

Часть 1

Олимпиада: **Физика, 11 класс (1 часть)**

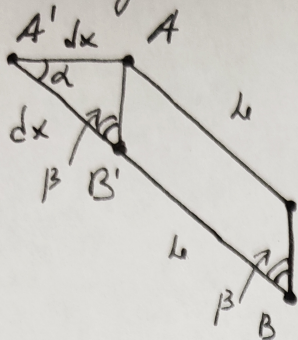
Шифр: **21202047**

ID профиля: **182321**

Вариант 2

д.д.

1) Рассмотрим смещение блока (малое): ~~уменьшение скорости~~



Часть нити от блока до шарика укоротилась на величину перемещение блока.

Проецируем l перпендикулярно нити на касательную к шару, получаем отрезок BB' .

$$\triangle B'AA' - \beta/\beta \Rightarrow \beta = \frac{\pi - \alpha}{2}$$

Пусть φ - угол с вертикальной

$$\begin{aligned} \varphi &= \pi - \left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) - (\pi - \beta) \\ &= \alpha + \beta - \frac{\pi}{2} = \alpha + \frac{\pi - \alpha}{2} - \frac{\pi}{2} = \frac{\alpha}{2} \end{aligned}$$

Приним шарик не имел начальной скорости, поэтому φ и вместе угол между вертикальной и касательной.

$$\cos \alpha = 2 \cos^2 \frac{\alpha}{2} - 1 = 2 \cos^2 \varphi - 1$$

$$\cos^2 \varphi = \frac{\cos \alpha + 1}{2} = \frac{9}{2} = \frac{9}{10}$$

$$\varphi \in (0; \frac{\pi}{2}) \Rightarrow \cos \varphi = \frac{3\sqrt{10}}{10}$$

2) Пусть a - ускорение шара; A - ускорение клина:

Нить нерастяжима: $A \cos \alpha = a \cos \beta = a \sin \varphi \Rightarrow$

$$ma = m\mu \cos \varphi - T \cos \beta = m\mu \cos \varphi - T \sin \varphi$$

$$MA = N \cos \left(\frac{\pi - \alpha}{2}\right) = T \cos^2 \left(\frac{\pi - \alpha}{2}\right) =$$

$$= T \cos^2 T \sin^2 \frac{\alpha}{2} = T \sin^2 \varphi$$

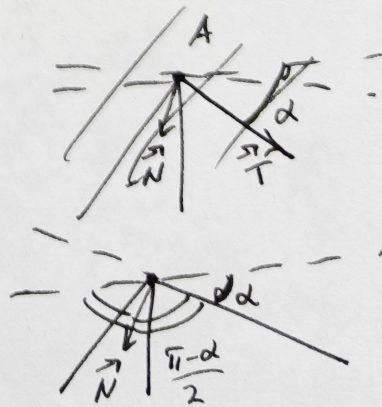
$$ma \sin \varphi = mg \sin \varphi \cos \varphi - T \sin^2 \varphi$$

$$ma \sin \varphi + MA = mg \sin \varphi \cos \varphi$$

$$mA + MA = mg \sin \varphi \cos \varphi$$

$$A = \frac{mg \sin \varphi \cos \varphi}{1 + \frac{m}{M}}$$

$$A \cos \alpha = A \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} = A \frac{\cos \alpha}{\sin \varphi}$$



Вар 1-02

Числовик

Страница 2

ответ: 1) $\cos \varphi = \frac{3\sqrt{10}}{10}$

1) Значит экстрем, ограничу при малом изменении температуры:

$$dQ = \nu C(T) dT < 0 \rightarrow dQ_1 = -\nu C(T) dT$$

Тогда:

$$\begin{aligned} Q_1 &= -\nu \int_{T_0}^{T_0/2} C(T) dT = -\nu \int_{T_0}^{T_0/2} \left(\frac{5}{2} \cdot \frac{\nu R}{T_0} \right) T dT = \frac{5 \nu R}{2 T_0} \int_{T_0}^{T_0/2} T dT = \\ &= \frac{5}{2} \cdot \frac{\nu R}{T_0} \left(\frac{T_0^2}{2} - \frac{T_0^2}{8} \right) = \frac{5}{2} \cdot \frac{\nu R}{T_0} \cdot \frac{3 T_0^2}{8} = \frac{15 \nu R T_0}{16}. \end{aligned}$$

