

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

Шифр: **21201713**

ID профиля: **381008**

Вариант 2

Задача 2

Дано:

Решение:

He
 ν
 T_0
 $C(T) = \frac{5}{2} R T_0$

 $Q_1 - ?$
 $T_{min} - ?$
 $A_{min} - ?$

1) $dQ = \nu C dT$

$dQ = \nu \cdot \frac{5}{2} R \frac{T}{T_0} dT$ (*)

Продуцируем соотношение (*) от T_0 до $\frac{1}{2} T_0$

$Q_1 = \sum dQ = \sum \nu \cdot \frac{5}{2} R \frac{T}{T_0} dT = \nu \frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} \sum T dT =$

$= \nu \frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} \left(\frac{(\frac{1}{2} T_0)^2}{2} - \frac{(T_0)^2}{2} \right) = \nu \frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} \left(\frac{1}{8} T_0^2 - \frac{1}{2} T_0^2 \right) =$

$= \nu \frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} \left(-\frac{3}{8} \right) T_0^2 = -\frac{15}{16} R T_0 \nu < 0$ (Знает раз от

нулю $-\frac{15}{16} R T_0 \nu \Rightarrow$ отгад $-\left(-\frac{15}{16} R T_0 \nu \right) = \frac{15}{16} R T_0 \nu$

$Q_1 = \frac{15}{16} R T_0 \nu$

2) $A = A_{min} \Leftrightarrow A'_{min} = 0$

Первое начало термодинамики для процесса от T_0 до T_{min} , при котором $A = A_{min}$

$Q = A_{min} + \Delta U$

$Q' = (A_{min} + \Delta U)' = A'_{min} + \Delta U' = \Delta U'$

$Q' = \Delta U'$

Аналогично первой нулю продуцируем выражение $dQ = \nu C dT$ от T_0 до T_{min}

Гр. 1

Условие

$$\left(\frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} \left(\frac{T_{\min}^2}{2} - \frac{T_0^2}{2} \right) \right)' = \left(\frac{3}{2} J R (T_{\min} - T_0) \right)'$$

$$\left(\frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} \cdot \frac{T_{\min}^2}{2} \right)' - \left(\frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} \cdot \frac{T_0^2}{2} \right)' = \left(\frac{3}{2} J R T_{\min} - \frac{3}{2} J R T_0 \right)'$$

$$\left(\frac{5}{4} R \frac{1}{T_0} T_{\min}^2 \right)' - \left(\frac{5}{2} R \frac{T_0}{2} \right)' = \left(\frac{3}{2} J R T_{\min} \right)' - \left(\frac{3}{2} J R T_0 \right)'$$

$$\left(\frac{5}{4} R \frac{1}{T_0} T_{\min}^2 \right)' - 0 = \left(\frac{3}{2} J R T_{\min} \right)' - 0$$

$$\left(\frac{5}{4} R \frac{1}{T_0} \cdot 2 T_{\min} \right)' = \frac{3}{2} J R$$

$$\left(\frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} \cdot T_{\min} \right)' = \frac{3}{2} J R$$

$$\frac{5}{2} \frac{T_{\min}}{T_0} = \frac{3}{2}$$

$$\frac{T_{\min}}{T_0} = \frac{3}{5}$$

$$T_{\min} = \frac{3}{5} T_0$$

3) Первое начало термодинамики для процесса, описанного во втором пункте.

$Q = A_{\min} + \Delta U$ (так же сразу ~~продолжим~~ просуммируем от T_0 до $\frac{3}{5} T_0$)

$$\frac{5}{2} J R \frac{1}{T_0} \left(\frac{\left(\frac{3}{5} T_0 \right)^2}{2} - \frac{T_0^2}{2} \right) = A_{\min} + \frac{3}{2} J R \left(\frac{3}{5} T_0 - T_0 \right)$$

$$\frac{5}{2} J R \frac{1}{T_0} \left(-\frac{8}{25} T_0^2 \right) = A_{\min} + \frac{3}{2} J R \left(-\frac{2}{5} T_0 \right)$$

$$-\frac{4}{5} J R T_0 = A_{\min} - \frac{3}{5} J R T_0$$

$$A_{\min} = \frac{3}{5} J R T_0 - \frac{4}{5} J R T_0 = -\frac{1}{5} J R T_0$$

$$A_{\min} = -\frac{1}{5} J R T_0$$

Ответ: 1) $Q = \frac{15}{16} R T_0 J$

2) $T_{\min} = \frac{3}{5} T_0$

3) $A_{\min} = -\frac{1}{5} J R T_0$

Гр. 2

Чистовик

Задача 1

Дано:

$$\cos \alpha = \frac{4}{5}$$

H

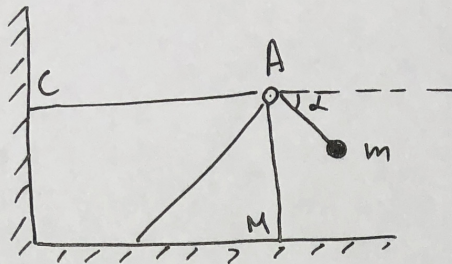
1) β - ?

