

Часть 1

Олимпиада: **Математика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21100992**

ID профиля: **840252**

Вариант 19

Баглан 13
Үүснөлөг
№1

Монголчлол
1992.

d -позитивт арга. нэвтрүүлж $d \in \mathbb{Z}$, м.к. $a_i \in \mathbb{Z}$

$$S = \frac{14(2a_1 + 13d)}{2} = 14a_1 + 91d$$

$$a_9 a_{13} > 5 + 12$$

$$(a_1 + 8d)(a_1 + 12d) > 14a_1 + 91d + 12$$

$$a_1^2 + 24d a_1 + 128d^2 > 14a_1 + 91d + 12$$

$$a_1^2 + (24d - 14)a_1 + 128d^2 - 91d - 12 > 0$$

$$a_{11} a_{15} < 5 + 47$$

$$(a_1 + 10d)(a_1 + 14d) < 14a_1 + 91d + 47$$

$$a_1^2 + 24d a_1 + 14d^2 < 14a_1 + 91d + 47$$

$$a_1^2 + (24d - 14)a_1 + 14d^2 - 91d - 47 < 0$$

$$\begin{cases} -a_1^2 - (24d - 14)a_1 - 14d^2 + 91d + 47 > 0 \\ + a_1^2 + (24d - 14)a_1 + 128d^2 - 91d - 12 > 0 \end{cases}$$

$$127d^2 + 35d > 0$$

$$-12d^2 + 35 > 0$$

$$127d^2 < 35$$

$$d^2 < \frac{35}{12}$$

$$d \in \mathbb{Z}; d > 0$$

$$d \in \{1, 2\}$$

$$d = 1:$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 10a_1 + 128 - 91 - 12 > 0 \\ a_1^2 + 10a_1 + 140 - 91 - 47 < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 10a_1 + 25 > 0 \\ a_1^2 + 10a_1 + 2 < 0 \end{cases}$$

$$D = 96$$

$$\begin{cases} (a_1 + 5)^2 > 0 \\ a_1 \in (-10, 0) \end{cases} \begin{cases} a_1 = \frac{-10 - \sqrt{96}}{2} = \frac{-10 - 2\sqrt{24}}{2} = -5 - 2\sqrt{6} < -10 \\ a_1 = \frac{-10 + \sqrt{96}}{2} = \frac{-10 + 2\sqrt{24}}{2} = -5 + 2\sqrt{6} < 0 \end{cases}$$

$$\sqrt{6} < \frac{5}{2}$$

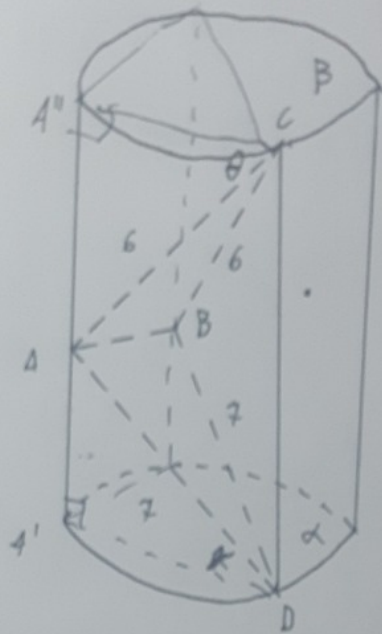
$$6 < \frac{25}{4}$$

$$24 < 25$$

1

Цилиндр

$\frac{1}{2}$



1) ~~Для~~ Наиболее выгодно расположить AB т.е. он проходит через ось цилиндра т.к. тогда при том же радиусе можно достичь максимальной AB.

$$\begin{aligned} 2) \text{Пр}_{\alpha}^{\perp} AD = A'D \\ \text{Пр}_{\beta}^{\perp} AC = A''C \end{aligned} \quad \left| \quad A''C = A'D \text{ (т.к. } A'A''CD - \text{пл.)} \right.$$

$$\begin{aligned} 3) \widehat{A''CA} = \theta \\ \widehat{ADA'} = \varphi \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 6 \cos \theta = 7 \cos \varphi \text{ (из пл. } \triangle AA''C \text{ и } \triangle AA'D) \\ \frac{6}{7} = \frac{\cos \varphi}{\cos \theta} \end{aligned}$$

4) CD = высоте цилиндра (т.к. это единств. способ расположить CD || оси т.е. C и D лежат на боковой пов-ти)

5)

Вариант 19
 Чистовик
 №1 (продолж.)

Мамедовичева
 11кл.

