

# Часть 1

Олимпиада: **Математика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21103403**

ID профиля: **263934**

Вариант 20

$$S = S_5 = \frac{2a_1 + 4d}{2} \cdot 5 = 5(a_1 + 2d)$$

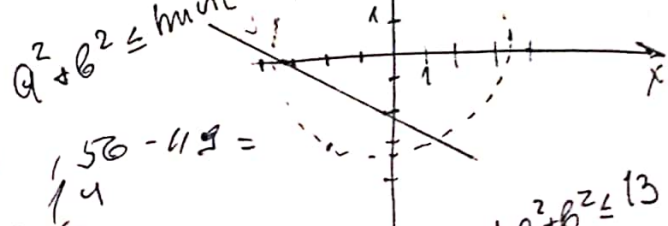
$$(x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 13$$

$O(a; b) \quad R = \sqrt{13}$

$$\begin{cases} a^2 + b^2 \leq 13 \\ b \leq -\frac{4a+13}{6} \\ (a+2)^2 + (b+3)^2 \leq 13 \\ b > -\frac{4a+13}{6} \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1 a_n > S + 15 \\ a_1 a_9 < S + 39 \end{cases} \quad \begin{cases} (a_1 + 5d)(a_1 + 10d) > S + 15 \\ (a_1 + 2d)(a_1 + 8d) < S + 39 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 15a_1 d + 50d^2 > 5a_1 + 10d + 15 \\ a_1^2 + 15a_1 d + 56d^2 < 5a_1 + 10d + 39 \end{cases}$$



$$\begin{cases} a_1^2 + 5a_1(3d-1) + 50d^2 - 10d - 15 > 0 \\ a_1^2 + 5a_1(3d-1) + 56d^2 - 10d - 39 < 0 \end{cases}$$

$$50d^2 - 10d - 15 > 0$$

$$50d^2 - 10d - 39 < 0$$

$$\frac{50}{-10} \quad \frac{10}{-39}$$

$$\frac{50}{4} \quad \frac{10}{2}$$

$$\frac{50}{4} - 11 = \frac{14}{4} = \frac{7}{2}$$

$$\min(-4a-6b; 13)$$

$$\begin{cases} a^2 + b^2 \leq 13 \\ 13 \leq -4a-6b \\ a^2 + b^2 \leq -4a-6b \\ -4a-6b < 13 \end{cases}$$

$$\Delta = 25(3d-1)^2 - 4(50d^2 - 10d - 15) = 25d^2 - 150d + 40d + 25 + 60 =$$

$$= 25d^2 - 110d + 85 = 25d^2 - 2 \cdot 5d \cdot 11 + 121 - 36 = (5d - 11)^2$$

$$a_1^2 + 5a_1(3d-1) + 50d^2 - 10d - 24 > 9$$

$$\left( a_1 - \frac{5(3d-1) + (5d-11)}{2} \right) \left( a_1 - \frac{5(3d-1) - (5d-11)}{2} \right) > 9$$

$$a = -\frac{1}{4}$$

$$b = -2$$

$$a = -\frac{13}{4}$$

$$b = 0$$

$$225 \times \frac{5}{4} = 281.25$$

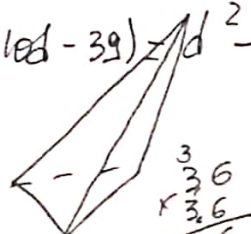
$$225 \times \frac{3}{4} = 159.375$$

$$(a_1 - 10d + 8)(a_1 - 5d - 3) > 9$$

$$b \leq -\frac{4a+13}{6}$$

$$\Delta = 25 \cdot 9d^2 - 150d + 25 - 4(56d^2 - 10d - 39) = 9d^2 - 110d + 25 + 156 = d^2 - 2 \cdot 55d + 181 =$$

$$= (d - 55)^2 + 181 - 3025$$



$\sqrt{13}$

$$\frac{35}{8} = 4.375$$

$$12.25$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 15a_1 d + 50d^2 - 5a_1 - 10d > 15 \\ a_1^2 + 15a_1 d + 50d^2 - 5a_1 - 10d < 39 - 6d^2 \end{cases}$$

$$15 < 39 - 6d^2$$

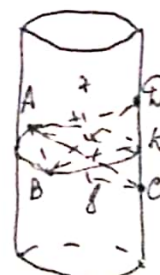
$$6d^2 < 24$$

$$d^2 < 4$$

$$-2 < d < 2$$

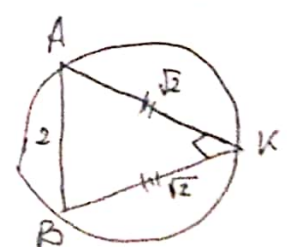
$$d = 1$$

$$\begin{array}{r} 3.61 \\ \times 3.61 \\ \hline 2166 \\ 1083 \\ \hline 130321 \end{array}$$



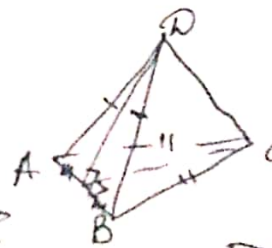
$$\sqrt{2} = 7 \cos \alpha$$

$$\sqrt{2} = 8 \cos \beta$$



$$R = \frac{a}{2 \sin \alpha} = 1$$

$$R = \frac{a}{2} = 1$$



$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{2}}{7}$$

$$\cos \beta = \frac{\sqrt{2}}{8}$$

$$\sin \alpha = \sqrt{1 - \frac{2}{49}} = \frac{3\sqrt{5}}{7}$$

$$\sin \beta = \sqrt{1 - \frac{2}{64}} = \frac{\sqrt{62}}{8}$$

$$QC = \sqrt{62} + \sqrt{47}$$

$$6b + 4a = -13$$

$$a - b = 0$$

$$6b + 4a + 13 = 0$$

$$13$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \frac{QC}{\sqrt{62} + \sqrt{47}}$$

