

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21201431**

ID профиля: **184584**

Вариант 1

Условие

Вариант N 11-01

Задача N 2.

1) $C = \frac{dQ}{dT}$ - моляр. теплоемкость $\rightarrow dQ = C \cdot dT$

$C(T) = 2R \frac{T}{T_0}$

$Q = \left| \int dQ \right| = \left| \int_{T_0}^{\frac{5}{6}T_0} C dT \right| = \left| \int_{T_0}^{\frac{5}{6}T_0} 2R \frac{T}{T_0} \cdot dT \right| = \left| \frac{2R}{T_0} \int_{T_0}^{\frac{5}{6}T_0} T dT \right| =$

$= \left| \frac{R}{T_0} \cdot T^2 \right|_{T_0}^{\frac{5}{6}T_0} = \boxed{\frac{11}{36} R T_0}$

2) $\delta Q = dU + \delta A$

$2R \frac{T}{T_0} \cdot dT = \frac{3}{2} R dT + \delta A \quad | :dT$

$2R \frac{T}{T_0} = \frac{3}{2} R + \frac{\delta A}{dT}$

A - минимумом $\rightarrow \frac{\delta A}{dT} = 0 \rightarrow 2R \frac{T}{T_0} = \frac{3}{2} R$

$\frac{T}{T_0} = \frac{3}{4} \rightarrow \boxed{T = \frac{3}{4} T_0}$

3) $\delta A = \delta Q - dU$

$A = \int_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} 2R \frac{T}{T_0} dT - \frac{3}{2} R dT = R \int_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} 2 \frac{T}{T_0} dT - \frac{3}{2} R dT = \frac{2R}{T_0} \int_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} T dT - \frac{3}{2} R \int_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} dT =$

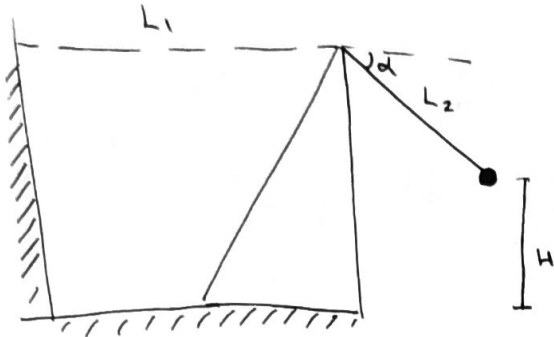
$= \frac{R}{T_0} \cdot T^2 - \frac{3}{2} R T \Big|_{T_0}^{\frac{3}{4}T_0} = R \left(\frac{9}{16} T_0 - T_0 - \frac{9}{8} T_0 + \frac{3}{2} T_0 \right) =$

$= R T_0 \left(\frac{9}{16} - \frac{16}{16} - \frac{18}{16} + \frac{24}{16} \right) = R T_0 \left(\frac{-1}{16} \right) \rightarrow |A| = \frac{R T_0}{16}$

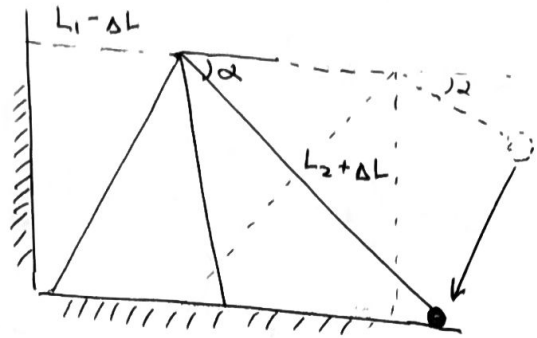
Задача 1.1

3

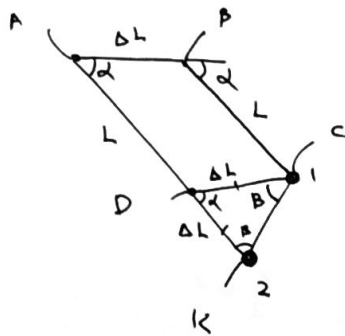
1) Наг. положение:



2) конечное положение:



Рассмотрим малое перемещение шарика



β - искомый угол

BC - наг. положение нити

AK - положение нити через Δt

AB = ΔL - расстояние пройденное за Δt

DK = ΔL - ~~ниже~~ часть нити, которая "вытянулась", тк нить нерастяжима DK = AB.

1) AB = DC (тк ABCD - параллелограмм)

2) DC = DK $\rightarrow \angle DCK = \angle CKD = \beta$

3) тк AB || CD, а AD - секущая, то $\angle BAD = \angle CPK = \alpha$

из ΔCKD :

$$180^\circ = \angle C + \angle K + \angle D = 2\beta + \alpha$$

$$\beta = 90 - \frac{\alpha}{2}$$

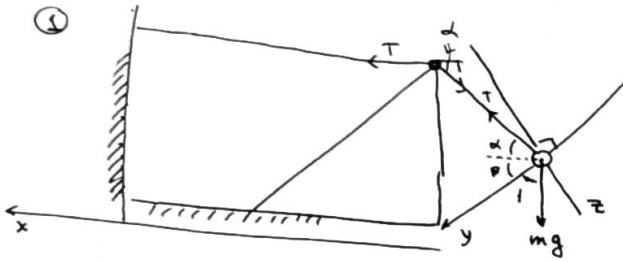
$$\sqrt{\frac{2}{5 \cdot 2}} = \frac{1}{\sqrt{5}} \quad \cos \beta = \cos(90 - \frac{\alpha}{2}) = \sin(\frac{\alpha}{2}) = \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}} =$$