$d = 2:$

$$\begin{cases} a_1^2 + 34a_1 + 128 \cdot 4 - 91 \cdot 2 - 12 > 0 \\ a_1^2 + 34a_1 + 140 \cdot 4 - 91 \cdot 2 - 47 < 0 \end{cases}$$

~~(2) $a_1^2 + 34a_1 + 560 >$~~

$$\begin{cases} a_1^2 + 34a_1 + 512 - 182 - 12 > 0 \\ a_1^2 + 34a_1 + 560 - 182 - 47 < 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_1^2 + 34a_1 + 318 > 0 \\ a_1^2 + 34a_1 + 331 < 0 \quad (2) \end{cases}$$

$a_1^2 + 34a_1 + 331 < 0$

$D = 34^2 - 4 \cdot 331 < 0$

$a_1 \in \emptyset$

Ответ: $a_1 \in \{-9; -8; -7; -6; -4; -3; -2; -1\}$

$$\begin{array}{r} \dots \\ 512 \\ -182 \\ \hline 330 \end{array} \quad \begin{array}{r} 7 \\ 182 \\ -97 \\ \hline 229 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 560 \\ -229 \\ \hline 331 \end{array}$$

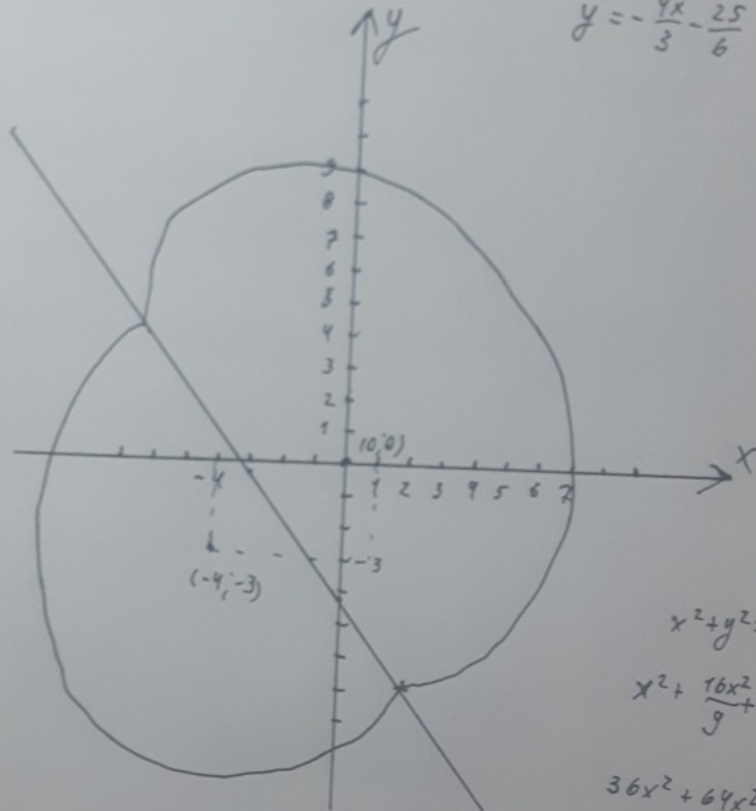
$$\begin{array}{r} 11 \\ 34 \\ \times 34 \\ \hline 136 \\ 902 \\ \hline 1156 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1 \\ 331 \\ \wedge 4 \\ \hline 1324 \end{array}$$

Числовая

$\sqrt{3}$ (градусов)


Рисунная окр-ти на границах полученной фигуры (крайний случай) можно понять фигура, задаваемая системой - два сектора окр-ти радиуса 10 с центрами в т. $(-4; -3)$ и $(0; 0)$, каждый сектор ограничен от другого прямой $b = -\frac{4x}{3} - \frac{25}{6}$

$$y = -\frac{4x}{3} - \frac{25}{6}$$



$$\begin{aligned}x^2 + y^2 &= 100 \\x^2 + \frac{16x^2}{9} + \frac{200x}{18} + \frac{625}{36} &= 100 \\36x^2 + 64x^2 + 400x + 625 &= 3600 \\100x^2 + 400x - 2975 &= 0 \\D &= 160000 + 400 \cdot 2975 = \\&= 1240000\end{aligned}$$

$$\begin{array}{r}337 \\ \times 2975 \\ \hline 1180000 \\ + 160000 \\ \hline 1240000\end{array}$$

 (5)

числовая
√3

$$\begin{cases} (x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 25 & (1) \\ a^2 + b^2 \leq \min(-8a-6b; 25) & (2) \end{cases}$$