2) Найдем в явном виде функцию работы:

$$\begin{aligned} dQ &= dU + dA \rightarrow dA = dQ - dU = \\ &= \nu C(T) dT - \frac{i}{2} \nu R dT = \\ &= \nu C(T) dT - \frac{i}{2} \nu R dT \end{aligned}$$

~~Пусть T_1 - искомая температура~~

$$\begin{aligned} A &= \int_{T_0}^T \nu C(T) dT - \int_{T_0}^T \frac{i}{2} \nu R dT = \frac{5}{2} \frac{\nu R}{T_0} \int_{T_0}^T T dT - \frac{i}{2} \nu R \int_{T_0}^T dT = \\ &= \frac{5 \nu R}{2 T_0} \left(\frac{T^2}{2} - \frac{T_0^2}{2} \right) - \frac{i}{2} \nu R (T - T_0) \end{aligned}$$

Гелий одноатомный $\rightarrow i=3$

$$\begin{aligned} A(T) &= \frac{5 \nu R}{2 T_0} \left(\frac{T^2}{2} - \frac{T_0^2}{2} \right) - \frac{3}{2} \nu R (T - T_0) = T^2 \left(\frac{5 \nu R}{4 T_0} \right) - \frac{5}{4} \nu R T_0 - \frac{3}{2} \nu R T + \frac{3}{2} \nu R T_0 = \\ &= T^2 \left(\frac{5 \nu R}{4 T_0} \right) - \frac{3}{2} \nu R T + \frac{1}{4} \nu R T_0 \end{aligned}$$

$A(T)$ - парабола с ветвями вверх, тогда минимум достигается в вершине.

Пусть A_{\min} - минимальная работа; T_1 - искомая температура:

$$T_1 = \frac{\frac{3}{2} \nu R}{\frac{5}{2} \cdot \frac{\nu R}{T_0}} = \frac{3 T_0}{5}; \quad D = \frac{9}{4} \nu^2 R^2 - \frac{5}{4} \nu^2 R^2 = \nu^2 R^2$$

$$3) A_{\min} = \frac{-\nu^2 R^2}{\frac{5 \nu R}{T_0}} = -\frac{\nu R T_0}{5}$$

$$\text{Ответ: 1) } \frac{15 \nu R T_0}{16}; \quad 2) \frac{3 T_0}{5}; \quad 3) -\frac{\nu R T_0}{5}.$$

$$C(T) = \frac{5}{2} R \frac{T}{T_0}$$

Упрощен

$$\int T dT = \frac{T^2}{2} + C$$

$$dQ = C(T) dT = \left(\frac{5}{2} \frac{R}{T_0}\right) T dT$$

$$1) Q = \int_{T_0}^T \left(\frac{5}{2} \frac{R}{T_0}\right) T dT = \frac{5}{2} \cdot \frac{R}{T_0} \int_{T_0}^T T dT = \frac{5}{2} \cdot \frac{R}{T_0} \left(\frac{T^2}{2} - \frac{T_0^2}{2}\right) =$$

$$= \frac{5}{2} \cdot \frac{R}{T_0} \cdot \frac{3T_0^2}{2} = \frac{15RT_0}{4}$$

$$Q = \Delta U + A$$

$$A = Q - \Delta U$$

$$\Delta U = \frac{i}{2} \nu R \Delta T < 0$$

$$dA = dQ - dU$$

$$dA = C(T) dT - \frac{i}{2} \nu R dT$$

$$= \left(\frac{5}{2} \frac{\nu R}{T_0}\right) T dT - \frac{i}{2} \nu R dT =$$

$$= \frac{\nu R}{2} \left(\frac{5}{T_0} T dT - \frac{i}{2} \nu R dT\right)$$

$$A(T) = \int_{T_0}^T \frac{5}{2} \frac{\nu R}{T_0} T dT - \frac{i}{2} \nu R \int_{T_0}^T dT$$

