаметром ω (с центром H)

$$5) R_{\min} = \frac{AB}{2} = 2$$

Сделаем вращательную перспективу $\triangle CHD$.

Вращение от H до $CD = R$, т.к. CD принадлежит боковой поверхности и $\perp \omega$.

~~Решение~~

$$DH = \sqrt{36 - 4} = 4\sqrt{2}$$

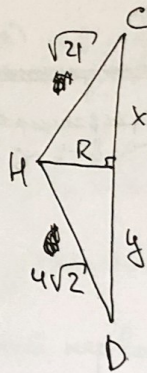
$$CH = \sqrt{25 - 4} = \sqrt{21}$$

$$x = \sqrt{21 - 4} = \sqrt{17}$$

$$y = \sqrt{32 - 4} = 2\sqrt{7}$$

$$CD = x + y = 2\sqrt{7} + \sqrt{17}$$

Ответ: $CD = 2\sqrt{7} + \sqrt{17}$



Зерновик
Зерновик 53

53

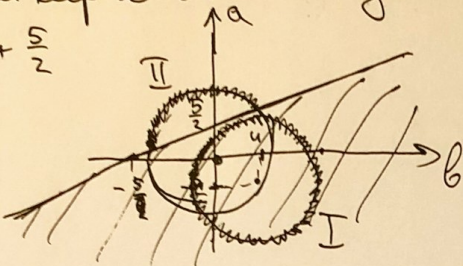
$$\begin{cases} (x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 20 & (1) \\ a^2 + b^2 \leq \min(8a-4b, 20) & (2) \end{cases}$$

$S_{\text{ш}} = ?$

Уравнение (1) задает круг с радиусом $2\sqrt{5}$ и переменным центром (a, b)

Решим неравенство $8a-4b \leq 20$ для a :

$$a \leq \frac{b}{2} + \frac{5}{2}$$



Это означает, что, когда \min будет означаться $8a-4b$ — это значение будет лежать ниже прямой, иначе — выше.
Теперь отдельно решим для $a^2 + b^2 \leq 20$
 $a^2 + b^2 \leq 8a - 4b$

$a^2 + b^2 \leq 20$ — ~~сфера~~ ^{круг} с центром $(0, 0)$ и $R = 2\sqrt{5}$

$$a^2 + b^2 \leq 8a - 4b$$

$$a^2 - 8a + 16 + b^2 + 4b + 4 \leq 20$$

$$(a-4)^2 + (b+2)^2 \leq 20$$

Отметим на рисунке ГМТ — возможные центры для круга из неравенства (1); $S_{\text{ш}} = S_{\text{I}} + S_{\text{II}} - \Delta S$

Пусть S_{I} — площадь фигуры образованной неравенством (1) при движении по I окружности:

$$S_{\text{I}} = \pi (2R)^2 = 4\pi (2\sqrt{5})^2 = 80\pi$$

Часть 2

Олимпиада: **Математика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21104915**

ID профиля: **302463**

Вариант 21

84

Если $\text{НОД}(a, b, c) = 35 \Rightarrow$ каждое число должно делиться и на 5 и на 7.

Если $\text{НОК}(a, b, c) = 5^{18} \cdot 7^{16} \Rightarrow$ хотя бы одно из чисел должно содержать 5^{18} и еще одно 7^{16} (может быть одно и то же)

Пусть

~~$a = 5^x \cdot 7^y$, тогда $b = 5^x \cdot 7^y$, где $x \in [1, 18], y \in [1, 16]$
 $c = 5^x \cdot 7^y$, где $x \in [1, 18], y \in [1, 16]$~~

Важно учесть:

~~$1 \cdot 17 \cdot 15 \cdot 15 = 17^2 \cdot 15^2$ и т.д., т.к. $5^{18} \cdot 7^{16}$ может оказаться в числе.~~