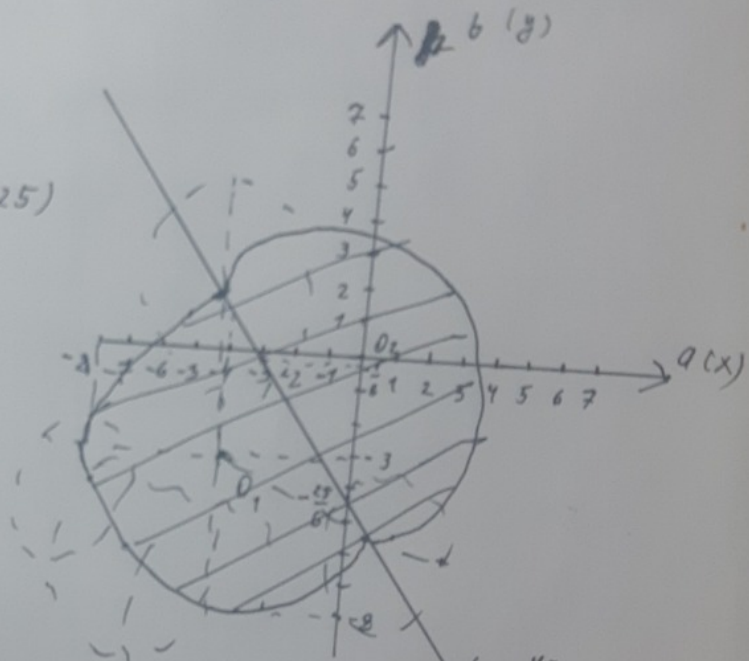
$$(2) \quad a^2 + b^2 \leq \min(-8a-6b; 25)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} -8a-6b < 25 \\ a^2 + b^2 \leq -8a-6b \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} -8a-6b \geq 25 \\ a^2 + b^2 \leq 25 \end{array} \right.$$

$$\left\{ \begin{array}{l} -6b < 25+8a \\ (a+4)^2 + (b+3)^2 \leq 25 \\ b \geq -\frac{8a+25}{6} \\ a^2 + b^2 \leq 25 \end{array} \right. \Rightarrow$$

$$\left\{ \begin{array}{l} b < -\frac{4a}{3} - \frac{25}{6} \\ (a+4)^2 + (b+3)^2 \leq 25 - \text{круг с центром } (-4; -3) \text{ и } r=5 \\ b \geq -\frac{4a}{3} - \frac{25}{6} \\ a^2 + b^2 \leq 25 - \text{круг с центром } (0; 0) \text{ и } r=5 \end{array} \right.$$



$$b = -\frac{4a}{3} - \frac{25}{6}$$

круг с центром (-4; -3) и r=5

круг с центром (0; 0) и r=5

При переносе в СК с осями Ox и Oy получившаяся фигура в осях Oa и Ob будет представлять из себя множество центров кругов радиуса 5 удовл. нерав-ву (1).

-5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15
 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21

$$S = \frac{-5+8}{2} \cdot 14 = 21$$

$\sqrt{1}$

$$a_9 a_{17} = 3 \cdot 11 = 33 > 33 (!)$$

$$a_9 a_{17} > S + 12$$

$$a_{11} a_{15} < S + 47$$

$$S = 7(a_1 + a_{14}) = 7(2a_1 + 13d)$$

$$(a_1 + 8d)(a_1 + 16d) > 14a_1 + 91d + 12$$

$$a_1^2 + 24da_1 + 128d^2 > 14a_1 + 91d + 12$$

$$a_1^2 + (24d - 14)a_1 + 128d^2 - 91d > 12$$

$$\Delta = (24d - 14)^2 - 4(128d^2 - 91d) =$$

$$= 576d^2 - 672d + 196 - 512d^2 + 364d = 64d^2 - 308d + 196 + 48 =$$

$$= 64d^2 - 308d + 244 = 64 \cdot 4 - 308 \cdot 2 + 244 =$$

$$= 256 + 244 - 616 < 0$$

$$a_{11} a_{15} < S + 47$$

$$(a_1 + 10d)(a_1 + 14d) < 14a_1 + 91d + 47$$

$$a_1^2 + 24da_1 + 140d^2 < 14a_1 + 91d + 47$$

$$\begin{cases} + a_1^2 + (24d - 14)a_1 + 140d^2 - 91d - 47 < 0 \\ - a_1^2 - (24d - 14)a_1 - 128d^2 + 91d + 12 > 0 \end{cases}$$

$d = 2; 1$

$$12d^2 - 35 < 0$$

$$\frac{35}{12} > 2$$

$$d^2 < \frac{35}{12}$$

$$\Delta = (24d - 14)^2 - 4(140d^2 - 91d - 47) =$$

$$= 576d^2 - 672d + 196 - 560d^2 + 364d + 188 =$$

$$= 16d^2 - 308d + 384 = 64 - 616 + 384 < 0$$

$$= 16 - 308 + 384 = 92$$

$a \in$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 24 \\ \times 24 \\ \hline 96 \\ 48 \\ \hline 576 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \\ 24 \\ \times 28 \\ \hline 192 \\ 48 \\ \hline 672 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 \\ 14 \\ \times 14 \\ \hline 56 \\ 14 \\ \hline 196 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 672 \\ -364 \\ \hline 308 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 \\ 14 \\ \times 8 \\ \hline 112 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 672 \\ -364 \\ \hline 308 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 6 \\ 18 \\ \times 18 \\ \hline 144 \\ 18 \\ \hline 324 \end{array} \quad \begin{array}{r} 11 \\ 196 \\ +182 \\ \hline 384 \end{array}$$