Ответ: 1.1) $\cos \beta = \frac{1}{\sqrt{5}}$

Зусловик

Задата. 1.2

3



Пусть M - масса клина, a
 m - масса шарика,
 шарика

для клина

• $Ox: MA = T - T \cos \alpha$

для шарика

• $Oy: ma = T \cos(\alpha + \beta) + mg \cos(90 - \beta)$

из геометрии: (см. чертёж 2)

• $\frac{CD}{CK} = \frac{a}{A} = \left| \frac{CD}{\sin \alpha} = \frac{CK}{\sin \beta} \cdot Th \cdot \sin \right| =$

$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$

для шарика

• $Oz: (ось z \uparrow y)$

$0 = T \sin(\alpha + \beta) - mg \sin(90 - \beta)$



тк все узлы сохраняются, то шарик движется по оси y ;

Система:

$$\begin{cases} \beta = 90 - \frac{\alpha}{2} & (1) \\ MA = T(1 - \cos \alpha) & (2) \\ ma = T \cos(\alpha + \beta) + mg \cos(90 - \beta) & (3) \\ \frac{a}{A} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} & (4) \\ 0 = T \sin(\alpha + \beta) + mg \sin(90 - \beta) & (5) \end{cases}$$

(подставим T)

$ma = mg \frac{\sin(90 - \beta) \cos(\alpha + \beta) + mg \cos(90 - \beta)}{\sin(\alpha + \beta)}$

$a = \frac{A \sin \alpha}{\sin \beta}$

$\rightarrow A \cdot \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = g \left(\frac{\sin(90 - \beta) \cos(\alpha + \beta) + \cos(90 - \beta)}{\sin(\alpha + \beta)} \right)$

~~\sin~~ $\sin(90 - \beta) = \cos \beta = \frac{1}{\sqrt{5}}$

$\cos(90 - \beta) = \sin \beta = \sqrt{1 - \frac{1}{5}} = \frac{2}{\sqrt{5}}$

$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta = \frac{3}{5\sqrt{5}} - \frac{2}{5\sqrt{5}} = -\frac{1}{\sqrt{5}}$

$\sin(\alpha + \beta) = \sqrt{1 - \cos^2(\alpha + \beta)} = \sqrt{1 - \frac{1}{5}} = \frac{2}{\sqrt{5}}$

$$A \cdot \frac{4/5}{2/\sqrt{5}} = g \left(\frac{1/\sqrt{5} \cdot (-1/\sqrt{5})}{2/\sqrt{5}} + \frac{2/\sqrt{5}}{\sqrt{5}} \right) \Rightarrow$$

$$A \cdot \frac{2}{\sqrt{5}} = g \left(-\frac{\sqrt{5}}{2 \cdot \sqrt{5}} + \frac{2}{\sqrt{5}} \right) =$$

$$A = \frac{\sqrt{5}}{2} \cdot g \left(\frac{4}{2\sqrt{5}} - \frac{1}{2\sqrt{5}} \right) = \frac{\sqrt{5}}{2} \cdot g \left(\frac{3}{2\sqrt{5}} \right) = \boxed{\frac{3}{4} g}$$

Отвѣт: 1.2) $A = \frac{3}{4} g$

Задача 1.3.

из той же системы уравнений (2) и (5) гр-т

$$(2) MA = T(1 - \cos \alpha)$$

$$(5) 0 = T \sin(\alpha + \beta) - mg \sin(90 - \beta) \rightarrow T = \frac{mg \sin(90 - \beta)}{\sin(\alpha + \beta)} \Rightarrow$$

подставим в (2)

$$MA = mg \frac{\sin(90 - \beta)}{\sin(\alpha + \beta)} \cdot (1 - \cos \alpha) \quad | : m \cdot A$$

$$\gamma = \frac{M}{m} = \frac{g}{A} \frac{\sin(90 - \beta)}{\sin(\alpha + \beta)} \cdot (1 - \cos \alpha) \quad \left[\begin{array}{l} \sin(90 - \beta) = 1/\sqrt{5} \\ \sin(\alpha + \beta) = 2/\sqrt{5} \\ \cos \alpha = 3/5 \\ A = 3/4 g \end{array} \right.$$

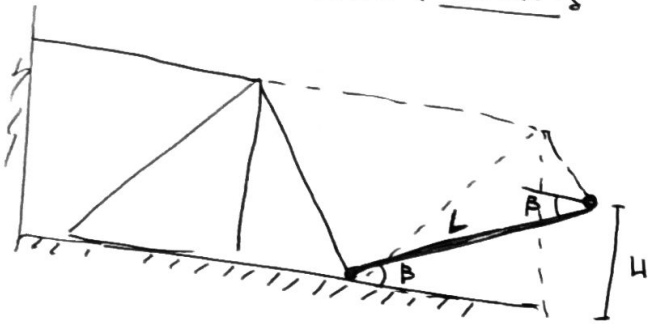
$$\gamma = \frac{4g}{3g} \frac{1 \sqrt{5}}{\sqrt{5} \cdot \frac{2}{2}} \cdot \left(\frac{2}{5} \right) = \frac{4}{3} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{2}{5} = \frac{4}{15} \leftarrow \text{масса шина и масса шара}$$

$$\frac{\text{масса шара}}{\text{масса шина}} = \frac{m}{M} = \frac{1}{\gamma} = \frac{15}{4} = 3,75.$$

Отвѣт: 1.3 : $\frac{m}{M} = 3,75.$

Задача 1.4.

