

Часть 1

Олимпиада: **Математика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21102752**

ID профиля: **884024**

Вариант 18

Пусть: $a_1 - 1$ — член прогр., d — разность прогрессии. (a_i — i член прогрессии). (т.к. $a_1 \in \mathbb{Z}$)
 и $a_2 \in \mathbb{Z} \Rightarrow d = a_2 - a_1 \in \mathbb{Z}$.
 $S = a_1 + a_2 + \dots + a_7 = 7d + 7a_1$.

Тогда:

(или инными словами: $(a_1 + 6d)(a_1 + 11d) + 24 >$

$(a_1 + 8d)(a_1 + 9d) > S + 20$
 $S + 44 > (a_1 + 8d)(a_1 + 9d)$
 ⊕ (складывать не р-ва можно).

$(a_1 + 6d)(a_1 + 11d) + 24 > (a_1 + 8d)(a_1 + 9d) + 20$

$a_1^2 + 17a_1d + 66d^2 + 44 > a_1^2 + 17a_1d + 72d^2 + 20$

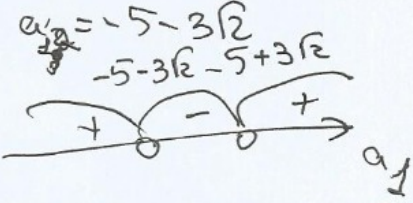
$44 > 6d^2 \Rightarrow 4 > d^2$ (т.к. $d \in \mathbb{Z}$ и постр. возр. $\Rightarrow d > 0$) $\Rightarrow \underline{d = 1}$

Остается найти a_1 :

$(a_1 + 6)(a_1 + 11) > 21 + 7a_1 + 20$ ($S = 21d + 7a_1$)
 $(a_1 + 8)(a_1 + 9) < 21 + 7a_1 + 44$

$a_1^2 + 17a_1 + 66 > 41 + 7a_1$ ① $a_1^2 + 10a_1 + 25 > 0$;
 $a_1^2 + 17a_1 + 72 < 65 + 7a_1$ ② $a_1^2 + 10a_1 + 7 < 0$;

① $a_1^2 + 10a_1 + 25 > 0$
 $D = 100 - 100 = 0$
 $(a_1 + 5)^2 > 0 \Rightarrow$
 $a_1 \neq -5$.

② $a_1^2 + 10a_1 + 7 < 0$
 $D = 100 - 28 = 72$
 $a_{1,2} = \frac{-10 \pm \sqrt{72}}{2} = -5 \pm 3\sqrt{2}$
 $a_{1,2} = \frac{-5 - 3\sqrt{2}}{-5 - 3\sqrt{2}} \cdot \frac{-5 + 3\sqrt{2}}{-5 + 3\sqrt{2}}$

 $a_1 \in (-5 - 3\sqrt{2}; -5 + 3\sqrt{2})$



Найдем наименьшее a_1 :

~~$x < -5 - 3\sqrt{2}$ ($x < 0$) ($x \in \mathbb{Z}$)~~

~~$-10 < -5 - 3\sqrt{2}$~~

~~$x^2 - 43 > 30\sqrt{2}$~~

~~$-5 < -3\sqrt{2} \cdot 5 > 3\sqrt{2}$~~

~~$(x^2 - 43)^2 > 1800$~~

~~$25 > 18$~~

~~$x =$~~

~~$-9 < -5 - 3\sqrt{2}$~~

~~$x =$~~

~~$4 \wedge 3\sqrt{2}$~~

21102752 (U884024 M1298149)

~~$16 < 18 \Rightarrow -1 < -5 + 3\sqrt{2}$~~

~~$0 \wedge -5 + 3\sqrt{2}$~~

~~$4 \wedge 3\sqrt{2}$~~

~~$16 < 18 \Rightarrow -1 < -5 + 3\sqrt{2}$~~

~~$0 \wedge -5 + 3\sqrt{2}$~~

~~$5 \wedge 3\sqrt{2}$~~

~~$25 > (3\sqrt{2})^2 \Rightarrow$~~

$\omega = 2$. Числобок.

Дано:

$ABCD$ - тетраэдр.

$AB = 2$

$AC = CB = 5$

$AD = DB = 7$

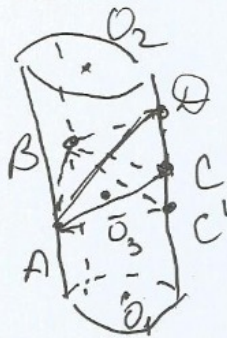
Цилиндр (O_1, O_2 - ось, r).

$CD \parallel O_1 O_2$. $r \rightarrow \min$

$A, B, C, D \in \text{бок. пов.}$

$CD = ?$

Решение:



1) заметим, что $DC \parallel O_1 O_2$ и $D, C \in \text{бок. пов.} \Rightarrow$ прямая DC - образующая.

