

Часть 1

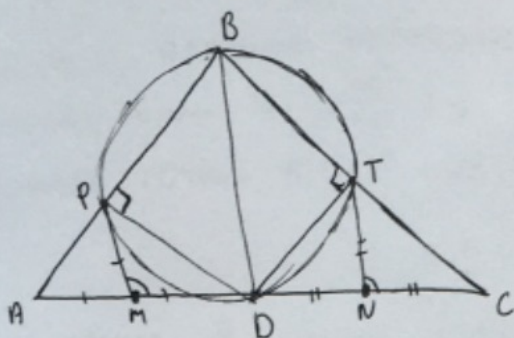
Олимпиада: **Математика, 10 класс (1 часть)**

Шифр: **211006576**

ID профиля: **313923**

Вариант 10

Решение.



а) $\angle BPD = \angle BTD = \frac{\pi}{2}$, т.к. эти углы вписаны в окружность с диаметром BD и опираются на этот диаметр. Тогда $\angle APD = \angle DTC = \frac{\pi}{2}$.

По св-ству медианы прямоугольного треугольника, проведённой из вершины прямого угла: $PM = \frac{AD}{2}$, $TN = \frac{CD}{2}$, т.е. $PM = MD$, $TN = ND$.

$\angle PMD = \pi - \angle TND$ (как внутренние односторонние при параллельных прямых PM и TN и секущей AC). Пусть $\angle PMD = \alpha$.

Тогда $\angle MDP = \frac{\pi - \alpha}{2}$ (т.к. $\triangle PMD$ - равнобедренный с основанием PD), $\angle TND = \frac{\pi - (\pi - \alpha)}{2} = \frac{\alpha}{2}$ (т.к. $\triangle TND$ - равнобедренный с основанием DT).

Значит, $\angle PDT = \pi - \angle TDN - \angle MDP = \pi - \frac{\alpha}{2} - \frac{\pi - \alpha}{2} = \frac{\pi}{2}$.
 $\angle ABC = \pi - \angle PDT = \frac{\pi}{2}$ (т.к. $BTDP$ - вписанный).

Значит, $\angle ABC = \frac{\pi}{2}$.

Ответ: $\angle ABC = \frac{\pi}{2}$.

Чистовик

№ 2.

Решение

$$\sqrt{x+3} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{21+4x-x^2}$$

Разложим на множители подкоренное выражение в правой части:

$$\sqrt{x+3} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{-(x+3)(x-7)}$$

$$\sqrt{x+3} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{(x+3)(7-x)}$$

Область определения нашего ур-я:

$$\begin{cases} x+3 \geq 0 \\ 7-x \geq 0 \end{cases}$$

⇔

$$-3 \leq x \leq 7$$

Сделаем замену переменных: обозначим $\sqrt{x+3}$ за a , $\sqrt{7-x}$ - за b .

$$a - b + 4 = 2ab$$

Выразим a через b :

$$2ab - a + b - 4 = 0$$

$$a(2b-1) + b - 4 = 0$$

$$a = \frac{4-b}{2b-1}$$

Вернёмся к исходным обозначениям:

$$\sqrt{x+3} = \frac{4-\sqrt{7-x}}{2\sqrt{7-x}-1}$$

Заметим, что $x=6$ является решением ур-я:

$$\sqrt{6+3} - \sqrt{7-6} + 4 = 3 - 1 + 4 = 6 = 2\sqrt{9} = 2\sqrt{21+4 \cdot 6 - 6^2}$$

Ответ: $x \in \{6\}$

Чистовик

№ 3.

Решение.

Точка А: $5a^2 - 4ay + 8x^2 - 4xy + y^2 + 12ax = 0$

Точка В - вершина параболы $ax^2 - 2a^2x - ay + a^3 + 3 = 0$

Абсцисса точки В: $\frac{2a^2}{2a} = a$

Ордината точки В: $a^3 - 2a^3 + a^3 + 3 = ay$

$$y = \frac{3}{a}$$

Т.е., точка В имеет координаты $(a; \frac{3}{a})$.