① начало / конец



L - пройденное шариком расстояние

$$\left\{ \begin{array}{l} L = \frac{H}{\sin \beta} \\ L = \frac{at^2}{2} \\ \frac{a}{A} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} \end{array} \right. (4) \rightarrow L = \frac{A \cdot \sin \alpha \cdot t^2}{\sin \beta \cdot 2}$$

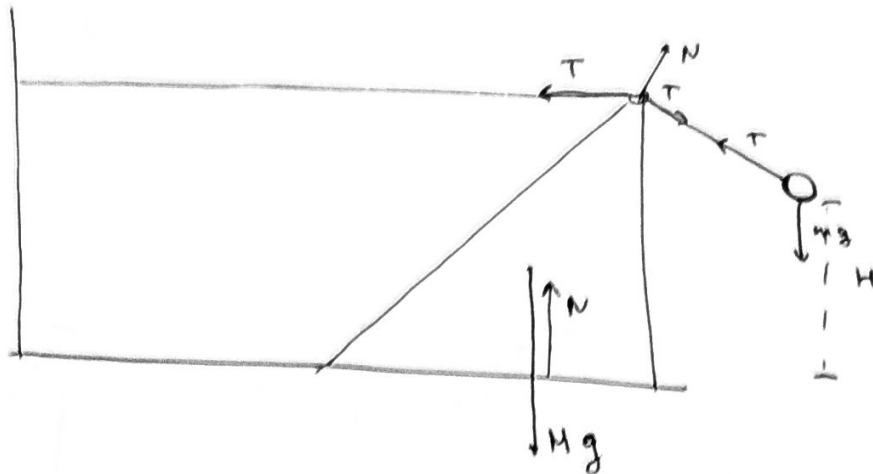
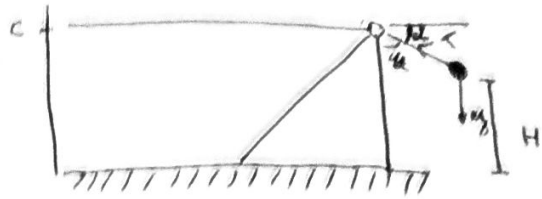
$$L = \frac{H}{\sin \beta} = \frac{A \cdot \sin \alpha \cdot t^2}{\sin \beta \cdot 2} \cdot \sin \beta$$

$$H = \frac{A \cdot \sin \alpha \cdot t^2}{2} \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2H}{A \cdot \sin \alpha}} = \sqrt{\frac{42H}{3g}}$$

Зерновик

Задача N

$\cos \alpha = 3/5$
 $\sin \alpha = 4/5$



н.д.

$a(T) = 2R \frac{T}{T_0}$

~~Q~~ $C = \frac{dQ}{dT}$ - мол. тент.

$Q = \int_{T_0}^{\frac{5}{6}T_0} 2R \frac{T}{T_0} dT$

$C \cdot dT = Q$

$2R \frac{5}{6} \frac{T_0}{T_0} \cdot d \cdot (T_0 - \frac{5}{6}T_0) =$

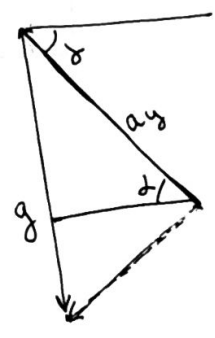
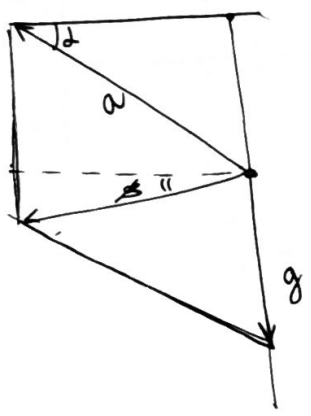
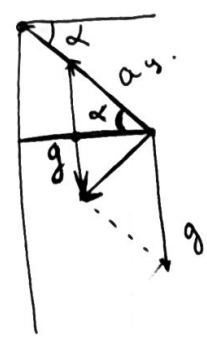
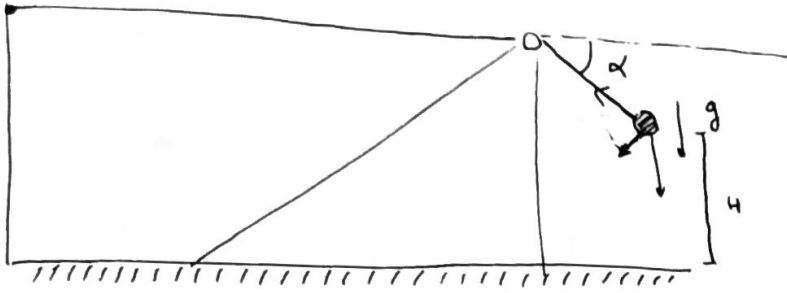
$2R \frac{5}{6} \cdot d \cdot \frac{1}{6} T_0 =$

$\frac{25}{36} - \frac{1}{36} =$
 $1 - \frac{25}{36} = \frac{11}{36}$

~~$\frac{5}{12} dRT_0$~~

A =

Зерновик



?

