

Часть 1

Олимпиада: **Математика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21100024**

ID профиля: **377672**

Вариант 20

Условие

$$N1 \quad S = \frac{a_1 + a_5}{2} \cdot 5 = 5a_1 + 10d$$

$$\begin{cases} (a_1 + 5d)(a_1 + 10d) > 5a_1 + 10d + 15 \\ (a_1 + 7d)(a_1 + 8d) < 5a_1 + 10d + 39 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 15a_1d + 50d^2 > 5a_1 + 10d + 15 \\ a_1^2 + 15a_1d + 56d^2 < 5a_1 + 10d + 39 \end{cases}$$



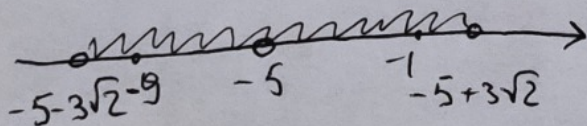
$$6d^2 < 24; \quad d^2 \leq 4; \quad d=1, \text{ т.к. } d > 0 \text{ и}$$

числа арифм. прогрессии - целые числа $\Rightarrow d$ тоже целое.

$$\begin{cases} a_1^2 + 15a_1 + 50 > 5a_1 + 25 \\ a_1 + 15a_1 + 56 < 5a_1 + 49 \end{cases}$$

~~$a_1 \neq 5$~~

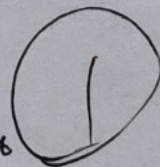
$$\begin{cases} (a_1 + 5)^2 > 0 \Rightarrow a_1 \neq -5 \\ (a_1 - (-5 + 3\sqrt{2}))(a_1 + 15 + 3\sqrt{2}) < 0 \end{cases}$$



$$-5 - 3\sqrt{2} < -9$$

$$-5 - 3\sqrt{2} > -1$$

$\Rightarrow a_1$ может принимать



значения $-9, -8, -7, -6, -4, -3, -2, -1$.

Ответ: $-9, -8, -7, -6, -4, -3, -2, -1$.

Числовые.

$$\sqrt{3} \begin{cases} (x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 13. & - \text{окр. в центре в точке } (a, b) \text{ и } R = \sqrt{13}. \\ a^2 + b^2 \leq \min(-4a - 6b, 13) \quad (*) \end{cases}$$

I. Пусть $-4a - 6b \leq 13$; тогда $b \geq -\frac{13}{6} - \frac{2}{3}a$;

$$\begin{cases} a^2 + b^2 \leq -4a - 6b \\ b \geq -\frac{13}{6} - \frac{2}{3}a \end{cases}$$

$$\begin{cases} (a+2)^2 + (b+3)^2 \leq 13 \quad (1) \\ b \geq -\frac{13}{6} - \frac{2}{3}a \end{cases}$$

II. Пусть $13 < -4a - 6b$; тогда

$$\begin{cases} b < -\frac{13}{6} - \frac{2}{3}a \\ a^2 + b^2 \leq 13 \quad (2) \end{cases}$$

найдем точки пересечения окружностей (1) и (2).

$$\begin{cases} b^2 = \pm \sqrt{13 - a^2} \\ (a+2)^2 + (\pm \sqrt{13 - a^2} + 3)^2 = 13. \end{cases}$$

$$-\frac{13 - 4a}{6} = \pm \sqrt{13 - a^2}, \text{ заменим } \text{окр.} (2)$$

пересекается с прямой $b = -\frac{13}{6} - \frac{2}{3}a$, в тех же

точках что и окружность (1) пересекает

окружность (2) $\Rightarrow (*)$ представляет собой множество

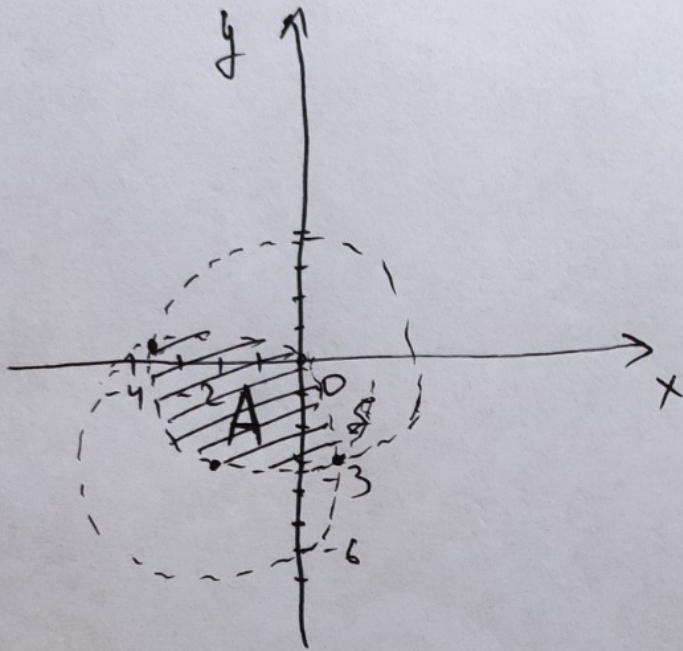
точек (a, b) ; которые лежат внутри пересечения

окружностей (1) и (2),

②

Условие.