# Меморандум

N. 1.

$(a_n)$  - арифметическая прогрессия; известны первые член  $a_1$  и разность  $d$

$$S_n = \frac{2a_1 + d(n-1)}{2} \cdot n$$

$$S_5 = \frac{2a_1 + 4d}{2} \cdot 5 = 5(a_1 + 2d) = S$$

$$a_6 = a_1 + 5d; a_{11} = a_1 + 10d; a_8 = a_1 + 7d; a_9 = a_1 + 8d$$

$$\begin{cases} a_6 a_{11} > S + 15 \\ a_8 a_9 < S + 39 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (a_1 + 10d)(a_1 + 5d) > 5(a_1 + 2d) + 15 \\ (a_1 + 7d)(a_1 + 8d) < 5(a_1 + 2d) + 39 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 15a_1d + 50d^2 > 5(a_1 + 2d) + 15 \\ a_1^2 + 15a_1d + 56d^2 < 5(a_1 + 2d) + 39 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 15a_1d + 50d^2 - 5(a_1 + 2d) > 15 \\ a_1^2 + 15a_1d + 50d^2 - 5(a_1 + 2d) < 39 - 6d^2 \end{cases}$$

$$15 < a_1^2 + 15a_1d + 50d^2 - 5(a_1 + 2d) < 39 - 6d^2$$

$$15 < 39 - 6d^2$$

$$6d^2 < 24$$

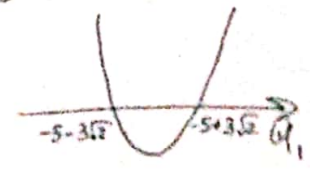
$$d^2 < 4$$

$-2 < d < 2$ . Т.к.  $(a_n)$  - арифметическая, то  $d > 0$   
 Т.к. все члены  $(a_n)$  - положительные, то  $a_1 \in \mathbb{Z}$   
 $d \in \mathbb{Z}$

Тогда  $d = 1$

$$\begin{cases} a_1^2 + 15a_1 + 50 - 5(a_1 + 2) > 15 \\ a_1^2 + 15a_1 + 56 - 5(a_1 + 2) < 39 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a_1^2 + 10a_1 + 25 > 0 \\ a_1^2 + 10a_1 + 7 < 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (a_1 + 5)^2 > 0 \\ a_1^2 + 10a_1 + 7 < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1 \neq -5 \\ a_1^2 + 10a_1 + 7 < 0 \quad (1) \end{cases}$$



$$D_1 = 25 - 7 = 18 > 0$$

$$\begin{cases} a_1 > -5 - 3\sqrt{2} \\ a_1 < 0 \\ a_1 > 0 \\ a_1 < -5 + 3\sqrt{2} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} & -9 > -5 - 3\sqrt{2} \\ & 3\sqrt{2} > 4 \\ & 18 > 16, \text{ т.е. } -9 > -5 - 3\sqrt{2} \\ & -10 > -5 - 3\sqrt{2} \\ & 3\sqrt{2} > 5 \end{aligned}$$

$$18 < 25, \text{ т.е. } -10 < -5 - 3\sqrt{2}$$

1

Тыстовик.

N.1. (продолжение)

$$-1 < -5 + 3\sqrt{2}$$

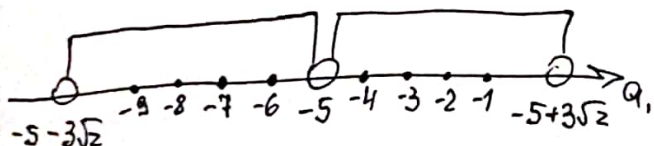
$$4 < 3\sqrt{2}$$

$$16 < 18, \text{ т.е. } -1 < -5 + 3\sqrt{2}$$

$$0 < -5 + 3\sqrt{2}$$

$$5 < 3\sqrt{2}$$

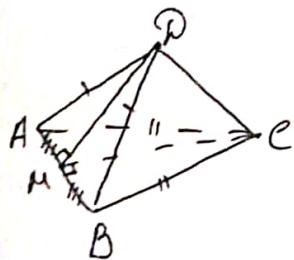
$$25 > 18, \text{ т.е. } 0 > -5 + 3\sqrt{2}$$



Ответ:  $a$ , может принимать значения:  $-1; -2; -3; -4; -6;$   
 $-7; -8; -9.$

N.2.

Решение:



1.) Рассмотрим тетраэдр  $ABCD$  и го-  
 кажем, что  $AB \perp CD$ .

2.) Д.А.  $M$  - середина  $AB$   
 $DM$  - медиана, а значит, и высота

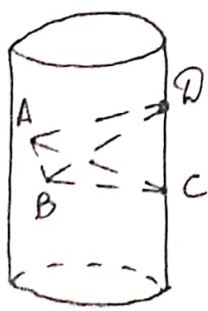
в  $\triangle ADB$  - равнобедренном.

$CM$  - медиана, а значит, и высота в  $\triangle ACB$  - равно-  
 бедренном.

3.)  $(AB \perp DM; AB \perp CM; CM \cap DM = M) \Rightarrow AB \perp (DMC)$

$(DC \subset (DMC); AB \perp (DMC)) \Rightarrow DC \perp AB, \text{ т.е.}$

4.) Тогда, т.к.  $CD$  параллельно оси цилиндра,  
 при этом  $D$  и  $C$  лежат на боковой по-  
 верхности цилиндра, то  $DC$  лежит  
 на образующей цилиндра.