$$\Delta u = \frac{3}{2} DR dT$$

$$Q = C D dT$$

$$Q = \Delta u + A \rightarrow \delta Q = d u + \delta A$$

$$\left(\frac{2RT}{T_0} \cdot D \cdot dT - \frac{3}{2} DR dT \right) = 0$$

$$DR \left(2 \frac{T}{T_0} dT - \frac{3}{2} dT \right) =$$

$$\int \frac{DR}{2} \left(4 \frac{T}{T_0} dT - 3 dT \right) =$$

$$x dx = \frac{x^2}{2}$$

$$\int \frac{DR}{2} \left(\frac{4}{T_0} (T dT) - 3 \right) = 0$$

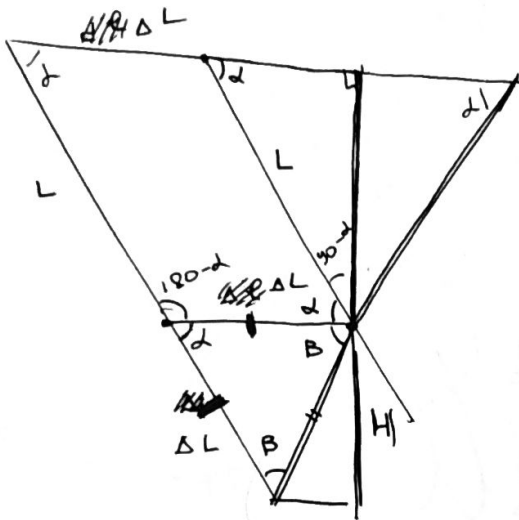
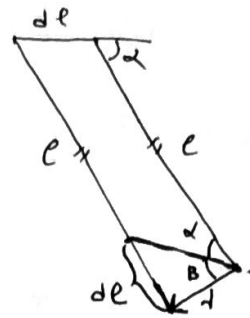
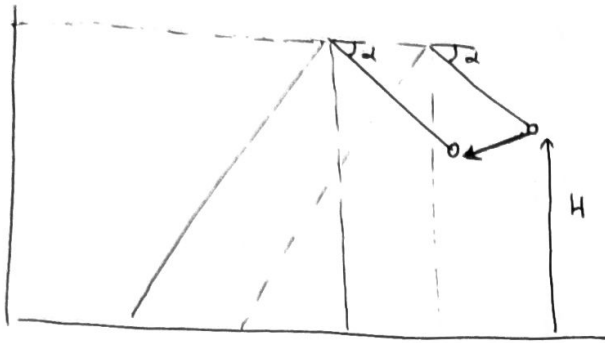
~~$\frac{4}{T_0} (T dT) = 3$~~
 ~~$\frac{4}{T_0} (T - T_0) = 3$~~

$$\cancel{2R} \cancel{D} \frac{T}{T_0} dT = \frac{3}{2} \cancel{DR} dT + \frac{\delta A}{dT} dT$$

$$\frac{1}{4} T_0 \left(\frac{20}{T_0} \cdot \frac{1}{4} T_0 - \frac{3}{2} R D \right) \frac{T}{T_0} = \frac{3}{2}$$

$$R D T_0 \frac{1}{4} \left(\frac{1-6}{4} \right) = -\frac{5}{4} \cdot \frac{1}{4}$$

$$\frac{5}{16}$$



$$2\alpha + \beta = 180^\circ$$

$$\beta = 180 - 2\alpha$$

$$\alpha + 2\beta = 180^\circ$$

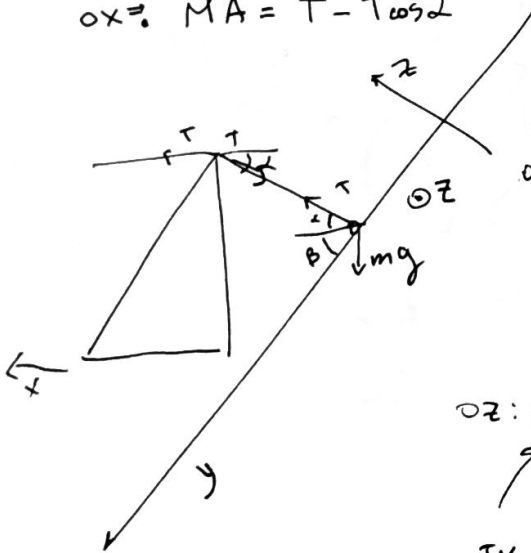
90

$$2\beta = 90 - \alpha$$

$$\beta = \frac{90 - \alpha}{2}$$

$$90 - \frac{\alpha}{2}$$

OX: $MA = T - T \cos \alpha$



yz and m. $ma = T \cos(\alpha + \beta) + mg \cos(90 - \beta)$

$$\frac{CK}{CD} = \frac{am}{A} \left(\frac{CK}{\sin \alpha} = \frac{CD}{\sin \beta} \right) = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$$

OZ: $0 = T \sin(\alpha + \beta) - mg \sin(90 - \beta)$

тк. все yz не exp. то масса зависит по y.

$$\begin{cases} \beta = 90 - \frac{\alpha}{2} \\ MA = T(1 - \cos \alpha) \\ ma = T \cos(\alpha + \beta) + mg \cos(90 - \beta) \\ \frac{a}{A} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta} \\ 0 = T \sin(\alpha + \beta) - mg \sin(90 - \beta) \end{cases}$$

~~$ma = mg$~~
 ~~$a = A \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$~~

~~$ma = mg$~~ (.....) + $mg \cos(90 - \beta)$

$$\frac{a}{A} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$$

$$a = A \cdot \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$$



$m \rightarrow$

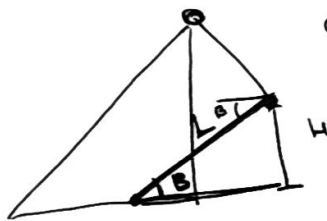
нодет. T.

$$MA = mg \frac{\sin(90 - \beta)}{\sin(\alpha + \beta)} (1 - \cos \alpha)$$

$$\frac{M}{m} = \frac{g}{A} \cdot \frac{\sin(90 - \beta)}{\sin(\alpha + \beta)} (1 - \cos \alpha)$$

$$\frac{H}{\sin \beta} = \frac{a t^2}{2}$$

$$\frac{a}{A} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$$



a.