То есть $(x-a)^2 + (y-b)^2 \leq r^2$; представляет собой множество ~~окружности~~^{круг} точек на множестве точек ~~урав~~ ~~состоящих~~ из ~~д~~ точек внутри пересечения ~~окружности~~
(1) и (2) (множество A)



3

$$\text{to } (x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 13. \text{ Кеннобун}$$

$$a^2 + b^2 \leq \min(-4a - 6b, 13).$$

$$\text{I } -4a - 6b < 13$$

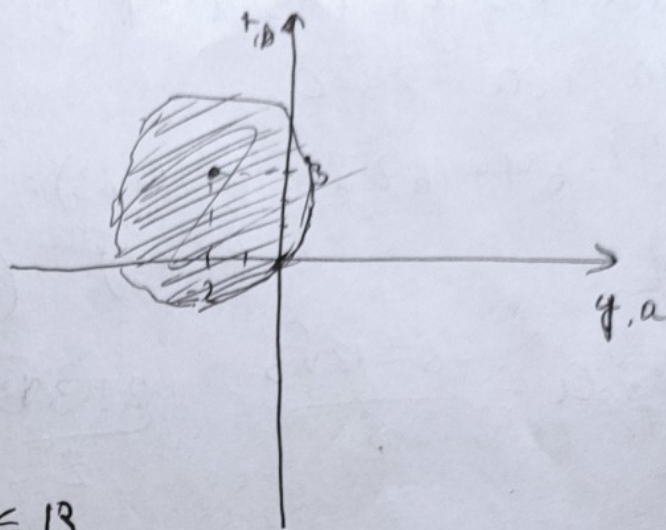
$$-6b < 13 + 4a$$

$$b > -\frac{13}{6} - \frac{2}{3}a$$

$$a^2 + b^2 \leq -4a - 6b$$

$$a^2 + 4a + b^2 + 6b \leq 0$$

$$(a+2)^2 + (b+3)^2 \leq 13.$$



$$-\frac{13}{6} - \frac{2}{3}a = 0.$$

$$-13 - 4a = 0.$$

$$-4a = 13$$

$$a = -\frac{13}{4}$$

$$\text{II } b < -\frac{13}{6} - \frac{2}{3}a.$$

$$a^2 + b^2 \leq 13$$

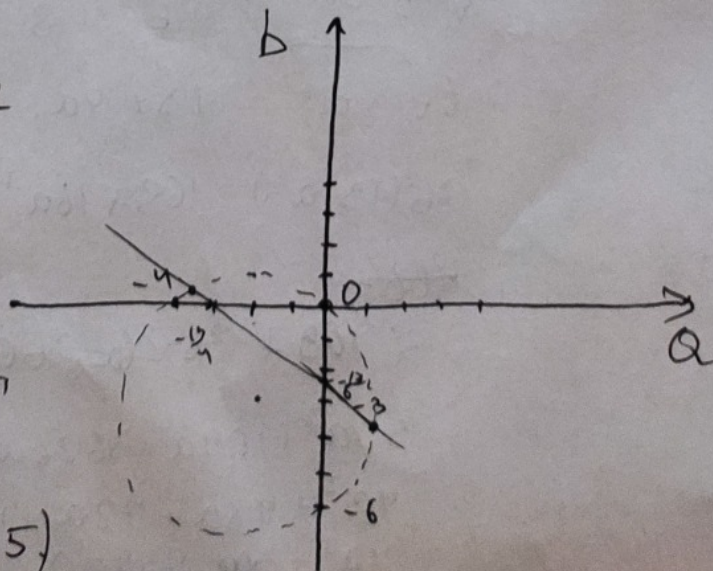
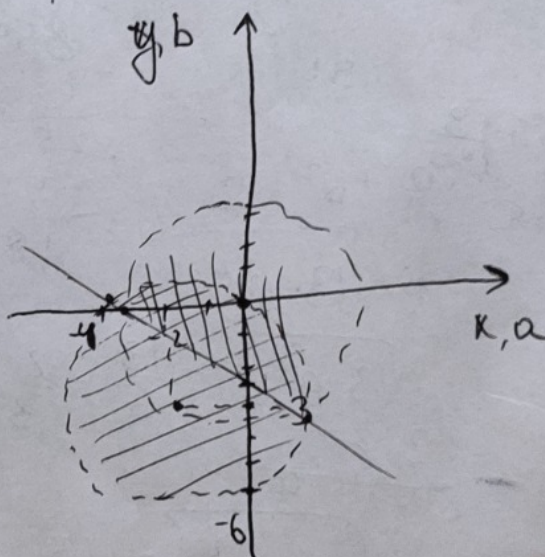
$$(b+3)^2 \leq 13 \quad (a+2)^2$$