2) ~~AB лежит в плоскости окружности, которая является~~
Рассмотрим т. C' такую, что $C' \in CD$ и через т. C' и A проходит окружность ω_3 , которая является параллельным переносом окр-ти основания по образующей DC (т.е. ω_3 - основание цилиндра).

3) В т.к. DC - образующая, то $DC' \perp \text{пл.т. } \omega_3$.
Но тогда $AC' = BC'$ ($\triangle BDC' = \triangle ADC'$), т.е. т. B \in пл.т. окр-ти ω_3 , т.е. лежит на ω_3 .

4) Таким образом в $\triangle ABC'$ ω_3 - окр-ть основания, у которого $r \rightarrow \min$. AB известно = 2, значит, по $\nabla \sin \triangle ABC'$ $\frac{AB}{\sin \angle BC'A} = 2r \rightarrow \min \Leftrightarrow \sin \angle BC'A \rightarrow \max \Rightarrow \sin \angle BC'A = 1 \Rightarrow \angle BC'A = 90^\circ \Rightarrow$ (т.к. $AC' = BC' \Rightarrow r_2 \rightarrow AC' = BC'$).

5) Таким образом, применим ∇ Пифагора
 $\triangle ADC' : AC'^2 = AD^2 - DC'^2 = 49 - 2 = 47 \Rightarrow DC' = \sqrt{47}$

$\triangle ACC' : CC'^2 = AC^2 - AC'^2 = 25 - 2 = 23 \Rightarrow CC' = \sqrt{23}$

$DC = \sqrt{47} - \sqrt{23}$

Ответ: $\sqrt{47} - \sqrt{23}$

3

№1 числовик.

Таким образом, $a_1 \in [-9; -1]$ и $a_1 \neq -5$. Т.е.:

$a_1 \in \{-9; -8; -7; -6; -4; -3; -2; -1\}$

Ответ: В ответе: $a_1 \in \{-9; -8; -7; -6; -4; -3; -2; -1\}$.

2

$\omega \cong 3$. Чистовик.

$$\begin{cases} (x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 5 \sim \text{окр. в центре т. } O(a; b) \text{ и } r = \sqrt{5}. \\ a^2 + b^2 \leq \min(4a - 2b, 5). \end{cases}$$

Рассмотрим $a^2 + b^2 \leq \min(4a - 2b, 5)$.

1 случай: $4a - 2b \leq 5$

2 случай: $4a - 2b > 5$.

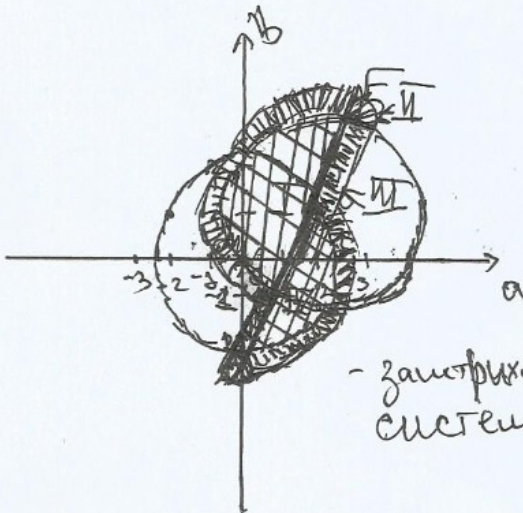
Будем решать эти два случая в одной координатной пл-ти.

1) $\begin{cases} 4a - 2b \leq 5 \\ a^2 + b^2 = 4a + 2b \end{cases}$

(0; 0):
 $\begin{cases} a/b \geq 2/5 \rightarrow 2a - 2b \leq 5 \\ (a-2)^2 + (b-1)^2 \leq 5. \end{cases}$

2) $\begin{cases} 4a - 2b > 5 \\ a^2 + b^2 = 5 \end{cases}$

Точки прямой, которые лежат внутри окр. $a^2 + b^2 = 5$ удовлетворяют и $(a-2)^2 + (b-1)^2 \leq 5$ их учитываем.



- заштрихованная область удовлетворяет системе.

Таким образом, мы получили все возможные точки расположения центра окр. $(x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 5$. Если мы перейдем в координаты Oxy , то нам будут удалять точки $(x; y)$, если расстояние от них до закр. обл-ти $\sqrt{5}$, т.е. мы можем увеличивать коорд. ~~каждых 2-х так как~~ ^{тогда радиус} в любом соотношении и получить фигуру, площадь которой надо найти. Разобьем фигуру на секторы. (обозначение на 4)

Упробат.