2) a - ?

3) $\frac{m}{M}$ - ?

4) τ - ?

Решение:



Пусть масса шара m ,
масса катка M

1) Рассмотрим шарик в момент после отрыва

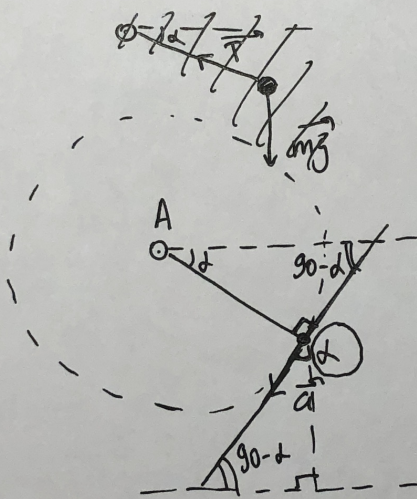
$v=0 \Rightarrow$ ускорение по

касательной, но

направление не меняется

т.к. по усл. угол наклона не

меняется

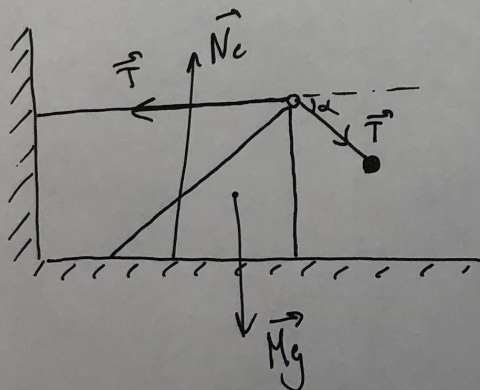


$$\beta = \alpha$$

$$\cos \beta = \cos \alpha = \frac{4}{5}$$

(из геометрии, представленной на рисунке)

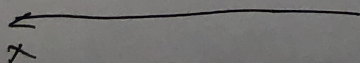
2) Рассмотрим каток



$$\text{II ЗН: } \vec{T} + \vec{T} + \vec{N}_c + \vec{Mg} = \vec{Ma}$$

$$\text{ox: } T - T \cos \alpha = Ma$$

$$T(1 - \cos \alpha) = Ma$$



Стр. 3

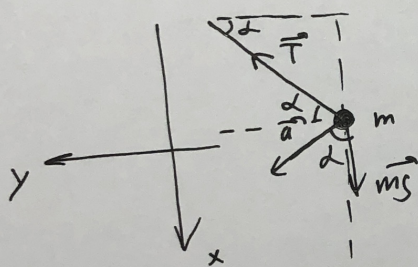
Ускорения

3) Закон сложения ускорений

$\vec{a}_{abc} = \vec{a}_{abm} + \vec{a}_{mep}$, где a_{abc} - ускорение шара относительно Земли
 a_{mep} - ускорение шина
 a_{abm} - ускорение шара относительно шина

Т.к. по усл. угол наклона шина к горизонту не ~~из~~ изменяется \Rightarrow шар покоится относительно шина $\Rightarrow \vec{a}_{abc} = \vec{0} + \vec{a}_{mep} \Rightarrow \vec{a}_{abc} = \vec{a}_{mep} = \vec{a}$

в) Рассмотрим шар



II ЗМ:

$$\vec{T} + \vec{m\vec{g}} = m\vec{a}$$

$$Ox: mg \sin \alpha + T \cos \alpha = ma \cos \alpha$$

$$Oy: T \sin \alpha = ma \sin \alpha \Rightarrow T = ma \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = ma \operatorname{tg} \alpha$$

$$mg - ma \operatorname{tg} \alpha \cdot \sin \alpha = ma \cos \alpha \quad | : m$$

$$g - a \operatorname{tg} \alpha \cdot \sin \alpha = a \cos \alpha$$

$$g = a \cos \alpha + a \operatorname{tg} \alpha \sin \alpha = a (\cos \alpha + \operatorname{tg} \alpha \sin \alpha)$$

$$a = \frac{g}{\cos \alpha + \operatorname{tg} \alpha \sin \alpha}$$

$$a = \frac{g}{\frac{4}{5} + \frac{3}{4} \cdot \frac{3}{5}} = \frac{g}{5/4} = \frac{4}{5}g$$

$$a = \frac{4}{5}g$$

Тригонометрия :

$$\cos \alpha = \frac{4}{5} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{3}{5}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{4}$$

Гр. 4

5) Углы наклона 2 и 4:

Ускорения

$$\begin{cases} T(1 - \cos \alpha) = Ma \\ T \cos \alpha = m a \sin \alpha \end{cases}$$

$$\frac{1 - \cos \alpha}{\cos \alpha} = \frac{M}{m \sin \alpha} \quad | \cdot \sin \alpha$$

$$\frac{\sin \alpha (1 - \cos \alpha)}{\cos \alpha} = \frac{M}{m} \Rightarrow \frac{m}{M} = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha (1 - \cos \alpha)}$$

$$\frac{m}{M} = \frac{\frac{4}{5}}{\frac{3}{5} \left(1 - \frac{4}{5}\right)} = \frac{\frac{4}{5}}{\frac{3}{5} \cdot \frac{1}{5}} = \frac{4}{5} : \frac{3}{25} = \frac{4}{5} \cdot \frac{25}{3} = \frac{20}{3}$$