$$b > -3.$$

$$b = \sqrt{13 - (a+2)^2} - 3.$$

$$-\frac{13}{6} - \frac{2}{3}a + 3 = \sqrt{13 - (a+2)^2}$$

$$-13 - 4a + 18 = (-4a + 5)$$



Мерников

$$16a^2 + 25 - 40a = 36(13 - (a+4)^2)$$

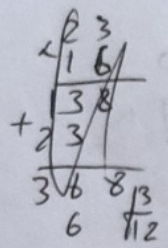
$$16a^2 + 25 - 40a = 468 - 36a^2 - 144a - 144$$

$$52a^2 + 104a - 293 = 0 \quad | :13$$

$$4a^2 + 8a - 23 = 0$$

$$D = 64 + 16 \cdot 23 = 16(4 + 23) = 16 \cdot 27 =$$

$$= \cancel{(4 \cdot 9)^2} (4 \cdot 3)^2 \cdot 3$$



$$a = \frac{-8 \pm 12\sqrt{3}}{8} = \frac{-2 \pm 3\sqrt{3}}{2}$$

$$a = \frac{-2 - 3\sqrt{3}}{2}$$

$$- \frac{855}{81} \sqrt{13} \quad a^2 + b^2 = 13$$

$$b = \sqrt{13 - a^2}$$

$$\sqrt{13 - a^2} = -\frac{13}{6} - \frac{2}{3}a$$

~~$$6\sqrt{13 - a^2}$$~~

$$\sqrt{13 - a^2} = \frac{13}{6} + \frac{2}{3}a$$

$$6\sqrt{13 - a^2} = 13 + 4a$$

$$36(13 - a^2) = 169 + 16a^2 + 104a$$

~~468~~

$$36 \cdot 169 + 36 \cdot 26a - 36a^2 = 169 + 16a^2 + 104a$$

$$52a^2 + 104a + 36 \cdot 26a + 169 - 36 \cdot 169$$

$$4a^2 + 8a + 72a + 13 - 468 = 0$$

$$4a^2 + 80a - 455 = 0$$

$$\begin{array}{r} \times 36 \quad \times 26 \\ 13 \quad 4 \\ \hline 108 \quad 144 \\ + 36 \quad 144 \\ \hline 468 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 468 \\ - 169 \\ \hline 299 \end{array} \quad \begin{array}{r} 299 \\ + 169 \\ \hline 468 \end{array}$$

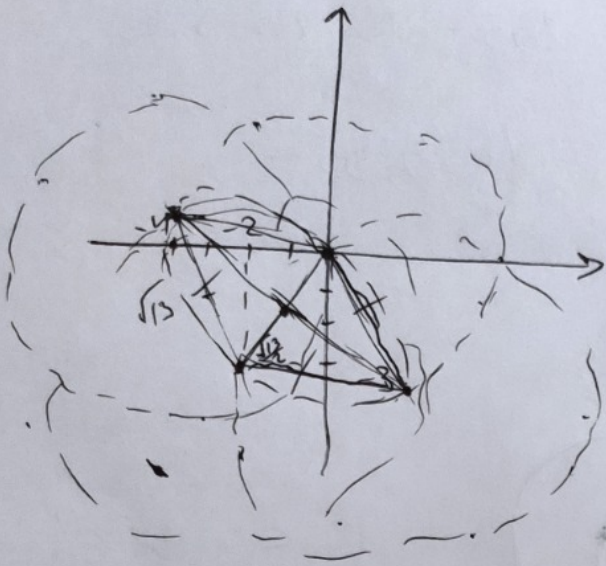
$$\begin{array}{r} 299 \quad 13 \\ \hline 26 \quad 123 \\ \hline 38 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 368 \\ \hline 6 \quad 9 \\ \hline 43 \quad 2 \quad 3 \\ \hline 3 \quad 1147 \end{array}$$

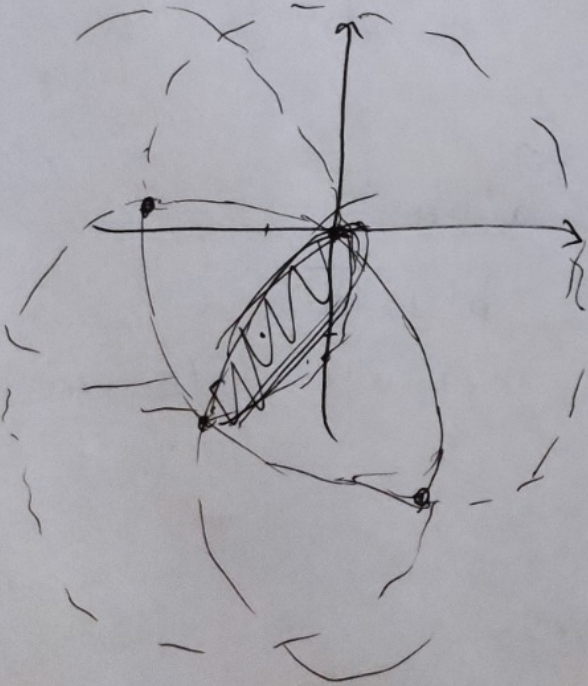
$$\begin{array}{r} 36 \\ \times 26 \\ \hline 216 \\ + 72 \\ \hline 536 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 468 \\ - 13 \\ \hline 455 \end{array}$$