~~$3 \cdot 17^2 \cdot 15^2$~~

Если все три $= 5^{18} \cdot 7^{16}$, то это еще вариант

Если 2 числа $= 5^{18} \cdot 7^{16}$, то 3е $5^x \cdot 7^y$, если допустить, что $x \in [1, 18]$, то $18 \cdot 15$, а если, что $y \in [1, 16] = 16$, то еще $17 = 18 \cdot 15 + 17$ и еще $\cdot 3$, т.к. для каждого из чисел:

~~$3 \cdot (18 \cdot 15 + 17)$~~

Пусть $a = 5^{18} \cdot 7^6$, тогда $b = 5^x \cdot 7^y$, где $x \in [1, 18], y \in [1, 16] \Rightarrow$
 $c = 5^x \cdot 7^y$, где $x \in [1, 18], y \in [1, 16]$

$\Rightarrow 1 \cdot 18^2 \cdot 16^2$ и $\times 3$, т.к. вис тоже может равняться $5^{18} \cdot 7^{16}$.

Но тогда получается, что если $a = b = c = 5^{18} \cdot 7^{16}$ мы посчитали ~~вариант~~ ^{вариант}.

А если $a = b = 5^{18} \cdot 7^{16}$, $b = c = 5^{18} \cdot 7^{16}$, $c = a = 5^{18} \cdot 7^{16}$ мы посчитали ~~дважды~~ ^{дважды} ~~каждый~~ \Rightarrow надо вычитать $(2 + 1 + 1 + 1) = 5$

$3 \cdot 18^2 \cdot 16^2 - 5 = 248827$ троек (a, b, c)

Ответ: 248827 троек (a, b, c)

№5

методы №2

$$\log_{\sqrt{2x-3}}(x+1)$$

$$\log_{(2x^2-3x+5)}(2x-3)^2$$

$$\log_{(x+1)}(2x^2-3x+5)$$

0 < 3

$$x+1 > 0$$

$$x+1 \neq 1$$

$$\sqrt{2x-3} > 0$$

$$2x-3 \neq 1$$

$$2x-3 \neq 0$$

$$2x^2-3x+5 > 0$$

$$2x^2-3x+5 \neq 1$$

$$2x-3 > 0 \quad x > \frac{3}{2}$$

$$\begin{cases} x > \frac{3}{2} \\ x \neq 0, \frac{3}{2}, 2 \end{cases}$$

$$1) \log_{2x^2-3x+5}(2x-3)^2 = \log_{x+1}(2x^2-3x+5) = t; \quad \log_{\sqrt{2x-3}}(x+1) = t-1$$

$$\log_{2x^2-3x+5}(2x-3)^2 = \frac{\log_{\sqrt{2x-3}}(2x^2-3x+5)}{\log_{\sqrt{2x-3}}(x+1)} = \frac{1}{\log_{\sqrt{2x-3}}(x+1) \log_{2x^2-3x+5}(2x-3)^2} =$$

4

$$= \frac{4}{\log_{\sqrt{2x-3}}(x+1) \log_{2x^2-3x+5}(2x-3)^2}$$

$$\log_{2x^2-3x+5}^2(2x-3)^2 = \frac{4}{\log_{\sqrt{2x-3}}(x+1)}$$

$$t^2 = \frac{4}{t-1}$$

~~$$\log_{(2x^2-3x+5)}(2x-3)^2 = 2$$~~

$$t^3 - t^2 - 4 = 0$$

$$(t-2)(t^2+t+2) = 0$$

$0 < 0$

$$t = 2$$

Испробуем:

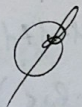
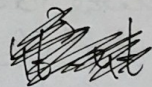
$$x = 4$$

$$\log_{(x+1)}(2x^2-3x+5) = 2$$

$$2x^2-3x+5 = x^2+2x+1$$

$$x^2-5x+4 = 0$$

$$x_{1,2} = 1, 4$$



~~$$\log_{(2-3+5)}(2-3)^2 = \log_4 4$$~~

~~$$\log_{(2+5)}(2-3)^2 = \log_7 1 = 0$$~~

~~$$\log_{(50-15+5)} 7^2 = \log_{40} 49 \neq 2$$~~

$$\log_{(2 \cdot 16 - 3 \cdot 4 + 5)}(2 \cdot 4 - 3)^2 = 1$$

Задача 53

$$2) \log_{(x+1)}(2x^2-3x+5) = \log_{\sqrt{2x-3}}(x+1) = t, \log_{(2x^2-3x+5)}(2x-3)^2 = t-1$$

$$\log_{(x+1)}(2x^2-3x+5) = \frac{\log_{(2x^2-3x+5)}(x+1)}{\log_{(2x^2-3x+5)}\sqrt{2x-3}} = \frac{1}{\log_{(2x^2-3x+5)}\sqrt{2x-3} \log_{(x+1)}(2x^2-3x+5)}$$

$$= \frac{4}{\log_{(2x^2-3x+5)}(2x-3)^2 \log_{(x+1)}(2x^2-3x+5)}$$

$$t = \frac{4}{t(t-1)}$$

$$t^3 - t^2 - 4 = 0$$

$$t = 2 \text{ (как в 1-ом уравнении)}$$

$$x = \frac{1}{4} \text{ (как в 1-ом уравнении)}$$

Проверим:

$$x = \frac{1}{4}$$

~~$$\log_{(1+0.25)}(2 \cdot 0.25^2 - 3 \cdot 0.25 + 5) = \log_{\sqrt{2 \cdot 0.25 - 3}}(1+0.25) = \log_{\sqrt{0.5}}(1.25) = 2, \log_{(2 \cdot 0.25^2 - 3 \cdot 0.25 + 5)}(2 \cdot 0.25 - 3)^2 = 1 = 2 - 1 = t - 1$$~~

$$3) \log_{\sqrt{2x-3}}(x+1) = \log_{(2x^2-3x+5)}(2x-3)^2 = t; \log_{(x+1)}(2x^2-3x+5) = t-1$$

$$\log_{\sqrt{2x-3}}(x+1) = \frac{\log_{(x+1)}(2x-3)^2}{\log_{(x+1)}(2x^2-3x+5)} = \frac{1}{\log_{(x+1)}(2x^2-3x+5) \log_{(2x-3)^2}(x+1)}$$

4

$$= \frac{4}{\log_{(x+1)}(2x^2-3x+5) \cdot \log_{(2x-3)^2}(x+1)}$$

~~$$t = \frac{4}{t(t-1)}$$~~ как и в уравнении 1 и 2:

~~$$t^3 - t^2 - 4 = 0$$~~ Проверим

~~$$t = 2$$~~ $x = 4$

~~$$4t^2(t-1) = 4$$~~

~~$$4t^3 - 4t^2 - 4 = 0$$~~ $\log_{(2 \cdot 16 - 3 \cdot 4 + 5)}(4-3)^2 = \log_{25} 25 = 1 \neq t$

$$\log_{\sqrt{2x-3}}(x+1) = 2$$

$$x+1 = (\sqrt{2x-3})^2$$

$$x+1 = 2x-3$$

$$x = 4$$

Ответ: $x = 4$

Lehrprobe

$$4 \log_{(2x-3)^2}^{(x+1)} = \log_{2x^2-3x+5} (2x-3)^2 \stackrel{!}{=} (2x-3)^2 = (2x^2-3x+5)^{\log_{2x^2-3x+5} (2x-3)^2}$$

$$\log_{(2x-3)^2}^{(x+1)} - \frac{1}{\log_{(2x-3)^2} (2x^2-3x+5)} = 0$$

$$\frac{\log_{(2x-3)^2}^{(x+1)} \log_{(2x-3)^2} (2x^2-3x+5) - 1}{\log_{(2x-3)^2} (2x^2-3x+5)} = 0$$