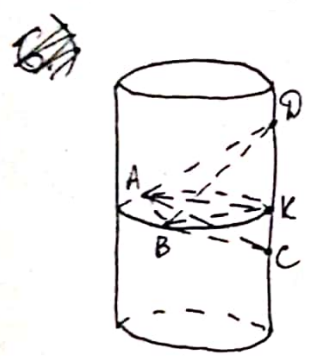
Тогда  $AB \perp CD$  и  $AB$  перпендикулярно оси ци-  
 лindra (2)

§ 12. (продолжение) Методы

5.) Д.и.  $d, \tau, \tau$ .  $AB \subset d, d \perp CD$

Тогда плоскость  $d$  будет ~~параллельна~~ перпендикулярна ~~ее~~ оси.

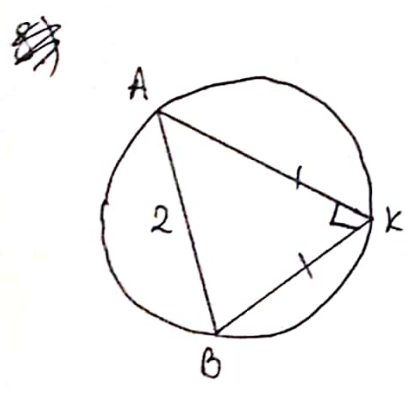
$d \cap DC = K$



6.)  $\triangle ADC = \triangle BDC$ , по трём сторонам ( $AD = BD$ ,  $AC = BC$ ,  $DC - \text{общая}$ )  
 Тогда  $\angle ADK = \angle BDK$ .

7.)  $\triangle ADK = \triangle BDK$ , по двум сторонам и углу между ними ( $DK - \text{общая}$ ,  $AD = BD$ ,  $\angle ADK = \angle BDK$ )

Тогда  $AK = BK$ .



8.) Сечение цилиндра плоскостью  $d$  (~~параллельной~~ перпендикулярной оси цилиндра) будет окружностью с радиусом, равным радиусу цилиндра.

9.)  $\triangle АКВ$  - равнобедренный, вписанный в  $\text{окр}(O; R)$ .  
 По следствию из теоремы синусов  $R = \frac{a}{2 \sin \alpha}$

$R = \frac{AB}{2 \sin \angle АКВ}$ . Т.к.  $R$  - наименьший, то  $\sin \angle АКВ$  - наибольший, т.е.  $\sin \angle АКВ = 1$ , а  $R = 1$ .

Тогда  $AK = BK = \frac{AB \sqrt{2}}{2} = \sqrt{2}$ .

10.)  $(DC \perp d, BK \subset d) \Rightarrow BK \perp DC$ .

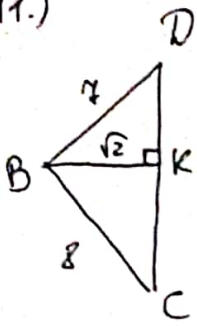
Тогда точка  $K$  может лежать ~~внутри~~ на отрезке  $DC$  или вне его

$I \quad K \in [DC]$

# Теорема.

н.з. (проголосуйте)

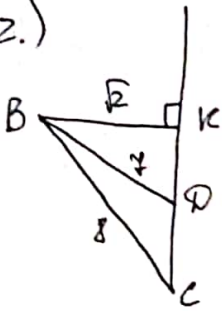
11.)



$BK^2 + DK^2 = BD^2$ , но т. Пифагора для  $\triangle BDK, \angle BKD = 90^\circ$   
 $BK = \sqrt{BD^2 - DK^2} = \sqrt{49 - 2} = \sqrt{47}$   
 $BK^2 + KC^2 = BC^2$ , но т. Пифагора для  $\triangle BKC, \angle BKC = 90^\circ$   
 $KC = \sqrt{BC^2 - BK^2} = \sqrt{64 - 2} = \sqrt{62}$   
 $DC = KC + DK = \sqrt{47} + \sqrt{62}$ .

II  $K \notin [DC]$ .

12.)



K будет на луче CD за точкой D,  
 т.к. в  $\triangle BDC \angle BDC > \angle BCD$ , т.к.  $BC > BD$   
 $CD = KC - DK =$  Аналогично I  $\delta > \gamma$   
 $KC = \sqrt{62}, DK = \sqrt{47}$

$CD = KC - DK = \sqrt{62} - \sqrt{47}$ .

Ответ:  $CD = \sqrt{62} + \sqrt{47}$  или  $CD = \sqrt{62} - \sqrt{47}$ .

н.з.