Преобразуем уравнение точки А:

$$8x^2 + 12ax - 4xy + y^2 - 4ay + 5a^2 = 0$$

$$(4x^2 - 4xy + y^2) + 4x^2 + 12ax - 4ay + 5a^2 = 0$$

$$(2x - y)^2 + 4x^2 + 4ax + (8ax - 4ay) + 5a^2 = 0$$

$$(2x - y)^2 + 4a(2x - y) + 4x^2 + 4ax + a^2 + 4a^2 = 0$$

$$(2x - y)^2 + 4a(2x - y) + (2x + a)^2 + 4a^2 = 0$$

$$((2x - y) + 2a)^2 + (2x + a)^2 = 0$$

Получается, что сумма двух квадратов равна 0, т.е. оба этих квадрата равны 0. Тогда $2x - y + 2a = 0$ и $2x + a = 0$, откуда

$$x = -\frac{a}{2}, y = a. \text{ Значит, точка А имеет координаты } (-\frac{a}{2}; a).$$

Чтобы точки А и В лежали по одну сторону от прямой

$2x - y = 5$, число а должно удовлетворять совокупности:

$$\begin{cases} 2 \cdot (-\frac{a}{2}) - a > 5 \text{ (точка А ниже прямой } 2x - y = 5) \\ 2 \cdot a - \frac{3}{a} > 5 \text{ (точка В ниже прямой } 2x - y = 5) \\ 2 \cdot (-\frac{a}{2}) - a < 5 \text{ (точка А выше прямой } 2x - y = 5) \\ 2 \cdot a - \frac{3}{a} < 5 \text{ (точка В выше прямой } 2x - y = 5) \end{cases}$$

Решим первую систему:

$$\begin{cases} 2 \cdot (-\frac{a}{2}) - a > 5 \\ 2a - \frac{3}{a} > 5 \end{cases}$$

Продолжение на стр. 4

√3.

Продолжение.

$$\begin{cases} -a-a > 5 \\ 2a^2 - 3 - 5a > 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -2a > 5 \\ \begin{cases} a < -\frac{1}{2} \\ a > 3 \end{cases} \end{cases}$$

$$\begin{cases} a < -\frac{5}{2} \\ \begin{cases} a < -\frac{1}{2} \\ a > 3 \end{cases} \end{cases}$$

$$a < -\frac{5}{2}$$

Решим вторую систему:

$$\begin{cases} 2 \cdot (-\frac{a}{2}) - a < 5 \\ 2a - \frac{3}{a} < 5 \end{cases}$$

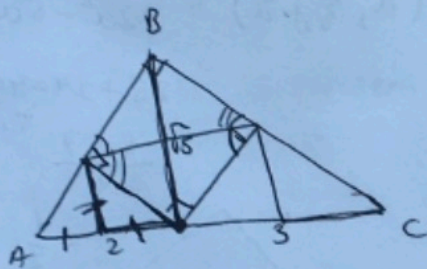
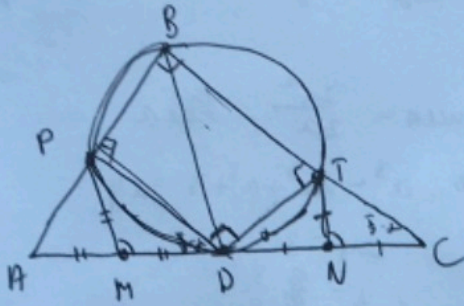
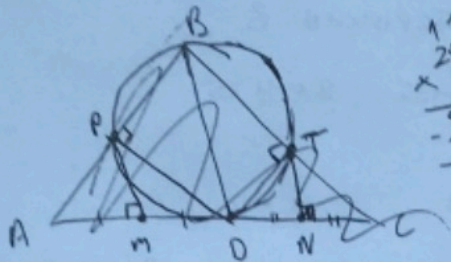
$$\begin{cases} -2a < 5 \\ 2a^2 - 3 - 5a < 0 \\ a \neq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a > -\frac{5}{2} \\ -\frac{1}{2} < a < 3 \\ a \neq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -\frac{1}{2} < a < 0 \\ 0 < a < 3 \end{cases}$$

Т.е., точки А и В лежат по одну сторону от прямой $2x - y = 5$
при $a \in (-\infty; -\frac{5}{2}) \cup (-\frac{1}{2}; 0) \cup (0; 3)$

Ответ: $a \in (-\infty; -\frac{5}{2}) \cup (-\frac{1}{2}; 0) \cup (0; 3)$.