Черновик
№3

$$a^2 + b^2 \leq \min(-8a - 6b, 25)$$

$$-8a - 6b < 25$$

$$a > -\frac{25+6b}{8} = -\frac{3}{4}b - \frac{25}{8}$$

$$a^2 + b^2 \leq -8a - 6b$$

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 25$$

$$\begin{cases} a(a+8) + b(b+6) \leq 0 \\ -8a - 6b < 25 \end{cases}$$

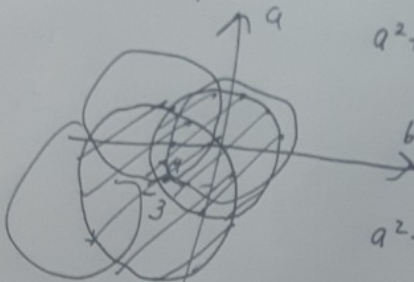
$$b^2 + 6b + (a^2 + 8a) \leq 0$$

$$D = 36 - 4a^2 - 32a =$$

$$a^2 + 8a + (6b + b^2) \leq 0$$

$$D = 64 - 24b - 4b^2 = 4(16 - 6b - b^2) = 4(8 - 2b)^2 + 128$$

$$a_1 = -4$$



$$a^2 + b^2 \leq 25$$

$$a = \pm \sqrt{25 - b^2}$$

$$a^2 + 8a + 6b + b^2 \leq 0$$

$$a^2 + 8a + 16 + b^2 + 6b + 9 \leq 25$$

$$(a+4)^2 + (b+3)^2 \leq 25$$

-35 -26 -18 -11

-9, -8, -7, -6, -5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7
2 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15

$$d_{11} \cdot a_{15} = 1 \cdot 5 < -35 + 47$$

$$d_9 \cdot a_{17} > -35 + 12$$

$$7 > -23$$

-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18

$$S = \frac{-1+12}{2} \cdot 14 = 77$$

$$d_9 \cdot a_{12} = 7 \cdot 15 > 89$$

$$d_{11} \cdot a_{15} < 77 + 47$$

$$9 \cdot 13$$

$$117 < 124$$

Часть 2

Олимпиада: **Математика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21100992**

ID профиля: **840252**

Вариант 19

№4

$$\begin{cases} \text{НОД}(a, b, c) = 21 = 3 \cdot 7 \\ \text{НОК}(a, b, c) = 3^{17} \cdot 7^{15} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} a &= 3^{x_1} \cdot 7^{y_1} \\ b &= 3^{y_1} \cdot 7^{y_2} \\ c &= 3^{z_1} \cdot 7^{z_2} \end{aligned}$$

a, b и c не могут содержать других простых делителей т.к. иначе бы НОК их тоже содержал.

$$x_i, y_i \in \mathbb{N}$$

$$\min(x_1, y_1, z_1)$$

$$\text{НОД}(a, b, c) = 3^{\min(x_1, y_1, z_1)} \cdot 7^{\min(x_2, y_2, z_2)}$$

$$\text{НОК}(a, b, c) = 3^{\max(x_1, y_1, z_1)} \cdot 7^{\max(x_2, y_2, z_2)}$$

$$\begin{cases} \min(x_1, y_1, z_1) = 1 \\ \max(x_1, y_1, z_1) = 17 \\ \min(x_2, y_2, z_2) = 1 \\ \max(x_2, y_2, z_2) = 15 \end{cases} \quad \text{Варианты}$$

~~Варианты~~

$$\begin{cases} \min(x_1, y_1, z_1) = 1 \\ \max(x_1, y_1, z_1) = 17 \end{cases}$$

Суть в 1 число из трех $\in [2, 16]$, еще одно равно 1, а третье равно 17.

$$\text{Вариантов } C_3^1 \cdot 12 \cdot 15 \cdot 2$$

↑
Выберем одно число
↑
для него 15 вариантов
↑
17 и 1 можно поменять местами.

①

$\sqrt{5}$ (предполож.)

числовых

Пусть $2 \log\left(\frac{x-1}{2}\right) \left(x-\frac{11}{4}\right) = 1$

$$\left(x-\frac{11}{4}\right)^2 = \frac{x}{2} - \frac{1}{4}$$

$$x^2 - \frac{11x}{2} + \frac{121}{16} = \frac{x}{2} - \frac{1}{4}$$

$$x^2 - 6x + \frac{125}{16} = 0$$

$$16x^2 - 96x + 125 = 0$$

$$D = 96^2 - 64 \cdot 125 = 1216$$

$$x = \frac{96 - \sqrt{1216}}{32} =$$

$$= 3 - \frac{8\sqrt{19}}{32} = 3 - \frac{\sqrt{19}}{4} \text{ - не кор.}$$

$$3 - \frac{\sqrt{19}}{4} < \frac{1}{4}$$

$$12 - \sqrt{19} < 11$$

$$1 < \sqrt{19}$$

$$x = 3 + \frac{\sqrt{19}}{4} \text{ - кор. кор } 0.83$$

$\sqrt{16}$
 $\frac{1}{2} \log\left(\frac{x}{2} - 1\right) \left(\frac{x}{2} - \frac{1}{4}\right) =$

$$= \frac{1}{2} \log\left(\frac{5}{2} + \frac{\sqrt{19}}{8}\right) \left(\frac{5}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8}\right) = 1$$

$$\left(\frac{5}{2} + \frac{\sqrt{19}}{8}\right)^2 = \frac{5}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8}$$

$$\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8} + \frac{19}{64} = \frac{5}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8} \text{ - неверно}$$