Ответ:

- 1) $\cos \beta = \frac{4}{5}$
- 2) $a = \frac{4}{5}g$
- 3) $\frac{m}{M} = \frac{20}{3}$

Гр. 5

~~Черновик~~
Черновик

Задача 1

Дано:

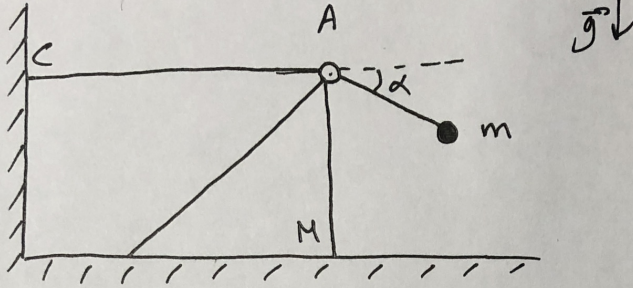
$$\cos \alpha = \frac{4}{5}$$

H

- 1) β - ?
- 2) a - ?
- 3) $\frac{m}{M}$ - ?
- 4) T - ?

Решение:

$$\frac{4}{5} \cdot \frac{2}{5} + \frac{g}{20} = \frac{16}{20} + \frac{g}{20} = \frac{25}{20} = \frac{5}{4}$$



1) Т.к. угол наклона нити не меняется \Rightarrow
 \Rightarrow относительно кинна шар поворачивается.

• Закон сложения ускорений:

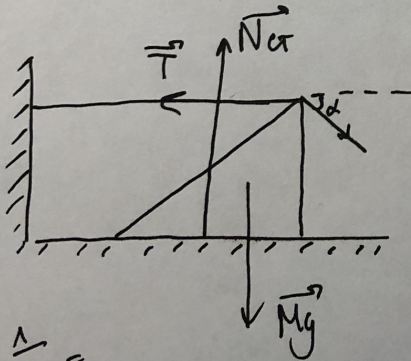
$$\vec{a}_{абс} = \vec{a}_{отн} + \vec{a}_{пер}, \text{ где } \vec{a}_{абс} - \text{ускорение шара относительно Земли}$$

$\vec{a}_{пер}$ - ускорение кинна

$\vec{a}_{отн}$ - ускорение шара относительно кинна

$$\vec{a}_{отн} = \vec{0} \Rightarrow \vec{a}_{абс} = \vec{a}_{пер}$$

Рассмотрим кинн



$$T = m a \operatorname{tg} \alpha$$

$$m a \operatorname{tg} \alpha (1 - \cos \alpha) = M a$$

$$\frac{m}{M} \operatorname{tg} \alpha (1 - \cos \alpha) = 1$$

$$\frac{m}{M} = \frac{1}{\operatorname{tg} \alpha (1 - \cos \alpha)} = \frac{1}{\frac{3}{4} (1 - \frac{4}{5})} = \frac{1}{\frac{3}{4} \cdot \frac{1}{5}} = \frac{20}{3}$$

$$\begin{aligned} \frac{g}{50} - \frac{1}{2} &= \\ &= \frac{g}{50} = \frac{25}{50} = \\ &= -\frac{16}{50} = -\frac{8}{25} \end{aligned}$$

~~Ср. 3~~

Uepros buk

$$\frac{9T_0^2}{50} - \frac{T_0^2}{2} = \frac{9T_0^2}{50} - \frac{25T_0^2}{50} = \frac{-16T_0^2}{50} =$$

$$= -\frac{16T_0^2}{25}$$

$$\frac{3}{5} - \frac{5}{5} = -2$$

$$\frac{8}{7} \cdot \frac{8 \cdot 4}{25 \cdot 5}$$

$$\frac{3}{7} \cdot \frac{2}{5}$$

$$\frac{9}{20} + \frac{4}{5} =$$

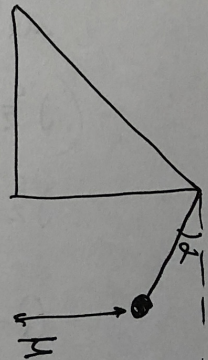
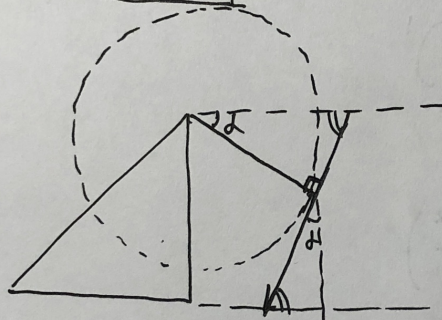
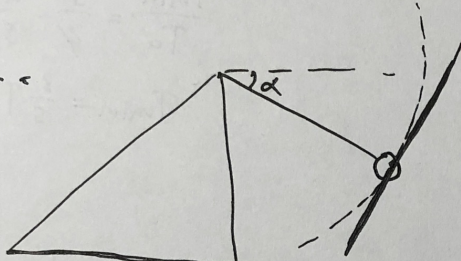
$$= \frac{9}{20} + \frac{16}{20} =$$