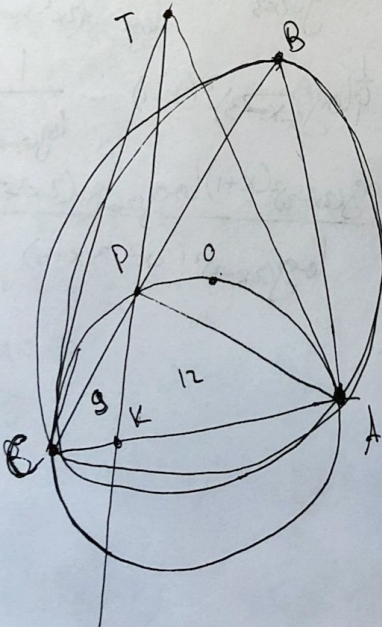
~~$$t \cdot \frac{1}{t} = 1$$~~
~~$$\frac{1}{t} = 0$$~~
~~$$\frac{1}{t} = 1$$~~

$$\log_{(2x-3)^2}^{(x+1)} \log_{(2x-3)^2} (2x^2-3x+5) = 1$$

~~$$t \cdot \frac{1}{t} = 1$$~~
~~$$\frac{1}{t} = 0$$~~
~~$$\frac{1}{t} = 1$$~~

$$\log_{(2x-3)^2}^{(x+1)} \log_{(2x-3)^2} (2x^2-3x+5) = 1$$

~~$$4 \log_{(2x^2-3x+5)}^{(x+1)} \log_{(2x^2-3x+5)} (2x^2-3x+5)$$~~



Задачи

54

$$\text{НОД}(a, b, c) = 35 = 5 \cdot 7$$

$$\text{НОК}(a, b, c) = 5^8 \cdot 7^6$$

Какие из a, b, c имеют формулу: $5^x \cdot 7^y$, где $x \neq 0, y \neq 0$

$$a = 5^x \cdot 7^3$$

$$5^x \cdot 5^y \cdot 5^w = 5^{18}$$

$$b = 5^4 \cdot 7^4$$

$$7^4 \cdot 7^4 \cdot 7^2 = 7^{16}$$

$$c = 5^w \cdot 7^z$$

$$1 \rightarrow 16$$

$$x + y + w = 18$$

$$y + 4 + z = 16$$

55

$$\log_{\sqrt{2x-3}}(x+1)$$

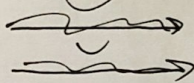
$$\log_{2x^2-3x+5}(2x-3)^2$$

$$\log_{x+1}(2x^2-3x+5)$$

~~log~~

$$\begin{cases} x+1 > 0 \\ x+1 \neq 1 \\ \sqrt{2x-3} > 0 \\ \sqrt{2x-3} \neq 1 \\ 2x^2-3x+5 > 0 \\ 2x^2-3x+5 \neq 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x > -1 \\ x \neq 0 \\ x \neq \frac{3}{2} \\ x \neq 2 \end{cases}$$



$$D = 9 - 40 < 0$$

$$D =$$

$$x > -1$$

$$x \neq 0, \frac{3}{2}, 2$$

$$\begin{aligned} 1) \log_{\sqrt{2x-3}}(x+1) &= \log_{2x^2-3x+5}(2x-3)^2 \\ \log_{x+1}(2x^2-3x+5) - 1 &= \log_{2x^2-3x+5} \end{aligned}$$

$$\log_{\sqrt{2x-3}}(x+1) - \frac{1}{\log_{(2x-3)^2}(2x^2-3x+5)} = 0$$

$$\frac{1}{4} \log_{(2x-3)^2}(x+1) - \frac{1}{\log_{(2x-3)^2}(2x^2-3x+5)} = 0$$

$$\frac{\frac{1}{4} \log_{(2x-3)^2}(x+1) \log_{(2x-3)^2}(2x^2-3x+5)}{\log_{(2x-3)^2}(2x^2-3x+5)} = 0$$