$$L = \frac{H}{\sin \beta}$$

$$L = \frac{a t^2}{2} \Rightarrow t = \sqrt{\frac{2L}{a}} =$$

$$\sqrt{\frac{2H}{A \sin \alpha}}$$



~~$g = a \cdot \sin \beta$~~

~~$H = \frac{g t^2}{2}$~~

~~$t = \sqrt{\frac{2H}{g}}$~~

~~2~~

Зерновик

Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

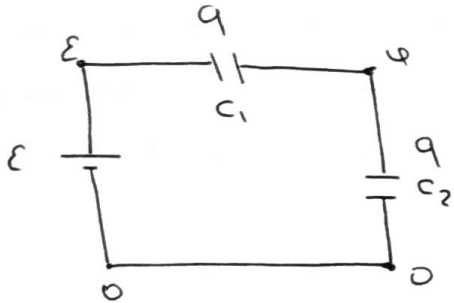
Шифр: **21201431**

ID профиля: **184584**

Вариант 1

Задача 3.1:

До замыкания ключа:



- Установивши. резистив.
- Так конденсаторы подключены последов:
- но, то так, который ток через них до момента уст. резистива был одинаков →

$$q_1 = q_2 \equiv q$$

- Расставим потенциалы:
- Выразим заряд каждого конденса-тора и приравн. их:

$$q_1 = C_1 (\varepsilon - \varphi) = q_2 = C_2 (\varphi) \rightarrow$$

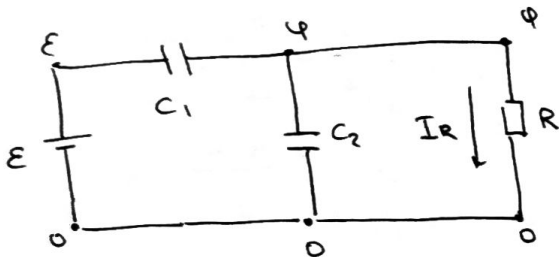
$$C_1 (\varepsilon - \varphi) = C_2 \varphi = \left[\begin{array}{l} C_1 = 2C \\ C_2 = C \end{array} \right] =$$

$$2\varphi (\varepsilon - \varphi) = \varphi$$

$$2\varepsilon - 2\varphi = \varphi$$

$$2\varepsilon = 3\varphi \rightarrow \varphi = \frac{2}{3}\varepsilon$$

Сразу После замык. ключа:



- Так на конденсаторах U_C не меняется скачком, то

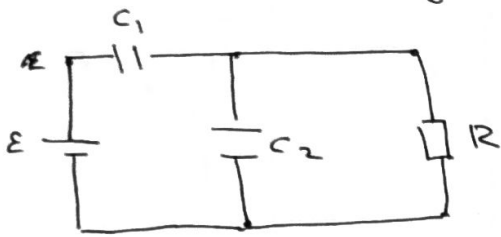
$$U_R = U_{C2} = \frac{2}{3}\varepsilon \rightarrow$$

$$I_R = \frac{2\varepsilon}{3R}$$

Ответ: 3.1) $I_R = \frac{2\varepsilon}{3R}$.

Задача 3.2

Новий уст. режим:



• Тк. при установившейся резиме ток через конденсатор не идет, то в этой схеме при уст. резиме $I = 0$;

$$1) \quad \varepsilon = U_1 + 0 \cdot R \rightarrow U_1 = \varepsilon \rightarrow q' = 2C \cdot \varepsilon$$

$$U_2 = 0$$

$$2) \quad W_1 = \frac{C_0 \varepsilon^2}{2}, \text{ где } C_0 = \frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2} = \frac{2C^2}{3C} = \frac{2}{3}C \rightarrow W_1 = \frac{\varepsilon^2 C}{3}$$

$$3) \quad \Delta q = 2C\varepsilon - \frac{2C\varepsilon}{3} = \frac{4C\varepsilon}{3}$$

$$A_{\text{ист}} = \Delta q \cdot \varepsilon = \frac{4C\varepsilon^2}{3}$$

$$4) \quad W_2 = \frac{C_1 \cdot \varepsilon^2}{2} = C\varepsilon^2$$

б) Запишем Закон Сохранения Энергии

$$W_1 + A_{\text{ист}} = W_2 + Q$$

$$\frac{\varepsilon^2 C}{3} + \frac{4\varepsilon^2 C}{3} = C\varepsilon^2 + Q$$

$$\frac{5\varepsilon^2 C}{3} = C\varepsilon^2 + Q \rightarrow Q = \frac{2}{3} \frac{C\varepsilon^2}{3}$$

Ответ: 3.2) $Q = \frac{2}{3} C\varepsilon^2$ - тепло выделивш в цепи после замык. ключа

Задача 4.1.

$$|\mathcal{E}_i| = \dot{\Phi} = B\dot{S} = BL \cdot v_0$$

$$\mathcal{E}_i = I(R + 2R) \Rightarrow I \cdot 3R$$

$$i = \frac{BLv_0}{3R}$$

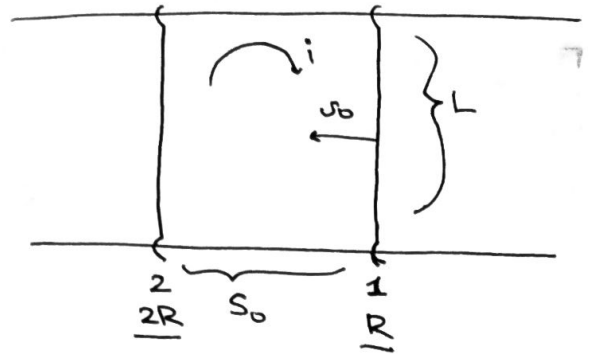
сила ампера на 1 перемычку:

$$F_A = BiL = BL \cdot \frac{BLv_0}{3R} = (BL)^2 \cdot \frac{v_0}{3R}$$

из 3-и Ньютона:

$$F_A = m \cdot a \rightarrow a = \frac{F_A}{m} = \frac{B^2 L^2 \cdot v_0}{3Rm}$$

Ответ: 4.1) $a_1 = \frac{B^2 L^2 \cdot v_0}{3R \cdot m}$



Задача 4.2.