$$\frac{6}{4} - \frac{5}{4}$$

$$= \frac{5}{2} \cdot \frac{R}{T_0} \left(\frac{T^2}{2} - \frac{T_0^2}{2}\right) - \frac{i}{2} \nu R (T - T_0) =$$

$$= \frac{5}{4} \frac{R}{T_0} (T - T_0)(T + T_0) - \frac{i}{2} \nu R (T - T_0)$$

$$\frac{3}{2} \nu R T_0 - \frac{5}{4} \nu R T_0 = \frac{\nu R T_0}{4}$$

$$= (T - T_0) \left(\frac{5}{4} \frac{R}{T_0}\right) = \frac{5}{4} \frac{R}{T_0} (T - T_0)$$

$$= \frac{\nu 5}{4} R \cdot \frac{T^2}{T_0} - \frac{\nu 5}{4} R T_0 - \frac{3}{2} \nu R T + \frac{3}{2} \nu R T_0$$

$$A(T) = T^2 \left(\frac{5}{4} \frac{\nu R}{T_0}\right) - T \left(\frac{3}{2} \nu R\right) + \frac{1}{4} \nu R T_0$$

минимум
в точке

$$\frac{dA}{dT} = \frac{5}{2} \frac{\nu R}{T_0} T - \frac{3}{2} \nu R = 0$$

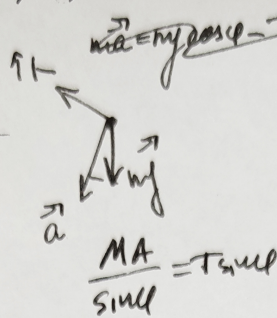
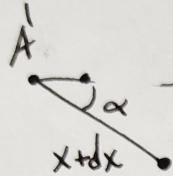
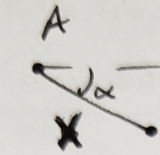
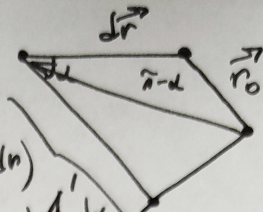
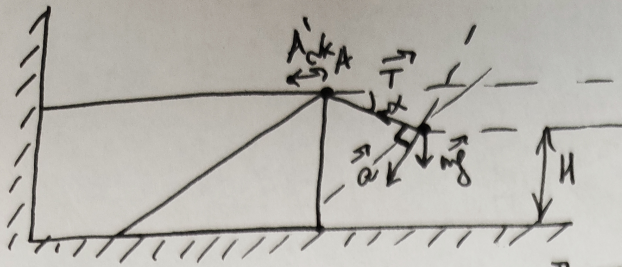
$$A_{\text{ср}} = \frac{9}{4} \nu R^2$$

$$A_{\text{мин}} = \frac{-\nu R^2}{5 \cdot \frac{\nu R}{T_0}} = -\frac{\nu R T_0}{5}$$

$$\Delta = \frac{9}{4} \nu^2 R^2 - \nu R T_0 \cdot \frac{5}{4} \frac{\nu R}{T_0} =$$

$$= \frac{9}{4} \nu^2 R^2 - \frac{5}{4} \nu^2 R^2 = \nu^2 R^2$$

$$A_{\text{мин}} = \frac{3}{2}$$



$$l_0^2 = x^2 + 2x dx + dx^2 + dx^2$$

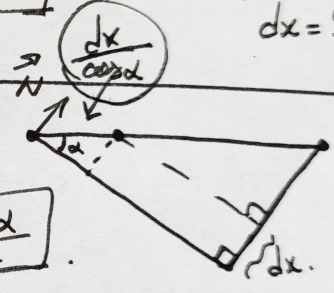
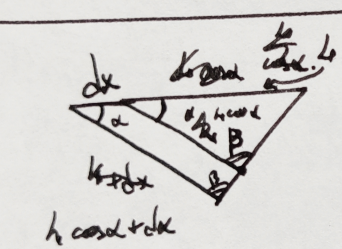
$$- 2(x dx + dx^2) \cos \alpha$$

$$= x^2 + 2x dx - 2x dx \cos \alpha \approx x^2$$

$$\Delta X_{\theta} = (x+dx) \sin \alpha - x \sin \alpha = \Delta x \sin \alpha$$

$$\Delta X_r = x \cos \alpha (x+dx) \cos \alpha - x \cos \alpha = dx \cos \alpha$$

$$dx = \frac{a_{\text{cm}} dt^2}{2}$$



$$\frac{\pi - \alpha}{2}$$

$$\frac{\pi - \alpha}{2} \frac{\pi - \alpha}{2} dx = \frac{a_{\text{cm}} dt^2}{2} = \frac{dx}{\cos \alpha}$$