$$(4x^2 - 14x - 72)(4x^2 - 14x - 72) = 16x^4 - 56x^3 - 288x^2 - 56x^3 + 196x^2 + 14 \cdot 72x - 288x^2 + 14 \cdot 72x + 72^2$$

$$= 16x^4 - 112x^3 - 192x^2 + 2016x + 5184$$

$$\begin{array}{r} 11 \\ \times 288 \\ \hline 598 \\ -196 \\ \hline 380 \end{array}$$

$$(7-x)(4x + 4\sqrt{x+3} + 1) = x + 8\sqrt{x+3} + 19$$

$$28x + 28\sqrt{x+3} + 91 - 4x^2 - 4x\sqrt{x+3} - 13x = x + 8\sqrt{x+3} + 19$$

$$\angle ABC = \frac{\pi}{2}$$

$$MP = 1$$

$$NT = \frac{3}{2}$$

$$BD = \sqrt{5}$$

$$S(ABC) = ?$$

$$-4x^2 + 15x + (28-4x)\sqrt{x+3} + 91 = x + 8\sqrt{x+3} + 19$$

$$4x^2 - 14x - 72 = (20-4x)\sqrt{x+3}$$

$$(4x^2 - 14x - 72)^2 = (16x^2 - 160x + 400)(x+3)$$

$$16x^4 - 56 \cdot 2x^3 - (2 \cdot 288 - 196)x^2 + 28 \cdot 72x + 72^2 = 16x^3 - (160-48)x^2 - 80x + 1200$$

$$AC = AD + CD = 2MP + 2TN = 2 + 3 = 5$$

$$\frac{AD}{CD} = \frac{2}{3} \quad x^4 - 7x^3 - 380$$

$$2ab - a + b - 4 = 0$$

$$a(2b-1) + b - 4 = 0$$

$$a = \frac{4-b}{2b-1}$$

$$x=6$$

$$3/2 + 4x = 28$$

$$-x^2 + 4x + 21$$

$$x^2 - 4x - 21 \quad D = 16 + 84 = 100$$

$$x_{1,2} = \frac{4 \pm 10}{2}$$

$$x_1 = 7$$

$$x_2 = -3$$

$$\sqrt{x+3} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{21+4x-x^2}$$

$$\sqrt{x+3} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{-(x+3)(x-7)}$$

$$\sqrt{x+3} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{(x+3)(7-x)}$$

$$\sqrt{x+3} = a$$

$$\sqrt{7-x} = b$$

$$a - b + 4 = 2ab$$

$$2ab + b - a + 4 = 0$$

$$b(2a+1) - a + 4 = 0$$

$$b = \frac{a-4}{2a+1}$$

$$2ab + b - a - 4 = 0$$

$$b(2a+1) - a - 4 = 0$$

$$b = \frac{a-4}{2a+1}$$

$$\sqrt{7-x} = \frac{\sqrt{x+3} - 4}{2\sqrt{x+3} + 1}$$

$$\sqrt{7-x} = \frac{\sqrt{x+3} + 4}{2\sqrt{x+3} + 1}$$

$$7-x = \frac{x+3+16+8\sqrt{x+3}}{4(x+3)+1+4\sqrt{x+3}}$$

$$7-x = \frac{x+8\sqrt{x+3}+19}{4x+4\sqrt{x+3}+13}$$

Обл. отр.:

$$\begin{cases} x+3 \geq 0 \\ 7-x \geq 0 \end{cases}$$

$$\frac{\sqrt{x+3} + 4}{2\sqrt{x+3} + 1} > 0$$

$$\begin{cases} x \geq -3 \\ x \leq 7 \end{cases}$$

$$(16x^2 - 160x + 400)(x+3) = 16x^3 - 160x^2 + 400x + 48x^2 - 480x + 1200$$

$$5a^2 - 4ay + 8x^2 - 4xy + y^2 + 12ax = 0 \quad \text{— точка A}$$

$$ax^2 - 2a^2x - ay + a^3 + 3 = 0 \quad \text{— вершина B}$$

$$A, B \text{ по одну сторону от прямой } 2x - y = 5$$

$$5a^2 - 4ay + 8x^2 - 4xy + y^2 + 12ax =$$

$$= 8x^2 - 4xy + y^2 + 12ax - 4ay + 5a^2 = (2x - y)^2 + 4x^2 + 4a(3x - y) + 5a^2$$