$$a_1 + a_2 + \dots + a_7 = S \quad d > 0, \quad a_i \in \mathbb{Z}.$$

$$a_7 \cdot a_{12} > S + 20.$$

$$a_9 \cdot a_{10} < S + 44$$

$$a_1 = ?$$

$$S = 21d + 7a_1$$

$$(a_1 + 6d)(a_1 + 12d) > 21d + 7a_1 + 20$$

$$(a_1 + 8d)(a_1 + 9d) < 21d + 7a_1 + 44$$

$$a_1^2 + 19a_1d + 72d^2 > 21d + 7a_1 + 20$$

$$a_1^2 + 17a_1d + 72d^2 < 21d + 7a_1 + 44$$

$$n > k + 20.$$

$$n + 6d^2 < k + 44.$$

$$k + n + 44 > k + 20 + n + 6d^2$$

$$24 > 6d^2$$

$$d = 1$$

$$a_1^2 + 17a_1 + 72 < 21 + 7a_1 + 44$$

$$a_1^2 + 10a_1 + 7 < 0.$$

$$D = 100 - 28 = 72$$

$$a_1 = \frac{-10 + 6\sqrt{2}}{2} = -5 + 3\sqrt{2}$$

$$a_2 = \frac{-10 - 6\sqrt{2}}{2} = -5 - 3\sqrt{2}$$

21102752 (U88402 + M1298149) →

$$-5 - 3\sqrt{2} \quad -5 + 3\sqrt{2}$$

$$(a_1 + 12d)(a_1 + 22d) > S + 20$$

$$S + 44 > (a_1 + 6d)(a_1 + 18d)$$

$$S > 20.$$

$$a_1 \in \mathbb{Z}; \quad d \in \mathbb{Z}.$$

$$(a_1 + 6)(a_1 + 11) > 21 + 7a_1 + 20.$$

$$a_1^2 + 17a_1 + 66 > 41 + 7a_1$$

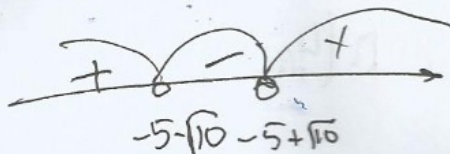
$$a_1^2 + 10a_1 + 15 > 0$$

$$D = 100 - 60 = 40.$$

$$a_1 = \frac{-10 + \sqrt{40}}{2} = -5 + \sqrt{10}$$

$$a_2 = -5 - \sqrt{10}$$

$$25 + 10 - 30 = 5$$



$$-5 + 3\sqrt{2} < 1$$

$$-5 + \sqrt{10} < -5 + 3\sqrt{2}$$

$$-2 < -5 + \sqrt{10} < -1$$

$$-2 \cdot (-6)$$

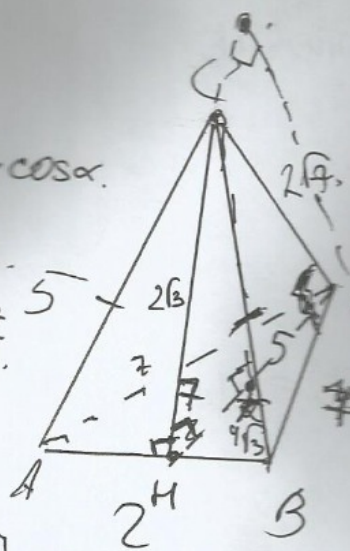
$$21 + 20 - 35 = 6$$

$$4 = 98 - 98 \cdot \cos \alpha$$

$$1 - \cos \alpha = \frac{4}{98}$$

$$\cos \alpha = \frac{94}{98} = \frac{47}{49}$$

$\cos \alpha =$



$$CD = \sqrt{25 - 2^2} = \sqrt{21}$$

$$CH =$$

$$CH = 2\sqrt{3}$$

$$HO = \frac{4\sqrt{3}}{3}$$

$$CO = \frac{4\sqrt{3}}{3}$$

$$\sqrt{6 \cdot 4 - 2^2} = 2\sqrt{3}$$

$$HO = \sqrt{8 \cdot 1 \cdot 6} = 4\sqrt{3}$$

$$AB \cos \alpha = \sqrt{2} \cdot \sqrt{49 - 2^2} = 2$$

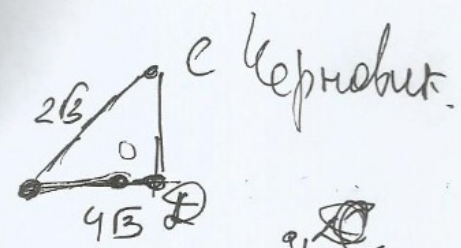
$$OD = \sqrt{47}$$

$$\sqrt{12 - \frac{16 \cdot 3}{9}} = \sqrt{12 - \frac{16}{3}} = \sqrt{\frac{20}{3}} = \frac{2\sqrt{15}}{3}$$

$$\frac{8\sqrt{3}}{3}$$

$$\sin \alpha = 2R = \frac{AB}{\sin \alpha} \rightarrow \min \sin \alpha = 1$$

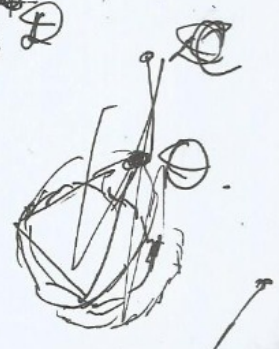
$$\sqrt{\left(\frac{2\sqrt{15}}{3}\right)^2 + \left(\frac{8\sqrt{3}}{3}\right)^2} = \sqrt{\frac{1}{9}(20 + 64)} = \sqrt{\frac{84}{3}} = \sqrt{28} = 2\sqrt{7}$$