~~$$\log_{\sqrt{2x-3}}(x+1) - \frac{1}{\log_{x+1}\sqrt{2x-3}} = 0$$~~

reproducible

$$\log_{2x^2-3x+5} (2x-3)^2 = \log_{x+1} (2x^2-3x+5) = t$$

~~$$\log_{2x^2-3x+5} (2x-3)^2 = \frac{\log_{2x^2-3x+5} (2x-3)^2}{\log_{2x^2-3x+5} (x+1)} = 0$$~~

$$\log_{\sqrt{2x-3}} (x+1) = t-1$$

$$\log_{2x^2-3x+5} (2x-3)^2 = \frac{\log_{\sqrt{2x-3}} (2x^2-3x+5)}{\log_{\sqrt{2x-3}} (x+1)} = \frac{1}{\log_{\sqrt{2x-3}} (x+1) \log_{(2x^2-3x+5)} \sqrt{2x-3}}$$

$$= \frac{4}{\log_{\sqrt{2x-3}} (x+1) \log_{2x^2-3x+5} (2x-3)^2}$$

$$t = \frac{4}{(t-1)t}$$

$$t^2(t-1) - 4 = 0$$

$$t^3 - t^2 - 4 = 0$$

$$t_1 = 2$$

$$(t-2)(t^2+t+2) = 0$$

$\Delta < 0$

$$\log_{(x+1)} (2x^2-3x+5) = 2$$

$$\log_{(x+1)} (2x^2-3x+5) = \log_{(x+1)} (x+1)^2$$

$$2x^2-3x+5 = x^2+2x+1$$

$$x^2-5x+4 = 0$$

$$x_{1,2} = 1, 5$$

~~1~~

~~$$(x-1)(x-5)$$~~

$$\begin{array}{r} t^3 - t^2 + 0 \cdot t - 4 \mid t-2 \\ -t^3 + 2t^2 \\ \hline t^2 + 0 \cdot t - 4 \\ -t^2 + 2t \\ \hline 2t - 4 \\ -2t + 4 \\ \hline 0 \end{array}$$

~~$$\log_{(2-3+5)} (2-3)^2 \neq 2$$~~

~~$$\log_{x+1} 1 = 0$$~~

~~$$\log_{(50-15+5)} 2^2 \neq 2$$~~

~~$$\log_{x+1} 1 = 0$$~~

$$4t^3 - 4t^2 - 1 = 0$$

$$4(t^3 - t^2 - \frac{1}{4}) = 0$$

~~$$4t^3 - 4t^2 - 1 = 0$$~~

~~$$4t^3 - 4t^2 - 1 = 0$$~~

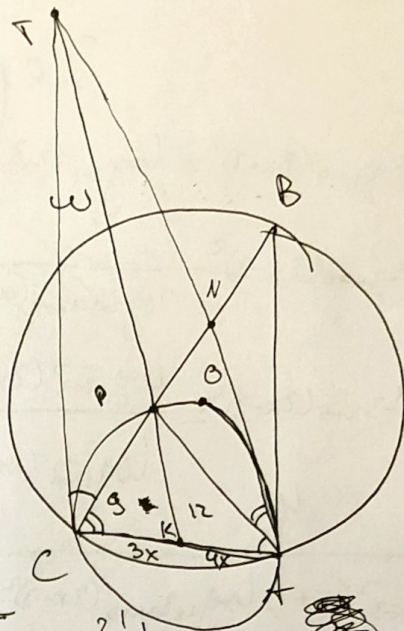
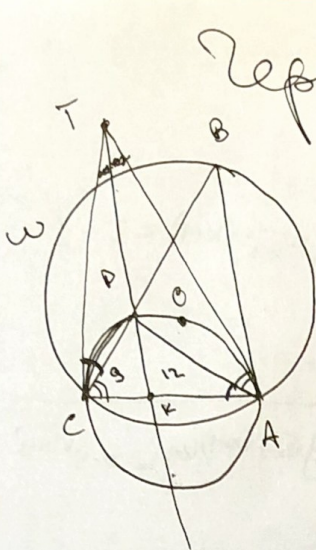
$$t^3 - t^2 = \frac{1}{4}$$