5
3
96
x 96
7 96
1 576
864
9216
13
12
125
x 69
1500
750
8000

5
3
96
x 96
1 576
864
9216

1
1 34
x 36
136
102
1156
3
36
x 36
216
108
1296

~~1296 | 4
12
03
8
16
16
0
324 | 4
32
04
81
0~~

1216 | 4
12
016
16
0

304 | 4
28
28
24
0

76 | 4
4
36
36
0

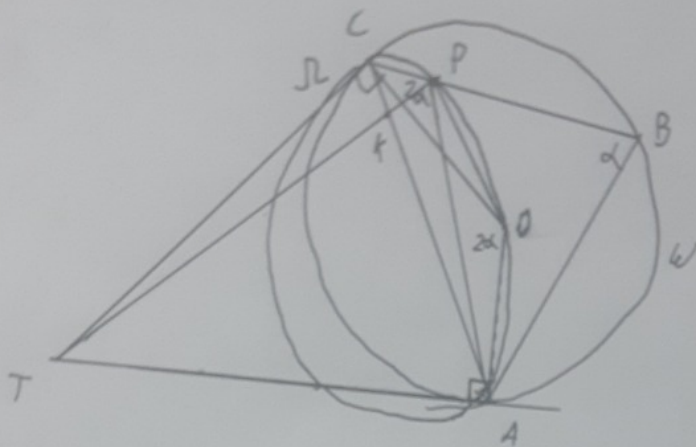
$$\frac{1}{2} \log\left(\frac{5}{2} + \frac{\sqrt{19}}{8}\right) \left(\frac{5}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8}\right) = 2$$

$$\left(\frac{5}{2} + \frac{\sqrt{19}}{8}\right)^2 = \frac{5}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8}$$

~~$\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8} + \frac{19}{64} = \frac{5}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8}$~~

5

Числовик
№6



1) Пусть $\widehat{ABC} = \alpha$, пусть Ω - окр.-ть с кр. сего $\triangle COA$

$$\Downarrow$$

$$\widehat{COA} = 2\alpha \text{ (впис. окрр. на ту же дугу)}$$

$$\Downarrow$$

$$\widehat{CPA} = \widehat{COA} = 2\alpha \text{ (впис. в } \Omega, \text{ окрр. на одну дугу)}$$

2) \widehat{ACB} - ослуг.

$$\Downarrow$$

$$\frac{S_{CPA}}{S_{ABC}} = \frac{CP}{CB}$$

3) $\triangle OPC$ - впис. $\Rightarrow \widehat{CPO} + \widehat{CPO} = 180^\circ$

(7)

Численка
1/1

$\sqrt{5}$ (иррационал) Численка

$$\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{19}}{8}\right)^4 = \frac{5}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8}$$

$$\left(\frac{1}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8} + \frac{19}{64}\right)^2 = \frac{5}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8}$$

$$\left(\frac{35}{64} + \frac{\sqrt{19}}{8}\right)^2 = \frac{5}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8}$$

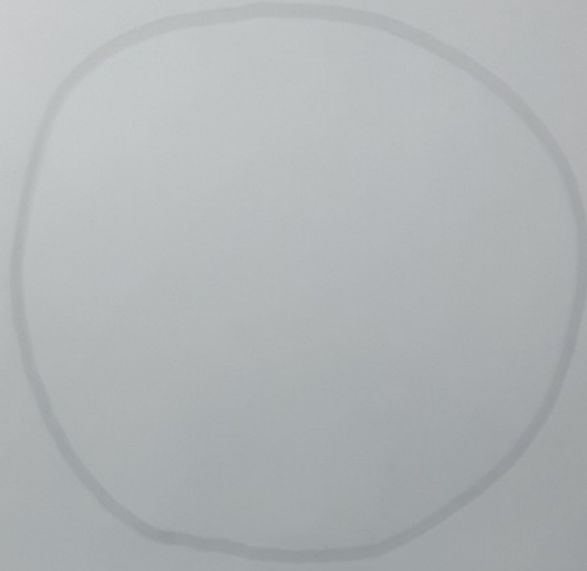
$$\frac{35^2}{64^2} + \frac{35\sqrt{19}}{64 \cdot 4} + \frac{19}{64} = \frac{5}{4} + \frac{\sqrt{19}}{8}$$

$$\frac{35^2 - 19 \cdot 64 - 5 \cdot 16 \cdot 64}{64^2} = \frac{\sqrt{19}}{8} - \frac{35\sqrt{19}}{64 \cdot 4}$$