$OD' \rightarrow \min$
 $HO - \text{задача}$

$$AD = DB = 7$$

$$AD' = BD' = \sqrt{49 - 2^2} = BD'$$



$$(x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 5 - \text{круг с центром } (a;b) \text{ и } r = \sqrt{5}$$

$$a^2 + b^2 \leq \min(4a - 2b, 5)$$

$$4a - 2b \geq 0$$

$$4a \geq 2b \Rightarrow 2a \geq b$$

$$a \geq 0, b \geq 0$$

Сторона от $M =$ Центр окруж.
 для Σ : это окружности радиуса $2\sqrt{5}$ и с центром в т. $(2, 1)$ от плоск.
 сечения, прямой $4a - 2b = 5$. Найдем первую точку пересечения.

А, В: $4a - 2b = 5$

~~$(x-2)^2 + (y-1)^2 = 20$~~

$4a - 2b = 5$
 ~~$(a-2)^2 + (b-1)^2 = 20$~~

$4a - 2b = 5$

~~$a^2 - 4a + 5 + b^2 - 2b = 20$~~

~~$a^2 - 4a + 5 + b^2 - 2b = 20$~~ | $a^2 - 8a + b^2 = 0$.

~~$4a - 2b = 5$~~

~~$4a - 2b = 5 \Rightarrow a = \frac{5+2b}{4}$~~

~~$(\frac{5+2b}{4})^2 - 40 + 4b + b^2 = 0$~~

~~$(5+2b)^2 - 160 - 64 + 16b^2 = 0$~~

~~$25 + 20b + 4b^2 - 160 - 64 + 16b^2 = 0$~~

~~$20b^2 + 20b - 199 = 0$~~

~~$D = 20^2 + 4 \cdot 20 \cdot 199 = 20 \cdot 2004 =$~~

$3a$ $4a - 2b = 5$

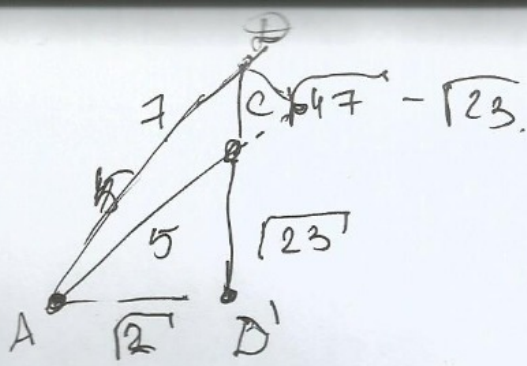
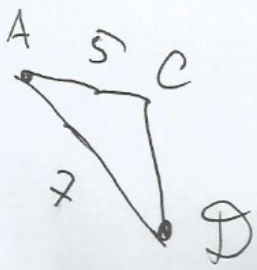
~~$a=3$~~ ~~$b=2$~~

~~$a=4,5$~~ ~~$b=2,5$~~

$(a-2)^2 + (b-1)^2 = 5$.

~~$a=2,75$~~ ~~$b=4$~~

$a=2,25$ $b=2$.



депродур.

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 \leq 5.$$

$$a^2 + b^2 \leq \min(4a - 2b, 5).$$

$$4a - 2b \leq 5$$

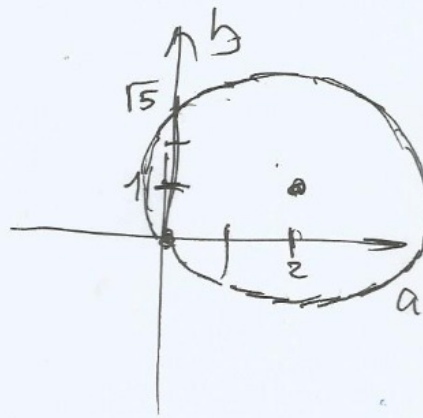
$$a \leq \frac{5+2b}{4}$$

$$4a + 2b \geq 5$$

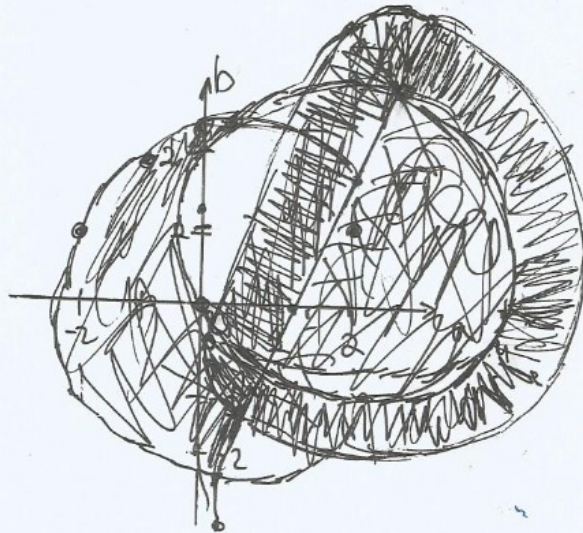
$$a^2 + b^2 \leq 4a - 2b$$

$$(a-2)^2 + (b-1)^2 - 5 \leq 0$$

$$(a-2)^2 + (b-1)^2 \leq 5.$$



$$4a - 2b = 5.$$



Часть 2

Олимпиада: **Математика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21102752**