$$2x - y = 5$$

$$y = 2x - 5$$

$$\text{Реш B:}$$

$$\text{Абсцисса — } \frac{2a^2}{2a} = a$$

$$\text{Ордината: } a^3 - 2a^3 + a^3 + 3 = ay$$

$$ay = 3$$

$$y = \frac{3}{a}$$

$$B(a; \frac{3}{a})$$

$$2a^2 - 5a - 3$$

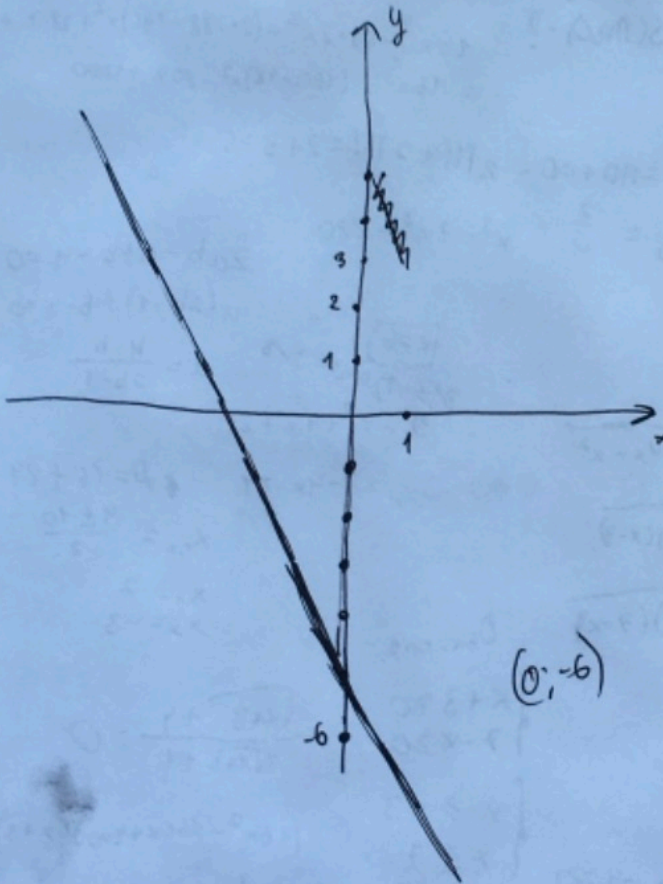
$$25 + 24 = 49$$

$$\frac{5 \pm 7}{4}$$

$$2a < 5$$

$$a < \frac{5}{2}$$

$$-\frac{1}{2}$$



(0; -6)

$$a - b + 4 = 2ab$$

$$2ab - a + b - 4 = 0$$

$$a(2b - 1) + b - 4 = 0$$

$$a = \frac{4 - b}{2b - 1}$$

$$\sqrt{x+3} = \frac{4 - \sqrt{7-x}}{2\sqrt{7-x} - 1}$$

$$8x^2 + 12ax - 4xy + y^2 - 4ay + 5a^2$$

$$(4x^2 - 4xy + y^2) + 4x^2 + 12ax - 4ay + 5a^2$$

$$(2x - y)^2 + 4x^2 + 4ax + 8ax - 4ay + 5a^2$$

$$(2x - y)^2 + 4a(2x - y) + 4x^2 + 4ax + a^2 + 4a^2 =$$

$$2 \cdot \left(-\frac{a}{2}\right) + 2a = y$$

$$2a - a$$

Часть 2

Олимпиада: **Математика, 10 класс (2 часть)**

Шифр: **211006576**

ID профиля: **313923**

Вариант 10

√ч.

Решение.

$$\begin{cases} \frac{6}{x^2+y^2} + x^2y^2 = 10 \\ x^4+y^4+7x^2y^2 = 81 \end{cases}$$

Обозначим x^2+y^2 за p , x^2y^2 - за q .Заметим, что $x^4+y^4 = (x^2+y^2)^2 - 2x^2y^2$

Тогда система принимает такой вид:

$$\begin{cases} \frac{6}{p} + q = 10 \\ p^2 - 2q + 7q = 81 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{6}{p} + q = 10 \\ p^2 + ~~5q~~ 5q = 81 \end{cases}$$

Из первого ур-я: $q = 10 - \frac{6}{p}$. Подставим это во второе ур-е:

$$p^2 + 5\left(10 - \frac{6}{p}\right) = 81$$

$$p^2 + 50 - \frac{30}{p} = 81$$

$$~~p^2 - 31 - \frac{30}{p} = 0~~$$

$$p^2 - 31 - \frac{30}{p} = 0$$

Умножим обе части на p (считаем, что $p \neq 0$):

$$p^3 - 31p - 30 = 0$$

$$(p+1)(p+5)(p-6) = 0$$

$$\begin{cases} p = -1 \\ p = -5 \\ p = 6 \end{cases}$$

Продолжение на стр. 2

№ 4.