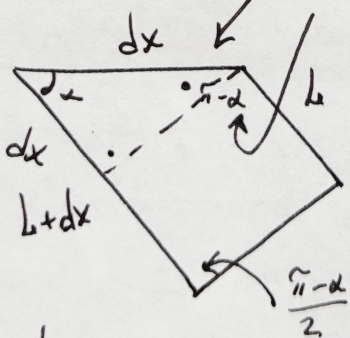
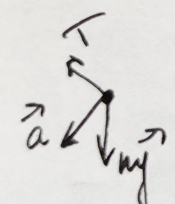
$$\frac{a_{\text{cm}} dt^2}{2} \cos \alpha = \frac{a_{\text{cm}} dt^2}{2}$$

$$a_{\text{cm}} \cos \alpha = a_{\text{cm}}$$

T sin alpha

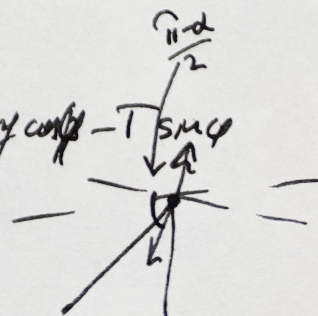
$$N = T \cos \frac{\alpha}{2}$$

$$N = T \sin \frac{\alpha}{2}$$



$$m a_{\text{cm}} = m g \cos \alpha - T \cos \beta$$

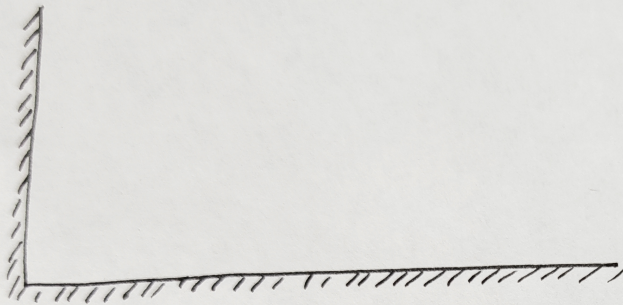
$$= m g \cos \alpha - T \sin \frac{\alpha}{2} = m g \cos \alpha - T \sin \frac{\alpha}{2}$$



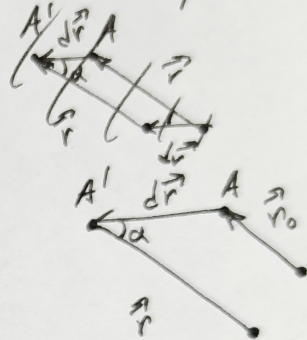
~~Черновик~~
Черновик.
N.1.

~~Черновик~~ 1

1) Заметим, что угол β будет оставаться постоянным только в том случае, если масса нити между шаром и блоком всё время остается той же, т.е. шар движется перпендикулярно начальному положению. Таким образом ускорение шарика направлено влево вдоль перпендикуляра к начальному положению нити, иначе, при отклонении от этого направления, нить начнет перегибаться.



Для проверки рассмотрим малое возмущение блока:



$$ma = mg \cos \varphi - \frac{mH}{\sin \varphi}$$

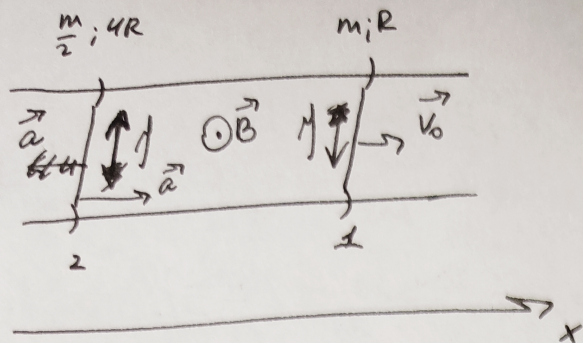
Часть 2

Олимпиада: **Физика, 11 класс (2 часть)**

Шифр: **21202047**

ID профиля: **182321**

Вариант 2



$$1) \cancel{q} = \frac{BV_0}{5R} \quad \Phi = BV_0 l$$

$$I = \frac{\Phi}{5R} = \frac{BV_0 l}{5R}$$

$$F_A = IBl = \frac{B^2 l^2 V_0}{5R}$$

$$a = \frac{F_A}{m/2} = \frac{2F_A}{m} = \frac{2B^2 l^2 V_0}{5mR}$$

2) Заметим, что если пренебречь временем перемещения, приобретут одинаковую скорость, т.е. правую сторону заметнее ил. Ампера, а левую еще не успев развить. Високие тока не будет, т.е. ЭДС пренебрегаем.

Пусть течет ток $I(t)$: (в фокусусе)

$$F_1 = -I(t)Bl \Rightarrow a_1 = -\frac{I(t)Bl}{m}$$

$$F_2 = I(t)Bl \Rightarrow a_2 = \frac{I(t)Bl}{m}$$

$$dE_1 = Bl dv_1 = Bl a_1 dt = -\frac{I(t)B^2 l^2}{m} dt$$

$$dE_2 = Bl dv_2 = Bl a_2 dt = \frac{I(t)B^2 l^2}{m} dt$$

$$dE = dE_1 - dE_2 = -\frac{3I(t)B^2 l^2}{m} dt \Rightarrow \frac{dI}{dt} = I(t) \cdot \left(-\frac{3B^2 l^2}{5Rm}\right)$$

Тогда $I(t)$ - экспоненциальная, $I(t) = I_0 \cdot e^{-kt}$:

$$\frac{dI}{dt} = I_0 \cdot e^{-kt} (-k) = I_0 \cdot e^{-kt} \cdot \left(-\frac{3B^2 l^2}{5Rm}\right) \Rightarrow k = -\frac{3B^2 l^2}{5Rm}$$

$$I(t) = I_0 \cdot e^{-\frac{3B^2 l^2}{5Rm} t} = \frac{BV_0 l}{5R} \cdot e^{-\frac{3B^2 l^2}{5Rm} t}$$

Поскольку скорости будут равны, наименьшая скорость не будет:

$$dV_x = a_1 dt = -\frac{I(t)Bl}{m} dt$$

$$V_{2k} = \frac{2Bl}{m} \int_0^{\infty} I(t) dt = \frac{2Bl}{m} \cdot \frac{BV_0 l}{5R} \int_0^{\infty} e^{-\frac{3B^2 l^2}{5Rm} t} dt \approx \frac{2B^2 l^2 V_0}{5mR} (0 + 0) = \frac{2B^2 l^2 V_0}{5mR}$$

$$= \frac{2B^2 l^2 V_0}{5mR} \left(0 + \frac{3B^2 l^2}{5Rm} \left(\frac{0^2}{2}\right)\right) \approx \frac{2B^2 l^2 V_0}{5mR} \left(0 + \frac{5Rm}{3B^2 l^2}\right) = \frac{2V_0}{15}$$