Черновик



$$\begin{aligned} & 169 + 49 \\ & \sqrt{169 - \frac{169}{4}} = \\ & = \sqrt{\frac{19 \cdot 3}{4}} = \frac{13}{2} \sqrt{3}. \end{aligned}$$

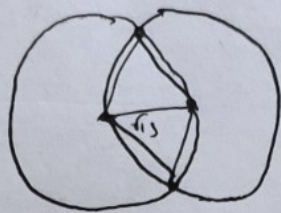
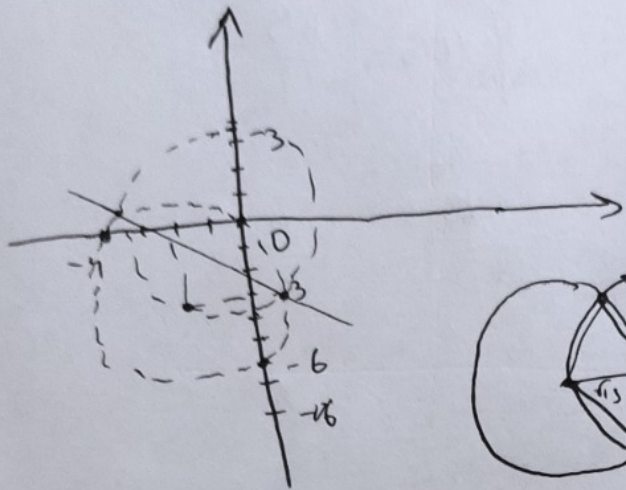


Методом

$$D = 8100 + 16 \cdot 455 = 16 \cdot 400 + 16 \cdot 455 =$$

$$= 16 \cdot 855 = 16 \cdot 285 \cdot 3 =$$

$$= 16 \cdot 9 \cdot 95 =$$



$$13 < -4a - 6b$$

$$-6b > 13 + 4a$$

$$(a+2)^2 + (b+3)^2 = 13$$

$$a^2 + b^2 = 13$$

$$b = \sqrt{13 - a^2}$$

$$a^2 + 4a + 4 + (\sqrt{13 - a^2} + 3)^2 = 13$$

$$a^2 + 4a + 4 + 13 - a^2 + 6\sqrt{13 - a^2} + 9 = 13$$

$$6\sqrt{13 - a^2} = -13 - 4a$$

$$b = -\sqrt{13 - a^2}$$

$$a^2 + 4a + 4 + (3 - \sqrt{13 - a^2})^2 = 13$$

$$a^2 + 4a + 4 + 9 - 6\sqrt{13 - a^2} + 13 - a^2 = 13$$

$$4a + 13 = 6\sqrt{13 - a^2}$$

$$S = \frac{a_1 + a_5}{2} \cdot 5 = \frac{a_1 + a_1 + 4d}{2} \cdot 5 = (a_1 + 2d)5 = 5a_1 + 10d$$

$$\boxed{d > 0}$$

$$\begin{cases} a_6 \cdot a_{11} > 5a_1 + 10d + 15 \\ a_8 \cdot a_3 < 5a_1 + 10d + 39 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} a_6 &= a_1 + 5d \\ a_{11} &= a_1 + 10d \\ a_8 &= a_1 + 7d \\ a_3 &= a_1 + 2d \end{aligned} \begin{cases} (a_1 + 5d)(a_1 + 10d) > 5a_1 + 10d + 15 \\ (a_1 + 7d)(a_1 + 2d) < 5a_1 + 10d + 39 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 10a_1d + 5a_1d + 50d^2 > 5a_1 + 10d + 15 \\ a_1^2 + 15a_1d + 56d^2 < 5a_1 + 10d + 39 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 15a_1d + 50d^2 > 5a_1 + 10d + 15 \\ a_1^2 + 15a_1d + 56d^2 < 5a_1 + 10d + 39 \end{cases}$$

$$6d^2 > 23.4$$

$$d^2 > 4$$

$$d > 2$$

$$\begin{array}{r} 110 \overline{) 5} \\ -10 \quad 22 \\ \hline 10 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 10 \\ 10 \\ \hline 76 \\ + 25 \\ \hline 8.1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10 \\ 121 \overline{) 85} \\ -85 \\ \hline 36 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 21 \\ 21 \\ \hline 84 \\ + 25 \\ \hline 109 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10 \\ 107 \overline{) 85} \\ -86 \\ \hline 85 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \times 24 \\ 24 \\ \hline 96 \\ + 71 \\ \hline 167 \end{array}$$