$$= \frac{25}{20} = \frac{5}{4}$$

$$\sin d = \sqrt{\cos^2 d}$$

$$\sin d = \sqrt{1 - \cos^2 d} =$$

$$= \sqrt{1 - \frac{16}{25}} = \sqrt{\frac{9}{25}}$$



$$\frac{3}{5} : \frac{4}{5} =$$

$$= \frac{3}{8} \cdot \frac{5}{4}$$

$$T^2 - ma^2 = mg^2$$

$$T = ma \cos d$$

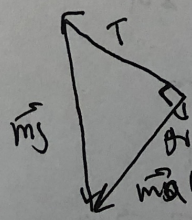
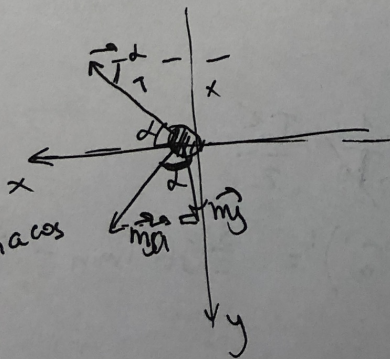
$$m \cancel{a} \cos d (1 - \cos d) = M \cancel{a}$$

$$\frac{\sin d}{\cos d} =$$

$$\frac{mg - T \sin d}{T \cos d} =$$

$$T = ma \cos d$$

$$mg - ma \cos d \cdot \sin d = ma \cos^2 d$$



$$T^2 + (ma)^2 = m^2 g^2$$

$$T^2 = m^2 (g^2 - a^2)$$

$$T = m \sqrt{g^2 - a^2}$$

$$ma \sin d = T \cos d$$

$$mg = T \sin d$$

$$\frac{a \sin d}{g} = \frac{\cos d}{\sin d}$$

$$\sin d = \frac{a}{g}$$

$$T = T \sin d$$

Устройство

$$\frac{1}{8} - \frac{4}{8} = -\frac{3}{8}$$

$$\frac{5}{2} \frac{R}{T_0} T_{\min} = \frac{3}{2} JR$$

$$dQ = dA + dU$$

$$C \sim T$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} JR \Delta T$$

$$dA \quad A = A_{\min} = A' = 0$$

$$\Delta Q = \Delta A + \Delta U$$

$$\Delta Q' = 0 + \Delta U'$$

$$\left(J \frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} \Delta T \right)' = \left(\frac{3}{2} JR \Delta T \right)'$$

$$J \frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} (T \Delta T)'$$

$$Q = \frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} \left(\frac{T_{\min}^2}{2} - \frac{T_0^2}{2} \right)$$

$$\Delta U = \frac{3}{2} JR (T_{\min} - T_0)$$

$$Q = A + \Delta U$$

$$Q' = (A +$$

$$Q' = \Delta U'$$

~~$$\frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} T_{\min}^2$$~~

$$\frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} \frac{T_{\min}^2}{2} - \frac{5}{2} R \frac{1}{T_0} \frac{T_0^2}{2} =$$

$$\left(\frac{5}{4} R \frac{1}{T_0} \cdot T_{\min}^2 - \frac{5}{4} R T_0 \right)' = \frac{3}{2} JR T_{\min} - \frac{3}{2} JR T_0$$

Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21201713**

ID профиля: **381008**

Вариант 2

Задание 3

Решение:

Дано:

$C_2 = C$

$C_1 = 3C$

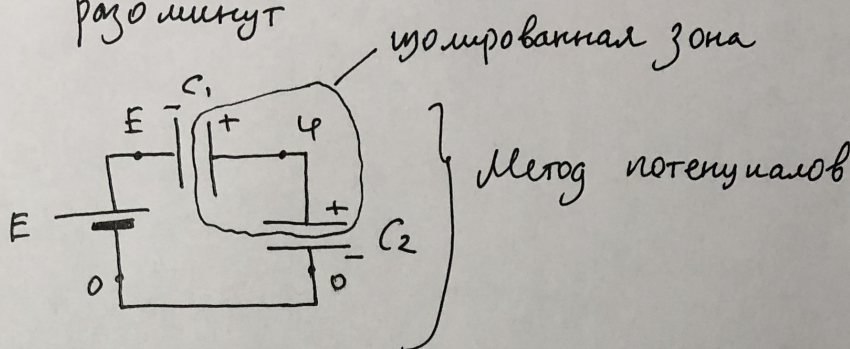
$I(\tau) = I_0$

1) $I_R - ?$

2) $Q - ?$

3) $U_R(\tau) - ?$

1) Рассмотрим цепь сразу после замыкания



~~ЗСЗ для~~

Пусть знаки зарядов пластин удовлетворяют предположению на рисунке

ЗСЗ для штрихованной зоны:

$$+(\varphi - E) \cdot C_1 + (\varphi - 0) C_2 = 0$$

$$(\varphi - E) \cdot 3C + \varphi \cdot C = 0 \quad | : C$$

$$3\varphi - 3E + \varphi = 0$$

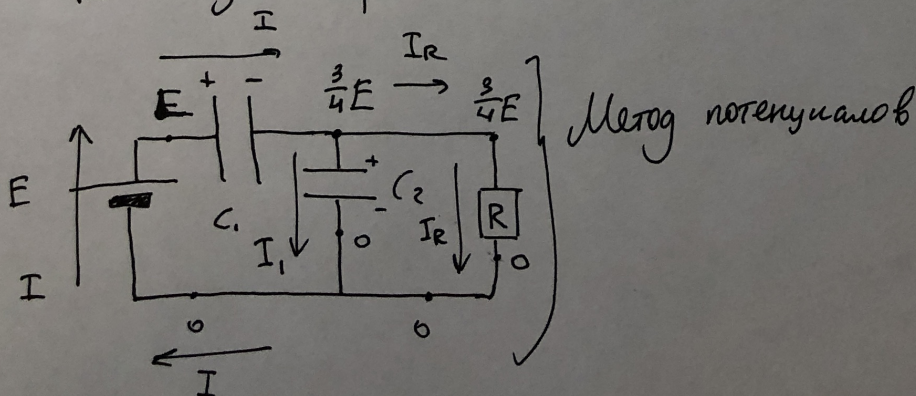
$$4\varphi = 3E$$

$$\boxed{\varphi = \frac{3}{4} E}$$

Т.е. $U_{C1} (\text{до замыкания}) = \frac{1}{4} E$

$U_{C2} = \frac{3}{4} E$

2) Сразу после замыкания ключа напряжение на конденсаторах скачком не меняется



Чистовик

$$I_R = \frac{\frac{3}{4}E - 0}{R} = \frac{3E}{4R}$$

$$I_R = \frac{3E}{4R}$$

3) Рассмотрим переходный процесс

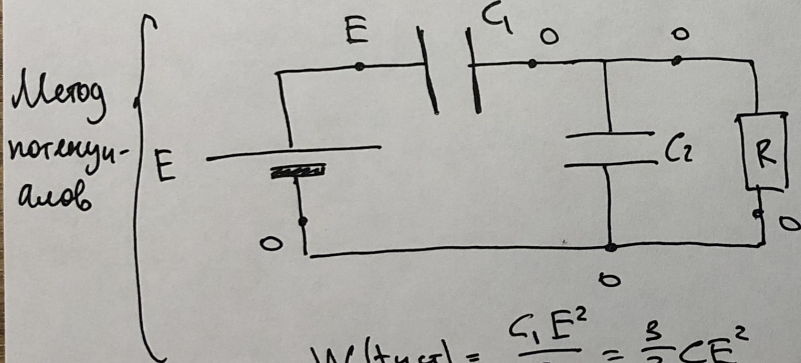
Пусть сразу после замыкания $t = t_1$

Тогда рассматриваем процесс от $t = t_1$ до $t = t_{уст}$

$$W(t_1) = \frac{C_1 \left(\frac{1}{4}E\right)^2}{2} + \frac{C_2 \left(\frac{3}{4}E\right)^2}{2} = \frac{3CE^2}{32} + \frac{C \cdot 9E^2}{32} = \frac{12CE^2}{32} = \frac{3CE^2}{8}$$

Рассмотрим теперь в установившемся состоянии

$$I_C(t_{уст}) = 0$$

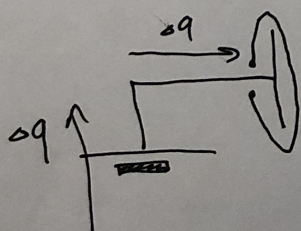


Т.к. ток нет через конденсаторы \Rightarrow

\Rightarrow нет и через резистор $\Rightarrow U_R(t_{уст}) = 0$

$$W(t_{уст}) = \frac{C_1 E^2}{2} = \frac{3}{2} CE^2$$

Рассмотрим отдельно левую обкладку конденсатора C_1



был заряд $3C \frac{1}{4}E = \frac{3}{4}CE$

стал заряд $3CE$

Заряд увеличился \Rightarrow притекли

$$\Delta q = \frac{9}{4}CE$$

ЗЭЭ:

$$A\delta = \Delta W + Q$$

$$E \cdot \Delta q = W(t_{уст}) - W(t_1) + Q$$

Умножим

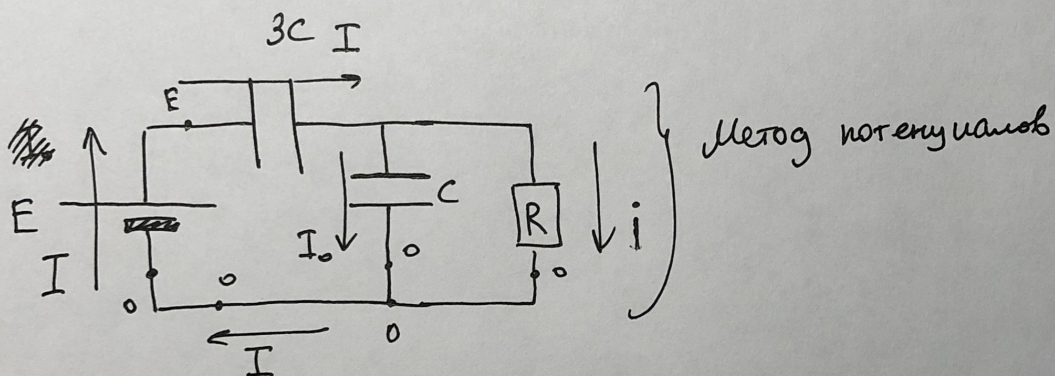
$$E \cdot \frac{9}{4} CE = \frac{9}{2} CE^2 - \frac{3}{8} CE^2 + Q$$