ID профиля: **884024**

Вариант 18

$$\omega \stackrel{\circ}{=} 1.$$

Чистовик.

$$\begin{cases} \text{НОД}(a, b, c) = 15 \\ \text{НОК}(a, b, c) = 3^{15} \cdot 5^{18} \end{cases}$$

Числа a, b, c делятся на 15. Разделим их на 15. Тогда их $\text{НОД} = 1$ (и избавимся от 15), а НОК будет равен $3^{14} \cdot 5^{17}$.

В самом деле:

Пусть $a = 15 \cdot p_1; b = 15 \cdot p_2; 15 \cdot p_3 = c$. ($p_i \text{ НОД}(p_1, p_2, p_3) = 1$).

$$\text{НОК}(a, b, c) = 15 \cdot \text{НОК}(p_1, p_2, p_3). \text{ т.е. } \begin{cases} \text{НОД}(a, b, c) = 1 \\ \text{НОК}(a, b, c) = 3^{14} \cdot 5^{17} \end{cases}$$

Поскольку т.к. 5 и 3 взаимно просты, мы можем посчитать распределение степеней 3^n и распределение степеней 5^m и перемножить их (т.е. посмотреть на разложение чисел на простые). Заметим, что числа состоят только из произведения 3^n и 5^m . (В самом деле, иначе

это число появилось бы в НОК). Таким образом, посчитаем для 3^n :
1 случай: какое-то число имеет в разл. 3^{14} , все остальные имеют 3^n в меньшей степени. Заметим, что только одно ^{из оставшихся} число имеет в разложении степень 3^n не равную 0. Иначе $\text{НОД}(a, b, c) \neq 1$.

Есть 2 способа выбрать второе число и дать ему степень 3^n от 0 до 13 (14 не можем из-за разл.) и есть 3 способа выбрать число с 3^n в 14 ст.: $3 \cdot 2 \cdot 14 = 84$.

2 случай: два числа в разложении имеют ст. 3^n в 14: Тогда число способов = $C_3^2 = \frac{3!}{2!1!} = 3$. (1)

Итого: $84 + 3 = 87$ способов распределить степеней 3^n .

Аналогично с 5^m : 1 случай (объяснение такое же, как с 3^n):

$$3 \cdot 2 \cdot 16 = 96 \text{ (2 случай) (так как и с } 3^n \text{)}: 3 \cdot 96 + 3 = 99$$

$\omega \equiv 1$ Число делит.

Итого: $96 + 3 = 99$

ответ будет: $99 \cdot 84$.

Код всех чисел $\equiv 1$ в силу того, что ~~каждое~~ ^{максимум} 2 делится на

"3" и максимум 2 делится на "5", а для КЧД $\neq 1$ нужно, чтобы все делилось (их 3).

Ответ: 8301

(2)

$\omega \equiv 2$. Число 2.

Перемножим все логарифмы. Если найдём x , проверим, чтобы все функции были определены.

$$\log_{\sqrt{\frac{x}{3}+3}}(6x-14) \cdot \log_{6x-14}(x-1)^2 \cdot \log_{(x-1)}\left(\frac{x}{3}+3\right) =$$

$$= 2 \cdot 2 \cdot \log_{\left(\frac{x}{3}+3\right)}(6x-14) \cdot \log_{6x-14}(x-1) \cdot \log_{(x-1)}\left(\frac{x}{3}+3\right) =$$

Докажем следующее (при $a \neq b, c > 0$ и $a, b, c \neq 1$):

$$\log_a b \cdot \log_b c \cdot \log_c a = 1$$

Док-во:

$$\log_a b = \frac{\log_c b}{\log_c a} \quad (\text{переход к новому основ.})$$

$$\frac{\log_c b}{\log_c a} \cdot \log_b c \cdot \log_c a = \frac{(\log_c b \cdot \log_b c) \cdot \log_c a}{\log_c a} = 1 \quad \text{что и требовалось доказать.}$$

Таким образом, применяя это рав-во:

$$(*) \log_{\sqrt{\frac{x}{3}+3}}(6x-14) \cdot \log_{6x-14}(x-1)^2 \cdot \log_{(x-1)}\left(\frac{x}{3}+3\right) = 4 \cdot 1 = 4$$

Пусть: t - значение двух равных логарифмов. $t-1$ - значение третьего логарифма. Тогда:

$$t^2 \cdot (t-1) = 4 \quad (\text{в силу } (*)).$$

$$t^3 - t^2 - 4 = 0 \quad t = 2 - \text{корень.}$$

$$(t-2)(t^2+t+2)$$

$t = 2$ - ответ.

$$t^2 + t + 2 = 0$$

$$D = 1 - 8 < 0 \Rightarrow \text{корней нет} \Rightarrow$$

3

№ 2 - Чистовик.