$$a_1^2 + a_1(15d - 5) + 50d^2 - 10d - 15 > 0 \quad -8$$

$$\begin{aligned} D &= 225d^2 - 150d + 25 - 4(50d^2 - 10d - 15) = \\ &= 225d^2 - 150d + 25 - 200d^2 + 40d + 60 = \end{aligned}$$

$$= 25d^2 - 110d + 85 =$$

$$= (5d^2 - 11)^2 + 36$$

$$a_{11} = \frac{5 - 15d - 5d^2 + 11}{2} = \frac{-5d^2 - 15d + 16}{2}$$

$$a_{12} = \frac{5 - 15d + 5d^2 - 11}{2} = \frac{5d^2 - 15d - 6}{2}$$

Memorandum.

$$a_1^2 + 15a_1d + 50d^2 > 5a_1 + 10d + 15$$

$$a_1^2 + 15a_1d + 50d^2 < 5a_1 + 10d + 35$$

$$-6b^2 \quad 6d^2 < 24$$

$$d^2 < 4$$

$$|d| < 2$$

$$\Downarrow \\ d = 1$$

$$(a_1 + 5)(a_1 + 10) > 5a_1 + 25$$

$$a_1^2 + 15a_1 + 50 > 5a_1 + 25$$

$$a_1^2 + 10a_1 + 25 > 0$$

$$(a_1 + 5)^2 > 0 \quad -9, -8, -7, -6, -4, -3, -2, -1$$

$$a_1 \neq -5$$

$$-5 + 3\sqrt{2}$$

$$a_1^2 + 15a_1 + 50 < 5a_1 + 49$$

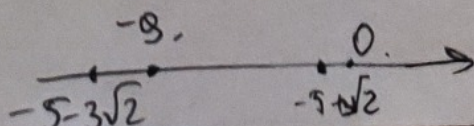
$$\sqrt{2} \approx 1,41$$

$$a_1^2 + 10a_1 + 7 < 0$$

$$3 \cdot 1,41 = 4,2$$

$$D = 100 - 28 = 72 = 36 \cdot 2$$

$$a_1 = \frac{-10 \pm 6\sqrt{2}}{2} = -5 \pm 3\sqrt{2}$$



Часть 2

Олимпиада: **Математика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21100024**

ID профиля: **377672**

Вариант 20

Числовик

$$\begin{cases} \text{НОД}(a; b; c) = 2 \cdot 5 \\ \text{НОК}(a; b; c) = 2^{17} \cdot 5^{16} \end{cases}$$

Так как $\text{НОК}(a; b; c) = 2^{17} \cdot 5^{16}$; то числа a, b, c делятся только на 2^m и 5^k , тогда эти числа можно представить как:

$$a = 2^{a_1} \cdot 5^{a_2} \quad (a_1, a_2, b_1, b_2, c_1, c_2 \in \mathbb{N})$$

$$b = 2^{b_1} \cdot 5^{b_2}$$

$$c = 2^{c_1} \cdot 5^{c_2}$$

следовательно т.к. $\text{НОД}(a, b, c) = 2^1 \cdot 5^1$,
 $a_1 = 1$ или $b_1 = 1$ или $c_1 = 1$, и

$$a_2 = 1 \text{ или } b_2 = 1, \text{ или } c_2 = 1,$$

т.к. $\text{НОК}(a, b, c) = 2^{17} \cdot 5^{16}$, то $a_1 + b_1 + c_1 = 17$, и

$$a_2 + b_2 + c_2 = 16.$$

I. Пусть $a_1 = 1$, тогда $b_1 + c_1 = 16$; выбрать натуральные

b_1 и c_1 можно 15 способами, аналогично рассматриваем

любой случай когда $b_1 = 1$ или $c_1 = 1$, однако мы

посчитали случаи когда $a_1 = b_1 = 1$, $a_1 = c_1 = 1$, $b_1 = c_1 = 1$,

следовательно надо вычесть 3 случая: $(3 \cdot 15 - 3)$ способа

выбрать a_1, b_1, c_1 .

II. Пусть $a_2 = 1$, тогда $b_2 + c_2 = 15$; выбрать натуральные

b_2 и c_2 можно 14 способами, аналогично рассматриваем

случаи, когда $b_2 = c_2 = 1$ или $c_2 = 1$, однако

случаи $a_2 = b_2 = 1$, $a_2 = c_2 = 1$, $a_2 = b_2 = c_2 = 1$, мы посчитали

ранее \Rightarrow надо вычесть 3 случая $(3 \cdot 14 - 3)$ - способа (1)

БЧ.

Числовик

Выбрать $a_2; b_2; c_2$

$$\text{Услов: } (3 \cdot 15 - 3) (3 \cdot 14 - 3) = 3 \cdot 14 \cdot 3 \cdot 13 = 1638 \text{ способа.}$$

Ответ: 1638.