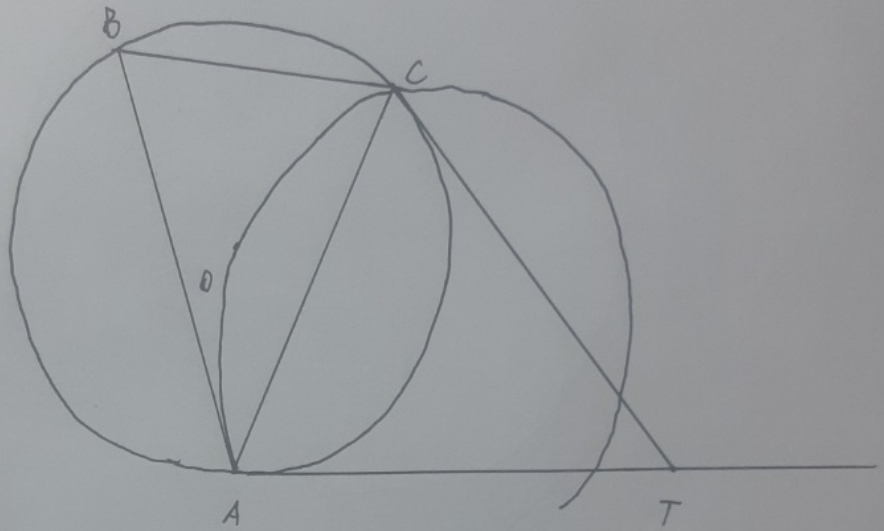
$$\frac{35^2 - 19 \cdot 64 - 5 \cdot 16 \cdot 64}{64^2} = -\frac{3\sqrt{19}}{64 \cdot 4} \Rightarrow \text{неверно}$$

прав. иррац.

Ответ: $x = 5$



Черновики



Uppasaku

N4

$$\text{KOD}(a, b, c) = 21 = 3 \cdot 7$$

$$\text{KOK}(a, b, c) = 3^{17} \cdot 7^{15}$$

$$a = 3^{x_1} \cdot 7^{x_2}$$

$$b = 3^{y_1} \cdot 7^{y_2}$$

$$c = 3^{z_1} \cdot 7^{z_2}$$

$$\max(x_1, y_1, z_1) = 17$$

$$\min(x_1, y_1, z_1) = 1$$

$$17^3 \cdot 15^3$$

$$\max(x_2, y_2, z_2) = 15$$

$$\min(x_2, y_2, z_2) = 1$$

N5

$$a: \log_{\left(\frac{x}{2}-1\right)^2} \left(\frac{x}{2}-\frac{1}{4}\right) = \frac{1}{2} \log_{\frac{x}{2}-1} \left(\frac{x}{2}-\frac{1}{4}\right)$$

$$b: \log_{\sqrt{x-\frac{11}{4}}} \left(\frac{x}{2}-1\right) = 2 \log_{x-\frac{11}{4}} \left(\frac{x}{2}-1\right)$$

$$c: \log_{\frac{x}{2}-\frac{1}{4}} \left(x-\frac{11}{4}\right)^2 = 2 \log_{\frac{x}{2}-\frac{1}{4}} \left(x-\frac{11}{4}\right)$$

$$a=b$$

$$\frac{1}{2} \log_{\left(\frac{x}{2}-1\right)^2} \left(\frac{x}{2}-\frac{1}{4}\right) = 2 \log_{x-\frac{11}{4}} \left(\frac{x}{2}-1\right)$$

$$\log_{\frac{x}{2}-1} \left(\frac{x}{2}-\frac{1}{4}\right) = \frac{4}{\log_{\left(\frac{x}{2}-1\right)} \left(x-\frac{11}{4}\right)}$$

$$\begin{matrix} x \\ y \\ z \end{matrix} \begin{cases} \frac{1}{2} \log_a b = \frac{\log b}{\log a} \\ 2 \log_c a = \frac{\log a}{\log c} \\ 2 \log_b c = \frac{\log c}{\log b} \end{cases}$$