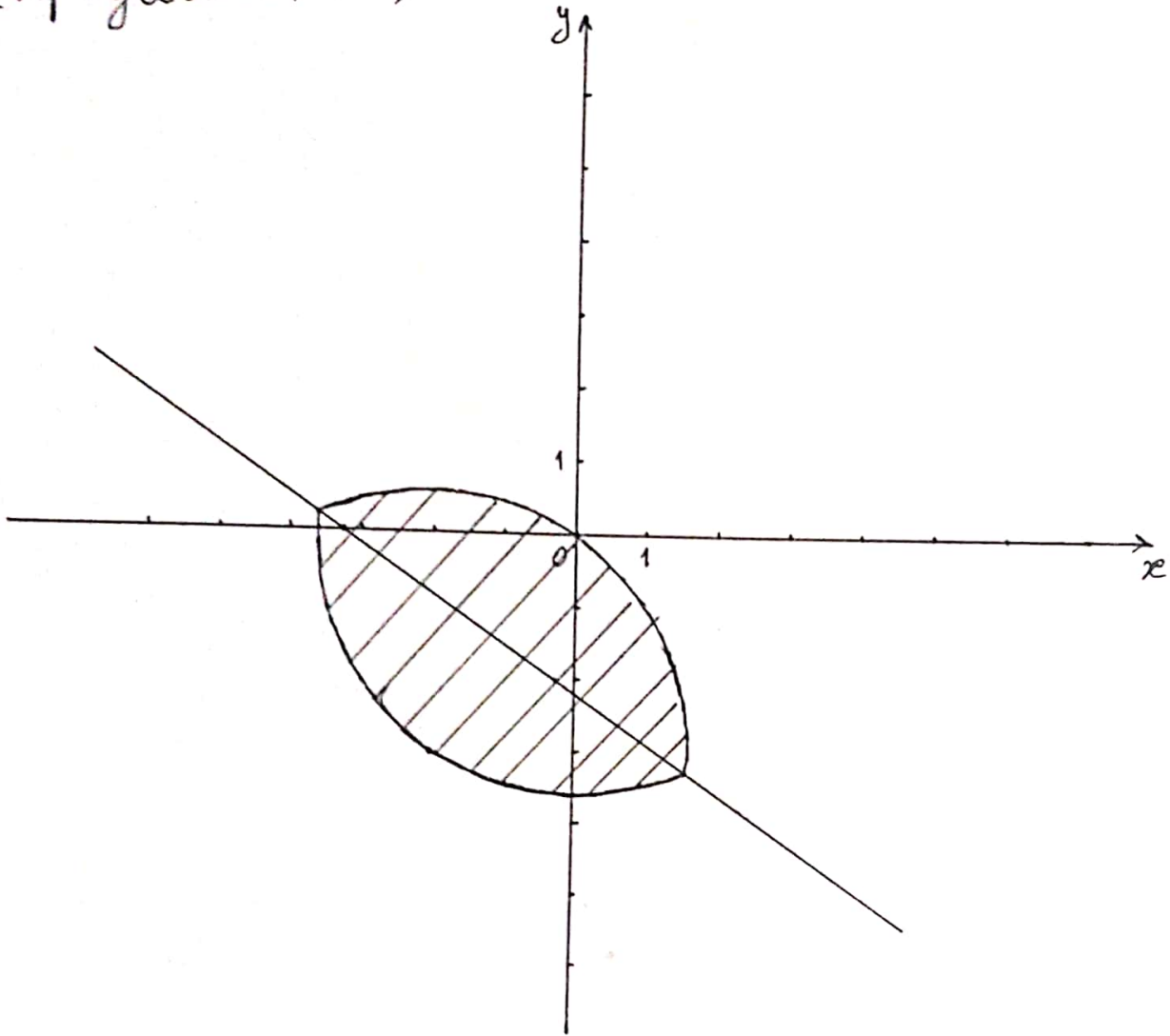
$$\begin{cases} (x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 13 \\ a^2 + b^2 \leq \min(-4a - 6b; 13) \end{cases} \quad \begin{cases} (x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 13 - \text{круг, с центром в точке } A(a; b) \text{ и радиусом } \sqrt{13}. \end{cases}$$

$a^2 + b^2 \leq \min(-4a - 6b; 13)$

$$\begin{cases} -4a - 6b \leq 13 \\ a^2 + b^2 \leq -4a - 6b \\ -4a - 6b > 13 \\ a^2 + b^2 \leq 13 \end{cases} \quad \begin{cases} b \geq -\frac{4a+13}{6} \\ a^2 + 4a + 4 + b^2 + 6b + 9 \leq 13 \\ b < -\frac{4a+13}{6} \\ a^2 + b^2 \leq 13 \end{cases}$$

$$\begin{cases} b \geq -\frac{4a+13}{6} \\ (a+2)^2 + (b+3)^2 \leq 13 - \text{круг с центром } P(-2; -3), \text{ радиусом } \sqrt{13} \\ b < -\frac{4a+13}{6} \\ a^2 + b^2 \leq 13 - \text{круг с центром } Q(0; 0), \text{ радиусом } \sqrt{13} \end{cases}$$

н.э. (продолжение)



Построим множество точек  $A(a; b)$ , удовлетворяющих:

$$\begin{cases} b \geq -\frac{4a+13}{6} \\ (a+2)^2 + (b+3)^2 \leq 13 \\ b < -\frac{4a+13}{6} \\ a^2 + b^2 \leq 13 \end{cases}$$

$$b = -\frac{4a+13}{6} \quad \begin{matrix} a & -\frac{1}{4} & -\frac{13}{4} \\ b & -2 & 0 \end{matrix}$$

Точки  $Q(0;0)$  и  $O(-2;-3)$  симметричны относительно прямой

$$b = -\frac{4a+13}{6} \quad y = -\frac{4a+13}{6}$$

$$y = \frac{3}{2}x : OQ \quad \frac{3}{2} \cdot \left(-\frac{4}{6}\right) = -1, \text{ верно, } N - \text{ середина } OQ;$$

$-1,5 = -\frac{9}{6}$  верно. Тогда окружности  $a^2 + b^2 \leq 13$  и  $(a+2)^2 + (b+3)^2 \leq 13$  симметричны относительно  $b = -\frac{4a+13}{6}$ .

Тогда центры  $\odot$  кругов  $(x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 13$  находятся

в этом множестве

$$\begin{cases} b \geq -\frac{4a+13}{6} \\ (a+2)^2 + (b+3)^2 \leq 13 \\ b < -\frac{4a+13}{6} \\ a^2 + b^2 \leq 13 \end{cases}$$

№3. (продолжение)

Если в каждой точке окружности радиуса  $r_1$  построить окружность радиуса  $r_2$ , то внешней границей будет окружность радиуса  $(r_1 + r_2)$ .