2

Числовик.

№5. ОДЗ:

$$\left\{ \begin{array}{l} 2x-8 > 0 \\ 2x-8 \neq 1 \\ x > 4 \\ x-4 \neq 1 \\ 5x-26 > 0 \\ 5x-26 \neq 1 \end{array} \right. \quad \left\{ \begin{array}{l} x > 5,2 \\ x \neq 5,4 \end{array} \right.$$

Рассмотрим произведение этих логарифмов:

$$\begin{aligned} & \log_{\sqrt{2x-8}}(x-4) \cdot \log_{(x-4)^2(5x-26)} \cdot \log_{\sqrt{5x-26}}(2x-8) = \\ & = 2 \cdot \log_{(2x-8)}(x-4) \cdot \frac{1}{2} \log_{(x-4)(5x-26)} \cdot 2 \log_{(5x-26)}(2x-8) = \\ & = 2. \end{aligned}$$

Пусть логарифмическое уравнение имеет три логарифма a, b, c , тогда

$$\left\{ \begin{array}{l} abc = 2 \\ a = b = c - 1 \end{array} \right. \quad \left\{ \begin{array}{l} (c-1)^2 \cdot c = 2 \\ a = b = c - 1 \end{array} \right. \quad \left\{ \begin{array}{l} c^3 - 2c^2 + c - 2 = 0 \\ a = b = c - 1 \end{array} \right.$$

$$\text{т.е.} \quad \left\{ \begin{array}{l} (c-2)(c^2+1) = 0 \\ a = b = c - 1 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} c = 2 \\ a = 1 \\ b = 1 \end{array} \right.$$

\Rightarrow один из этих логарифмов должен быть равен 2, тогда остальные должны быть равны 1.

1. $\log_{\sqrt{2x-8}}(x-4) = 2$

$$(x-4) = \sqrt{2x-8}^2$$

$x = 4$ - не удовлетворяет ОДЗ.

2. $\log_{(x-4)^2(5x-26)} = 2$

$$5x-26 = (x-4)^2$$

$$\log_{\sqrt{5x-26}}(2x-8) = 2$$

$$2x-8 = \sqrt{5x-26}^2$$

$$2x-8 = 5x-26$$

$$x = 6$$

3

№5

Условие.

$$3. \begin{cases} \log_{\sqrt{2x-8}} (x-4) = 1 \\ \log_{\sqrt{5x-26}} (2x-8) = 1 \end{cases} \quad (\text{Тогда } \log_{x-4} (x-4) = \log_{x-4} (x-4) = 1)$$

$$\begin{cases} x-4 = \sqrt{2x-8} \\ 2x-8 = \sqrt{5x-26} \end{cases}$$

т.к. по ОДЗ $x > 5,2$:

$$\begin{cases} x^2 - 10x + 24 = 0 \\ 4x^2 - 32x + 64 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 6 \\ x = 4 - \text{не уде. ОДЗ} \\ x = \frac{1}{4} - \text{не уде ОДЗ} \\ x = 8 \end{cases}$$

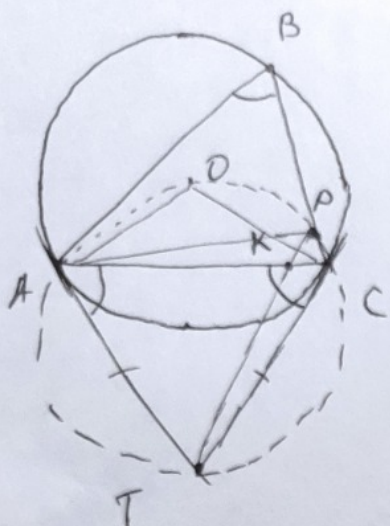
$\begin{cases} x = 6 \\ x = 8 \end{cases}$ - следовательно ^{в этом случае} решением являются

ответ: ~~4~~ 6

4

№6

Условие.



$$S_{\triangle APK} = 10; S_{\triangle CPK} = 8.$$

Решение:

а) Из точки P проведем высоту h на сторону AC, тогда:

$$S_{\triangle APK} = \frac{1}{2} h \cdot AK; S_{\triangle CPK} = \frac{1}{2} h \cdot KC$$

$$\frac{10}{8} = \frac{AK}{KC}; AK = \frac{5}{4} KC.$$

2) Пусть $\angle CAT = \angle$, тогда $\angle ACT = \angle$ (т.к. $\triangle ACT$ - равнобедренный).

т.к. $\angle CAT = \angle ABC = \angle ACT = \angle$ (как угол между хордой и касательной).

3) $\angle AOC = 2\angle ABC = 2\angle$ (как центральный угол).