$$\frac{1}{2} \log_a b = 1 \quad b = a^2$$

$$\log_a b = 2$$

$$\frac{1}{2 \log_a a}$$

$$\begin{aligned} x^2(x+1) &= 2 \\ x^3 + x^2 - 2 &= 0 \\ x &= 1 \end{aligned}$$

$$\frac{x}{x^2} = y$$

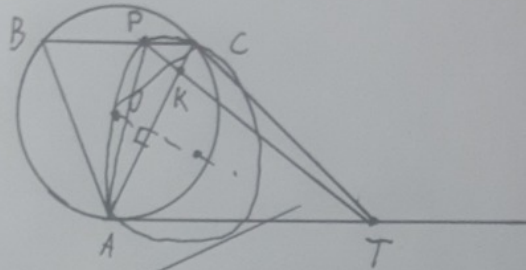
$$xy = 2$$

$$(x-1)(x^2+2x+2) = 0$$

$$\Delta = 4 - 8 < 0$$

$$\begin{matrix} 1 & 1 & 0 & -2 \\ 1 & 1 & 2 & 2 & 0 \end{matrix}$$

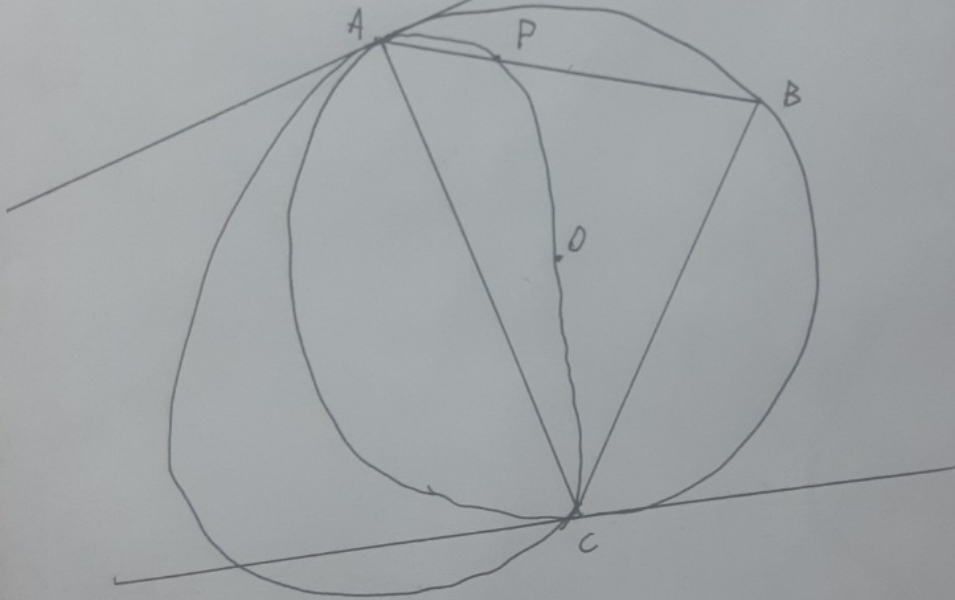
Упробук
№6



$$S_{APR} = 10$$

$$S_{CPK} = 6$$

а) $S_{ABC} = ?$



Учитывая... Учитывая

Учитывая

Добавим варианты, когда 17 или 1 билет по 2 раза

$(17; 1; 1)$ $(1; 17; 1)$ $(1; 1; 17)$ $(1; 17; 17)$; $(17; 1; 17)$ $(17; 17; 1)$

$$\text{Итого: } 30 \cdot C_3^1 + 6 = 96$$

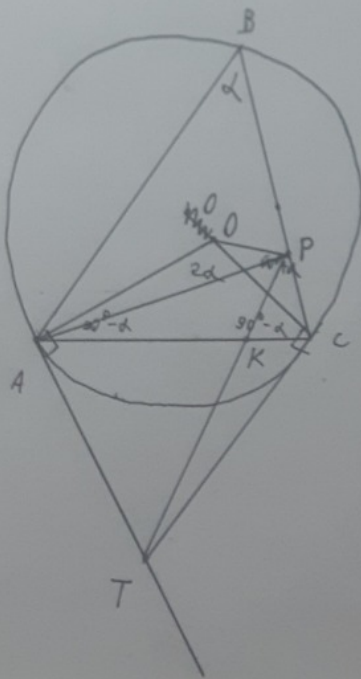
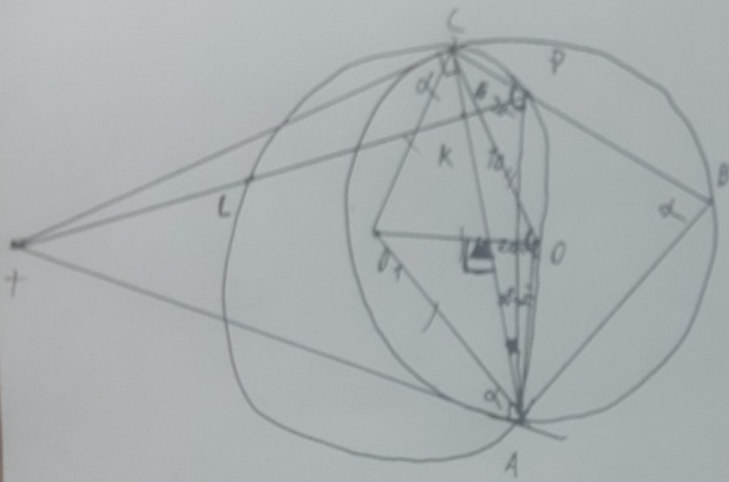
Для x_2, y_2, z_2 и $\begin{cases} \min(x_2, y_2, z_2) = 1 \\ \max(x_2, y_2, z_2) = 15 \end{cases}$ аналогично

$$C_3^1 \cdot 13 \cdot 2 + 6 = 26 \cdot 3 + 6 = 84$$

$$\text{Всего: } 96 + 84 = \boxed{180}$$

Ответ: 180

Deposited



[Handwritten signature]