Тогда множество  $M$  будет представлять из себя две дуги (как на рис.), эти дуги радиуса  $2\sqrt{3}$  с центрами в  $(0; 0)$  и  $(-2; -3)$ .

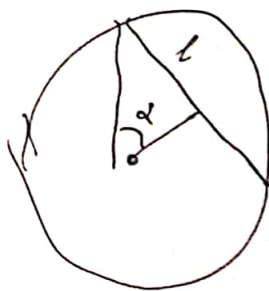
$$6y + 4x + 13 = 0$$

$$\rho = \frac{|16 \cdot 0 + 4 \cdot 0 + 13|}{\sqrt{36 + 16}} = \frac{13}{\sqrt{52}} = \frac{\sqrt{13}}{2}$$

$$\cos \alpha = \frac{\frac{\sqrt{13}}{2}}{2\sqrt{13}} = \frac{1}{4}$$

$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{15}}{4} \quad l = \frac{\sqrt{13} \cdot \sqrt{15}}{4}$$

$$S_{\Delta} = \frac{1}{2} \cdot 2l \cdot h =$$





# Часть 2

Олимпиада: **Математика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21103403**

ID профиля: **263934**

Вариант 20

N. 4

$$\left. \begin{aligned} & \text{НОД}(a; b; c) = 10 \\ & \text{НОК}(a; b; c) = 2^{17} \cdot 5^{16} \end{aligned} \right\}$$

Для того, чтобы  $\text{НОД}(a; b; c) = 2 \cdot 5$ , необходимо, чтобы в одном из чисел двойка была в первой степени, а в разложении одно разложением одно другое два других чисел, она была в любой (не нулевой) степени. То же самое с пятёркой. Чтобы  $\text{НОК}(a; b; c) = 2^{17} \cdot 5^{16}$  числа в разложении чисел должны быть только 2 и 5 в ~~разложении~~ каких-то степенях. Тогда получаются числа вида:

$$2 \cdot 5^n; 2^k \cdot 5; \text{---} 2^m \cdot 5^p$$

$$\max(n; p) = 16 \quad \text{I} \quad n = 16; k = 17$$

$$\max(k; m) = 17 \quad 2 \cdot 5^{16}; 2^{17} \cdot 5; 2^m \cdot 5^p, \quad m \leq 17, p \leq 16$$

где  $m$  16 вариантов, где  $p$  15 вариантов  
Тогда  $16 \cdot 15$  - кол-во вариантов для  $2^m \cdot 5^p$ . Т.к. тройки упорядоченные и числа не могут быть равными кол-во троек в этом случае  $16 \cdot 15 \cdot 6$

II  $n = 16, m = 17$   
 $2 \cdot 5^{16}; 2^k \cdot 5; 2^{17} \cdot 5^p, k \leq 17, p \leq 16$   
Для  $k$  16 вар., где  $p$  15 вар. Совпадают числа не могут  
Значит, кол-во троек  $16 \cdot 15 \cdot 6$ . Но мы посчитали  
маленькие 16 троек, которые посчитали в первом случае  
(при  $p = 1$  в первом и втором случае числа вида  $2 \cdot 5^{16}; 2^k \cdot 5; 2^{17} \cdot 5$ )

III  $p = 16, k = 17$   
 $2 \cdot 5^n; 2^{17} \cdot 5; 2^m \cdot 5^{16}, n \leq 16, m \leq 17$   
~~Второй вариант~~ т.к. эти при  $m = 1$  в первом и третьем  
случае числа вида  $2 \cdot 5^{16}; 2^{17} \cdot 5; 2 \cdot 5^n$  совпадут, то  
кол-во троек  $16 \cdot 15 \cdot 6 - 15 \cdot 6 = 15 \cdot 15 \cdot 6$ .

3

Числовик.

н. №6 (продолжение)

4.)  $\triangle PKC \sim \triangle BAC$ , по двум углам ( $\angle C$  - общий,  $\angle KPC = \angle ABC$ )

$$\frac{S(PKC)}{S(ABC)} = \left(\frac{KC}{AC}\right)^2 = \left(\frac{4}{9}\right)^2 = \frac{16}{81}$$

$$\frac{8}{S(ABC)} = \frac{16}{81}$$

$$S(ABC) = \frac{81}{2} = 40,5.$$

5.)  $\operatorname{tg} \angle ABC = \frac{1}{2}$

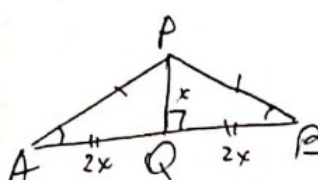
$$1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$1 + \frac{1}{4} = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$\cos \alpha = \frac{2\sqrt{5}}{5} \quad \sin \alpha = \frac{1}{\sqrt{5}}$$

6.)  $AB \parallel PK$ , т.к.  $\angle ABC = \angle KPC$  - соответственные  
 $\angle BAP = \angle APK = \angle ABC$ , как накрест лежащие

7.)  $\triangle ABP$  - равнобедренный, по признаку  
 PQ - высота и медиана



$$PQ = x, \operatorname{tg} \angle PBQ = \frac{1}{2} = \frac{PQ}{QB}; QB = 2x$$

8.)  $S(ABP) = S(ABC) - S(APC) = 40,5 - 18 = 22,5$

$$S(ABP) = \frac{1}{2} PQ \cdot AB = \frac{1}{2} \cdot x \cdot 4x = 2x^2 = 22,5$$

$$x^2 = \frac{45}{2} \quad x = \frac{3\sqrt{5}}{2} \quad AB = 6\sqrt{5}$$

8.)  $S(ABC) = \frac{1}{2} AB \cdot BC \cdot \sin \alpha = \frac{81}{2}$

$$6\sqrt{5} \cdot BC \cdot \frac{1}{\sqrt{5}} = 81 \quad BC = \frac{81}{6} = \frac{27}{2}$$