Четырехугольник AOPC - вписанный (по условию)

$$\Rightarrow \angle AOC = \angle APC = 2\angle.$$

4) $\angle ATC = 180 - 2\angle \Rightarrow$ четырехугольник

APCT - вписанный $\Rightarrow \angle ACT = \angle APT = \angle \Rightarrow$

$\angle TPC = \angle$ (т.к. $\angle APC = 2\angle$) $\Rightarrow \triangle ABC$ подобен

$\triangle KPC$ ($\angle ABC = \angle KPC$; $\angle ACB$ - общий).

5) А из пункта 1: $\frac{KC}{AC} = \frac{4}{9}$; $\frac{S_{CPK}}{S_{ABC}} = \left(\frac{4}{9}\right)^2$

$$\frac{8}{S_{ABC}} = \frac{16}{81}; S_{ABC} = \frac{81}{2}.$$

5

Memorandum.

$$(3(15) - 3)(3(14) - 3) =$$

$$= (3 \cdot 15 - 3)(3 \cdot 14 - 3) =$$

$$= 3 \cdot 14 \cdot 3 \cdot 13 =$$

$$= 9 \cdot 14 \cdot 13 = \boxed{1638}$$

$$\begin{array}{r} 182 \\ - 17 \\ \hline 165 \\ 182 \\ \hline 1638 \\ \times 14 \\ \times 13 \\ \hline 182 \\ + 14 \\ \hline 182 \end{array}$$

$$2x - 8 > 0$$

$$x > 4$$

$$2x - 8 \neq 1$$

$$2x \neq 9$$

$$x \neq 4,5$$

$$5x = 27$$

$$x = \frac{27}{5} = 5,4$$

$$5x - 26 > 0$$

$$5x > 26$$

$$x > \frac{26}{5}$$

$$\boxed{x > 5,2}$$

$$2 \log_{2x-8}(x-4) \cdot \frac{1}{2} \log_{x-4}(5x-26) \cdot 2 \log_{5x-26}^{(2x-8)} =$$

$$= 2 \log_{2x-8}^{(x-4)} \cdot \log_{x-4}^{(2x-8)} = 2$$

$$\begin{cases} abc = 2 \\ a = b = c + 1 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} (c+1)(c+1)c &= 2 \\ (c^2 + 2c + 1) \cdot c &= 2 \end{aligned}$$

⊥

Черновик.

$a, b, c \in \mathbb{N}$.

\int НОД $(a, b, c) = 10 \cdot 2 \cdot 5$.

\int НОК $(a, b, c) = 2^{17} \cdot 5^{16}$.

$\log \sqrt{2x-8} \quad (x-4)=1$
 $x-4 = \sqrt{2x-8}$

~~$a = 2^e \cdot 5^v$~~

$a = 2^{a_1} \cdot 5^{a_2}$

$b = 2^{b_1} \cdot 5^{b_2}$

$c = 2^{c_1} \cdot 5^{c_2}$

$(x^2 - 8x + 16)(x^2$

$x^2 - 8x + 16 = 2x - 8$

где, a, b, c, m - взаимно
простые.

$x^2 - 10x + 24$.

$D = 100 - 96 = 4$.

$x_{1,2} = \frac{10 \pm 2}{2} =$

$= 6; 4$.

$\begin{cases} a_1 \text{ или } b_1 \text{ или } c_1 = 1 \end{cases}$

$\begin{cases} a_2 \text{ или } b_2 \text{ или } c_2 = 1 \end{cases}$

$\begin{cases} a_1 + a_2 + a_3 = 17 \end{cases}$

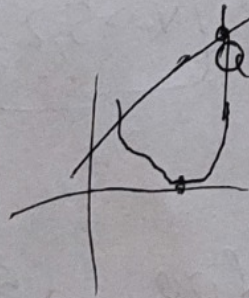
$\begin{cases} b_1 + b_2 + b_3 = 16 \end{cases}$

$\begin{array}{r} \times 16 \\ \times 3 \\ \hline 144 \end{array}$

$\begin{array}{r} 37 \\ + 37 \\ \hline 74 \\ + 259 \\ \hline 333 \\ - 1369 \\ \hline -1444 \\ \hline 1225 \end{array}$

$1369 - 16 \cdot 90$

$g(C'_{15})$



$a_2 + a_3 = 16$

$b_2 + b_3 = 15$

$x-4 = \sqrt{2x-8}^2$

$x-4 = 2x-8$

$x = 4$.

$\sqrt{5x-26} = 2x-8$.