Продолжение.

Заметим, что $\rho = x^2 + y^2$, т.е. обязательно $\rho \geq 0$. Значит, значения $\rho = -1$ и $\rho = -5$ нам не подходят, а подходит только $\rho = 6$.

Отсюда $q = 10 - \frac{6}{\rho} = 9$.

$$\begin{cases} \rho = 6 \\ q = 9 \end{cases}$$

Вернёмся к исходным обозначениям:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 = 6 \\ x^2 y^2 = 9 \end{cases}$$

Из второго ур-я: $x^2 = \frac{9}{y^2}$

Подставим в первое ур-е:

$$y^2 - 6 + \frac{9}{y^2} = 0$$

Умножим на y^2 ($y^2 \neq 0$, т.к. $x^2 y^2 = 9 \neq 0$):

$$(y^2)^2 - 6y^2 + 9 = 0$$

$$\begin{cases} y^2 = 3 \end{cases}$$

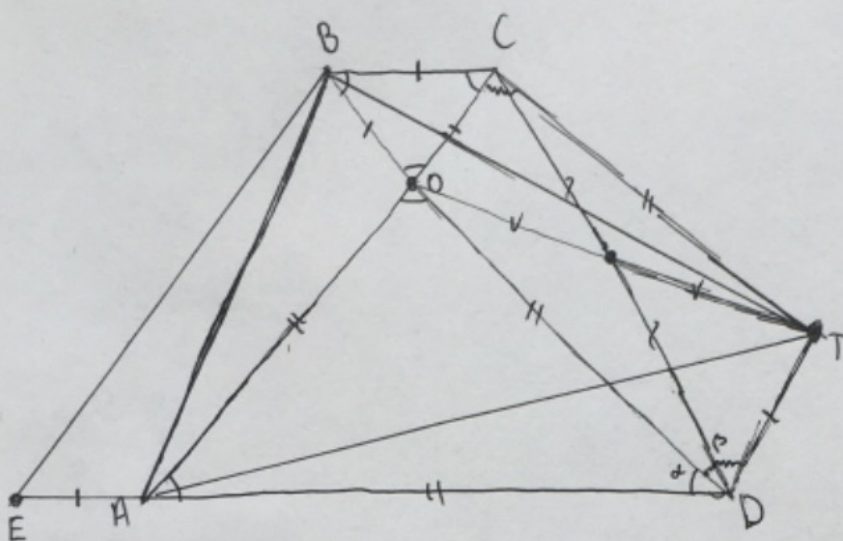
Тогда $x^2 = 3$.

$$\begin{cases} x^2 = 3 \\ y^2 = 3 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = \sqrt{3} \\ y = \sqrt{3} \\ x = -\sqrt{3} \\ y = \sqrt{3} \\ x = \sqrt{3} \\ y = -\sqrt{3} \\ x = -\sqrt{3} \\ y = -\sqrt{3} \end{cases}$$

Ответ: $(x; y): (\sqrt{3}; \sqrt{3}); (\sqrt{3}; -\sqrt{3}); ~~(-\sqrt{3}; -\sqrt{3}); (-\sqrt{3}; \sqrt{3})~~$

Решение.



$$BC = 2$$

$$AD = 7$$

а) $CTDO$ - параллелограмм, т.к. его диагонали CD и OT делятся точкой пересечения пополам. Тогда $CT = OD = AD$, $TD = OC = BC$.

$\angle BCO = \angle ADO = \frac{\pi}{3}$, $\angle OCT = \angle TDO$ как противоположные углы параллелограмма $CTDO$. Тогда $\angle BCT = \angle BCO + \angle OCT = \angle ADO + \angle TDO = \angle TDA$, $AD = CT$, $DT = BC$. Значит, $\triangle ADT = \triangle TCB$ по 2-м сторонам и углу между ними. Значит, $AT = BT$.

Обозначим $\angle TDO$ за β , $\angle ADO$ - за α ($\alpha = \frac{\pi}{3}$). $\angle CTO = \pi - \beta$ (т.к. $\angle TDO$ и $\angle CTO$ - соседние углы параллелограмма $CTDO$).