Без 11-02

Ускорение

Сравнение 2

$$3) V_2(t) = 0 + \int_0^t a_2(t) dt = \frac{2B_0}{m_0} \int_0^t j(t) dt$$

$$V_1(t) = V_0 + \int_0^t a_1(t) dt = V_0 - \frac{B_0}{m_0} \int_0^t j(t) dt$$

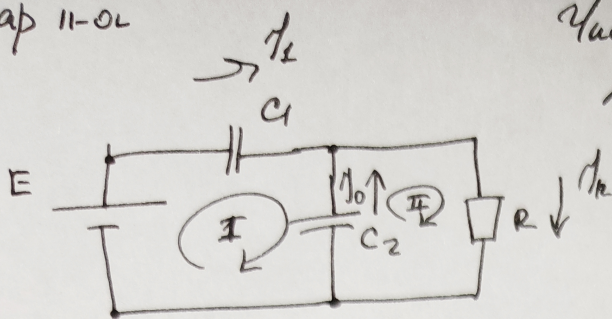
$$V_{\text{разн}}(t) = V_1 - V_2$$

$$V_{\text{разн}}(t) = V_1 - V_2 = \frac{3B_0}{m_0} \int_0^t j(t) dt - V_0 = \frac{3B_0}{m_0} \cdot \frac{3V_0 t}{5R} \left(\frac{5Rm}{3B_0^2 t} \right) \left(e^{-\frac{3B_0^2 t}{5Rm}} + 1 \right) - V_0$$

$$= \frac{3V_0}{3} \left(1 - e^{-\frac{3B_0^2 t}{5Rm}} \right) - V_0 = -V_0 \cdot e^{-\frac{3B_0^2 t}{5Rm}}$$

$$dx = - \int_0^{\infty} V_{\text{разн}}(t) dt = V_0 \int_0^{\infty} e^{-\frac{3B_0^2 t}{5Rm}} dt = V_0 \left(\frac{5Rm}{3B_0^2} \right) = \frac{5RmV_0}{3B_0^2}$$

Ответ: 1) $\frac{2B_0^2 t^2}{5mR}$; 2) $\frac{2V_0}{15}$; 3) $\frac{5RmV_0}{3B_0^2}$



N.3.

1) Определим контур большой с рез-ром:

$$E - U_{C1} = I_n R$$

= 0, т.к. к-п и зап-н

$$I_n = \frac{E}{R}$$

2) Определим входной I и II:

I: $E = U_1 + U_2$;

II: $-U_2 = I_n R$

= 0 из пропорциональных форм

$\Rightarrow U_2 = 0$

Поскольку конденсатор C2 стал резистором, в контуре на нём не будет заряда.

$q = C_2 E = 3CE$ — на C2 в контуре.

ЗСЭ:

$$E q = \frac{C_1 E^2}{2} + Q \Rightarrow Q = 3CE^2 - \frac{3CE^2}{2} = \frac{3CE^2}{2}$$

3) Из условия сохранения энергии:

$$dE = d(U_1 + U_2) = dU_1 + dU_2 = 0 \Leftrightarrow dU_1 = -dU_2$$

Конденсатор 1 заряжается полностью, а конденсатор 2 разряжается.

$$dU_1 = \frac{dq_1}{C_1} = \frac{I_1 dt}{3C}; \quad dU_2 = \frac{dq_2}{C_2} = -\frac{I_0 dt}{C}$$

$$\frac{I_1 dt}{3C} = \frac{I_0 dt}{C} \Rightarrow I_1 = 3I_0$$

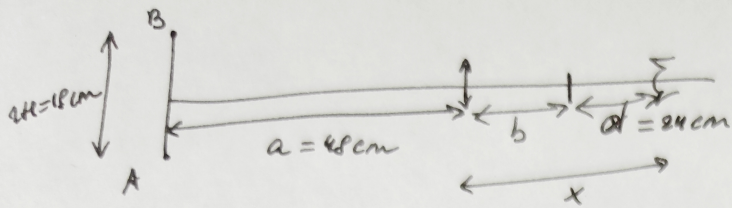
$I_n = I_1 + I_0 = 4I_0$

Отв: 1) $\frac{E}{R}$; 2) $\frac{3CE^2}{2}$; 3) 4%.

Воп 11-02

Умножение
д. 5.

Спаринге 4



$$1) \frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F}$$

$$\frac{1}{b} = \frac{1}{F} - \frac{1}{a} = \frac{aF}{a \cdot F}$$

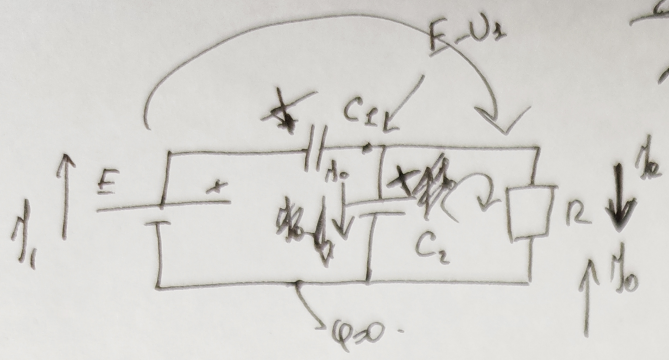
$$b = \frac{aF}{a - F} = \frac{(48 \cdot 12) \text{ cm}^2}{(48 - 12) \text{ cm}} = 16 \text{ cm}$$

$$x = b + d = (16 + 24) \text{ cm} = 40 \text{ cm}$$

2)