Рассмотрим 2 перемычки как систему, где F_A - внешний. тк. F_A в нек. момент 1-ю перемычку нагнем замедлить, а 2-ю ускорить, то в некот. момент их скорости сравняются \rightarrow перестанет меняться площадь (обр. или) \Rightarrow не будет меняться поток \rightarrow пропадет ток \rightarrow пропадет F_A . Следовательно скорости перемычек через продолж. промежуток времени сравняются (v')

$$v_0 = 2v_1 + v_2$$

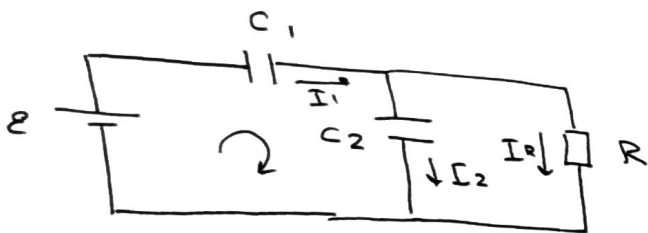
$$v_0 = 3v'$$

$$v' = \frac{v_0}{3}$$

Ответ: 4.2) скорости двух перемычек будут равны $\frac{v_0}{3}$.

Чистовик

Задача №3.3.



1) $I_1 = I_2 + I_R$

2) $\varepsilon = \frac{q_1}{C} + \frac{q_2}{C}$

← Кирхгоф
~~возьмем~~
возьмем
производную
по времени

$0 = \frac{I_1}{2\cancel{C}} + \frac{I_2}{\cancel{C}} \rightarrow$

$I_1 = -I_2 \cdot 2 \Rightarrow$

↑
 I_2 тегет в другую
сторону (неисели на
рисунке)

3) $I_1 = I_0$
 $I_2 = -\frac{I_0}{2}$

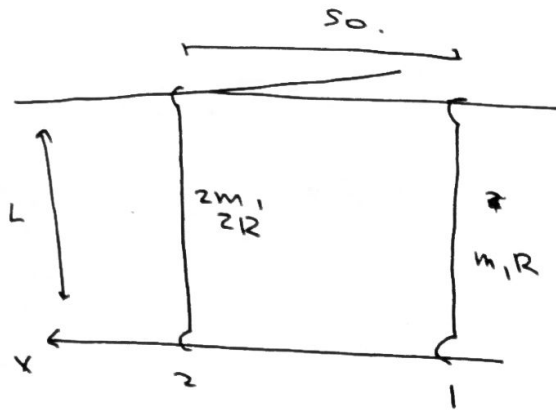
4) подставим в (1) $\rightarrow I_0 = -\frac{I_0}{2} + I_R \rightarrow I_R = \frac{3}{2} I_0$

Ответ : $I_R = \frac{3}{2} I_0$

Зачетовик

6

Задача 4.3



пересидем в со
второй перемычке.

у нее ускорение $a = \frac{F_A}{2m}$,

тогда на первую будет

действовать сила $F = m \cdot \frac{F_A}{2m} =$

$$= \frac{F_A}{2} \text{ - вправо.}$$

2.1. закон Ньютона:

$$m A = \frac{3 F_A}{2} \rightarrow 2m \frac{d\sigma}{dt} = \frac{3}{2} B L \cdot \frac{\epsilon_i}{R} = \frac{B L}{R} \cdot \frac{L B dS}{dt} \quad \left. \begin{array}{l} \text{рас-е} \\ \text{между} \\ \text{и} \end{array} \right|_{dt}$$

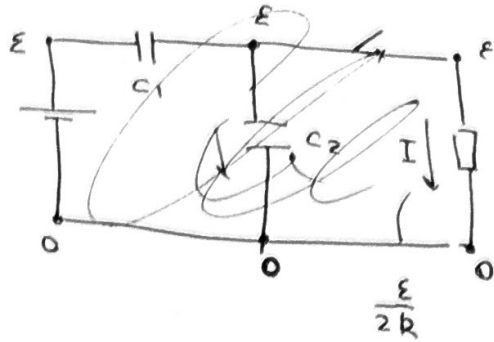
$$2m \int_{v_0}^0 d\sigma = \frac{1}{2} \frac{B^2 L^2}{R} \int_{s_0}^{s_1} ds \rightarrow -m v_0 = \frac{1}{2} \frac{B^2 L^2}{R} (s_1 - s_0) \rightarrow$$

$$s_1 = s_0 - \frac{2m R v_0}{B^2 L^2}$$

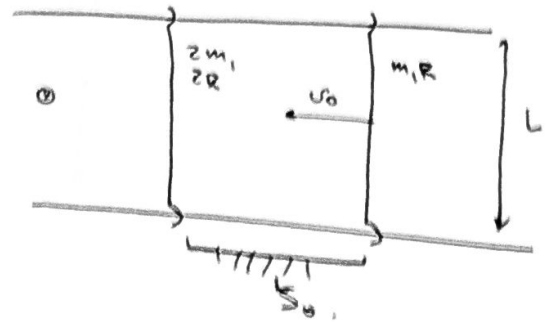
Ответ: 4.3) $s_1 = s_0 - \frac{2m R v_0}{B^2 L^2}$