$\angle BTC = \angle TAD$ из равенства треугольников ADT и TCB . Т.е.,

$$\angle BTC + \angle ATD = \angle TAD + \angle ATD = \pi - \angle ADT = \pi - \alpha - \beta.$$

$$\text{Отсюда } \angle BTA = \angle CTO - \angle BTC - \angle ATD = \pi - \beta - (\pi - \alpha - \beta) = \alpha = \frac{\pi}{3}.$$

Значит, $AT = BT$ и $\angle ATB = \frac{\pi}{3}$, т.е. $\triangle ABT$ - равносторонний с углом $\frac{\pi}{3}$.

Значит, $\triangle ABT$ равносторонний. QED.

б) Построим прямую $BE \parallel AC$ (E лежит на прямой AD).

$S(BAE) = S(BCD)$, т.к. ~~высоты этих треугольников равны~~ ~~высоты трапеции~~ основания этих треугольников равны: $AE = BC$ ($ABCD$ - трапеция, т.к. $\angle CBD = \angle ADB = \frac{\pi}{3}$, т.е. $AD \parallel BC$), т.к. $BCAE$ - параллелограмм (потому что $BC \parallel AD$, $AC \parallel BE$), а высоты, проведенные к основаниям, равны высоте трапеции. Значит, $S(BAE) = S(BCD)$, т.е. $AD \parallel BC$, т.к. $BCAE$ - параллелограмм (потому что $BC \parallel AD$, $AC \parallel BE$), а высоты, проведенные к основаниям, равны высоте трапеции. Значит, $S(BAE) = S(BCD)$. BDE - равносторонний треугольник со стороной 9 (т.к. $BD = ED = BC + AD = 9$, $\angle BDE = \alpha = \frac{\pi}{3}$).

По Т. косинусов в $\triangle BOA$: $AB^2 = BO^2 + AO^2 - 2 \cdot \cos \angle BOA \cdot BO \cdot AO = 4 + 49 + 14 = 67$ ($\angle BOA = \pi - \angle BOC = \frac{2\pi}{3}$), т.е. ABT - равносторонний треугольник со стороной $\sqrt{67}$.

$\triangle BED$ и $\triangle ABT$ - правильные, значит, они подобны и отношение их площадей равно квадрату отношения сторон. Т.е., $\frac{S(ABT)}{S(ABCD)} = \frac{S(ABT)}{S(BED)} = \left(\frac{AB}{DE}\right)^2 = \frac{67}{81}$

$$\text{Ответ: } \frac{S(ABT)}{S(ABCD)} = \frac{67}{81}$$

№ 5.

Решение.

Разберём 2 случая: оба выбранных узла лежат на диагоналях ~~и только один на диагонали квадрата~~ и только один на диагонали квадрата.

I. Оба узла на диагоналях.

Всего узлов на диагоналях квадрата (не считая границ): $68 \cdot 2 = 136$ (узла, лежащего на обеих диагоналях, нет, т.к. 68 - нечётное число). Значит, выбрать первый узел можно 136 способами. Вторым узел можно выбрать 133 способами (т.к. он отличен от первого и не лежит с ним на одной вертикали и горизонтали). Значит, всего способов выбрать пару удовлетворяющих условию узлов, лежащих на диагоналях, $\frac{136 \cdot 133}{2}$ (т.к. порядок, в котором мы их выбираем, неважен).

II. Один узел на диагонали, другой - нет.

Выбрать узел на диагонали можно 136 способами. Всего узлов внутри квадрата 68^2 , из них 136 лежат на диагонали, а ещё 132 не лежат на диагонали, но лежат на одной вертикали или горизонтали с выбранным нами узлом на диагонали (т.к. всего, включая его, с ним на одной вертикали или горизонтали лежит 135 узлов, а 3 из них лежат на диагоналях). Эти $136 + 132 = 268$ узлов нам не подходят, значит, вторым узел выбираем из оставшихся $68^2 - 268$. Число способов выбрать нужную нам пару узлов в этом случае равно $136 \cdot (68^2 - 268)$.