9.) По теореме косинусов для  $\triangle ABC$ :

$$AC^2 = BC^2 + AB^2 - 2AB \cdot BC \cdot \cos \angle ABC$$

$$AC = \sqrt{\frac{729}{4} + 180 - 2 \cdot 6\sqrt{5} \cdot \frac{27}{2} \cdot \frac{2}{\sqrt{5}}} = \sqrt{\frac{729}{4} + 180 - 4 \cdot 81} = 3\sqrt{\frac{81}{4} + 20 - 36} = 7$$

$$= 3\sqrt{\frac{81-64}{4}} = \frac{3\sqrt{17}}{2}$$

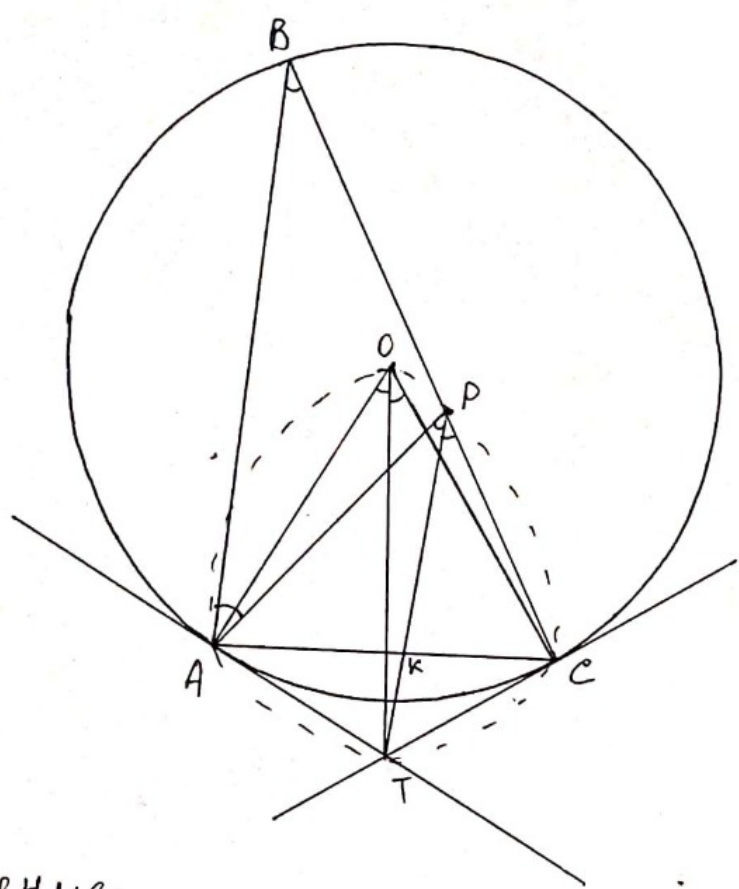
Ответ:  $S(ABC) = 40,5$ ;  $AC = \frac{3\sqrt{17}}{2}$

~~IV  $\beta=16, m=17$~~

числовик

~~$2 \cdot 5^4; 2^k \cdot 5; 2^{14} \cdot 5^{16}$  При  $p=$~~

н. 36



Решение:

1.) ~~OT~~ - биссектриса  $\angle AOC$ , т.к.  $AT$  и  $CT$  - касательные к  $\omega$  из одной точки  $T$ .

$\angle ABC$  - вписанный в  $\omega$ , значит,  $\angle ABC = \frac{1}{2} \overset{\frown}{AC} = \angle AOT = \angle TOC = \alpha$

2.)  $\angle AOT = \angle ART = \alpha$ , как вписанные, опирающиеся на одну и ту же дугу.

$\angle TPC = \angle TOC = \alpha$ , аналогично

3.)  $\frac{S(APK)}{S(KPC)} = \frac{AK}{KC}$  т.к.  $\triangle APK$  и  $\triangle KPC$  имеют общую высоту из точки  $P$ .

$\frac{AK}{KC} = \frac{10}{8} = \frac{5}{4}$  M1297100

(7)

~~Используем~~ ~~логарифмы~~

N. 3. 5.

~~$\log_{\sqrt{2x-8}}(x-4) = \log_{(x-4)^2}$~~  QW3:  $x \in (5, 2; 5, 4) \cup (5, 4; +\infty)$

$$\left\{ \begin{array}{l} x > 4 \\ x > 4 \\ x > 5, 2 \\ x \neq 4, 5 \\ x \neq 5, 4 \\ x \neq 5 \end{array} \right. \quad \left\{ \begin{array}{l} x > 5, 2 \\ x \neq 5, 4 \end{array} \right.$$

$$I \quad \log_{\sqrt{2x-8}}(x-4) = \log_{(x-4)^2}(5x-26) = \log_{\sqrt{5x-26}}(2x-8) - 1$$

$$\frac{1}{\log_{x-4} \sqrt{2x-8}} = \frac{1}{2} \log_{x-4} (5x-26)$$

Теперь берем.