Зерновик

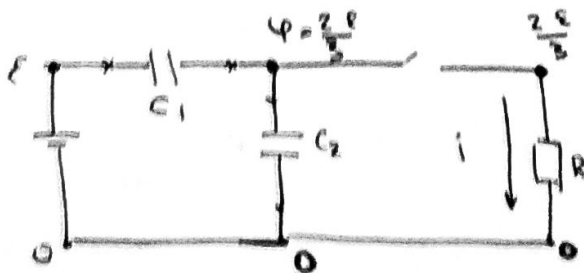
①



$B \cdot S = \Phi$



$\frac{1}{F} = \frac{1}{b} + \frac{1}{d}$



$i = \frac{2\mathcal{E}}{3R}$

$U = IR$

$q = C \cdot U$

$1 = \frac{q_1}{q_2} = \frac{C_1 U_1}{C_2 U_2} = \frac{2\mathcal{E} U_1}{\mathcal{E} U_2}$

$\frac{2(\mathcal{E} - U)}{U} = 1$

$2(\mathcal{E} - U) = U$

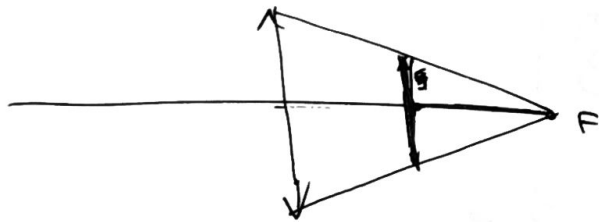
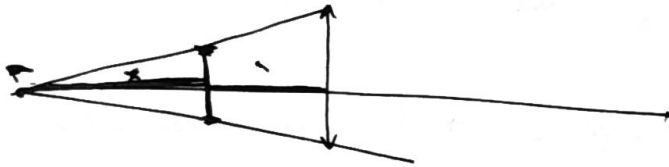
$2\mathcal{E} - 2U = U \quad U = \frac{2\mathcal{E}}{3}$

зерновик

②



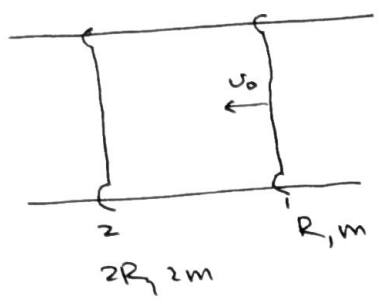
$$T = \frac{1}{2} = \frac{12}{36} = \frac{1}{3} = \frac{1}{9} \text{ (3)}$$



$$\frac{24}{36} = \frac{2}{3} \rightarrow D_M = 4,5.$$

Зерновик

1)



$$|\mathcal{E}| = \dot{\Phi} = (BS) = BLv$$

$$i \cdot 3R = BLv \rightarrow$$

$$i = \frac{BLv}{3R}$$

$$F = B \cdot i \cdot L = \frac{B^2 L^2 v}{3R}$$

$$a = \frac{F}{m} = \frac{B^2 L^2 v}{3Rm}$$

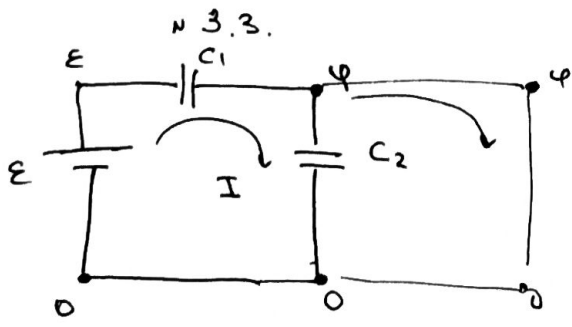
2) Р-н сис-му из 2х трансформ., F_A - внешн. сила

$$2 \mu \mu_0 = 2 \mu \mu_1 + \mu \mu_2 \rightarrow (\text{резистив установка})$$