№5 (проверка) Числовой

Уравнение $\frac{1}{2} \log_{\left(\frac{x}{2}-1\right)} \left(\frac{x}{2}-\frac{1}{4}\right) = 1$

$$\left(\frac{x}{2}-1\right)^2 = \frac{x}{2}-\frac{1}{4}$$

$$\frac{x^2}{4} - x + 1 = \frac{x}{2} - \frac{1}{4}$$

$$\frac{x^2}{4} - \frac{3x}{2} + \frac{5}{4} = 0$$

$$x^2 - 6x + 5 = 0$$

$$D = 36 - 20 = 16$$

$$\left[\begin{array}{l} x = \frac{6-4}{2} = 1 \quad \times \\ x = \frac{6+4}{2} = 5 \quad \checkmark \end{array} \right.$$

$x=5$: $2 \log_{\left(x-\frac{11}{4}\right)} \left(\frac{x}{2}-1\right) = 2 \log_{\frac{3}{4}} \frac{3}{2} = \cancel{2 \log_{\frac{3}{4}} \frac{3}{2}} 2 \cdot \frac{1}{2} = 1$

$2 \log_{\left(\frac{x}{2}-\frac{1}{4}\right)} \left(x-\frac{11}{4}\right) = 2 \log_{\frac{1}{4}} \frac{9}{4} = 2$

$x=5$ - не кор.

Уравнение $2 \log_{\left(x-\frac{11}{4}\right)} \left(\frac{x}{2}-1\right) = 1$

$$\left(\frac{x}{2}-1\right)^2 = x - \frac{11}{4}$$

$$\frac{x^2}{4} - x + 1 = x - \frac{11}{4}$$

$$\frac{x^2}{4} - 2x + \frac{15}{4} = 0$$

$$x^2 - 8x + 15 = 0$$

$$D = 64 - 60 = 4$$

$$\left[\begin{array}{l} x = \frac{8-2}{2} = 3 \\ x = \frac{8+2}{2} = 5 \text{ - не кор.} \end{array} \right.$$

$x=3$: $\frac{1}{2} \log_{\left(\frac{x}{2}-1\right)} \left(\frac{x}{2}-\frac{1}{4}\right) =$

$= \frac{1}{2} \log_{\frac{1}{2}} \frac{5}{4} \neq 1 \quad \neq 2$

$x=3$ - не кор.

4

1/5 (число) Число

1/5 Число

$$\log_{(\frac{x}{2}-1)^2} (\frac{x}{2}-\frac{1}{4}) = \frac{1}{2} \log_{(\frac{x}{2}-1)} (\frac{x}{2}-\frac{1}{4})$$

$$\log_{\sqrt{x-\frac{11}{4}}} (\frac{x}{2}-1) = 2 \log_{x-\frac{11}{4}} (\frac{x}{2}-1)$$

$$\log_{\frac{x}{2}-\frac{1}{4}} (x-\frac{11}{4})^2 = 2 \log_{(\frac{x}{2}-\frac{1}{4})} (x-\frac{11}{4})$$

$$OD3: \left\{ \begin{array}{l} \frac{x}{2}-1 > 0 \\ \frac{x}{2}-1 \neq 1 \\ \frac{x}{2}-\frac{1}{4} > 0 \\ \frac{x}{2}-\frac{1}{4} \neq 1 \\ x-\frac{11}{4} > 0 \\ x-\frac{11}{4} \neq 1 \end{array} \right.$$

$$\square a = \frac{x}{2}-1$$

$$b = \frac{x}{2}-\frac{1}{4}$$

$$c = x-\frac{11}{4}$$

$$\frac{1}{2} \log_a b$$

$$\frac{2 \log_c a}{2 \log_b c} = 2 \cdot \frac{\log_a a}{\log_b c} = \frac{2}{\log_a b \cdot \log_b c}$$

$$\frac{1}{2} \cdot \log_a b \cdot (2 \cdot \log_b c) \cdot 2 \log_b c = 2$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x > 2 \\ x \neq 4 \\ x > \frac{1}{2} \\ x > \frac{5}{2} \\ x > \frac{11}{4} \\ x \neq \frac{15}{4} \end{array} \right.$$

$$x \in (\frac{11}{4}; \frac{15}{4}) \cup (\frac{15}{4}; 4) \cup (4; +\infty)$$

Если один из логарифмов равен p, тогда если второй равен ему, а третий на 1 больше, то $p^2(p+1) = 2$

$$p^3 + p^2 - 2 = 0$$

$$1 \quad 1 \quad 0 \quad -2$$

$$1 \quad 1 \quad 2 \quad 2 \quad 0$$

$$(p-1)(p^2+2p+2) = 0$$

$$D < 0$$

$$p = 1$$

3

еще одно