Попробуем, что два равных логарифма равны по 2. Просто найдем x , при котором какой-то из лог. = 2 и проверим его, чтобы все ф-ции были определены:

$$1) \log_{\sqrt{\frac{x}{3}+3}}(6x-14) = 2$$

$$6x-14 = \left(\sqrt{\frac{x}{3}+3}\right)^2$$

$$6x-14 = \frac{x}{3}+3$$

$x=3$. Проверка:

$$\log_{\sqrt{\frac{3}{3}+3}}(4) = \log_2 4 = 2.$$

$$\log_{6x-14}(x-1)^2 = \log_2 4 = 2 \quad \text{— всё хорошо.}$$

$$\log_{x-1}\left(\frac{x}{3}+3\right) = \log_2 4 = 2$$

$$2) \log_{6x-14}(x-1)^2 = 2$$

$$(x-1)^2 = (6x-14)^2$$

$$(x-1-6x+14)(x-1+6x-14) = 0$$

$$x = -\frac{13}{5} \quad \text{или} \quad x = \frac{15}{7}$$

$$x-1 = -\frac{18}{5} < 0$$

не подходит.

$(\log_{x-1}\left(\frac{x}{3}+3\right))$ не опред.

$$6x-14 = \frac{90}{7} - 14 = -\frac{8}{7} < 0$$

не подходит

$\log_{6x-14}(x-1)^2$
не определен.

$$3) \log_{x-1}\left(\frac{x}{3}+3\right) = 2$$

$$\frac{x}{3}+3 = (x-1)^2$$

$$x^2 - 2x + 1 - \frac{x}{3} - 3 = 0$$

$$x^2 - \frac{7x}{3} - 2 = 0$$

$$3x^2 - 7x - 6 = 0$$

$$D = 49 + 72 = 11^2$$

$$x_1 = \frac{7+11}{6} = 3 \quad (\text{уже проверено})$$

$$x_2 = \frac{7-11}{6} = -\frac{2}{3} \quad (x-1 = -\frac{5}{3} < 0 \Rightarrow)$$

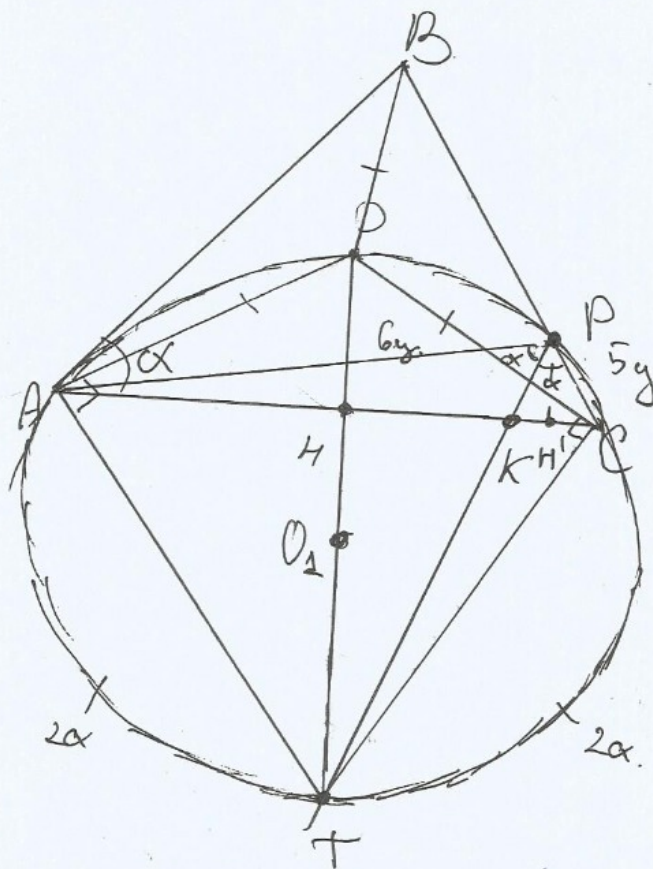
$\log_{x-1}\left(\frac{x}{3}+3\right)$ не определен

Ответ: при $x=3$.

(4)

53. Чистовик.