$$\frac{9}{4} CE^2 = \frac{9}{8} CE^2 + Q$$

$$Q = \frac{9}{4} CE^2 - \frac{9}{8} CE^2 = \frac{9}{8} CE^2$$

$$\boxed{Q = \frac{9}{8} CE^2}$$

4) Рассмотрим момент, когда ток через C_2 равен I_0 .



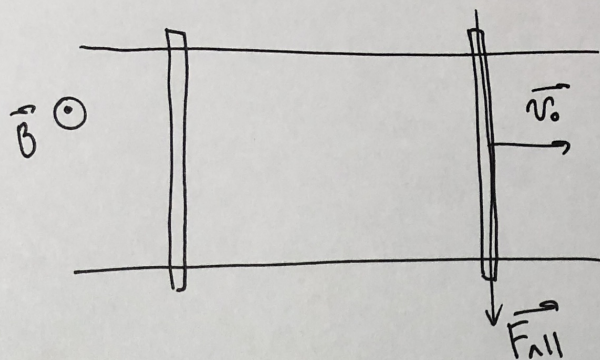
Ответ: 1) $I_R = \frac{3E}{4R}$

2) $Q = \frac{9}{8} CE^2$

Чистовик

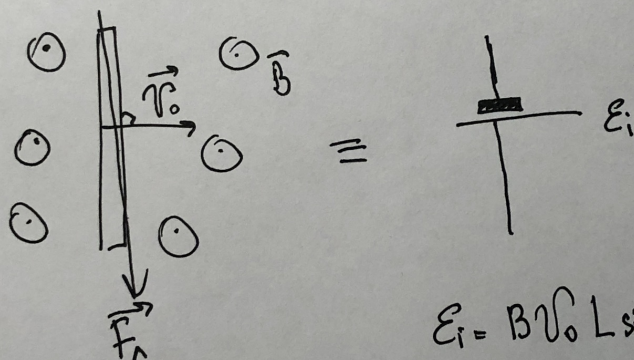
Задача 4

- Дано:
 B, L, m, R
 $m/2, 4R$
 v_0
 $a_z - ?$
 $v_1, v_2 - ?$
 $\Delta x - ?$



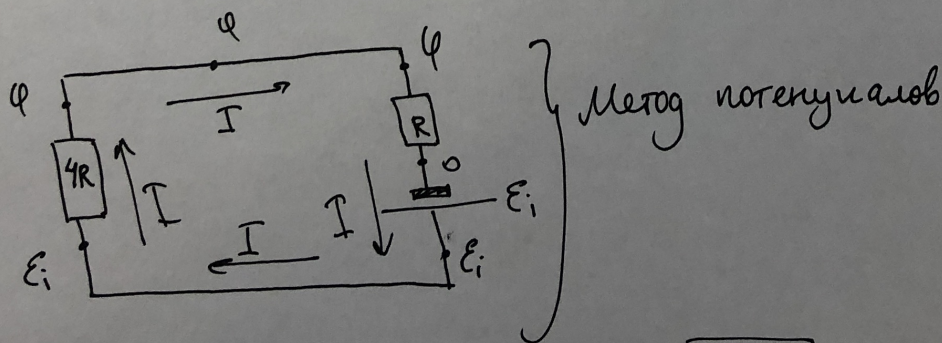
При движении проводника в МП на его концах возникает ЭДС индукции.

$\vec{F}_{ЛЛ}$ - продольная составляющая силы Лоренца, действующая на проводник в результате его движения в МП:



$$\epsilon_i = B v_0 L \sin 90^\circ = B v_0 L = \text{const}$$

Рассмотрим эквивалентную схему



$$I = \frac{\epsilon_i - \varphi}{4R} = \frac{\varphi - 0}{R}$$

$$5\varphi = \epsilon_i \Rightarrow \varphi = \frac{\epsilon_i}{5}$$

$$\frac{\epsilon_i - \varphi}{4R} = \frac{\varphi}{R} \quad | \cdot 4R$$

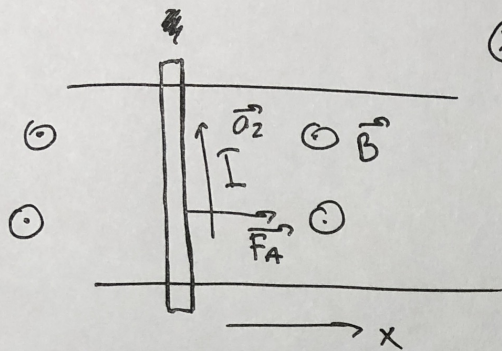
$$\epsilon_i - \varphi = 4\varphi$$

Гр. 4

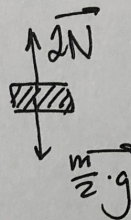
Чистовик

$$\left(I = \frac{\varphi}{R} = \frac{\epsilon_i}{5R} \right)$$

Рассмотрим проводник 2



Висит свободно:



ИЗЗ:

$$\vec{F}_A + \frac{m}{2}\vec{g} + 2\vec{N} = \frac{m}{2}\vec{a}_2$$

оx: $F_A = \frac{m}{2}a$

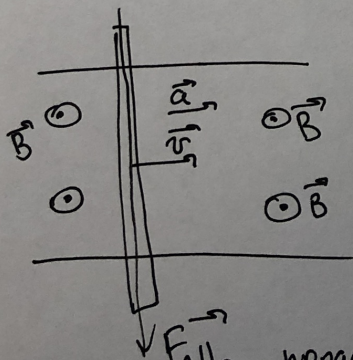
$$BIL \sin 90^\circ = \frac{m}{2}a_2$$

$$BIL = ma_2 \Rightarrow a_2 = \frac{2BIL}{m} = \frac{2BL}{m} \cdot \frac{\epsilon_i}{5R} = \frac{2BL}{m} \cdot \frac{B\varphi_0 L}{5R} = \frac{2}{5} B^2 L^2 \frac{\varphi_0}{m}$$

$$a_2 = \frac{2}{5} B^2 L^2 \frac{\varphi_0}{m}$$

2) При движении проводника 2 в МП на по полюсах также образуется ϵ_i

Проводник 2:



$F_{||2}$ - продольная составляющая силы Лоренца, действующая на проводник N2 в результате его движения в МП

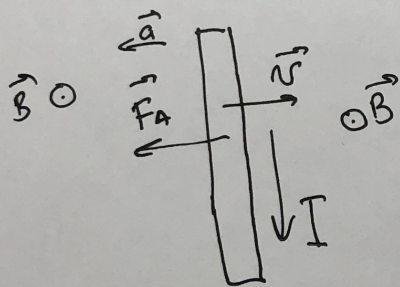
Условие

ϵ_{i2} будет расти до тех пор, пока не сравняется $\epsilon_i = \text{const}$, потому что в тот момент, когда $\epsilon_{i2} = \epsilon_i$, ток в цепи прекратится и на тела перестанут действовать силы F_A и они будут двигаться равномерно прямолинейно

$$\epsilon_{i2} = \epsilon_i \Rightarrow Bv_2 L = Bv_0 L \Rightarrow v_2 = v_0$$

Т.к. в цепи меняется ток, на первую проводящую петлю действует переменная F_A

Рассмотрим первую проводящую



II ЗИ

$$m\vec{a} = \vec{F}_A$$

$$m a_x = F_A$$

$$m a_x = B_z I L$$

$$m \Delta v_x = B_z I L$$

$$m(-v_1 - (-v_0)) = B \left(0 - \frac{\epsilon_i}{SR}\right) L$$

$$m(v_0 - v_1) = B \frac{\epsilon_i L}{SR}$$

$$v_1 - v_0 = \frac{B \epsilon_i L}{SR m}$$

$$v_1 = -m(v_1 - v_0) = -\frac{B \epsilon_i L}{SR}$$

$$v_0 - v_1 = \frac{B \epsilon_i L}{SR m}$$

$$v_1 = v_0 - \frac{B \epsilon_i L}{SR m}$$

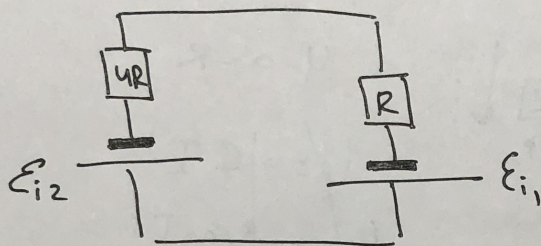
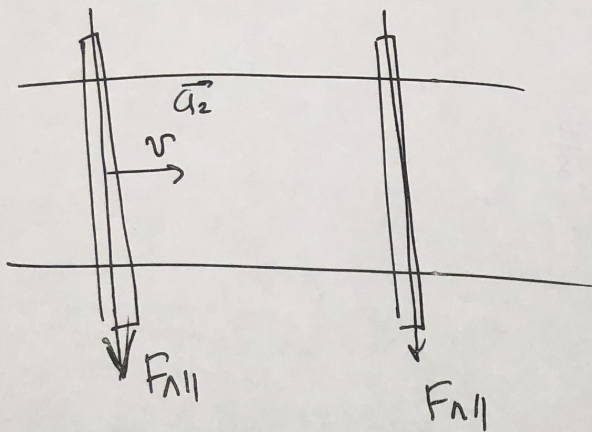
Ответ: 1) $a_z = \frac{2}{5} B^2 L^2 \frac{v_0}{m}$