$$2 \log_{\sqrt{2x-8}}(x-4)$$

$$\frac{1}{2} \log_{x-4}(5x-26)$$

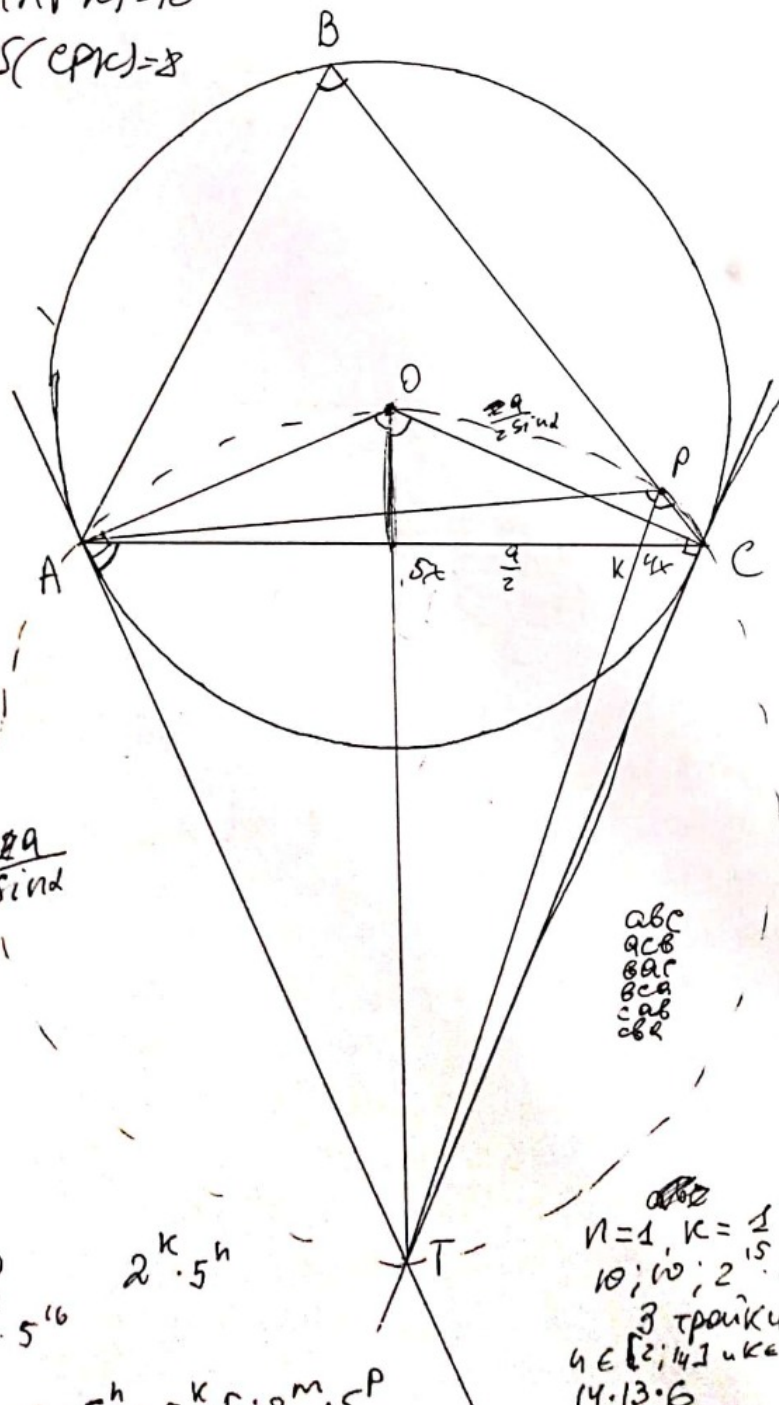
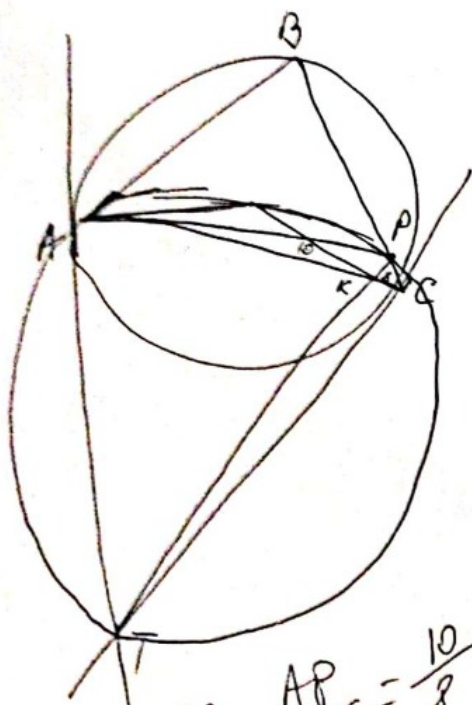
$$2 \log_{5x-26} 2x-8$$

$$\log_{\sqrt{2x-8}}(x-4) = \log_{(x-4)^2}(5x-26) \quad \text{tg} \angle ABC = \frac{1}{2}$$

$$\log_{\sqrt{2x-8}}(x-4) = \frac{1}{\log_{5x-26}(x-4)^2}$$

$$S(APK) = 10$$

$$S(CPK) = 8$$



$$\frac{AK}{KC} = \frac{AP}{PC} = \frac{10}{8} = \frac{5}{4}$$

$$\frac{KC}{AC} = \frac{4}{9}$$

$$R = \frac{abc}{4S} = \frac{129}{28 \sin \alpha}$$

$$\frac{S(APK)}{S(ABC)} = \frac{16}{84} = \frac{8}{S(ABC)}$$

$$S(ABC) = \frac{84}{2}$$

$$\angle ABC = \arctg \frac{1}{2}$$

$$\begin{cases} \text{НОД}(a; b; c) = 10 \\ \text{НОК}(a; b; c) = 2^7 \cdot 5^{16} \end{cases}$$

$$2^k \cdot 5^h$$

$n=1, k=1$   
 $10; 10; 2^{15} \cdot 5^{14}$   
 3 треуго  
 $4 \in [2; 14] \cup [2; 15]$   
 $14 \cdot 13 \cdot 6$