Чертеж:



Дано:
 $\triangle ABC$ - остроуг.
 Окр. $\omega(O; r)$
 описана около ABC .
 T - пересечение
 кас. к ω через
 T, A и C .
 Окр. $\omega_2(O_1; r_1)$:
 $BC \cap \omega_2 = \{P; C\}$.
 ω_2 описана около
 AOC .
 $TP \cap BC = K$.
 $S_{APK} = 6$
 $S_{BPK} = 5$
 $S_{ABC} = ?$

Решение:

- $\angle ABC = \alpha \Rightarrow \angle AOC = 2\alpha$ ($\angle ABC$ впис., AOC - центр.)
- т.к. CT кас., то $\angle OCT = 90^\circ$; $\angle OAT = 90^\circ$ (AT - кас.) \Rightarrow
 $OATC$ - вписанный. OT - диаметр.
- $OH \perp AC$ (ср. пер.) $\Rightarrow O_1 \in OH$ (т.к. OH - ср. пер. к хорде AC) и $T \in OH$
 $(TC = AT$ т.к. $\angle OCT = \angle OAT$ - углы впис. к дуге AC).
- $OO_1 = O_1C = OC \Rightarrow$ 1) $\triangle OO_1C$ - р/ст; 2) O_1 лежит на ω .
- $\angle APK = \alpha$ и $\angle KPC = \alpha \Rightarrow$

$$\begin{cases} S_{PKC} = \frac{1}{2} \cdot \sin \alpha \cdot PK \cdot PC \\ S_{PAK} = \frac{1}{2} \cdot \sin \alpha \cdot PK \cdot AP \end{cases}$$

$BH' \perp AC$
 $BH \perp AC$ (5)

$$\frac{5}{6} = \frac{PC}{AP} \Rightarrow \text{Пусть: } PC = 5y \Rightarrow AP = 6y.$$

Ответ: (24,2)

$$\begin{cases} \angle ABP = \alpha \\ \angle APC = 2\alpha \end{cases} \Rightarrow \angle BAP = \alpha \Rightarrow BP = AP = 6y.$$

$$6) \frac{PH'}{BH} = \frac{5}{11y} = \frac{5}{11} \Rightarrow \frac{S_{APK}}{S_{BPK}} = \frac{PH'}{BH} = \frac{5}{11} \Rightarrow S_{ABC} = \frac{121}{5} = 24,2$$

Числовик.

$\sum \equiv 1$

$\text{НОД}(a; b; c) = 15$
 $\text{НОК}(a; b; c) = 3^5 \cdot 5^{18}$ \Rightarrow $\text{НОД}(a; b; c) = 1$
 $\text{НОК}(a; b; c) = 2^{14} \cdot 5^{17}$

~~$2 \cdot 3^{14} \cdot 5^{17}$ $\cdot 3$ только $3^{14} \cdot 5^{17}$~~

~~$16 \cdot 14 \cdot 17$~~ ~~иногда совпадают~~ 3^{14} 5^{17}

~~$12 \cdot 14 \cdot 17$~~

~~$3 \cdot 14 \cdot 17$~~

~~иногда совпадают~~ $3^{14} \cdot 5^{17}$

#1

иногда совпадают

$\sum \equiv 2$
 $t^5 - t - 4 = 0$

$\log_{\frac{x}{3}+3} (6x-14)$
 $\log_{6x-14} (x-1)^2$
 $\log_{(x-1)} (\frac{x}{3}+3)$

$(13+13)$
 $(13+13)$
 $(13+13)$

$+3 = 81$

$81 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 2 = 78$
 81
 $16 \cdot 6 + 3 = 99 = 81$

$\log_{\frac{x}{3}+3} (6x-14) \cdot \log_{6x-14} (x-1) \cdot \log_{(x-1)} (\frac{x}{3}+3) = 4$

$\log_a b \cdot \log_b c \cdot \log_c a = \frac{\log_e b}{\log_e a} \cdot \log_b c \cdot \log_c a = \frac{\log_e a}{\log_e a} = 1$

$t^2 \cdot (t+1) = 4$
 $t^3 + t = 4$
 $t^3 - t - 4 = 0$

\log_{6x-14}

$$t^2 \cdot (t-1) = 4 \quad 4$$

$$t^3 - t^2 - 4 = 0 \quad t = 2$$

$$(t-2)(t^2 + 2) = 0$$

$$D = 1 - 8 < 0$$

$$t = 2. \quad \log_{\sqrt{\frac{x}{3}+3}}(6x-14) = 2$$

$$(6x-14) = \frac{x}{3} + 3$$

$$6x - \frac{x}{3} = 17$$

$$\frac{17x}{3} = 17$$

$x = 3$ Проверка: $\log_2 \log_2(4)$; $\log_{\frac{4}{3}} 4$; $\log_2 4$
 $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{1}$ $\frac{1}{2}$