2) Вторая скорость второй равна v_0

Скорость первой равна $v_0 - \frac{B \epsilon_i L}{SR m}$

Стр. 8

Цепочка



$$\mathcal{E}_2 = BvL \sin 90^\circ = BvL$$

v уменьшается $\rightarrow \mathcal{E}_2$ уменьшается

$$\mathcal{E}_2 = \mathcal{E}_2(v) = BvL \sin 90^\circ = BvL \quad v \uparrow$$

$$F_{A1} = BIL$$

$$F_A = ma$$

$$m \Delta a = B \frac{\Delta I}{\Delta t} L$$

$$m \frac{\Delta v}{\Delta t} = B \frac{\Delta I}{\Delta t} L$$

$$m (v_1 - v_0) = B \left(0 - \frac{\mathcal{E}_1}{8R}\right) L$$

$$v_1 - v_0 = - \frac{B \mathcal{E}_1 L}{8Rm}$$

$$v_0 = v_1 + \frac{B \mathcal{E}_1 L}{8Rm}$$

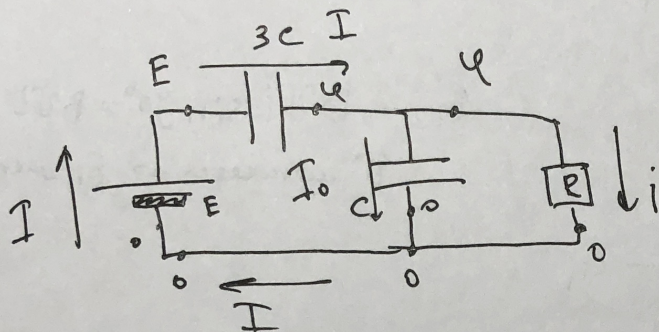
Черновик

$$2\frac{1}{4} = \frac{9}{4}CE$$

$$\frac{3L^4}{2} - \frac{3}{8} = \frac{12}{8} - \frac{3}{8} = \frac{9}{8}$$

$$\frac{18}{8} - \frac{9}{8} = \frac{9}{8}$$

~~IB = I~~



$$i + I_0 = I$$

$$U - 0 = R \cdot i$$

$$U_c = C \cdot I_0'$$

$$U_{sc} = 3C \cdot I_0'$$

$$U_c = C \cdot I_0'$$

$$U_R = \cancel{R} \cdot iR$$

$$I_{sc} = 3C \cdot U_{sc}' = \frac{\Delta U_{sc}}{\Delta t}$$

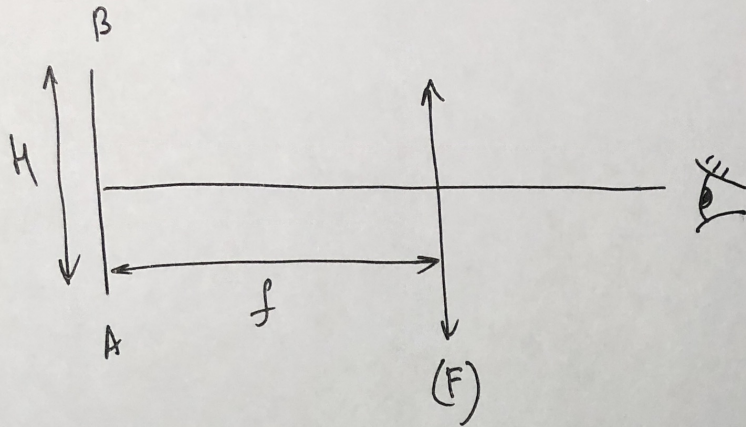
$$I_0 = C \cdot U_c' = \frac{\Delta U_c}{\Delta t}$$

$$\cancel{I} = \frac{I_{sc}}{I_0}$$

$$\frac{I_{sc}}{I_0} = 3 \frac{\Delta U_{sc}}{\Delta U_c}$$

Задача 5

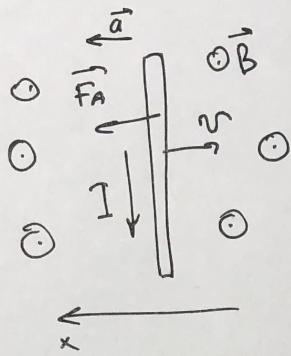
~~Умножить~~
Умножить



$F = 12 \text{ см}$
 $H = 9 \text{ см}$
 $f = 48 \text{ см}$

~~Черновик~~ Черновик

Рассмотрим первый проводник



II ЗН:

$$m \vec{a} = \vec{F}_A$$

$$m a_x = F_A$$

$$m \Delta a_x = B \Delta I L$$

$$+ m \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = B \frac{\Delta I}{\Delta t} L \quad | \cdot \Delta t$$

$$m \Delta v_x = B \Delta I L$$

$$m (v_i - (-v_0)) = B \Delta I L$$

$$m (v_0 - v_i) = B (0 - \frac{\epsilon_i}{SR}) L$$

Тогда будет ~~на~~ ~~назад~~ до нулевого значения, потому что в этот момент ~~сила~~ перестанут действовать

F_A и они будут ^{на} ~~увеличиваться~~ равномерно уменьшаться

$$m (v_i - v_0) = \frac{B \epsilon_i L}{SR}$$

$$v_i - v_0 =$$

$$F_A = F_A (I) = B I L =$$

$$-m (v_i - v_0) =$$

~~Ср/т~~