$$\begin{cases} k+m=16 \\ n+p=15 \end{cases} \begin{cases} k=16-m \\ p=15-n \end{cases}$$

$$2 \cdot 5^h; 2^k \cdot 5; 2^m \cdot 5^p$$

$$\begin{cases} k+m+1=17, n \in N, k \in N, m \in N, p \in N \\ n+p+1=16 \end{cases}$$

$$14 \cdot 15$$

21103403 (U263934 M1297100)

$$2 \cdot 5^n; 2^k \cdot 5; 2^{16-k} \cdot 5^{15-h}$$

$n=14$  вар  
 $k=15$  вар

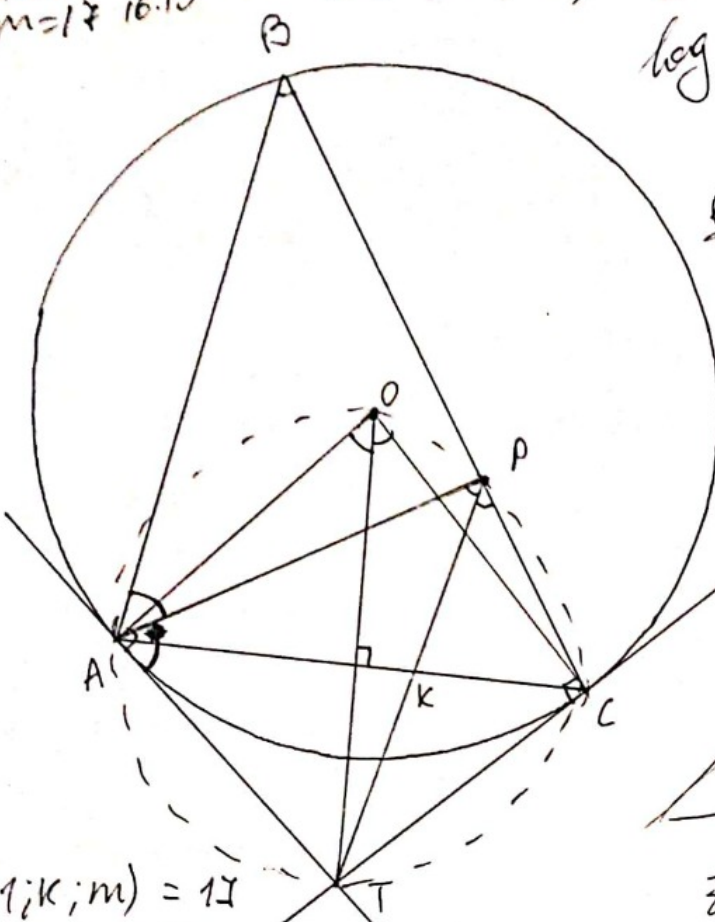
$\begin{matrix} & & 3 \\ & & 28 \\ & & \times 14 \\ & 3 & 2 \\ & 7 & 2 \\ \hline 109 & 2 \\ \hline 1095 \end{matrix}$

$n=16, k=17$  16.15  
 $n=16, m=17$  16.15  
 $p=16, k=17$  16.15  
 $p=16, m=17$  16.15

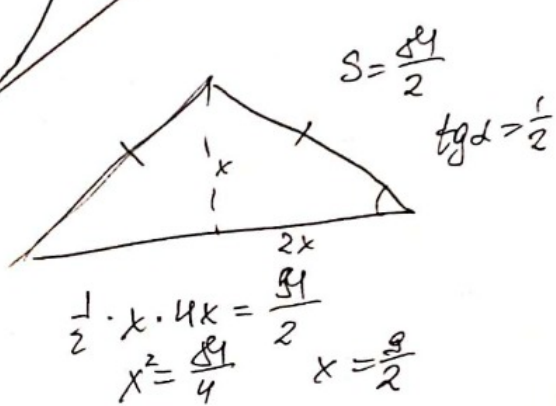
Решение.

$2 \cdot 5^n; 2^k \cdot 5; 2^m \cdot 5^p$

$\log_{\sqrt{2x-8}} \frac{\sqrt{x-4}}{2} = \log_{2x-8} \frac{x-4}{2} = \log_{2x-8} \frac{1}{4+2}$



$180^\circ - 2\alpha - (180^\circ - 2\alpha) = \alpha$   
 $\log_e a; \log_{a^2} c^2; \log_e b^2$   
 $\log_e a; \log_a c; \log_c b$   
 $\log_e a - \log_a c =$   
 $= \log_c c$



$\max(1; k; m) = 17$   
 $\max(1; n; p) = 16$

$\log_{\sqrt{2x-8}}(x-4); \log_{(x-4)^2}(5x-26); \log_{\sqrt{5x-26}}(2x-8)$

$2x-8 > 0$	$x > 4$	$x > 5,2, x \neq 5,4$
$2x-8 \neq 1$	$x \neq 4,5$	$x \in (5,2; 5,4) \cup (5,4; +\infty)$
$x-4 > 0$	$x > 4$	
$x-4 \neq 1$	$x \neq 5$	
$5x-26 > 0$	$x > 5,2$	
$5x-26 \neq 1$	$x \neq 5,4$	

$\frac{2}{\log_{x-4} 2+1}; \frac{1}{2} \log_{x-4} 5x-26; \dots$

$\log_{\sqrt{2x-8}}(x-4) = \log_{(x-4)^2}(5x-26) = \log_{\sqrt{5x-26}}(2x-8) - 1$

$\log_{(x-4)^2}(5x-26) - 1 = \log_{(x-4)^2}(-x^2 + 9x - 42)$

$D = 81 - 42 \cdot 4 < 0$