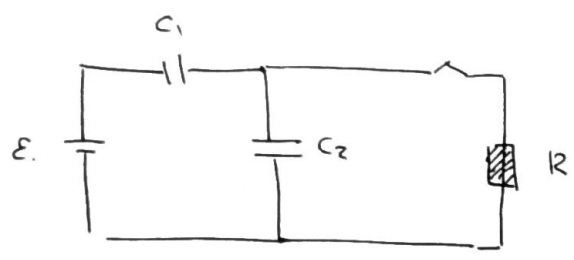
$$2 \mu_0 = 3 \mu'$$

$$\mu' = \frac{2 \mu_0}{3}$$

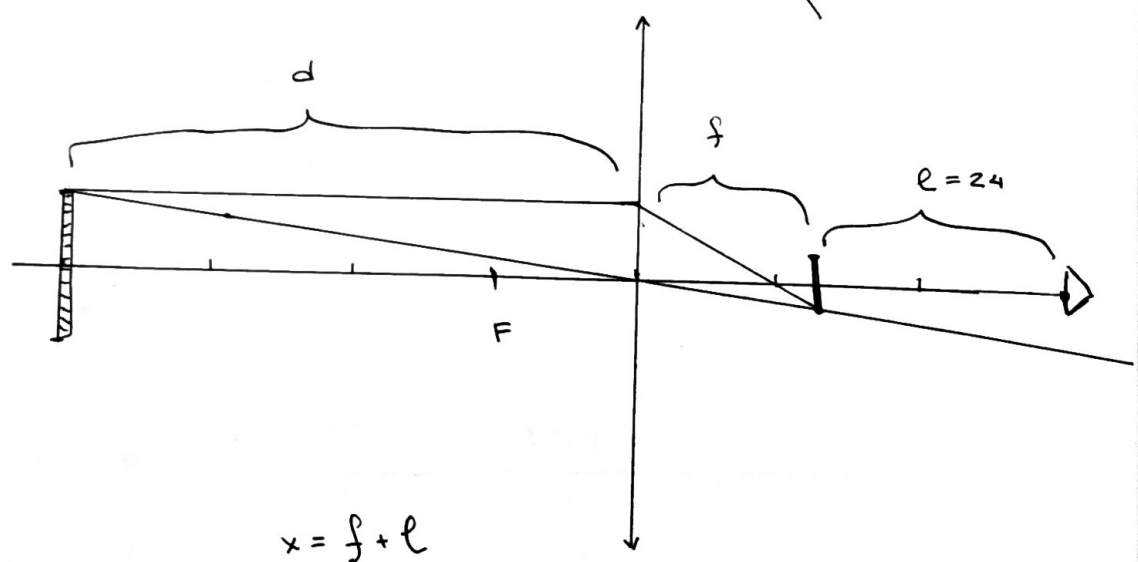
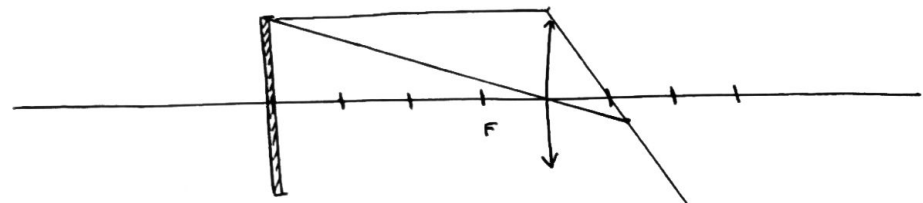
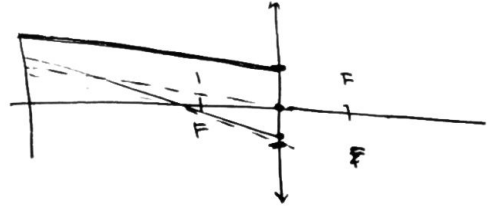
- 3 // // 3
- 4 // // 3
- 5 // // 3



Зерновик .



303



$$x = f + l$$

$$\frac{1}{F} = \frac{1}{f} + \frac{1}{d}$$

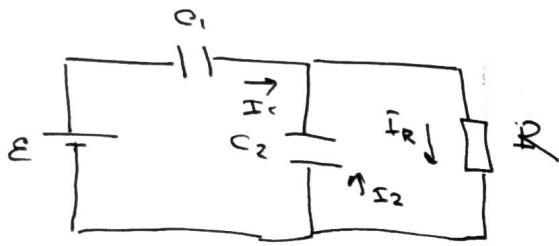
$$D_M = 2y =$$

$$\Gamma = \frac{y}{x} = \frac{f}{d} \rightarrow y$$

Задата N3.

5

Зерновик



$$I_0 = I_C + I_R$$

$$\varepsilon = \frac{q_1}{C} + \frac{q_2}{C}$$

$$0 = \frac{dq_1}{dt} \cdot \frac{1}{2C} + \frac{dq_2}{dt} \cdot \frac{1}{C} \rightarrow$$

$$\frac{I_1}{2} + I_2 = 0 \quad I_2 = -\frac{I_1}{2}$$

$$I_1 = I_0$$

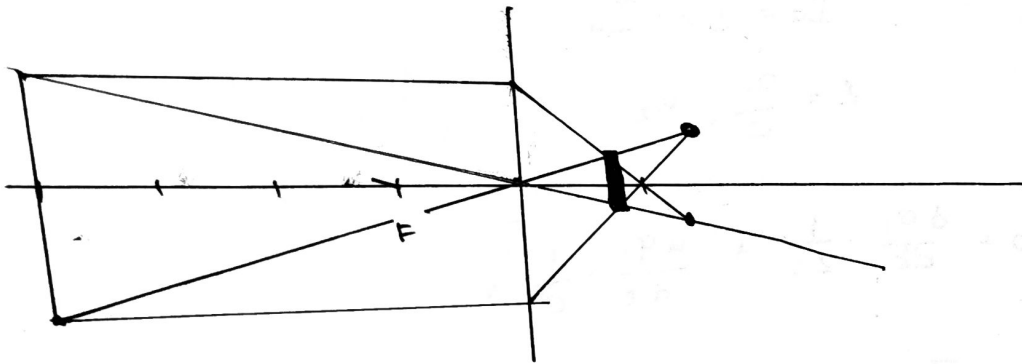
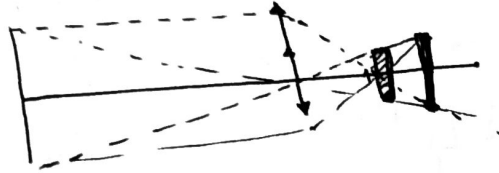
$$I_2 = -\frac{I_0}{2}$$

$$I_0 = -\frac{I_0}{2} + I_R \rightarrow I_R = \frac{3}{2} I_0$$

$$I_R = \frac{3}{2} I_0$$

Зерновик

6



~~Грав~~ зерновик.

Задача 5.3