Значит, по правилу суммы, всего способов выбрать удовлетворяющую условию пару узлов равно $\frac{136 \cdot 133}{2} + 136 \cdot (68^2 - 268) = 68 \cdot 4489 = 305252$

Ответ: 305252 способа.

$$\begin{cases} \frac{6}{x^2+y^2} + x^2y^2 = 10 \\ x^4+y^4+7x^2y^2=81 \end{cases}$$

$$x^2+y^2 = p$$

$$x^2y^2 = q$$

$$\begin{cases} \frac{6}{p} + q = 10 \\ p^2 - 2q + 7q = 81 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{6}{p} + q = 10 \\ p^2 + 5q = 81 \end{cases}$$

$$q = 10 - \frac{6}{p}$$

$$p^2 + 5\left(10 - \frac{6}{p}\right) = 81$$

$$p^2 + 50 - \frac{30}{p} = 81$$

$$p^3 - 31 - \frac{30}{p} = 0$$

$$p = -1 \quad p^3 - 31p - 30 = 0$$

$$p^3 - 31p - 30 = 0$$

$$(p+1)(p^2-p-30) = 0$$

$$(p+1)(p+5)(p-6) = 0$$

$$\begin{cases} p = -1 \\ p = -5 \\ p = 6 \end{cases}$$

$$p = x^2 + y^2, \text{ i.e. } p \geq 0$$

$$p = 6$$

$$q = 10 - \frac{6}{p} = 9$$

$$\begin{cases} p = 6 \\ q = 9 \end{cases} \quad \begin{cases} x^2 + y^2 = 6 \\ x^2y^2 = 9 \end{cases}$$

$$x^4 + y^4 = (x^2 + y^2)^2 - 2x^2y^2$$

$$(p+1)(p^2-p-30)$$

$$\begin{array}{r} p^3 - 31p - 30 \mid p+1 \\ \underline{p^3 + p^2} \\ -p^2 - 31p \\ \underline{-p^2 - p} \\ -30p - 30 \\ \underline{-30p - 30} \\ 0 \end{array}$$

$$1 + 120 = 121$$

$$\frac{1 \pm 11}{2}$$

$$-5 \quad 6$$

$$AB^2 = 2^2 + 7^2 - 2 \cdot \left(\frac{1}{2}\right) \cdot 2 \cdot 7 =$$

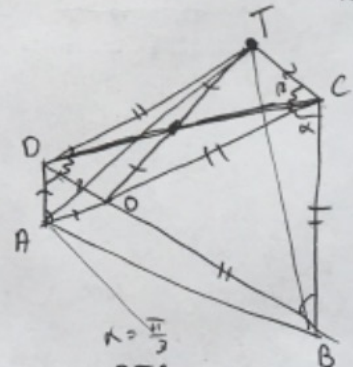
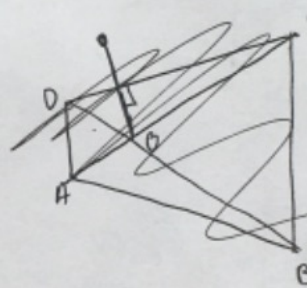
$$= 4 + 49 + 14 = 53 + 14 = 67$$

$$AB = \sqrt{67}$$

$$S_{\triangle ABC} = \frac{1}{2} \cdot \sqrt{67} \cdot \sqrt{67} \cdot \frac{1}{2} = \frac{67 \cdot \sqrt{3}}{4}$$

$$\triangle ADT \cong \triangle TCB$$

$$AT = BT$$



$$9 = \sqrt{67}$$

$$\frac{81}{67} \cdot \frac{67}{81}$$

$$\begin{cases} x = \sqrt{3} \\ y = -\sqrt{3} \\ x = -\sqrt{3} \\ y = \sqrt{3} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = \sqrt{3} \\ y = \sqrt{3} \\ x = -\sqrt{3} \\ y = -\sqrt{3} \end{cases}$$