$$\frac{x^3}{8} - \frac{x^2}{4} = \frac{1}{4}$$

$$x^3 - 2x^2 = 2$$

$$x^3 - 2x^2 - 2 = 0$$

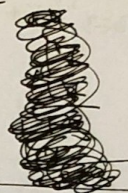
Задача



$$\frac{CK}{AK} = \frac{9}{12} = \frac{3}{4}$$

$$\begin{array}{r} 12 \\ 324 \\ \times 256 \\ \hline 11944 \\ 1620 \\ 648 \\ \hline 82944 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 21 \\ 82944 \\ \times 3 \\ \hline 248832 \\ \hline 248832 \end{array}$$



№1

$$\begin{aligned} a &= 5^m \cdot 7^n \\ b &= 5^k \cdot 7^l \\ c &= 5^{18-n-k} \cdot 7^{16-m-l} \end{aligned}$$

$$a \cdot 5^4$$

$$\begin{array}{r} 16 \\ \times 16 \\ \hline 256 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 16 \\ \times 18 \\ \hline 144 \\ \times 18 \\ \hline 324 \end{array}$$

$$5^{18} \cdot 7^k$$

$$\begin{array}{r} 1881 \\ \times 289 \\ \hline 26010 \\ 578 \\ \hline 93810 \end{array}$$

$$5^{18} \cdot 7^{16}$$

когда бы было число простое
+
5 и 7 есть в каждом.

$$\boxed{5^{18} \cdot 7^{16} \times 3}$$

$$\begin{array}{r} 12 \\ 93811 \\ \times 3 \\ \hline 241433 \end{array}$$

$$\begin{aligned} 3 + 3 \cdot 17^2 + 3 \cdot 17^4 &= \\ = 3(1 + 17^2 + 17^4) &= \end{aligned}$$

$$a = 5^{18} \cdot 7^{16}$$

$$\begin{aligned} b = 5^x \cdot 7^y & \text{ где } 5 \in [1, 18], a \cdot 7 \in [1, 16] \\ c = 5^m \cdot 7^n & \text{ где } 5 \in [1, 18], a \cdot 7 \in [1, 16] \end{aligned}$$

$$1 \cdot 17 \cdot 17 \cdot 17 \cdot 17 = 17^4 \cdot 3 \text{ (число простое)}$$

$$a = 5^{18} \cdot 7^{16}$$

$$b = 5^{18} \cdot 7^{16}$$

$$1 \cdot 17 \cdot 17 \cdot 3 \text{ (число простое)} = 3 \cdot 17^2$$

Ответ: $n = 241433$

rep + robur:

$$\log_{2x^2-3x+5} (2x-3)^2 = \log_{(x+1)} (2x^2-3x+5) = t; \log_{\sqrt{2x-3}} (x+1) = t-1$$

$$x=4$$

$$\log_{\underbrace{(2 \cdot 16 - 3 \cdot 4 + 5)}_{25}} \underbrace{(2 \cdot 4 - 3)^2}_{25} = \log_{(4+1)} (2 \cdot 16 - 3 \cdot 4 + 5) = 2$$

$$\log_{\underbrace{(4+1)}_5} \underbrace{(2 \cdot 16 - 3 \cdot 4 + 5)}_{25} = \log_{\sqrt{2 \cdot 4 - 3}} \underbrace{(4+1)}_5 = 2$$

$$\log_{(x+1)} (2x^2 - 3x + 5) = 2$$

$$2x^2 - 3x + 5 = x^2 + 2x + 1$$

$$x^2 - 5x + 4 = 0$$