$$\log_{6x-14}(x-1)^2 = 2$$

$$(x-1)^2 = (6x-14)^2$$

$$(x-1-6x+14)(x-1+6x-14) = 0$$

$$(-5x+13)(7x-15) = 0$$

$$x = 2,6 \quad \text{или} \quad x = \frac{15}{7}$$

$$\log_{6x-14} x-1 = 1$$

$$x-1 = 6x-14$$

$$x = \frac{13}{5}$$

$$\frac{15}{7} \cdot 6 - 14 =$$

$$\frac{90}{7} -$$

$$\frac{15}{8} \cdot 6 - 14 = \frac{45}{4} - 14 \neq 0$$

$$\log_{x-1} \left(\frac{x}{3} + 3\right) = 2$$

$$\frac{x}{3} + 3 = (x-1)^2$$

$$\frac{x}{3} + 3 = x^2 - 2x + 1$$

$$x^2 - \frac{7x}{3} - 2 = 0$$

$$3x^2 - 7x - 6 = 0$$

$$D = 49 + 72 = 121$$

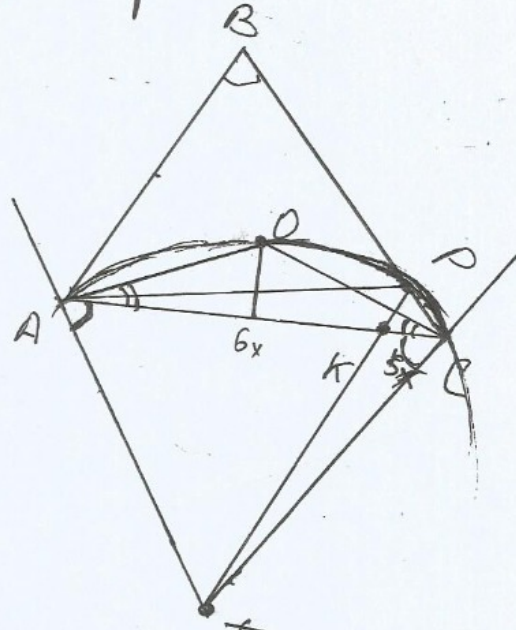
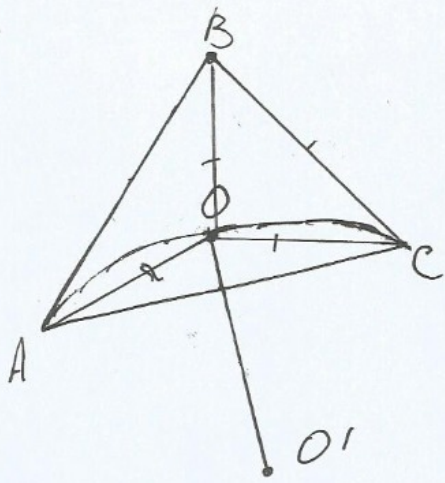
$$x_1 = \frac{7+11}{6} = 3$$

$$x_2 = \frac{7-11}{6} = -\frac{2}{3}$$

$$x_2 = \frac{7-11}{6} = -\frac{2}{3}$$

Упростить.

$\omega = 3$ Черновик.

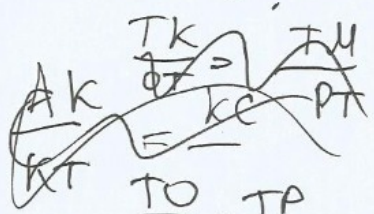


$S_{APK} = 6$
 $S_{CPK} = 5$

$KC = 5x; AK = 6x$

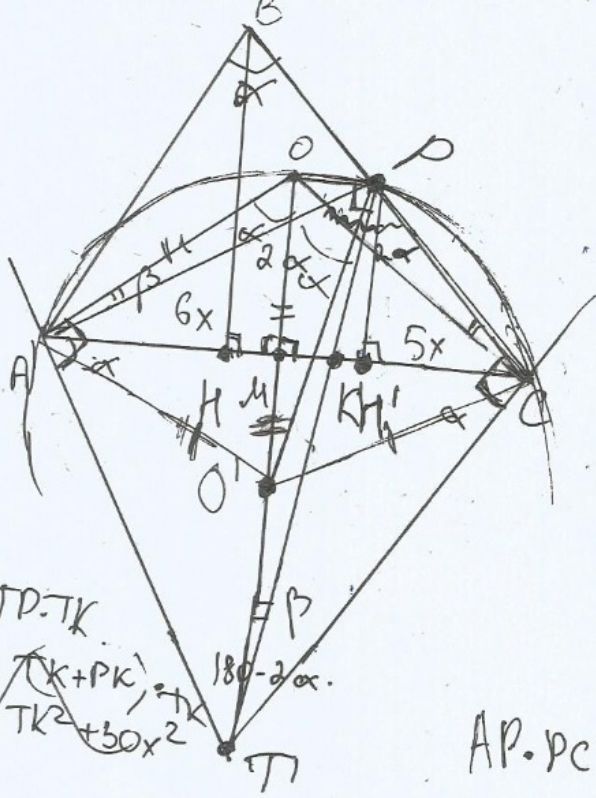
$S_{APC} = 11$
 $OM = MT = 5,5^2 x^2$

$PK \cdot KT = 30x^2$



$\frac{TK}{KT} = \frac{TM}{PT}$
 $\frac{TO}{TK} = \frac{TP}{TM} \Rightarrow TO \cdot TM = TP \cdot TK$

$PK \cdot KT = AK \cdot KC$
 $AK = 6x; KC = 5x$



$AP \cdot PC \cdot \sin 2\alpha = 22$

$O'O = O'P$
 $km = 0,5x$

$BP \cdot BC = \dots$
 $OM \cdot MT = 2M \cdot M$