Ответ: 1) 40 cm.

Анализ цепей. Спарення

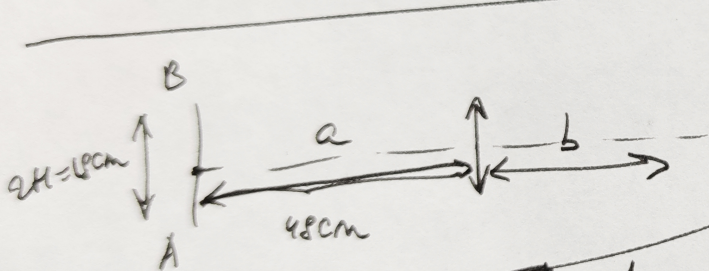
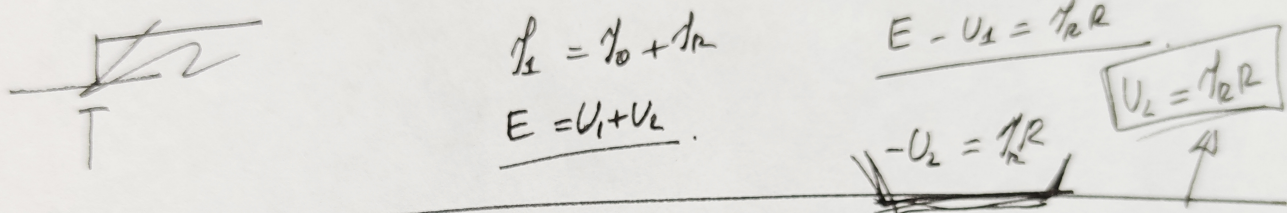


1) Обходим контур с гальванометром:
 $E - U_{20} = I_2 R$
 $\Rightarrow 0, \text{ т.е. } \text{к-р не работает}$
 $\Rightarrow I_2 = \frac{E}{R}$

$D = \frac{1}{F}$ $I_2 = I_0 + I_2$

2) Эмкостная система компенсаторов:
 $C_k = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} = \frac{3C}{4C} = \frac{3C}{4} \Rightarrow f_{21} = C_2 E = \frac{3CE}{4}$

Тогда:
 $U_2 = \frac{E_2}{C_1} = \frac{3CE}{4} \cdot \frac{1}{3C} = \frac{E}{4} \Rightarrow U_2 = \frac{3E}{4}$ $3CE^2 = \frac{CE^2}{2} + Q$



$F = 12 \text{ cm}$
 1) $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{F}$
 $\frac{1}{b} = \frac{1}{F} - \frac{1}{a} = \frac{a-F}{aF}$
 $b = \frac{aF}{a-F} = \frac{48 \cdot 12}{48-12} = \frac{48 \cdot 12}{36} = 16 \text{ cm}$
 $x = 30 \text{ cm}$