$$x^2(6-y^2) = 9$$

$$6x^2 - x^2y^2 = 9$$

$$x^2 + \frac{9}{x^2} - 6 = 0$$

$$(x^2)^2 - 6x^2 + 9 = 0$$

$$x^2 = 3$$

$$x^2 = y^2 = 3$$

$$\alpha = \frac{\pi}{3}$$

$$\angle PTC = \alpha - \beta$$

$$\angle DTA + \angle CTB = \alpha - \beta$$

$$\angle ATB = \angle DTC - \angle DTA - \angle CTB =$$

$$= \alpha - \beta - \alpha + \beta = 0$$

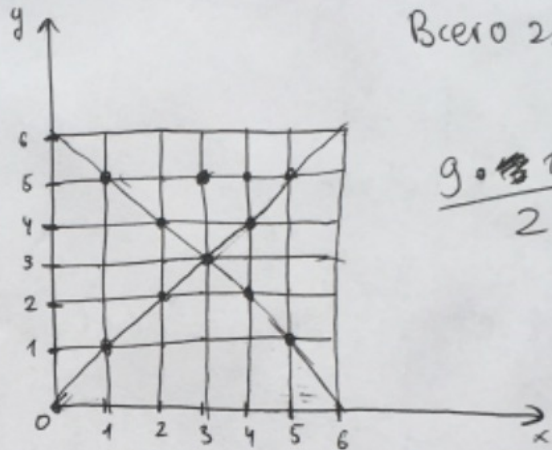
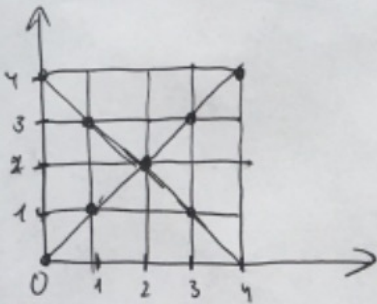
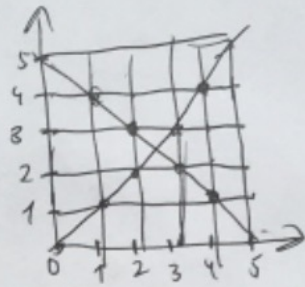
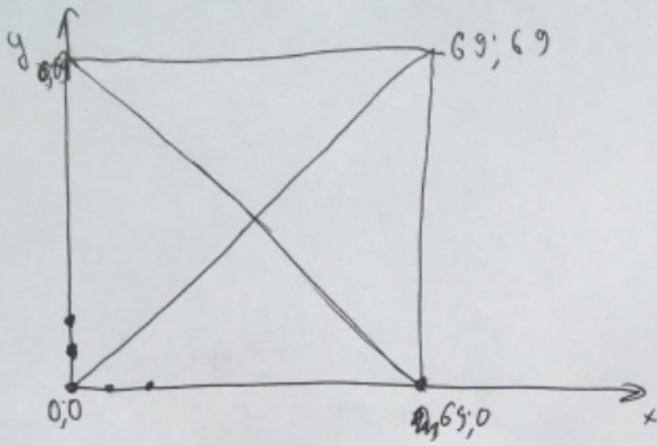
$$MN = \frac{9}{2}$$

$$h_{\triangle ABC} = h_{\triangle APO} + h_{\triangle ACO} =$$

$$36 - 36 = 0 = \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 2 + \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot 7 =$$

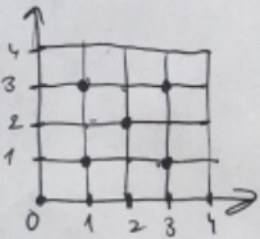
$$\frac{6 \pm 0}{2} = 9 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$S(ABCD) = \frac{9}{2} \cdot \frac{9\sqrt{3}}{2} = \frac{81\sqrt{3}}{4}$$

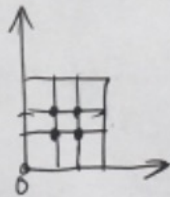


Всего 25

$$\frac{9 \cdot 16}{2}$$



$$C_5^2 + 168$$



4

~~68+68~~ $68+68 = 136$ - клеток на диагоналях

Обе клетки на диаг.: C_{136}^2

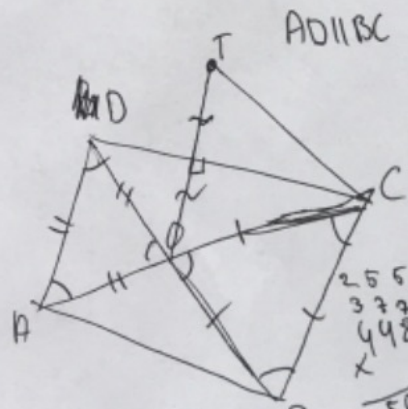
Одна клетка на диаг., ~~и другая~~ другая - нет:

$$136 \cdot (68^2 - 136)$$

C_4^2

$$4 \cdot (2^2 - 3)$$

$$\begin{array}{r} 68 \\ \times 68 \\ \hline 544 \\ + 408 \\ \hline 4624 \\ - 268 \\ \hline 4356 \end{array}$$



$$68 \cdot 133 + 68 \cdot 2(68^2 - 268) = B + 26934$$

$$= 68(133 + 2 \cdot 68^2 - 268) =$$

$$\begin{array}{r} 255 \\ 372 \\ 4489 \\ \times 68 \\ \hline 35912 \\ + 26934 \\ \hline 305252 \end{array}$$