$5x-26 = 4x^2 - 32x + 64$

$4x^2 - 37x + 90 = 0$

$D = 1225 = 35^2$

$x_1 = \frac{37-35}{8} = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}$
 $x_2 = \frac{37+35}{8} = \frac{72}{8} = 9$

2

$a_1 - C'_{15}$

$a_2 \cdot C'_{15}$

$a_3 \cdot C'_{15}$

$b_1 \cdot C'_{15}$

$a_1 \ a_2$

$a_2 \ a_1$

$a_1 \ a_2$

$a_2 \ a_1$

$a_1 \ a_2$

Методом.

$$\frac{PK}{AK} = \frac{PC}{AT} = \frac{CK}{KT}$$

$$\frac{AP}{CT} = \frac{PK}{KT} = \frac{AP}{CT} = \frac{PK}{KC} = \frac{AK}{KT}$$

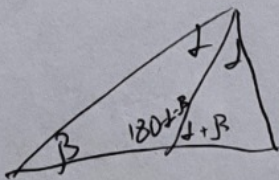
$$PK \cdot CT$$

$$CT \cdot PK = AP \cdot KC$$

$$AT \cdot PK = AK \cdot PC$$

$$AP \cdot KC = AK \cdot PC$$

$$\frac{AP}{PC} = \frac{AK}{KC}$$



$$\angle OAT = 90^\circ$$

OF-квадрат

$$\frac{AP}{PC} = \frac{5}{4}$$

$$S = \frac{81 \cdot 8}{36} =$$

$$AK = 5x; KC = 4x$$

$$= \frac{9 \cdot 8}{4} = 18$$

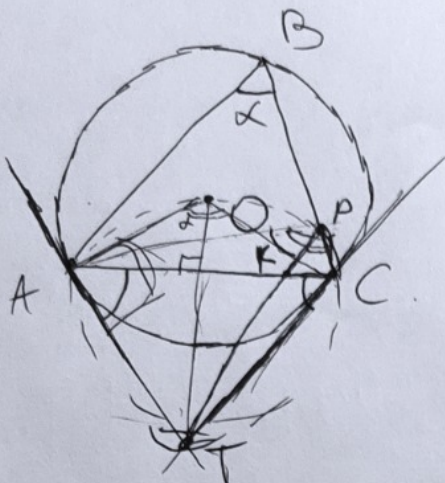
$$\left(\frac{4}{9}\right)^2 = \frac{8}{10}$$

$$\frac{8}{10} = \left(\frac{4}{9}\right)^2 =$$

$$\frac{8}{10} = \frac{36}{81}$$

3

Меридиан.



$$S_{APK} = 10$$

$$S_{CPK} = 8.$$

ADPC - вписанный

$$\angle AOC = 2\alpha.$$

$$\parallel$$

$$\angle APC$$

AC-?

$$180 - \alpha - \alpha - \beta = \angle ABC$$

$$= 180 - 2\alpha - \beta \quad \triangle APC \dots ?$$

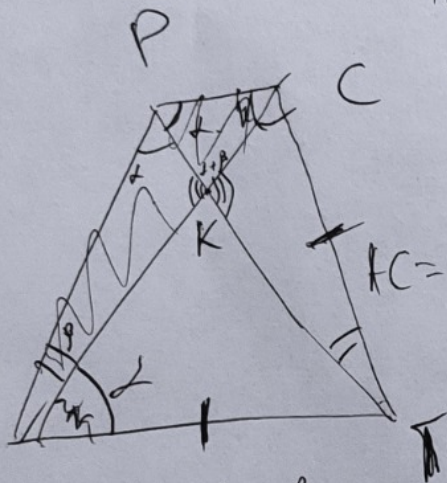
$$\angle APC = 2\alpha$$

$$AC = \frac{5}{4} + \dots = \angle ATC = 180 - 2\alpha \Rightarrow$$

$= \frac{8}{4} \alpha$. $\triangle PCT$ - вписанный.

$$\Rightarrow \angle APK = \alpha$$

$$2\alpha \cdot AC = 2R \cdot \sin \alpha$$



A

$$\frac{16}{81} = \frac{8}{7}$$

$$x = \frac{81 \cdot 16 \cdot 8}{16} = \frac{81}{2}$$

$$AB \parallel KP \text{ ч } AC = 9x$$

$$\frac{PC}{AT} = \frac{PK}{KT} = \frac{KC}{AK}.$$

$$PC = AP \text{ - ?}$$

$$\frac{CK}{AC} \text{ - ?}$$

$$\frac{AP}{PC} = \frac{PK}{KT}.$$

$$\frac{PC}{AT} = \frac{PK}{KT}.$$

$$KC = x.$$

$$AC = y.$$

$$\begin{cases} \frac{1}{2} h \cdot x = 8. \\ \frac{1}{2} h (y - x) = 10 \end{cases}$$

(4)

$$\frac{x}{y - x} = \frac{4}{5}.$$

Менюбук.

$$c^3 + 2c^2 + c - 2 = 0.$$

$$2(c^2 - 1) + (c^3 + c) = 0.$$

$$2(c-1)(c+1) + c(c^2+1)$$

$$c = a - 1$$

$$a + 1 = c.$$

$$b + 1 = c.$$

$$(c-1)^2 \cdot c = 2$$

$$c^3 - 2c^2 + c - 2 = 0$$

$$c^{\cancel{3}}(c^2+1) - 2(c^2+1) = 0$$

$$(c-2)(c^2+1) = 0.$$

$$\boxed{c=2}$$

5