$I_0 = \frac{E - U_1}{R}$ I_0, E, C_1, C_2

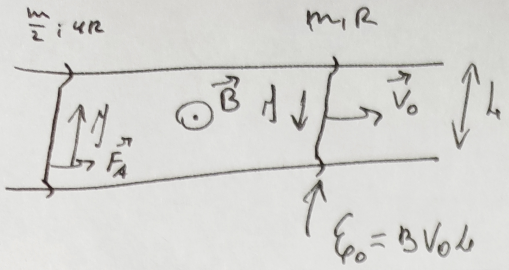
$Q = q = CU$ $I_0 R = E - U_1$

$dU = \frac{q}{C}$
 $dU_1 = I_1 dt$
 $dU_2 = I_2 dt$
 $I_2 dt = -I_1 dt$

$I_2 = I_1 - I_2$
 $dE = 0$
 $d(U_1 + U_2) = 0$

$I_1 = -I_2$

$E = U_1 + U_2$
 $dE = 0$
 $dU_1 = -dU_2$
 $I_1 + I_0 = I_2 \cdot R$



$$I_0 = \frac{B V_0 l}{sR}$$

Чепробан

$\frac{m \cdot m \cdot H}{c} = \frac{mH}{A \cdot c}$
 $A \cdot [B] \cdot m = H$
 $[B] = \frac{H}{m/A}$
 $H = \frac{m \cdot v}{r}$
 $\sum m = \frac{H \cdot m}{c}$
 $A = \frac{km}{c}$
 $B \cdot l = \frac{F}{I}$
 $\frac{m \cdot H}{ka} = \frac{D_0}{ka}$

$$F_A = I_0 B l = \frac{V_0 B^2 l^2}{sR} \quad \boxed{a = \frac{2 V_0 B^2 l^2}{sR m}}$$

$$\frac{dI}{dt} \quad F = I(t) B l \quad \frac{dV_x}{dt} = I(t) B l \quad a$$

$$\frac{dI_x}{dt} = a(t) \quad a_{\text{up}}(t) \quad a_{\text{up}}(t)$$

$$dE_x = B l dV_x = B l a_x(t) dt \quad dV_x = a_x(t) dt$$

$$dE_w = B l dV_w = B l a_w(t) dt \quad dV_w = a_w(t) dt$$

$$dE = B l (a_x + a_w) dt$$

$I(t)$

$$a_{\text{up}}(t) = - \frac{I(t) B l}{m}$$

$$a_x(t) = \frac{I(t) B l}{m}$$

$$a_{\text{up}}(t) = - \frac{I(t) B l}{m}$$

$$a_x(t) = \frac{I(t) B l}{m}$$

$$\frac{dI}{dt} = \frac{B l (a_x + a_w) dt}{sR}$$

$$\frac{dI}{dt} < 0 \quad \frac{1}{c}$$

$$dI = B l \cdot \frac{I(t) B l dt}{m}$$

$$= \frac{B^2 l^2 I(t) dt}{m}$$

$$\frac{dI}{dt} = \frac{B^2 l^2 I(t)}{m} \quad \frac{B^2 l^2 V_0}{5mR}$$

$$\int_0^{\infty} e^{-\frac{B^2 l^2}{5mR} t} dt = \frac{5mR}{B^2 l^2}$$

$$\frac{m}{c^2} \frac{m}{c^2} \quad a \quad F_{\text{up}} = -I(t) B l$$

$$I(t) = I_0 \cdot e^{-kt}$$

$$I_0 \cdot e^{-kt} = I_0 \cdot e^{-k t}$$

$$\left(\frac{-B^2 l^2}{5mR} \right) \quad - \frac{B^2 l^2}{5mR} \cdot \frac{t^2}{2}$$

$$V_{\text{center}} = (-V_0 + dV_1 + dV_2)$$

$$V_{\text{center}} = (-V_0 + dV_1 + dV_2)$$

$$V_{\text{center}}(0) = -V_0$$

$$dV_{\text{center}} = dV_1 + dV_2$$

$$dV_{\text{center}} = dV_2 - dV_1$$

$$dV_{\text{center}} = (a_1 + a_2)dt =$$

$$(a_2 - a_1)dt = \frac{3\mu(t) B_0}{m} dt$$

$$V_{\text{center}}(t)$$

$$V_{\text{center}}(t) = V_2 - V_1 =$$

$$dx = V_{\text{center}} dt = (-V_0$$

$$V(t) = V_0 + \int_0^t a(t) dt.$$

$$dV_{\text{center}}$$

$$q = CV$$

$$U = \frac{q^2}{C}$$

$$V_2(t) = \int_0^t a_2(t) dt.$$

$$= \int_0^{\infty}$$

$$E - V_1 - V_2 = 0..$$

$$E - V_2 = I R$$

$$\boxed{I = \frac{E}{R}}$$

